Многопоточное Программирование: Определения и Формализм

Роман Елизаров, JetBrains, <u>elizarov@gmail.com</u> Никита Коваль, JetBrains, <u>ndkoval@ya.ru</u>

MTMO 2019



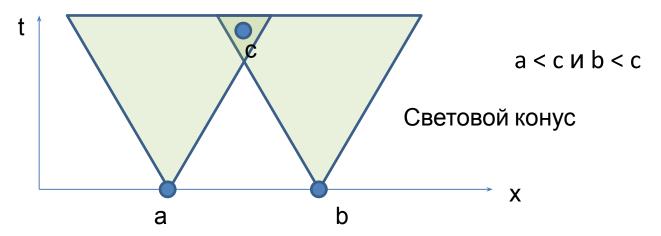
Физическая реальность (1)

- Свет (электромагнитные волны) в вакууме распространяется со скоростью ~ 3 · 10⁸ м/с
 - Это максимальный физический предел скорости распространения света. В реальных материалах медленней.
 - За один такт процессора с частотой 3 ГГц ($3 \cdot 10^9$ Гц) свет в вакууме проходит всего **10 см**.

- Соседние процессоры на плате физически не могут синхронизировать свою работу и физически не могут определить порядок происходящих в них событиях.
 - Они работают действительно физически *параллельно*.

Физическая реальность (2):

- Пусть $a, b, c \in E$ это физически атомарные (неделимые) **события**, происходящие в пространстве-времени
 - Говорим «*a* предшествует *b*» или «*a* произошло до *b*» (*a*<*b*), если свет от точки пространства-времени *a* успевает дойти до точки пространства-времени *b*
 - Это отношение <u>частичного</u> порядка на событиях



Между a и b нет предшествования. Они происходят **параллельно**

Модель «произошло до» (happens before)

- Впервые введена Л. Лампортом в 1978 году
- **Исполнение** системы это пара (H, \to_{H})
 - H это множество **операций** e, f, g, \dots (чтение и запись ячеек памяти и т.п.), произошедших во время исполнения

• Произошло до

- На **операциях** определен *частичный* порядок $e \rightarrow_{_H} f$
- $\rightarrow_{_H}$ это транзитивное, антирефлексивное, асимметричное отношение (частичный строгий порядок) на множестве операций
- $e \rightarrow_{_{\! H}} f$ означает что "e **произошло до** f в исполнении H"
 - Чаще всего исполнение Н понятно из контекста и опускается

• Две **операции** e и f **параллельны** $(e \ // f)$ если $e \nrightarrow f \land f \nrightarrow e$

Модель «произошло до» (happens before)

- Операция (сложная) состоит из двух событий (простых):
 - *inv(e)* вызов операции
 - res(e) ответ на операцию (результат)
 - Все события **полностью** упорядочены отношением <_н
- Порядок операций определяется порядком событий

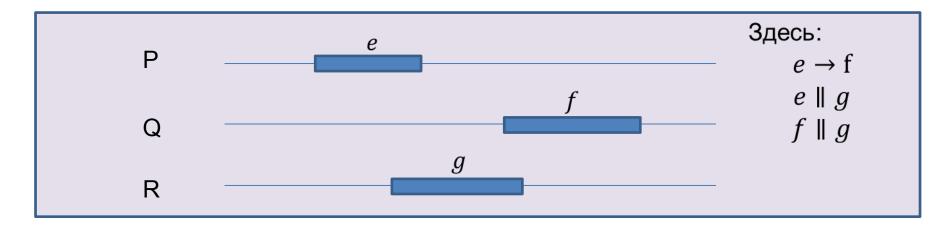
 $e \rightarrow_{_H} f$ по определению тогда и только тогда когда res(e) $<_{_H} inv(f)$

- Замечание 1: отдельные события нам нужны редко
- Замечание 2: полная упорядоченность отдельных событий играет важную роль в теории многопоточного программирования с общей памятью

Глобальное время

- Располагаем *inv*(*e*) и *res*(*e*) на числовой оси
- Каждая операция это числовой интервал

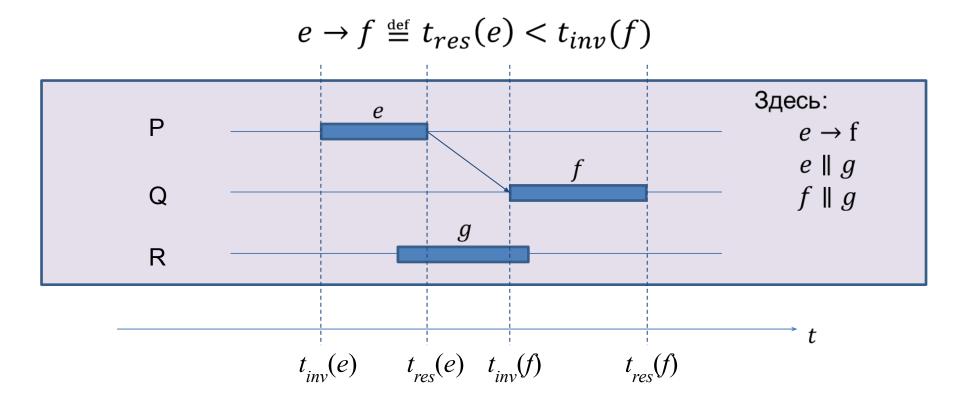
$$e \to f \stackrel{\text{def}}{=} t_{res}(e) < t_{inv}(f)$$



t

Глобальное время

- Располагаем inv(e) и res(e) на числовой оси
- Каждая операция это числовой интервал



Система

- Система это набор всех возможных исполнений системы
- Говорим, что «система имеет свойство Р», если каждое исполнение системы имеет свойство Р

«Произошло до» на практике

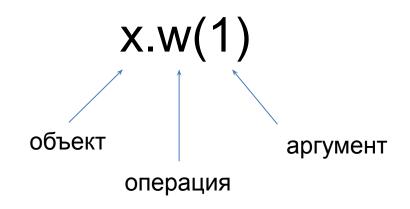
- Современные языки программирования предоставляют программисту **операции синхронизации**:
 - Специальные механизмы чтения и записи переменных (std::atomic в C++11 и volatile в Java 5).
 - Создание потоков и ожидание их завершения
 - Различные другие библиотечные примитивы для синхронизации
- **Модель памяти** языка программирования определяет то, каким образом исполнение операций синхронизации создает отношение «произошло до»
 - Без них, разные потоки выполняются параллельно
 - Можно доказать те или иные свойства многопоточного кода, используя гарантии на возможные исполнения, которые дает модель памяти

Свойства исполнений над общими объектами

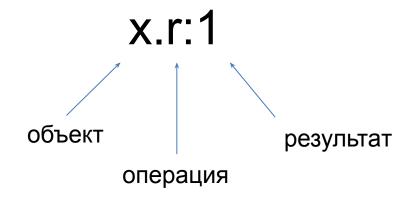


Операции над общими объектами

Запись (write) общей переменной



Чтение (read) общей переменной

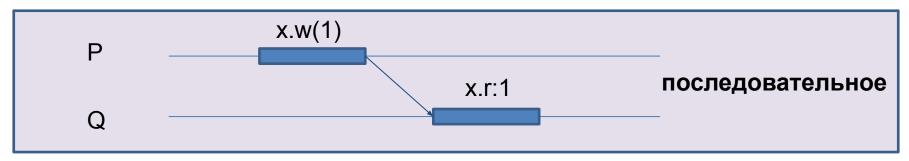


Последовательное исполнение

Исполнение системы называется **последовательным**, если все **операции** линейно-упорядочены отношением "произошло до"

$$\forall e, f \in H : (e = f) \lor (e \rightarrow f) \lor (f \rightarrow e)$$

Значит все события упорядочены $inv(e_1) < res(e_1) < inv(e_2) < ...$

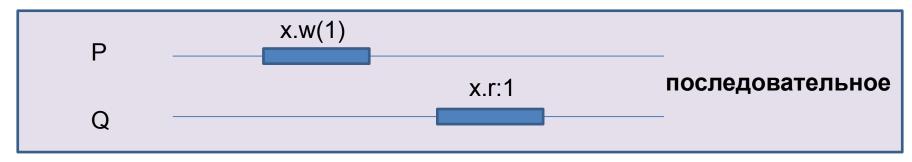


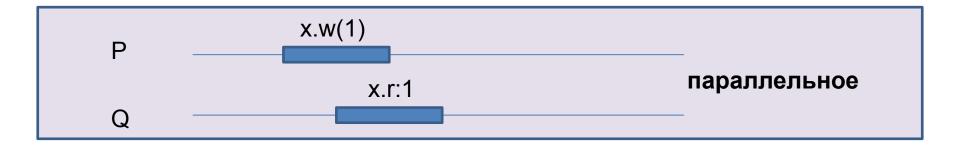
Последовательное исполнение

Исполнение системы называется **последовательным**, если все **операции** линейно-упорядочены отношением "произошло до"

$$\forall e,f \in H : (e = f) \lor (e \rightarrow f) \lor (f \rightarrow e)$$

Значит все события упорядочены $inv(e_1) < res(e_1) < inv(e_2) < ...$





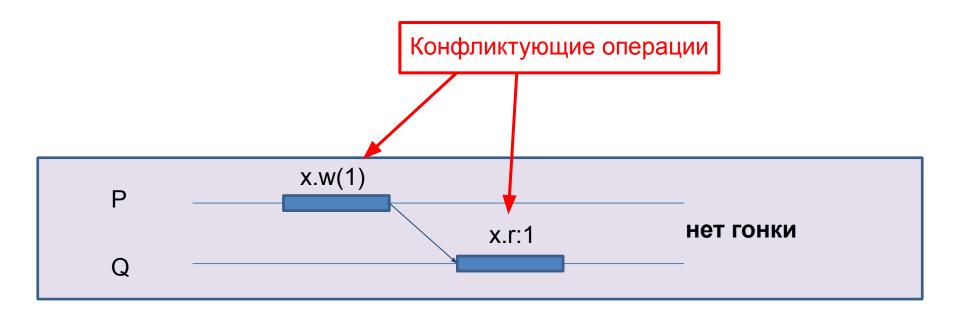
- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
 - read-write или write-write

- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
 - read-write или write-write

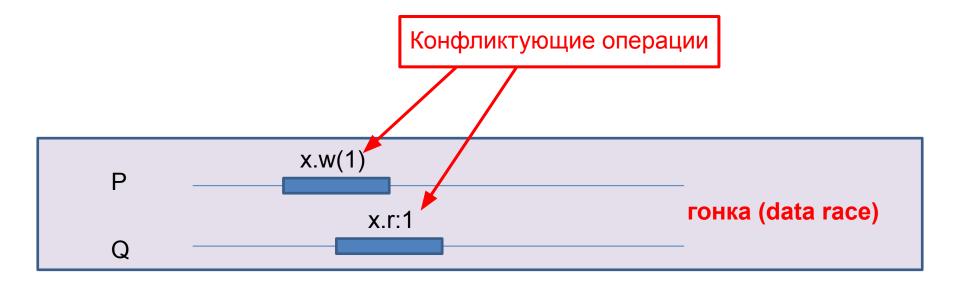
Конфликтующие операции не коммутируют в модели чередования

- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
 - read-write или write-write
- Если две конфликтующие операции произошли **параллельно** (нет отношения произошло до) то такая ситуация называется **гонка данных** (data race)
 - Это свойство конкретного исполнения

Пример



Пример

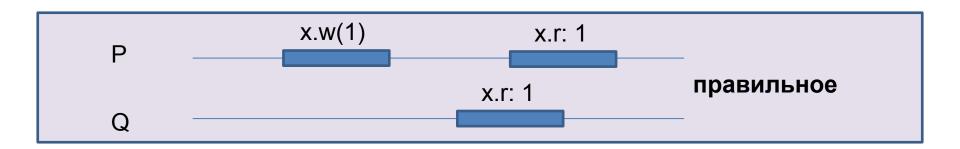


- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
 - read-write или write-write
- Если две конфликтующие операции произошли **параллельно** (нет отношения произошло до) то такая ситуация называется **гонка данных** (data race)
 - Это свойство конкретного исполнения

Программа, в любом допустимом исполнении которой (с точки зрения модели памяти) нет гонок данных, называется корректно синхронизированной

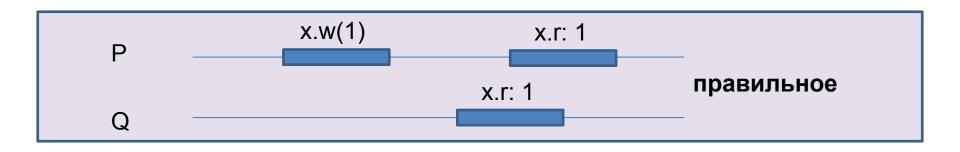
Правильное исполнение

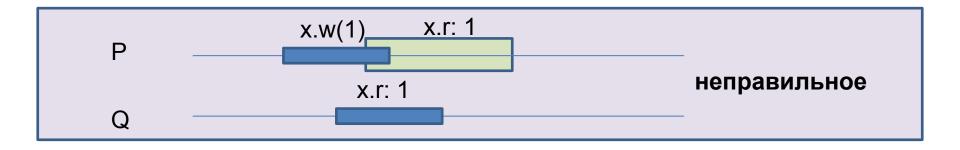
- H|_P сужение исполнения на поток P, то есть исполнение где остались только операции происходящие в потоке P
- Исполнение называется **правильным** (well-formed), если его сужение на каждый поток Р является **последовательным**



Правильное исполнение

- $H|_{p}$ сужение исполнения на поток P, то есть исполнение где остались только операции происходящие в потоке P
- Исполнение называется **правильным** (well-formed), если его сужение на каждый поток Р является **последовательным**





Правильное исполнение и нотация

- $H|_{p}$ сужение исполнения на поток P это множество всех **операций** $e \in H$, таких что proc(e) = P
 - Исполнение называется **правильным (well-formed),** если его сужение на любой поток Р является **последовательным**
 - Задается программой которую выполняет поток
 - Объединение всех сужений на потоки называется программным порядком (ро = program order)

Нас интересуют только правильные исполнения Дальше работает только с такими

Правильное исполнение и нотация

- $H|_{P}$ сужение исполнения на поток P это множество всех **операций** $e \in H$, таких что proc(e) = P
 - Исполнение называется **правильным (well-formed),** если его сужение на любой поток Р является **последовательным**
 - Задается программой которую выполняет поток
 - Объединение всех сужений на потоки называется **программным порядком** (po = program order)
- $H|_{x}$ сужение истории на объект x это множество всех **операций** $e \in H$, таких что obj(e) = x

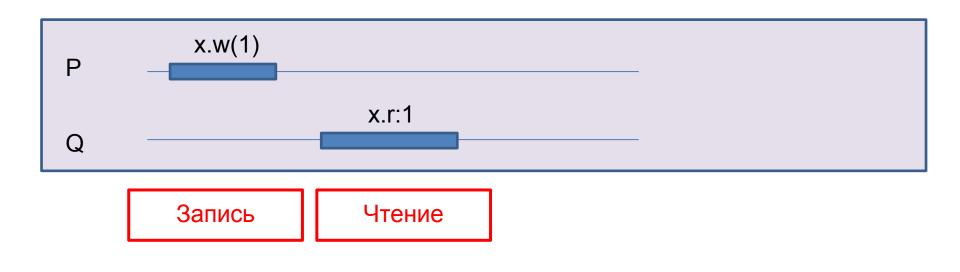
В правильном исполнении сужение на объекты не обязательно является последовательным(!)

Последовательная спецификация объекта

Если сужение исполнения на объект Н|_х является
последовательным, то можно проверить его на соответствие
последовательной спецификации объекта

Последовательная спецификация объекта

Если сужение исполнения на объект Н_х является
последовательным, то можно проверить его на соответствие
последовательной спецификации объекта



Что мы привыкли видеть в обычном мире последовательного программирования?

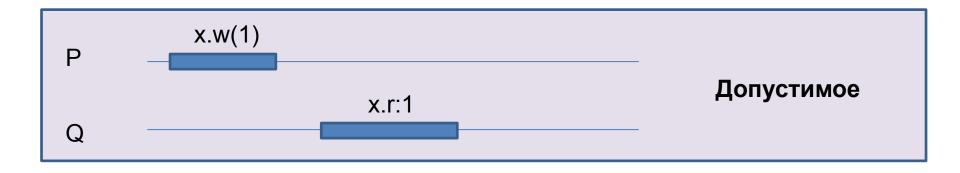
Допустимое последовательное исполнение

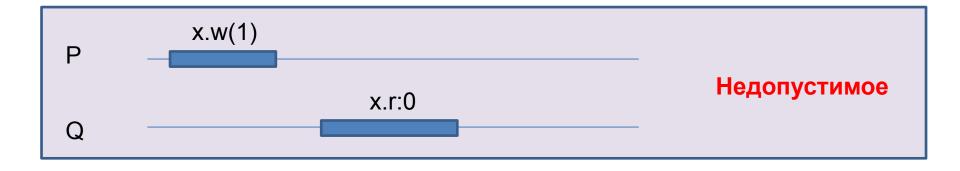
 Последовательное исполнение является допустимым (legal), если выполнены последовательные спецификации всех объектов



Допустимое последовательное исполнение

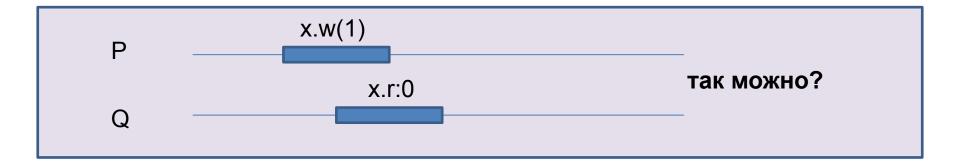
• Последовательное исполнение является допустимым (legal), если выполнены последовательные спецификации всех объектов



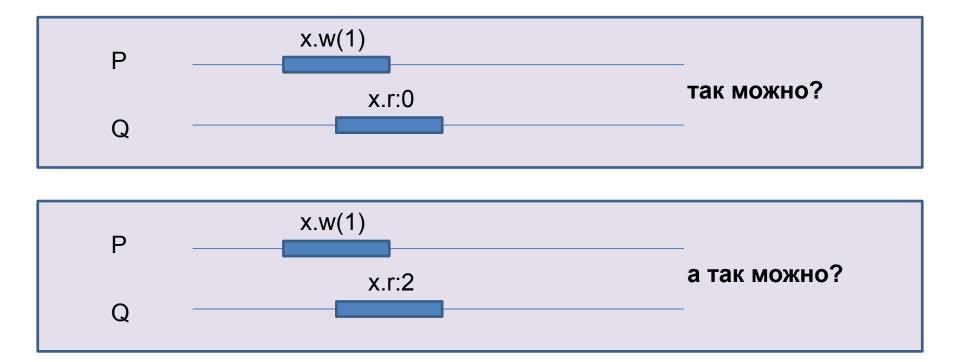


• Как определить допустимость параллельного исполнения?

• Как определить допустимость параллельного исполнения?



• Как определить допустимость параллельного исполнения?



- Как определить допустимость **параллельного** исполнения?
 - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
 - Как именно тут есть варианты: условия согласованности

- Как определить допустимость **параллельного** исполнения?
 - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
 - Как именно тут есть варианты: условия согласованности
- Согласованность это аналог «корректности» в мире многопоточного программирования

- Как определить допустимость параллельного исполнения?
 - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
 - Как именно тут есть варианты: условия согласованности
- Согласованность это аналог «корректности» в мире многопоточного программирования

Базовое требование:

корректные последовательные программы должны считаться согласованными при любом их исполнении в одном потоке

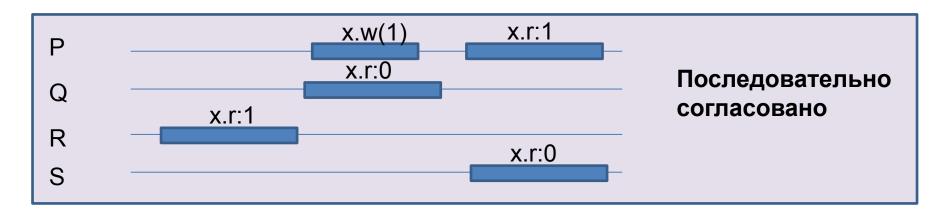
- Как определить допустимость **параллельного** исполнения?
 - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
 - Как именно тут есть варианты: условия согласованности
- Согласованность это аналог «корректности» в мире многопоточного программирования
- Условий согласованности много:
 - Согласованность при покое (quiescent consistency)
 - Последовательная согласованность (sequential consistency)
 - Линеаризуемость (linearizability)
 - и другие

Нельзя просто сказать: "Вот корректная реализация многопоточной очереди". Корректная в каком смысле?

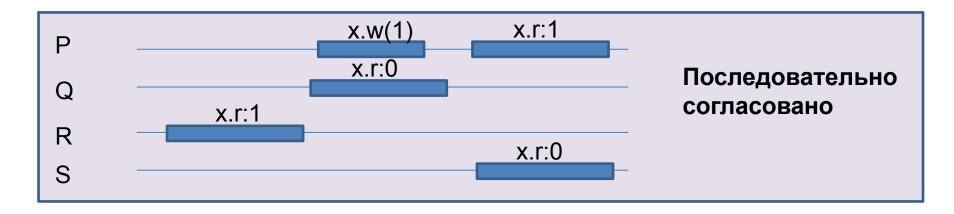
- Условий согласованности много:
 - Согласованность при покое (quiescent consistency)
 - Последовательная согласованность (sequential consistency)
 - Линеаризуемость (linearizability)
 - и другие

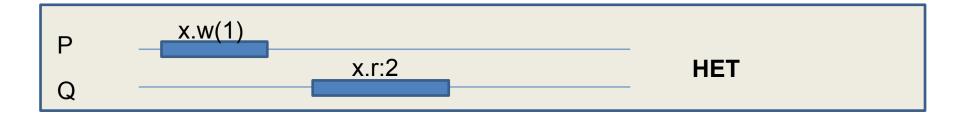
Последовательная согласованность

 Исполнение последовательно согласованно, если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет программный порядок – порядок операций на каждом потоке



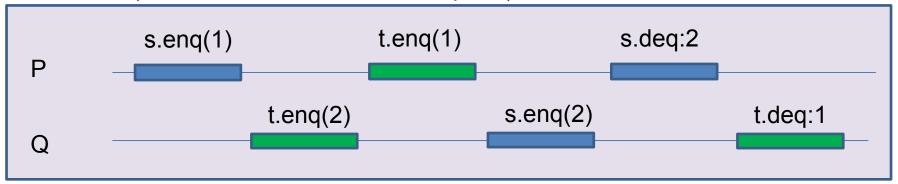
 Исполнение последовательно согласованно, если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет программный порядок – порядок операций на каждом потоке





• Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



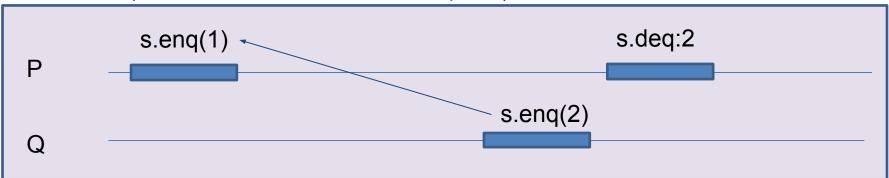
• Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



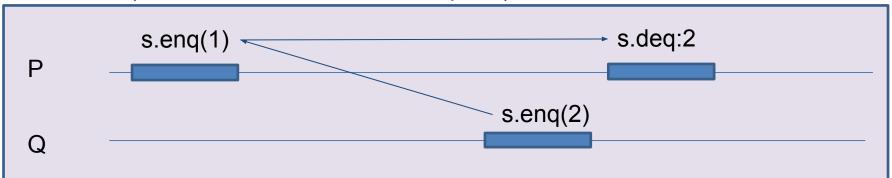
 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



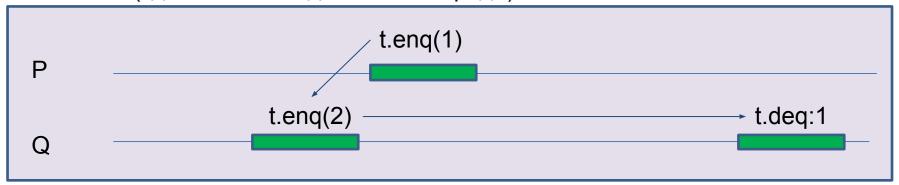
 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



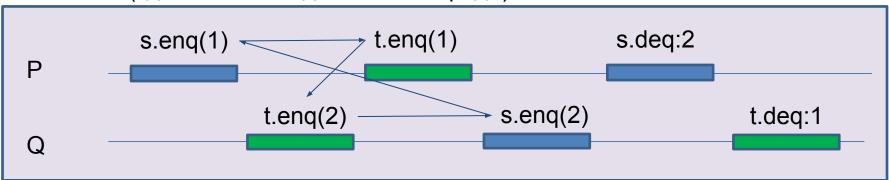
 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



• Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

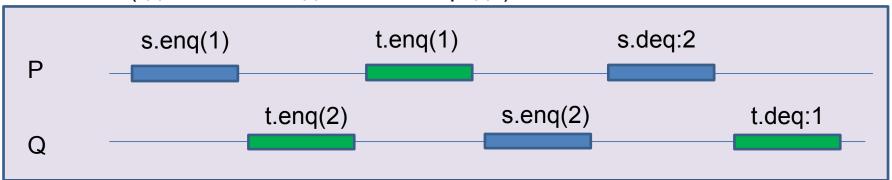
ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



Ой! Цикл -- не упорядочить линейно

 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

ПРИМЕР: (здесь s и t это две FIFO очереди)



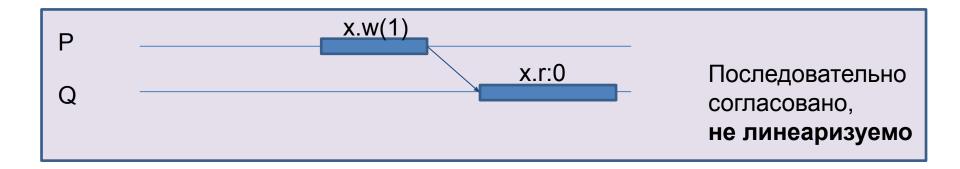
Последовательную согласованность нет смысла использовать для спецификации поведения отдельных объектов в системе

- Используется как условие корректности исполнения **всей системы в целом**
 - когда нет никакого «внешнего» наблюдателя, который может «увидеть» фактический порядок между операциями на разных процессах

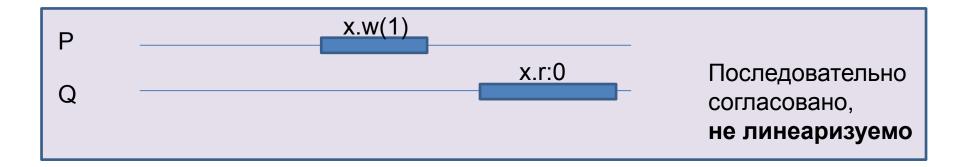
Последовательная согласованность не говорит о том, когда операция физически на самом деле была выполнена

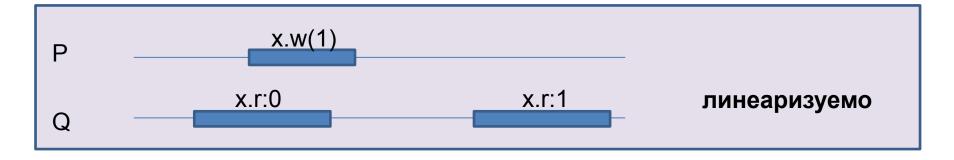
- Используется как условие корректности исполнения всей системы в целом
 - когда нет никакого «внешнего» наблюдателя, который может «увидеть» фактический порядок между операциями на разных процессах
- **Модель памяти** языка программирования и системы исполнения кода используют последовательную согласованность для своих формулировок
 - В том числе, **C++11** и **Java 5** (JMM = JLS Chapter 17)

• Исполнение **линеаризуемо** если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «**произошло до**»

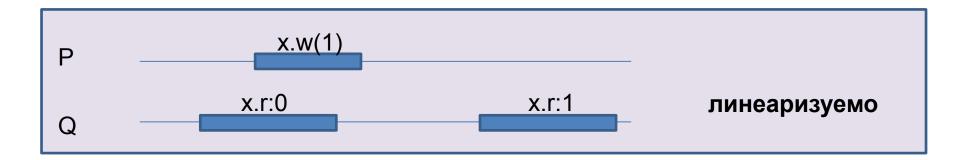


 Исполнение линеаризуемо если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «произошло до»





• Исполнение **линеаризуемо** если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «**произошло до**»



 Исполнение линеаризуемо если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «произошло до»





допустимая линеаризация

Свойства линеаризуемости: локальность

• Исполнение линеаризуемо *тогда и только тогда,* когда линеаризуемо исполнение на каждом объекте по отдельности

• ДОКАЗАТЕЛЬСТВО

- Тогда: очевидно
- Только тогда:
 - Пусть Н линеаризуемо на каждом объекте х
 - Возьмем объединение:
 - линерации отношения "произошло до" на каждом объекте
 - исходное отношение "произошло до" \rightarrow_{H}
 - Транзитивно замкнем (сохранился исходный порядок и на объектах)
 - Надо доказать что получилось ацикличное отношение
 - Докажем от противного

Свойства линеаризуемости: локальность

- Если получился цикл в транзитивном замыкании?
 - Любые два последовательность ребра $\to_{\rm x}$ или $\to_{\rm H}$ можно объединить (так как каждое из отношений транзитивно)
 - Двух последовательных ребер на разных объектах $\to_{_{\rm X}}$ и $\to_{_{\rm Y}}$ быть не может (каждая операция происходит ровно над одним объектом)
 - Значит имеем ситуацию $e \to_{_{\!\!H}} f \to_{_{\!\!\!Q}} g \to_{_{\!\!\!H}} h$
 - Но это значит по определению отношения "произошло до":
 - $e \rightarrow_{\mathsf{H}} f \Rightarrow res(e) < inv(f)$
 - $f \rightarrow_{\downarrow} g \Rightarrow inv(f) < res(g)$
 - Потому что $<_{\rm H}$ это полный порядок и если бы было наоборот, то есть res(g) < inv(f), что значит $g \longrightarrow_{\rm H} f$ что противоречит $f \longrightarrow_{\rm x} g$
 - $g \rightarrow_{\mathsf{H}} h \Rightarrow res(g) < inv(h)$
 - Из этого получаем по транзитивности $<_{_{\rm H}}$ и по определению $\to_{_{\rm H}}$:
 - $res(e) < inv(h) \Rightarrow e \rightarrow_{H} h$
 - Таким образом любой цикл можно свести к циклу в исходном

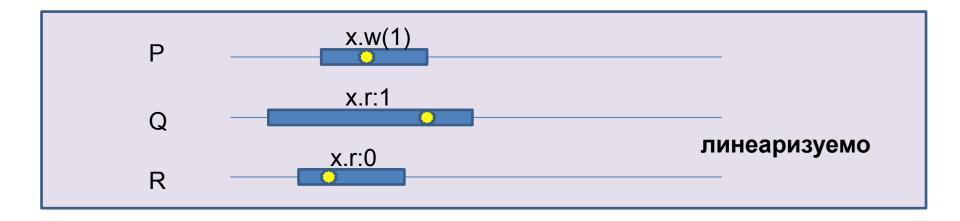
Линеаризуемость и атомарность

- Операции над линеаризуемыми объектами называют атомарными
- Замечание 1: При доказательстве локальности линеаризуемости мы воспользовались полным порядком над индивидуальными событиями ("вызов операции" и "результат операции").
 - В системах с общей памятью есть возможность "упорядочить" все операции используя общую память как механизм синхронизации
- Замечание 2: Понятие "линеаризуемости" отстуствует в распределенных системах, где нет общей памяти.

Линеаризуемость в глобальном времени

• В глобальном времени исполнение линеаризуемо тогда и только тогда, когда точки линеаризации могут быть выбраны так, что

$$\forall e: t_{inv}(e) < t(e) < t_{res}(e)$$



Линеаризуемость и чередование

Исполнение системы, выполняющей операции на линеаризуемыми (атомарными) объектами, можно анализировать в модели чередования

Иерархия линеаризуемых объектов

• Из более простых линеаризуемых объектов можно делать линеаризуемые объекты более высокого уровня

Доказав линеаризуемость сложного объекта, можно абстрагироваться от деталей реализации в нем, считать операции над ним атомарными и строить объекты более высокого уровня

Подразумеваемая линеаризуемость

Нельзя просто сказать:

"Вот корректная реализация многопоточной очереди".

Корректная в каком смысле?

Подразумеваемая линеаризуемость

Нельзя просто сказать:

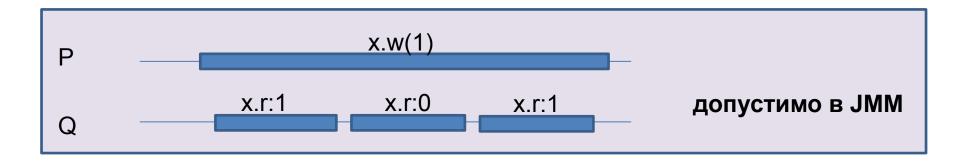
"Вот корректная реализация многопоточной очереди".

Корректная в каком смысле?

 Когда говорят что объект безопасен для использования из нескольких потоков (thread-safe), то, по умолчанию, имеют в виду линеаризуемость операций над ним

Применительно к Java

- Все операции над volatile полями в Java, согласно JMM, являются операциями синхронизации (17.4.2), которые всегда линейно-упорядочены в любом исполнении (17.4.4) и согласованы с точки зрения чтения/записи (17.4.7)
 - A значит являются **линеаризуемыми**
- Но операции над **не volatile** полями воистину могут нарушать не только линеаризуемость, но и последовательную согласованность (в отсутствии синхронизации)



Применительно к Java

- Если программа корректно синхронизирована (в ней нет гонок), то JMM дает гарантию последовательно согласованного исполнения для всего кода
 - Даже для кода работающего с **не volatile** переменными
 - Если доступ к ним **синхронизирован** (через операции синхронизации) и гонок не возникает
- В С++11 есть примитивы (std::atomic) для получения аналогичных гарантий

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

```
@JCStressTest
@State
@Outcome (id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome (id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       \mathbf{x} = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

Запустим!

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

Запустим!

```
[PASSED] SimpleTest2

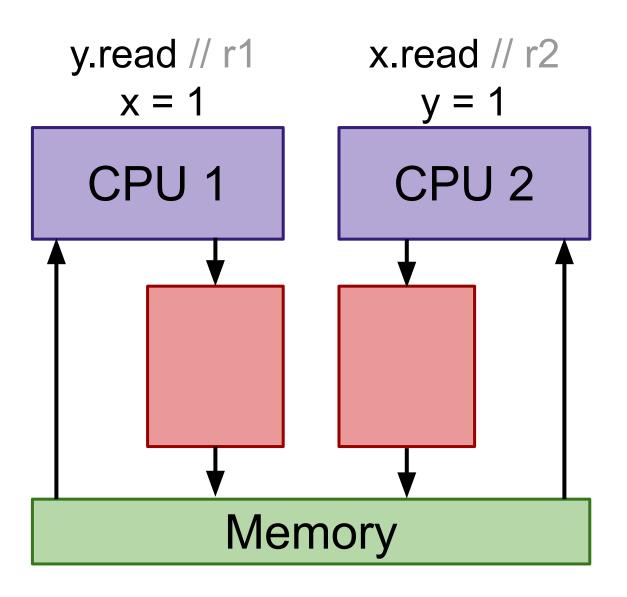
State Occurrences

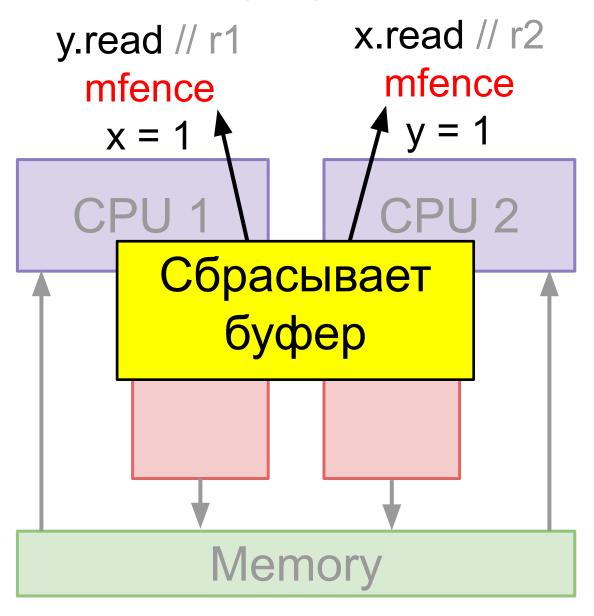
0, 1 46,917,076

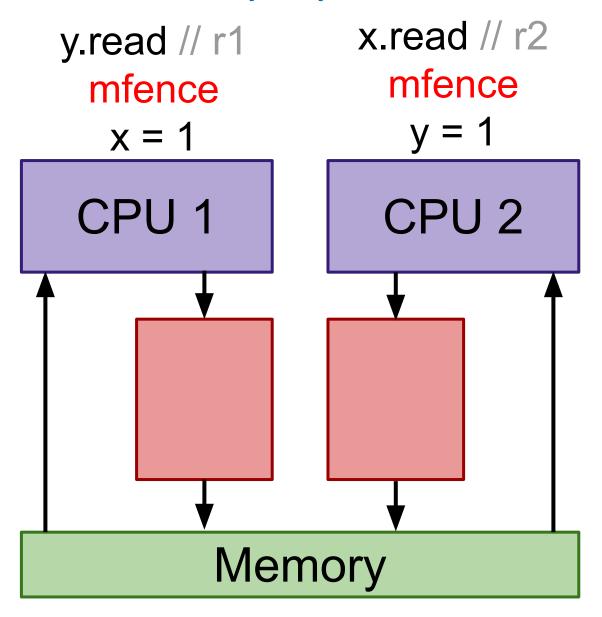
1, 0 37,773,885

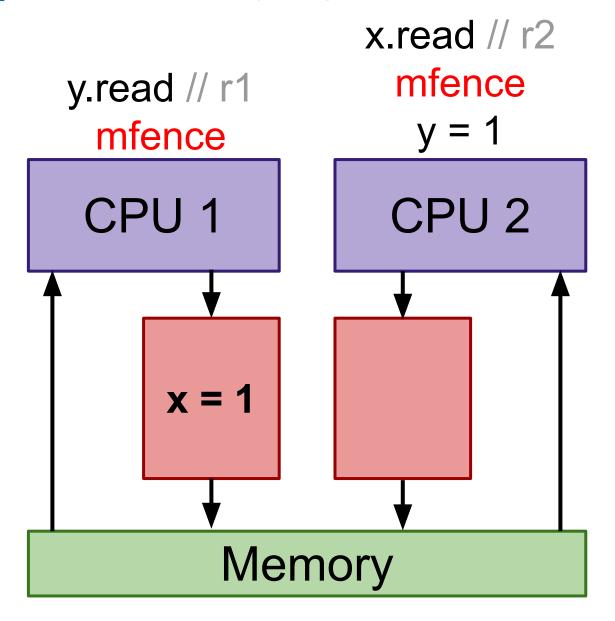
1, 1 21,989
```

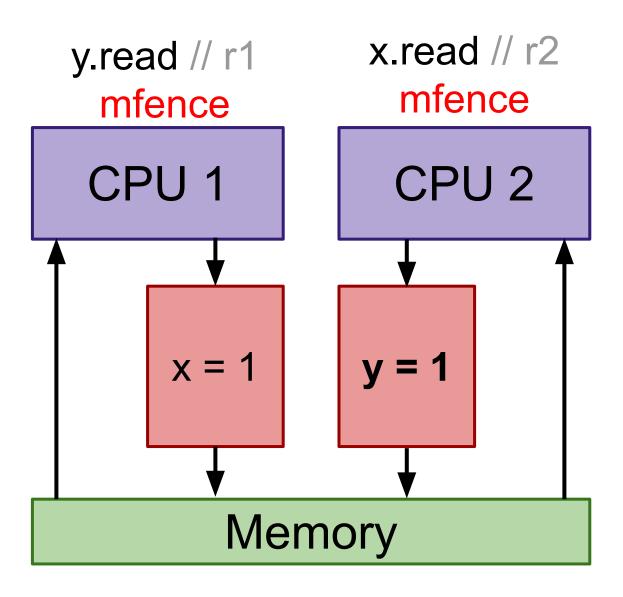
Что мы и ожидали исходя из модели чередования операций!

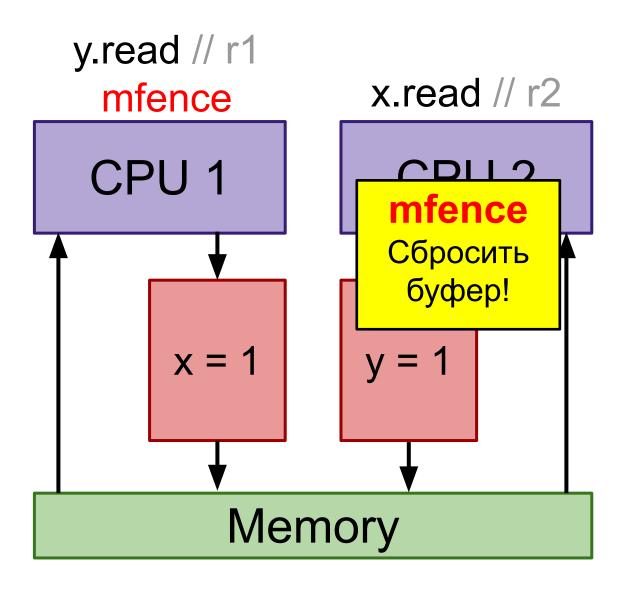


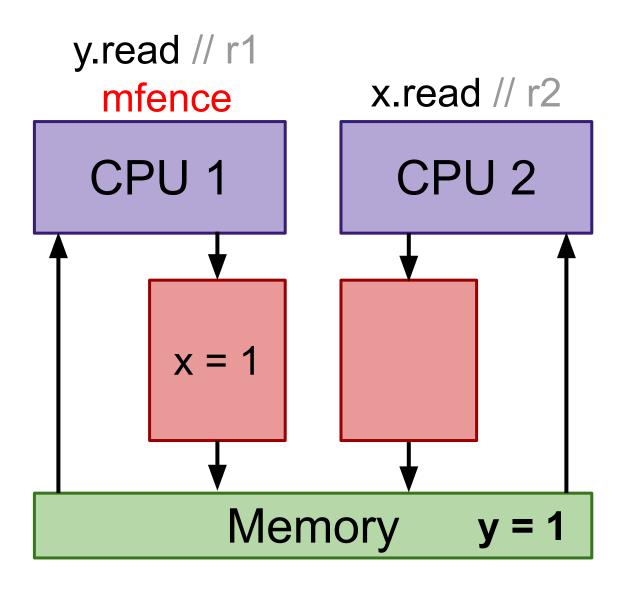


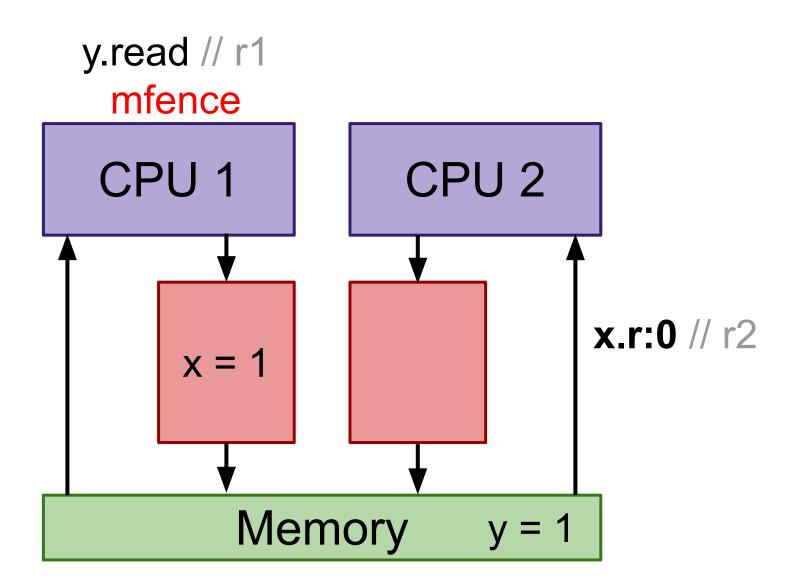


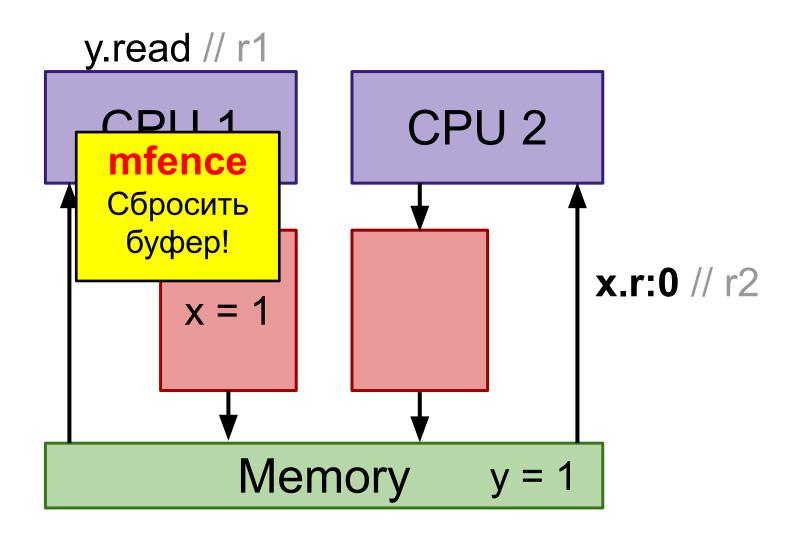


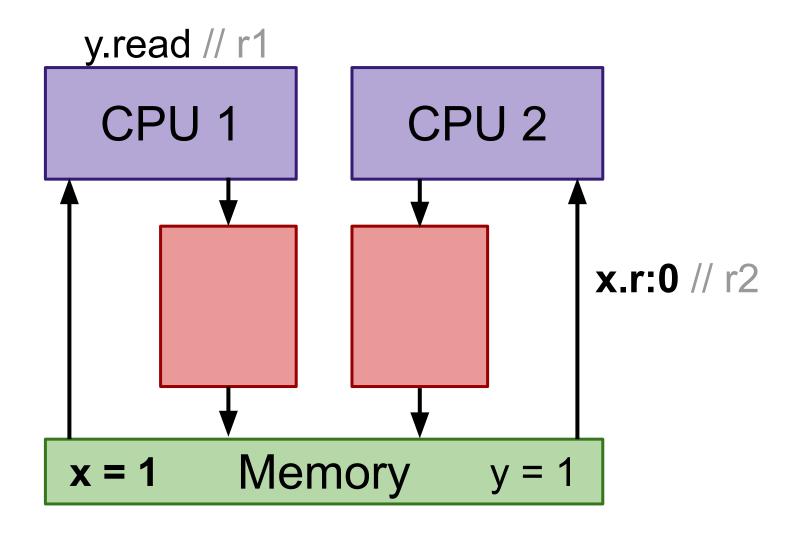


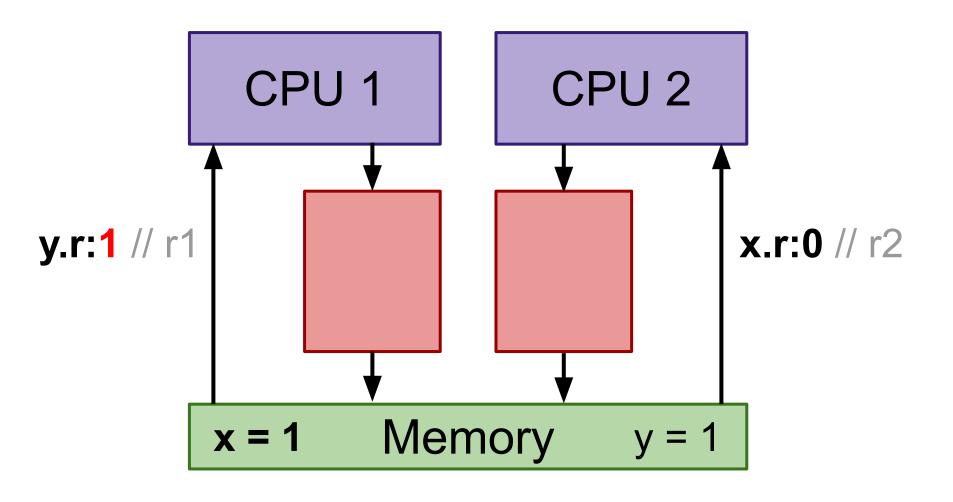


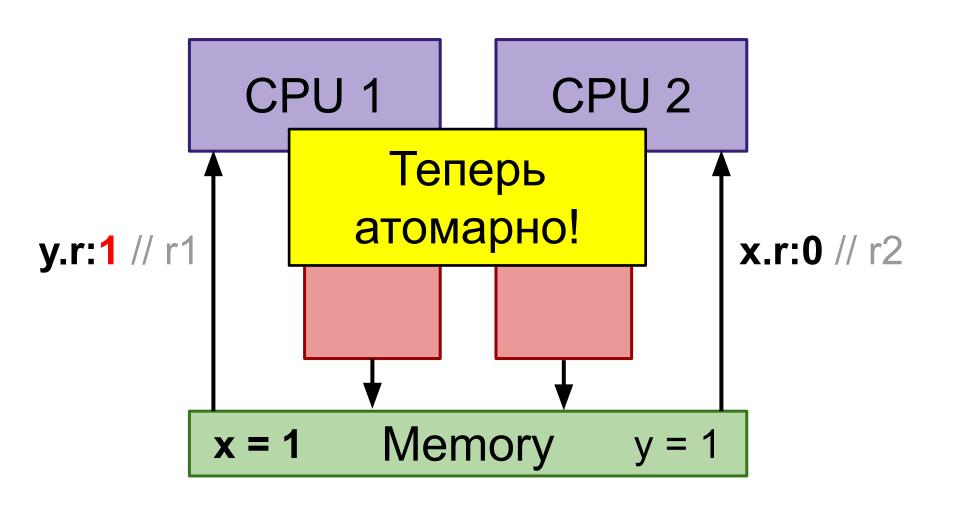












Во что тогда компилируется наш код?

• SimpleTest1 (non-volatile)

```
thread P:
mov dword ptr [rdi+0xc], 0x1 ;x = 1
mov r10d, dword ptr [rdi+0x10];y.read
```

```
thread Q:
mov dword ptr [rsi+0x10], 0x1 ;y = 1
mov r10d, dword ptr [rsi+0xc] ;x.read
```

Во что тогда компилируется наш код?

• SimpleTest1 (non-volatile)

```
thread P:
mov dword ptr [rdi+0xc], 0x1 ;x = 1
mov r10d, dword ptr [rdi+0x10];y.read
```

```
thread Q:
mov dword ptr [rsi+0x10], 0x1 ;y = 1
mov r10d, dword ptr [rsi+0xc] ;x.read
```

SimpleTest2 (volatile int x, y)

```
thread P:
mov dword ptr [r11+0xc], 0x1 ; x = 1
lock add dword ptr [rsp],0x0 ; mfence
mov r10d, dword ptr [r11+0x10]; y.read
```

```
thread Q:
mov dword ptr [r11+0x10], 0x1;y = 1
lock add dword ptr [rsp],0x0; mfence
mov r10d, dword ptr [r11+0xc]; x.read
```

Во что тогда компилируется наш код?

• SimpleTest1 (non-volatile)

```
thread Q:
thread P:
                                         mov dword ptr [rsi+0x10], 0x1 ;y = 1
mov dword ptr [rdi+0xc], 0x1 ; \mathbf{x} = \mathbf{1}
mov r10d, dword ptr [rdi+
                                                     ord ptr [rsi+0xc] ; x.read
                         Появился тот
  SimpleTest2 (Самый барьер!
thread P:
                                         thread Q:
                                        mov dword ptr [r11+0x10], 0x1 : v = 0
mov dword ptr [r11+0xc]. 0x1 : x =
lock add dword ptr [rsp],0x0 ;mfence
                                         lock add dword ptr [rsp],0x0 ;mfence
mov r10d, dword ptr [r11+0x10]; y.read
                                         mov r10d, dword ptr r11+0xc ; x.read
```

Эффект на производительность?

```
@State(Scope.Group)
public class SimpleTest1 {
   int x;
   int y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       y = 1;
       r.r2 = x;
```

Эффект на производительность?

```
@State(Scope.Group)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       y = 1;
       r.r2 = x;
```

Эффект на производительность?

Benchmark	Score		Error	Units
SimpleTest1.group	97 ,150,871.246	<u>±</u>	28,985,900.030	ops/s
SimpleTest2.group	44 ,168,485.894	±	2,244,677.631	ops/s

Синхронизация далеко не бесплатна