

合 肥 工 业 大 学 试 卷 （期中）

共 1 页第 1 页

2021~2022 学年第 二 学期课程代码 034Y01 课程名称 数学（下） 学分 5 课程性质：必修 ☒、选修 ☐、限修 ☐ 考试形式：开卷 ☐、闭卷 ☒
专业班级（教学班） 少数民族预科班 考试日期 2022 年 5 月 13 日 8:00-10:00 命题教师 集体 系（所或教研室）主任审批签名

1. (10 分) 求函数 $f(x) = \ln \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}} + \arctan \frac{1}{x}$ 的定义域.

2. (5 分) 求函数 $y = \begin{cases} 1/x, & x < 0, \\ 1, & x = 0, \\ 1 + e^{-x}, & x > 0 \end{cases}$ 的反函数.

3. (10 分) 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0^-} (1 - x)^{1/x}$.

4. (5 分) 求极限 $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{x^3 + 8}$.

5. (5 分) 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{-x} - 1)}{\arctan(1 - \cos x)}$.

6. (5 分) 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + 2x - x^2} - \sqrt{1 - 2x + x^2}}{x}$.

7. (5 分) 求极限 $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\cos \frac{1}{x} \right)^{\frac{1}{\ln(1 + x^2) - 2 \ln x}}$.

8. (5 分) 求极限 $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{\pi}{e^x - 1} - \arctan \frac{x}{2} \right)$.

9. (5 分) 求极限 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n^2 + 2} + \frac{2}{n^2 + 4} + \cdots + \frac{n}{n^2 + 2n} \right)$.

10. (5 分) 设 $a_1 = 4, a_{n+1} = \sqrt{a_n + 6}$, 证明 $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ 存在并求之.

11. (10 分) 证明 $e^x + x = 4$ 在 $(0, +\infty)$ 内有零点.

12. (5 分) 设函数 $f(x)$ 在 $[-1, 1]$ 上连续, 且 $f(-1) \leq 1 \leq f(1)$. 证明存在 $\xi \in [-1, 1]$, 使得 $f(\xi) = \xi^2$.

13. (10 分) 求 $y = e^{x+1} \sin x - e^2 \sin 1$ 的导数.

14. (5 分) 求 $y = \arctan e^x$ 的导数.

15. (5 分) 求曲线 $y = \tan x$ 在点 $\left(-\frac{\pi}{4}, -1\right)$ 处的切线方程和法线方程.

16. (5 分) 设

$$f(x) = \begin{cases} \frac{e^{3x} - 1}{\arctan x}, & x < 0, \\ 2x + a, & x \geq 0 \end{cases}$$

在 $x = 0$ 处连续, 求常数 a .

2021~2022 学年第 二 学期课程代码 034Y01 课程名称 数学(下) 学分 5 课程性质: 必修 ☒、选修 ☐、限修 ☐ 考试形式: 开卷 ☐、闭卷 ☒

专业班级(教学班) 少数民族预科班 考试日期 2022 年 6 月 18 日 8:00-10:00 命题教师 集体 系(所或教研室)主任审批签名 尹斌

一、填空题: 本题共 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分。每小题需在答题纸上回答答案的化简形式。

1. 如果 $f(x) > 0$ 且 $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$, 则 $\lim_{x \rightarrow \infty} [1 + f(x)]^{1/f(x)} =$ _____.

2. 设 $y = \sin(x^2 + 1)$, 则 $dy =$ _____.

3. 极限 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n^2 - 1} + \frac{2}{n^2 - 2} + \cdots + \frac{n}{n^2 - n} \right) =$ _____.

4. 曲线 $y = 2 \ln(x + 1)$ 在点 $(1, 2 \ln 2)$ 处的切线方程为_____.

5. 若 $e^{y-1} = 1 + xy$, 则 $\left. \frac{dy}{dx} \right|_{x=0} =$ _____.

6. 如果函数 $f(x)$ 的定义域是 $(0, +\infty)$, 且 $x = 0$ 是曲线 $y = f(x)$ 的垂直渐近线, 那么 $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{f(x)} =$ _____.

二、选择题: 本题共 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

7. 当 $x \rightarrow +\infty$ 时, $\frac{1}{x}$ 和 () 是等价无穷小.

A. $\sin \frac{1}{x}$ B. $\sin x$ C. e^{-x} D. $e^{1/x}$

8. 若当 $x \rightarrow 0$ 时, $\arctan(e^x - 1) \cdot (\cos x - 1)$ 和 x^n 是同阶无穷小, 则 $n =$ ().

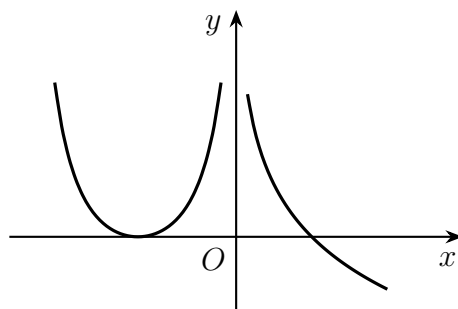
A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

9. 设 $f(x) = \arctan \frac{1}{x(x-1)^2}$, 则 $x = 0$ 是 $f(x)$ 的 ().

A. 可去间断点 B. 跳跃间断点
C. 第二类间断 D. 连续点

10. 设 $f(x)$ 是定义在 $(-\infty, +\infty)$ 上的连续函数, 且 $f'(x)$ 的图像如下图所示, 则 $f(x)$ 有 ().

A. 一个极大值点, 没有极小值点
B. 没有极大值点, 一个极小值点
C. 一个极大值点和一个极小值点
D. 一个极大值点和两个极小值点



11. 设函数 $f(x)$ 在点 $x = 0$ 处可导, 且 $f(0) = 0$, 则 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x^{2022}) + x^{2021}f(x)}{x^{2022}} =$ ().

A. 0 B. $f'(0)$ C. $2f'(0)$ D. $2022f'(0)$

12. 如果点 (x_0, y_0) 是曲线 $y = f(x)$ 的拐点, 则 $f''(x_0) =$ ().

A. 0 B. ∞ C. 不存在 D. 0 或不存在

三、解答题: 本题共 8 小题, 每小题 8 分, 共 64 分。每小题需在答题纸上列出过程和答案。

13. 求极限 $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2}$.

14. 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1 - x}{\arcsin x^2}$.

15. 设 $\begin{cases} x = t^2 + t \\ y = t^3 + t \end{cases}$, 求 $\frac{dy}{dx}$ 和 $\frac{d^2y}{dx^2}$.

16. 设 $f(x) = \begin{cases} x \arctan \frac{1}{x}, & x < 0, \\ x^2 + ax + b, & x \geq 0. \end{cases}$ 求常数 a, b 使得函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内可导, 并求出此时曲线 $y = f(x)$ 的渐近线.

17. 求函数 $f(x) = x^3 - x^2 - x$ 在区间 $[-2, 2]$ 上的最大值和最小值.

18. 证明: 当 $-\frac{\pi}{2} < x_1 < x_2 < \frac{\pi}{2}$ 时, $\tan x_2 - \tan x_1 \geq x_2 - x_1$.

19. 设函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内可导, 且 $f(1) = 0$. 证明: 存在 $\xi \in (0, 1)$ 使得 $\xi f'(\xi) + 2022f(\xi) = 0$.

20. 设函数 $f(x) = \ln x + \frac{2}{x^2}, x \in (0, +\infty)$. 求

(1) 函数 $f(x)$ 的增减区间及极值;
(2) 曲线 $y = f(x)$ 的凹凸区间及拐点.

合肥工业大学考试专用答卷纸 (A)

2021~2022 学年第 二 学期 课程代码 034Y01 课程名称 数学(下) 命题教师 集体 系主任审批 邓斌
 教学班级 学生姓名 学号 考试日期 2022 年 6 月 18 日 8:00-10:00 成绩

考生注意事项:

- 1、本试卷分试题与答卷两部分;
- 2、所有试题的解答(包括选择、填空)必须写在专用答卷纸上,在试题上直接作答一律无效;
- 3、考试结束后,必须将试题、答卷整理上交,不得将试题带离考场;
- 4、考生务必认真填写班级、姓名、学号等信息。

一、填空题(每小题 3 分,共 18 分)

请将你的答案对应填在横线上:

1、 e , 2、 $2x \cos(x^2 + 1)dx$, 3、 $1/2$,

4、 $y = x - 1 + 2 \ln 2$, 5、 1 , 6、 0 .

二、选择题(每小题 3 分,共 18 分)

请将你所选择的字母 A, B, C, D 之一对应填在下列表格里:

题号	7	8	9	10	11	12
答案	A	D	B	A	C	D

三、解答题(每小题 8 分,共 64 分)

13、(8 分)【解】

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2} &= \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x-1)(x+1)}{(x+2)(x+1)} \\ &= \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x-1}{x+2} = \frac{-2}{1} = -2. \end{aligned}$$

14、(8 分)【解】

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1 - x}{\arcsin x^2} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1 - x}{x^2} \\ \text{洛必达} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{2x} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{2x} = \frac{1}{2}. \end{aligned}$$

15、(8 分)【解】

$$\begin{aligned} \frac{dy}{dx} &= \frac{dy/dt}{dx/dt} = \frac{3t^2 + 1}{2t + 1}, \\ \frac{d^2y}{dx^2} &= \frac{dy'/dt}{dx/dt} = \frac{6t(2t+1) - (3t^2+1)2}{(2t+1)^3} = \frac{6t^2 + 6t - 2}{(2t+1)^3}. \end{aligned}$$

16、(8 分)【解】

由于 $f(x)$ 在 $x=0$ 处连续, 因此

$$f(0) = f(0^+) = b = \lim_{x \rightarrow 0^-} x \arctan \frac{1}{x} = 0 \times \left(-\frac{\pi}{2}\right) = 0.$$

由于

$$f'_+(0) = (2x + a)|_{x=0} = a, \quad f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x \arctan \frac{1}{x}}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \arctan \frac{1}{x} = -\frac{\pi}{2},$$

因此 $a = -\frac{\pi}{2}$.

由于

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{y}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(x - \frac{\pi}{2}\right) = +\infty,$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{y}{x} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \arctan \frac{1}{x} = 0,$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} y = \lim_{x \rightarrow -\infty} x \arctan \frac{1}{x} = \lim_{t \rightarrow 0^-} \frac{\arctan t}{t} = 1,$$

因此曲线 $y = f(x)$ 的渐近线只有 $y = 1$.

合肥工业大学考试专用答卷纸 (A)

2021~2022 学年第 二 学期 课程代码 034Y01 课程名称 数学(下) 命题教师 集体 系主任审批 邓斌
 教学班级 学生姓名 学号 考试日期 2022 年 6 月 18 日 8:00-10:00 成绩

17、(8 分)【解】

由

$$f'(x) = 3x^2 - 2x - 1 = (3x + 1)(x - 1) = 0$$

可得驻点 $x = -\frac{1}{3}, 1$. 由于

$$f(-2) = -10, \quad f(2) = 2, \quad f\left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{5}{27}, \quad f(1) = -1,$$

因此最大值为 2, 最小值为 -10.

18、(8 分)【证明】

证法一: 设 $f(x) = \tan x - x$, 则

$$f'(x) = \frac{1}{\cos^2 x} - 1 = \tan^2 x \geq 0.$$

因此 $f(x)$ 在 $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$ 上单调递增, 从而

$$f(x_2) \geq f(x_1), \quad \tan x_2 - \tan x_1 \geq x_2 - x_1.$$

证法二: 设 $f(x) = \tan x$, 则 $f(x)$ 在 $[x_1, x_2]$ 上连续, (x_1, x_2) 内可导.

由拉格朗日中值定理, 存在 $\xi \in (x_1, x_2)$ 使得

$$\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = f'(\xi),$$

即

$$\frac{\tan x_2 - \tan x_1}{x_2 - x_1} = \frac{1}{\cos^2 \xi} \geq 1.$$

所以 $\tan x_2 - \tan x_1 \geq x_2 - x_1$.

19、(8 分)【证明】

设 $F(x) = x^{2022}f(x)$, 则 $F(x)$ 在 $[0, 1]$ 上连续, $(0, 1)$ 内可导, 且 $F(0) = 0, F(1) = f(1) = 0$. 由罗尔中值定理, 存在 $\xi \in (0, 1)$ 使得 $F'(\xi) = 0$.

由于 $F'(x) = x^{2022}f'(x) + 2022x^{2021}f(x)$ 且 $\xi \neq 0$, 所以 $\xi f'(\xi) + 2022f(\xi) = 1$.

20、(8 分)【解】

$$f'(x) = \frac{1}{x} - \frac{4}{x^3} = \frac{x^2 - 4}{x^3} = \frac{(x + 2)(x - 2)}{x^3}.$$

当 $0 < x < 2$ 时, $f'(x) < 0$. 当 $x > 2$ 时, $f'(x) > 0$. 因此 $(0, 2]$ 是 $f(x)$ 的单减区间, $[2, +\infty)$ 是 $f(x)$ 的单增区间. 所以 $f(x)$ 只有唯一的极小值 $f(2) = \ln 2 + \frac{1}{2}$.

$$f''(x) = -\frac{1}{x^2} + \frac{12}{x^4} = -\frac{x^2 - 12}{x^4} = -\frac{(x - 2\sqrt{3})(x + 2\sqrt{3})}{x^4}.$$

当 $0 < x < 2\sqrt{3}$ 时, $f''(x) > 0$. 当 $x > 2\sqrt{3}$ 时, $f''(x) < 0$. 因此 $(0, 2\sqrt{3}]$ 是曲线 $y = f(x)$ 的凹区间, $[2\sqrt{3}, +\infty)$ 是曲线 $y = f(x)$ 的凸区间, 拐点为 $(2\sqrt{3}, \ln(2\sqrt{3}) + \frac{1}{6})$.

合 肥 工 业 大 学 试 卷 (B)

共 1 页第 1 页

2021~2022 学年第 二 学期课程代码 034Y01 课程名称 数学(下) 学分 5 课程性质: 必修 ☒、选修 ☐、限修 ☐ 考试形式: 开卷 ☐、闭卷 ☒

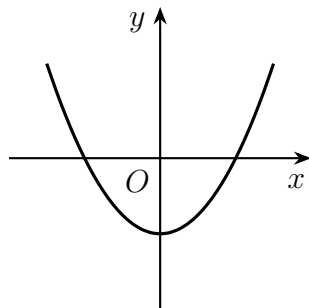
专业班级(教学班) 少数民族预科班 考试日期 2022 年 7 月 15 日 10:00-12:00 命题教师 集体 系(所或教研室)主任审批签名 尹斌

一、填空题: 本题共 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分。每小题需在答题纸上回答答案的化简形式。

- $\lim_{x \rightarrow 0} (1+x^2)^{1/x^2} =$ _____.
- 设 $y = \cos(2x+1)$, 则 $dy =$ _____.
- 极限 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n^2+1} + \frac{2}{n^2+2} + \cdots + \frac{n}{n^2+n} \right) =$ _____.
- 曲线 $y = e^x$ 在点 $(0, 1)$ 处的切线方程为_____.
- 若 $x - y + 1 = e^y$, 则 $\left. \frac{dy}{dx} \right|_{x=0} =$ _____.
- 曲线 $y = x + \frac{1}{x}$ 的斜渐近线是_____.

二、选择题: 本题共 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

- 当 $x \rightarrow \infty$ 时, $\frac{1}{x}$ 和 () 是等价无穷小.
A. $\tan \frac{1}{x}$ B. $\tan x$ C. e^x D. $e^{1/x}$
- 若当 $x \rightarrow 0$ 时, $\tan(e^x - 1) \cdot \sin x$ 和 x^n 是同阶无穷小, 则 $n =$ ().
A. 0 B. 1 C. 2 D. 3
- 设 $f(x) = \arctan \frac{1}{x^2}$, 则 $x = 0$ 是 $f(x)$ 的 ().
A. 可去间断点 B. 跳跃间断点
C. 第二类间断点 D. 连续点
- 设 $f(x)$ 是定义在 $(-\infty, +\infty)$ 上的连续函数, 且 $f'(x)$ 的图像如下图所示, 则 $f(x)$ 有 ().
A. 一个极大值点, 没有极小值点
B. 没有极大值点, 一个极小值点
C. 一个极大值点和一个极小值点
D. 一个极大值点和两个极小值点



- 设函数 $f(x)$ 在点 $x = 0$ 处可导, 且 $f(0) = 0$, 则 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x^2) - xf(x)}{x^2} =$ ().
A. 0 B. $f'(0)$ C. $2f'(0)$ D. $-f'(0)$

- 如果点 (x_0, y_0) 是曲线 $y = f(x)$ 的极值点, 则 $f'(x_0) =$ ().
A. 0 B. ∞ C. 不存在 D. 0 或不存在

三、解答题: 本题共 8 小题, 每小题 8 分, 共 64 分。每小题需在答题纸上列出过程和答案。

13. 求极限 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x + 2}$.

14. 求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^3}$.

15. 设 $\begin{cases} x = t^2 - t \\ y = t^3 - t \end{cases}$, 求 $\frac{dy}{dx}$ 和 $\frac{d^2y}{dx^2}$.

16. 设 $f(x) = \begin{cases} e^x, & x < 0, \\ x^2 + ax + b, & x \geq 0. \end{cases}$ 求常数 a, b 使得函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内可导.

17. 求函数 $f(x) = x^3 + x^2 - 5x$ 在区间 $[0, 2]$ 上的最大值和最小值.

18. 证明: 当 $x_2 > x_1 > 1$ 时, $e^{x_2} - e^{x_1} \geq e(x_2 - x_1)$.

19. 设函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内可导, 且 $f(1) = 0$. 证明: 存在 $\xi \in (0, 1)$ 使得 $\xi f'(\xi) + 2f(\xi) = 0$.

20. 设函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + 5, x \in (-\infty, +\infty)$. 求

- 函数 $f(x)$ 的增减区间及极值;
- 曲线 $y = f(x)$ 的凹凸区间及拐点.

合肥工业大学考试专用答卷纸 (B)

2021~2022 学年第 二 学期 课程代码 034Y01 课程名称 数学(下) 命题教师 集体 系主任审批 邓斌
教学班级 学生姓名 学号 考试日期 2022 年 7 月 15 日 10:00-12:00 成绩

考生注意事项:

- 1、本试卷分试题与答卷两部分;
- 2、所有试题的解答(包括选择、填空)必须写在专用答卷纸上,在试题上直接作答一律无效;
- 3、考试结束后,必须将试题、答卷整理上交,不得将试题带离考场;
- 4、考生务必认真填写班级、姓名、学号等信息。

一、填空题(每小题 3 分,共 18 分)

请将你的答案对应填在横线上:

1、 e , 2、 $-2\sin(2x+1)dx$, 3、 $1/2$,

4、 $y = x + 1$, 5、 $1/2$, 6、 $y = x$.

二、选择题(每小题 3 分,共 18 分)

请将你所选择的字母 A, B, C, D 之一对应填在下列表格里:

题号	7	8	9	10	11	12
答案	A	C	A	C	A	D

三、解答题(每小题 8 分,共 64 分)

13、(8 分)【解】

$$\begin{aligned}\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 3x + 2} &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x+2)}{(x-2)(x-1)} \\ &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+2}{x-1} = 4.\end{aligned}$$

14、(8 分)【解】

$$\begin{aligned}\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^3} &\stackrel{\text{洛必达}}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{3x^2} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2/2}{3x^2} = \frac{1}{6}.\end{aligned}$$

15、(8 分)【解】

$$\begin{aligned}\frac{dy}{dx} &= \frac{dy/dt}{dx/dt} = \frac{3t^2 - 1}{2t - 1}, \\ \frac{d^2y}{dx^2} &= \frac{dy'/dt}{dx/dt} = \frac{6t(2t-1) - (3t^2-1)2}{(2t-1)^3} = \frac{6t^2 - 6t + 2}{(2t-1)^3}.\end{aligned}$$

16、(8 分)【解】

由于 $f(x)$ 在 $x=0$ 处连续,

$$f(0) = f(0^+) = b, \quad f(0^-) = \lim_{x \rightarrow 0^-} e^x = 1.$$

因此 $b=1$. 由于

$$f'_+(0) = (2x+a)|_{x=0} = a, \quad f'_-(0) = (e^x)_{x=0} = 1,$$

因此 $a=1$.

合肥工业大学考试专用答卷纸（B）

2021~2022 学年第 二 学期 课程代码 034Y01 课程名称 数学（下） 命题教师 集体 系主任审批 邓斌
教学班级 学生姓名 学号 考试日期 2022 年 7 月 15 日 10:00-12:00 成绩

17、（8 分）【解】

由

f'(x) = 3x^2 + 2x - 5 = (x - 1)(3x + 5) = 0

可得驻点 x = 1. 由于

f(0) = 0, f(1) = -3, f(2) = 2,

因此最大值为 2, 最小值为 -3.

18、（8 分）【证明】

证法一: 设 f(x) = e^x - ex, 则

f'(x) = e^x - e ≥ 0.

因此 f(x) 在 (1, +∞) 上单调递增, 从而

f(x_2) ≥ f(x_1), e^{x_2} - ex_2 ≥ e^{x_1} - ex_1.

证法二: 设 f(x) = e^x, 则 f(x) 在 [x_1, x_2] 上连续, (x_1, x_2) 内可导.

由拉格朗日中值定理, 存在 ξ ∈ (x_1, x_2) 使得

(f(x_2) - f(x_1)) / (x_2 - x_1) = f'(ξ),

即

(e^{x_2} - e^{x_1}) / (x_2 - x_1) = e^ξ ≥ e.

所以 e^{x_2} - e^{x_1} ≥ e(x_2 - x_1).

19、（8 分）【证明】

设 F(x) = x^2 f(x), 则 F(x) 在 [0, 1] 上连续, (0, 1) 内可导, 且 F(0) = 0, F(1) = f(1) = 0. 由罗尔中值定理, 存在 ξ ∈ (0, 1) 使得 F'(ξ) = 0.

由于 F'(x) = x^2 f'(x) + 2xf(x) 且 ξ ≠ 0, 所以 ξ f'(ξ) + 2f(ξ) = 1.

20、（8 分）【解】

f'(x) = 3x^2 - 6x = 3x(x - 2).

当 0 < x < 2 时, f'(x) < 0. 当 x > 2 或 x < 0 时, f'(x) > 0. 因此 [0, 2] 是 f(x) 的单减区间, (-∞, 0] 和 [2, +∞) 是 f(x) 的单增区间. 所以 f(x) 的极小值为 f(2) = 1, 极大值为 f(0) = 5.

f''(x) = 6x - 6 = 6(x - 1).

当 x > 1 时, f''(x) > 0. 当 x < 1 时, f''(x) < 0. 因此 [1, +∞) 是曲线 y = f(x) 的凹区间, (-∞, 1] 是曲线 y = f(x) 的凸区间, 拐点为 (1, 3).