

1 Introducción

Los programas de computador comerciales para el análisis y diseño de estructuras que se encuentran vigentes a la fecha cuentan, en general, con un entorno gráfico que le permite al usuario describir el modelo de forma interactiva, procesarlo y visualizar los resultados de manera conveniente.

En Escamilla, 1995 se presenta una lista de algunos de estos programas de uso común en América Latina, entre los cuales se encuentra *ETABS* (Three Dimensional Analysis of Building Systems - Extended Version).

ETABS es un programa de computador creado por Edward Wilson, Jeffery Hollings y Henry Dovey en 1975. Según Wilson et al, 1975, este programa de computador fue desarrollado para el análisis estructural lineal de edificios de pórticos y muros a cortante sujetos tanto a cargas estáticas como sísmicas. El edificio es idealizado como un sistema de elementos tipo pórticos y muros a cortante independientes interconectado por losas de entrepiso las cuales son rígidas en su propio plano.

Este programa es una extensión de *TABS* (Three Dimensional Analysis of Building Systems) para permitir analizar pórticos en tres dimensiones. Según Wilson y Dovey, 1972, una de las razones para desarrollar TABS fue darle una retroalimentación a los usuarios de los programas *FRMSTC* (Static Load Analysis of High-Rise Buildings), *FRMDYN* (Dynamic Analysis of Multistory Buildings), *LATERAL* y *SOLID SAP* (Static Analysis Program for Three-Dimensional Solid Structures).

FRMSTC permitía analizar edificios simétricos con pórticos y muros a cortante paralelos sujetos a cargas estáticas y evaluar los modos y las frecuencias. FRMDYN era similar a FRMSTC con la excepción que la carga era la aceleración del terreno debido a un desplazamiento dependiente del tiempo. LATERAL fue una extensión de FRMSTC que permitía analizar linealmente pórticos y muros a cortante que no eran necesariamente paralelos con tres grados de libertad en cada piso. SOLID SAP era un programa general de elementos finitos y tenía una opción que permitía introducir la aproximación de piso rígido. Este programa también tenía la opción de realizar análisis dinámico.

En la actualidad, ETABS se encuentra en la versión 18.1.1 y según Computers y Structures,

2020, puede ser ejecutado en computadores con sistema operativo Windows 7, Windows 8 o Windows 10 con arquitectura de 64 bits que cuenten como mínimo con un procesador Intel Pentium 4 o AMD Athlon 64, una resolución de 1024x768 pixeles con 16 bits por canal, 8 GB de RAM y 6 GB de espacio en el disco duro. En la figura 1-1 se presenta la ventana del programa ETABS ejecutandose en un computador con Windows 10.

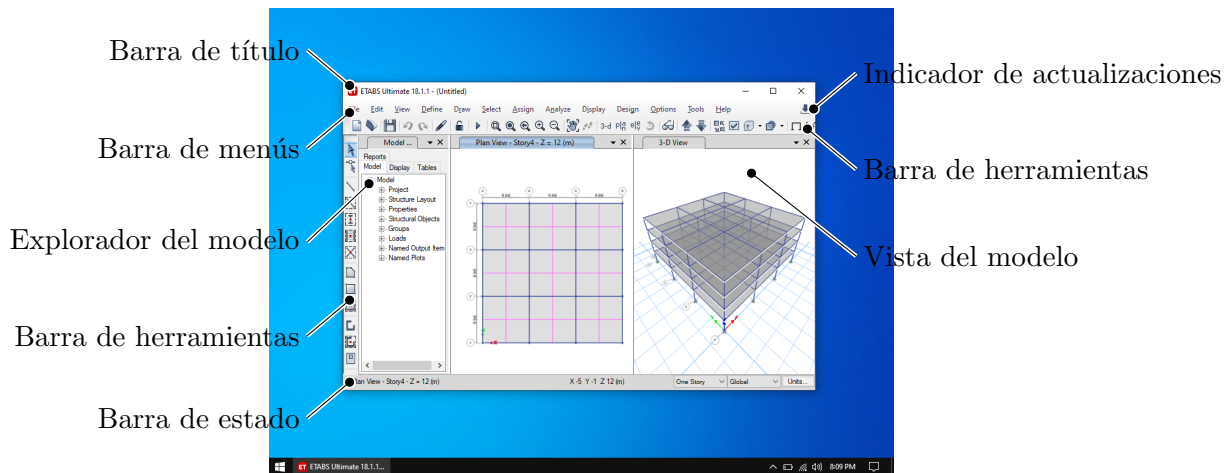


Figura 1-1: Ventana del programa ETABS ejecutandose en Windows 10.

A través de múltiples cuadros de diálogo, los cuales son accesibles ya sea a través de la barra de menús, las barras de herramientas, el explorador del modelo, las vistas del modelo o con atajos de teclado, el usuario es capaz de modelar la estructura que desea analizar al describir los materiales, las secciones transversales, los elementos estructurales, las condiciones de apoyo, los diafragmas y las cargas.

Según Computers y Structures, 2017, ETABS analiza el modelo usando el motor de análisis *SAPFire*, el cual es común a otros programas de la misma compañía (*SAP2000*, *SAFE* y *CSiBridge*). *SAPFire* es la última versión de la serie de programas *SAP* y ofrece las siguientes herramientas:

- Análisis estático y dinámico,
- Análisis lineal y no lineal,
- Análisis sísmico y análisis incremental no lineal (*pushover*),
- Análisis de cargas móviles,
- No linealidad geométrica, incluyendo efectos P-delta y grandes desplazamientos,
- Etapas constructivas,

- Fluencia lenta (*creep*), retracción (*shrinkage*) y envejecimiento,
- Análisis de pandeo,
- Análisis de densidad espectral de potencia y estado estacionario,
- Elementos tipo pórtico y laminares, incluyendo el comportamiento de vigas, columnas, cerchas, membranas y placas,
- Elementos tipo cable y tendón,
- Elementos bidimensionales planos y elementos sólidos asimétricos,
- Elementos sólidos tridimensionales,
- Resortes no lineales y apoyos,
- Propiedades de los resortes y apoyos dependientes de la frecuencia,

Con los resultados del análisis del modelo, el posprocesador de ETABS puede *diseñar* los elementos estructurales de acuerdo a uno de varios códigos de diseño de diferentes países. ETABS es capaz de diseñar pórticos en acero, pórticos en concreto, vigas compuestas, columnas compuestas, vigas en acero de alma abierta (*steel joist*), muros a cortante y losas de concreto.

Adicionalmente, según Computers y Structures, 2019, ETABS cuenta con la posibilidad de generar dibujos estructurales esquemáticos de las plantas estructurales, los despieces de vigas, columnas y muros a cortante, y detalles de las conexiones de acero.

En términos generales, estos programas de computador comerciales cuenta con características similares a las de ETABS. Actualmente, dichos programas están innovando para permitirle al usuario trabajar con modelos *BIM* (Building Information Modeling) con la intención de centralizar toda la información del proyecto y así obtener los beneficios que trae este esquema de trabajo.

2 pyFEM

En la figura 2-1 se presenta un elemento i tipo *pórtico* con sus nodos j y k empotrados. El sistema de coordenadas locales del elemento tiene como origen el nodo j . El eje x coincide con el eje centroidal del elemento y es positivo en el sentido del nodo j al nodo k . Los ejes y y z son los ejes principales del elemento de manera que los planos xy y zx son los planos principales de flexión. Se asume que el centro de cortante y el centroide del elemento coinciden de tal forma que la flexión y la torsión se presentan una independiente de la otra. Los grados de libertad se numeran del 1 al 12, empezando por las translaciones y las rotaciones del nodo j , tomados en orden x , y , z respectivamente.

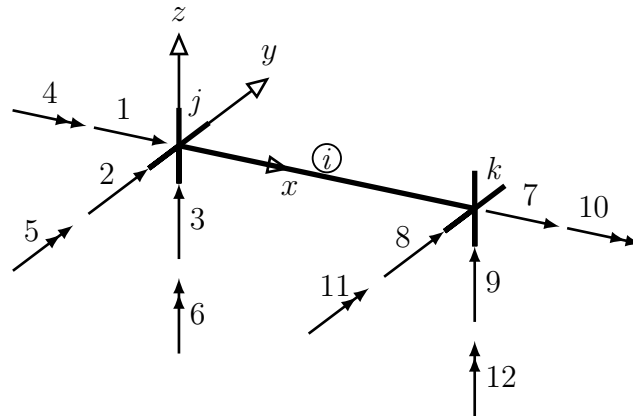


Figura 2-1: Elemento tipo pórtico en coordenadas locales.

Según Weaver y Gere, 1990, (2-1) es la matrix de rigidez del elemento tipo pórtico en coordenadas locales, donde E es el módulo de elasticidad del material, G es el módulo de elasticidad a cortante del material, L es la longitud del elemento y A_x , I_x , I_y y I_z son el área, la constante de torsión y los momentos principales de inercia con respecto a los ejes y y z de la sección transversal.

$$\begin{array}{c}
1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 11 \\ 12
\end{array}
\begin{array}{c}
\mathbf{1} \\ \mathbf{2} \\ \mathbf{3} \\ \mathbf{4} \\ \mathbf{5} \\ \mathbf{6} \\ \mathbf{7} \\ \mathbf{8} \\ \mathbf{9} \\ \mathbf{10} \\ \mathbf{11} \\ \mathbf{12}
\end{array}
\begin{bmatrix}
\frac{EA_x}{L} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{EA_x}{L} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & \frac{12EI_z}{L^3} & 0 & 0 & 0 & \frac{6EI_z}{L^2} & 0 & -\frac{12EI_z}{L^3} & 0 & 0 & 0 & \frac{6EI_z}{L^2} \\
0 & 0 & \frac{12EI_y}{L^3} & 0 & -\frac{6EI_y}{L^2} & 0 & 0 & 0 & -\frac{12EI_y}{L^3} & 0 & -\frac{6EI_y}{L^2} & 0 \\
0 & 0 & 0 & \frac{GI_x}{L} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -\frac{GI_x}{L} & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & \frac{4EI_y}{L} & 0 & 0 & 0 & \frac{6EI_y}{L^2} & 0 & \frac{2EI_y}{L} & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{4EI_z}{L} & 0 & -\frac{6EI_z}{L^2} & 0 & 0 & 0 & \frac{2EI_z}{L} \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{EA_x}{L} & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{12EI_z}{L^3} & 0 & 0 & 0 & -\frac{6EI_z}{L^2} \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{12EI_y}{L^3} & 0 & \frac{6EI_y}{L^2} & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{GI_x}{L} & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{4EI_y}{L} & 0 \\
sim. & & & & & & & & & & 0 & \frac{4EI_z}{L}
\end{bmatrix}
\quad (2-1)$$

Según Dunn, 2002, la orientación en tres dimensiones se puede describir usando *cuaterniones* que se definen como

$$q = w + x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z\mathbf{k} \quad (2-2)$$

Los cuaterniones extienden el sistema de números complejos al tener tres números imaginarios los cuales se relacionan de la siguiente manera

$$i^2 = j^2 = k^2 = -1 \quad (2-3)$$

$$ij = k, ji = -k$$

$$jk = i, kj = -i$$

$$ki = j, ik = -j$$

ijk . Estos están conformados por una parte *escalar* y una parte *vectorial*

Bibliografía

Computers & Structures. (2017). *CSi Anlysis Reference Manual*.

Computers & Structures. (2019). *Welcome to ETABS*.

Computers & Structures. (2020). ETABS System Requirements [Accedido: 2020-09-29].

Dunn, F. (2002). *3D math primer for graphics and game development*. Plano, Tex, Wordware Pub.

Escamilla, J. (1995). *Microcomputadores en ingeniería estructural*. Santafé de Bogotá, ECOE Universidad Nacional de Colombia. Facultad de Ingeniera.

Weaver, W. J. & Gere, J. (1990). *Matrix analysis of framed Structures*. New York, Van Nostrand Reinhold.

Wilson, E. L. & Dovey, H. H. (1972). Three dimensional analysis of building systems - TABS. *Earthwuake engineering research center*.

Wilson, E. L., Hollings, J. P. & Dovey, H. (1975). Three dimensional analysis of building systems (extended version). *Earthwuake engineering research center*.