



ulm university

universität
uulm

Robotik

-Skript zur Vorlesung-

Dr. Mohamed Oubbati

Institut für Neuroinformatik
Universität Ulm
Albert-Einstein-Allee 11, D-89069 Ulm

Stand: WS 2007

Vorwort

Die Vorlesung gibt einen grundlegenden Überblick über das Gebiet der ROBOTIK. Dabei werden insbesondere autonomen mobilen Robotern und deren geeignete Methoden zur Steuerung sowie Sensorik und Aktorik behandelt.

Inhaltlich umfasst der Umdruck:

- Einsatzgebiete der Robotik
- Grundbestandteile eines Roboters
- Kinematik
- Bewegungsregelung
- Einführung in die Navigation

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	2
1.1	Einsatzgebiete der Robotik	3
1.1.1	Forschung	3
1.1.2	Industrie	3
1.1.3	Medizin	4
1.1.4	Militär	4
1.2	Was ist ein autonomer mobiler Roboter?	5
1.2.1	Definition “Roboter”	5
1.2.2	Definition “Autonom”	5
1.2.3	Definition “Mobile”	6
1.3	Klassifikation von Robotern	6
1.3.1	Stationäre Roboter	7
1.3.2	Mobile Roboter	7
1.4	Ausstattung	8
2	Grundbestandteile eines Roboters	10
2.1	Sensoren	10
2.1.1	Interne/Externe Sensoren	11
2.1.2	Aktive/Passive Sensoren	11
2.1.3	Abstandssensoren	12
2.2	Aktoren	15
2.2.1	Räder	16
2.2.2	Motoren	16
2.2.3	Getriebe	20
2.2.4	Antriebskonzepte	21
2.3	Steuereinheit	26

3	Kinematik	27
3.1	Geschwindigkeit	27
3.1.1	Mittlere Geschwindigkeit	28
3.1.2	Momentangeschwindigkeit	28
3.2	Winkelgeschwindigkeit	28
3.2.1	Mittlere Winkelgeschwindigkeit	28
3.2.2	Momentane Winkelgeschwindigkeit	28
3.3	Geschwindigkeitsverteilung bei einem Zwangslauf	29
3.4	Geschwindigkeit des mobilen Roboters	30
3.4.1	Differenzialantrieb	30
3.4.2	Dreiradantrieb	32
3.4.3	Omnidirektionaler Antrieb	33
3.5	Kinematik des mobilen Roboters	34
3.5.1	Vorwärtskinematik	34
3.5.2	Rückwärtskinematik	36
4	Bewegungsregelung des Roboters	37
4.1	Grundlagen der Regelungstechnik	37
4.1.1	Unterschied Steuerung - Regelung	37
4.1.2	Grundsätzlicher Aufbau von Regelkreisen	40
4.1.3	Allgemeine Anforderungen an einen Regelkreis	41
4.1.4	Lineare Standard-Regler (PID Regler)	42
4.2	Bewegungsregelung des Roboters	46
4.2.1	Geschwindigkeitsregelung (Dynamics Control)	46
4.2.2	Positionsregelung (Kinematics Control)	46
5	Navigation	48
5.1	Globale und lokale Navigation	48
5.2	Steuerungsarchitekturen	49
5.2.1	Deliberative Architektur (hierarchisch)	49
5.2.2	Reaktive Architektur	50
5.2.3	Hybride Architektur (Reaktive/Deliberative)	51
5.3	Potentialfeldern	52

Kapitel 1

Einleitung

Roboter stehen nicht mehr nur in der Industrie; Sie erobern jetzt das Wasser, die Luft, und das Wohnzimmer. Die Roboter werden im Prinzip alles tun können, was ein Mensch auch kann und noch vieles mehr. Einige Forschungsteams haben bereits Roboter entwickelt, die Gehen lernen wie Kinder. Mit jedem Schritt verbessern sie ihre Balance und das Gehen selbst. Mittlerweile können Roboter sogar selbstständig Objekte erkennen und Sprache verstehen. Vergleichbar mit dem Menschen sollen die zukünftige Roboter auch das “Denken” lernen.

Die interdisziplinäre Wissenschaft der Roboter ist die **Robotik**. Sie hat Beziehungen zu folgenden Disziplinen:

1. Informatik
2. Elektrotechnik (z.B. Hardware, Sensorik, Aktorik)
3. Maschinenbau (mechanischer Aufbau)
4. Mathematik
5. Künstliche Intelligenz (Bildererkennung, Spracherkennung, Lernen, Multi-agentensysteme, Planung, ...)
6. Kognitionswissenschaften
7. Psychologie
8. Biologie (Mensch-,Tierverhalten)

Der wichtigste Aspekt in der Robotik ist die Sicherheit für die Menschen. Dazu schlug Issac Asimaov die drei Gesetze der Robotik vor, die wie folgt lauten:

1. Ein Roboter darf keinen Menschen verletzen.
2. Ein Roboter muss den Anweisungen gehorchen, die ihm von Menschen gegeben werden, außer wenn diese dem ersten Gesetz widersprechen.
3. Ein Roboter muss seine eigene Existenz solange zu sichern versuchen, wie dies nicht dem ersten oder zweiten Gesetz widerspricht.

1.1 Einsatzgebiete der Robotik

1.1.1 Forschung

Forschungsroboter werden meist in Umgebungen eingesetzt, die für den Menschen zu gefährlich sind. Sie können Vulkane oder Abwasserrohre vordringen, und sie können sogar andere Planeten erkunden (Abbildung 1.1).



(a)



(b)

Abbildung 1.1: Forschungsroboter. (a) Mars-Rover (NASA). (b) Kanalroboter (Fraunhofer IAIS).

1.1.2 Industrie

Industrieroboter erledigen stupide Fließbandarbeit schneller und wesentlich genauer als ein Mensch. Außerdem brauchen sie fast keine Pausen, und

können rund um die Uhr arbeiten.

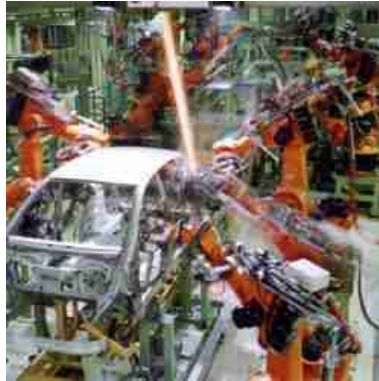


Abbildung 1.2: Armroboter im Rohbau der Mercedes A-Klasse (KUKA GmbH).

1.1.3 Medizin

Der Vorteil von Robotern in der Medizin ist die Unabhängigkeit von mentalen Einflüssen und natürlich die konstante Arbeitsleistung. Neben der Präzision wird auch die Operationszeit verkürzt und damit die Belastung des Patienten verringert.



Abbildung 1.3: Roboter in der Medizin

1.1.4 Militär

Beim Militär werden bewaffnete Roboter eingesetzt. So ein "Soldat" hat keinen Hunger, kriegt keinen Sold, und vor allem kennt keine Angst. Auch um feindliches Gebiet auszuspionieren werden Roboter (Dronen) genutzt (Abb. 1.4).

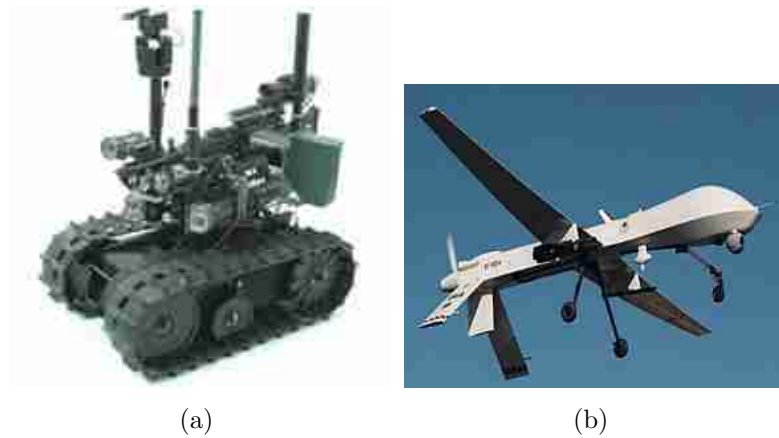


Abbildung 1.4: Militär-Roboter. (a) Assault TALON (U.S Army). (b) Drone: MQ-1 Predator UAV (U.S Airforce).

1.2 Was ist ein autonomer mobiler Roboter?

1.2.1 Definition “Roboter”

Der Begriff “*Roboter*” wurde von Karel Capek Anfang des 20. Jahrhunderts in der Science-Fiction-Literatur eingeführt. Sein Ursprung liegt im slawischen Wort *robot*, welches mit (Zwang-) Arbeit übersetzt werden kann.

Definition der RIA (Robot Institute of America): According to the Robot Institute of America (1979) a robot is: *a reprogrammable, multifunctional manipulator designed to move material, parts, tools, or specialized devices through various programmed motions for the performance of a variety of tasks.*

Ein Roboter ist ein programmierbares Mehrzweck-Handhabungsgerät für das Bewegen von Material, Werkstücken, Werkzeugen oder Spezialgeräten. Der frei programmierbare Bewegungsablauf macht ihn für verschiedenste Aufgaben einsetzbar.

1.2.2 Definition “Autonom”

“*Autonom*” hat seinen Ursprung in zwei griechischen Wörtern: “*autos*” ist griechisch für selbst und “*nomos*” für Gesetz. Es bedeutet also “eigengesetz-

lich machend". Der Begriff "autonom" in der Robotik bedeutet, dass der Roboter sich ohne externe Unterstützung in seiner Umgebung funktionieren kann. je nach Einsatzumgebung kann die Autonomie in verschiedene Grade unterteilt werden (Abb. 1.5).

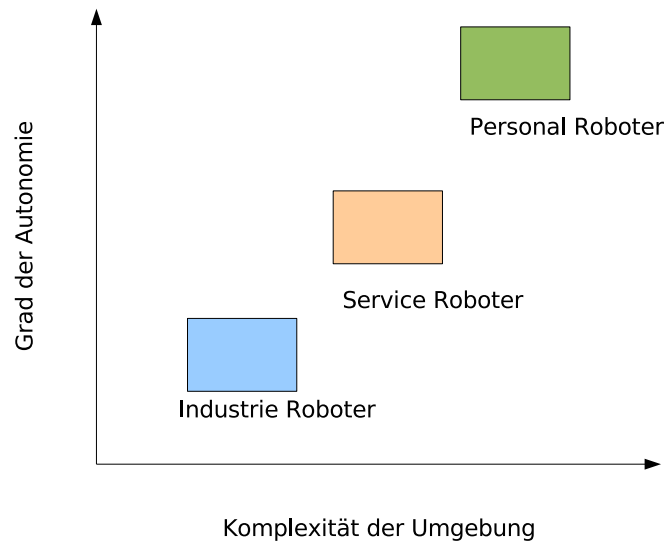


Abbildung 1.5: Autonomie-Grade.

1.2.3 Definition "Mobile"

Ein Roboter wird mobile genannt, wenn er in seiner Umgebung (Land, Wasser, Luft) bewegen kann. Er ist also nicht an einen festen Standort gebunden. Für die Fortbewegung gibt es eine Vielzahl von Bewegungsarten: Fahren, Laufen, Fliegen, Schwimmen usw.

1.3 Klassifikation von Robotern

Es gibt insgesamt zwei Hauptgruppen von Robotern, welche in unterschiedlichen Gebieten eingesetzt werden.

1.3.1 Stationäre Roboter

Wie der Name schon sagt, ein stationärer Roboter ist an einem festen Punkt gebunden, und kann nicht durch eigenen Antrieb seinen Standort wechseln (Abb. 1.6). So ein Roboter ist für einen eindeutigen und repetitiven Arbeitsablauf ausgelegt.



Abbildung 1.6: ABB Industrieroboter.

1.3.2 Mobile Roboter

Wie schon definiert, ein Roboter wird mobile genannt, wenn er Aktoren zur Veränderung seiner Position in der Umwelt besitzt. Die Hauptaufgabe eines mobilen Roboters ist das Navigieren in bekannten und unbekannten Umgebungen.

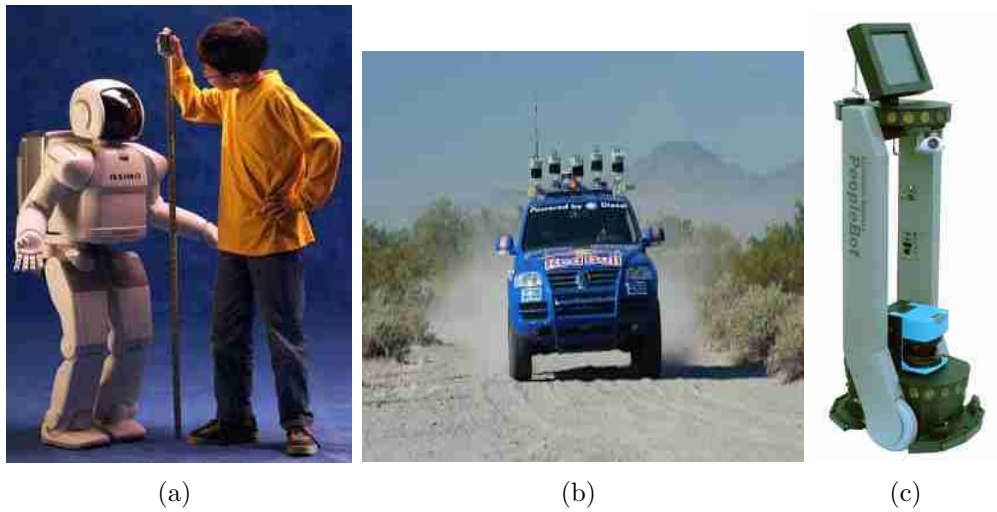


Abbildung 1.7: Mobile Roboter. (a) Humanoid Roboter (ASIMO-Honda). (b) Der Roboter Stanley (Stanford University- USA). (c) Indoor Roboter (PeopleBot -Activemedia).

1.4 Ausstattung

Die bisher gezeigten Beispiele von existierenden Robotern zeigen, dass sie nach Aufgabe und Einsatzmöglichkeit völlig unterschiedlich ausgestattet sind. In einer indoor Umgebung kann ein Roboter sich einfach mit zwei Rädern bewegen. Der Mars-rover bewegt sich (Bild 1.1. (a)) mit 6 Rädern im Allradantrieb fort, während sich der ASIMO Roboter von Honda auf zwei Beinen geht (Bild 1.7. (a)). Um Tätigkeiten der Industrie zu erledigen, wird zumeist ein Industrieroboter (Bild 1.2) mit vielen Freiheitsgraden und einem Greifer ausgestattet, abhängig von der Arbeit, die er ausführen soll. Die Art und Anzahl der Sensoren sind auch stark abhängig von der Umgebung und der Aufgabe. Zumeist werden Sonar-, und Lasersensoren benutzt um Abstände zu messen. Eine Kamera kann sie zusätzlich ergänzen. (Bild 1.8)

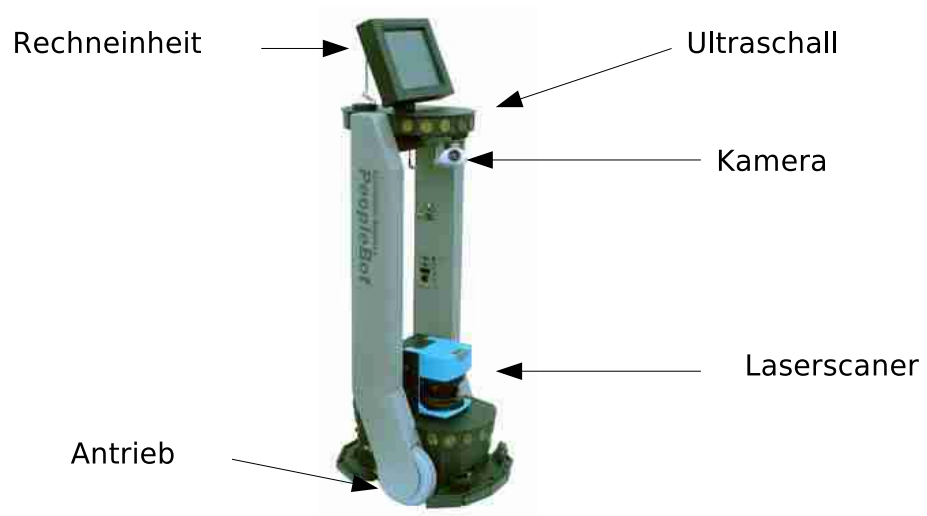


Abbildung 1.8: Indoor Roboter.

Kapitel 2

Grundbestandteile eines Roboters

Ein Roboter besteht aus mehreren Teilsystemen: Sensoren, Aktoren, und die Steuereinheit (Abb. 2.1).

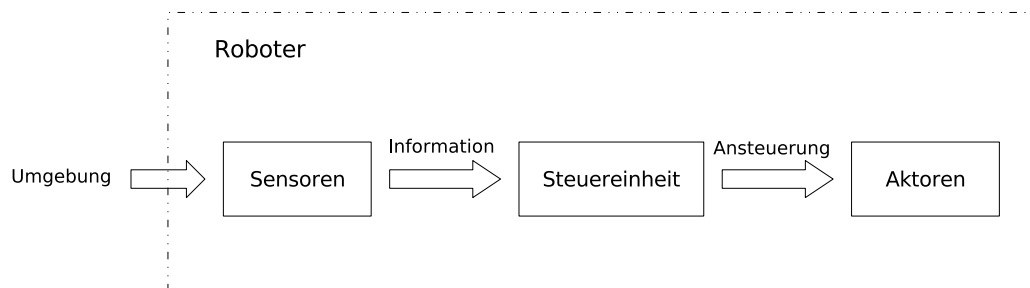


Abbildung 2.1: Roboter Blockschema

Die **Sensoren** empfangen Umgebungseinflüsse. Durch die empfangenen Daten entscheidet die **Steuereinheit** welche Aktion der Roboter, durch die **Aktoren**, ausführen soll.

2.1 Sensoren

Mit Hilfe von Sensoren kann ein Roboter Informationen aus seiner Umgebung aufnehmen. Ein Sensor empfängt ein physikalisches Signal und reagiert darauf mit einem elektrischen Ausgangssignal (Abb. 2.2).



Abbildung 2.2: Sensor

2.1.1 Interne/Externe Sensoren

Die Sensoren können klassifiziert werden, ob sie intern oder extern sind: Interne Sensoren messen Eigenschaften on board des Roboters, zum Beispiel:

- Radenkoder (Position)
- BatterieLadezustand (Spannung)
- Temperatur

Externe Sensoren liefern dagegen Informationen aus der Umgebung:

- Ultraschall
- Bumper
- Kamera
- Laser
- Infrarot

2.1.2 Aktive/Passive Sensoren

Ein weiteres Unterscheidungskriterium ist die Einteilung in aktive und passive Sensortypen.

Aktive Sensoren wirken wie eine elektrische Spannungsquelle. Sie variieren das elektrische Signal bei einer Änderung der Messgröße (mechanische, thermische ...).

Ein passiver Sensor verändert seinen Widerstand, seine Kapazität oder seine Induktivität, und damit wandelt er die Erregungsenergie in ein elektrisches Signal um.

2.1.3 Abstandssensoren

Die Daten von Abstandssensoren eignen sich zur Hindernisvermeidung sowie zur Extraktion eines Modells der Umgebung, was zur Navigation genutzt werden kann.

Bumper

Bumper (Touch Sensor) werden durch den direkten Kontakt mit dem Hindernis aktiviert. Jedoch sind sie zur Kollisionsvermeidung nicht geeignet.

Ultraschall

Ultraschall wird hauptsächlich auf Basis des Piezoelektrisches Effekts erzeugt und empfangen. Die Frequenzen des Ultraschalls liegen oberhalb des Hörbereiches des Menschen (20 Khz bis Gigaherzbereich). Die Ultraschallsensoren funktionieren, indem sie kegelförmige Schallwellen abstrahlen. Wenn diese Wellen auf einen Gegenstand treffen, werden sie von ihm in Richtung des Senders reflektiert. Aus der Laufzeit t zwischen gesendetem und empfangenem Signal kann die Entfernung Δx zur Reflexionsfläche berechnet werden:

$$\Delta x = \frac{c' \cdot t}{2} \quad (2.1)$$

Die Schallgeschwindigkeit hängt von der Eigenschaft des Mediums und insbesondere von der Temperatur ab. Sie beträgt bei Raumtemperatur in Luft $c' = 344m/s$.

Probleme

1. Wegen der kegelförmigen Schallwellen, gibt das empfangene Signal Informationen über die Entfernung einer Reflexionsfläche, aber nicht über die Winkelrichtung, in der sie sich befindet (siehe Abb. 2.3)

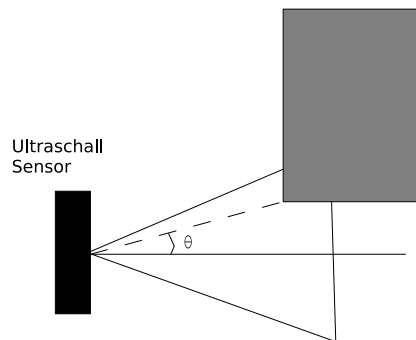


Abbildung 2.3: Winkel Probleme beim Ultraschall

2. Scheinechos: Scheinechos können aus verschiedenen Gründen auftreten:

- a) eine Welle kann auf mehreren Objekten reflektiert werden, bevor sie als Echo vom Sensor empfangen wird. Es könnte vorkommen, dass Echos von weit entfernten Objekten während einer neuen Messung empfangen werden. So scheint ihre Entfernung viel kleiner, als sie tatsächlich ist.
- b) bei gleichzeitigem Betrieb von mehreren Ultraschallsensoren kann ein Sensor das Echo einer Welle empfangen, die von einem anderen Sensor gesendet wurde (Crosstalk Problem). (siehe Abb. 2.4)

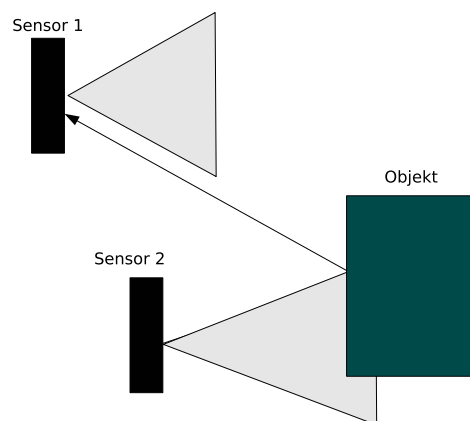


Abbildung 2.4: Crosstalk Problem

Lasersensoren

Laser oder “*light amplification by stimulated emission of radiation*” bietet eine sehr genaue Entfernungsmessung. Ein Lasersensor arbeitet nach dem time-of-flight Prinzip (TOF). Er sendet einen gepulsten Laserstrahl aus, der dann von Objekten reflektiert wird. Dann wird die Zeit t zwischen Aussendung und Empfang des Laserimpulses gemessen. Daraus lässt sich die Entfernung Δx mit Hilfe der Lichtgeschwindigkeit c wie folgt berechnen:

$$\Delta x = \frac{c \cdot t}{2} \quad (2.2)$$

Der Messbereich beträgt bis zu 80 Meter bei einer Auflösung von einem Zentimeter. Es wird eine Wellenlänge, die im nicht sichtbaren Bereich liegt. Zum Beispiel bei den Lasermesssystemen von SICK (Bild 2.5) wird bei einer Wellenlänge von 905 nm gemessen. Das Lasersensor von SICK sendet den Laserimpuls, und dabei wird mit einer Winkelauflösung von 0,5 gemessen. Daraus ergeben sich in einem Abstand von 10 Metern 3,13 cm breite Bereiche, die in keine Messung eingehen.



Abbildung 2.5: Lasersensor von Sick

Ein weiterer Vorteil sind die kurzen Taktzeiten, welche auch bei hohen Geschwindigkeiten noch möglich sind. Allerdings trotz all dieser Vorteile, besitzen Lasersensoren auch Nachteile. Der Hauptnachteil ist es, dass sie im Vergleich mit anderen Sensoren sehr teurer sind.

Licht-/Infrarotsensor

Ein Lichtsensor arbeitet mit Hilfe von Fotowiderständen (Diode- Transistor) um die Lichtstärke aufzunehmen. Eine veränderte Licht stärke resultiert dabei in einem anderen Widerstand, damit er diese Erregungsenergie in ein elektrisches Signal umwandelt. Der Infrarotsensor funktioniert nach dem gleichen Prinzip wie der Lichtsensor, allerdings wird mit ihm das Infrarot Licht (leicht unterhalb des sichtbaren Lichtes) gemessen. Er sendet kodierte Infrarotsignale aus und misst die Echostärke dieser Signale. Infrarotsensoren werden für den Nahbereich eingesetzt.

Radencoder

Um die Geschwindigkeit des Roboters regeln zu können, muss der Roboter die Geschwindigkeit der Räder messen können. Dies kann durch einen Radencoder berechnet werden. Der Radencoder wertet ein kodierte Rad aus, wobei Markierungen über Licht-Reflexion beobachtet werden (Abb. 2.6). Da die Anzahl von Impulsen pro Umdrehung fest ist, die resultierende Pulsfolge ist direkt proportional zur Rotation.

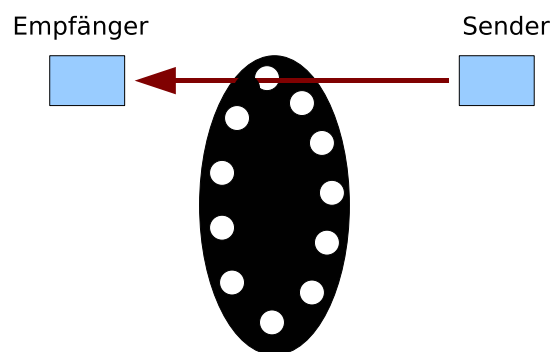


Abbildung 2.6: Modell Radencoder

2.2 Aktoren

Aktoren sind die Teile, mit denen der Roboter physikalische Aktionen durchführen kann. Ein mobiler Roboter besitzt insbesondere Aktoren (Z. b. Räder, Beine, oder Ketten) zur Veränderung seiner Position in seiner Umgebung. Mit Rädern kann ein Roboter auf glattem Untergrund höhere Geschwindigkeiten

erreichen. Beine, und Ketten ermöglichen eine sehr flexible Fortbewegung auf eine Gelände.

2.2.1 Räder

Es gibt verschiedene Möglichkeiten den mobilen Roboter anzutreiben, zum Beispiel mit Rädern unterschiedlicher Größe und Anzahl, oder auch mit Kettenantrieb. Abbildung (2.7) zeigt ein Rad, das ein Radius (r) und eine Winkelgeschwindigkeit (Ω) hat.

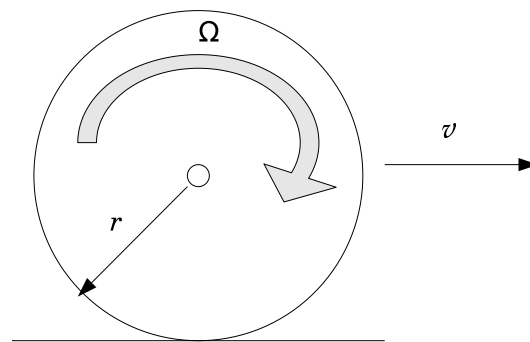


Abbildung 2.7: Rad

2.2.2 Motoren

Ein **Elektromotor** ist ein elektrisches Gerät, das mit Hilfe von magnetischen Feldern elektrische Energie in mechanische Energie umsetzt. Dabei wird die Kraftwirkung zwischen Elektromagneten zur Erzeugung einer Drehbewegung ausgenutzt. Auf dem Roboter werden häufig Getriebemotoren (DC motors) eingesetzt (Abb. 2.8). Zuerst schließt man die Spannungsquelle an, und je Höhe die Spannung, desto schneller dreht sich der Motor (Abb. 2.9).



Abbildung 2.8: DC Motor (Maxon)

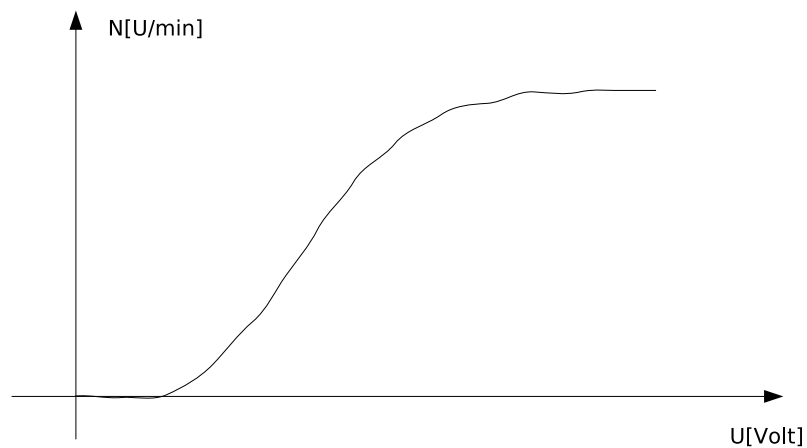


Abbildung 2.9: Drehzahl VS. Motorspannung

Pulsweitenmodulation PWM

Um die Geschwindigkeit des Motors zu regulieren, muss man Die Pulsweitenmodulation (engl. Pulse Width Modulation, abgekürzt PWM) nutzen. Bei der PWM wird die Ein- und Ausschaltzeit eines Rechtecksignals bei fester Grundfrequenz variiert. Je länger die Einschaltdauer, desto schneller dreht sich der Motor. Das heit, je länger die Einschaltdauer, desto höher der Mittelwert der Spannung (Abb. 2.10).

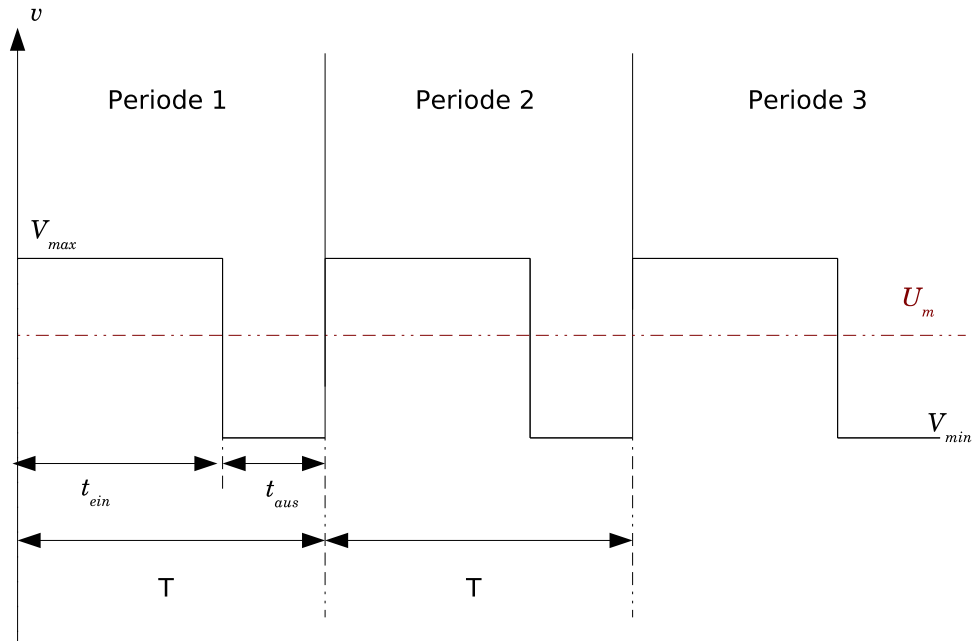


Abbildung 2.10: Pulsweitenmodulation

So wird der Mittelwert U_m berechnet:

$$U_m = \frac{1}{T} \int_0^T v(\tau) d\tau \quad (2.3)$$

$$U_m = \frac{1}{T} \int_0^{t_{ein}} V_{max} d\tau + \frac{1}{T} \int_{t_{ein}}^T V_{min} d\tau \quad (2.4)$$

$$U_m = \frac{t_{ein}}{T} V_{max} + \frac{T - t_{ein}}{T} V_{min} \quad (2.5)$$

$$U_m = \frac{t_{ein}}{t_{ein} + t_{aus}} V_{max} + \left(1 - \frac{t_{ein}}{t_{ein} + t_{aus}}\right) V_{min} \quad (2.6)$$

Das Verhältnis $\frac{t_{ein}}{t_{ein} + t_{aus}}$ bezeichnet man als Tastverhältnis (D) (engl. Duty Cycle):

$$D = \frac{t_{ein}}{t_{ein} + t_{aus}} \quad (2.7)$$

Die Gleichung (2.6) wird dann :

$$U_m = DV_{max} + (1 - D)V_{min} \quad (2.8)$$

V_{min} ist dabei normalerweise $0V$, und V_{max} ist die Betriebsspannung V_{CC} . Deshalb kann man vereinfacht schreiben:

$$U_m = DV_{CC} \quad (2.9)$$

Motorsteuerung mit H-Brücke

Ein Motor kann nicht direkt durch einen Mikroprozessor angetrieben werden, da dieser nicht genügend Strom liefert. Stattdessen muß eine Verbindungsschaltung aufgebaut werden, so dass die Energie für den Motor von einer anderen Spannungsquelle kommt und der Mikroprozessor nur die Steuersignale sendet. Man verwendet am meisten die sogenannte H-Brücke. Diese Schaltung hat ihren Namen von ihrer Form, die wie ein "H" aussieht, und besteht aus Bipolartransistoren (Abb. 2.11). Die blaue Linie zeigt den Stromweg für die eine Drehrichtung, die rote Linie den für die andere Drehrichtung. Dazu passend die logischen Signale "0" für einen gesperrten und "1" für einen durchgeschalteten Transistor. Zur Steuerung der Motorgeschwindigkeit werden die Transistoren, durch PWMs Signale, in verschiedenen Abständen geöffnet und geschlossen.

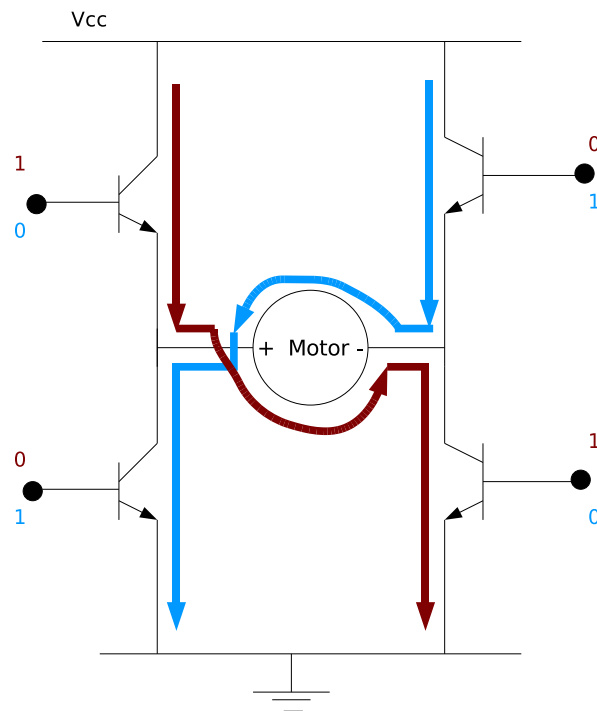


Abbildung 2.11: Schema einer H-Brücke

2.2.3 Getriebe

Um die gewünschten Fahrleistungen des Roboters zu erreichen ist es notwendig den Motor mit Getriebe zu koppeln. Getriebe sind Verbindungen, die zur Übertragung von Kraft dienen. Beim mobilen Roboter werden Getriebe mit Hilfe von Zahnrädern eingesetzt, um die Drehzahl und das Drehmoment an die Anforderungen anzupassen (Bild 2.12).

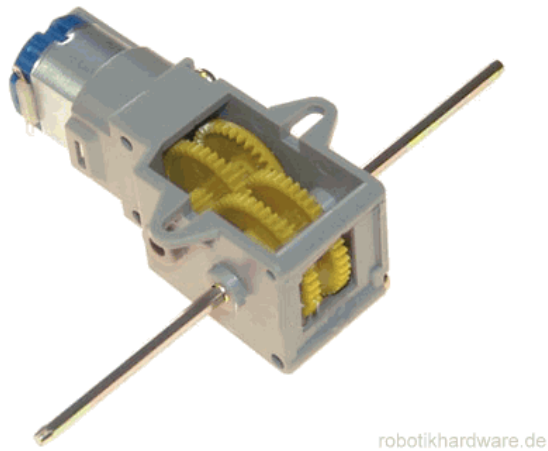
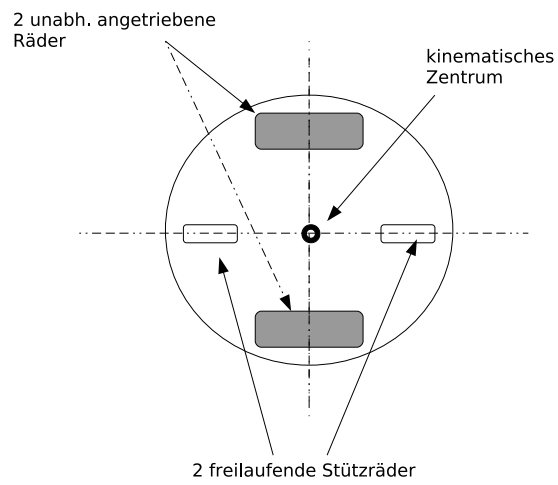


Abbildung 2.12: Motor mit Getriebe

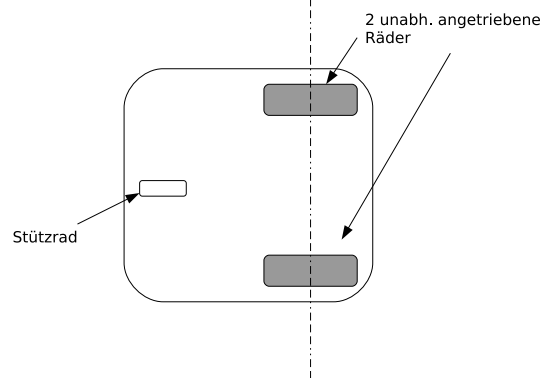
2.2.4 Antriebskonzepte

Für stabile Fahrzeuge braucht man mindestens drei Räder. Die Häufigste Radanordnungen sind:

1. **Differentialantrieb** Dieses besteht aus zwei angetriebene Räder auf einer Achse mit einem oder zwei passiv mitlaufenden Stützrädern, die sich frei drehen können (siehe Abb. 2.13). Die beiden Antriebsräder liegen auf derselben Achse und werden getrennt angetrieben. Durch die Geschwindigkeit der beiden angetriebenen Räder hat der Roboter die Möglichkeit vorwärts und rückwärts zu fahren, auf der Stelle zu drehen und sich auf einer Kreisbahn zu bewegen.



(a)



(b)

Abbildung 2.13: Schema Differenzialantrieb

2. Kettenantrieb: Hier wird der Roboter nicht von Rädern, sondern, wie ein Panzer, von zwei Ketten angetrieben. Das Prinzip ist analog zum Differentialantrieb.

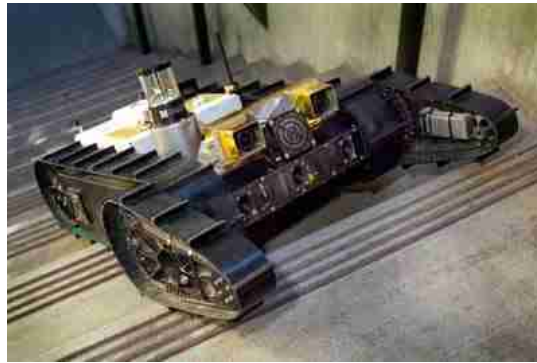


Abbildung 2.14: Roboter mit Kettenantrieb (US. Force)

- 3. Dreiradantrieb:** Der mobile Roboter ist mit 2 freilaufenden Rädern und 1 angetriebenen und gelenkten Rad ausgestattet (Abb. 2.15). Es kann aber auch sein, dass ein Motor die beiden Hinterräder antreibt, und ein zweiter Motor, das Vorderrad steuert.

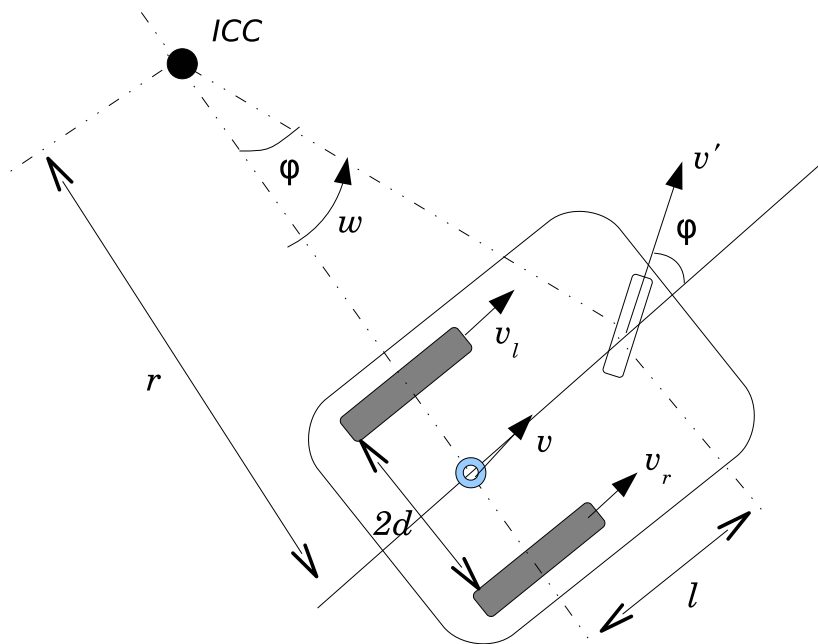


Abbildung 2.15: Dreiradantrieb

4. **Ackermannlenkung:** Der mobile Roboter hat eine Lenkung wie die von Autos bekannte Lenkung. Sie ist analog zum Dreiradantrieb, nur dass hier zwei synchron lenkbare Vorderräder vorhanden sind: zwei angetriebene (Hinter) Räder und zwei parallel geführte Lenkräder (Hinterradantrieb) (Abb. 2.16 (a)) oder zwei angetriebene und gelenkte parallel geführte Räder, dazu zwei passiv mitlaufende Hinterräder (Vorderradantrieb) (Abb. 2.16 (b)).

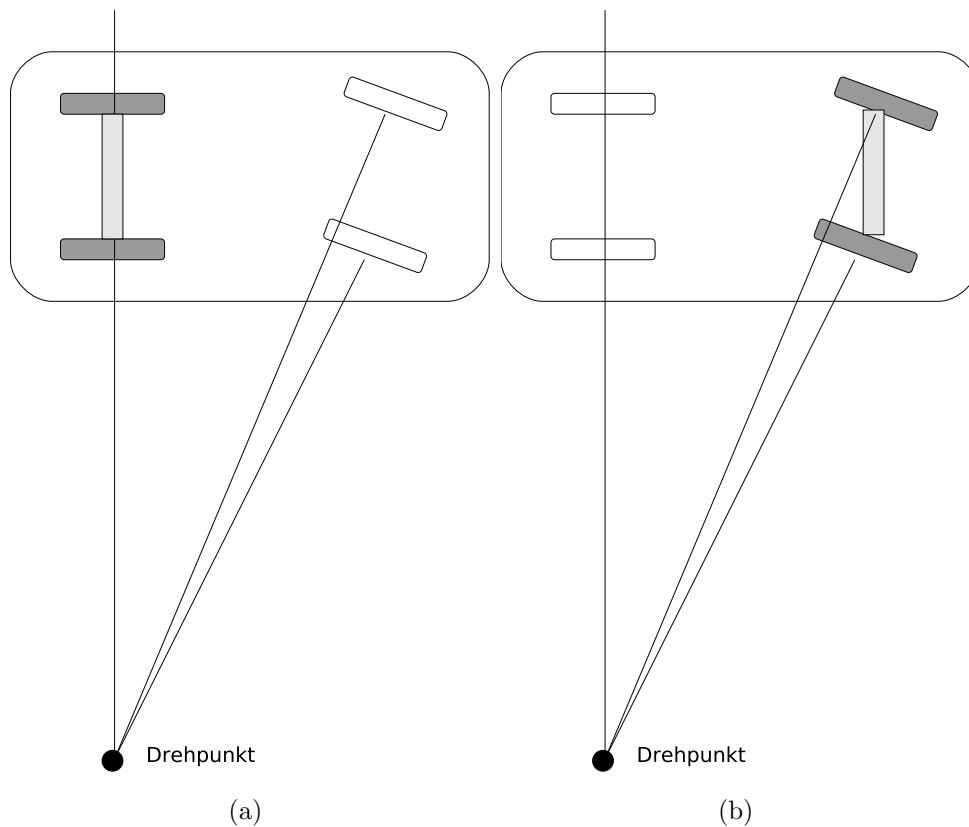


Abbildung 2.16: (a) Hinterradantrieb. (b) Vorderradantrieb

5. **Synchrodrive:** Drei oder mehr angetriebene Räder werden synchron gelenkt (Abb. 2.17).

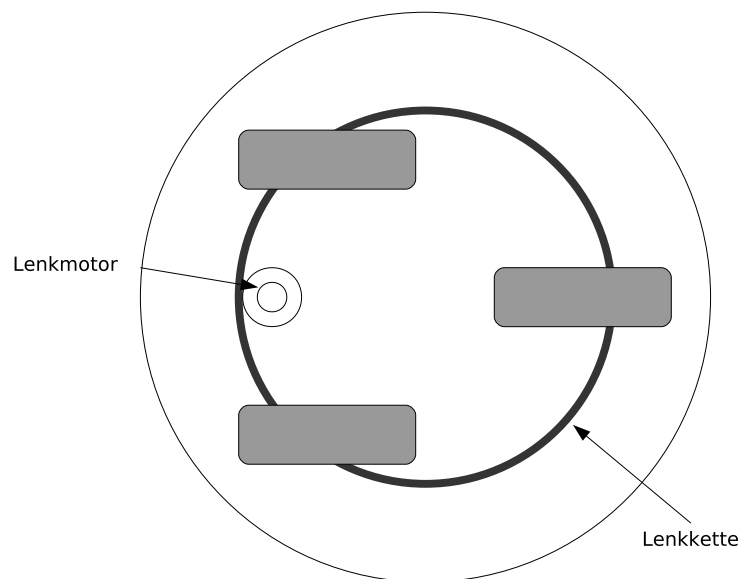


Abbildung 2.17: Synchrodrive Radantrieb

6. Omnidirectional: Unter Verwendung von drei (manchmal auch 4) angetriebenen sogenannten Allseitenrädern (auch Omni-Wheels, Mecanum-Räder) (Abb. 2.18) ist der Roboter in der Lage, sich in alle Richtungen zu bewegen ohne sich vorher Drehen zu müssen.

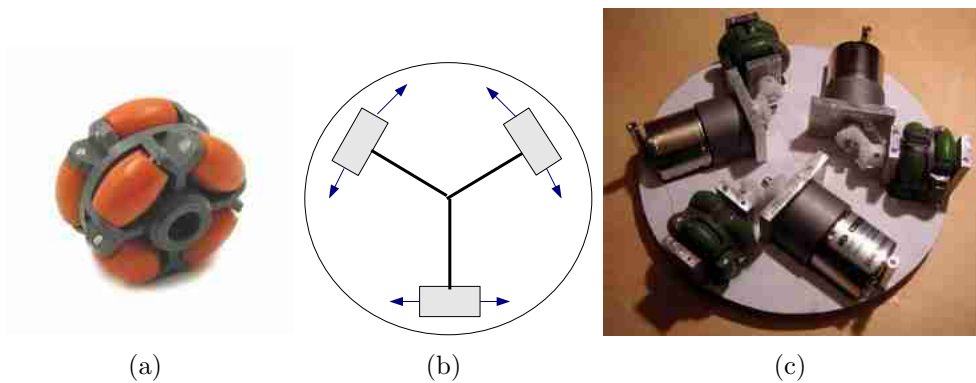


Abbildung 2.18: (a) Allseitenrad (Omniwheel). (b) Anordnung von 3 Omniwheels. (c) Hardware Omnidrive Chassis.

2.3 Steuereinheit

Die Steuerungseinheit ist das Gehirn jedes Roboters. Dort werden die Informationen der Sensoren verarbeitet und die Aktoren angesteuert.

Die Steuerungseinheit übernimmt folgende Aufgaben:

- Realisierung des Gesamtablaufs dem eingegebenen Programm.
- Auswertung von Sensordaten.
- Steuerung der Bewegungen (z.B. Punkt-zu-Punkt-Steuerung, Bahnsteuerung).

Kapitel 3

Kinematik

Die **Kinematik** beschäftigt sich mit der Geometrie und den zeitabhängigen Aspekten der Bewegung, ohne die Kräfte, die die Bewegung verursacht.

3.1 Geschwindigkeit

Gegeben sei ein Zwangslauf ξ . Weiters seien X_0 , X_1 zwei benachbarte Positionen von einem Punkt X auf ξ zu den Zeitpunkten $t_0 < t_1$ (Abb. 3.1).

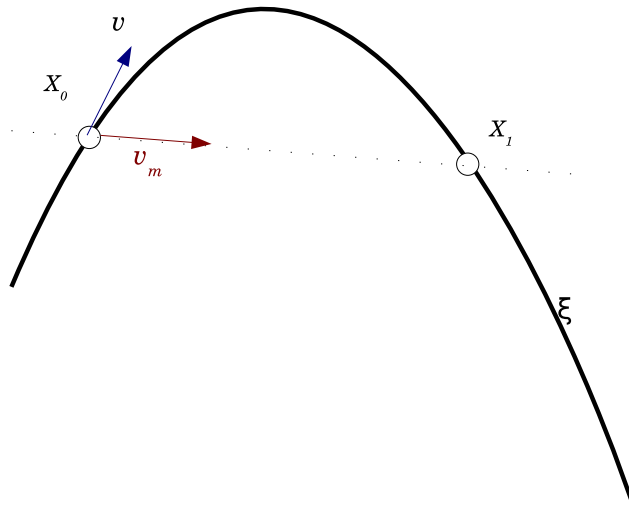


Abbildung 3.1: Definition des mittleren Geschwindigkeitsvektors v_m und des Momentangeschwindigkeitsvektors v

3.1.1 Mittlere Geschwindigkeit

Die skalare Größe

$$v_m = \frac{\Delta s}{\Delta t} \quad (3.1)$$

heißt *mittlere Geschwindigkeit* von X im Intervall $[t_0, t_1]$. Hierbei bezeichnet Δs die Länge des Kurvenbogens zwischen X_0 und X_1 auf ξ , und $\Delta t = t_1 - t_0$.

3.1.2 Momentangeschwindigkeit

Die skalare Größe

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} v_m = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} \quad (3.2)$$

heißt *Momentangeschwindigkeit* des Punktes X zum Zeitpunkt t_0 .

3.2 Winkelgeschwindigkeit

Die obige Begriffe lassen sich auch auf Winkelgrößen übertragen. Es sei $\rho(t)$ eine kontinuierliche Drehung um einem Punkt P mit dem Drehwinkel $\varphi(t)$. Sei weiters $\Delta\varphi = \varphi(t_1) - \varphi(t_0)$ und Δt , die wieder dieselbe Bedeutung wie in Definition 1 haben (Abb. 3.2).

3.2.1 Mittlere Winkelgeschwindigkeit

Die skalare Größe

$$w_m = \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \quad (3.3)$$

heißt *mittlere Winkelgeschwindigkeit* der Drehung ρ im Intervall $[t_0, t_1]$.

3.2.2 Momentane Winkelgeschwindigkeit

Die Größe

$$w = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} w_m = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} \quad (3.4)$$

heißt *momentane Winkelgeschwindigkeit* der Drehung ρ zum Zeitpunkt t_0 .

Die mittlere Winkelgeschwindigkeit und die Winkelgeschwindigkeit sind unabhängig vom betrachteten Punkt des bewegten Systems, und das im Gegensatz zur mittleren Geschwindigkeit und zur Momentangeschwindigkeit.

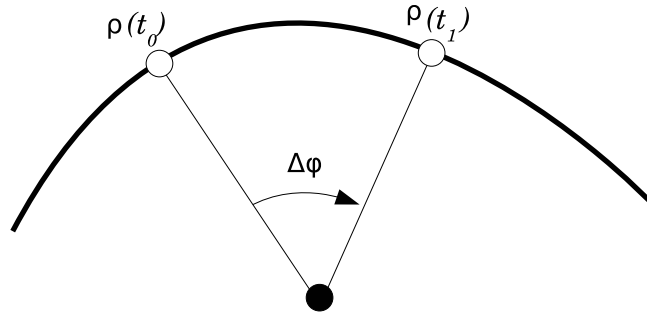


Abbildung 3.2: Definition der mittleren Winkelgeschwindigkeit w_m und der momentanen Winkelgeschwindigkeit w .

3.3 Geschwindigkeitsverteilung bei einem Zwangslauf

Sei der Punkt P das Zentrum eines Zwangslauf Γ , und φ die Winkel jeder Drehung. Weiters bezeichne r den Radius des Drehkreises eines Punkt X (Abb. 3.3). Dann kann die mittlere Geschwindigkeit v von X im Intervall $[t_0, t_1]$ durch

$$v_m \simeq \frac{2r \sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\Delta t} \quad (3.5)$$

berechnet werden.

Die momentangeschwindigkeit v zum Zeitpunkt t_0 wird dann:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{2r \sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\Delta t} \quad (3.6)$$

Es ist bekannt dass $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$. Daher kann die rechte Seite der Gleichung (3.6) wie folgt umgeschrieben werden:

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{2r \sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\Delta t} = 1 \cdot \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{2r \sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\Delta t} = \left(\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\frac{\Delta\varphi}{2}}{\sin \frac{\Delta\varphi}{2}} \right) \left(\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{2r \sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\Delta t} \right) \quad (3.7)$$

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left(\frac{\frac{\Delta\varphi}{2}}{\sin \frac{\Delta\varphi}{2}} \frac{2r \sin \frac{\Delta\varphi}{2}}{\Delta t} \right) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\varphi}{\Delta t} r \quad (3.8)$$

$$v = w \cdot r \quad (3.9)$$

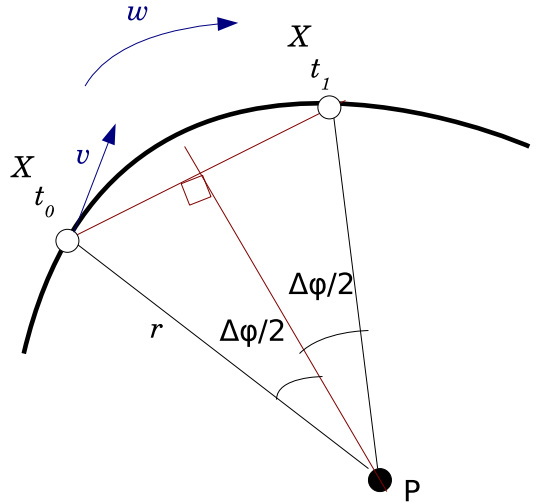


Abbildung 3.3: Geschwindigkeitsverteilung bei einem Zwangslauf

3.4 Geschwindigkeit des mobilen Roboters

3.4.1 Differenzialantrieb

Der Roboter verfügt über einen Differenzialantrieb. Die beiden Antriebsräder liegen auf derselben Achse mit einem Abstand $2d$ und werden getrennt angetrieben, und das hintere Stützrad ist nicht angetrieben (Abb. 3.4). Die Geschwindigkeiten des rechten bzw. linken Rades sind v_r bzw. v_l , und die Geschwindigkeit des Roboters ist v . Unter der Annahme, dass v_r und v_l konstant sind und $v_r \neq v_l$ ist, bewegt sich der Roboter auf einer Kreisbahn mit konstanter Rotationsgeschwindigkeit w . Der Punkt **ICC** (*Instantaneous Center of Curvature*) beschreibt das Zentrum der Drehung und r den Radius der Kreisbahn, die der Roboter abfährt.

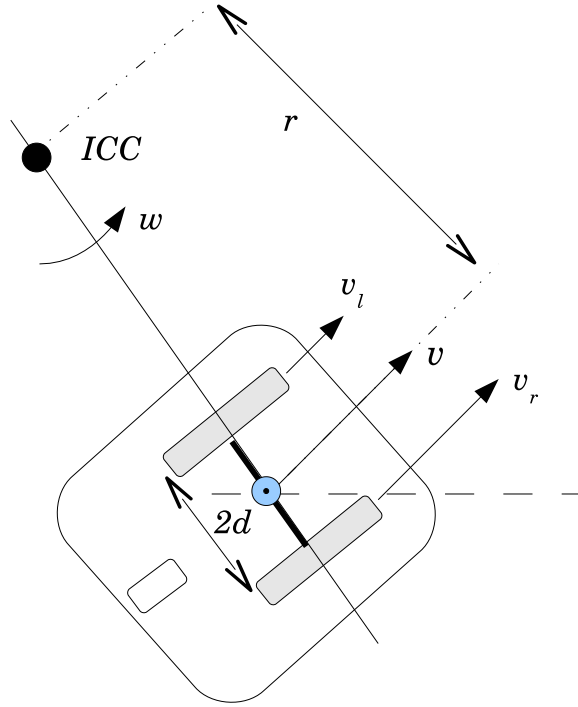


Abbildung 3.4: Die Geschwindigkeit des Roboters. Der Roboter bewegt sich bei konstanten Radgeschwindigkeiten auf einer Kreisbahn mit dem Radius r um ein Drehzentrum ICC .

Die Bewegung des Roboters wird durch die Geschwindigkeit der beiden angetriebenen Räder bestimmt. Durch die Gleichung (3.9) erhalten wir die Geschwindigkeit v_r und v_l :

$$v_l = (r - d) \cdot w \quad (3.10)$$

$$v_r = (r + d) \cdot w \quad (3.11)$$

Mit Hilfe der Gleichungen (3.9), (3.10), und (3.11) können die Geschwindigkeit und die Winkelgeschwindigkeit folgendermaßen bestimmt werden:

$$v = \frac{v_l + v_r}{2} \quad (3.12)$$

$$w = \frac{v_r - v_l}{2d} \quad (3.13)$$

Die Distanz r wird dann:

$$r = d \frac{v_l + v_r}{v_r - v_l} \quad (3.14)$$

- Für $v_l = v_r$ ergibt sich $r = \infty$ und $w = 0$, der Roboter fährt geradeaus.
- Für $v_l = -v_r$ ergibt sich $r = 0$ und $v = 0$, der Roboter dreht sich auf der Stelle.

3.4.2 Dreiradantrieb

Der mobile Roboter ist mit 2 freilaufenden Räder und 1 angetriebenen und gelenkten Rad ausgestattet. Es kann aber auch sein, dass ein Motor die beiden Hinterräder antreibt, und ein zweiter Motor das Vorderrad steuert (Abb. 3.5).

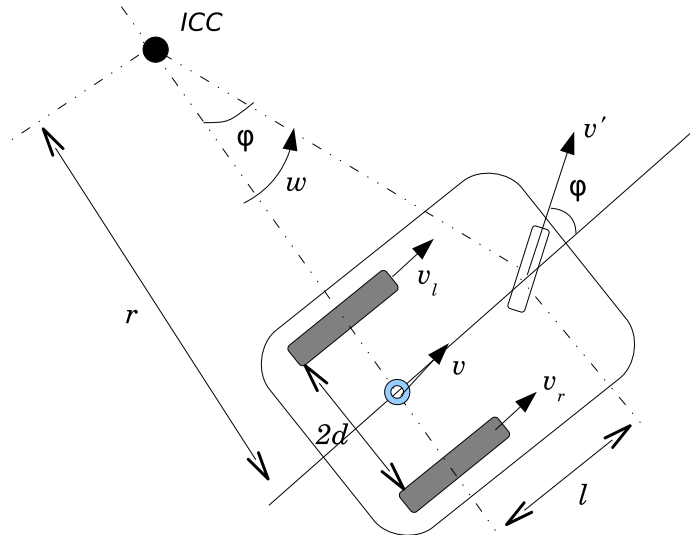


Abbildung 3.5: Dreiradantrieb

Aus der Abbildung (3.5) haben wir:

$$\tan \varphi = \frac{l}{r} \Leftrightarrow r = \frac{l}{\tan \varphi} \quad (3.15)$$

und

$$v = v' \cos \varphi \quad (3.16)$$

Durch die Gleichung (3.9) erhalten wir die Geschwindigkeit v_r und v_l :

$$v_r = (r + d).w = \frac{r + d}{r}v \quad (3.17)$$

$$v_l = (r - d).w = \frac{r - d}{r}v \quad (3.18)$$

3.4.3 Omnidirektionaler Antrieb

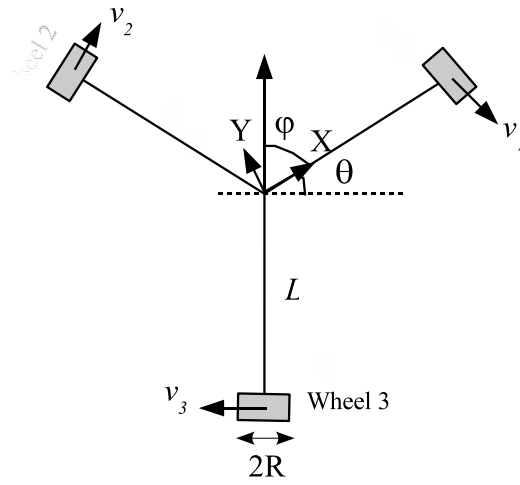


Abbildung 3.6: Omnidirektionaler Antrieb

Nachfolgend die Formeln zur Ansteuerung der Geschwindigkeiten w_i der Motoren.

$$\begin{pmatrix} w_1 \\ w_2 \\ w_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sin(\theta) & \cos(\theta) & L \\ -\sin(\frac{\pi}{3} - \theta) & -\cos(\frac{\pi}{3} - \theta) & L \\ \sin(\frac{\pi}{3} + \theta) & -\cos(\frac{\pi}{3} + \theta) & L \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{\theta} \end{pmatrix} \quad (3.19)$$

Dabei bezeichnen \dot{x} und \dot{y} jeweils die x und y -Komponente des gewünschten Geschwindigkeitsvektors. $\dot{\theta}$ bezeichnet die Drehgeschwindigkeit, wobei man im Normalfall während des Fahrens keine zusätzliche Drehbewegung ausführen sollte, so dass $\dot{\theta} = 0$ gesetzt werden kann. L ist der Abstand der Räder vom Mittelpunkt des Roboters.

3.5 Kinematik des mobilen Roboters

Abbildung (3.7) beschreibt die Position und die Orientierung (x, y, Θ) (engl. pose) eines Roboters mit einem Differenzialantrieb bezüglich des Weltkoordinatensystems Σ . Dabei liegt (x, y) in der Mitte der Antriebsräder.

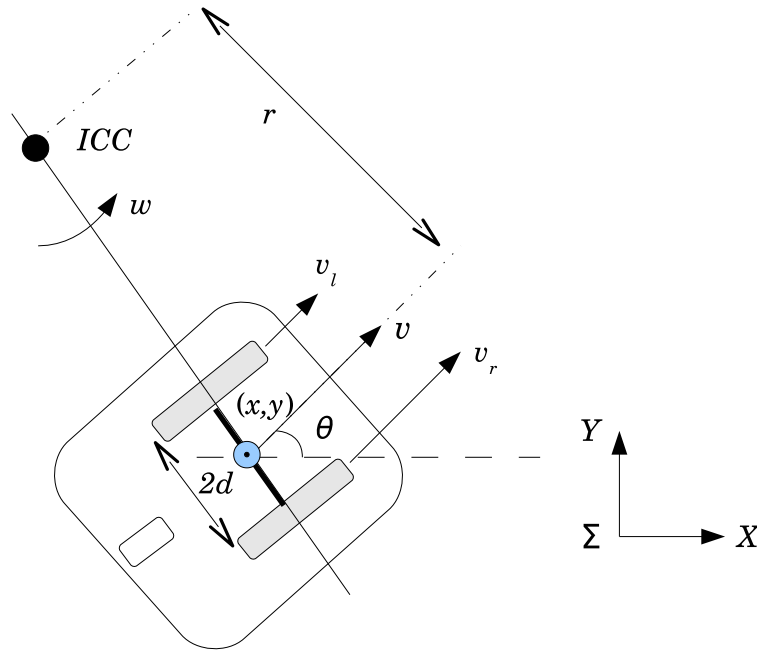


Abbildung 3.7: Kinematik des Roboters.

3.5.1 Vorwärtskinematik

“If I do this, what will happen?”

In der Vorwärtskinematik berechnet man die Position des Roboters bei gegebenen Geschwindigkeit v und Winkelgeschwindigkeit w .

Sei die initiale Position des Roboters $P(t = 0) = (0, 0, 0)$. Der Roboter bewegt sich im Intervall $\delta t = [0, t]$ mit einer Geschwindigkeit v und einer Winkelgeschwindigkeit w , so dass die neue Position $P(t) = (x(t), y(t), \theta(t))$ gilt.

Mit Hilfe der Abbildung (3.7) können die Geschwindigkeiten $(v_x(t), v_y(t))$ für

den Zeitraum δt folgendermaßen bestimmt werden:

$$v_x(t) = v(t) \cos(\theta) \quad (3.20)$$

$$v_y(t) = v(t) \sin(\theta) \quad (3.21)$$

die neue Position $P(t) = (x(t), y(t), \theta(t))$ wird dann:

$$x(t) = \int_0^t v_x(\tau) d\tau = \int_0^t v(\tau) \cos(\theta(\tau)) d\tau \quad (3.22)$$

$$y(t) = \int_0^t v_y(\tau) d\tau = \int_0^t v(\tau) \sin(\theta(\tau)) d\tau \quad (3.23)$$

$$\theta(t) = \int_0^t w(\tau) d\tau \quad (3.24)$$

Mit der Annahme, dass $v(t)$ in $\delta t = [0, t]$ konstant ist, und $v_r \neq v_l$, und mit der Hilfe von (3.13) folgt:

$$\theta(t) = \int_0^t \frac{v_r - v_l}{2d} d\tau = \frac{v_r - v_l}{2d} \int_0^t d\tau \quad (3.25)$$

$$\theta(t) = \frac{v_r - v_l}{2d} t \quad (3.26)$$

Von (3.26) und (3.12) können $x(t)$ und $y(t)$ berechnet werden:

$$x(t) = \int_0^t v(\tau) \cos(\theta(\tau)) d\tau = \frac{v_l + v_r}{2} \int_0^t \cos\left(\frac{v_r - v_l}{2d} \tau\right) d\tau \quad (3.27)$$

$$x(t) = \frac{v_l + v_r}{v_r - v_l} d \sin\left(\frac{v_r - v_l}{2d} t\right) \quad (3.28)$$

und

$$y(t) = \int_0^t v(\tau) \sin(\theta(\tau)) d\tau = \frac{v_l + v_r}{2} \int_0^t \sin\left(\frac{v_r - v_l}{2d} \tau\right) d\tau \quad (3.29)$$

$$y(t) = \frac{v_l + v_r}{2} \int_0^t \sin\left(\frac{v_r - v_l}{2d} \tau\right) d\tau \quad (3.30)$$

$$y(t) = \frac{v_l + v_r}{v_r - v_l} d \left(1 - \cos \left(\frac{v_r - v_l}{2d} t \right) \right) \quad (3.31)$$

wenn $v_r = v_l$, folgt:

$$x(t) = \frac{v + v}{2} \int_0^t \cos \left(\frac{v - v}{2d} \tau \right) d\tau = v\delta t \quad (3.32)$$

$$y(t) = 0 \quad (3.33)$$

$$\theta(t) = 0 \quad (3.34)$$

Die Position und die Orientierung $\langle x, y, \Theta \rangle$ bezüglich des Weltkoordinatensystems Σ ist:

$$x = \begin{cases} \frac{v_l + v_r}{v_r - v_l} d \sin \left(\frac{v_r - v_l}{2d} t \right) & \text{wenn } v_r \neq v_l \\ v \cos(\theta_0) t & \text{wenn } v_r = v_l \text{ und } \theta(0) = \theta_0 \end{cases} \quad (3.35)$$

$$y = \begin{cases} \frac{v_l + v_r}{v_r - v_l} d \left(1 - \cos \left(\frac{v_r - v_l}{2d} t \right) \right) & \text{wenn } v_r \neq v_l \\ v \sin(\theta_0) t & \text{wenn } v_r = v_l \text{ und } \theta(0) = \theta_0 \end{cases} \quad (3.36)$$

$$\theta(t) = \theta_0 + \frac{v_r - v_l}{2d} t \quad (3.37)$$

3.5.2 Rückwärtskinematik

“If I want this to happen, what should I do?”

Mit Hilfe der Vorwärtskinematik wurde bei gegebener Geschwindigkeit die Position des Roboters ermittelt. Sehr viel häufiger stellt sich die Frage, *welche Werte die Geschwindigkeiten v and w annehmen müssen, damit der Roboter eine bestimmte Pose (Position + Orientierung) erreichen kann.* Die Aufgabe der Rückwärtskinematik (auch **inverse Kinematik** genannt) besteht nun genau in der Antwort dieser Frage. Im Gegensatz zur Vorwärtskinematik existiert für die Rückwärtskinematik kein allgemeines Verfahren, mit dem ein mobiler Roboter explizite Lösungsformeln für die Geschwindigkeiten haben kann.

Kapitel 4

Bewegungsregelung des Roboters

Um mobile Roboter in ihrem Umfeld einsetzen zu können, sind eine genaue und robuste **Regelung** notwendig.

4.1 Grundlagen der Regelungstechnik

Der Begriff “Regelung” beschreibt Tätigkeiten, bei denen eine physikalische Größe Beeinflußt, so dass eine gewünschte Betriebsart eingestellt wird oder erhalten bleibt. Die Regelungstechnik ist in vielen technischen und natürlichen Systemen benutzt. Einige Beispiele sind im folgenden aufgeführt:

- Raumtemperatur
- Körpertemperatur
- Drehzahlregelung eines Motors

4.1.1 Unterschied Steuerung - Regelung

Im alltäglichen Sprachgebrauch werden die Begriffe Steuerung und Regelung nicht immer sauber unterschieden, und manchmal widersprechen der technischen Definition des Steuern und Regeln. Zum Beispiel beim “Steuern” eines Auto (Abbildung 4.1) wird ständig die augenblickliche Fahrtrichtung mit der vom Fahrbahnverlauf Richtung verglichen. Bei Abweichungen wird der Fahrer den Kurs entsprechend korrigieren. Dieser Vorgang wiederholt sich kontinuierlich, daher wird in der Regelungstechnik von einem Regelkreis gesprochen.

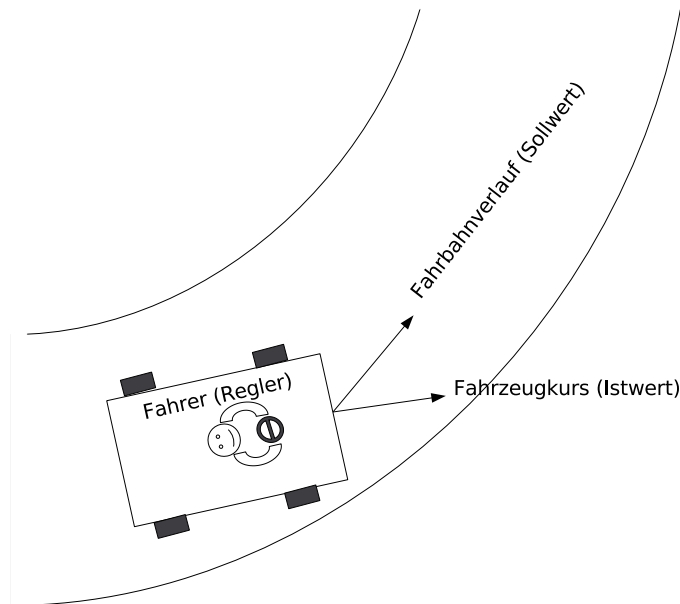


Abbildung 4.1: Autofahren: “Steuern” oder “Regeln”?

Ein anderes Beispiel ist der “Lautstärkeregler” beim Radiogerät. Die Lautstärke ändert sich bei gleicher Einstellung, egal ob das empfangene Signal stark oder schwach ist. Es wird keinen Vergleich zwischen der jetzigen und der gewünschten Stärke stattfinden, also kein Regelkreis.

Bei diesen bekannten Beispielen aus dem Alltagsleben treten bereits die ersten Unterschiede zwischen Steuerung und Regelung deutlich hervor.

Steuerung (Open Loop Control)

Die Steuerung (Abbildung 4.2) wirkt auf das Eingangssignal und beeinflusst damit das Ausgangssignal. Dieses Vorgehen erzeugt einen rein vorwärts gerichteten Signalfluss, und damit hat es den Vorteil, dass es die Stabilität des Systems nicht gefährdet. Es hat aber entscheidende Nachteile. Die Steuerung hat keine Kenntnisse, ob das Ausgangssignal den gewünschten Wert hat. Da die meisten technischen Systeme unterliegen externen Störeinflüssen, kann es bei einer Steuerung zu Abweichungen zwischen den gewünschten und aktuellen

Ausgangsgrößen kommen. Deshalb, diese Strategie kann nur in sehr einfachen Fällen angewendet werden. Instabile Systeme können überhaupt nicht mit einer Steuerung kontrolliert werden.

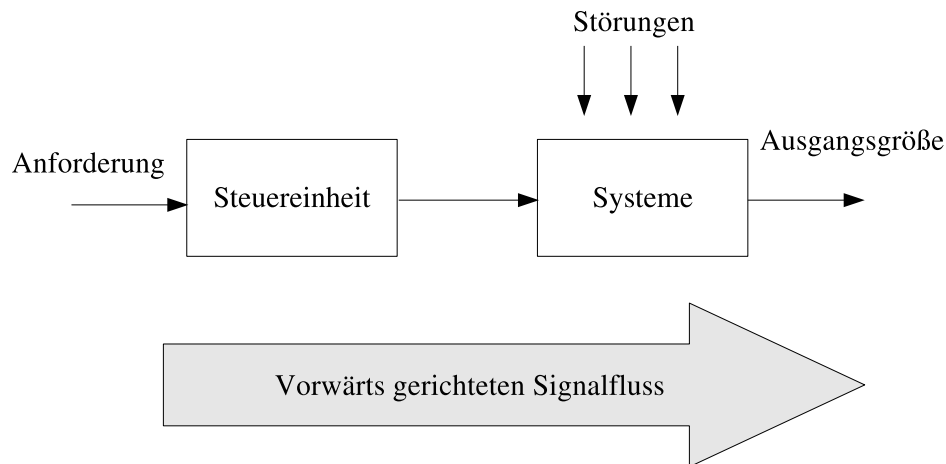


Abbildung 4.2: Steuerung

Regelung (Closed Loop Control)

Die Regelung wirkt auch auf das Eingangssignal um das Ausgangssignal zu beeinflussen, aber in diesem Vorgehen “weiß” man, ob das Ausgangssignal die gewünschte Wert hat. Im Gegensatz zur Steuerung, in der Regelung entsteht ein Kreis, in dem Signale laufen (*Regelschleife*) (Abbildung 4.3). Es wird dann ein Vergleich mit den gewünschten Sollwerten stattfinden, und somit kann eine bessere Unterdrückung der Störeinflüsse auf das System gegeben werden. Im Unterschied zur Steuerung, eine Regelung kann instabile Systeme stabilisieren und damit technisch nutzbar machen.

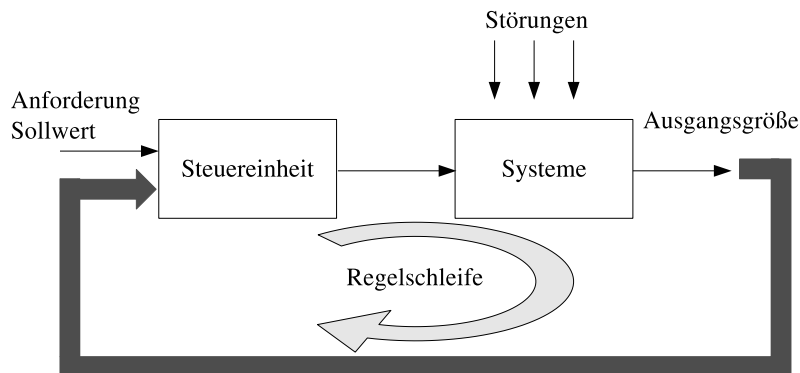


Abbildung 4.3: Regelung

4.1.2 Grundsätzlicher Aufbau von Regelkreisen

Die Regelung ist eine systematische Beeinflussung einer Eingangsgröße eines zu regelnden Systems, damit die Ausgangsgröße, die als *Regelgröße* bezeichnet, des Systems, den Wunschwert möglichst schnell und genau erreicht. Der Wunschwert der *Regelgröße* wird in der Praxis als *Sollwert* oder auch als *Führungsgröße* bezeichnet. Bei einem Regelprozess werden die *Regelgröße* und der *Sollwert* ständig gemessen und verglichen. In Abhängigkeit des Ergebnisses dieses Vergleichs, ergibt der Regler eine so genannte *Stellgröße* als Eingangsgröße, um die *Regelgröße* an den *Sollwert* heranzuführen und dort zu halten (Bild 3).

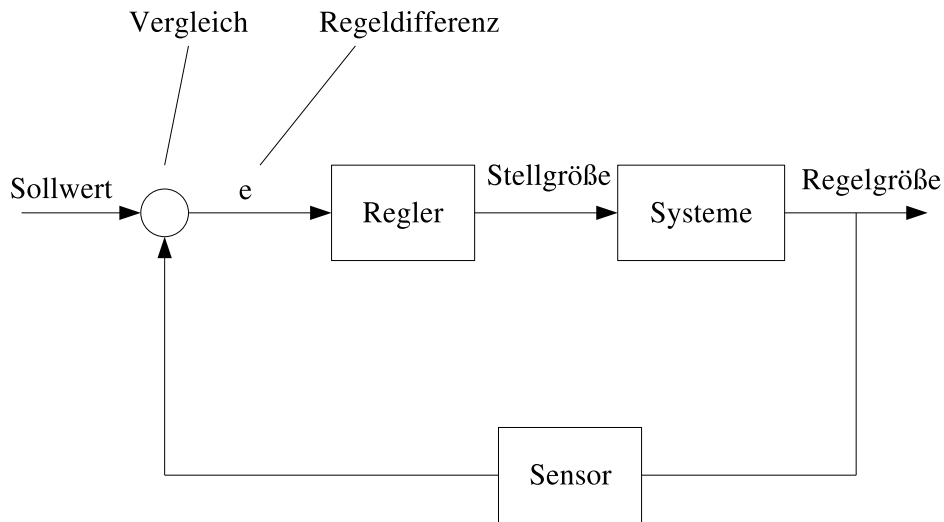


Abbildung 4.4: Blockschaltbild der Regelung

4.1.3 Allgemeine Anforderungen an einen Regelkreis

Grundaufgabe einer jeden Regelung ist es, dass der geschlossene Regelkreis genau und robust ist. Diese Anforderung können quantifiziert werden. Es wird daher Kenngrößen für die Sprungantwort des Regelkreises festgelegt.

Kenngrößen, die durch das Führungsverhalten bei Anregung mit Sprungfunktion erzielt werden, sind (Abbildung 4.5):

Anregelzeit (rise time) T_{an} gibt den Zeitpunkt an, zu dem erstmals der Sollwert erreicht wird.

Ausregelzeit (transient time) T_{aus} gibt den Zeitpunkt an, ab dem die Regelabweichung kleiner als eine vorgegebene Schranke $\pm\varepsilon$.

Maximale Überschwingweite (overshoot) e_{max} gibt die maximale Regelabweichung an, die nach dem erstmaligen Erreichen des Sollwertes (100%) auftritt.

Bleibende Regeldifferenz (steady-state error) ist die Abweichung der Sollwert von der Istwert für $t \rightarrow \infty$

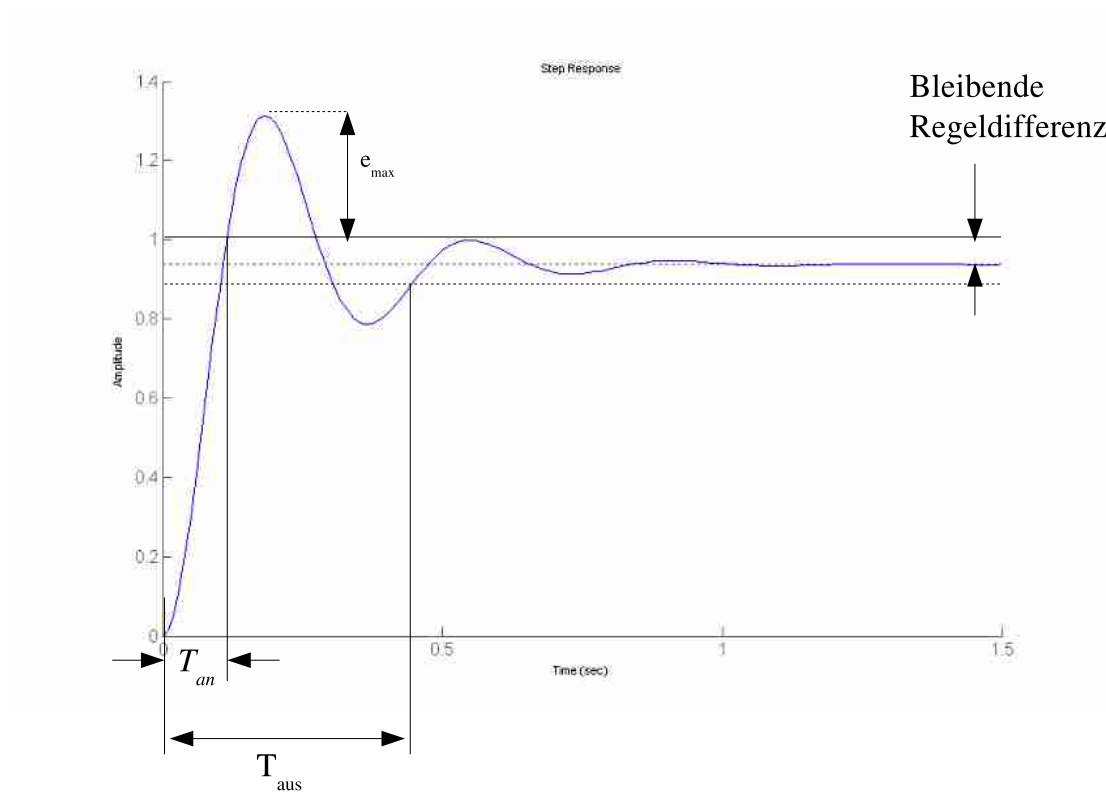


Abbildung 4.5: Sprungantwort des Regelkreises

An eine Regelung werden vier Anforderungen gestellt:

- Kleine bleibende Regelabweichung.
- geringes Überschwingen.
- Kleine Anregelzeit.
- Kleine Ausregelzeit.

4.1.4 Lineare Standard-Regler (PID Regler)

PID-Regler besteht aus folgenden Anteilen:

- Proportionalen Anteil (P-Regler)
- Integralen Anteil (I-Regler)
- Differentialen Anteil (D-Regler)

P-Regler

P-Regler, auch *P*-Glied genannt, ist das einfachste Element in einer Regelungskreis. Er bestimmt die Stellgröße $u(t)$ durch Multiplikation der Regelabweichung $e(t)$ mit einem Faktor (K_p):

$$u(t) = K_p e(t) \quad (4.1)$$

Vorteile:

- einfach im Aufbau und damit relativ preiswert.
- das Verhalten wird nur durch die Einstellung des Parameters K_p .

Nachteil: bleibende Regeldifferenz. Diese wird umso größer, je kleiner die Kreisverstärkung (K_p) ist, und eine Erhöhung des Faktors K_p wird zur Erhöhung der Überschwingweite führen.

I-Regler

Beim *I*-Regler (integrierender Regler) ist die Stellgröße $u(t)$, abgesehen vom Anfangswert, proportional zum Zeitintegral der Regelabweichung $e(t)$:

$$u(t) = \frac{1}{K_i} \int_0^t e(\tau) d\tau \quad (4.2)$$

Die Aufgabe des *I*-Reglers ist es, die Regeldifferenz nicht zuzulassen.

Vorteil: keine bleibende Regeldifferenz.

Nachteil: *I*-Regler greifen langsamer ein als *P*-Regler.

D-Regler

Der *D*-Regler (differentialer Regler) bestimmt den Stellwert aus der zeitlichen Ableitung der Regelabweichung:

$$u(t) = K_d \frac{d}{dt} e(t) \quad (4.3)$$

Der *D*-Regler wird also auf die Änderung der Regeldifferenz reagieren. Je schneller sich die Regeldifferenz verändert, desto größer ist der Stellwert. Wenn die Regeldifferenz konstant bleibt, wird der *D*-Regler diese nicht ausgleichen.

Vorteil: Beim Auftreten einer Regeldifferenz greift der D -Regler sofort proportional zur Änderungsgeschwindigkeit ein. Der Vorteil ist es, das Überschwingen zu minimieren.

Nachteile:

- reagiert nicht auf eine konstante Regeldifferenz.
- verstärkt Messrauschen.

PI -Regler

Die Kombination eines I -Reglers mit einem P -Regler führt zum PI -Regler. Der PI -Regler vereint die Wirkungsweisen von P - und I -Reglern in sich. Der P -Reglerteil versucht eine auftretende Regeldifferenz schnell abzufangen, und die I -Reglerteil beseitigt anschließend die restliche Regeldifferenz. Das dynamische Verhalten des PI -Reglers kann durch die folgende Gleichung beschrieben werden:

$$u(t) = K_p e(t) + \frac{1}{K_i} \int_0^t e(\tau) d\tau \quad (4.4)$$

Vorteile:

- anfangs schneller als der I -Regler.
- präziser als der P -Regler (keine bleibende Regeldifferenz)

Nachteil: Einstellung von zwei Reglerparametern (Zeit Aufwand beim Tuning)

PD -Regler

Die Parallelschaltung eines D -Reglers und eines P -Reglers führt zum PD -Regler. Er ist durch die folgende Gleichung beschrieben:

$$u(t) = K_p e(t) + K_d \frac{d}{dt} e(t) \quad (4.5)$$

Vorteil: sehr schneller Regler, und größere Regeldifferenz werden vermieden.

Nachteil: bleibende Regeldifferenz tritt auf.

PID-Regler

Der PID-Regler vereint die Verhaltensweisen der P -, I -, und D -Regler.
Folgende Gleichung beschreibt das dynamische Verhalten eines PID -Reglers:

$$u(t) = K_p e(t) + \frac{1}{K_i} \int_0^t e(\tau) d\tau + K_d \frac{d}{dt} e(t) \quad (4.6)$$

Vorteile:

- reagiert schnell
- läßt keine bleibende Regeldifferenz zu
- erlaubt im Verlauf der Regelung keine großen Regelabweichungen

Nachteil: Einstellung eines PID-Regler erfordert einen großen Zeitaufwand

Wir fassen die Merkmale der elementaren PID-Regler in der folgenden Tabelle zusammen.

Regler	Anregelzeit	Überschwinger	Ausregelzeit	Regelabweichung
K_p	sinkt	wächst	geringe Änderung	sinkt
K_I	sinkt	wächst	wächst	0
K_D	geringe Änderung	sinkt	sinkt	geringe Änderung

4.2 Bewegungsregelung des Roboters

4.2.1 Geschwindigkeitsregelung (Dynamics Control)

Um ein sauberes Fahren zu ermöglichen, muss die Drehgeschwindigkeit der Motoren geregelt werden. Dabei werden die Motoren nicht kontinuierlich mit Strom versorgt, sondern in kurzen Impulsen (PWMs). Je nach Verhältnis zwischen Impuls und Pause dreht sich der Motor schneller oder langsamer (siehe Section 2.2). Die Geschwindigkeitsregelung erfolgt mit Hilfe eines PID-Reglers (Abb. 4.6). Der Radenkoder gibt dem PID-Regler Informationen über die Aktuelle Geschwindigkeit des Rads. Durch die Stellgröße, hier die Frequenz und das Tastverhältnis der PWM, wird die Regelgröße also die Rad-Geschwindigkeit verändert (geregelt).

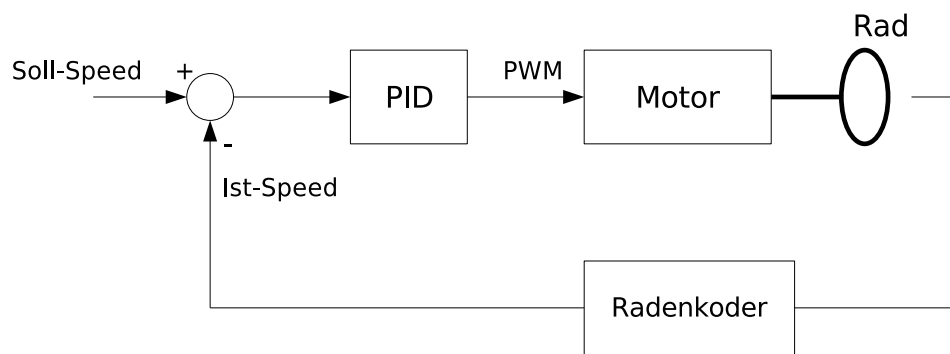


Abbildung 4.6: Geschwindigkeitsregelung mit PID-Regler

4.2.2 Positionsregelung (Kinematics Control)

Das Problem zu lösen ist, welche Werte die Translationsgeschwindigkeiten v und die Rotationsgeschwindigkeit w annehmen müssen, damit der Roboter eine bestimmte Pose (Position + Orientierung) erreichen kann. Dafür existiert aber kein allgemeines Verfahren. Deshalb häufiger werden die Position (x, y) und die Orientierung (θ) getrennt geregelt, mit Hilfe von zwei verschiedene PID-Regler (Abb. 4.7).

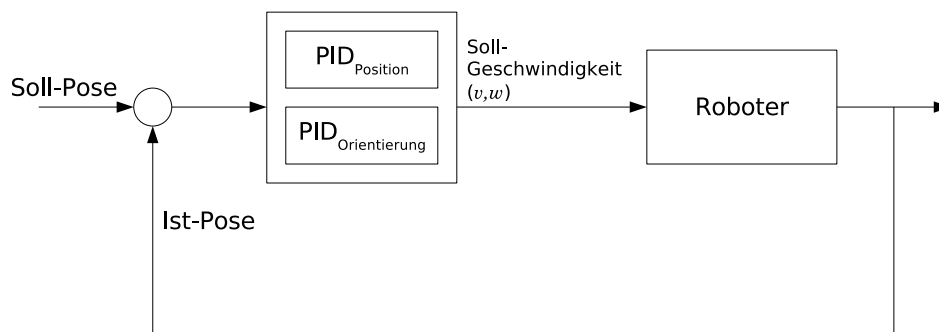


Abbildung 4.7: Positionsregelung mit PID-Regler

Abbildung (4.8) zeigt die gesamte Bewegungsregelung des Roboters.

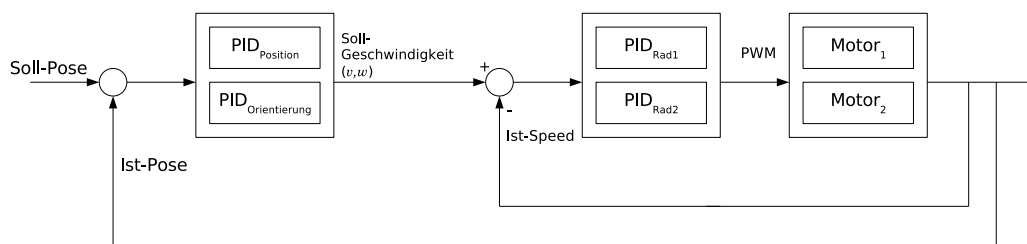


Abbildung 4.8: Positionsregelung mit PID-Regler

Kapitel 5

Navigation

Ein mobiler Roboter sollte fähig sein, einen Auftrag in der Art: “Fahre zu einem Zielort”, ausführen zu können. Damit ein Roboter diese Aufgaben erfüllen kann, muß er in der Lage sein zu navigieren. Er soll sich also effizient und kollisionsfrei in seiner Umgebung bewegen. Navigation ist eine der wichtigsten Aufgaben eines mobilen Roboters. Die folgenden drei Grundfragen der Navigation muß ein autonomer mobiler Roboter bei der Erfüllung seiner Aufgabe beantworten können: Wo bin ich? wohin gehe ich? wie gelange ich dorthin? Deshalb lässt die Navigation sich in drei große Gebiete unterteilen:

- . **Kartenerstellung:** Auswertung der erfassten Sensordaten der Umgebung mit dem Ziel, ein Umgebungsmodell zu schaffen.
- . **Lokalisierung:** Ermitteln der aktuellen Position des Roboters in dem Umgebungsmodell.
- . **Bewegungsplanung:** Berechnung der Fahrtroute vom aktuellen Punkt zum Zielort.

Die ersten beiden Punkte sind in der Literatur unter dem Begriff **SLAM** (simultaneous localizing and mapping) behandelt, und sie sind nicht Teil dieser Vorlesung.

5.1 Globale und lokale Navigation

Navigation kann in globale und lokale Navigation zerlegt werden:

Globale Navigation hat die Aufgabe, das Hauptziel zu verfolgen und dabei

bekannte lokale Sackgassen und Hindernisse zu vermeiden. Hierzu benötigt die globale Navigation zuerst ein globales Weltmodell. Dann mit Kenntnis der Position des Roboters relative zu diesem Weltmodell können Planungsalgorithmen einen entsprechenden Pfad planen, der den Roboter zum Zielpunkt führt.

Lokale Navigation hingegen ist eine Navigation in der nahen Umgebung des Roboters. Hierbei wird ein lokales Navigationsziel angestrebt. Dies kann z.B. Fahren in eine Zielrichtung, das Folgen eines Korridors, oder das Durchfahren einer Tür sein. Eine der Hauptaufgaben der lokalen Navigation ist die reaktive Kollisionsvermeidung.

5.2 Steuerungsarchitekturen

Eine Steuerungsarchitektur ist die Struktur der Steuerung eines Systems. Für ein Roboter stellt eine Steuerungsarchitektur ein Softwaresystem sowie die Spezifikationen zur Konstruktion des Roboters zur Verfügung. Zu den wichtigsten Architekturen gehören “Deliberativ”, “Reaktiv” sowie die Kombination “Hybrid”. Sie setzen drei abstrakten primitiven Funktionen **sense**, **plan** und **act** in Beziehung.

Unter **sense** versteht man, alles was mit der Wahrnehmung der Umgebung zu tun hat.

In den Bereich **plan** werden die Daten mit schon vorhandenen Informationen verknüpft, und daraus einen Plan erstellt, der z.B. die Fortbewegung des Roboters bestimmt.

Die dritte Funktion ist **act**. Hierunter versteht man die Handlung, wodurch sich der Roboter bewegt.

5.2.1 Deliberative Architektur (hierarchisch)

Die deliberative Architektur (eng. deliberate) (Abb. 5.1) ist die älteste Steuerungsarchitektur für mobile Roboter. Dabei werden die Einheiten des Roboters hierarchisch angeordnet. Aus den Sensorinformationen wird ein Welt-Modell erstellt. Aus diesem Modell können jederzeit wieder Informationen, wie Entfernungen von Objekten, abgerufen werden. Die zweite Funktion “plan” ist dafür zuständig, Lösungswege für Aufgaben zu finden. Diese Ebene ist von der Qualität des Welt-Modells total abhängig, und von der wirklichen Welt

isoliert. Der fertige Plan wird danach zur Ausführung in der Hierarchie nach unten an die Steuerungseinheiten aus dem Bereich “act” geleitet.

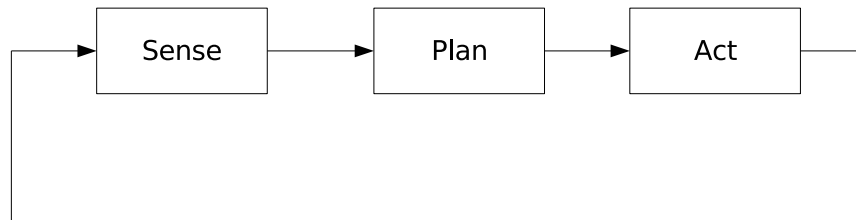


Abbildung 5.1: Deliberative Architektur: Sense-Plan-Act (SPA) Architektur hat drei Teil-Komponenten: Die Wahrnehmung, Planung und Handlung.

Vorteil: Auf der Grundlage des Weltmodells können optimale Lösungen gefunden werden.

Nachteile:

- Alle Module sind voneinander abhängig (wenn ein Module ausfällt, das gesamte System fällt aus).
- Veränderungen der Umgebung erfordern Anpassung des Weltmodells, Die viel Rechen-Aufwand benötigt. Das System ist langsam.

5.2.2 Reaktive Architektur

Hier reagiert der Roboter direkt auf seine Wahrnehmung. Die Konsequenz ist ein kompletter Verzicht auf das Welt-Modell aus dem Bereich sense, und auf die Planungseinheit. Ein Vorbild dazu ist der Mensch. Beim Gehen z.B muss er nicht jede Muskelbewegung einzeln berechnen.

Die Struktur wird somit wesentlich einfacher (Abb. 5.2). Anstatt erst ein Welt-Modell zu erstellen, arbeiten die Sensoren mit den Aktoren direkt zusammen.

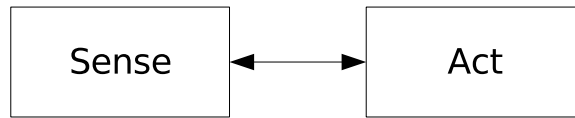


Abbildung 5.2: Reaktive Architektur: Der Roboter handelt direkt als Reaktion auf seine Wahrnehmung.

Vorteil: Die Rechenschritte laufen direkt bei den Sensoren und Aktoren ab. Dadurch kann sich der Roboter neuen Situationen schnell anpassen.

Nachteil: Da die Rechenschritte vor Ort realisiert werden, kann der Roboter kein längerfristiges Ziel verfolgen.

5.2.3 Hybride Architektur (Reaktive/Deliberative)

Eine Kombination aus reaktivem und deliberativem Ansatz stellt die Hybride Architektur dar (Abb. 5.3). Dabei werden die kurzfristigen Handeln und Planen getrennt. Dadurch können die einzelnen Vorteile beider Architekturen genutzt werden. Reaktive Handlungen werden z.B für die Hindernissevermeidung eingesetzt. Soll der Roboter zusätzlich ein langfristiges Ziel verfolgen, kommt die deliberative Steuerung und Planung ins Spiel.

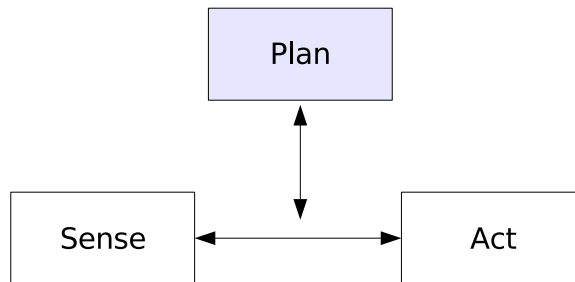


Abbildung 5.3: Hybride Architektur: Der Roboter verfolgt ein längerfristiges Ziel, hat aber auch untergeordnete Prozesse, die reaktiv sind.

Vorteil: Durch die reaktive Handlungsweise reagiert der Roboter schnell, kann aber auch längerfristige Ziele verfolgen.

Nachteil: Wie alle Hybrid-Lösungen kann es leicht zu Konflikten kommen, z.B. dass Nachteile beider Lösungen sich vereinen.

5.3 Potentialfeldern

Potentialfelder sind keine Steuerungsarchitektur, sondern Mittel, dessen sich bestimmte reaktive Systeme bedienen. Im Bereich der Robotik wurden Potentialfelder erstmals von Oussama Khatib (AI Lab, Stanford University, 1986) zur Realisierung einer Echtzeit-Hindernisvermeidung sowohl für mobile Roboter als auch für Roboterarme eingesetzt. Die Grundidee ist es, dass der Roboter als Punkt im Konfigurationsraum betrachtet wird, der unter Einfluss von künstlichen Kräften vom Zielpunkt und den Hindernissen steht. Der Zielpunkt besitzt ein anziehendes Potential, und allen anderen Objekten jeweils repulsive Felder wirken (Abb.). Durch die Berechnung des Gradienten ist es möglich, die Richtung des Vektorfeldes und somit eine Bewegungsrichtung zu bestimmen, in der der Roboter kollisionsfrei zum Ziel gelangen kann.

$$U(q) = U_{tar}(q) + U_{obst}(q) \quad (5.1)$$

where U , U_{tar} , U_{obst} denote artificial potential field, the attractive potential from the target, and the repulsive potential from obstacles, respectively. And q denotes the robot pose. The most commonly used attractive potential has the form:

$$U_{tar}(q) = \xi \lambda^n(q, q_{tar}) \quad (5.2)$$

where ξ is a positive scaling factor, $\lambda(q, q_{tar}) = \|q_{tar} - q\|$ is the distance between the robot pose q and the target q_{tar} , and $n = 1$ or $n = 2$.

The commonly used repulsive potential function has the form:

$$U_{obst}(q) = \begin{cases} \eta \left(\frac{1}{\lambda(q, q_{obst})} - \frac{1}{\lambda_{th}} \right), & \lambda(q, q_{obst}) \leq \lambda_{th} \\ 0, & \lambda(q, q_{obst}) > \lambda_{th} \end{cases} \quad (5.3)$$

where η is a positive scaling factor, $\lambda(q, q_{obst})$ is the distance between the robot pose q and the obstacle position q_{obst} . The parameter λ_{th} denotes a threshold distance, beyond no repulsive force will be taken into consideration by the robot.