Question 3

Sunday, December 3, 2023

4:27 PM

3. Determine all matrices C such that $C^2 = B$ in problem 2.

=> C = 0 0 1/2 0 T

$$B = \begin{bmatrix} \sqrt{3}z & \sqrt{4}z \\ \sqrt{5}z & -\sqrt{5}z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sqrt{5}z & \sqrt{4}z \\ \sqrt{5}z & -\sqrt{5}z \end{bmatrix}$$
if $C^2 = B \implies CC = B \implies CC = QQQ^{-1}$

$$C = Q \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ O & \pm 1 \end{bmatrix} Q^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & \frac{1}{2}\sqrt{5} \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & -\frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\sqrt{5} & O \\ \frac{1}{2}\sqrt{5} & O$$