

Министерство образования Российской Федерации.
МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени Н.Э. Баумана

Отчет по лабораторной работе по курсу «Численные
методы»

РЕШЕНИЕ СЛАУ С ТРЕХДИАГОНАЛЬНОЙ
МАТРИЦЕЙ МЕТОДОМ ПРОГОНКИ

Выполнил студент группы ИУ9-62
Рухадзе С. К.

Проверила Домрачева А. Б.

Москва, 2017 г.

1 Постановка задачи:

Разработать программу, вычисляющую решение трехдиагональной СЛАУ методом прогонки.

2 Теоретические сведения:

На входе программы дано уравнение $A * \bar{x} = \bar{d}$ $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ $\bar{x}, \bar{d} \in \mathbb{R}^n$.
При этом A - трехдиагональная, вида:

$$\begin{pmatrix} b_1 & c_1 & 0 & \dots & 0 \\ a_1 & b_1 & c_2 & \dots & 0 \\ 0 & a_2 & b_3 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & b_n \end{pmatrix}$$

Для решения вначале находятся прогоночные коэффициенты по формулам:

$$\alpha_1 = \frac{-c_1}{b_1}; \beta_1 = \frac{d_1}{b_1};$$

$$\begin{cases} \alpha_i = \frac{-c_i}{a_{i-1}\alpha_{i-1} + b_i} \\ \beta_i = \frac{d_i - a_{i-1}\beta_{i-1}}{a_{i-1}\alpha_{i-1} + b_i} \end{cases} \quad i = 2..n$$

Этот этап называется прямым ходом прогонки.

После на основе прогоночных коэффициентов вычисляются искомые значения \bar{x} :

$$x_n = \beta_n;$$

$$x_{i-1} = \alpha_{i-1}x_i + \beta_{i-1}; i = n..2$$

3 Практическая реализация:

Для реализации был использован язык Javascript. Код программы:

```
console.log('There is lab N1');
```

```
let a = [1,1,1];  
let b = [4,4,4,4];  
let c = [1,1,1];  
let d = [5,6,6,5];  
let N = 4;
```

```
let alpha = [];  
let beta = [];  
let x = [];
```

```

alpha[0] = -1 * c[0]/b[0];
beta[0] = d[0]/b[0];

for (n = 1; n < N; n++) {
    alpha[n] = -1 * c[n] / (a[n-1] * alpha[n-1] + b[n]);
    beta[n] = (d[n] - a[n-1] * beta[n-1]) / (a[n-1] * alpha[n-1] + b[n])
}
console.log('alpha: ');
console.log(alpha);
console.log('beta: ');
console.log(beta);

x[N-1] = beta[N-1];

for (n = N-2; n >= 0; n--) {
    x[n] = alpha[n] * x[n+1] + beta[n];
}

console.log('x: ');
console.log(x);

```

4 Результаты:

Для проверки работаспособности программы была выбрано уравнение:

$$\begin{pmatrix} 4 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 4 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 6 \\ 6 \\ 5 \end{pmatrix}$$

В результате работы, программа верно вычислила значения \bar{x} :

$$x_1 = 1; x_2 = 1; x_3 = 1; x_4 = 1;$$

5 Выводы:

Данная программа успешно реализует задачу решения СЛАУ с трехдиагональной матрицей.