# Teoremas sobre integrales

2015-02-16 9:00

1 Teorema fundamental

2 Longitud

3 Teorema de estimación

## Teorema

Sea  $f: U \to \mathbb{C}$  continua, y sea  $F: U \to \mathbb{C}$  tal que F' = f. Si  $\gamma: [a, b] \to U$  es suave a trozos, entonces:

$$\int_{\gamma} f(z) dz = [F(z)]_{\gamma(a)}^{\gamma(b)} = F(\gamma(b)) - F(\gamma(a)).$$

### Teorema

Sea  $f: U \to \mathbb{C}$  continua, y sea  $F: U \to \mathbb{C}$  tal que F' = f. Si  $\gamma: [a, b] \to U$  es suave a trozos, entonces:

$$\int_{\gamma} f(z) dz = [F(z)]_{\gamma(a)}^{\gamma(b)} = F(\gamma(b)) - F(\gamma(a)).$$

En particular, si  $\gamma$  es una curva cerrada, se obtiene que  $\int_{\gamma} f(z) dz = 0$ .

## Longitud

Sea  $\gamma: [a, b] \to U$  una curva suave. Su Longitud se define como:

$$\int_{\gamma} |dz| = \int_{a}^{b} |\gamma'(t)| \, dt$$

## Longitud

Sea  $\gamma: [a, b] \to U$  una curva suave. Su longitud se define como:

$$\int_{\gamma} |dz| = \int_{a}^{b} |\gamma'(t)| \, dt$$

Sea  $f: U \to \mathbb{C}$  continua. La integral de f sobre  $\gamma$  respecto a longitud de arco se define como:

$$\int_{\gamma} f(z) |dz| = \int_{a}^{b} f(\gamma(t)) |\gamma'(t)| dt$$

#### Teorema

Sean  $f: U \to \mathbb{C}$  continua y  $\gamma$  una curva suave a trozos en en U. Entonces:

$$\left| \int_{\gamma} f(z) \, dz \right| \leq \int_{\gamma} |f(z)| \, |dz|$$