#### Programação Paralela - ELC139

#### N-Rainhas com OpenMP

Rhauani Fazul e Roger Couto

#### **Sumário**

- O problema
- Código original
  - Primeira solução
    - Resultados
  - Segunda solução
    - Resultados
  - Distribuição
- Referências

#### **O** problema

- Calcular o número de soluções distintas existentes para o posicionamento de N rainhas em um tabuleiro de dimensão NxN de tal modo que nenhuma rainha ataque a outra;
- Lógica baseada nas funções:
  - ok();
  - put\_queen();
  - nqueens();
  - find\_queens().

### Primeira solução

- Código disponível em: <a href="https://goo.gl/XtqNZz">https://goo.gl/XtqNZz</a>
- Compilação:
  - Makefile:

```
$ make
```

Diretamente:

```
$ gcc -fopenmp -o main *.c -Wall
```

Execução:

```
$ ./main <size> <nThreads>
```

## Primeira solução

```
63 void nqueens(int size, int *solutions, int qtd threads) {
      int i, count = 0;
64
65
66
      #pragma omp parallel private(i) num threads(qtd threads)
67
      {
68
           int *position = (int*) malloc(sizeof(int) * size);
69
          #pragma omp for schedule(static, size/qtd_threads) reduction(+:count)
70
          for (i = 0; i < size; i++) {
71
72
               int j;
73
               position[0] = i;
74
75
               for (j = 1; j < size; j++)
76
                   position[j] = -1;
77
78
               int queen number = 1;
79
               while (queen number > 0) {
                   if ( put_queen(size, queen_number, position) ) {
80
81
                       queen number++;
                       if (queen number == size) {
82
83
                           count += 1:
84
                           position[queen number-1] = -1;
85
                           queen number -= 2;
86
                   } else {
87
88
                       queen number --:
89
               }
90
          }
91
92
       }
93
94
      *solutions = count;
95 }
```

## Primeira solução

- Função nqueens();
- Criando o time de threads:

#pragma omp parallel private(i) num\_threads(qtd\_threads)

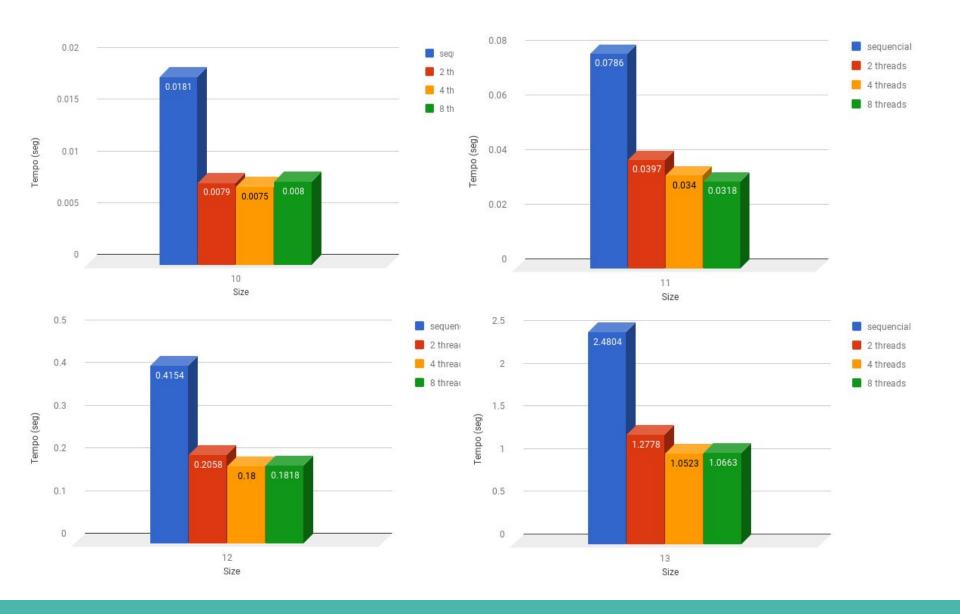
 Dividindo as iterações do laço entre o time e realizando a acumulção do número de soluções encontradas:

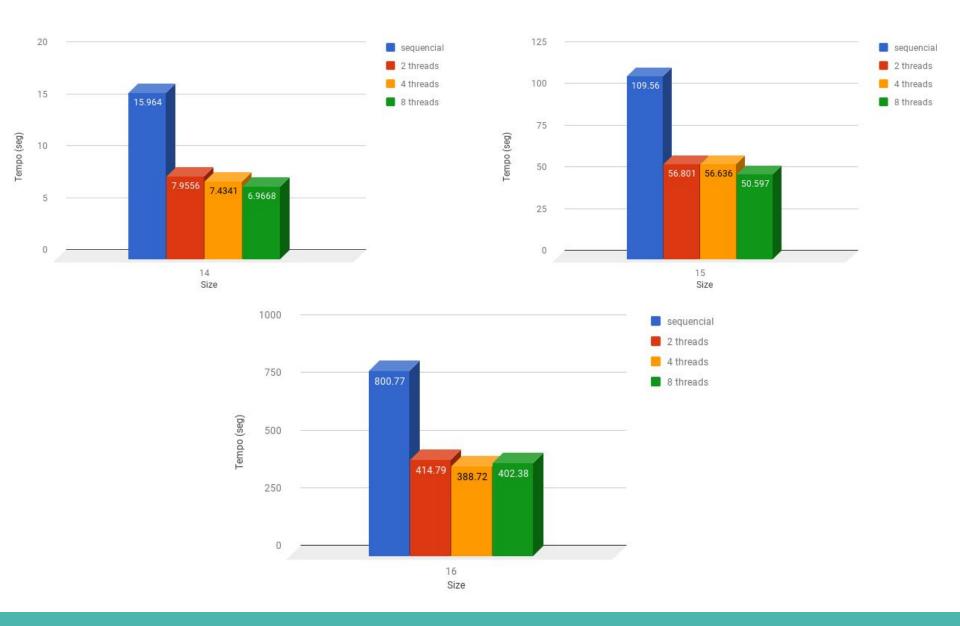
#pragma omp for schedule(static, size/qtd\_threads) reduction(+:count)

\* É necessário alocar um vetor de posições para para cada thread.

- Tempo (segundos) para obtenção da quantidade de soluções do problema das N-Rainhas.
  - Escalonamento estático.

| SIZE (N) | 1 THREAD<br>(SEQUENCIAL) | 2 THREADS | 4 THREADS | 8 THREADS |
|----------|--------------------------|-----------|-----------|-----------|
| 10       | 0.0181                   | 0.0079    | 0.0075    | 0.008     |
| 11       | 0.0786                   | 0.0397    | 0.034     | 0.0318    |
| 12       | 0.4154                   | 0.2058    | 0.18      | 0.1818    |
| 13       | 2.4804                   | 1.2778    | 1.0523    | 1.0663    |
| 14       | 15.964                   | 7.9556    | 7.4341    | 6.9668    |
| 15       | 109.56                   | 56.801    | 56.636    | 50.597    |
| 16       | 800.77                   | 414.79    | 388.72    | 402.38    |



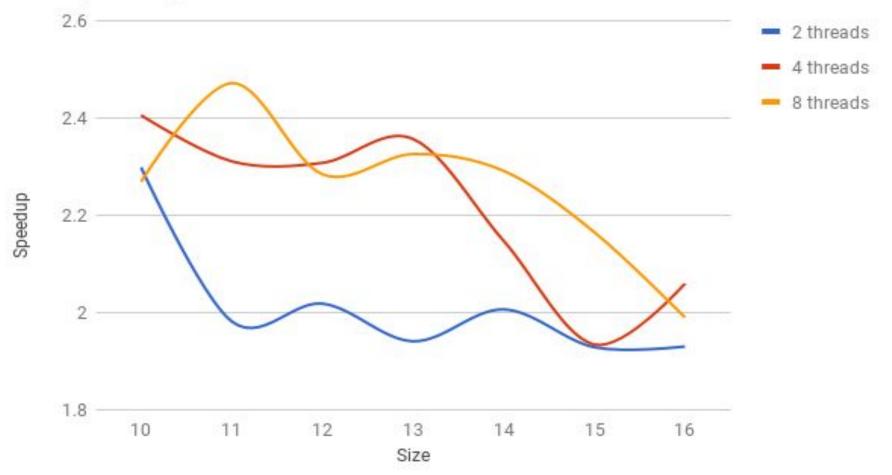


- Speedup para obtenção da quantidade de soluções do problema das N-Rainhas.
  - Escalonamento estático.

| SIZE (N) | 2 THREADS | 4 THREADS | 8 THREADS |
|----------|-----------|-----------|-----------|
| 10       | 2.2986    | 2.4059    | 2.2691    |
| 11       | 1.9819    | 2.3111    | 2.4722    |
| 12       | 2.0185    | 2.308     | 2.2845    |
| 13       | 1.9412    | 2.3571    | 2.3261    |
| 14       | 2.0067    | 2.1475    | 2.2915    |
| 15       | 1.9289    | 1.9345    | 2.1654    |
| 16       | 1.9305    | 2.06      | 1.9901    |

o Escalonamento estático.

Desempenho OpenMP com schedule estático



## Segunda solução

- Código disponível em: <a href="https://goo.gl/XtqNZz">https://goo.gl/XtqNZz</a>
  - o **nqueens.c:** descomentar <u>linha 70</u> e comentar <u>linha 71</u>.
- Compilação:
  - Makefile:

\$ make

Diretamente:

\$ gcc -fopenmp -o main \*.c -Wall

Execução:

\$ ./main <size> <nThreads>

## Segunda solução

- Função nqueens();
- Criando o time de threads:

#pragma omp parallel private(i) num\_threads(qtd\_threads)

 Dividindo as iterações do laço entre o time e realizando a acumulção do número de soluções encontradas:

#pragma omp for schedule(dynamic) reduction(+:count)

\* É necessário alocar um vetor de posições para para cada thread.

- Tempo (segundos) para obtenção da quantidade de soluções do problema das N-Rainhas.
  - Escalonamento dinâmico.

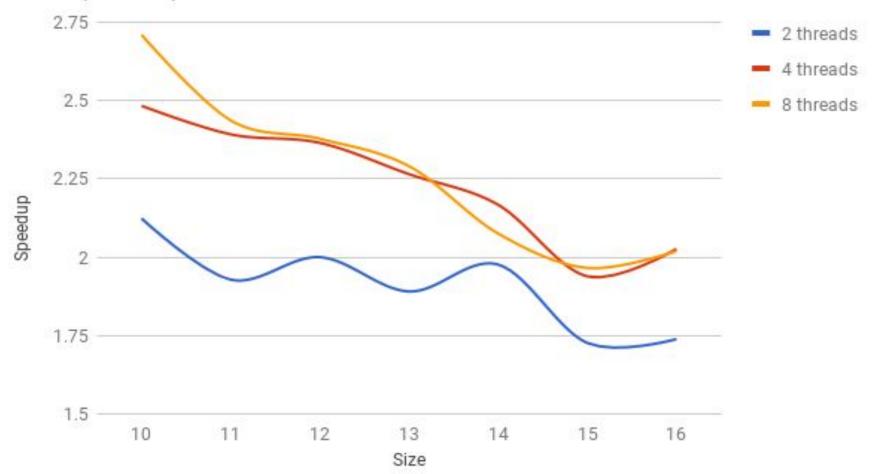
| SIZE (N) | 1 THREAD<br>(SEQUENCIAL) | 2 THREADS | 4 THREADS | 8 THREADS |
|----------|--------------------------|-----------|-----------|-----------|
| 10       | 0.0181                   | 0.0085    | 0.0073    | 0.0067    |
| 11       | 0.0786                   | 0.0408    | 0.0329    | 0.0323    |
| 12       | 0.4154                   | 0.2077    | 0.1756    | 0.1747    |
| 13       | 2.4804                   | 1.3117    | 1.0949    | 1.0827    |
| 14       | 15.964                   | 8.076     | 7.365     | 7.691     |
| 15       | 109.56                   | 63.45     | 56.49     | 55.73     |
| 16       | 800.77                   | 460.44    | 395.08    | 396.46    |

- Speedup para obtenção da quantidade de soluções do problema das N-Rainhas.
  - Escalonamento dinâmico.

| SIZE (N) | 2 THREADS | 4 THREADS | 8 THREADS |
|----------|-----------|-----------|-----------|
| 10       | 2.1243    | 2.4836    | 2.7104    |
| 11       | 1.9287    | 2.3924    | 2.4369    |
| 12       | 2.0006    | 2.3653    | 2.3782    |
| 13       | 1.891     | 2.2654    | 2.291     |
| 14       | 1.9768    | 2.1676    | 2.0758    |
| 15       | 1.7267    | 1.9394    | 1.966     |
| 16       | 1.7391    | 2.0269    | 2.0198    |

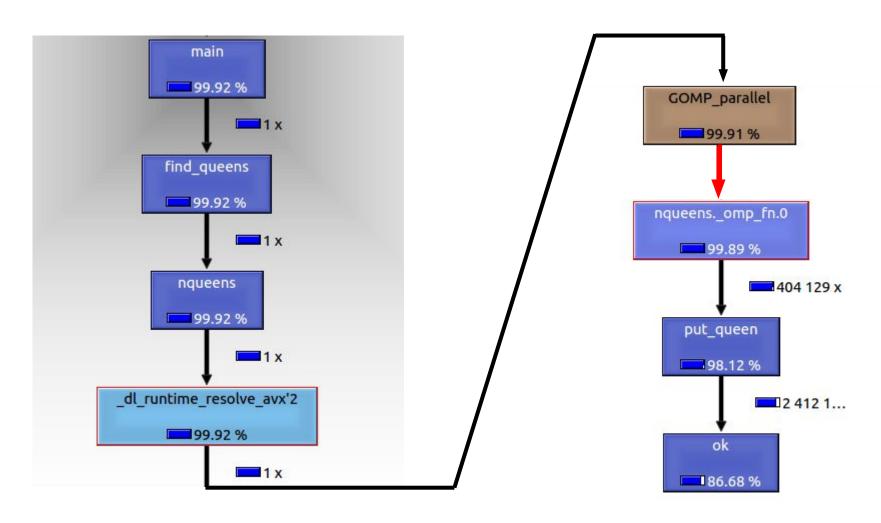
o Escalonamento dinâmico.

Desempenho OpenMP com schedule dinâmico



- Também foi realizada uma breve análise sobre a ocupação e distribuição de trabalho de cada thread nas diferentes funções;
- Para exemplificar utilizou-se 4 *threads* e  $\mathbb{N}$  = 14.

Lógica geral do programa paralelizado com OpenMP:

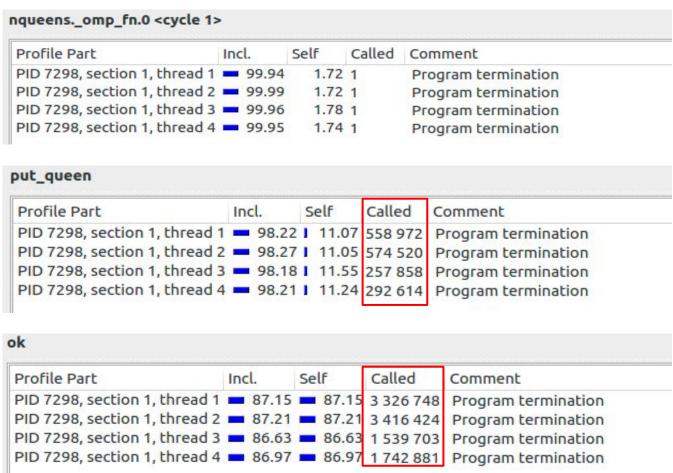


| Profile Part                   | Incl | l.     | Self | Called | Comment             |
|--------------------------------|------|--------|------|--------|---------------------|
| PID 15716, section 1, thread 1 | _    | 99.90  | 1.77 | 1      | Program termination |
| PID 15716, section 1, thread 2 | -    | 99.98  | 1.70 | 1      | Program termination |
| PID 15716, section 1, thread 3 | _    | 99.93  | 1.70 | 1      | Program termination |
| PID 15716, section 1, thread 4 | _    | 100.00 | 1.77 | 1      | Program termination |

| Incl. | Self                    | Called  | Comment   |
|-------|-------------------------|---|---|
| 98.13 | 1 11.44                 | 404 165   | Program termination   |
| 98.28 | 1 10.93                 | 437 817   | Program termination   |
| 98.23 | 1 10.92                 | 437 817   | Program termination   |
| 98.23 | 1 11.42                 | 404 165   | Program termination   |
|       | 98.13<br>98.28<br>98.23 | 98.13 I 11.44<br>98.28 I 10.93<br>98.23 I 10.92 | Incl. Self Called  98.13   11.44 404 165  98.28   10.93 437 817  98.23   10.92 437 817  98.23   11.42 404 165 |

| Profile Part                   | Incl.        | Self         | Called    | Comment             |
|--------------------------------|--------------|--------------|-----------|---------------------|
| PID 15716, section 1, thread 1 |              |              |           |                     |
| PID 15716, section 1, thread 2 | <b>87.35</b> | <b>87.35</b> | 2 602 639 | Program termination |
| PID 15716, section 1, thread 3 | <b>87.31</b> | <b>87.31</b> | 2 600 282 | Program termination |
| PID 15716, section 1, thread 4 | <b>86.81</b> | <b>86.81</b> | 2 410 462 | Program termination |

- Incl: custo incluindo todas as funções chamadas ('Inclusive Cost');
- Self: somente o custo da função em sí ('Self Cost').



- Incl: custo incluindo todas as funções chamadas ('Inclusive Cost');
- Self: somente o custo da função em sí ('Self Cost').

## Terceira solução

- Código disponível em: <a href="https://goo.gl/vW15SQ">https://goo.gl/vW15SQ</a>
- Compilação:
  - Makefile:

```
$ make
```

Diretamente:

```
$ gcc -fopenmp -o main *.c -Wall
```

Execução:

```
$ ./main <size> <nThreads>
```

## Terceira solução

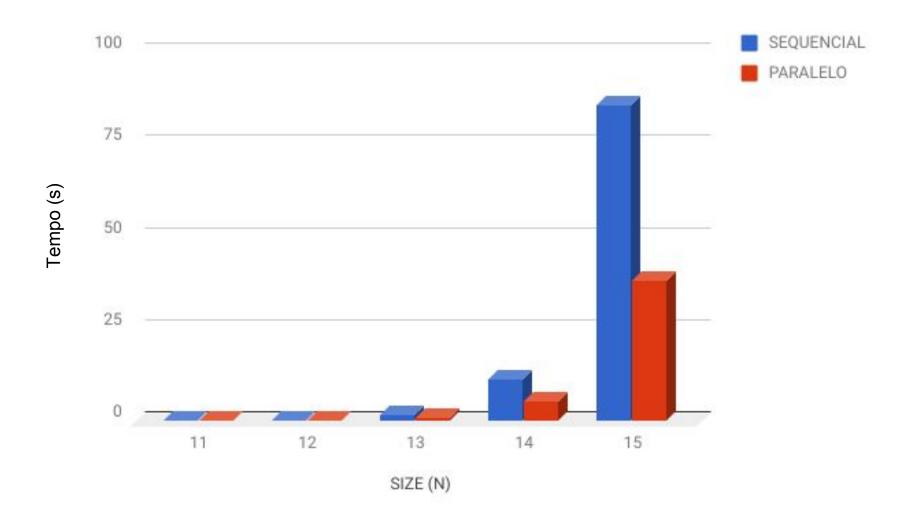
- Esta solução utiliza a seguinte abordagem:
  - cria-se uma thread para cada posição possível da primeira rainha na primeira coluna;
  - a partir desta rainha verifica-se (em cada thread) quantas soluções possíveis para cada variação da primeira rainha existem.

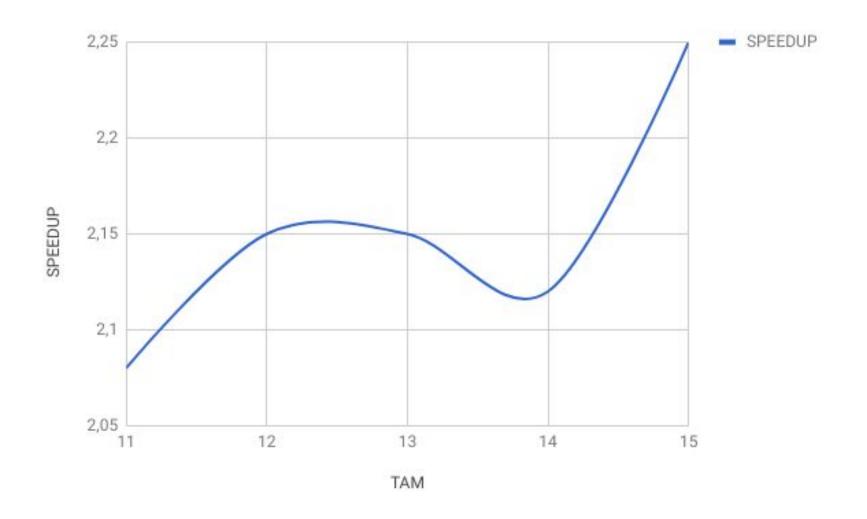
## Terceira solução

```
void nqueens(int size, int *solutions) {
    int count;
    int* position;
    count = 0;
    //Cria uma thread para cada posição possível da primeira rainha
    #pragma omp parallel num threads(size) shared(solutions) private(position)
        int j:
        position = (int *) malloc(size * sizeof(int));
        position[0] = omp get thread num(); //Adiciona a posição da primeira rainha conforme o número da thread
        for(j = 1; j < size; j++)</pre>
            position[j] = -1;
        int queen number = 1;
        while(queen number > 0) {
            if(put queen(size, queen number, position)) {
                queen number++;
                if(queen number == size) {
                    #pragma omp critical
                        count += 1:
                        position[queen number-1] = -1;
                        queen number -= 2;
            } else {
                queen_number--;
    *solutions = count:
```

• Tempo (segundos) e *Speedup* para obtenção da quantidade de soluções do problema das N-Rainhas.

| SIZE (N) | SEQUENCIAL | PARALELO | SPEEDUP |
|----------|------------|----------|---------|
| 11       | 0,0584     | 0,0280   | 2,08    |
| 12       | 0,2942     | 0,1369   | 2,14    |
| 13       | 1,7335     | 0,8073   | 2,14    |
| 14       | 11,405     | 5,3693   | 2,12    |
| 15       | 85,605     | 38,025   | 2,25    |





### Quarta solução

- Código disponível em: <a href="https://goo.gl/Ufb5ky">https://goo.gl/Ufb5ky</a>
- Compilação:
  - Makefile:

```
$ make
```

Diretamente:

```
$ gcc -fopenmp -o main *.c -Wall
```

Execução:

```
$ ./main <size> <nThreads>
```

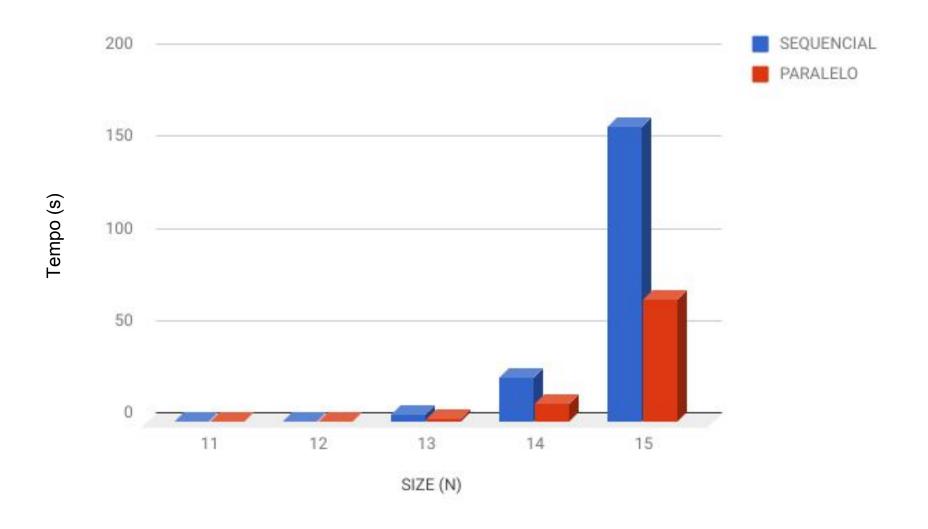
## Quarta solução

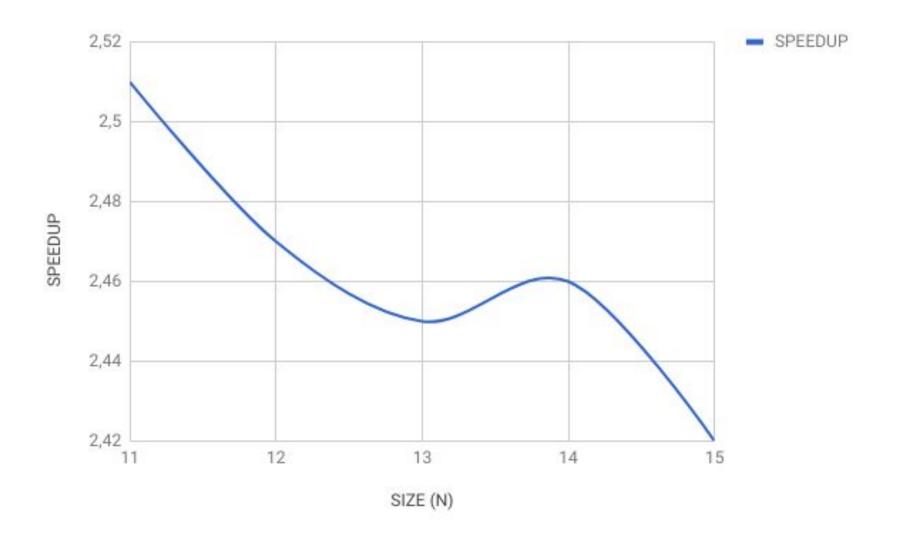
- A quarta solução foi um código novo, que faz uso de uma matriz para guardar as posições e uma pilha pra voltar a partir da última posição marcada;
- Porém, o desempenho desta solução é inferior ao das soluções anteriores.

## Quarta solução

• Tempo (segundos) e *Speedup* para obtenção da quantidade de soluções do problema das N-Rainhas.

| SIZE (N) | SEQUENCIAL | PARALELO | SPEEDUP |
|----------|------------|----------|---------|
| 11       | 0,1207     | 0,0482   | 2,51    |
| 12       | 0,6352     | 0,2574   | 2,47    |
| 13       | 3,8738     | 1,5788   | 2,45    |
| 14       | 24,1534    | 9,807    | 2,46    |
| 15       | 160,1525   | 66,1827  | 2,42    |





#### Referências

- FSU Department of Science Computing. **C++ Examples of Parallel Programming with OpenMP**. <a href="https://goo.gl/sqmujr">https://goo.gl/sqmujr</a>
- Google Optimization Tools. The N-queens Problem. <a href="https://goo.gl/fqS6sW">https://goo.gl/fqS6sW</a>
- Lawrence Livermore National Laboratory. OpenMP. <a href="https://goo.gl/o2wTxR">https://goo.gl/o2wTxR</a>
- Mark Bull. OpenMP Tips, Tricks and Gotchas. <a href="https://goo.gl/L9Xhyp">https://goo.gl/L9Xhyp</a>
- OpenMP. OpenMP C and C++ Application Program Interface. <a href="https://goo.gl/wPbQCn">https://goo.gl/wPbQCn</a>
- OpenMP. Summary of OpenMP 3.0 C/C++ Syntax. <a href="https://goo.gl/VdvSpi">https://goo.gl/VdvSpi</a>
- Texas Advanced Computing Center. OpenMP topic: Reductions. https://goo.gl/BbMrFP
- Wikipedia. Eight queens puzzle. <a href="https://goo.gl/wnDqp2">https://goo.gl/wnDqp2</a>

## **Obrigado!**

