

Greedy: Presentación

Teoría de Algoritmos I (75.29 / 95.06)

Ing. Víctor Daniel Podberezski

Algoritmos greedy

Metodología de resolución

de problemas de optimización (minimización o maximización)

Divide el problema en subproblemas

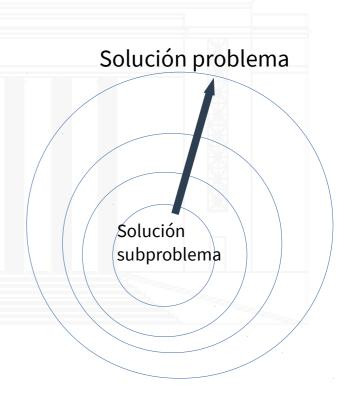
con una jerarquía entre ellos.

Cada subproblema

Se va resolviendo iterativamente

Mediante una elección heurística

Y habilita nuevos subproblemas





Problemas resolubles mediante greedy

Para cada problema

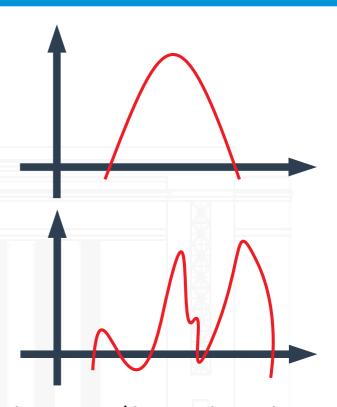
Existen diferentes algoritmos greedy

Algunos no resultan en la solución optima

No todos los problemas

Pueden resolverse mediante un algoritmo greedy

Deben tener ciertas propiedades



En el primer gráfico mediante la pendiente puedo iterativamente acercarme al valor máximo de la función En el segundo caso ésta misma elección me puede llevar a un máximo local



Propiedades

Un problema debe contener las siguientes propiedades

para poder resolverse de forma optima mediante un algoritmo greedy

- Elección greedy
- Subestructura óptima



Elección Greedy

Seleccionar una solución óptima local

Esperando que la misma nos acerque a la solución optima global

La solución de un subproblema

Analiza el conjunto de los elementos del problema en el estado en que llegaron al mismo.

Elige heuristicamente la "mejor solución" local

Un subproblema

Está condicionado por las elecciones de los anteriores problemas

Condiciona a los subproblemas siguientes.



Subestructura óptima

Un problema

Contiene una subestructura óptima

Si la solución optima global del mismo

Contiene en su interior las soluciones optimas de sus subproblemas

La elección greedy

Iterativamente resolverá los subproblemas optimamente

Y nos llevará a la solución optima global



Lo sencillo y lo no tan sencillo...

Construir algoritmos greedy

Para resolver un problema es muy sencillo.

Es más complicado mostrar que el mismo

Resolverá óptimamente el problema

Tenemos que asegurarnos que

Para toda instancia del problema el algoritmo greedy nos provee la solución optima



Pasos en la construcción de una estrategia greedy

- 1. Determinar la subestructura óptima del problema
- 2. Construir una solución recursiva
- 3. Mostrar que si realizamos la elección greedy nos quedaremos en ultima instancia con solo 1 subproblema
- 4. Mostrar que la elección greedy se puede realizar siempre y de forma segura
- 5. construir el algoritmo recursivo que solucione el problema
- 6. Convertir el algoritmo recursivo en uno iterativo





Presentación realizada en Septiembre de 2020