# 合肥工业大学试卷参考答案(A)

		<b>/</b> • •		•		(14)	
2021~2022 学年第_二_学期	课程代码034Y01	课程名称	数学(下)		命题教师	集体	系
教学班级	学生姓名	学号		考试日期_	2022 年 6 月	18 日 8:00-	-10:00
<ul><li>一、填空题(每小题 3 分, 共 18 分)</li></ul>		3. (8 分)【解】					

- 一、填空题(每小题 3 分, 共 18 分*)* 请将你的答案对应填在横线上:
- 1. \_\_\_\_\_\_\_, 2. \_2 $x \cos(x^2+1) dx$  , 3. \_\_\_\_\_\_\_1/2 \_\_\_\_\_,
- 请将你所选择的字母 A, B, C, D 之一对应填在下列表格里:

<u> </u>									
题号	1	2	3	4	5	6			
答案	A	D	В	A	С	D			

- 三、解答题(每小题 8 分, 共 64 分)
- 1. (8分)【解】

$$\lim_{x \to -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2} = \lim_{x \to -1} \frac{(x - 1)(x + 1)}{(x + 2)(x + 1)} \qquad (3 \ \%)$$

$$= \lim_{x \to -1} \frac{x - 1}{x + 2} \qquad (3 \ \%)$$

$$= \frac{-2}{1} = -2. \qquad (2 \ \%)$$

2. (8分)【解】

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1 - x}{\arcsin x^2} = \lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1 - x}{x^2}$$
 (3 分)
$$\frac{\frac{\cancel{A} \cancel{\triangle} \cancel{\triangle}}{\cancel{\triangle}}}{= \lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1}{2x}}$$
 (2 分)

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy/dt}{dx/dt} ... (2 \%)$$

$$= \frac{3t^2 + 1}{2t + 1}, ... (2 \%)$$

$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{dy'/dt}{dx/dt} ... (2 \%)$$

$$= \frac{6t(2t + 1) - (3t^2 + 1)2}{(2t + 1)^3} = \frac{6t^2 + 6t - 2}{(2t + 1)^3} ... (2 \%)$$

系主任审批

4. (8分)【解】

由于 f(x) 在 x=0 处连续, 因此

$$f(0) = f(0^{+}) \qquad \dots \qquad (1 \ \%)$$

$$= b = \lim_{x \to 0^{-}} x \arctan \frac{1}{x} = 0 \times \left(-\frac{\pi}{2}\right) = 0. \qquad \dots \qquad (1 \ \%)$$

由于 f(x) 在 x=0 处可导, 因此

$$f'_{-}(0) = f'_{+}(0), \qquad \dots \qquad (1 \ \%)$$

$$f'_{-}(0) = \lim_{x \to 0^{-}} \frac{x \arctan \frac{1}{x}}{x} = \lim_{x \to 0^{-}} \arctan \frac{1}{x} = -\frac{\pi}{2}$$
 ....(1 分)

$$f'_{+}(0) = (2x+a)|_{x=0} = a, \qquad \dots$$
 (1  $\mathcal{H}$ )

因此 
$$a = -\frac{\pi}{2}$$
. 由于

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{y}{x} = \lim_{x \to +\infty} \left( x - \frac{\pi}{2} \right) = +\infty, \qquad \dots$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{y}{x} = \lim_{x \to -\infty} \arctan \frac{1}{x} = 0,$$

$$\lim_{x \to -\infty} y = \lim_{x \to -\infty} x \arctan \frac{1}{x} = \lim_{t \to 0^{-}} \frac{\arctan t}{t} = 1,$$

# 合肥工业大学试卷参考答案(A)

2021~2022 学年第<u>二</u>学期 教学班级\_\_\_\_ 课程代码 034Y01

课程名称 数学(下)

命题教师\_\_\_\_集体

系主任审批

学生姓名

学号

考试日期 2022 年 6 月 18 日 8:00-10:00

成绩

#### 5. (8分)【解】

由

$$f(-2) = -10, \quad f(2) = 2, \quad f\left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{5}{27}, \quad f(1) = -1, \quad \cdots \quad (2 \ \%)$$

### 6. (8分)【证明】

$$f'(x) = \frac{1}{\cos^2 x} - 1 = \tan^2 x \ge 0.$$
 ....(2  $\%$ )

$$f(x_2) \geqslant f(x_1), \quad \tan x_2 - \tan x_1 \geqslant x_2 - x_1. \quad \cdots \quad (2 \ \%)$$

$$\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = f'(\xi), \qquad (2 \ \%)$$

即

$$\frac{\tan x_2 - \tan x_1}{x_2 - x_1} = \frac{1}{\cos^2 \xi} \geqslant 1. \quad \dots \quad (2 \ \%)$$

### 7. (8分)【证明】

#### 8. (8分)【解】

(1)

$$f'(x) = \frac{1}{x} - \frac{4}{x^3} = \frac{x^2 - 4}{x^3} = \frac{(x+2)(x-2)}{x^3}.$$
 ....(1  $\%$ )

$$f''(x) = -\frac{1}{x^2} + \frac{12}{x^4} = -\frac{x^2 - 12}{x^4} = -\frac{(x - 2\sqrt{3})(x + 2\sqrt{3})}{x^4}. \quad \dots \quad (1 \ \%)$$