

ANÁLISIS NUMÉRICO I/ANÁLISIS NUMÉRICO – 2020

Trabajo de Laboratorio N^o 7

Aclaración: Para resolver los problemas de programación lineal utilizaremos las funciones en `scipy.optimize`.

1. Una persona debe comprar fertilizantes (abono) para sus campos. Le informaron que cada kilogramo de fertilizante le alcanza para $10m^2$ de su campo, y debido a las características propias de esas tierras, el fertilizante debe contener (al menos): 3g de fósforo (P), 1.5g de nitrógeno (N) y 4g de potasio (K) por cada $10m^2$. En el mercado existen 2 tipos de fertilizantes: T1 y T2. El fertilizante T1 contiene 3g de P, 1g de N y 8g de K y cuesta \$10 por kilogramo. En cambio, el fertilizante T2 contiene 2g de P, 3g de N y 2g de K y cuesta \$8 por kilogramo. ¿cuántos kilogramos de cada fertilizante se debe comprar, por cada $10m^2$ de campo, de modo de minimizar el costo total, cubriendo los requerimientos de su suelo?. Graficar la region factible para el problema.
2. Maximizar la función $x + y$ en la siguiente región:

$$\begin{aligned} 50x + 24y &\leq 2400 \\ 30x + 33y &\leq 2100. \end{aligned}$$

Graficar la región factible y las curvas de nivel de la función.

3. Supongamos que somos sanadores mágicos y nuestro objetivo es curar a cualquiera que pida ayuda. Cuanto más puedas curar a alguien, mejor. El secreto detrás de la curación son 2 medicamentos, cada uno de ellos creado con hierbas especiales. Para crear una unidad de la medicina 1, se necesitan 3 unidades de hierba A y 2 unidades de hierba B. Del mismo modo, para crear una unidad de la medicina 2, se necesitan 4 y 1 unidades de hierba A y B, respectivamente. Ahora, la medicina 1 puede curar a una persona en 25 unidades de salud y la medicina 2 por 20 unidades. Para complicar más las cosas, sólo tenemos 25 y 10 unidades de hierba A y B a nuestra disposición. ¿Cuántas unidades de cada medicamento debemos crear para maximizar la curación de salud?
 - a) Identificar la función objetivo y las restricciones del problema.
 - b) Graficar las funciones que determinan el conjunto factible.
 - c) Encontrar la solución.
4. **Asignación de recursos.** En una fábrica de cerveza se producen tres tipos distintos: rubia, negra y de baja graduación, y para ello se utilizan dos materias primas: malta y levadura.

En la siguiente tabla se especifican: a) la cantidad de materias primas consumidas para producir una unidad de cada tipo de cerveza; b) las cantidades disponibles de cada materia prima; y c) el precio unitario de venta de cada tipo de cerveza.

| Materia prima | Rubia | Negra | Baja | Disponibilidad |
|---------------|-------|-------|------|----------------|
| Malta | 1 | 2 | 2 | 30 |
| Levadura | 2 | 1 | 2 | 45 |
| Precio Venta | \$7 | \$4 | \$3 | |

¿Cuál es la cantidad a fabricar de cada tipo de cerveza, de manera que las ventas sea máxima?

5. **Asignación de tareas.** Una compañía monta un sistema de producción en un proceso dividido en 4 tareas denominadas M, N, P y Q que pueden realizarse en cualquier orden e indistintamente por 4 equipos. En la siguiente tabla aparecen: a) El tiempo en horas que emplearía cada equipo en realizar la tarea completa; b) Las horas disponibles por cada equipo; y c) El coste de la hora de trabajo de cada equipo. Se quiere conocer el número de horas de trabajo que deben asignarse a cada equipo para que se minimice el coste total del montaje del sistema.

| Equipo | M | N | P | Q | Horas Disponibles | Costo/Hora |
|--------|----|-----|----|----|-------------------|------------|
| 1 | 52 | 212 | 25 | 60 | 220 | \$68.3 |
| 2 | 57 | 218 | 23 | 57 | 300 | \$69.5 |
| 3 | 51 | 201 | 26 | 54 | 245 | \$71 |
| 4 | 56 | 223 | 21 | 55 | 190 | \$71.2 |

6. **Transporte de mercadería.** Una empresa cosechadora y proveedora de maní debe llevar su producción (almacenada en 100 molinos) a sus clientes (100 locales diferentes). En la matriz del archivo `costos.dat`, el elemento i, j representa el costo de enviar la producción desde el depósito i al cliente j . El vector en `stock.dat` representa el stock en cada depósito y los elementos de `demanda.dat` indican la demanda de cada cliente. Minimizar el costo de transportar el producto de los depósitos a los clientes, sujeto al stock de cada depósito, para poder satisfacer la demanda de cada cliente.

$$\begin{aligned}
 & \min \sum_{i,j} c_{ij} x_{ij} \\
 & \sum_j x_{ij} \leq s_i \quad \forall i \\
 & \sum_i x_{ij} \geq d_j \quad \forall j \\
 & x_{ij} \geq 0 \quad \forall i, j
 \end{aligned}$$