## TAREA 2: INTEGRAL DEFINIDA

Trabajo individual

1. Trazar la gráfica y hallar el área de la región acotada por debajo de la gráfica de la función f y por arriba del eje x, de x = a a x = b, donde:

a) 
$$f(x) = 2x - x^2$$
;  $a = 0, b = 2$ .

b) 
$$f(x) = 4 - x^2$$
;  $a = -2, b = 2$ .

c) 
$$f(x) = xe^{-x^2}$$
;  $a = 0, b = 3$ .

2. Trazar la gráficas de las funciones f y g y determine el área de la region encerrada entre estas gráficas donde:

a) 
$$f(x) = 4 - x^2$$
 y  $g(x) = x^2$ .

b) 
$$f(x) = x + 2 \text{ y } g(x) = x^2$$
.

c) 
$$f(x) = 5x - x^2$$
 y  $g(x) = x$ .

3. Cálcule el índice de Gini para las siguientes curvas de Lorenz e interprete:

a) 
$$L(x) = \frac{3}{5}x^2 + \frac{2}{5}x$$
.

b) 
$$L(x) = 0.8x^2 + 0.2x$$
.

4. Encuentre el excedente de los consumidores y de los productores bajo equilibrio de mercado de las siguientes funciones de demanda y oferta

a) 
$$D(q) = 16 - q^2$$
 y  $S(q) = 4 + q$ .

b) 
$$D(q) = 14 - q^2$$
 y  $S(q) = 2q^2 + 2$ .

5. Demuestre la convergencia o divergencia de las siguientes integrales:

$$a) \int_{1}^{\infty} \frac{1}{x^3} dx$$

$$b) \int_{1}^{\infty} x^{-3/2} dx$$

1

a) 
$$\int_{1}^{\infty} \frac{1}{x^3} dx$$
 b)  $\int_{1}^{\infty} x^{-3/2} dx$  c)  $\int_{0}^{\infty} \lambda e^{-\lambda x} dx$