GRÁFICAS DE CLANES DE COMPLEMENTOS DE GRÁFICAS REGULARES

RAFAEL VILLARROEL FLORES, UAEH

XXXV COLOQUIO VÍCTOR NEUMANN-LARA DE TEORÍA DE LAS GRÁFICAS, COMBINATORIA Y SUS APLICACIONES



Convocan a participar en la

Maestría en ON CONACYT

Perfil de ingreso

Dirigido a egresados de las licenciaturas en Matemáticas, Matemáticas Aplicadas, Física o Actuaría. El ingreso de los aspirantes egresados de programas educativos afines quedará a criterio del Comité de Admisión.

Requisitos de ingreso

- -Aprobar el examen de admisión.
- -Realizar una entrevista con el profesor, asignado,
- -Contar con el título profesional o documento oficial de terminación de estudios profesionales
- -Tener promedio mínimo general de 8.
- -Acreditar en el Centro de Autoaprendizaje de idiomas de la UAEH el examen de inglés en su apartado de compresión de textos.

Becas

Por estar registrado en el Programa Nacional de Posgrados de Calidad (PNPC) del CONACyT, los aspirantes aceptados podrán solicitar Beca CONACyT nacional.

Coordinador del Programa Educativo: Dr. Benjamín Itzá Ortiz

http://www.uaeh.edu.mx/campus/icbi/investigacion/materragio



EL OPERADOR DE CLANES

EN GRÁFICAS

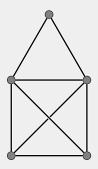
GRÁFICAS

■ Consideramos solamente gráficas finitas y simples (no dirigidas, sin lazos, sin aristas múltiples).

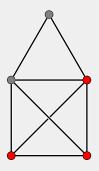
GRÁFICAS

- Consideramos solamente gráficas finitas y simples (no dirigidas, sin lazos, sin aristas múltiples).
- El orden de la gráfica G se denota con |G|.

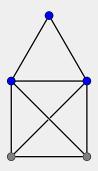
Una completa de una gráfica es un conjunto de vértices mutuamente adyacentes.



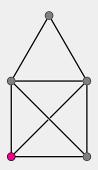
Una completa de una gráfica es un conjunto de vértices mutuamente adyacentes.



Una completa de una gráfica es un conjunto de vértices mutuamente adyacentes.

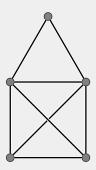


Una completa de una gráfica es un conjunto de vértices mutuamente adyacentes.



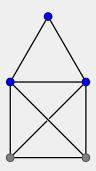
CLANES

Un clan de una gráfica es una completa maximal bajo inclusión.



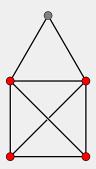
CLANES

Un clan de una gráfica es una completa maximal bajo inclusión.



CLANES

Un clan de una gráfica es una completa maximal bajo inclusión.



GRÁFICA DE CLANES

La gráfica de clanes K(G) es la gráfica de intersección de los clanes de G. Es decir:

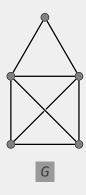
■ $V(K(G)) = \{Q \subseteq V(G) \mid Q \text{ es clan de } G\},$

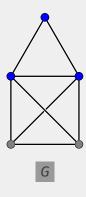
L

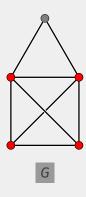
GRÁFICA DE CLANES

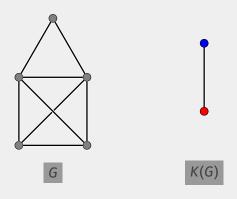
La gráfica de clanes *K*(*G*) es la gráfica de intersección de los clanes de *G*. Es decir:

- $V(K(G)) = \{Q \subseteq V(G) \mid Q \text{ es clan de } G\},$
- $E(K(G)) = \{\{Q_1, Q_2\} \mid Q_1 \neq Q_2, Q_1 \cap Q_2 \neq \emptyset\}.$







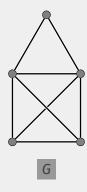


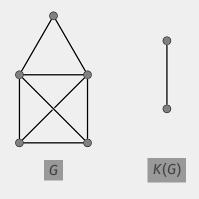
GRÁFICAS ITERADAS DE CLANES

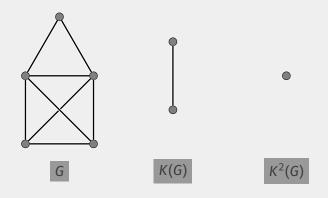
La sucesión de gráficas iteradas de clanes se define como:

$$K^{0}(G) = G,$$

 $K^{n}(G) = K^{n-1}(K(G)), \text{ para } n \ge 1.$

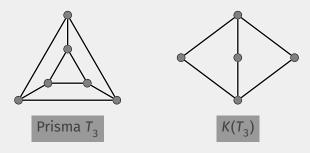






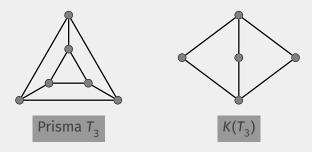
PRISMA

■ El prisma triangular y su gráfica de clanes:



PRISMA

■ El prisma triangular y su gráfica de clanes:



■ En este caso, $K^2(T_3) \cong T_3$.

ITERADAS DEL OCTAEDRO

Si definimos el octaedro O_n como $\overline{nK_2}$, entonces $K(O_n) = O_{2^{n-1}}$. (Neumann-Lara, 1973).

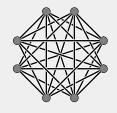


ITERADAS DEL OCTAEDRO

Si definimos el octaedro O_n como $\overline{nK_2}$, entonces $K(O_n) = O_{2^{n-1}}$. (Neumann-Lara, 1973).







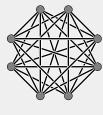
$$K(G) = O_4$$

ITERADAS DEL OCTAEDRO

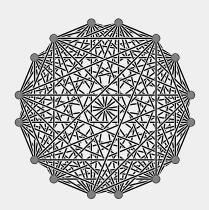
Si definimos el octaedro O_n como $\overline{nK_2}$, entonces $K(O_n) = O_{2^{n-1}}$. (Neumann-Lara, 1973).







$$K(G) = O_4$$



$$K^2(G)=O_8$$

COMPORTAMIENTO

■ G es convergente si la sucesión de órdenes de las gráficas $|K^n(G)|$ es acotada.

COMPORTAMIENTO

- G es convergente si la sucesión de órdenes de las gráficas $|K^n(G)|$ es acotada.
- Si *G* no es convergente, decimos que es divergente.

TEOREMAS SOBRE COMPORTAMIENTO

GRÁFICAS HELLY

■ La gráfica *G* es Helly si su colección de clanes tiene la propiedad de Helly.

GRÁFICAS HELLY

- La gráfica G es Helly si su colección de clanes tiene la propiedad de Helly.
- Existe un algoritmo polinomial que decide si una gráfica es Helly. (Dragan, 1989) (Szwarcfiter, 1997)

GRÁFICAS HELLY

- La gráfica G es Helly si su colección de clanes tiene la propiedad de Helly.
- Existe un algoritmo polinomial que decide si una gráfica es Helly. (Dragan, 1989) (Szwarcfiter, 1997)
- \blacksquare (Escalante, 1973) Si G es Helly, entonces G es convergente.

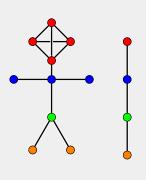
MORFISMOS DE GRÁFICAS

MORFISMOS DE GRÁFICAS

Un morfismo de gráficas $f: G \to L$ es una función tal que $x \sim y$ implica $f(x) \sim f(y)$ o f(x) = f(y).

MORFISMOS DE GRÁFICAS

Un morfismo de gráficas $f: G \to L$ es una función tal que $x \sim y$ implica $f(x) \sim f(y)$ o f(x) = f(y).

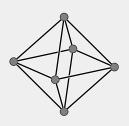


G

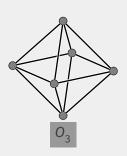


Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.

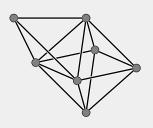
Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



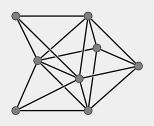
Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



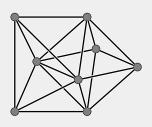
Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



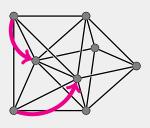
Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.

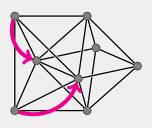


Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



retracción

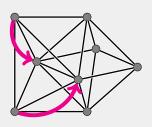
Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



retracción

■ (Neumann-Lara, 1976). Si $r: G \to L$ es una retracción, entonces se induce una retracción $K(r): K(G) \to K(L)$.

Si L es una subgráfica de G, una retracción $r: G \rightarrow L$ es un morfismo tal que r(x) = x para todo $x \in L$.



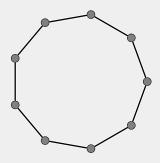
retracción

- (Neumann-Lara, 1976). Si $r: G \to L$ es una retracción, entonces se induce una retracción $K(r): K(G) \to K(L)$.
- En particular, si *L* es divergente, entonces *G* es divergente.

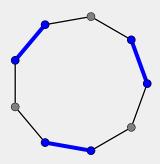
■ Un octaedro especial en la gráfica G es una subgráfica H tal que $H \cong O_n$, y tal que un clan de H es un clan de G.

- Un octaedro especial en la gráfica G es una subgráfica H tal que $H \cong O_n$, y tal que un clan de H es un clan de G.
- (Larrión, Pizaña, V., 2019) Si G tiene un octaedro especial H, entonces G se retrae a H.

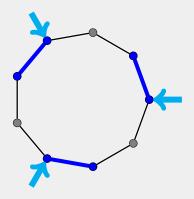
- Un octaedro especial en la gráfica G es una subgráfica H tal que $H \cong O_n$, y tal que un clan de H es un clan de G.
- (Larrión, Pizaña, V., 2019) Si G tiene un octaedro especial H, entonces G se retrae a H.
- Ejemplo: $G = \overline{C_9}$.



- Un octaedro especial en la gráfica G es una subgráfica H tal que $H \cong O_n$, y tal que un clan de H es un clan de G.
- (Larrión, Pizaña, V., 2019) Si G tiene un octaedro especial H, entonces G se retrae a H.
- Ejemplo: $G = \overline{C_9}$.



- Un octaedro especial en la gráfica G es una subgráfica H tal que $H \cong O_n$, y tal que un clan de H es un clan de G.
- (Larrión, Pizaña, V., 2019) Si G tiene un octaedro especial H, entonces G se retrae a H.
- Ejemplo: $G = \overline{C_9}$.

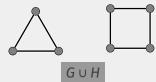


OPERACIONES EN GRÁFICAS

■ Si G y H son gráficas, denotamos con $G \cup H$ a su unión disjunta.





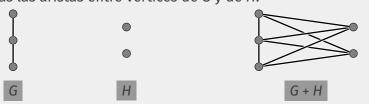


OPERACIONES EN GRÁFICAS

■ Si G y H son gráficas, denotamos con $G \cup H$ a su unión disjunta.



■ La suma G + H es la gráfica que se obtiene de $G \cup H$ añadiendo todas las aristas entre vértices de G y de H.



■ Se tiene que:

$$\overline{G \cup H} = \overline{G} + \overline{H}.$$

■ Se tiene que:

$$\overline{G \cup H} = \overline{G} + \overline{H}$$
.

■ Estas operaciones y resultados se extienden a más de dos gráficas.

COAFINACIONES

■ Una coafinación de la gráfica G es un automorfismo $\sigma: G \to G$ tal que para todo $x \in G$ se tiene que x no es vecino de $\sigma(x)$.

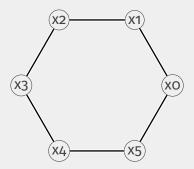
COAFINACIONES

- Una coafinación de la gráfica G es un automorfismo $\sigma: G \to G$ tal que para todo $x \in G$ se tiene que x no es vecino de $\sigma(x)$.
- Se puede demostrar que si G tiene una coafinación, se induce una coafinación en K(G).

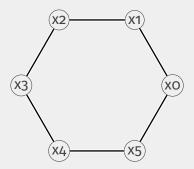
COAFINACIONES

- Una coafinación de la gráfica G es un automorfismo $\sigma: G \to G$ tal que para todo $x \in G$ se tiene que x no es vecino de $\sigma(x)$.
- Se puede demostrar que si G tiene una coafinación, se induce una coafinación en K(G).
- Si *G* y *H* tienen una coafinación, se induce una coafinación en *G* + *H*.

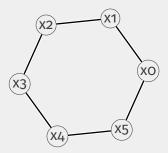
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



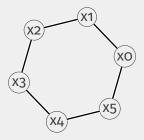
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



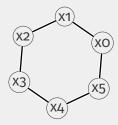
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



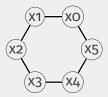
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



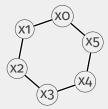
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



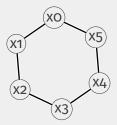
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



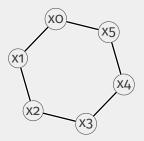
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



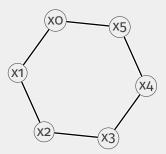
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



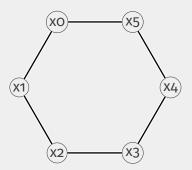
Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.

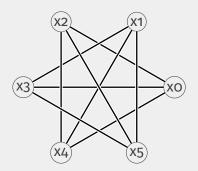


Todos los ciclos con al menos 4 vértices tienen una coafinación.



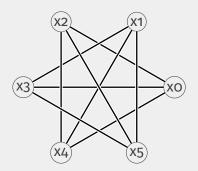
EJEMPLO: COMPLEMENTOS DE CICLOS

Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.

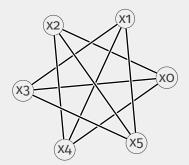


EJEMPLO: COMPLEMENTOS DE CICLOS

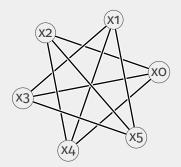
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



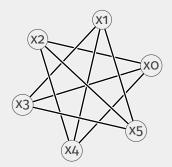
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



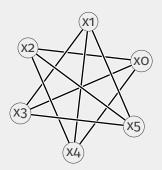
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



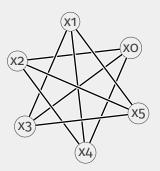
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



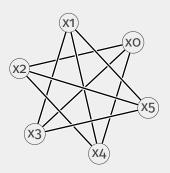
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



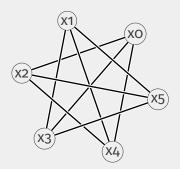
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



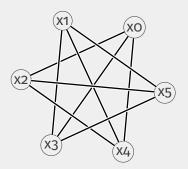
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



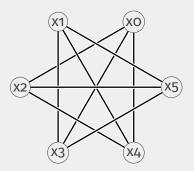
Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



Todos los complementos de ciclos tienen una coafinación.



TEOREMAS DE VÍCTOR NEUMANN-LARA

■ (Complementos de ciclos) $\overline{C_n}$ es divergente si $n \ge 8$.

TEOREMAS DE VÍCTOR NEUMANN-LARA

- (Complementos de ciclos) $\overline{C_n}$ es divergente si $n \ge 8$.
- (Sumando conexo) Si *G*, *H* tienen coafinaciones y *H* es conexa, entonces *G* + *H* es divergente.

TEOREMAS DE VÍCTOR NEUMANN-LARA

- (Complementos de ciclos) $\overline{C_n}$ es divergente si $n \ge 8$.
- (Sumando conexo) Si *G*, *H* tienen coafinaciones y *H* es conexa, entonces *G* + *H* es divergente.
- (Tres sumandos) Si A, B, C son gráficas que tienen una coafinación, entonces A + B + C es divergente.

COMPLEMENTOS DE GRÁFICAS REGULARES

Teorema (1-regulares)

Si G es una gráfica 1-regular con al menos G vértices, entonces \overline{G} es divergente.

1 3:

Teorema (1-regulares)

Si G es una gráfica 1-regular con al menos 6 vértices, entonces \overline{G} es divergente.

Demostración

Teorema (1-regulares)

Si G es una gráfica 1-regular con al menos 6 vértices, entonces \overline{G} es divergente.

Demostración

■ Si G es 1-regular, entonces G es una unión disjunta de n copias de K_2 . Si $|G| \ge 6$, entonces $n \ge 3$.

Teorema (1-regulares)

Si G es una gráfica 1-regular con al menos 6 vértices, entonces \overline{G} es divergente.

Demostración

- Si G es 1-regular, entonces G es una unión disjunta de n copias de K_2 . Si $|G| \ge 6$, entonces $n \ge 3$.
- Si $G = nK_2$, entonces $\overline{G} = O_n$, que es divergente para $n \ge 3$. \square

Teorema (2-regulares)

Si G es una gráfica 2-regular con al menos 9 vértices, entonces \overline{G} es divergente.

Demostrac<u>ión</u>

■ Si G es 2-regular, entonces es una unión disjunta de ciclos.

- Si *G* es 2-regular, entonces es una unión disjunta de ciclos.
- Entonces \overline{G} tiene la forma:

$$\overline{G} = \overline{C_{n_1}} + \overline{C_{n_2}} + \cdots + \overline{C_{n_r}}$$

es decir, una suma de gráficas, cada una con coafinación.

- Si *G* es 2-regular, entonces es una unión disjunta de ciclos.
- Entonces \overline{G} tiene la forma:

$$\overline{G} = \overline{C_{n_1}} + \overline{C_{n_2}} + \cdots + \overline{C_{n_r}}$$

es decir, una suma de gráficas, cada una con coafinación.

■ Si r = 1, \overline{G} es divergente pues $|\overline{G}| \ge 8$.

- Si *G* es 2-regular, entonces es una unión disjunta de ciclos.
- Entonces \overline{G} tiene la forma:

$$\overline{G} = \overline{C_{n_1}} + \overline{C_{n_2}} + \cdots + \overline{C_{n_r}}$$

es decir, una suma de gráficas, cada una con coafinación.

- Si r = 1, \overline{G} es divergente pues $|\overline{G}| \ge 8$.
- Si r = 2, uno de los dos sumandos debe tener al menos 5 vértices. Como $\overline{C_n}$ es conexo si $n \ge 5$, por el teorema del sumando conexo, \overline{G} es divergente.

- Si G es 2-regular, entonces es una unión disjunta de ciclos.
- \blacksquare Entonces \overline{G} tiene la forma:

$$\overline{G} = \overline{C_{n_1}} + \overline{C_{n_2}} + \cdots + \overline{C_{n_r}}$$

es decir, una suma de gráficas, cada una con coafinación.

- Si r = 1, \overline{G} es divergente pues $|\overline{G}| \ge 8$.
- Si r = 2, uno de los dos sumandos debe tener al menos 5 vértices. Como $\overline{C_n}$ es conexo si $n \ge 5$, por el teorema del sumando conexo, \overline{G} es divergente.
- Si $r \ge 3$, se aplica el teorema de los tres sumandos. \square

■ Si G es 1-regular y $|G| \ge 6$, \overline{G} es divergente.

- Si G es 1-regular y $|G| \ge 6$, \overline{G} es divergente.
- Si G es 2-regular y $|G| \ge 9$, \overline{G} es divergente.

- Si G es 1-regular y $|G| \ge 6$, \overline{G} es divergente.
- Si G es 2-regular y $|G| \ge 9$, \overline{G} es divergente.
- Parece razonable conjeturar: Si G es 3-regular, entonces existe M tal que si $|G| \ge M$, entonces \overline{G} es divergente.

- Si G es 1-regular y $|G| \ge 6$, \overline{G} es divergente.
- Si G es 2-regular y $|G| \ge 9$, \overline{G} es divergente.
- Parece razonable conjeturar: Si G es 3-regular, entonces existe M tal que si $|G| \ge M$, entonces \overline{G} es divergente.
- Quizás *M* = 12.

n	Cantidad de gráficas G	G convergente	G divergente
4	1	1	0
6	2	2	0
8	6	6	0
10	21	4	17

n	Cantidad de gráficas G	\overline{G} convergente	G divergente
4	1	1	0
6	2	2	0
8	6	6	0
10	21	4	17

■ De las 17 divergentes, 9 tienen octaedro especial, 3 se retraen a la suspensión de C_5 , 3 tienen octaedro especial en $K^3(G)$, 1 se retrae a la suspensión de C_6 y 1 tiene K(G) con retracción a $\overline{C_{10}}$.

n	Cantidad de gráficas G	\overline{G} convergente	\overline{G} divergente
4	1	1	0
6	2	2	0
8	6	6	0
10	21	4	17

- De las 17 divergentes, 9 tienen octaedro especial, 3 se retraen a la suspensión de C_5 , 3 tienen octaedro especial en $K^3(G)$, 1 se retrae a la suspensión de C_6 y 1 tiene K(G) con retracción a $\overline{C_{10}}$.
- Es notable que podamos determinar el comportamiento de todas.

■ Hay exactamente 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, de las cuales 9 son disconexas.

- Hay exactamente 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, de las cuales 9 son disconexas.
- De las 85 conexas, hay 40 que tienen un octaedro especial.

- Hay exactamente 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, de las cuales 9 son disconexas.
- De las 85 conexas, hay 40 que tienen un octaedro especial.
- De las 45 que quedan, 28 se retraen a O_3 , aunque no especialmente.

- Hay exactamente 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, de las cuales 9 son disconexas.
- De las 85 conexas, hay 40 que tienen un octaedro especial.
- De las 45 que quedan, 28 se retraen a O_3 , aunque no especialmente.
- De las 17 que quedan, una se retrae a $\overline{C_8}$.

GRÁFICAS CÚBICAS CON 12 VÉRTICES

- Hay exactamente 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, de las cuales 9 son disconexas.
- De las 85 conexas, hay 40 que tienen un octaedro especial.
- De las 45 que quedan, 28 se retraen a O_3 , aunque no especialmente.
- De las 17 que quedan, una se retrae a $\overline{C_8}$.
- \blacksquare De las 16 restantes, en 3, K(G) tiene octaedro especial.

GRÁFICAS CÚBICAS CON 12 VÉRTICES

- Hay exactamente 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, de las cuales 9 son disconexas.
- De las 85 conexas, hay 40 que tienen un octaedro especial.
- De las 45 que quedan, 28 se retraen a O_3 , aunque no especialmente.
- De las 17 que quedan, una se retrae a $\overline{C_8}$.
- \blacksquare De las 16 restantes, en 3, K(G) tiene octaedro especial.
- No he podido determinar el comportamiento de las 13 restantes.

TIPO DE HOMOTOPÍA

■ De las 13 restantes, 6 tienen el tipo de homotopía de S^2 , 3 tienen el tipo de S^2 v S^2 , 1 de S^3 y una tiene la homología de S^2

TIPO DE HOMOTOPÍA

- De las 13 restantes, 6 tienen el tipo de homotopía de S^2 , 3 tienen el tipo de S^2 v S^2 , 1 de S^3 y una tiene la homología de S^2
- Las restantes dos G son notables, pues son contraíbles, pero K(G) tiene el tipo de S^3 .

TIPO DE HOMOTOPÍA

- De las 13 restantes, 6 tienen el tipo de homotopía de S^2 , 3 tienen el tipo de S^2 v S^2 , 1 de S^3 y una tiene la homología de S^2
- Las restantes dos G son notables, pues son contraíbles, pero K(G) tiene el tipo de S^3 .
- Estos resultados topológicos sugieren fuertemente que las 13 restantes son divergentes.

 \blacksquare $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ es divergente por el teorema de los 3 sumandos.

- \blacksquare $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ es divergente por el teorema de los 3 sumandos.
- $\overline{K_4}$ + \overline{H} , donde H es conexa cúbica con 8 vértices es divergente en los 5 casos.

- \blacksquare $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ es divergente por el teorema de los 3 sumandos.
- $\overline{K_4}$ + \overline{H} , donde H es conexa cúbica con 8 vértices es divergente en los 5 casos.
- $\overline{T_3}$ + $\overline{T_3}$ y $\overline{T_3}$ + $\overline{K_{3,3}}$ son divergentes por el teorema del sumando conexo.

- \blacksquare $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ es divergente por el teorema de los 3 sumandos.
- $\overline{K_4}$ + \overline{H} , donde H es conexa cúbica con 8 vértices es divergente en los 5 casos.
- $\overline{T_3}$ + $\overline{T_3}$ y $\overline{T_3}$ + $\overline{K_{3,3}}$ son divergentes por el teorema del sumando conexo.
- Sin embargo, $\overline{K_{3,3}}$ + $\overline{K_{3,3}}$ es convergente.

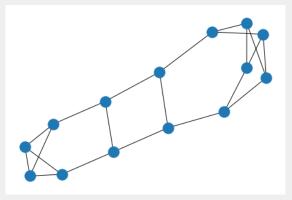
- \blacksquare $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ + $\overline{K_4}$ es divergente por el teorema de los 3 sumandos.
- $\overline{K_4}$ + \overline{H} , donde H es conexa cúbica con 8 vértices es divergente en los 5 casos.
- $\overline{T_3}$ + $\overline{T_3}$ y $\overline{T_3}$ + $\overline{K_{3,3}}$ son divergentes por el teorema del sumando conexo.
- Sin embargo, $\overline{K_{3,3}}$ + $\overline{K_{3,3}}$ es convergente.
- Es decir, de las 94 gráficas cúbicas con 12 vértices, todo indica que solo una tiene complemento convergente.

SIN EMBARGO...

Hay exactamente 509 gráficas conexas y cúbicas con 14 vértices. Pero entre ellas hay al menos 5 con complemento convergente.

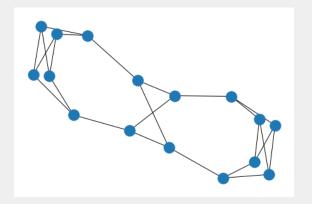
SIN EMBARGO...

- Hay exactamente 509 gráficas conexas y cúbicas con 14 vértices. Pero entre ellas hay al menos 5 con complemento convergente.
- Una de ellas:



16 VÉRTICES

Hay exactamente 4060 gráficas conexas y cúbicas con 16 vértices. Pero entre ellas hay al menos una con complemento convergente.

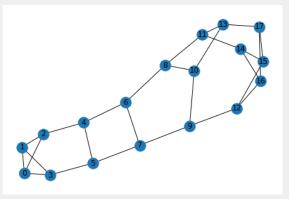


18 VÉRTICES

Hay exactamente 41301 gráficas conexas y cúbicas con 18 vértices. Entre ellas hay al menos 44 con complemento convergente.

18 VÉRTICES

- Hay exactamente 41301 gráficas conexas y cúbicas con 18 vértices. Entre ellas hay al menos 44 con complemento convergente.
- Una de ellas:



Conjetura

Para cada n par, $n \ge 4$, existe una gráfica cúbica G con n vértices, tal que \overline{G} es convergente.

GRACIAS

ngithub.com/rvfoo68

♥ arvfoo68

0.....