

SiCP2 Documentation et théorie

 $\begin{array}{c} Auteur: \\ {\bf Stephan} \ {\bf RUNIGO} \end{array}$

Résumé

Objet : Ce document accompagne le programme SiCP2.

Contenu : Il contient un manuel d'installation et d'utilisation ainsi qu'un certain nombre de développements théoriques.

Public concerné : Les enseignants, les étudiants et les passionnés de physique et d'informatique.

SiCP2 est un simulateur numérique d'équations physiques offrant une représentation graphique et une interaction dynamique avec les paramètres physiques. Destinés à un usage ludique et pédagogique, il permet de visualiser le comportement des systèmes physiques simulés. Cette documentation accompagne ce programme.

Les deux premiers chapitres présentent SiCP2, présente les procédures d'installation et précisent les commandes permettant l'interaction avec le programme.

Les deux chapitres suivants fournissent un certain nombre de développements théoriques liés au phénomènes physiques et à la numérisation des équations.

Enfin, le dernier chapitre rassemble les informations liées à la structure du code source.

Table des matières

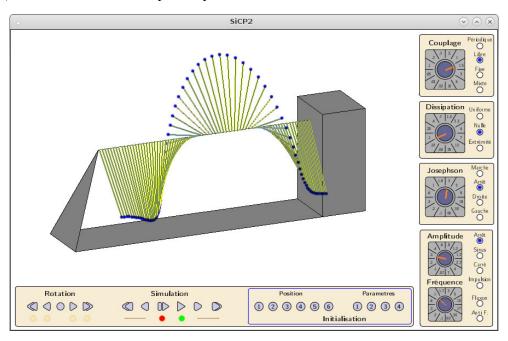
1	Pré	sentati		1										
	1.1	SiCP2	, chaîne de pendules couplés	1										
	1.2	Install	ation des simulateurs	1										
2	Util	Utilisation des simulateurs 3												
	2.1	Comm	andes communes avec SiCF	3										
		2.1.1	Options de la ligne de commande	3										
			2.1.1.1 Résumé des options	3										
		2.1.2	Commades du clavier	3										
			2.1.2.1 Variations des paramètres	3										
			2.1.2.2 Enregistrement et réinitialisation des situations	3										
	2.2	SiCP2		3										
		2.2.1	Panneau de droite	4										
		2.2.2	Panneau du bas	4										
		2.2.3	Panneau central	5										
3	Mo	dèle pl	nysique	6										
	3.1	La cha	âne de pendule	6										
		3.1.1	Le pendule pesant	6										
		3.1.2	Les pendules couplés	6										
		3.1.3	La chaîne de pendule	6										
		3.1.4	L'équation de la chaine de pendule	7										
		3.1.5	Expressions des forces et des énergies associées	7										
		3.1.6	Résumé des forces et des énergies	8										
	3.2	L'équa	tion de Sine-Gordon	8										
		3.2.1	L'équation de Sine-Gordon	8										
		3.2.2	Les solitons, solutions de l'équation de Sine-Gordon	9										
		3.2.3	Phénomènes physiques associés aux solitons	9										
4	Mat			L O										
	4.1	Discré	tisation des équations différentielles	10										
		4.1.1		10										
			4.1.1.1 Dérivé symétrisée	10										
		4.1.2	Discrétisation de la relation fondamentale de la dynamique	10										
		4.1.3	Variables réduites	11										
		4.1.4	Résumé des forces et des énergies	12										
	4.2	Perspe	_	12										
		4.2.1	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	12										
		4.2.2		12										
		4.2.3		13										
		191		13										

5	Dév	eloppe	ement	14				
	5.1 Langage et librairies							
		5.1.1	C et SDL2	14				
	5.2	Modèl	e Vue Controleur	14				
		5.2.1	Les répertoires du code source	14				
		5.2.2	Le modèle	14				
		5.2.3	La vue	14				
		5.2.4	Le controleur	14				
	5.3	Diagra	<u>.mmes</u>	15				
		5.3.1	Inclusion des fichiers dans SiCP2	15				
		5.3.2	diagramme de classes de SiCP2	15				
Δ	Pro	mièro ·	version des simulateurs	16				
А			ique	16				
	71.1	1115001	ique	10				
В	Con	nmand	es du clavier	17				
	B.1	Résum	né du clavier SiCF et SiCP	17				
	B.2	Détails	s des contrôles	18				
		B.2.1	Équation simulée	18				
		B.2.2	Paramètres des pendules	18				
		B.2.3	Forme de la dissipation	18				
		B.2.4	Conditions aux limites	19				
		B.2.5	Moteur premier pendule	19				
		B.2.6	Moteur Josephson	19				
		B.2.7	Contrôle de la simulation	19				
		B.2.8	Information	19				
		B.2.9	Sauvegarde et ré-initialisation dans SiCF	19				
			B.2.9.1 Fonction élémentaire	20				
			B.2.9.2 Quanton	20				
			B.2.9.3 Fichiers de ré-initialisation	20				
\mathbf{C}	Con	nmand	es du clavier	21				
C			et SiCP	21				
	$\mathbf{O.1}$		Résumé des options	$\frac{21}{21}$				
		O.1.1	resume des options	∠ 1				
Bi	Bibliographie 22							

Présentation

1.1 SiCP2, chaîne de pendules couplés

SiCP2 est un simulateur de chaîne de pendule. Un moteur sinusoïdale, carré, ou impulsionnel permet de créer une excitation de l'extrémité de la chaîne. Les conditions aux limites peuvent être périodiques, libres ou fixes. La dissipation peut être uniforme ou simuler une extrémité absorbante.



Le programme simule l'équation de sine-gordon. Le contrôle du courant josephson permet d'observer la dynamique des solitons.

1.2 Installation des simulateurs

Cette section traite de l'installation des simulateurs SiTS2, SiCF2 et SiCP2 sur un système d'exploitation de type debian. Le téléchargement se fait avec un navigateur internet, la compilation et l'exécution se font dans un terminal. L'installation des outils de compilation nécessite les privilèges du super-utilisateur.

Installation des outils de compilation Avec les droits du super-utilisateur

apt-get install gcc make libsdl-dev Pour les versions 2 des simulateurs, installer la librairie SDL2 : apt-get install libsdl2-dev

Téléchargement des sources

Télécharger les fichiers .zip sur github

```
https://github.com/runigo/SiCP2/archive/master.zip
https://github.com/runigo/SiCF2/archive/master.zip
https://github.com/runigo/SiTS2/archive/master.zip
Décompresser les fichiers .zip
unzip SiCP2-master.zip
unzip SiCF2-master.zip
unzip SiTS2-master.zip
```

Compilation

La commande make dans le répertoire des sources produit un fichier exécutable :

```
SiCP2 pour SiCP
SiCF2 pour SiCF
SiTS2 pour SiTS
```

Exécution

En ligne de commande, avec d'éventuelles options

```
./SiCP2 [OPTION]
./SiCF2 [OPTION]
./SiTS2 [OPTION]
```

La fenêtre graphique donne une représentation de la simulation, Le terminal affiche les informations.

Utilisation des simulateurs

Ce chapitre traite des interactions entre le programme et l'utilisateur.

2.1 Commandes communes avec SiCF

2.1.1 Options de la ligne de commande

Lorsque le programme est démarré en ligne de commande, il est possible de passer un certain nombre d'options. Ces options sont communiquées au programme à l'aide du nom de l'option suivie d'un nombre. Par exemple pour démarrer SiCP2 avec un nombre de pendules égale à 50 :

./SiCP2 nombre 50

Pour démarrer SiCP2 en exploitant plusieurs options :

./SiCP2 support 0 pause 7 duree 998 dt 0.0027 nombre 777

2.1.1.1 Résumé des options

option	valeur	clavier	$\operatorname{commande}$
${\tt d} { m t}$	$({\rm dt} > 0.0 \ \& \ {\rm dt} < {\rm DT_MAX})$		discrétisation du temps
$\mathtt{d}\mathrm{uree}$	()	F9, F10, F11, F12	rythme de la simulation
${\tt mode}$	()	Entrée	$\mathbf{Mode} \textbf{ -1} : \mathbf{Wait}, 1 : \mathbf{Poll}$
${\tt nombre}$	$({\rm nombre} > 0 \ \& \ {\rm nombre} < 1099)$		Nombre de pendules
$\mathtt{a}\mathrm{ide}$	()		Affiche l'aide
\mathtt{help}	()		Affiche l'aide

^{*} Initialise le déphasage entre le dernier pendule et le premier pendule dans le cas des conditions aux limites périodique.

2.1.2 Commades du clavier

2.1.2.1 Variations des paramètres

2.1.2.2 Enregistrement et réinitialisation des situations

2.2 SiCP2

SiCP2 possède une interface graphique permettant de modifier les paramètres à l'aide de la souris.

2.2.1 Panneau de droite

Ce panneau possède cinq boutons rotatifs et 17 boutons "radio". La rotation s'effectue en plaçant le pointeur de la souris sur l'un des boutons rotatif et en actionnant la molette. La sélection d'un bouton radio s'effectue en cliquant sur celui-ci.

Couplage : change le couplage élastique entre les pendules

Périodique : couple le premier pendule au dernier Libre : libère le premier et le dernier pendule Fixe : fixe le premier et le dernier pendule

Mixte : fixe le premier et libère le dernier pendule

Dissipation: change le frotement visqueux sur les pendules

Uniforme: installe un frottement visqueux uniforme

Nulle: anulle le frottement visqueux

Extrémité : installe un frottement visqueux croissant sur les derniers pendules (1/6 de la

chaîne)

Josephson : change l'amplitude du courant josephson

Marche : démarre le courant josephson Arrêt : arrête le courant josephson

Droite / Gauche : change le sens du courant josephson

Amplitude : change l'amplitude du moteur périodique Fréquence : change la fréquence du moteur périodique

> Arrêt : arrête le moteur périodique Sinus : démarre le moteur sinusoïdale Carré : démarre le moteur carré

Impulsion : démarre le moteur sinusoïdale et l'arrête après une période

F Luxon : ajoute un déphasage de 2π au premier pendule. Le fluxon n'apparaı̂t pas si les

extrémités sont libres.

Anti. F : retranche un déphasage de 2π au premier pendule

2.2.2 Panneau du bas

La sélection d'un bouton radio s'effectue en cliquant sur celui-ci.

Rotation : démarre la rotation du point de vue

rotation vers la droite arrête la rotation rotation vers la gauche

Simulation : contrôle la rapidité de la simulation

ralentie la simulation arrête / démarre la simulation temps réel accélère la simulation

Initialisation : Réinitialise le système

réinitialisation de la position des pendules réinitialisation des paramètres et du nombre de pendules

2.2.3 Panneau central

Le panneau centrale montre la chaîne de pendule. Le point de vue se déplace en maintenant le clic de la souris et en déplaçant celle-ci. La molette permet de changer la distance du point de vue.

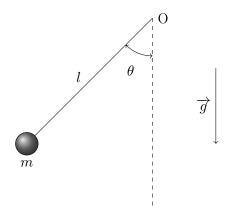
Modèle physique

Ce chapitre traite du modèle physique de la chaîne de pendules.

3.1 La chaîne de pendule

Sujet polytechnique [4] [5]

3.1.1 Le pendule pesant



Un pendule pesant est constitué par une masse m suspendue à un fil rigide de longueur l relié à un point O. Une liaison en ce point permet au pendule de tourner autour d'un axe fixe. L'angle entre le fil et la verticale est noté θ . La masse est soumise à son poids $\overrightarrow{P} = m \overrightarrow{g}$, à la réaction du fil \overrightarrow{R} et à une force de frottement visqueux $\overrightarrow{f} = -\frac{\beta}{l} \overrightarrow{v}$. La relation fondamentale de la dynamique donne :

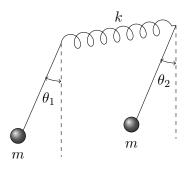
$$ml \frac{d^2\theta}{dt^2} = -mg\sin\theta - \beta \frac{d\theta}{dt}$$

3.1.2 Les pendules couplés

Deux pendules pesants sont reliés par un fil de torsion suivant leur axe fixe commun. La relation fondamentale de la dynamique donne alors :

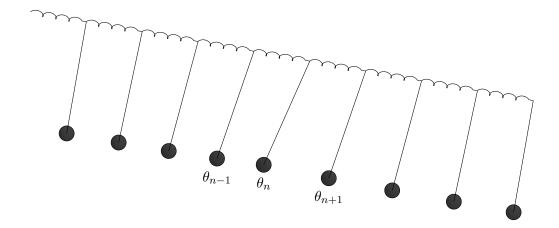
$$\begin{cases} ml \frac{d^2\theta_1}{dt^2} = -mg\sin\theta_1 - \beta \frac{d\theta_1}{dt} - kl(\theta_1 - \theta_2) \\ ml \frac{d^2\theta_2}{dt^2} = -mg\sin\theta_2 - \beta \frac{d\theta_2}{dt} - kl(\theta_2 - \theta_1) \end{cases}$$

dans le cas où les pendules sont identiques.



3.1.3 La chaîne de pendule

Une chaîne de pendule est constituée d'une série de pendules pesants. Chaque pendule étant couplé avec ses deux plus proches voisins à l'aide d'un fil de torsion.



3.1.4 L'équation de la chaine de pendule

La chaîne de pendule est constituée d'une série de pendules pesants. Chaque pendule étant couplé avec ses deux plus proches voisins à l'aide d'un fil de torsion.[1]

$$\frac{\mathrm{d}^2 \theta_n}{\mathrm{d}t^2} - c^2 \frac{\theta_{n+1} + \theta_{n-1} - 2\theta_n}{\mathrm{a}^2} + \omega_0^2 \sin \theta_n = 0$$

$$\frac{k}{m} \frac{vitesse^2}{longueur^2} \quad \mathrm{T}^{-2} \quad \frac{k}{m} = \frac{c^2}{a^2}$$

$$\frac{g}{l} \quad \text{pulsation}^2 \quad \mathrm{T}^{-2} \quad \frac{g}{l} = \omega_0^2$$

La relation fondamentale de la dynamique, donne, en prennant en compte les frottements visqueux :

$$ml \frac{d^2\theta_n}{dt^2} = -mg\sin\theta_n - kl\Delta\theta_n(t) - \beta \frac{d\theta_n}{dt}$$

soit

$$\frac{d^2\theta_n}{dt^2} = -\frac{g}{l}\sin\theta_n - \frac{k}{m}\Delta\theta_n(t) - \frac{\beta}{ml}\frac{d\theta_n}{dt}$$

avec

$abr\'eviation$	grandeur	dimension
$ heta_n$	angle	radian
m	masse	${ m M}$
g	pesanteur	LT^{-2}
k	$_{ m raideur}$	${ m MT^{-2}}$
1	longueur	${f L}$
β	${ m frottement}$	$ m ML^2T^{-1}$

3.1.5 Expressions des forces et des énergies associées

La force de rappel, s'exerçant sur la masse m
, dû au fil de torsion ($C=kl^2$) entre les pendules est :

$$f_{torsion} = -kl\Delta\theta_n = -kl \left(2\theta_n - \theta_{n-1} - \theta_{n+1}\right)$$

L'énergie potentielle entre les pendules n et n-1 est :

$$E_{couplage} = \frac{1}{2} k l^2 (\theta_n - \theta_{n-1})^2$$

La force de rappel dû à la gravitation est :

$$f_{gravitation} = -mg\sin\theta_n$$

L'énergie potentielle de pesanteur de la masse m est :

$$E_{pp} = mgl(1 - \cos\theta_n)$$

La linéarisation de cette dernière force donne lieu à une force de rappel harmonique :

$$f_{ressort} = -mg\theta_n$$

L'énergie potentielle correspondante est alors :

$$E_{pp} = \frac{1}{2} \ mgl\theta_n^2$$

Enfin, l'énergie cinétique découle du travail de

$$ml \frac{d^2\theta_n}{dt^2}$$

Et vaut

$$E_c = \frac{1}{2} \ ml(\frac{d\theta_n}{dt})^2$$

La force de frottement visqueux est :

$$f_{frottement} = -\beta \frac{\theta_n(t) - \theta_n(t - dt)}{dt}$$

La présence de cette force implique une dissipation de l'énergie. En l'absence de cette force, on doit observer une conservation de l'énergie totale.

À ces forces il faut ajouter le courant josephson, correspondant à une constante additive dans la relation fondamentale de la dynamique ainsi que la force s'exerçant sur le premier pendule lors de l'excitation de la chaîne.

3.1.6 Résumé des forces et des énergies

3.2 L'équation de Sine-Gordon

Cette section traite de l'équation de sine-gordon et de ses solutions

3.2.1 L'équation de Sine-Gordon

C'est une équation différentielle du second ordre, non linéaire, à deux variables [2].

$$\frac{\partial^2 \theta}{\partial t^2} - c^2 \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} + \omega_0^2 \sin \theta = 0$$

3.2.2 Les solitons, solutions de l'équation de Sine-Gordon

Une solution de l'équation de Sine-Gordon, appelée soliton, est

$$\theta(x,t) = 4 \arctan \exp(\omega t - kx)$$

Elle correspond à une variation de 2π de la valeur de θ sur une distance de l'ordre de k^{-1} . Le soliton se déplace à la vitesse v.

3.2.3 Phénomènes physiques associés aux solitons

La **jonction josephson**. Constitué par une jonction isolante entre deux supraconducteur.

Mathématique et numérique

Ce chapitre traite des modèles mathématiques et numériques liés à SiCP2.

4.1 Discrétisation des équations différentielles

La discrétisation de l'équation du mouvement se fait à l'aide de l'algorithme de Verlet. Cet algorithme consiste à symétriser la dérivée par rapport au temps puis d'obtenir une expression de x(t+dt) en fonction de x(t) et x(t-dt). Cette expression permet de simuler de proche en proche le comportement du système physique. La solution discrète se rapproche de la solution analytique si la valeur de dt est convenablement choisie. En dehors d'un certain encadrement de dt, la solution discrète s'éloigne de la solution analytique.

4.1.1 Discrétisation des dérivées

4.1.1.1 Dérivé symétrisée

Par définition, la dérivé symétrique est :

$$\frac{dx}{dt} = \frac{x(t+dt) - x(t-dt)}{2 dt}$$

On en déduit l'expression suivante de la dérivée seconde :

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{x(t+2dt) - x(t) - x(t) + x(t-2dt)}{4dt^2}$$

Le changement de variable dt' = 2 dt simplifie cette expression :

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{x(t+dt) - 2x(t) + x(t-dt)}{dt^2}$$

Une expression disymétrique de la vitesse peut être utilisée pour l'évaluation des forces de viscosité ainsi que pour le calcul de l'énergie cinétique avant le calcul de la nouvelle valeur de x(t + dt).

$$\frac{dx}{dt} = \frac{x(t+dt) - x(t)}{dt}$$

Après l'incrémentation, $\frac{dx}{dt} = \frac{x(t) - x(t - dt)}{dt}$

4.1.2 Discrétisation de la relation fondamentale de la dynamique

L'équation de la chaîne de pendules couplés (3.1.4) donne ici :

$$\frac{x(t+\mathrm{dt})-2x(t)+x(t-\mathrm{dt})}{\mathrm{dt}^2} = -\frac{g}{l}\sin x(t) - \frac{k}{m}\Delta x(t) - \frac{\beta}{ml}\,\frac{x(t)-x(t-\mathrm{dt})}{\mathrm{dt}}$$

soit

$$x(t+\mathrm{dt}) - 2x(t) + x(t-\mathrm{dt}) = -\frac{g\,\mathrm{dt}^2}{l}\sin x(t) - \frac{k\,\mathrm{dt}^2}{m}\Delta x(t) - \frac{\beta\,\mathrm{dt}}{ml}\,\left(x(t) - x(t-\mathrm{dt})\right)$$

ou

$$x(t+\mathrm{d}t) = 2x(t) - x(t-\mathrm{d}t) - \mathrm{d}t^2 \frac{g}{l} \sin x(t) - \mathrm{d}t^2 \frac{k}{m} \Delta x(t) - \mathrm{d}t \frac{\beta}{ml} (x(t) - x(t-\mathrm{d}t))$$

avec

$$\Delta x(t) = (2x[i] - x[i-1] - x[i+1])$$

La force de rappel dû au fil de torsion entre les pendules est :

$$f_{torsion} = -kl\Delta x(t) = -kl(2x[i] - x[i-1] - x[i+1])$$

L'énergie potentielle entre les pendules n et n-1 est :

$$E_{couplage} = \frac{1}{2} k l^2 (x[i] - x[i-1])^2$$

La force de rappel dû à la gravitation est :

$$f_{gravitation} = -mg\sin x(t)$$

L'énergie potentielle de pesanteur de la masse m est :

$$E_{pp} = mgl(1 - \cos x(t))$$

La linéarisation de cette dernière force aboutit à une force de rappel harmonique :

$$f_{ressort} = -mgx(t)$$

L'énergie potentielle correspondante est alors :

$$E_{pp} = \frac{1}{2} \ mglx(t)^2$$

Enfin, l'énergie cinétique découle du travail de

$$ml \frac{d^2x(t)}{dt^2}$$

Et vaut

$$E_c = \frac{1}{2} ml(\frac{dx(t)}{dt})^2 = \frac{ml}{2dt^2} (x(t) - (x(t - dt)))$$

4.1.3 Variables réduites

Les variables réduites sont sans dimensions. Elles prennent en compte la discrétisation du temps. Le signe prend en compte le caractère « de rappel » des forces.

$$\mathtt{alpha} = -\frac{\beta}{ml} \, \mathrm{dt}$$

$$gamma = -\frac{g}{I} dt^2$$

$$\mathtt{kapa} = -\frac{k}{m} \, \mathrm{dt}^2$$

On a alors

$$\mathtt{force}[i] = \mathtt{gamma}.sinx + \mathtt{kapa}.\Delta x + \mathtt{alpha}.(x(t) - x(t - \mathrm{dt}))$$

et

$$x(t + dt) = 2x(t) - x(t - dt) + force[i]$$

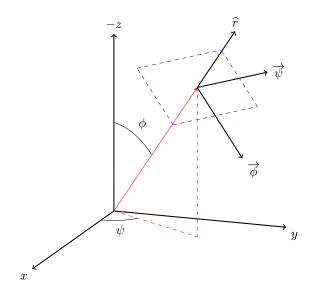
4.1.4 Résumé des forces et des énergies

	force	énergie	Varia	bles réduites
torsion	- k l Δx_n	$\frac{1}{2}$ k l ² $(x_n - x_{n-1})^2$	- k l Δx_n	$\frac{1}{2}$ k l ² $(x_n - x_{n-1})^2$
gravitation	- m g $\sin x_n$	m g l $(1 - \cos x_n)$	- m g $\sin x_n$	m g l $(1 - \cos x_n)$
harmonique	- m g x_n	$\frac{1}{2}$ m g l x_n^2	- m g x_n	$\frac{1}{2}$ m g l x_n^2
inertie	m l $\frac{d^2x_n}{dt^2}$	$\frac{1}{2}$ m l ² $\left(\frac{dx_n}{dt}\right)^2$	m l $\frac{d^2x_n}{\mathrm{dt}^2}$	$\frac{1}{2}$ m l ² $\left(\frac{dx_n}{dt}\right)^2$
$\operatorname{courant}$	$_{ m josephson}$		$_{ m josephson}$	

4.2 Perspective et repère SiCP

Cette section traite de la définition des coordonnées intervenant dans la projection en perspective de SiCP

4.2.1 Coordonnées polaires



$$\overrightarrow{r} = . \begin{pmatrix} \cos \psi . \sin \phi \\ \sin \psi . \sin \phi \\ \cos \phi \end{pmatrix},$$

$$\overrightarrow{\psi} = \text{largeur.} \begin{pmatrix} -\sin \psi \\ \cos \psi \\ 0 \end{pmatrix},$$

$$\overrightarrow{\phi} = \text{hauteur.} \begin{pmatrix} -\cos \psi . \cos \phi \\ -\sin \psi . \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix}.$$

4.2.2 Mathématique

System : θ_i .

 $\label{eq:Chaine:ri} Chaine: r_i.$

Support : R_i .

Point de vue : M, i_M , j_M , k_M .

4.2.3 Classes

 $\mathbf{System}: nouveau[N].$

Chaine : chaine[N], support[12], largeur, hauteur.

Point de vue : perspective, distance, psi, phi.

4.2.4 Projection

$$\mathbf{System\text{-}Chaine}: r_i = \begin{pmatrix} largeur/2N(i-N/2) \\ hauteur. \sin\theta_i \\ hauteur. \cos\theta_i \end{pmatrix}.$$

$$\begin{aligned} \mathbf{Point} \ \mathbf{de} \ \mathbf{vue} : \overrightarrow{r'} &= . \begin{pmatrix} \cos \psi . \sin \phi \\ \sin \psi . \sin \phi \\ \cos \phi \end{pmatrix}, \ \overrightarrow{\psi} &= \mathrm{largeur.} \begin{pmatrix} -\sin \psi \\ \cos \psi \\ 0 \end{pmatrix}, \ \overrightarrow{\phi} &= \mathrm{hauteur.} \begin{pmatrix} -\cos \psi . \cos \phi \\ -\sin \psi . \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix}. \end{aligned}$$

$$\mathbf{Chaine\text{-}Rendu}: g_i = \begin{pmatrix} (\mathbf{r}_i - \mathbf{M}).\mathbf{k}_M + \mathrm{hauteur}/2 \\ (\mathbf{r}_i - \mathbf{M}).\mathbf{j}_M + \mathrm{largeur}/2 \end{pmatrix}.$$

Développement

Ce chapitre traite de la structure et du développement des programmes de simulation.

5.1 Langage et librairies

5.1.1 C et SDL2

SiCP2 écrit en C [3] [6] et utilise la librairie SDL2. L'utilisation de la librairie SDL permet la réalisation de l'interface graphique et dynamique avec l'utilisateur.

5.2 Modèle Vue Controleur

5.2.1 Les répertoires du code source

- donnees : Inclusion des librairies, constantes et valeurs initiales du système et du graphisme
- fonctions : Outils mathématique. Fonctions et projection du système
- modele : Système simulé.
- graphisme : Représentation graphique et affichage
- controle : Liaison entre le système et l'interface graphique
- objet : Répertoire pour la compilation

5.2.2 Le modèle

Le système est un ensemble de pendules couplés

5.2.3 La vue

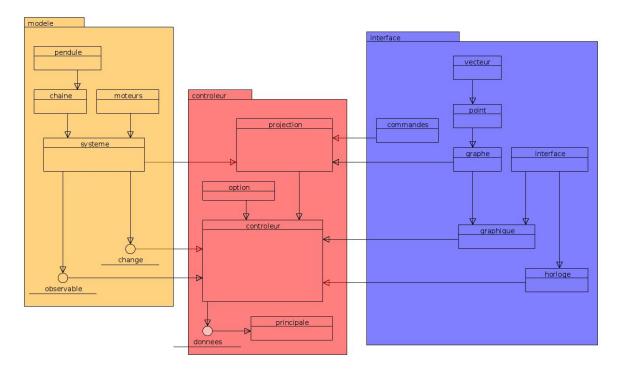
Construit une représentation graphique du système et affiche celle-ci.

5.2.4 Le controleur

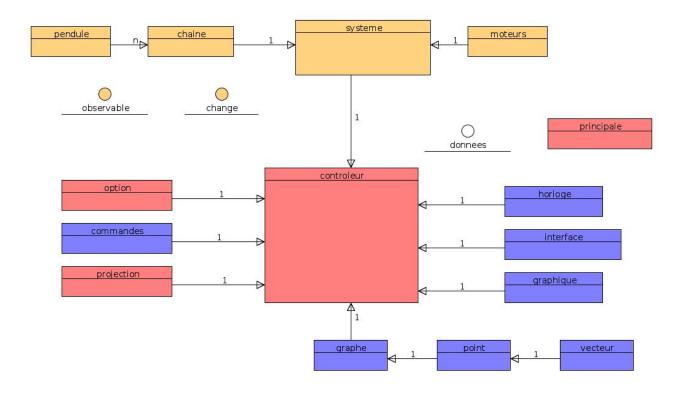
Exécute alternativement la vue et le modèle. Exécute les actions du clavier.

5.3 Diagrammes

5.3.1 Inclusion des fichiers dans SiCP2



5.3.2 diagramme de classes de SiCP2



Annexe A

Première version des simulateurs

A.1 Historique

La première version des simulateurs utilisait la librairie SDL 1.2. Cette librairie a évolué vers la version SDL2. Les programmes décrit dans cette documentation ont donc évolué vers une version 2 utilisant la nouvelle librairie. Les versions 1.x des simulateurs sont donc vouées à ne plus être maintenues. Aujourd'hui, les versions 2 des simulateurs disposent d'une interface graphiques plus conviviale avec une interaction avec la souris. La commande des simulateurs à l'aide du clavier reste fonctionelle et est décrite dans l'annexe suivante.

Annexe B

Commandes du clavier

B.1 Résumé du clavier SiCF et SiCP

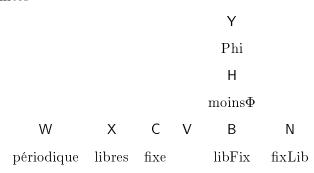
Le clavier permet de modifier les paramètres physiques. La fenêtre graphique doit être active, le terminal affiche les informations.

Α	Z	Е	R	Т	Υ	U	I	Ο	Р
${\bf Couplage}$	$_{\mathrm{Masse}}$	Dissip.	$\operatorname{supprim} D$	$\operatorname{Gravit}.$	Phi	${\bf Ampl.}$	impuls.	\sin us	Fréquence
Q	S	D	F	G	Н	J	K	L	М
moinsC	${ m moins M}$	plusD	${\rm formeD}$	moinsG	$\mathrm{moins}\Phi$	moinsA		carré	moinsF
W	Χ	С	V	В	N				
périodique	$_{ m libres}$	$_{ m fixe}$	$\operatorname{ExtAbsD}$	libFix	fixLib				

Paramètres physiques

Α	Z	Е	R	Т
Couplage	Masse	Dissip.	$\operatorname{supprim} D$	Gravit.
Q	S	D	F	G
moinsC	moinsM	plusD	${\rm formeD}$	moinsG
			V	
			$\operatorname{ExtAbsD}$	

Conditions aux limites



Moteur premier pendule

U	1	0	Р
Ampl.	impuls.	sinus	Fréquence
J	K	L	М
moinsA		carré	moinsF

Les touches de fonctions donnent un certain nombre de contrôles et d'information :

Contrôles			Information			n	Contrôles					
F1	F2	F3	F4	F5	F6	F7	F8	F9	F10	F11	F12	
Équ	ation	ı simu	lé (SiCF)	Én	ergie	, grap	$_{ m he}$	Vite	$_{ m esse} { m d}\epsilon$	e la sin	nulation	

Le choix de l'équation simulée est spécifique à SiCF. F5 dresse un bilan énergétique. F6 affiche les paramètres physiques du système

F8 permet de modifier le graphisme de SiCP. F9 et F12 modifient rapidement le rythme de la simulation, F10 et F11 la modifie modéremment. La touche Entrée change le mode avec ou sans attente, en mode avec attente, l'appuie sur une touche permet l'évolution du système.

B.2 Détails des contrôles

B.2.1 Équation simulée

Il s'agit d'une spécificité de SiCF. Lorsque le mode asymétrique est activé, les touches z et s ne change la masse de la corde que pour la moitié droite.

- 1 : gravitation forceRappel = sinus de la position du pendule
- 2 : linearisation forceRappel = proportionnelle à la position du pendule
- $3 : \mathbf{corde\ vibrante}\ forceRappel = 0$
- 4 : corde vibrante asymétrique permet de changer la masse sur une demi-corde.

B.2.2 Paramètres des pendules

Couplage: a, q: Augmente, diminue le couplage entre les pendules.

Masse: z, s: Augmente, diminue la masse des pendules.

Dissipation: e, d: Augmente, diminue les frottements visqueux.

Gravitation: t, g: Augmente, diminue l'accélération de la gravitation.

B.2.3 Forme de la dissipation

La touche V supprime les frottements sauf pour les derniers pour lesquels les frottements s'accroissent. Ceci permet d'obtenir une extrémité "absorbante", permettant la simulation d'une corde infinie.

Supprimer: e: Supprime les frottements visqueux.

Former : f : Active les frottements visqueux sur toute la chaîne.

Absorber : v : Active les frottements visqueux sur la fin de la chaîne, crée une extrémité absorbante.

B.2.4 Conditions aux limites

Périodique : w : Le dernier pendule est couplé au premier.

Libres : x : Les deux extrémités sont libres.

Fixes : c : Les deux extrémités sont fixes.

libre-fixe : b : Le premier pendule est libre et le dernier pendule est fixe.fixe-libre : n : Le premier pendule est fixe et le dernier pendule est libre.

B.2.5 Moteur premier pendule

Impulsion : i : Crée une impulsion.

Sinus : o : Active, désactive le moteur sinusoïdale.

Sinus : I : Active le moteur carré.

 $\begin{aligned} \mathbf{Amplitude} &: \mathsf{u}, \; \mathsf{j} : \; \mathrm{Augmente}, \; \mathrm{diminue} \; l'amplitude \; \mathrm{du} \; \mathrm{moteur}. \\ \mathbf{Fréquence} &: \mathsf{p}, \; \mathsf{m} : \; \mathrm{Augmente}, \; \mathrm{diminue} \; \mathrm{la} \; \mathrm{fréquence} \; \mathrm{du} \; \mathrm{moteur}. \end{aligned}$

B.2.6 Moteur Josephson

 $Activation : \rightarrow : Crée, supprime un courant josephson.$

 $\mathbf{Amplitude}:\uparrow,\downarrow: \mathrm{Augmente},\,\mathrm{diminue}\,\,\mathrm{le}\,\,\mathrm{courant}.$

Sens : \leftarrow : Inverse le sens du courant josephson.

B.2.7 Contrôle de la simulation

F9 et F12 modifient rapidement la vitesse de la simulation, F10 et F11 la modifient modéremment. La touche Entrée change le mode avec ou sans attente, en mode avec attente, l'appuie sur une touche permet l'évolution du système.

Mode: Entrée: Change le mode de la simulation: évolution automatique ou pas à pas.

Accélèrer : 11 et F12 : Accélère la simulation.

Ralentir: F9 et F10: Ralentit la simulation.

B.2.8 Information

Énergie : F5 : Information énergétique de la chaîne.

Système : F6 : Affiche les paramètres physiques du système.

B.2.9 Sauvegarde et ré-initialisation dans SiCF

Cette fonctionnalité nécessite la présence du répertoire donnee/enregistrement dans le répertoire de l'exécutable. La touche majuscule permet d'accéder aux fonctions d'enregistrement et de ré-initialisation des positions des pendules.

Lorsque la touche majuscule est enfoncé, les touches A, Z, E, R, T, Y, U, I, O et P, ainsi que les touches J, K, L et M ré-initialisent la position de la corde dans différentes configurations préréglées.

Les touches W, X, C, V, B et N enregistrent la position de la corde dans l'état actuel, les touches Q, S, D, F, G et H réinitialisent la position de la corde dans ces états enregistés.

B.2.9.1 Fonction élémentaire

Γ ouche	fonction
A	nulle
\mathbf{Z}	impulsion
\mathbf{E}	triangle
R	${ m triangle}$
Τ	carré
Y	carré

B.2.9.2 Quanton

Touche	fonction
U, J	impulsion
I, K	impulsior
O, L	quanton
P, M	quanton

B.2.9.3 Fichiers de ré-initialisation

Les fichiers de ré-initialisation se trouvent dans le répertoire donnee/enregistrement. Ils peuvent être édités. Le nom de ces fichiers doit être respecté afin de pouvoir être ouvert par le programme (ces noms sont utilisés par donnees/fichier.c).

Annexe C

Commandes du clavier

C.1 SiCF et SiCP

Lorsque le programme est démarré en ligne de commande, il est possible de passer un certain nombre d'options. Ces options sont communiquées au programme à l'aide du nom de l'option suivie d'un nombre. Par exemple pour démarrer SiCF avec un fond sombre et une discrétisation du temps égale à 0,00033 seconde :

./SiCF fond 17 dt 0.00033

Pour démarrer SiCP avec un fond sombre, un nombre de pendules égale à 50 et trois solitons :

./SiCP fond 17 soliton 3 nombre 50

Pour démarrer SiCP en exploitant plusieurs options :

./SiCP fond 45 support 0 pause 7 duree 998 dt 0.0027 nombre 777 soliton 18

C.1.1 Résumé des options

option	valeur	clavier	$\operatorname{commande}$
fond	$(\mathrm{fond}{>}0\ \&\ \mathrm{fond}{<}255)$		Couleur du fond ***
soliton	$({ m soliton} > ext{-99 \& soliton} < 99)$	y,h	déphasage entre les extrémitées *
dt	$(\mathrm{dt} > 0.0~\&~\mathrm{dt} < \mathrm{DT_MAX})$		discrétisation du temps
frequence	()	p, m	fréquence du générateur
${\tt dissipation}$	()	e,d	dissipation
equation	$({\rm equation} > 0 \ \& \ {\rm equation} < 5)$	F1, F2, F3, F4	choix de l'équation
pause	$(\mathrm{pause} > 5 \mid\mid \mathrm{pause} < 555)$		temps de pause en ms
duree	()	F9, F10, F11, F12	rythme de la simulation
${\tt mode}$	()	Entrée	$\mathbf{Mode} \text{ -1} : \mathbf{Wait}, 1 : \mathbf{Poll}$
nombre	$({\rm nombre}>0~\&~{\rm nombre}<~1099)$		Nombre de pendules **
$\mathtt{a}\mathrm{ide}$	()		Affiche l'aide
${\tt help}$	()		Affiche l'aide

st Initialise le déphasage entre le dernier pendule et le premier pendule dans le cas des conditions aux limites périodique.

^{**} $Sp\'{e}cifique$ à SiCP, nombre < 399 dans SiCP2.

^{***} Désactivé dans les versions 2.

Bibliographie

- [1] Cyrille Barreteau. Équation de sine-gordon, solitons et dislocations. http://iramis.cea.fr/spcsi/cbarreteau/methodes_mathematiques/documents/tut5_2005_2eme.pdf, 2006. [Last modified: jeudi 12 janvier 2006] 3.1.4.
- [2] R. Belmont. Équation et solitons de sine-gordon. http://userpages.irap.omp.eu/~rbelmont/mypage/numerique/SineGordon.pdf, 2014. [Last modified : mercredi 24 septembre 2014] 3.2.1.
- [3] Claude Delannoy. Le guide complet du langage C. Eyrolles, 2014. [ISBN: 978-2-212-14012-5] ??.
- [4] Polytechnique ENS. Propagation d'ondes le long d'une chaîne de pendules couplés. https://banques-ecoles.fr/cms/wp-content/uploads/2015/04/15_mp_sujet_phy.pdf>, 2015. [Last modified: jeudi 22 janvier 2015] 3.1.
- [5] Françoise Lachize. Propagation d'ondes le long d'une chaîne de pendules couplés. http://flachize.e-monsite.com/medias/files/x-ens-mp-2015.-corrige.pdf>, 2016. [Last modified : samedi 2 janvier 2016] 3.1.
- [6] Tony Zhang. Le language C. campusPress, 2002. [ISBN: 2-7440-1518-0] ??.