

Содержание

1	Интегралы, зависящие от параметра	4
1.1	Интегралы зависящие от параметра. Принцип равномерной сходимости	4
1.2	Теорема о коммутировании двух предельных переходов. Предельный переход под знаком интеграла	4
1.3	Теорема о непрерывности интеграла, зависящего от параметра	4
1.4	Дифференцирование под знаком интеграла. Правило Лейбница	4
1.5	Интегрирование под знаком интеграла	4
1.6	Непрерывность и дифференцируемость интеграла с переменными пределами интегрирования	4
1.7	Равномерная сходимость интегралов. Достаточные признаки равномерной сходимости	4
1.8	Предельный переход в несобственном интеграле, зависящем от параметра	4
1.9	Дифференцирование по параметру несобственного интеграла	4
1.10	Интегрирование по параметру несобственного интеграла	4
2	Кратные интегралы	4
2.1	Двоичные разбиения. Двоичные интервалы, полуинтервалы, кубы. Свойства двоичных интервалов, кубов	4
2.2	Ступенчатые функции. Интеграл от ступенчатой функции (естественное и индуктивное определение). Теорема о совпадении определений	4
2.3	Свойства интеграла от ступенчатой функции (линейность интеграла, положительность, оценка интеграла)	4
2.4	Теорема о пределе интегралов убывающей последовательности функций, поточечно сходящейся к нулю	4
2.5	Теорема о пределе интегралов убывающей последовательности ступенчатых функций, поточечно сходящейся к нулю	4
2.6	Системы с интегрированием. Основной пример. Свойства систем с интегрированием	4
2.7	L_1 норма. Множество $L_1^*(\Sigma)$. L_1 -норма как интеграл от модуля функции	4
2.8	Свойства L_1 нормы ("линейность" норма функции равной нулю почти всюду и т.д.)	4
2.9	Субаддитивность L_1 -нормы	4
2.10	Сходимость в смысле L_1	4
2.11	Определение понятие интеграла и интегрируемой функции	4
2.12	Свойства интеграла и интегрируемых функций	4
2.13	Множества меры ноль. Свойства функций совпадающих почти всюду	4
2.14	Нормально сходящиеся ряды. Теорема о нормально сходящихся рядах	4
2.15	Теоремы Леви для функциональных рядов и последовательностей	4
2.16	Огибающие для последовательности интегрируемых функций. Нижний и верхний предел последовательности	4
2.17	Теорема Фату о предельном переходе. Следствие из теоремы Фату	4
2.18	Теорема Лебега о предельном переходе	4
2.19	Лемма о приближении ступенчатой функции с помощью непрерывных финитных	4
2.20	Теорема о приближении интегрируемой функции с помощью непрерывных финитных	4
2.21	Измеримые функции. Свойства пространства измеримых функций. Измеримые множества	4
2.22	Теорема об интегрируемости измеримой функции	4
2.23	Теорема об измеримости предела измеримых функций	4
2.24	Теорема об интегрируемости предела возрастающей последовательности положительных измеримых функций	4
2.25	Обобщенно измеримые функции. Измеримые множества, мера множества. Теорема об измеримости объединения и пересечения измеримых множеств	4
2.26	Счетная аддитивность интеграла и меры	4
2.27	Измеримые множества в \mathbb{R}^n . Внешняя мера множества. Лемма о представлении открытого множества как объединения кубов. Теорема об измеримости открытых и замкнутых множеств в \mathbb{R}^n	4
2.28	Теорема о внешней мере множества	4
2.29	Лемма о приближении неотрицательной вещественной функции ступенчатыми функциями. Следствие об измеримости непрерывной почти всюду функции	4
2.30	Теорема о совпадении интегралов Римана и Лебега	4
2.31	Теорема Фубини и следствия из нее	4
2.32	Теорема Тонелли и следствия из нее	4
2.33	Диффеоморфизмы и их свойства. Теорема о замене переменной в кратном интеграле (формулировка)	4
2.34	Лемма о замене переменной при композиции диффеоморфизмов	4

2.35 Лемма о сведении замены переменной в общем случае к случаю индикатора двоичного куба 4

2.36 Лемма о представлении диффеоморфизма в виде композиции диффеоморфизмов специального вида 4

2.37 Теорема о замене переменной в кратном интеграле 4

1 Интегралы, зависящие от параметра

- 1.1 Интегралы зависящие от параметра. Принцип равномерной сходимости
- 1.2 Теорема о коммутировании двух предельных переходов. Предельный переход под знаком интеграла
- 1.3 Теорема о непрерывности интеграла, зависящего от параметра
- 1.4 Дифференцирование под знаком интеграла. Правило Лейбница
- 1.5 Интегрирование под знаком интеграла
- 1.6 Непрерывность и дифференцируемость интеграла с переменными пределами интегрирования
- 1.7 Равномерная сходимость интегралов. Достаточные признаки равномерной сходимости
- 1.8 Предельный переход в несобственном интеграле, зависящем от параметра
- 1.9 Дифференцирование по параметру несобственного интеграла
- 1.10 Интегрирование по параметру несобственного интеграла

2 Кратные интегралы

- 2.1 Двоичные разбиения. Двоичные интервалы, полуинтервалы, кубы. Свойства двоичных интервалов, кубов
- 2.2 Ступенчатые функции. Интеграл от ступенчатой функции (естественное и индуктивное определения). Теорема о совпадении определений
- 2.3 Свойства интеграла от ступенчатой функции (линейность интеграла, положительность, оценка интеграла)
- 2.4 Теорема о пределе интегралов убывающей последовательности функций, поточечно сходящейся к нулю
- 2.5 Теорема о пределе интегралов убывающей последовательности ступенчатых функций, поточечно сходящейся к нулю
- 2.6 Системы с интегрированием. Основной пример. Свойства систем с интегрированием
- 2.7 L_1 норма. Множество $L_1^*(\Sigma)$. L_1 -норма как интеграл от модуля функции
- 2.8 Свойства L_1 нормы ("линейность норма функции равной нулю почти всюду и т.д.)
- 2.9 Субаддитивность L_1 -нормы
- 2.10 Сходимость в смысле L_1
- 2.11 Определение понятие интеграла и интегрируемой функции
- 2.12 Свойства интеграла и интегрируемых функций
- 2.13 Множества меры ноль. Свойства функций совпадающих почти всюду
- 2.14 Нормально сходящиеся ряды. Теорема о нормально сходящихся рядах
- 2.15 Теоремы Леви для функциональных рядов и последовательностей
- 2.16 Огибающие для последовательности интегрируемых функций. Нижний и верхний предел последовательности
- 2.17 Теорема Фату о предельном переходе⁴. Следствие из теоремы Фату
- 2.18 Теорема Лебега о предельном переходе