

Алгоритми асиметричного шифрування RSA

Розробила: старший викладач кафедри ПМА Бай Ю.П.



Організаційні питання



Симетричне і асиметричне шифрування

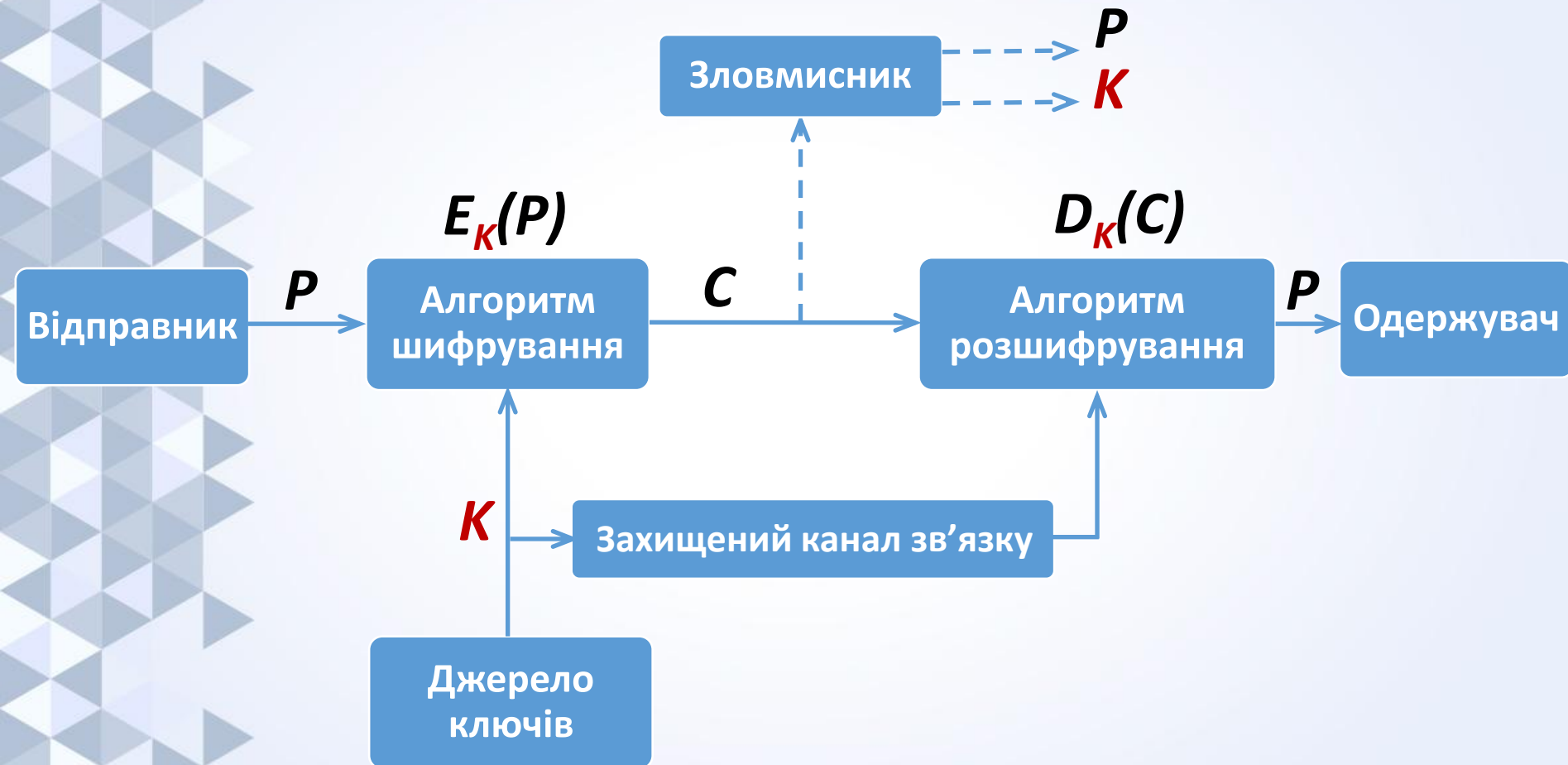


Створення RSA. Основні принципи

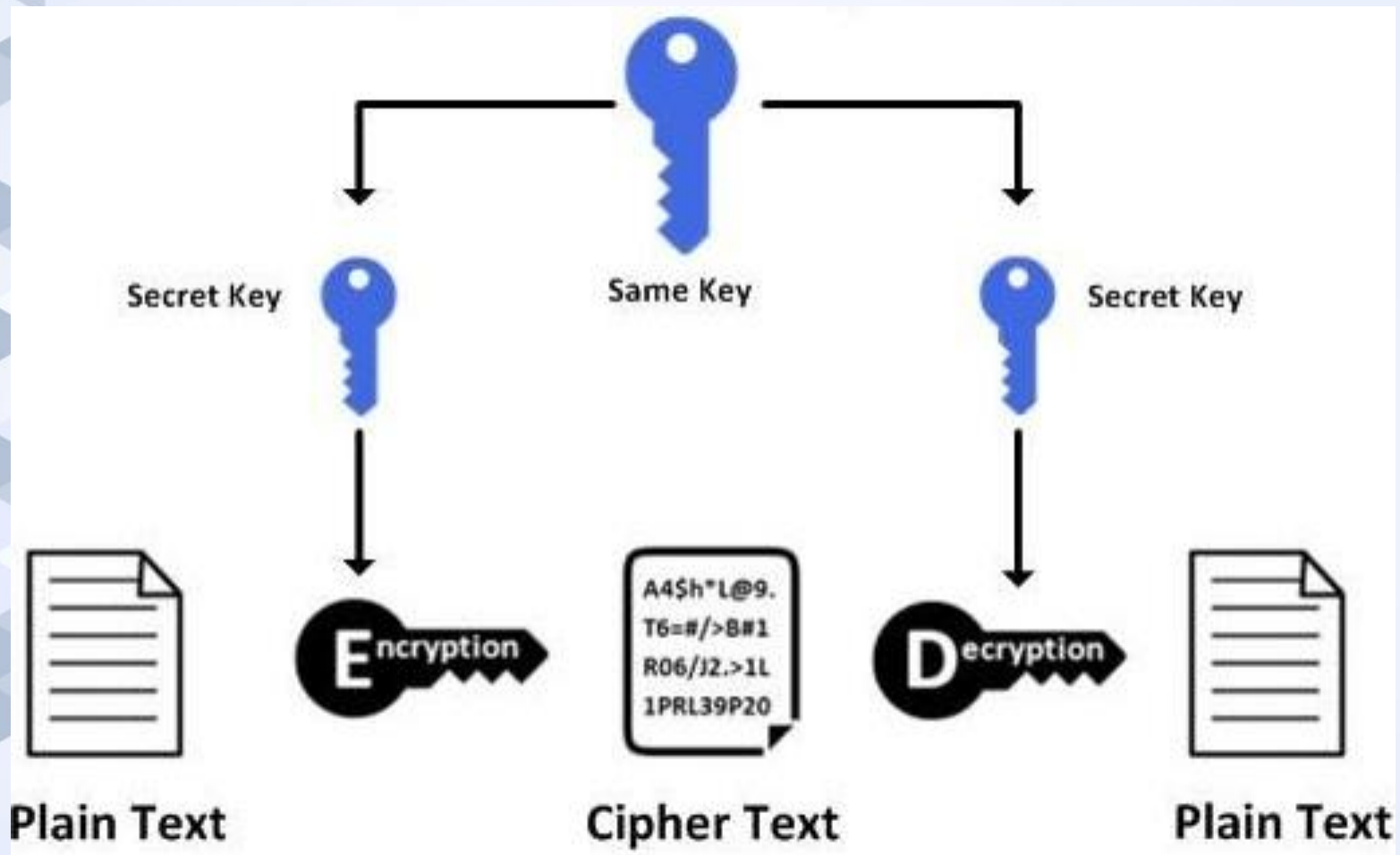


Реалізація RSA. Приклади

Симетрична криптосистема



Симетричне шифрування



Для шифрування і розшифрування
використовується **один і той самий ключ**

Проблеми симетричного шифрування



Maxim

Bogdan

Daria

Svitlana

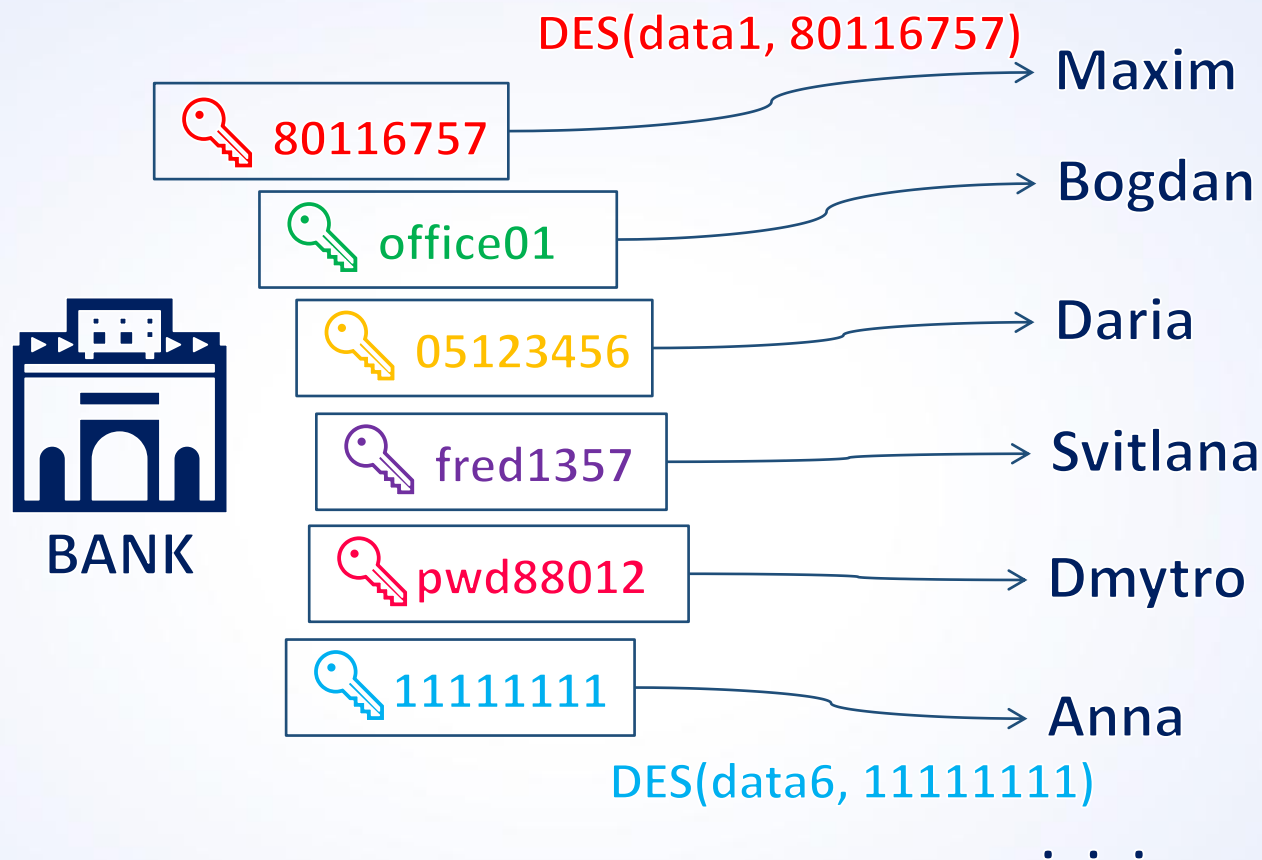
Dmytro

Anna

. . .

5 млн. клієнтів

Проблеми симетричного шифрування



5 млн. клієнтів

Як надійно генерувати, зберігати і передавати ключі?

Проблеми симетричного шифрування

1) конфіденційність – як забезпечити секретність зберігання/передачі ключів?

2) аутентифікація – як перевірити, що ключ дійсно належить особі, від імені якої він надходить в систему?
(проблема нав'язування ключів зловмисником)

Криптосистеми з відкритим ключем (алгоритми асиметричного шифрування)

В 1976 році **Діффі** та **Хелман** розробили метод, за допомогою якого вирішувались обидві вказані проблеми, і який кардинально відрізнявся від усіх раніше відомих підходів у криптографії за всю її 4-х тисячолітню історію існування.

Всі асиметричні алгоритми ґрунтуються на використанні так званих **односторонніх функцій з секретом** (*one-way trapdoor function*).

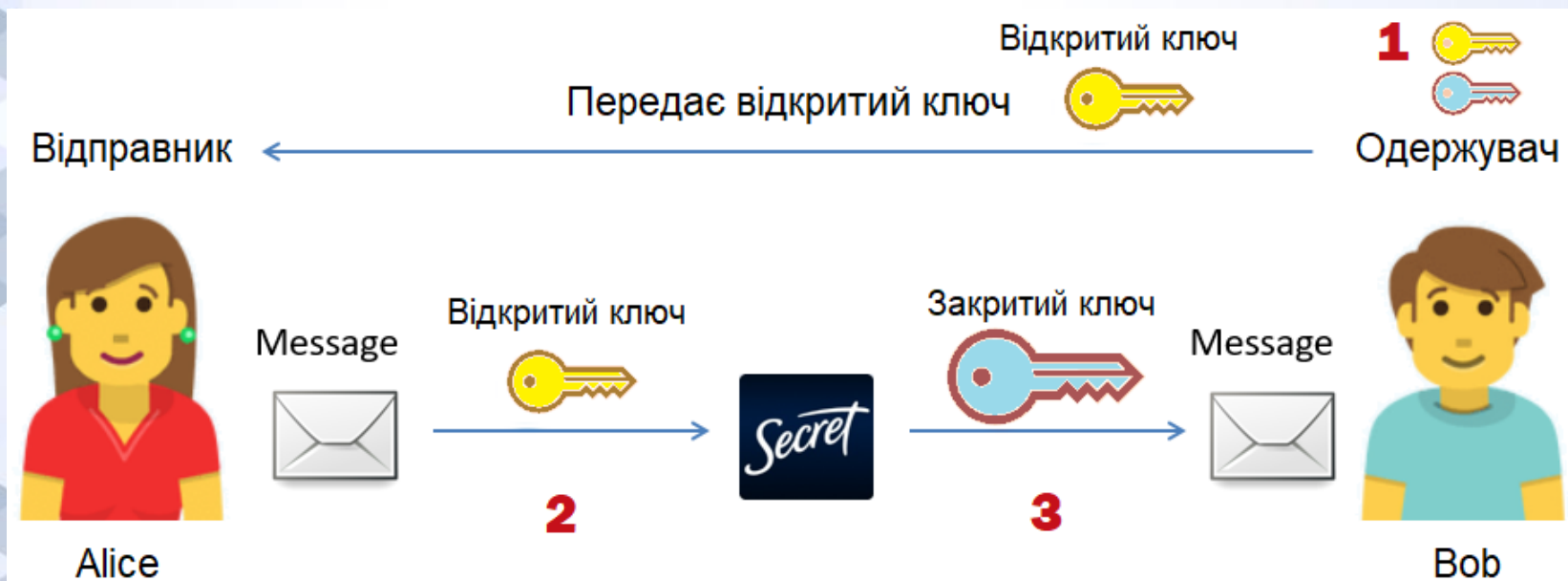
Одностороння функція з секретом (one-way trapdoor function)

- 1) $f(x)$ є відомою **відкритою** функцією
- 2) для будь-якого x **легко** обчислити $f(x)$
- 3) для будь-якого $y = f(x)$ **складно** обчислити x
- 4) $f(x)$ легко обчислити, якщо відомий секрет t

Приклад: $f(x) = x^3 \bmod n$, n – деяке задане число

Криптосистеми з відкритим ключем (алгоритми асиметричного шифрування)

- 1) генеруються два різних ключі (**відкритий** і **закритий**), які пов'язані між собою алгоритмічно;
- 2) для шифрування інформації використовується відкритий ключ;
- 3) для розшифрування інформації використовується закритий ключ, який відомий лише одержувачу.



Криптосистеми з відкритим ключем (алгоритми асиметричного шифрування)

Алгоритми асиметричного шифрування використовують **два ключа**, які утворюють нерозривну пару.

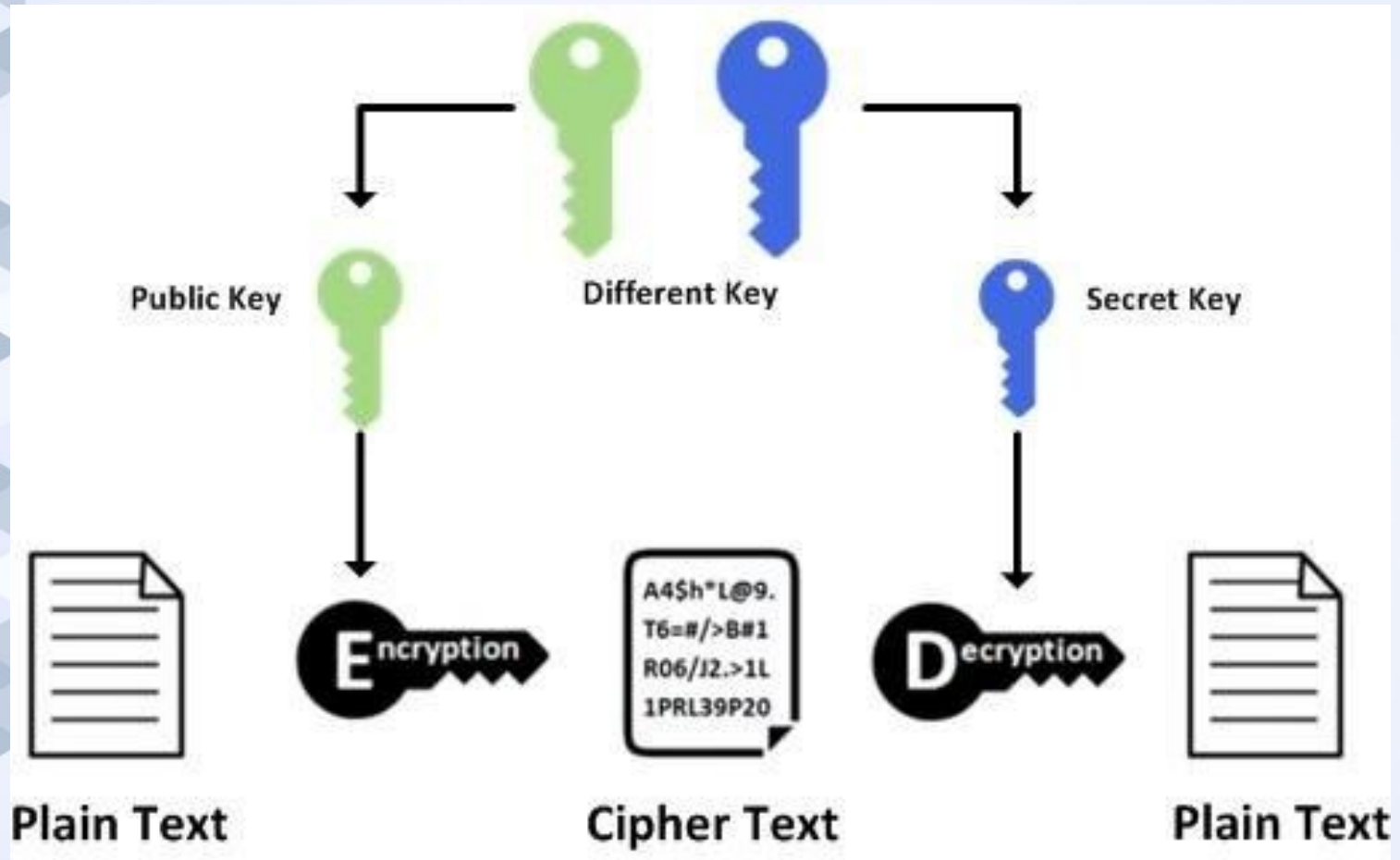
1) Одержувач генерує два ключі. Один ключ залишає собі, цей ключ називається **закритим** (**private key**). Другий ключ передається відправнику по відкритому каналу, він називається **відкритим ключем** (**public key**).

2) **Відкритий і закритий ключі пов'язані між собою алгоритмічно.**

3) Відправник знає лише відкритий ключ. За допомогою нього він шифрує повідомлення і надсилає його по відкритому каналу.

4) Розшифрувати повідомлення може лише одержувач за допомогою **закритого** ключа, який він тримає в секреті.

Асиметричне шифрування



Для шифрування і розшифрування використовуються **два різні ключі**

Алгоритми асиметричного шифрування є достатньо затратними за ресурсам і часом. На практиці для шифрування даних використовуються симетричні алгоритми, а розсилка ключів здійснюється з використанням алгоритмів асиметричного шифрування з **відкритим ключем одержувача даних**.

Симетричне шифрування

Передбачає використання **однакових ключів** для шифрування і розшифрування

- DES
- Triple-DES
- IDEA
- BLOWFISH

Асиметричне шифрування

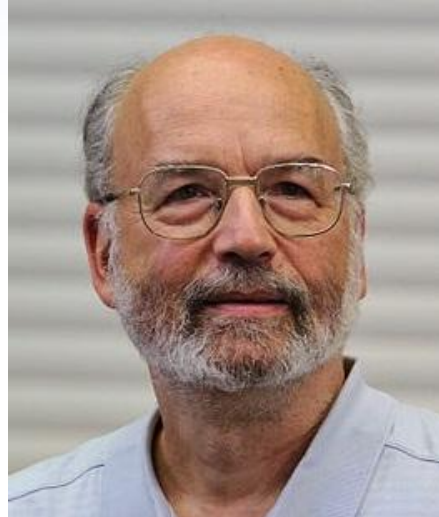
Алгоритм використовує **різні ключі** для шифрування і розшифрування

- RSA
- Diffie-Hellman
- ElGamal
- Elliptic-curve cryptography

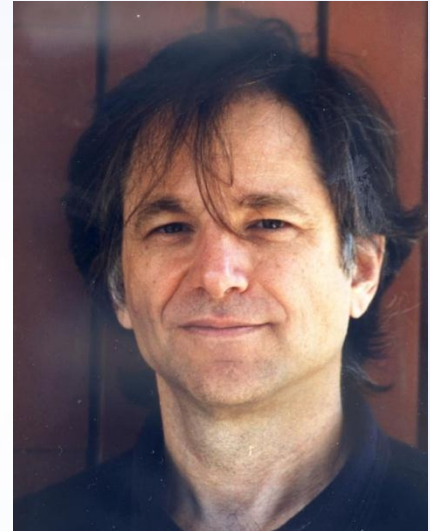
Алгоритм **RSA** (1977)



Ronald
Rivest



Adi
Shamir



Leonard
Adleman

Математичне підґрунтя RSA

В основі алгоритму RSA полягає складність задачі факторизації великих чисел. **Факторизація числа** – це розклад числа на прості множники.

$$p = 17, q = 19 \rightarrow n = p \cdot q = 323$$

$$n = 323 \rightarrow p = ?, q = ?$$

$$p = 3557, q = 2579 \rightarrow n = p \cdot q = 9173503$$

$$n = 9173503 \rightarrow p = ?, q = ? \text{ (назад складно)}$$

Число n повинне мати розмір **не менше 512 біт**. На 2007 рік система шифрування на основі RSA вважалась надійною, починаючи з величини n в 1024 біти.

Етапи RSA

- 1) Генерація відкритого і закритого ключів.
- 2) Публікація відкритого ключа.
- 3) Шифрування за допомогою відкритого ключа.
- 4) Розшифрування за допомогою закритого ключа.

Етапи RSA

- 1) Одержувач **B** генерує ключі: **відкритий ключ** (e, n) та **закритий ключ** (d, n) .
- 2) Одержувач **B** надсилає відправнику **A** відкритий ключ (e, n) .
- 3) Користуючись ключем (e, n) відправник **A** шифрує повідомлення (це може бути, наприклад, 8-байтний ключ для DES) і надсилає одержувачу **B** по відкритому каналу.
- 4) Одержувач **B** розшифровує інформацію, отриману від **A**, користуючись закритим ключем (d, n) .

