Algebra Lineal, LIFTA, UAEH. Segundo Preexamen, 19 de septiembre de 2012

Recuerda que debes explicar tus respuestas. Respuestas con poca o nula argumentación adecuada recibirán poco o nada de crédito. Escoge 5 preguntas, marcando de manera clara las preguntas seleccionadas. Tienes 50 minutos para resolverlo.

1. ¿Verdadero o falso? Sean V un espacio vectorial sobre el campo F y  $S = \{v_1, v_2, ..., v_n\} \subseteq V$  un conjunto linealmente dependiente tal que existen  $\lambda_1, \lambda_2, ..., \lambda_n \in F$  tales que

$$\lambda_1 v_1 + \lambda_2 v_2 + \cdots + \lambda_n v_n = 0$$

Entonces, se deduce que  $\lambda_i \neq 0$  para algún  $i \in \{1, 2, ..., n\}$ .

2. Determina si el conjunto

$$\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x + y + z = 0\}$$

es un subespacio de  $\mathbb{R}^3$ .

- 3. Determina si el conjunto  $\{(1,2,3),(3,4,5),(5,6,7)\}\subseteq\mathbb{R}^3$  es linealmente dependiente o linealmente independiente.
- 4. Determina si el conjunto  $\{(1,1,1),(1,0,1),(0,1,0)\}\subseteq \mathbb{R}^3$  es linealmente dependiente o linealmente independiente.
- 5. Determina si el conjunto  $\{(1,2,4),(1,3,9),(1,4,16)\}\subseteq\mathbb{R}^3$  es linealmente dependiente o linealmente independiente.
- 6. Determina si el conjunto  $\{(0,1,1,1),(1,0,1,1),(1,1,0,1),(1,1,1,0)\}\subseteq \mathbb{R}^4$  es linealmente dependiente o linealmente independiente.