Contenido

LIS	sta de	ta de figuras				
Lis	sta de	algori	tmos	٧		
1	pyFE	EM		1		
	1.1	Clases		6		
		1.1.1	Material	7		
		1.1.2	Section	8		
		1.1.3	Rectangular Section	9		
		1.1.4	Joint	11		
		1.1.5	Frame	12		
		1.1.6	Support	24		
		1.1.7	LoadPattern	26		
		1.1.8	PointLoad	31		
		1.1.9	DistributedLoad	33		
		1.1.10	Displacement	35		
		1.1.11	Reaction	37		
	1.2	Struct	ure	38		
		1.2.1	$get_flag_active_joint_displacements() \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	40		
		1.2.2	$get_number_active_joint_displacements() \dots \dots \dots \dots$	40		
		1.2.3	$\operatorname{get_number_joints}() \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	41		
		1.2.4	$get_number_frames() \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	41		
		1.2.5	$\operatorname{set_indexes}() \dots \dots$	42		
		1.2.6	$get_stiffness_matrix()$	42		
		1.2.7	$get_stiffness_matrix_with_support() \dots \dots \dots \dots \dots$	44		
		1.2.8	$solve_load_pattern() \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $	45		
		1.2.9	$set_load_pattern_displacements()\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\$	47		
		1.2.10	set_load_pattern_reactions()	48		
		1.2.11	$\operatorname{solve}() \ \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	49		
		1.2.12	$\mathrm{export}() \ \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	50		
	1.3	Otras	clases	52		
		1.3.1	AttrDisplay	52		
		$1 \ 3 \ 2$	UniqueInstances	53		

II	Contenido

Bibliografía 57

Lista de Figuras

1-1	Métodos y atributos de la clase Structure	4
1-2	Métodos y atributos de la clase Frame	13
1-3	Elemento aporticado y su sistema de coordenadas local	13
1-4	Métodos y atributos de la clase LoadPattern	26
1-5	Métodos y atributos de la clase Structure (repetida)	39

Lista de Algoritmos

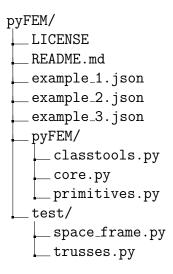
1.1.	Constructor de la clase Structure	4
1.2.	Método add_material() de la clase Structure	۷
1.3.	Método add_frame() de la clase Structure	۷
1.4.	Método add_support() de la clase Structure	ŗ
1.5.	Método add_load_at_joint() de la clase Structure	ŗ
1.6.	Clase Material implementada en el archivo primitives.py	7
1.7.	Clase Section implementada en el archivo primitives.py	8
1.8.	Clase RectangularSection implementada en el archivo primitives.py	10
1.9.	Clase Joint implementada en el archivo primitives.py	11
1.10.	Constructor de la clase Frame	13
1.11.	Método get_length() de la clase Frame	15
1.12.	Método get_direction_cosines() de la clase Frame	15
1.13.	Método get_rotation() de la clase Frame	17
1.14.	Método get_rotation_matrix() de la clase Frame	19
1.15.	Método get_local_stiffness_matrix() de la clase Frame	2
1.16.	Método get_global_stiffness_matrix() de la clase Frame	23
1.17.	Clase Support implementada en el archivo primitives.py	24
1.18.	Constructor de la clase LoadPattern	26
1.19.	Método add_point_load_at_joint() de la clase LoadPattern	27
1.20.	Método add_distributed_load() de la clase LoadPattern	27
1.21.	Método get_number_point_loads_at_joints() de la clase LoadPattern	28
1.22.	Método get_number_distributed_loads() de la clase LoadPattern	28
1.23.	Método get_f() de la clase LoadPattern	29
1.24.	Método get_f_fixed() de la clase LoadPattern	3
1.25.	Clase PointLoad implementada en el archivo primitives.py	32
1.26.	Clase DistributedLoad implementada en el archivo primitives.py	34
1.27.	Clase Displacement implementada en el archivo primitives.py	35
1.28.	Clase Reaction implementada en el archivo primitives.py	37
1.29.	Método get_flag_active_joint_displacements() de la clase Structure	40
1.30.	Método get_number_active_joint_displacements() de la clase Struc ture.	40
	Método get_number_joints() de la clase Structure	41
1.32.	Método get_number_frames() de la clase Structure	41

1.33. Método set_indexes() de la clase Structure	42
1.34. Método get_stiffness_matrix() de la clase Structure	43
$1.35.\ \mathrm{M\'etodo}\ \mathtt{get_stiffness_matrix_with_support}$ () de la clase Structure	45
1.36. Método solve_load_pattern() de la clase Structure	46
$1.37.\ \mathrm{M\'etodo}\ \mathtt{set_load_pattern_displacements}$ () de la clase Structure	47
1.38. Método set_load_pattern_reactions() de la clase Structure	48
1.39. Método solve() de la clase Structure	49
1.40. Clase AttrDisplay implementada en el archivo classtools.py	52
1.41. Métodonew() de la metaclase UniqueInstances	53
1.42. Función setattr implementada en la clase UniqueInstances	54
1.43. Function delete implementada en la clase UniqueInstances	55
144 Método call de la metaclase UniqueInstances	55

1 pyFEM

pyFEM es un programa de computador desarrollado en Python para analizar linealmente estructuras aporticadas tridimensionales sometidas a cargas estáticas. Una copia del programa se encuentra alojada en la página web de GitHub https://github.com/rvcristiand/pyFEM.

Los principales archivos del programa son:



El usuario puede generar objetos de la clase Structure, definida en el archivo core.py, para describir y analizar linealmente modelos de estructuras aporticadas tridimensionales sometidas a fuerzas estáticas. En la figura 1-1 se presentan los métodos y atributos de esta clase.

El constructor de la clase **Structure** recibe seis argumentos de entrada opcionales, uno para cada grado de libertad (tres translaciones y tres rotaciones), los cuales tienen **False** como valor por defecto. Cuando el usuario crea un objeto de esta clase debe indicar qué grados de libertad quiere tener en cuenta para analizar el modelo.

En el algoritmo 1.1 se presenta el constructor de la clase Structure. El constructor de la clase le asigna a los atributos ux, uy, uz, rx, ry y rz los respectivos valores de los argumentos de entrada. A los demás atribututos les asigna un diccionario vacío.

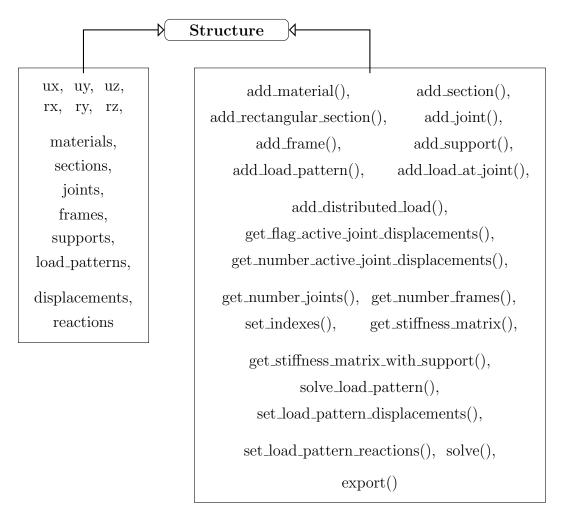


Figura 1-1: Métodos y atributos de la clase Structure.

Algoritmo 1.1: Constructor de la clase Structure.

```
rz : bool
    Flag rotation around 'z' axis activate.
# flag active joint displacements
self.ux = ux
self.uy = uy
self.uz = uz
self.rx = rx
self.ry = ry
self.rz = rz
# dict materials and sections
self.materials = \{\}
self.sections = \{\}
# dict joints and frames
self.joints = \{\}
self.frames = \{\}
# dict supports
self.supports = \{\}
# dict load patterns
self.load_patterns = {}
# dict displacements
self.displacements = {}
# dict reactions
self.reactions = \{\}
```

El usuario puede describir el modelo con los objetos tipo **Structure** agregándole objetos que representan materiales, secciones transversales, nodos, elementos aporticados, apoyos, patrones de carga, fuerzas aplicadas en los nodos y cargas distribuidas en los elementos aporticados, mediante los métodos que comienzan con *add*.

Estos métodos reciben uno o varios argumentos de entrada obligatorios y una serie de argumentos de entrada opcionales para crear los objectos y almacenarlos en los respectivos diccionarios del objeto tipo Structure.

Dichos métodos son similares entre sí, solo cambia el diccionario al cual se le está agregando la nueva entrada y el objecto que se está creando. Por ejemplo, en el algoritmo 1.2 se presenta el método add_material(). Los argumentos de entrada *args y **kwargs son pasados al constructor de la clase Material para crear un objeto tipo Material, mientras que el argumento key es usado como llave para almacenar dicho objeto en el diccionario materials.

Algoritmo 1.2: Método add_material() de la clase Structure.

En el caso de los métodos add_section(), add_rectangular_section(), add_joint() y add_load_pattern(), el diccionario ya no es materials sino sections, joints o load_patterns, según corresponda, y el objeto a crear ya no es de tipo Material sino de tipo Section, RectangularSection, Joint o LoadPattern, respectivamente.

El método add_frame() permite agregar objetos tipo Frame de manera similar a como lo hace el método add_material(), con la diferencia que este método recibe como argumentos de entrada las llaves con las que fueron creados el nodo cercano, el nodo lejano, el material y la sección transversal.

En el algoritmo 1.3 se presenta el método add_frame(). Las llaves del material, de la sección transversal y de los nodos se utilizan para recuperan los objetos relacionados en los diferentes diccionarios del objeto tipo Structure para crea el objeto tipo Frame.

Algoritmo 1.3: Método add_frame() de la clase Structure.

```
def add_frame(self , key , key_joint_j , key_joint_k , key_material , key_section):
    """
Add a frame

Parameters

key : immutable
    Frame's key .
key_joint_j : immutable
    Joint j's key .
key_joint_k : immutable
    Joint k's key .
key_material : immutable
    Material : key .
key_section : immutable
```

```
Section's key.

"""

self.frames[key] = Frame(self.joints[key_joint_j], self.joints[key_joint_k], self.materials[key_material], self.sections[key_section])
```

El método add_support() es similar a los anteriores, con la diferencia que los objeto tipo Joint son usados como llaves para almacenar los objeto tipo Support, tal como se presenta en el algoritmo 1.4.

Algoritmo 1.4: Método add_support() de la clase Structure.

Por su parte, los métodos add_load_at_joint() y add_distributed_load() reciben dos argumentos de entrada obligatorios y una serie de argumentos de entrada opcionales. El primer argumento de entrada obligatorio es la llave con la que se creó el objeto tipo LoadPattern y el segundo es la llave con el que se creó el objeto tipo Joint o el objeto tipo Frame, respectivamente.

En el algoritmo 1.5 se presenta el método add_load_at_joint(). Con la llave del patrón de carga se recupera el objeto tipo LoadPattern mientras que con la llave del nodo se recupera el objeto tipo Joint. El objeto tipo Joint y los demás argumentos de entrada opcionales son pasados al método add_point_load_at_joint().

Algoritmo 1.5: Método add_load_at_joint() de la clase Structure.

```
Joint's key,
"""

self.load_patterns[key_load_pattern].add_point_load_at_joint(self.joints[key_joint], *args, **kwargs)
```

En el caso del método add_distributed_loads(), el objeto tipo Frame y los demás argumentos de entrada opcionales son pasados al método add_distributed_load() del objeto tipo LoadPattern.

Cuando el usuario termina de describir el modelo puede ejecutar el método solve() de la clase Structure para analizarlo. pyFEM soluciona la estructura sometida a los diferentes patrones de carga, almacenando los resultados de los vectores de desplazamientos y fuerzas en los nodos en los atributos displacements y reactions, respectivamente.

En las siguientes secciones se presenta la implementación de las clases con las que el usuario puede describir el modelo (Material, Section, Joint, etc.) y después la implementación de los demás métodos de la clase Structure.

1.1. Clases

Además de la clase Structure, definida en el archivo core.py, pyFEM define otras clases en los archivos primitives.py y classtools.py.

En el archivo primitives.py se definen todas las clases que permiten describir el modelo, es decir:

- Material,
- Section,
- RectangularSection,
- Joint,
- Frame,
- Support,

- LoadPattern,
- PointLoad.
- DistributedLoad,
- Displacement,
- Reaction.

En el archivo classtools.py se define la clase AttrDisplay y la metaclase UniqueInstance. La clase AttrDisplay implementa una representación de los objetos más cómoda para los usuarios, mientras que la metaclase UniqueInstance no permite crear objetos con los mis-

mos atributos de otros objetos de la misma clase.

A continuación se presenta la implementación de todas las clases de pyFEM.

1.1.1. Material

La clase Material representa un material líneal elástico al definir los valores del módulo de Young y del módulo a cortante.

En el algoritmo 1.6 se presenta la implementación de la clase Material. Se asigna la tupla ('E', 'G') al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia. Esto como mecánismo de optimización.

Según Lutz, 2013, asignar un diccionario en el espacio de nombres para cada objeto instanciado puede ser costoso, en términos de memoria, si muchas instancias son creadas y solo se requiere un par de atributos. Para ahorrar memoria, en lugar de asignar un diccionario por instancia, Python reserva el espacio suficiente en cada instancia para guardar un valor por cada atributo del *slot*.

El constructor de la clase recibe los argumentos de entrada modulus_elasticity y shearing_modulus_elasticity, los cuales tienen 0 como valor por defecto. Estos valores son pasados a los atributos E y G del objeto tipo Material respectivamente.

Algoritmo 1.6: Clase Material implementada en el archivo primitives.py.

```
modulus_elasticity : float
    Young's modulus.
shearing_modulus_elasticity : float
    Shear modulus.
"""
self.E = modulus_elasticity
self.G = shearing_modulus_elasticity
```

1.1.2. **Section**

La clase Section representa la sección transversal de los elementos aporticados de manera general, al definir los valores del área transversal, de la constante de torsión y de las inercias principales alrededor de los ejes principales.

En el algoritmo 1.7 se presenta la implementación de la clase Section. Así como se asignó una tupla al atributo __slots__ de la clase Material, como mecánismo de optimización, se asigna una tupla al atributo __slots__ de la clase Section con los elementos 'A', 'Ix', 'Iy' y 'Iz'.

El constructor de la clase recibe los argumentos de entrada area, torsion_constant, moment_inertia_y y moment_inertia_z, los cuales tienen 0 como valor por defecto. Estos valores son pasados a los atributos A, Ix, Iy y Iz, respectivamente.

Algoritmo 1.7: Clase Section implementada en el archivo primitives.py.

```
class Section (AttrDisplay):

"""

Cross-sectional area

Attributes

A: float

Cross-sectional area.

Ix: float

Inertia around axis x-x.

Iy: float

Inertia around axis y-y.

Iz: float

Inertia around axis z-z.

"""

--slots-- = ('A', 'Iy', 'Iz', 'Ix')

def _-init_-(self, area=0, torsion_constant=0, moment_inertia_y=0, moment_inertia_z=0):
```

1.1.3. RectangularSection

La clase RectangularSection representa la sección transversal de forma rectángular de los elementos aporticados, al definir los valores de la base y del alto de la figura.

En el algoritmo 1.8 se presenta la implementación de la clase RectangularSection. Esta clase hereda todos los métodos y atributos de la clase Section, para evitar duplicar el código a lo largo del programa, al pasar dicha clase como argumento de entrada cuando se construye la clase RectangularSection.

Al atributo __slots__ de la clase RectangularSection se le asigna una tupla con las entradas 'width' y 'height'. Python no solo limita las instancias de esta clase a los atributos width y height, sino que se extiende a los elementos definidos en el atributo __slots__ de la clase Section.

Según Lutz, 2013, como las variables __slots_ son atributos a nivel de clases, los objetos instanciados adquieren la unión de todas las entradas en todos los atributos __slots_ de la clase y sus super clases.

El constructor de la clase recibe los argumentos de entrada width y height, los cuales no tiene ningún valor por defecto (a diferencia de los argumentos de entrada del constructor de la clase Section). Los valores de los argumentos de entrada son asignados a los respectivos atributos de los objeto tipo RectangularSection.

1 pyFEM

Se asume que el valor del parámetro width corresponde a la dimensión del elemento aporticado de sección transversal rectangular a lo largo del eje y del sistema de coordenadas local, mientras que el parámetro heigth corresponde a la dimensión del elemento aporticado a lo largo del eje z.

Teniendo en cuenta esto se cálcula el área, la constante de torsión y los momentos de inercia alrededor de los ejes y y z. Para calcular la constante de torsión se utiliza la expresión (1-1), la misma que se presenta en Escamilla, 1995,

$$I_{xx} = \left(\frac{1}{3} - 0.21 \frac{a}{b} \left(1 - (1/12)(a/b)^4\right)\right) ba^3$$
(1-1)

donde a es la dimensión menor del rectángulo y b su dimensión mayor.

Finalmente, las propiedades de la sección transversal son pasadas al constructor de la clase Section para asignárselas a los atributos del objeto tipo RectangularSection. Esto se hace mediante la función super() que trae Python por defecto, la cual genera una referencia a la clase padre, en este caso, la clase Section.

Algoritmo 1.8: Clase Rectangular Section implementada en el archivo primitives.py.

```
class Rectangular Section (Section):
    Rectangular cross-section
    Attributes
    width: float
        Width rectangular cross section.
    height: float
        Height rectangular cross section.
        Cross-sectional area.
    Ix : float
        Inertia around axis x-x.
    Iy : float
        Inertia around axis y-y.
    Iz : float
        Inertia \ around \ axis \ z-z.
    _{-slots_{-}} = ('width', 'height')
    def __init__(self, width, height):
        Instantiate a rectangular section object
```

```
Parameters
     width : float
         Width rectangular cross section.
     height: float
         Height rectangular cross section.
     self.width = width
     self.height = height
     a = \min(width, height)
    b = \max(width, height)
     area = width * height
     torsion_constant = (1/3 - 0.21 * (a / b) * (1 - (1/12) * (a/b)**4)) *
b * a ** 3
     moment_inertia_y = (1 / 12) * width * height ** 3
     moment_inertia_z = (1 / 12) * height * width ** 3
     super().__init__(area, torsion_constant, moment_inertia_y,
moment_inertia_z)
```

1.1.4. Joint

La clase Joint representa nodos de la estructura, al definir sus coordenadas en el sistema de coordenadas global.

En el algoritmo 1.9 se presenta la implementación de la clase Joint. Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos x, y y z al atributo __slots_ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia.

El constructor de la clase recibe tres argumentos de entrada opcionales, uno para cada una de las coordenadas, los cuales tienen 0 como valor por defecto. Estos valores son pasados a los atributos \mathbf{x} , \mathbf{y} y \mathbf{z} del objeto respectivamente.

Finalmente, la clase Joint implementa el método get_coordinate() que generar una array con las coordenadas del objeto.

Algoritmo 1.9: Clase Joint implementada en el archivo primitives.py.

1 pyFEM

```
Attributes
x : float
    X coordinate.
y : float
    Y coordinate.
z : float
    Z coordinate.
Methods
qet_-coordinate()
    Return joint's coordinates.
-slots_{-} = ('x', 'y', 'z')
\frac{\text{def}}{\text{clinit}} = (\text{self}, x=0, y=0, z=0):
    Instantiate a Joint object
    Parameters
    x : float
        X coordinate.
    y : float
         Y coordinate.
    z : float
        Z\ coordinate .
    self.x = x
    self.y = y
    self.z = z
def get_coordinate(self):
    """Get coordinates"""
    return np.array([self.x, self.y, self.z])
```

1.1.5. Frame

La clase Frame representa los elementos aporticados de la estructura, al definir sus nodos, material y sección tranversal. En la figura 1-2 se presentan los métodos y atributos de esta clase.

En la figura 1-3 se presenta un elemento aporticado i con sus nodos j y k empotrados. El sistema de coordenadas local del elemento tiene como origen el nodo j; el eje x coincide con el eje centroidal del elemento y es positivo en el sentido del nodo j al nodo k.

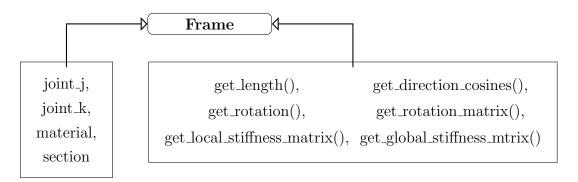


Figura 1-2: Métodos y atributos de la clase Frame.

Los ejes y y z son los ejes principales del elemento de manera que los planos xy y zx son los planos principales de flexión. Se asume que el centro de cortante y el centroide del elemento coinciden de tal forma que la flexión y la torsión se presentan una independiente de la otra.

Los grados de libertad se numeran del 1 al 12, empezando por las translaciones y las rotaciones del nodo j, tomados en orden x, y, z respectivamente.

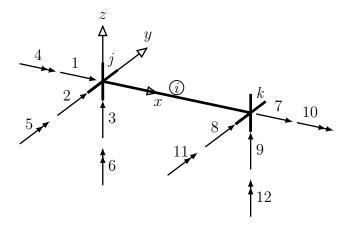


Figura 1-3: Elemento aporticado y su sistema de coordenadas local.

Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos joint_j, joint_k, material y section al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia.

En el algoritmo 1.10 se presenta el constructor de la clase Frame. El constructor de la clase Frame recibe cuatro argumentos de entrada; para el nodo cercano, el nodo lejano, el material y la sección, los cuales tiene None como valor por defecto. Los argumentos de entrada son pasados a los atributos joint_j, joint_k, material y section respectivamente.

14 pyFEM

Algoritmo 1.10: Constructor de la clase Frame.

```
def __init__(self , joint_j=None, joint_k=None, material=None, section=None):
    """
    Instantiate a Frame object

    Parameters
    _____
    joint_j : Joint
        Near Joint object.
    joint_k : Joint
        Far Joint object.
    material : Material
        Material object.
    section : Section
        Section object.
    """
    self .joint_j = joint_j
    self .joint_k = joint_k
    self .material = material
    self .section = section
```

A continuación se presentan los métodos de la clase Frame, con los cuales se puede, entre otras cosas, calcular la matriz de rigidez de los elementos tipo Frame.

get_length()

El método get_length() de la clase Frame permite calcular la longitud de los elementos aporticados representado por objetos tipo Frame.

En el algoritmo 1.11 se presenta la implementación del método get_length(). El método calcula la distancia que hay entre las coordenadas de los nodos del elemento aporticado. Para esto llama la función distance.euclidean() con las coordenadas de los objeto tipo Joint, las cuales obtiene con el método get_coordinate() (véase el algoritmo 1.9).

Según Virtanen et al, 2020, esta función calcula la distancia euclidiana entre dos arrays~u~y~v~de~una~dimensión~como

$$||u - v||_2 = \left(\sum w_i |(u_i - v_i)|^2\right)^{1/2}$$
 (1-2)

donde w es un array que toma para cada entrada un peso de 1 por defecto.

Algoritmo 1.11: Método get_length() de la clase Frame.

```
def get_length(self):
    """Get length"""
    return distance.euclidean(self.joint_j.get_coordinate(), self.joint_k.
    get_coordinate())
```

get_direction_cosines()

El método get_direction_cosines() de la clase Frame permite calcular los cosenos directores del eje x del sistema de coordenadas local de los elementos aporticados, representados por objetos tipo Frame, en el sistema de coordenadas global.

En el algoritmo 1.12 se presenta la implementación del método get_direction_cosines(). El método resta las coordenadas de los nodos del elemento aporticado y almacena el resultado en la variable vector. Después divide cada uno de los elementos de vector por la norma de dicha variable, calculada mediante la función linalg.norm().

Según Harris et al, 2020, esta función calcula la norma de un vector como

$$||A||_F = \left[\sum_{i,j} abs(a_{i,j})^2\right]^{1/2}$$
 (1-3)

donde $a_{i,j}$ es el elemento del vector en la posición i, j.

Algoritmo 1.12: Método get_direction_cosines() de la clase Frame.

```
def get_direction_cosines(self):
    """Get direction cosines"""
    vector = self.joint_k.get_coordinate() - self.joint_j.get_coordinate()
    return vector / linalg.norm(vector)
```

get_rotation()

El método get_rotation() de la clase Frame permite calcular la rotación de los elementos aporticados, representados por objetos tipo Frame, con respecto al sistema de coordenadas global.

Según el teorema de rotación de Euler (véase Akademiia nauk SSSR., 1763), siempre es posible encontrar un diámetro de una esfera cuya posición es la misma después de rotar la esfera alredor de su centro, por lo que cualquier secuencia de rotaciones de un sistema coordenado

1 pyFEM

tridimensional es equivalente a una única rotación alrededor de un eje que pase por el origen.

El ángulo θ y el vector n que definen la rotación del eje x del sistema de coordenadas global hacia el eje x_m del sistema de coordenadas local de un elemento aporticado se puede calcular como

$$\mathbf{n} = (1, 0, 0) \times \mathbf{x_m}$$

$$\theta = \arccos((1, 0, 0) \cdot \mathbf{x_m})$$
(1-4)

Según Dunn, 2002, la rotación de un sistema de coordenadas tridimensionales alrededor del eje \mathbf{n} una cantidad θ se puede describir mediante un cuaternión como

$$\mathbf{q} = \begin{bmatrix} \cos(\theta/2) & \sin(\theta/2)\mathbf{n} \end{bmatrix} \tag{1-5}$$

y se puede obtener la matriz de rotación a partir de un cuaternión de la siguiente manera

$$\mathbf{R} = \begin{bmatrix} 1 - 2y^2 - 2z^2 & 2xy + 2wz & 2xz - 2wy \\ 2xy - 2wz & 1 - 2x^2 - 2z^2 & 2yz + 2wx \\ 2xz + 2wy & 2yz - 2wx & 1 - 2x^2 - 2y^2 \end{bmatrix}$$
(1-6)

donde w es la parte escalar y x, y y z la parte vectorial del cuaternión.

En el algoritmo 1.13 se presenta la implementación del método $get_rotation()$. El método calcula el cuaternión que representa la rotación del eje x del sistena de coordenadas global hacía el eje x del sistema de coordenadas local del elemento aporticado.

Para esto, se almacena el eje global x y el eje local x en las variables v_{from} y v_{to} respectivamente. El eje global x es igual a (1,0,0) mientras que el eje local x se calcula mediante el método get_direction_cosines() (véase el algoritmo 1.12).

Después, se verifica si las variables v_from y v_to son iguales entre sí, o si una variable es el inverso aditivo de la otra.

En el caso que las variables sean iguales entre sí, no hay rotación y el ángulo θ es igual a cero, por lo tanto el cuaternión es igual a $(1, 0 \times \mathbf{n})$ (véase la ecuación 1-5). En caso contrario, el ángulo θ que describe la rotación es igual a 180° . Como eje se asume el eje global z, por lo que el cuaternión es igual a $(0, 1 \times (0, 0, 1))$.

Si las variables v_{from} y v_{to} no son iguales entre sí, y una no es el inverso aditivo de la otra, entonces se calcula el eje y el ángulo que describen la rotación del eje global x hacia el eje local x del elemento aporticado, aplicando las expresiones de ecuación (1-4).

Para calcular el eje se halla el producto cruz entre el eje global x y el eje local x mediante la función cross(). Después se normaliza el resultado dividiendolo por su norma, con ayuda de la función linalg.norm().

El ángulo se halla calculando el arcocoseno del producto punto entre el eje global x y el eje local x. Esto se calcula mediante las funciones dot() y arccos() respectivamente.

Finalmente, se aplican las expresiones de la ecuación (1-5) para crear un objeto tipo Rotation, mediante la función Rotation.from_quat().

Según Virtanen et al, 2020, la función from_quat() permite crear objetos tipo Rotation, los cuales son una interfaz para inicializar y representar rotaciones en el espacio, mediante un cuaternión.

Algoritmo 1.13: Método get_rotation() de la clase Frame.

```
def get_rotation(self):
    """Get rotation"""
    v_from = np.array([1, 0, 0])
    v_to = self.get_direction_cosines()

if np.all(v_from == v_to):
    return Rotation.from_quat([0, 0, 0, 1])

elif np.all(v_from == -v_to):
    return Rotation.from_quat([0, 0, 1, 0])

else:
    w = np.cross(v_from, v_to)
    w = w / linalg.norm(w)
    theta = np.arccos(np.dot(v_from, v_to))

return Rotation.from_quat([x * np.sin(theta/2) for x in w] + [np.cos(theta/2)])
```

get_rotation_matrix()

El método get_rotation_matrix() de la clase Frame permite calcular la matriz de transformación de rotación de los elementos aporticados, representados por objetos tipo Frame, con respecto al sistema de coordenadas global.

Según Weaver y Gere, 1990, la matriz de transformación de rotación R_T para un elemento

1 pyFEM

aporticado es

$$\mathbf{R_T} = \begin{bmatrix} \mathbf{R} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{R} & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{R} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{R} \end{bmatrix} \tag{1-7}$$

donde R es la matriz de rotación presentada en (1-6).

En el algoritmo 1.14 se presenta la implementación del método get_rotation_matrix(). El método recibe como argumentos de entrada un *array* que indica para cada grado de libertad si está o no activado. Según los grados de libertad activados se genera la matriz de transformación de rotación de los elementos aporticados.

La matriz de transformación de rotación se genera a partir de la matriz de rotación del elemento aporticado, calculada con el método get_rotation().as_dcm() de la clase Frame (véase el algoritmo 1.13), y la función bsr_matrix().

Según Virtanen et al, 2020, el método as_dcm() de la clase Rotation calcula la matriz de rotación de los objetos tipo Rotation y la función bsr_matrix() crea matrices dispersas con submatrices densas describiendolas en la representación estándar (data, indices, indptr). En dicha representación los índices de la columna de cada submatriz en la fila i de la matriz dispersa están almacenados en indices[indptr[i]:indptr[i+1]] y los valores correspondientes almacenados en data[indptr[i]:indptr[i+1]].

En las variable indptr e indices se almacenan los *arrays* [0, 1, 2] y [0, 1] respectivamente. Estas variables describen en la representación estándar las posiciones que ocupan dos submatrices en la diagonal principal de una matriz dispersa.

En la primer fila hay una submatriz en la primer columna (indices[indptr[0]:indptr[1]] ->indices[0:1]->indices[0]->0) y en la segunda fila hay una submatriz en la segunda columna (indices[indptr[1]:indptr[2]]->indices[1:2]->indices[1]->1).

Inicialmente se calcula la matriz de transformación de rotación para un solo nodo. Después se seleccionan las filas y las columnas de esta matriz asociadas a los grados de libertad activados. Finalmente se crea toda la matriz de transformación de rotación duplicando los valores seleccionados.

Para crear la matriz de transformación de rotacion para un solo nodo se duplica la matriz de rotación del elemento aporticado, mediante la función tile, y se almacena en la variable data. Después se pasa junto con las variables indptr e indices a la función bsr_matrix().

La matriz de transformación de rotación del elemento aporticado se crea al indicar dos matrices de transformación de rotación para un solo nodo en la diagonal principal de una matriz dispersa, después de haber seleccionado las filas y columnas asociadas a los grados de libertad activados. El tamaño de la matriz de transformación de rotación se calcula en función de la cantidad de grados de libertad activados.

Algoritmo 1.14: Método get_rotation_matrix() de la clase Frame.

```
def get_rotation_matrix(self, flag_active_joint_displacements):
    Get rotation matrix
    Parameters
    flag_active_joint_displacements: array
        Flags active joint's displacements
   # rotation as direction cosine matrix
    indptr = np.array([0, 1, 2])
    indices = np.array([0, 1])
    data = np. tile(self.get\_rotation().as\_dcm(), (2, 1, 1))
   # matrix rotation for a joint
    t1 = bsr_matrix((data, indices, indptr), shape=(6, 6)).toarray()
    flag_active_joint_displacements = np.nonzero(
   flag_active_joint_displacements)[0]
   n = 2 * np.size(flag_active_joint_displacements)
    t1 = t1 [flag_active_joint_displacements [:, None],
   flag_active_joint_displacements]
    data = np. tile(t1, (2, 1, 1))
    return bsr_matrix((data, indices, indptr), shape=(n, n)).toarray()
```

get_local_stiffness_matrix()

El método get_local_stiffness_matrix() de la clase Frame permite calcular la matriz de rigidez de los elementos aporticados, representados por objetos tipo Frame, con respecto al sistema de coordenadas local.

Según Weaver y Gere, 1990, (1-8) es la matrix de rigidez del elemento aporticado en coordenadas locales, donde E es el módulo de Young y G es el módulo de elasticidad a cortante del material, L es la longitud del elemento y A_x , I_x , I_y e I_z son el área, la constante de torsión

y los momentos principales de inercia de la sección transversal.

En el algoritmo 1.15 se presenta la implementación del método get_local_stiffness_matrix(). El método recibe como argumentos de entrada un array que indica para cada grado de libertad si está o no activado. Según los grados de libertad activados se genera la matriz de rigidez en el sistema de coordenadas local.

La matriz de rigidez en el sistema de coordenadas local se calcula con los atributos del material, de la sección tranversal, de los nodos de los elementos aporticados y la función coo_matrix().

Según Virtanen et al, 2020, con la función $coo_matrix()$ se pueden crear matrices dispersas en el formato coordenado, también conocido como el formato ijv o el formato triple. En este formato los indices de las filas, de las columnas y los respectivos valores de la matriz dispersa son almacenados en tres arrays independientes i, j y data de tal manera que se cumpla A[i[k], j[k]] = data[k].

En las variables length, e, iy y iz se almacenan la longitud del elemento aporticado (véase el algoritmo 1.11), el módulo de Young del material y las inercias principales de la sección transversal con respecto a los ejes y y z del sistema de coordenadas local.

Después se calcula el módulo de Young dividido entre varias potencias de la longitud del elemento aporticado y los resultados se almacena en las variables el, el2 y el3 respectivamente. El número al final del nombre de estas variables indica la potencia de la longitud del elemento.

Con estas variables se calculan los términos EA/L, GI_x/L , EI_y/L , EI_z/L , $6EI_y/L^2$, $6EI_z/L^2$, $12EI_y/L^3$ y $12EI_z/L^3$, los cuales son almacenados en las variables ae1, gjl, e_iy_1, e_iz_1, e_iy_12, e_iy_13 y e_iz_13, respectivamente.

Con estas variables se describe la matriz de rigidez en coordenadas locales como una matriz dispersa en el formato ijv. Los indices de las filas y las columnas se almacenan en los arrays rows y cols, respectivamente, mientras que los valores de la matriz se almacenan en el array data.

Por ejemplo, para describir los términos de la matriz de rigidez asociados a las solicitaciones axiales, se le pasa a los arrays rows y cols los valores [0, 6, 0, 6] y [0, 6, 6, 0], y al array data se le pasa los valores [ael, ael, -eal]. Para los otros términos de la matriz de rigidez se procede de manera similar.

Finalmente, se genera la matriz de rigidez del elemento aporticado en el sistema de coordenadas local y se seleccionan las filas y columnas asociadas a los grados de libertad activados.

Algoritmo 1.15: Método get_local_stiffness_matrix() de la clase Frame.

```
def get_local_stiffness_matrix(self, active_joint_displacements):
    Get\ local\ stiffness\ matrix
    Parameters
    active\_joint\_displacements: array
        Flags active joint's displacements
    length = self.get_length()
    e = self.material.E
    iy = self.section.Iy
    iz = self.section.Iz
    el = e / length
    el2 = e / length ** 2
    el3 = e / length ** 3
    ael = self.section.A * el
    gjl = self.section.Ix * self.material.G / length
    e_iy_l = iy * el
    e_iz_l = iz * el
    e_iy_12 = 6 * iy * e12
    e_iz_12 = 6 * iz * e12
    e_i v_1 = 12 * iv * e13
    e_{iz_{1}3} = 12 * iz * e13
```

```
rows = np.empty (40, dtype=int)
cols = np.empty(40, dtype=int)
data = np.empty(40)
\# AE / L
rows[:4] = np.array([0, 6, 0, 6])
cols[:4] = np.array([0, 6, 6, 0])
data[:4] = np.array([ael, ael, -ael, -ael])
\# GJ / L
rows[4:8] = np.array([3, 9, 3, 9])
cols[4:8] = np.array([3, 9, 9, 3])
data[4:8] = np.array([gjl, gjl, -gjl, -gjl])
# 12EI / L^3
rows[8:12] = np.array([1, 7, 1, 7])
cols[8:12] = np.array([1, 7, 7, 1])
data[8:12] = np.array([e_iz_l3, e_iz_l3, -e_iz_l3, -e_iz_l3])
rows[12:16] = np.array([2, 8, 2, 8])
cols[12:16] = np.array([2, 8, 8, 2])
data[12:16] = np.array([e_iy_13, e_iy_13, -e_iy_13, -e_iy_13])
# 6EI / L^2
rows[16:20] = np.array([1, 5, 1, 11])
cols[16:20] = np.array([5, 1, 11, 1])
data[16:20] = np.array([e_iz_12], e_iz_12, e_iz_12])
rows[20:24] = np.array([5, 7, 7, 11])
cols[20:24] = np.array([7, 5, 11, 7])
data[20:24] = np.array([-e_iz_12, -e_iz_12, -e_iz_12], -e_iz_12])
rows[24:28] = np.array([2, 4, 2, 10])
cols[24:28] = np.array([4, 2, 10, 2])
data[24:28] = np.array([-e_iy_l2, -e_iy_l2, -e_iy_l2, -e_iy_l2])
rows[28:32] = np.array([4, 8, 8, 10])
cols[28:32] = np.array([8, 4, 10, 8])
data[28:32] = np.array([e_iy_12, e_iy_12, e_iy_12, e_iy_12])
# 4EI / L
rows[32:36] = np.array([4, 10, 5, 11])
cols[32:36] = np.array([4, 10, 5, 11])
data[32:36] = np.array([4 * e_iy_l, 4 * e_iy_l, 4 * e_iz_l], 4 * e_iz_l]
rows[36:] = np.array([10, 4, 11, 5])
cols[36:] = np.array([4, 10, 5, 11])
```

```
data[36:] = np.array([2 * e_iy_l , 2 * e_iy_l , 2 * e_iz_l , 2 * e_iz_l])
k = coo_matrix((data, (rows, cols)), shape=(12, 12)).toarray()
active_frame_displacement = np.nonzero(np.tile(active_joint_displacements, 2))[0]
return k[active_frame_displacement[:, None], active_frame_displacement]
```

get_global_stiffness_matrix()

El método get_global_stiffness_matrix() de la clase Frame permite calcular la matriz de rigidez de los elementos aporticados, representados por objetos tipo Frame, con respecto al sistema de coordenadas global.

Según Weaver y Gere, 1990, la matriz de rigidez de los elementos aporticados con respecto al sistema de coordenadas global se puede calcular como

$$\mathbf{S_{MS}} = \mathbf{R_T} \mathbf{S_M} \mathbf{R_T^T} \tag{1-9}$$

donde $\mathbf{R_T}$ y $\mathbf{S_M}$ son la matriz de transformación de rotación y la matriz de rigidez en el sistema de coordenadas local del elemento aporticado.

En el algoritmo 1.16 se presenta la implementación del método get_global_stiffness_matrix(). El método recibe como argumento de entrada un array que indica para cada grado de libertad si está o no activado. Según los grados de libertad activados se genera la matriz de rigidez en el sistema de coordenadas global.

La matriz de rigidez en el sistema de coordenadas global se calcula con la matriz de rigidez en el sistema de coordenadas local y la matriz de transformación de rotación del elemento aporticado. Estas matrices son calculadas con los métodos get_matrix_rotation() (véase el algoritmo 1.14) y get_local_stiffness_matrix() (véase el algoritmo 1.15), y almacenadas en las variables k y t, respectivamente.

Finalmente, se operan las matrices obtenidas según (1-9) para calcular la matriz de rigidez del elemento aporticado en el sistema de coordenadas global con las funciones dot() y transpose().

Algoritmo 1.16: Método get_global_stiffness_matrix() de la clase Frame.

```
def get_global_stiffness_matrix(self, active_joint_displacements):
    """
Get the global stiffness matrix
```

```
Parameters

active_joint_displacements : array
Flags active joint's displacements

"""

k = self.get_local_stiffness_matrix(active_joint_displacements)

t = self.get_rotation_matrix(active_joint_displacements)

return np.dot(np.dot(t, k), np.transpose(t))
```

1.1.6. Support

La clase Support representa los apoyos de la estructura, al establecer los desplazamientos restringidos de los nodos.

En el algortimo 1.17 se presenta la implementación de la clase Support. Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos 'ux', 'uy', 'uz', 'rx', 'ry' y 'rz' al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia.

El constructor de la clase recibe seis argumentos de entrada opcionales, para cada uno de los grados de libertad, los cuales tienen False como valor por defecto. El usuario debe indicar qué grados de libertad están restrigidos.

Finalmente, la clase Support implementa el método get_restrains() que genera un *array* que indica para cada grado de libertad activado si está o no restrigido.

Algoritmo 1.17: Clase Support implementada en el archivo primitives.py.

```
class Support (AttrDisplay):

"""

Point of support

Attributes

ux : bool

Flag restrain x-axis translation.

uy : bool

Flag restrain y-axis translation.

uz : bool

Flag restrain z-axis translation.

rx : bool

Flag restrain x-axis rotation.
```

```
ry : bool
     Flag restrain y-axis rotation.
rz : bool
     Flag\ restrain\ z-axis\ rotation.
Methods
get_restrains()
     Get flag restrains.
-slots_{-} = ('ux', 'uy', 'uz', 'rx', 'ry', 'rz')
def __init__(self, ux=False, uy=False, uz=False, rx=False, ry=False, rz=
False):
     Instantiate a Support object
     Parameters
     ux : bool
         Flag restrain x-axis translation.
     uy : bool
         Flag \ restrain \ y-axis \ translation \ .
     uz : bool
         Flag\ restrain\ z-axis\ translation .
     rx : bool
         Flag \ restrain \ x-axis \ rotation \ .
     ry : bool
         Flag restrain y-axis rotation.
     rz : bool
         Flag restrain z-axis rotation.
     self.ux = ux
     self.uy = uy
     self.uz = uz
     self.rx = rx
     self.ry = ry
     self.rz = rz
def get_restrains(self, flag_joint_displacements):
     Get restrains
     Attributes
     flag_{-}joint_{-}displacements: array
         Flag active joint displacements.
```

```
return np.array([getattr(self, name) for name in self.__slots__])[
flag_joint_displacements]
```

1.1.7. LoadPattern

La clase LoadPattern representa los patrones de carga a los que está sometida la estructura, al establecer la magnitud de las fuerzas y las cargas distribuidas que actúan en los nodos y en los elementos aporticados, respectivamente. En la figura 1-4 se presentan los métodos y atributos de esta clase.

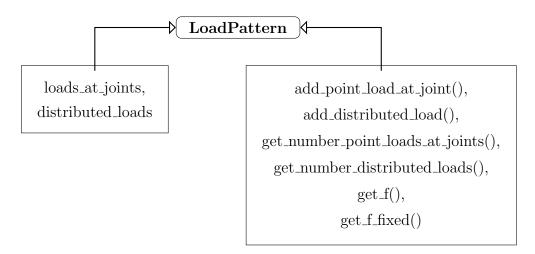


Figura 1-4: Métodos y atributos de la clase LoadPattern.

Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos loads_at_joints y distributed_loads al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia.

En el algoritmo 1.18 se presenta el constructor de la clase LoadPattern. El constructor de la clase no tiene argumentos de entrada. Sin embargo, asigna un diccionario vacío a los atributos loads_at_joints y distributed_loads.

Algoritmo 1.18: Constructor de la clase LoadPattern.

```
def __init__(self):
    """Instantiate a LoadPatter object"""
    self.loads_at_joints = {}
    self.distributed_loads = {}
```

A continuación se presentan los métodos de la clase LoadPattern, con los cuales se puede, entre otras cosas, calcular el vector de fuerzas en los nodos de la estructura del caso de carga.

add_point_load_at_joint()

El método add_point_load_at_joint() de la clase LoadPattern permite agregar fuerzas en los nodos.

En el algoritmo 1.19 se presenta la implementación del método add_point_load_at_joint(). Los argumentos de entrada opcionales *args y **kwargs son pasados al constructor de la clase PointLoad, mientras que el argumento joint es usado como llave para almacenar el objeto creado en el diccionario loads_at_joints.

Algoritmo 1.19: Método add_point_load_at_joint() de la clase LoadPattern.

add_distributed_load()

El método add_distributed_load() de la clase LoadPattern permite agregar cargas distribuidas en los elementos aporticados.

En el algoritmo 1.20 se presenta la implementación del método add_distributed_load(). Los argumentos de entrada opcionales *args y **kwargs son pasados al constructor de la clase DistributedLoad, mientras que el argumento frame es usado como llave para almacenar el objeto creado en el diccionario distributed_loads.

Algoritmo 1.20: Método add_distributed_load() de la clase LoadPattern.

```
def add_distributed_load(self, frame, *args, **kwargs):
    """
Add a distributed load at frame
    Parameters
```

```
frame : Joint
Frame
"""
self.distributed_loads[frame] = DistributedLoad(*args, **kwargs)
```

get_number_point_loads_at_joints()

El método get_number_point_loads_at_joints() de la clase LoadPattern calcula el número de nodos cargados.

En el algoritmo 1.21 se presenta la implementación del método get_number_point_loads _at_joints(). El método calcula la cantidad de entradas que tiene el diccionario loads_at_joints.

Algoritmo 1.21: Método get_number_point_loads_at_joints() de la clase LoadPattern.

```
def get_number_point_loads_at_joints(self):
    """Get number loads at joints"""
    return len(self.loads_at_joints)
```

get_number_distributed_loads()

El método get_number_distributed_loads() de la clase LoadPattern calcula el número de elementos aporticados cargados.

En el algoritmo 1.22 se presenta la implementación del método get_number_distributed_loads(). El método calcula la cantidad de entradas que tiene el diccionario distributed_loads.

Algoritmo 1.22: Método get_number_distributed_loads() de la clase LoadPattern.

```
def get_number_distributed_loads(self):
    """Get number distributed loads"""
    return len(self.distributed_loads)
```

get_f()

El método get_f() de la clase LoadPattern calcula el vector de fuerzas total en los nodos de la estructura del caso de carga, representado por objetos tipo LoadPattern, con respecto al sistema de coordenadas global.

Según Weaver y Gere, 1990, el vector de fuerzas equivalente en los nodos de la estructura A_E debido a las cargas en los elementos aporticados se calcula como

$$\mathbf{A_E} = -\sum_{i=1}^{m} \mathbf{A_{MSi}} \tag{1-10}$$

donde A_{MSi} es el vector de acciones fijas en los nodos del elemento aporticado i en el sistema de coordenadas global. Este vector de fuerzas equivalentes se suma con el vector de fuerzas aplicadas en los nodos de la estructura para formar el vector de fuerzas total.

En el algoritmo 1.23 se presenta la implementación del método get_f(). El método recibe los argumentos de entrada obligatorios flag_displacements e indexes. La variable flag_displacements indica para cada grado de libertad si está o no activado, mientras que la variable indexes relaciona los objetos tipo Joint con sus respectivos grados de libertad. Según los grados de libertad activados se genera el vector de fuerzas total en los nodos de la estructura del caso de carga.

El vector de fuerzas aplicadas en los nodos de la estructura se ensambla, a partir de las fuerzas aplicadas en cada nodo de la estructura y sus respectivos grados de libertad, con la función coo_matrix().

Para esto, primero se calcula la cantidad de grados de libertad activados y nodos cargados, con la función count_nonzero y el método get_number_point_loads_at_joints() (véase el algoritimo 1.21), y se almacenan en las variables no y n, respectivamente.

Con estos valores se dimensionan los arrays rows, cols y data. Los arrays rows y data se crean con valores arbitrarios, con la función np.zeros(), para almacenar los grados de libertad y las fuerzas en los nodos respectivamente, mientras que el array cols se crea con ceros en todas sus entradas, con la función np.zeros(), debido a que el vector de fuerzas en los nodos de la estructura es un vector columna.

Finalmente, se crea el vector de fuerzas del caso de carga en los nodos de la estructura, pasando a la función coo_matrix() los arrays rows, cols y data, y se le resta el vector de fuerzas equivalentes del caso de carga en los nodos, calculada con el método get_f_fixed().

Algoritmo 1.23: Método get_f() de la clase LoadPattern.

```
def get_f(self , flag_displacements , indexes):
    """
    Get the load vector
    Attributes
```

```
flag_displacements : array
    Flags active joint's displacements
indexes : dict
    Key value pairs joints and indexes.
"""

no = np.count_nonzero(flag_displacements)

n = self.get_number_point_loads_at_joints()

rows = np.empty(n * no, dtype=int)
cols = np.zeros(n * no, dtype=int)
data = np.empty(n * no)

for i, (joint, point_load) in enumerate(self.loads_at_joints.items()):
    rows[i * no:(i + 1) * no] = indexes[joint]
    data[i * no:(i + 1) * no] = point_load.get_load(flag_displacements)

return coo_matrix((data, (rows, cols)), (no * len(indexes), 1)) - self.
get_f_fixed(flag_displacements, indexes)
```

get_f_fixed()

El método get_f_fixed() de la clase LoadPattern calcula el vector de fuerzas equivalente en los nodos de la estructura del caso de carga, representado por objetos tipo LoadPattern, con respecto al sistema de coordenadas global.

En el algoritmo 1.24 se presenta la implementación del método get_f_fixed(). El método recibe los argumentos de entrada obligatorios flag_displacements e indexes. La variable flag_displacements indica para cada grado de libertad si está o no activado, mientras que la variable indexes relaciona los objetos tipo Joint con sus respectivos grados de libertad. Según los grados de libertad activados se genera el vector de fuerzas equivalentes en los nodos de la estructura del caso de carga.

El vector de fuerzas equivalentes en los nodos de la estructura se ensambla, a partir de las cargas aplicadas en los elementos aporticados y sus respectivos grados de libertad, con la función coo_matrix().

Para esto, primero se calcula la cantidad de grados de libertad activados y elementos aporticados cargados, con la función count_nonzero y el método get_number_distributed_loads() (véase el algoritmo 1.22), y se almacenan en las variables no y n, respectivamente.

Con estos valores se dimensionan los arrays rows, cols y data. Los arrays rows y data

1.1 Clases 31

se crean con valores arbitrarios, para almacenar los grados de libertad y las fuerzas en los nodos respectivamente, mientras que el *array* cols se crea con ceros entodas sus entradas, debido a que el vector de fuerzas equivalente en los nodos de la estructura es un vector columna.

Algoritmo 1.24: Método get_f_fixed() de la clase LoadPattern.

```
 \frac{def}{def} \ get\_f\_fixed (self \ , \ flag\_joint\_displacements \ , \ indexes): 
  Get the f fixed.
  Attributes
  flag_{-}joint_{-}displacements: array
      Flags active joint's displacements.
  indexes: dict
      Key value pairs joints and indexes.
  no = np.count_nonzero(flag_joint_displacements)
  n = self.get_number_distributed_loads()
  rows = np.empty(2 * n * no, dtype=int)
  cols = np. zeros(2 * n * no, dtype=int)
  data = np.empty(2 * n * no)
  for i, (frame, distributed_load) in enumerate(self.distributed_loads.items()
   ):
      joint_{j} = frame.joint_{j}
      joint_k = frame.joint_k
      rows[i * 2 * no:(i + 1) * 2 * no] = np.concatenate((indexes[joint_j],
   indexes [joint_k]))
      data[i * 2 * no:(i + 1) * 2 * no] = distributed_load.get_f_fixed(
   flag_joint_displacements, frame)
  return coo_matrix((data, (rows, cols)), (no * len(indexes), 1))
```

1.1.8. PointLoad

La clase PointLoad representa las fuerzas aplicadas en los nodos de la estructura, al establecer el valor de las fuerzas en el sistema de coordenadas global.

En el algoritmo 1.25 se presenta la implementación de la clase PointLoad. Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos 'fx', 'fy', 'fz', 'mx', 'my' y 'mz' al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos

que puede tener una instancia.

El constructor de la clase recibe seis argumentos de entrada opcionales, para cada uno de los grados de libertad, los cuales tienen 0 como valor por defecto. El usuario debe indicar el valor de las fuerzas diferentes de cero.

Finalmente, la clase PointLoad implementa el método get_load() que genera un array que indica, para cada grado de libertad activado, el valor de la fuerza.

```
Algoritmo 1.25: Clase PointLoad implementada en el archivo primitives.py.
class PointLoad(AttrDisplay):
   Point load
   Attributes
   fx : float
        Force along 'x' axis.
   fy : float
        Force along 'y' axis.
   fz : float
        Force along 'z' axis.
   mx : float
        Force around 'x' axis.
   my : float
        Force around 'y' axis.
   mz : float
        Force around 'z' axis.
   Methods
     get_load(flag_joint_displacements)
        Get the load vector.
    -slots_{-} = ('fx', 'fy', 'fz', 'mx', 'my', 'mz')
   def = init_{-}(self, fx=0, fy=0, fz=0, mx=0, my=0, mz=0):
        Instantiate a PointLoad object
        Parameters
        fx : float
            Force along 'x' axis.
        fy : float
            Force along 'y' axis.
        fz : float
```

1.1 Clases 33

```
Force along 'z' axis.
    mx : float
         Force around 'x' axis.
    my : float
         Force around 'y' axis.
    mz : float
        Force around 'z' axis.
    self.fx = fx
    self.fy = fy
    self.fz = fz
    self.mx = mx
    self.my = my
    self.mz = mz
def get_load(self, flag_joint_displacements):
    Get load
    Parameters
    flag_joint_displacements: array
         Flags\ active\ joint\ 's\ displacements.
    return np.array([getattr(self, name) for name in self.__slots__])[
flag_joint_displacements]
```

1.1.9. DistributedLoad

La clase DistributedLoad representa las cargas distribuidas aplicadas en los elementos aporticados de la estructura, al establecer el valor de las cargas en el sistema de coordenadas local.

En el algoritmo 1.26 se presenta la implementación de la clase DistributedLoad. Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos 'system', 'fx', 'fy' y 'fz' al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instacia.

El constructor de la clase recibe tres argumentos de entrada opcionales, para cada una de las cargas distribuidas a lo largo de los ejes principales del sistema de coordenadas local. El usuario debe indicar el valor de las cargas distribuidas diferentes de cero.

Finalmente, la clase DistributedLoad implementa el método get_f_fixed() que genera

un array que indica, para cada grado de libertad activado, las fuerzas equivalentes en los nodos de la estructura en el sistema de coordenadas global.

Algoritmo 1.26: Clase DistributedLoad implementada en el archivo primitives.py.

```
class DistributedLoad(AttrDisplay):
Distributed load
A\ t\ t\ r\ i\ b\ u\ t\ e\ s
system: str
    Coordinate system ('local' by default).
fx : float
    Distributed force along 'x' axis.
fy : float
    Distributed force along 'y' axis.
fz: float
    Distributed force along 'z' axis.
Methods
get_load()
    Get the load vector.
_{-slots_{--}} = ('system', 'fx', 'fy', 'fz')
def = init_{-}(self, fx=0, fy=0, fz=0):
    Instantiate a Distributed object
    Parameters
    fx : float
        Distributed force along 'x' axis.
    fy : float
        Distributed force along 'y' axis.
    fz : float
        Distributed force along 'z' axis.
    self.system = 'local'
    self.fx = fx
    self.fy = fy
    self.fz = fz
def get_f_fixed (self, flag_joint_displacements, frame):
    ,, ,, ,,
```

1.1 Clases 35

```
Get f fixed.
                        Parameters
                        flag_joint_displacements: array
                                             Flags active joint's displacements.
                        frame : Frame
                                             Frame.
                        length = frame.get_length()
                        fx = self.fx
                        fy = self.fy
                        fz = self.fz
                        f_{-local} = [-fx * length / 2, -fy * length / 2, -fz * length / 2, 0, fz
     * length ** 2 / 12, -fy * length ** 2 / 12]
                        f_{-local} += [fx * length / 2, -fy * length / 2, -fz * length / 2, 0, -fx + length / 2, 0,
fz * length ** 2 / 12, fy * length ** 2 / 12]
                        return np.dot(frame.get_rotation_matrix(flag_joint_displacements),
f_local)
```

1.1.10. Displacement

La clase Displacement representa los desplazamientos de los nodos de la estructura, al establecer el valor de las translaciones y rotaciones en el sistema de coordenadas global.

En el algoritmo 1.27 se presenta la implementación de la clase Displacement. Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos 'ux', 'uy', 'uz', 'rx', 'ry' y 'rz' al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia.

El constructor de la clase recibe seis argumentos de entrada opcionales, para cada uno de los posibles desplazamientos de los nodos en el sistema de coordenadas global. El usuario debe indicar el valor de los desplazamientos diferentes de cero.

Finalmente, la clase Displacement implementa el método get_displacements() que genera un *array* que indica, para cada grado de libertad activado, el valor del desplazamiento.

Algoritmo 1.27: Clase Displacement implementada en el archivo primitives.py.

```
class Displacement (AttrDisplay):
```

```
Displacement
Attributes
ux : float
    Translation along 'x' axis.
uy : float
    Translation along 'y' axis.
uz : float
    Translation along 'z' axis.
rx : float
    Rotation around 'x' axis.
ry : float
    Rotation\ around\ 'y'\ axis.
rz: float
    Rotation around 'z' axis.
Methods
get_-displacements()
    Get\ the\ displacement\ vector.
-slots_{--} = ('ux', 'uy', 'uz', 'rx', 'ry', 'rz')
def_{-init_{-}}(self, ux=0, uy=0, uz=0, rx=0, ry=0, rz=0):
    Instantiate\ a\ Displacement
    Parameters
    ux : float
        Translation along 'x' axis.
    uy : float
        Translation along 'y' axis.
    uz : float
        Translation along 'z' axis.
    rx : float
        Rotation around 'x' axis.
    ry : float
        Rotation around 'y' axis.
    rz: float
        Rotation\ around\ 'z'\ axis.
    self.ux = ux
    self.uy = uy
    self.uz = uz
    self.rx = rx
```

1.1 Clases 37

```
self.ry = ry
self.rz = rz

def get_displacement(self, flag_joint_displacements):
    """Get displacements"""
    return np.array([getattr(self, name) for name in self.__slots__])[
flag_joint_displacements]
```

1.1.11. Reaction

La clase Reaction representa las reacciones de los apoyos de la estructura, al establecer el valor de las reacciones en el sistema de coordenadas global.

En el algoritmo 1.28 se presenta la implementación de la clase Reaction. Como mecánismo de optimización, se asigna una tupla con los elementos 'fx', 'fy', 'fz', 'mx', 'my' y 'mz' al atributo __slots__ de la clase para indicarle a Python que limite la cantidad de atributos que puede tener una instancia.

El constructor de la clase recibe seis argumentos de entrada opcionales, para cada una de las posibles reacciones en el sistema de coordenadas global. El usuario debe indicar el valor de las reacciones diferentes de cero.

Finalmente, la clase Reaction implementa el método get_reactions() que genera un array que indica, para cada grado de libertad activado, el valor de la reacción.

Algoritmo 1.28: Clase Reaction implementada en el archivo primitives.py.

```
class Reaction (AttrDisplay):

"""

Reaction

Attributes

fx : float
    Force along 'x' axis.

fy : float
    Force along 'y' axis.

fz : float
    Force along 'z' axis.

mx : float
    Moment around 'x' axis.

my : float
    Moment around 'y' axis.

mz : float
    Moment around 'y' axis.
```

```
Moment around 'z' axis.
Methods
get_reactions()
    Get the load vector.
-slots_{-} = ('fx', 'fy', 'fz', 'mx', 'my', 'mz')
def __init__ (self, fx=0, fy=0, fz=0, mx=0, my=0, mz=0):
    Instantiate a Reaction
    Parameters
    fx : float
        Force along 'x' axis.
    fy : float
        Force along 'y' axis.
    fz : float
        Force along 'z' axis.
   mx : float
        Moment around 'x' axis.
   my : float
        Moment around 'y' axis.
    mz : float
        Moment around 'z' axis.
    self.fx = fx
    self.fy = fy
    self.fz = fz
    self.mx = mx
    self.my = my
    self.mz = mz
def get_reactions(self, flag_joint_displacements):
    """Get reactions"""
    return np.array([getattr(self, name) for name in self.__slots__])[
   flag_joint_displacements]
```

1.2. Structure

La clase **Structure** representa el modelo de estructuras aporticadas tridimensionales sometidas a cargas estáticas, al agregar objetos que describen la geometría de la estructura, sus condiciones de apoyo y las solicitaciones externas. En la figura **1-5** se presentan los métodos y atributos de esta clase.

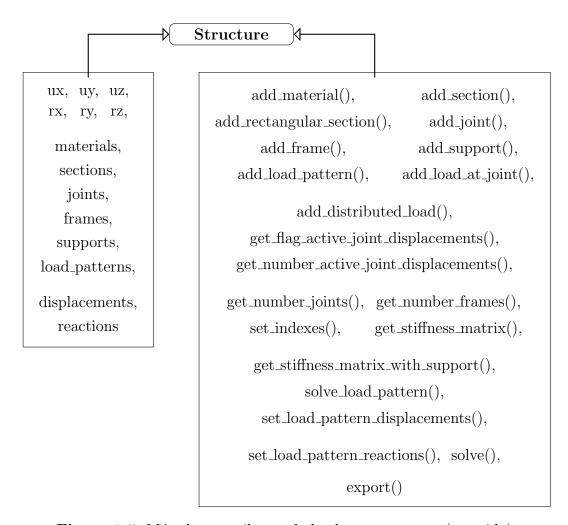


Figura 1-5: Métodos y atributos de la clase Structure (repetida).

Como se mencionó anteriormente, el constructor de la clase recibe seis argumentos de entrada opcionales, uno para cada grado de libertad, los cuales tienen False como valor por defecto. Cuando el usuario crea un objeto de esta clase debe indicar qué grados de libertad quiere tener en cuenta para analizar el modelo (véase el algoritmo 1.1).

Con los métodos add_material(), add_section(), add_rectangular_section(), add_joint(), add_frame() y add_support() se pueden agregar objetos tipo Material, Section, RectangularSection, Joint, Frame y Support, respectivamente, para describir la geometría y condiciones de apoyo de la estructura.

Con los métodos add_load_pattern(), add_load_at_joint() y add_distributed_load() de pueden agregar objetos tipo LoadPattern, PointLoad y DistributedLoad, respectivamente, para describir las cargas de los patrones de carga a los que se encuentra sometida la

estructura.

A continuación se presentan los demás métodos de la clase Structure, con los cuales se puede, entre otras cosas, analizar linealmente el modelo para encontrar los desplazamientos y reacciones de la estructura sometida a los diferentes patrones de carga.

1.2.1. get_flag_active_joint_displacements()

El método get_flag_active_joint_displacements() de la clase Structure genera un array que indica para cada grado de libertad si está o no activado.

En el algoritmo 1.29 se presenta la implementación del método get_flag_active_joint_displacements(). El método genera un array con los valores de los atributos ux, uy, uz, rx, ry y rz como entradas.

Algoritmo 1.29: Método get_flag_active_joint_displacements() de la clase Structure.

```
def get_flag_active_joint_displacements(self):
    """
    Get active joint displacements

    Returns
    indexes: array
        Flag active joint displacements.
    """
    return np.array([self.ux, self.uy, self.uz, self.rx, self.ry, self.rz])
```

1.2.2. get_number_active_joint_displacements()

El método get_number_active_joint_displacements() de la clase Structure calcula el número de grados de libertad activados.

En el algoritmo 1.30 se presenta la implementación del método get_number_active_joint_displacements(). El método calcula la cantidad de entradas iguales a True del array generado por el método get_flag_active_joint_displacements() (véase el algoritmo 1.29).

Algoritmo 1.30: Método get_number_active_joint_displacements() de la clase Structure.

```
def get_flag_active_joint_displacements(self):
    """
Get active joint displacements
```

```
Returns

array

Flags active joint displacements.

"""

return np.array([self.ux, self.uy, self.uz, self.rx, self.ry, self.rz])
```

1.2.3. get_number_joints()

El método get_number_joints() de la clase Structure calcula cantidad de nodos de la estructura.

En el algoritmo 1.31 se presenta la implementación del método get_number_joints(). El método calcula la cantidad de entradas que tiene el diccionario joints.

Algoritmo 1.31: Método get_number_joints() de la clase Structure.

```
def get_number_joints(self):
    """Get number of joints

    Returns
    int
        Number of joints.
    """
    return len(self.joints)
```

1.2.4. get_number_frames()

El método get_number_frames() de la clase Structure calcula la cantidad de elementos aporticados de la estructura.

En el algoritmo 1.32 se presenta la implementación del métdo get_number_frames(). El método calcula la cantidad de entradas que tiene el diccionario frames.

Algoritmo 1.32: Método get_number_frames() de la clase Structure.

```
def get_number_frames(self):
"""Get number of frames

Returns
———
```

```
int
    Number of frames
"""
return len(self.frames)
```

1.2.5. set_indexes()

El método set_indexes() de la clase Structure genera un diccionario donde las llaves son los nodos de la estructura y los valores los respectivos grados de libertad.

En el algoritmo 1.33 se presenta la implementación del método set_indexes(). El método crea un diccionario donde las llaves son los objetos tipo Joint del diccionario joints y los valores arrays con los respectivos grados de libertad.

Los grados de libertad de cada nodo de la estructura se asignan de manera secuencial en función de la cantidad de grados de libertad activados, calculada con el método get_number_active_joint_displacements() (véase el algoritmo 1.30). Al primer nodo se le asignan los primeros n indices, comenzando desde cero, al segundo nodo los siguientes n indices y así sucesivamente para cada uno de los demás nodos.

Algoritmo 1.33: Método set_indexes() de la clase Structure.

```
def set_indexes(self):
    """Set the indexes"""
    n = self.get_number_active_joint_displacements()

    return {joint: np.arange(n * i, n * (i + 1)) for i, joint in enumerate(self.joints.values())}
```

1.2.6. get_stiffness_matrix()

El método get_stiffness_matrix() de la clase Structure permite calcular la matriz de rigidez de la estructura.

En el algoritmo 1.34 se presenta la implementación del método get_stiffness_matrix(). El método recibe como argumentos de entrada el diccionario que relaciona los nodos de la estructura con sus respectivos grados de libertad, calculado con el método set_indexes() (véase el algoritmo 1.33). Según los grados de libertad de los nodos de la estructura se ensamblan las matrices de rigidez de los elementos aporticados con la función coo_matrix().

Para cada objeto tipo Frame del diccionario frames se calcula su matriz de rigidez en el sistema de coordenadas global, mediante el método get_global_stiffness_matrix() (véase el algoritmo 1.16), y se extraen los grados de libertad de los nodos del elemento aporticado del diccionario indexes.

Con estas variables se describe la matriz de rigidez en coordenadas locales como una matriz dispersa en el formato ijv. Los indices de las filas y las columnas se almacenan en los arrays rows y cols, respectivamente, mientras que los valores de la matriz se almacenan en el array data.

Finalmente, se genera la matriz de rigidez de la estructura indicando que se trata de una matriz cuadrada de tamaño del número de grados de libertad activados por la cantidad de nodos de la estructura.

Algoritmo 1.34: Método get_stiffness_matrix() de la clase Structure.

```
def get_stiffness_matrix(self, indexes):
   Get the stiffness matrix of the structure
   Parameters
   indexes: dict
        Key value pairs joints and indexes.
   Returns
   k : coo_{-}matrix
        Stiffness matrix of the structure.
   flag_joint_displacements = self.get_flag_active_joint_displacements()
   number_active_joint_displacements = np.count_nonzero(
   flag_joint_displacements)
   number_joints = self.get_number_joints()
   number_frames = self.get_number_frames()
   # just for elements with two joints
   n = 2 * number_active_joint_displacements # change function element type
   n_{-}2 = n ** 2
   rows = np.empty(number\_frames * n_2, dtype=int)
   cols = np.empty(number_frames * n_2, dtype=int)
   data = np.empty(number\_frames * n_2)
```

```
for i, frame in enumerate(self.frames.values()):
    k_element = frame.get_global_stiffness_matrix(flag_joint_displacements)

    indexes_element = np.concatenate((indexes[frame.joint_j], indexes[
frame.joint_k]))
    indexes_element = np.broadcast_to(indexes_element, (n, n))

    rows[i * n_2:(i + 1) * n_2] = indexes_element.flatten('F')
    cols[i * n_2:(i + 1) * n_2] = indexes_element.flatten()
    data[i * n_2:(i + 1) * n_2] = k_element.flatten()

return coo_matrix((data, (rows, cols)), 2 * (
number_active_joint_displacements * number_joints,))
```

1.2.7. get_stiffness_matrix_with_support()

El método get_stiffness_matrix_with_support() de la clase Structure modifica la matriz de rigidez de la estructura, calculada con el método get_stiffness_matrix() (véase el algoritmo 1.34), para tener en cuenta las condiciones de apoyo.

Según Reddy, 1993, para tener en cuenta las condiciones de apoyo de la estructura en la matriz de rigidez, se deben reemplazar los valores de las filas y las columnas asociadas a los grados de libertad restringidos por ceros, a excepción de los valores en la diagonal principal, los cuales deben ser reemplazados por 1.

En el algoritmo 1.35 se presenta la implementación del método get_stiffness_matrix_with_support(). El método recibe como argumentos de entrada la matriz de rigidez de la estructura, calculada con el método get_stiffness_matrix() (véase el algoritmo 1.34), y el diccionario que relaciona los nodos de la estructura con sus respectivos grados de libertad, calculado con el método set_indexes() (véase el algoritmo 1.33).

Para cada objeto tipo Support del diccionario supports se extraen los grados de libertad del diccionario indexes y se calculan las restricciones del apoyo con el método get_restrains() (véase el algoritmo 1.17). Estos valores se almacenan en las variables joint_indexes y restrains respectivamente.

Finalmente, para cada grado de libertad restringido se reemplazan los valores asociados de la fila y la columna de la matriz de rigidez de la estructura por ceros y el valor en la diagonal principal por 1.

Algoritmo 1.35: Método get_stiffness_matrix_with_support() de la clase Structure.

```
def get_stiffness_matrix_with_support(self, stiffness_matrix, indexes):
   Get the stiffness matrix of the structure with supports
   stiffness\_matrix : ndarray
        Stiffness matrix of the structure.
   indexes: dict
       Key value pairs joints and indexes.
   Returns
   stiffness\_matrix\_with\_supports: ndarray
        Stiffness matrix of the structure modified by supports.
   flag_joint_displacements = self.get_flag_active_joint_displacements()
   n = np.shape(stiffness\_matrix)[0]
   for joint , support in self.supports.items():
       joint_indexes = indexes[joint]
       restrains = support.get_restrains(flag_joint_displacements)
       for index in joint_indexes [restrains]:
            stiffness_matrix[index] = stiffness_matrix[:, index] = np.zeros(n)
            stiffness_matrix[index, index] = 1
   return stiffness_matrix
```

1.2.8. solve_load_pattern()

El método solve_load_pattern() de la clase Structure calcula los vectores de desplazamientos y fuerzas en los nodos de la estructura debidos a las cargas definidas en los patrones de carga.

En el algoritmo 1.36 se presenta la implementación del método solve_load_pattern(). El método recibe como argumentos de entrada el patrón de carga, representado por objetos tipo LoadPattern (véase el algoritmo 1.18), el diccionario que relaciona los nodos de la estructura con sus respectivos grados de libertad, calculado con el método set_indexes() (véase el algoritmo 1.33), la matriz de rigidez de la estructura, calculada con el método get_stiffness_matrix() (véase el algoritmo 1.34), y la matriz de rigidez modificada para tener en cuenta las condiciones de apoyo, calculada con el método get_stiffness_matrix_with_support() (véase el algoritmo 1.35).

Según Reddy, 1993, para tener en cuenta las condiciones de apoyo de la estructura en el vector de fuerzas en los nodos, se deben reemplazar los valores asociado a los grados de libertad restringidos por cero.

El vector de fuerzas en los nodos de la estructura del caso de carga se calcula con el método get_f() (véase el algoritmo 1.23). Para cada objeto tipo Support del diccionario supports se extraen los respectivos grados de libertad del diccionario indexes y se calculan las restricciones del apoyo con el método get_restrains() (véase el algoritmo 1.17), para reemplazar los valores asociados a los grados de libertad restringidos del vector de fuerzas en los nodos de la estructura por cero.

Finalmente, se calculan los vectores de desplazamientos y fuerzas en los nodos de la estructura, y se almacena los resultados en las variables u y f, respectivamente.

Algoritmo 1.36: Método solve_load_pattern() de la clase Structure.

```
def solve_load_pattern(self, load_pattern, indexes, k, k_support):
    Solve load pattern
    Parameters
    load_pattern : LoadPattern
        Load pattern object.
    indexes: dict
        Key value pairs joints and indexes.
    k : ndarray
        Stiffness matrix of the structure.
    k_-support : ndarray
        Stiffness matrix of the structure modified by supports.
    Returns
    u : ndarray
        Displacements vector.
    f : ndarray
        Forces vector.
    flag_joint_displacements = self.get_flag_active_joint_displacements()
    f = load_pattern.get_f(flag_joint_displacements, indexes).toarray()
    for joint, support in self.supports.items():
        joint_indexes = indexes[joint]
```

```
restrains = support.get_restrains(flag_joint_displacements)
for index in joint_indexes[restrains]:
    f[index, 0] = 0

u = np.linalg.solve(k_support, f)
f = np.dot(k, u) + load_pattern.get_f_fixed(flag_joint_displacements,
indexes).toarray()

return u, f
```

1.2.9. set_load_pattern_displacements()

El método set_load_pattern_displacements() de la clase Structure almacena los desplazamientos de los nodos de la estructura, debidos a las cargas definidas en los patrones de carga, en el diccionario displacements.

En el algoritmo 1.37 se presenta la implementación del método set_load_pattern_displa cements(). El método recibe como argumentos de entrada el patrón de carga, representado por objetos tipo LoadPattern (véase el algoritmo 1.18), el diccionario que relaciona los nodos de la estructura con sus respectivos grados de libertad, calculado con el método set_indexes() (véase el algoritmo 1.33), y el vector de desplazamientos de los nodos de la estructura, calculado con el método solve_load_pattern() (véase el algoritmo 1.36).

Para cada objeto tipo Joint del diccionario joints se crea una entrada en el diccionario load_pattern_displacements, donde las llaves son los objeto tipo Joint y los valores objetos tipo Displacements, creados con los respectivos valores del vector de desplazamientos de los nodos de la estructura (véase el algoritmo 1.27).

Finalmente, el diccionario load_pattern_displacements se almacena en el diccionario displacements usando el objeto tipo LoadPattern como llave.

Algoritmo 1.37: Método set_load_pattern_displacements() de la clase Structure.

```
def set_load_pattern_displacements (self , load_pattern , indexes , u):
    """

Set load pattern displacement

Parameters

load_pattern : LoadPattern

Load pattern.

indexes : dict

Key value pairs joints and indexes.
```

```
u : ndarray
    Displacements.
"""

flag_joint_displacements = self.get_flag_active_joint_displacements()
load_pattern_displacements = {}

for joint in self.joints.values():
    joint_indexes = indexes[joint]
    displacements = flag_joint_displacements.astype(float)
    displacements[flag_joint_displacements] = u[joint_indexes, 0]
    load_pattern_displacements[joint] = Displacement(*displacements)

self.displacements[load_pattern] = load_pattern_displacements
```

1.2.10. set_load_pattern_reactions()

El método set_load_pattern_reactions() de la clase Structure almacena las reacciones de los apoyos de la estructura, debidos a las cargas definidas en los patrones de carga, en el diccionario reactions.

En el algoritmo 1.38 se presenta la implementación del método set_load_pattern_reac tions(). El método recibe como argumentos de entrada el patrón de carga, representado por objetos tipo LoadPattern (véase el algoritmo 1.18), el diccionario que relaciona los nodos de la estructura con sus respectivos grados de libertad, calculado con el método set_indexes() (véase el algoritmo 1.33), y el vector de fuerzas en los nodos de la estructura, calculado con el método solve_load_pattern() (véase el algoritmo 1.36).

Para cada objeto tipo Support del diccionario supports se crea una entrada en el diccionario load_pattern_reactions, donde las llaves son los objetos tipo Joint y los valores objetos tipo Reactions, creados con los respectivos valores del vector de fuerzas en los nodos de la estructura (véase el algoritmo 1.28).

Finalmente, el diccionario load_pattern_reactions se almacena en el dicionario reactions usando el objeto tipo LoadPattern como llave.

Algoritmo 1.38: Método set_load_pattern_reactions() de la clase Structure.

```
load_pattern : LoadPattern
    Load pattern.
indexes : dict
    Key value pairs joints and indexes.
f : ndarray
    Forces.
"""

flag_joint_displacements = self.get_flag_active_joint_displacements()
load_pattern_reactions = {}

for joint in self.supports.keys():
    joint_indexes = indexes[joint]
    reactions = flag_joint_displacements.astype(float)
    reactions[flag_joint_displacements] = f[joint_indexes, 0]
    load_pattern_reactions[joint] = Reaction(*reactions)

self.reactions[load_pattern] = load_pattern_reactions
```

1.2.11. solve()

El método solve() de la clase Structure analiza el modelo de la estructura sometida a los diferentes patrones de carga y almacena los resultados en los diccionarios displacements y reactions.

En el algoritmo 1.39 se presenta la implementación del método solve(). El método calcula el diccionario que relaciona los nodos de la estructura con sus respectivos grados de libertad, con el método set_indexes() (véase el algoritmo 1.33), la matriz de rigidez de la estructura, con el método get_stiffness_matrix() (véase el algoritmo 1.34), y la matriz de rigidez modificada por las condiciones de apoyo, con el método get_stiffness_matrix_with_support() (véase el algoritmo 1.35).

Para cada patrón de carga se calculan los vectores de desplazamientos y fuerzas en los nodos de la estructura y los resultados se almacenan en los diccionarios displacements y reactions respectivamente.

Algoritmo 1.39: Método solve() de la clase Structure.

```
def solve(self):
    """Solve the structure"""
    indexes = self.set_indexes()

k = self.get_stiffness_matrix(indexes).toarray()
    k_support = self.get_stiffness_matrix_with_support(k, indexes)
```

```
for load_pattern in self.load_patterns.values():
    u, f = self.solve_load_pattern(load_pattern, indexes, k, k_support)
    self.set_load_pattern_displacements(load_pattern, indexes, u)
    self.set_load_pattern_reactions(load_pattern, indexes, f)
```

1.2.12. export()

El método export() de la clase Structure genera un archivo de texto en formato JSON con la descripción del modelo para ser interpretado por el programa de computador FEM.js.

El método almacena los objetos que representan los materiales, las secciones transversales, los nodos, los elementos aporticados, las condiciones de apoyo y los patrones de carga, con sus respectivas cargas, en las entradas materials, sections, joints, frames, supports y load_patterns, respectivamente, usando las mismas llaves con las que fueron agregados al modelo.

En el caso donde se usan dichos objetos como llaves para almacenar otros objetos, como es el caso de los objetos tipo Support (véase el algoritmo 1.4), o como atributos para crear otros, como es el caso de los objetos tipo Frame (véase el algoritmo 1.3), se almacenan las llaves con las que fueron agregados al modelo.

A continuación se presenta la estructura general que tiene un archivo generado por este método.

```
{
    "materials": {
        "key_material": {
             "E": 0.0,
             "G": 0.0
        },
    },
    "sections": {
        "key_section": {
            "area": 0.0,
            "Ix": 0.0,
            "Iy": 0.0,
            "Iz": 0.0,
            "type": "Section"
        "another_key": {
            "area": 0.0,
            "Ix": 0.0,
```

```
"Iy": 0.0,
         "Iz": 0.0,
         "type": "Rectangular Section",
         width: 0.0,
         height: 0.0
     },
},
"joints": {
"'-^x":
    "key": {
         x: 0.0,
         "y": 0.0,
         "z": 0.0
     },
     . . .
},
"frames": {
"'-ov":
    "key": {
        "j": "key_joint",
         "k": "another_key_joint",
         "material": "key_material",
         "section": "key_section"
     },
     . . .
},
"supports": {
    "key_joint": {
         "ux": bool,
         "uy": bool,
         "uz": bool,
         "rx": bool,
         "ry": bool,
         "rz": bool
     },
},
"load_patterns": {
    "key_load_pattern": {
         "joints": {
             "key_joint": [
                  {
                      "fx": 0.0,
                      "fy": 0.0,
                      "fz": 0.0,
                      mx: 0.0,
                      "my": 0.0,
                      "mz": 0.0
                  },
```

```
. . .
             1,
         },
         "frames": {
             "distributed": {
                  "local": {
                       "key_frame": {
                           "fx": 0.0,
                           "fy": 0.0,
                           "fz": 0.0
                       },
                  }
             }
        }
    }
}
```

1.3. Otras clases

Las clases presentadas hasta aquí permiten analizar linealmente estructuras aporticadas tridimensionales sometidas a cargas estáticas. Adicional a estas clases, en el archivo classtools.py se desarolló la clase AttrDisplay y la metaclase UniqueInstances, las cuales son heredadas por las demás clases.

1.3.1. AttrDisplay

La clase AttrDisplay implementa una representación más cómoda de los objetos al redefinir el método __repr__().

En el algoritmo 1.40 se presenta la implementación del método AttrDisplay. El método genera una cadena de texto donde aparece el tipo del objeto y entre paréntesis los valores de sus atributos.

Algoritmo 1.40: Clase AttrDisplay implementada en el archivo classtools.py.

```
class AttrDisplay:
    __slots__ = ()
    def __repr__(self):
        """
```

1.3 Otras clases 53

```
Get representation object

Returns

str
Object representation.
"""

return "{}({})".format(self.__class__.._name__,', '.join([repr(getattr (self, name)) for name in self.__slots__]))
```

1.3.2. UniqueInstances

La metaclase UniqueInstances implementa un mecánismo para evitar crear objetos con los mismos atributos de otros objetos de la misma clase, redefiniendo los métodos __new__() y __call__().

En el algoritmo 1.41 se presenta la implementación del método __new__(). La metaclase redefine la creación de las clases que la implementan, asignándoles un set, inicialmente vacío, y sobrecargando sus métodos __setattr__() y __del__().

En el set instances_attrs se lleva el registro de los atributos de los objetos existentes de la misma clase, mientras que los métodos __setattr__() y __del__() actualizan el set cuando un atributo de cualquier objeto cambia o cuando el objeto es eliminado, respectivamente.

Algoritmo 1.41: Método __new__() de la metaclase UniqueInstances.

```
return type.__new__(mcs, name, bases, dct)
else:
    print("Warning: " +
        "Classes created with the UniqueInstances metaclass must implement
the " +
        "'__slots__ ' variable. The class was not created.")
```

En el algoritmo 1.42 se presenta la implementación de la función setattr, la cual redefine el método __setattr__() de las clases que implementan la metaclase UniqueInstances.

Antes que cambie el valor de un atributo de un objeto, este método verifica que los nuevos valores de sus atributos no los tenga ya otro objeto de la misma clase, revisando los elementos almacenados en el *set* instances_attrs de la clase.

En caso que no existan objetos con los mismos atributos, se cambia el atributo del objeto y se actualiza el set instances_attrs. En caso contrario, no se modifica el objeto.

Algoritmo 1.42: Función setattr implementada en la clase UniqueInstances.

```
def setattr (self, key, value):
    Set attribute object if doesn't collide with attributes another object
    Parameters
    key : string
        Key's attribute to modified.
    value : value
        Value\ to\ assign .
    if hasattr(self, key):
        # get instances attrs and instance attrs
        instances_attrs = getattr(self.__class__, 'instances_attrs')
        instance_attrs = tuple(getattr(self, name) for name in self.__slots__)
        # get possible new instance attrs
        _instance_attrs = tuple((getattr(self, _key) if _key != key
                                     else value for _key in self.__slots__))
        # add new instance attrs if not in instances attrs
        if _instance_attrs in instances_attrs:
            print("Warning: " +
                    "There is another instance of the class" +
                    " '{ } '" . format ( self . __class __ . __name__ ) +
                    " with the same attributes. The object was not changed.")
```

1.3 Otras clases 55

```
return None
else:
    instances_attrs.remove(instance_attrs)
    instances_attrs.add(_instance_attrs)

self.__class__.__dict__[key].__set__(self, value)
```

En el algoritmo 1.43 se presenta la implementación de la función delete(), la cual redefine el método __del__() de las clases que implementan la metaclase UniqueInstances.

Antes de eliminar todas las referencias a un objeto, este método elimina la entrada asociada del *set* instances_attrs de la clase.

Algoritmo 1.43: Function delete implementada en la clase UniqueInstances.

```
def delete(self):
    getattr(self.__class__ , 'instances_attrs').remove(tuple(getattr(self , name
    ) for name in self.__slots__))
```

Finalmente, en el algoritmo 1.44 se presenta la implementación del método __call__(). La metaclase evita que se creen objetos con los mismos atributos de otros objetos de la misma clase ya creados, revisando que los atributos del objeto a crear no se encuentren en el set instances_attrs de la clase.

Algoritmo 1.44: Método __call__ de la metaclase UniqueInstances.

```
def setattr(self, key, value):
    def __call__(cls, *args, **kwargs):
        """
        Return an instances if it does not already exist otherwise return None
        """
        # get __init__ class
        init = cls.__init__

        # get init's arguments and default values
        varnames = getattr(getattr(init, '__code__'), 'co_varnames')[len(args) +
        1:]
        default = getattr(init, '__defaults__')

        # create list with args
        instance_attrs = list(args)

# fill instance_attrs with kwargs or init's default values
        for i, key in enumerate(varnames):
```

```
instance_attrs.append(kwargs.get(key, default[i]))
# from list to tuple
instance_attrs = tuple(instance_attrs) # FIXME: i don't need necessary
check all params
\# get obj's attrs and instances attrs class
instances_attrs = getattr(cls, 'instances_attrs')
# check obj's attrs don't be in instances attrs class
if instance_attrs in instances_attrs:
    print("Warning: " +
            "There is another instance of the class" +
            " '{}' ".format(cls.__name__) +
            "with the same attributes. The object was not created.")
else:
    # add obj's attrs to instances attrs
    instances_attrs.add(instance_attrs)
    # create and instantiate the object
    obj = cls.\_new\_(cls, *args, **kwargs)
    obj.__init__(*args, **kwargs)
    return obj
```

Bibliografía

- Akademiia nauk SSSR. (1763). Novi comementarii Academiae scientiarum imperialis petropolitanae. Typis Academiae Scientarum.
- Dunn, F. (2002). 3D math primer for graphics and game development. Plano, Tex, Wordware Pub.
- Escamilla, J. (1995). *Microcomputadores en ingeniería estructural*. Santafé de Bogotá, ECOE Universidad Nacional de Colombia. Facultad de Ingeniera.
- Harris, C. R., Millman, K. J., van der Walt, S. J., Gommers, R., Virtanen, P., Cournapeau, D., Wieser, E., Taylor, J., Berg, S., Smith, N. J., Kern, R., Picus, M., Hoyer, S., van Kerkwijk, M. H., Brett, M., Haldane, A., del R'10, J. F., Wiebe, M., Peterson, P., . . . Oliphant, T. E. (2020). Array programming with NumPy. Nature, 585 (7825), 357-362. https://doi.org/10.1038/s41586-020-2649-2
- Lutz, M. (2013). Learning Python. Sebastopol, CA, O'Reilly.
- Reddy, J. N. (1993). An introduction to the finite element method. New York, McGraw-Hill.
- Virtanen, P., Gommers, R., Oliphant, T. E., Haberland, M., Reddy, T., Cournapeau, D., Burovski, E., Peterson, P., Weckesser, W., Bright, J., van der Walt, S. J., Brett, M., Wilson, J., Millman, K. J., Mayorov, N., Nelson, A. R. J., Jones, E., Kern, R., Larson, E., . . . SciPy 1.0 Contributors. (2020). SciPy 1.0: Fundamental Algorithms for Scientific Computing in Python. Nature Methods, 17, 261-272. https://doi.org/10.1038/s41592-019-0686-2
- Weaver, W. J. & Gere, J. (1990). *Matrix analysis of framed Structures*. New York, Van Nostrand Reinhold.