

ХЕШ-ФУНКЦІЇ ТА ЇХ ВЛАСТИВОСТІ

Визначення. Криптографічна хеш-функція (*“hash” – мішанина*) – це функція (в загальному випадку – алгоритм), що перетворює вхідні дані **будь-якого розміру** в дані **фіксованого** розміру.

Найбільш поширені хеш-функції:

MD4, MD5

SHA1, SHA256, SHA512, SHA3-256, SHA3-512

RIPEMD - 160

Результат хешування вхідного потоку байт – послідовність визначеної довжини, яку називають **хеш-кодом**, **хеш-сумою**, **хешем** або **дайджестом повідомлення**.

№	Вхідні дані, <i>M</i>	<i>hash</i>	Результат, <i>h(M)</i>
1	<i>‘Hello, world!’</i>	sha1	943a702d06f34599aee1f8da8ef9f7296031d699
2	<i>‘12345’</i>	sha1	8cb2237d0679ca88db6464eac60da96345513964
3	<i>‘abs’</i>	sha1	a9993e364706816aba3e25717850c26c9cd0d89d
4	<i>‘’</i>	sha1	da39a3ee5e6b4b0d3255bfef95601890afd80709
5	<i>‘Marchenko Vladyslav’</i>	md5	20dc1d87a408f05cc319af33f7fe94b3
6	<i>‘Marchenko Vladyslav’</i>	sha1	6d2d4a56524c214d6bbe712d09e253575c34c9d7
7	<i>‘Marchenko Vladyslav’</i>	sha224	34b14b55461f8e4af92bd4bd5ed5e07244eb63a7dc 9e02b70bfcc90f
8	<i>‘Marchenko Vladyslav’</i>	sha256	bbea36ac29a7ca982cb46b906f3e9efaf3fe077a6a7c abb2cc0a93698dd67e88
9	<i>‘Marchenko Vladyslav’</i>	sha512	c65d30cdf0d0bed87fdfb8f61e65199a3dfdda0f279ddc cd00d3bf309a9a8123befde92a7d14d174470b9f0f473 e9e3ecc3f4ab69d682a7024cace4234c4e595
10	<i>zayava.docx</i>	sha1	389a533e3fe54ce16bfef594d4b96fcc892ba721

Вимоги до криптографічних хеш-функцій

Метою функції хешування є отримання «дактилоскопічної» характеристики файлу, повідомлення або взагалі будь-якого блоку даних. Щоб бути корисною для аутентифікації повідомлень, функція хешування $H(x)$ повинна мати такі властивості:

1. Бути застосовною до блоку даних будь-якої довжини.
2. Давати на виході значення фіксованої довжини.
3. Значення $H(x)$ має обчислюватися відносно легко для будь-якого заданого x , а алгоритм обчислення має бути практичним з погляду як апаратної, так і програмної реалізації.
4. **Односторонність (незворотність).** Для будь-якого даного коду h повинно бути практично неможливо вирахувати x , для якого $H(x) = h$.
5. **Стійкість до колізій першого роду.** Для будь-якого заданого блоку x має бути практично неможливо обчислити $y \neq x$, для якого $H(x) = H(y)$.
6. **Стійкість до колізій другого роду.** Має бути обчислювально неможливо підібрати пару повідомлень x, y , для яких $H(x) = H(y)$.
7. **Лавиновий ефект.**

Здатність функції хешування протистояти атакам з перебором варіантів залежить виключно від довжини хеш-коду, що породжується алгоритмом. Для хеш-коду довжини n порядок необхідних зусиль пропорційний наступним величинам:

Односторонність	2^n
Стійкість до колізій першого роду	2^n
Стійкість до колізій другого роду	$2^{n/2}$

Загальні принципи побудови хеш-функцій

1. Прості алгоритми шифрування без використання секретного ключа, що працюють в режимі CBC.

Початкове повідомлення M розбивається на блоки M_1, M_2, \dots, M_N . За допомогою будь-якого традиційного симетричного алгоритму, наприклад, за допомогою DES, для отримання хеш-коду G поступово обчислюються:

$$H_0 = \text{початкове значення}$$

$$H_1 = E_{M1}(H_0)$$

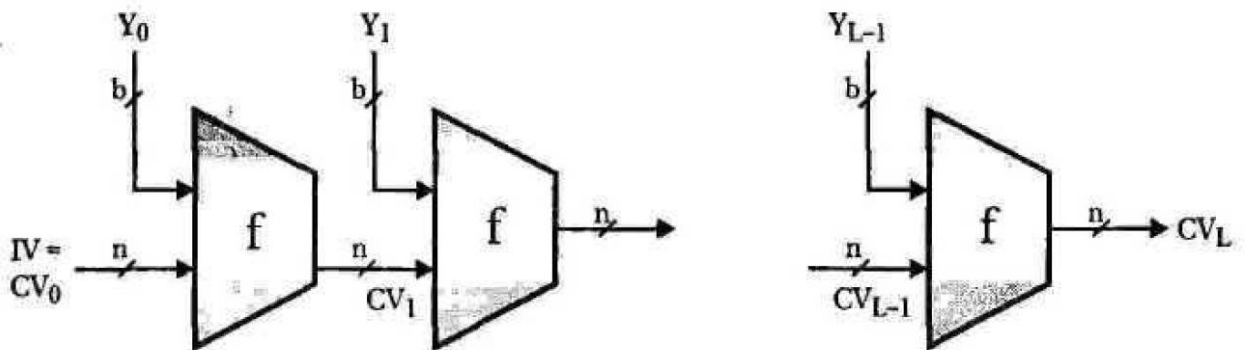
...

$$H_i = E_{Mi}(H_{i-1})$$

...

$$G = H_N$$

2. Застосування **функції стиску** f .



IV – початкове значення (Initial Vector)

CV_i – змінна зчеплення

Y_i – i -ий блок вхідного повідомлення ($i = 0 \dots L-1$)

f – алгоритм стиску, який буде заснований L разів

L – кількість блоків, на яку ділиться вхідне повідомлення

n – довжина хеш-коду

b – довжина вхідного блоку Y_i (як правило, $b > n$).

Функція хешування отримує на вхід повідомлення M і ділить його на L блоків рівної фіксованої довжини по b бітів кожен. Якщо необхідно, останній блок доповнюється до b бітів. В останній блок також включається значення сумарної довжини вхідного повідомлення. Це робить завдання супротивника ще складнішим.

Алгоритм хешування передбачає багаторазове застосування **функції стиску** f , що отримує на вхід два значення: n -бітове значення, отримане на попередньому етапі – змінну зчеплення, і b -бітовий блок вхідного повідомлення) і породжує n -бітове результуюче значення. На початку хешування змінна зчеплення отримує початкове значення CV_0 , що є частиною алгоритму. Кінцеве значення змінної зчеплення CV_L і буде значенням функції хешування. Зазвичай $b > n$, тому й говорять про алгоритм стиску.

Функція хешування може бути формально описана наступним чином:

$CV_0 = IV$ – початкове n -бітове значення

$$CV_i = f(CV_{i-1}, Y_i), \quad 1 \leq i \leq L,$$

$$H(M) = CV_L,$$

де Y_0, Y_1, \dots, Y_{L-1} – b -бітові блоки, на які поділяється вхідне повідомлення M .