

# Решение задачи линейного программирования

Владимир Руцкий, 3057/2

24 марта 2009 г.

# 1 Постановка задачи

Целью данной работы является изучение нескольких методов решения задачи линейного программирования, которая без ограничения общности может быть представлена в канонической форме:

$$\min c^T x, \quad \forall x \in S$$

$$S = \{ x \mid a_i^T x - b^{(i)} = 0, \quad i = \overline{1, M}, x \geq 0 \},$$

где  $c^T x$  — целевая функция, а множество  $S$  — множество допустимых точек.

Результатом решения задачи линейного программирования в представленной форме является один из следующих выводов:

1. Множество допустимых точек непусто и найдётся точка  $x_* \in S$  такая, что  $c^T x_* \leq c^T x, \quad \forall x \in S$ . Такая точка  $x_*$  называется *оптимальной*.
2. Множество допустимых точек непусто и функция  $c^T x$  неограничена снизу при  $x \in S$ .
3. Множество допустимых точек пусто:  $S \neq \emptyset$ .

Каноническую задачу линейного программирования можно представить в матричной форме:

$$\min c^T[N] x[N], \quad x[N] \in S$$

$$S = \{ x[N] \mid A[M, N] x[N] = b[M], \quad x[N] \geq 0 \}.$$

Я решаю задачу для следующих данных:

$$A[M, N] = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ -2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & -3 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad b[M] = \begin{pmatrix} 13 \\ 26 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$
$$c^T[N] = (4 \quad -3 \quad 0 \quad -1 \quad 1 \quad 0)$$

## 2 Исследование применимости метода

### 2.1 Симплекс метод

Симплекс метод применим для любой задачи линейного программирования представленной в указанной выше матричной форме, а значит и применим в данном случае.

### 2.2 Метод перебора крайних точек множества допустимых точек

### 2.3 Генетический алгоритм

## 3 Описание алгоритма

## 4 Код программы

## 5 Результаты решения

## 6 Возможные дополнительные исследования

## 7 Обоснование достоверности полученного результата