

# 排序 I

吉林大学计算机学院  
谷方明

fmgu2002@sina.com





# 学习目标

- 掌握排序的概念和术语
- 掌握排序算法的度量指标
- 掌握基于插入的排序算法：插入排序和**Shell排序**
- 掌握基于交换的排序算法：冒泡排序和**快速排序**
- 掌握基于选择的排序算法：选择排序和**堆排序**
- 掌握**归并排序算法**



# 排序(Sorting)

## □ Sorting

- ✓ 英文词典：按种类安排事物的过程；
- ✓ 计算机：把事物排成递增或递减的次序；

## □ 排序是一个重要的实际问题

- ✓ 分班、评奖学金、保研等；

## □ 排序是一个经典的有趣课题

- ✓ 发现了很多巧妙的算法（冒泡排序1956，...， Library Sort 2004，...）；程序设计、算法分析的经典实例
- ✓ 还有很多有魅力悬而未决的难题；



# 基本概念

- 文件: 给定待排序的  $n$  个数据对象,  $R_1, R_2, \dots, R_n$ , 称这些数据对象为记录, 并称这  $n$  个记录的集合为一个文件;
- 关键词域: 通常数据对象包括多个属性域, 可将其中的一个属性域作为排序的依据, 称其为关键词域 (Key)。  $K_1, K_2, \dots, K_n$ ;
- 排序: 就是将一组杂乱的数据按关键词域排列起来的过程。 (确定记录的一个排列  $p(1), p(2), \dots, p(n)$ , 默认按递增序  $K_{p(1)} \leq K_{p(2)} \leq \dots \leq K_{p(n)}$ )



# 排序算法的重要度量指标

## □ 时间复杂度

- ✓ 关键词的比较次数 和 数据的移动次数

## □ 空间复杂度

- ✓ 排序过程使用的辅助存储空间

## □ 稳定性

- ✓ 关键词相同的任意两个记录，排序前后相对位置保持不变，则称排序算法是稳定的。
- ✓ 即 若  $K[i] = K[j]$  且  $i < j$ ，则  $p(i) < p(j)$ .



# 插入排序

□ 思想：将一个记录插入到已排好序的有序表中，从而得到一个新的有序表且记录个数增一。

□ 例：

原有序表： (9 15 23 28 37) 20

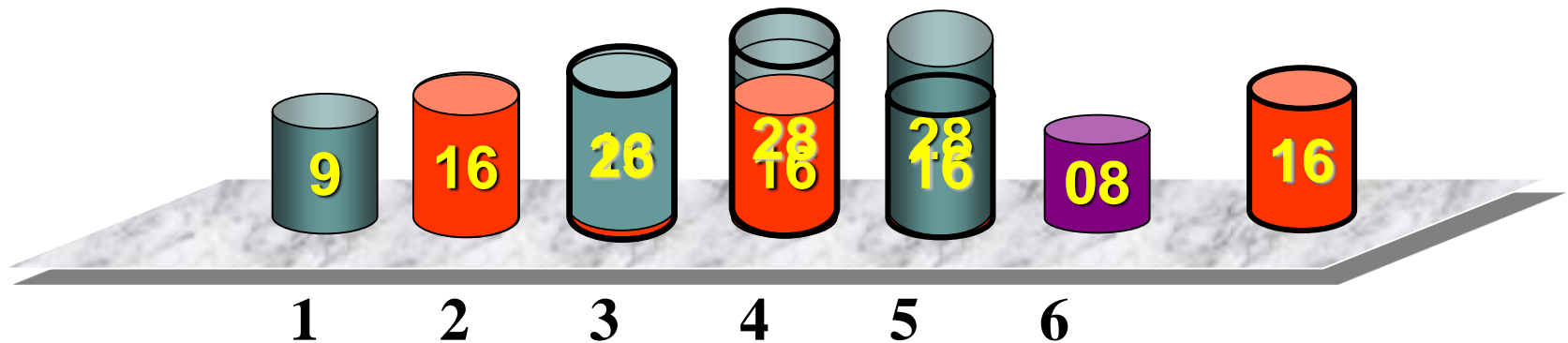
找插入位置：(9 15 ↑ 23 28 37) 20

新有序表： (9 15 20 23 28 37)



# 直接插入排序：一次插入过程

- 找插入位置，从后向前，边找边移动
- 例：  $j = 5$



- 原有序表中关键词比  $R_j$  大的记录数：  $d_j$
- 比较次数：  $d_j + 1$                       移动次数：  $d_j + 2$



# 时间复杂度分析

设  $d_j$  是  $R_j$  左边关键词大于  $K_j$  的记录个数，则插入算法中关键词的比较次数为：

$$\sum_{j=2 \dots n} (1 + d_j) = n - 1 + \sum_{j=2 \dots n} d_j$$

记录的移动次数为

$$\sum_{j=2 \dots n} (2 + d_j) = 2(n - 1) + \sum_{j=2 \dots n} d_j$$





# 最好情况和最坏情况

## □ 最好时间复杂度

排序前记录已按关键词从小到大排列，即  $d_j = 0$ .  
每趟只需与前面的有序序列的最后一个记录的关键词比较 1 次，记录移动 2 次，总的关键词比较次数为  $n-1$ ，记录移动次数为  $2(n-1)$ .

## □ 最坏时间复杂度

排序前记录已按关键词逆序排列，即  $d_j = j-1$ . 总的比较次数为  $n-1 + n(n-1)/2$ ，总的移动次数为  $2(n-1) + n(n-1)/2$ .



# 期望时间复杂度

考察分析  $\sum_{j=2 \dots n} d_j$  的期望值。

对于序列  $K_1, K_2, \dots, K_n$ ，如果  $1 \leq i < j \leq n$ ，且  $K_i > K_j$ ，则称  $(K_i, K_j)$  为上述序列的一个反序对。

实际上， $\sum_{j=2 \dots n} d_j$  正好是序列  $K_1, K_2, \dots, K_n$  的反序对个数。反序对的平均个数为

$$\begin{aligned} & 0 + (0+1)/2 + (0+1+2)/3 + \\ & (0+1+2+3)/4 + (0+1+2+3+4)/5 + \\ & (0+1+2+3+4+5)/6 + \dots + (0+1+2+\dots+n-1)/n \\ &= 0 + 1/2 + 2/2 + 3/2 + 4/2 + 5/2 + \dots + (n-1)/2 \\ &= n(n-1)/4 \end{aligned}$$



# 直接插入排序小结

	比较次数	记录移动次数
最好	$n-1$	$2n-2$
平均	$(n-1)(n+4)/4$	$(n-1)(n+8)/4$
最坏	$(n-1)(n+2)/2$	$(n-1)(n+4)/2$

- 优点：算法简单.
- 缺点：期望和最坏复杂度为  $O(n^2)$  .
- 稳定性：稳定
- 辅助空间：  $O(1)$



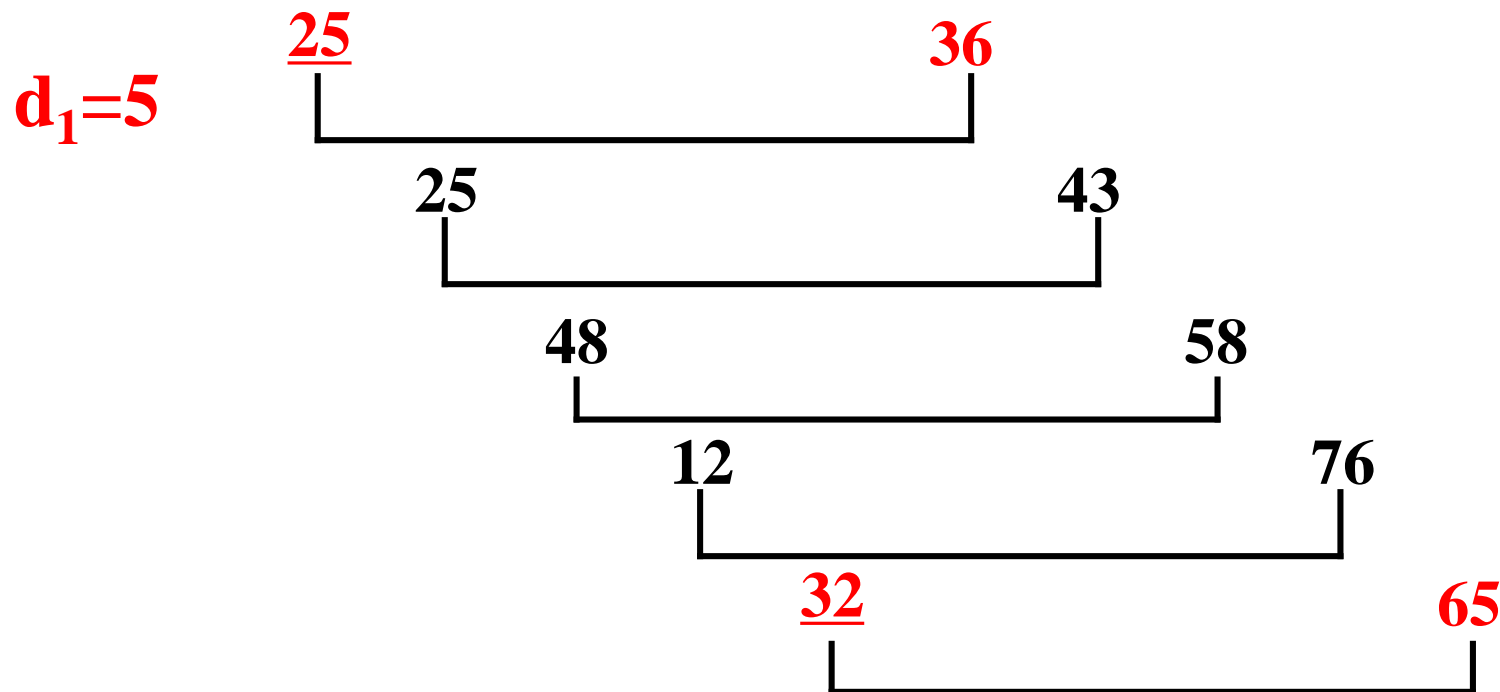
# 希尔排序(shell)

- 将记录按下标的一定**增量分组**，对每组使用直接插入排序算法排序；
- 随着增量值逐渐减少，每组包含的关键词越来越多；当增量值减少到 1 时，整个文件恰被分成一组，算法终止。

# [例] 将十个数进行希尔排序的示例。



下标	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	36	25	48	12	65	<u>25</u>	43	58	76	32



一趟  
排序结果

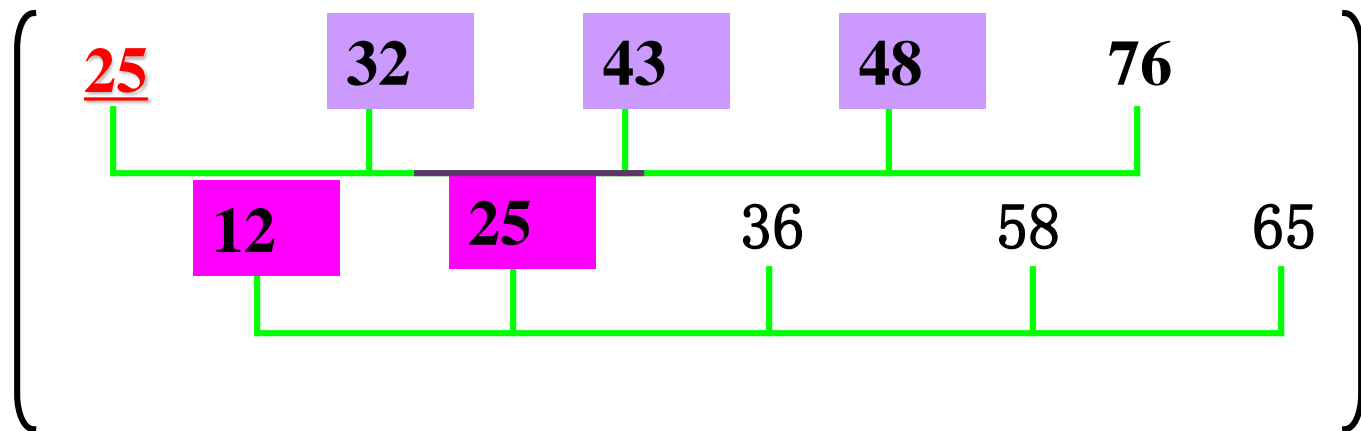
<u>25</u>	25	48	12	32	36	43	58	76	65
-----------	----	----	----	----	----	----	----	----	----

## [例] 将十个数进行希尔排序的示例



下标	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	<u>25</u>	25	48	12	32	36	43	58	76	65

$d_2=2$



二趟  
排序结果

<u>25</u>	12	32	25	43	36	48	58	76	65
-----------	----	----	----	----	----	----	----	----	----

三趟  
排序结果

12	<u>25</u>	25	32	36	43	48	58	65	76
----	-----------	----	----	----	----	----	----	----	----

$d_3=1$



# 希尔排序增量选取方法

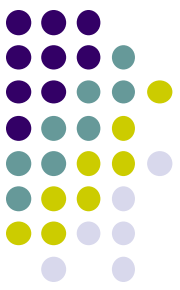
- $d_1 = n / 2 = 10 / 2 = 5$

- $d_2 = d_1 / 2 = 5 / 2 = 2$

- $d_3 = d_2 / 2 = 2 / 2 = 1$

- $d_1 = n / 2$

- $d_{i+1} = d_i / 2$



# Shell排序算法分析

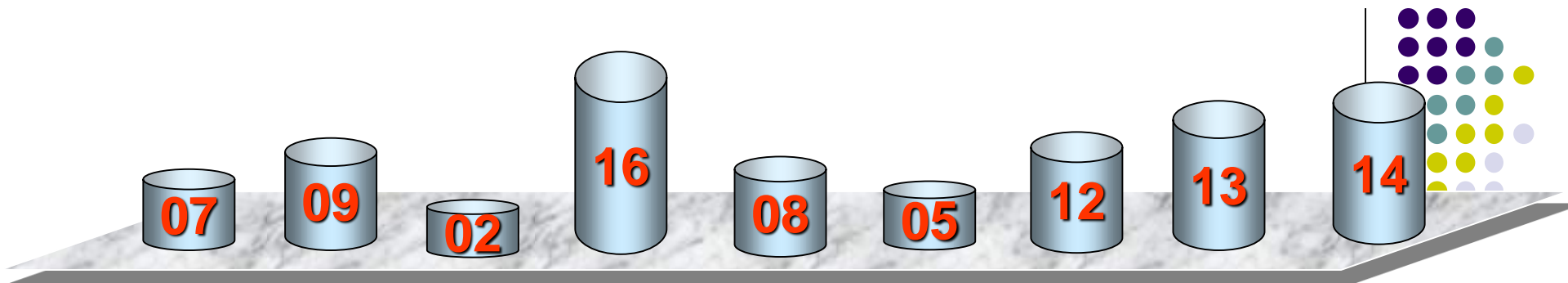
- **Shell**算法的性能与所选取的分组长度序列有很大关系。关键词比较次数（记录移动次数）与增量选择间的关系，至今仍然是数学难题。
- 1969年，普拉特（V. Pratt）证明了如下结论：如果渐减增量序列取值为形如  $2^p 3^q$  且小于  $n$  的所有自然数的集合，即  $\{2^p 3^q | 2^p 3^q < n\}$ ，则 Shell 算法的时间复杂度  $O(n(\log_2 n)^2)$ 。
- Knuth从大量的实验统计资料中得出：当  $n$  很大时，关键词的平均比较次数大约是  $n^{1.25}$ ，记录的平均移动次数大约是  $1.6n^{1.25}$ 。
- Shell算法不稳定



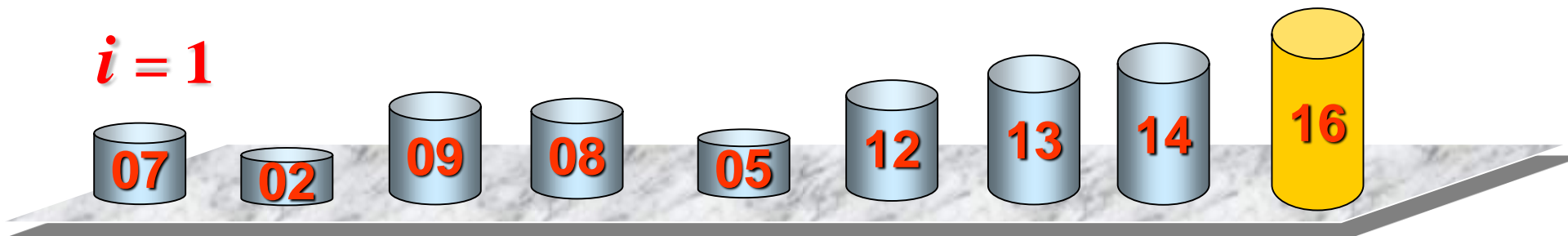


# 交换排序

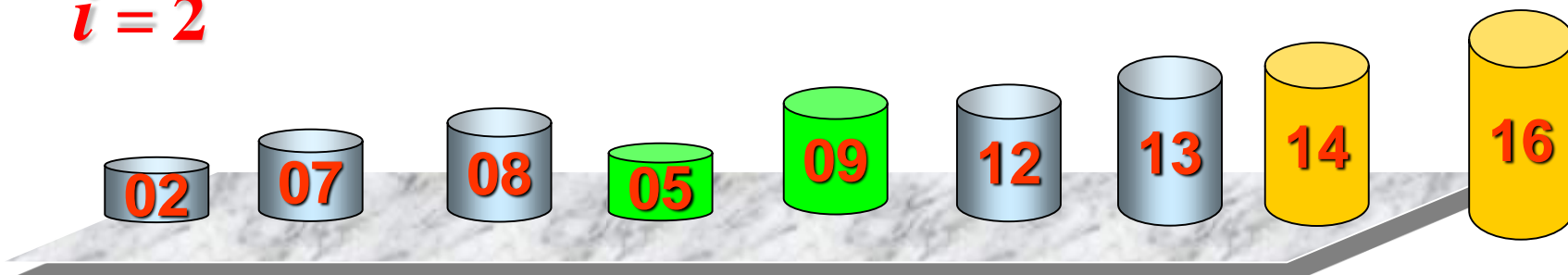
- **交换排序思想**：交换文件中存在的反序对，直到不存在反序对为止。
- **冒泡排序**：通过比较**相邻**记录的关键词，交换存在逆序的记录；使关键词较大的记录如气泡一般逐渐往上“飘移”直至浮出“水面”。



$i = 1$



$i = 2$





# 冒泡排序算法分析

算法 **BSort** (  $R$ ,  $n$  )

**BS1** [冒泡过程]

for (  $i = n$  ;  $i > 1$  ;  $i --$  )

for (  $j = 1$  ;  $j < i$  ;  $j ++$  )

if(  $K_j > K_{j+1}$  ) swap(  $R_j$ ,  $R_{j+1}$  );

□ 关键词的比较次数:

$$(n-1)+(n-2)+\dots+1 = (n-1)n/2$$



# 冒泡排序算法的改进

算法Bubble (  $R$ ,  $n$  )

Bubble1. [初始化]

**BOUND =  $n$ ; //每趟冒泡关键词比较的终止位置**

Bubble2. [冒泡过程]

**while ( BOUND > 0 ) { // BOUND=0, 终止算法**

**t = 0; //每趟冒泡记录交换的最后位置**

**for (  $j = 1$  ;  $j < \text{BOUND}$  ;  $j++$  )**

**if (  $K_j > K_{j+1}$  ) { swap( $R_j$ ,  $R_{j+1}$ ); **t = j;** }**

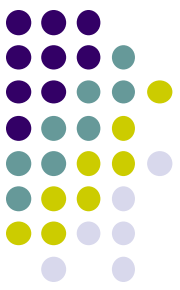
**BOUND = t;**

**} ■**

第1趟 第2趟 第3趟 第4趟 第5趟 第6趟 第7趟 8趟 9趟

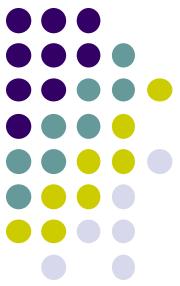
13	<u>16</u>	16	16	16	16	16	16	16	16
14	13	<u>15</u>	15	15	15	15	15	15	15
12	14	13	14	14	14	14	14	14	14
10	12	14	13	13	13	13	13	13	13
08	10	12	12	12	12	12	12	12	12
03	08	10	11	11	11	11	11	11	11
06	03	08	<u>10</u>	10	10	10	10	10	10
11	06	03	08	09	09	09	09	09	09
05	11	06	03	08	08	08	08	08	08
15	05	11	06	03	<u>07</u>	07	07	07	07
04	15	05	09	06	03	<u>06</u>	06	06	06
16	04	09	05	07	06	03	<u>05</u>	<u>05</u>	05
01	09	04	07	05	05	05	03	04	04
09	01	07	04	04	04	04	04	03	03
02	07	01	02	02	02	02	02	02	<u>02</u>
07	02	02	01	01	01	01	01	01	01





# 算法分析

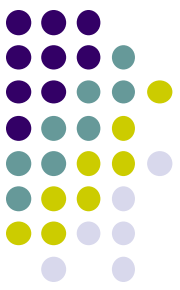
- 最好情形：记录的初始排列按关键词从小到大排好序时，此算法只执行一趟起泡，做  $n-1$  次关键词比较，不发生记录交换；
- 最坏情形：算法执行了  $n-1$  趟起泡，第  $i$  趟 ( $1 \leq i < n$ ) 做了  $n-i$  次关键词比较，执行了  $n-i$  次记录交换,此时，总的关键词比较次数和记录交换次数为  $(n-1)n/2$



# 一般情形

- 假定记录序列  $R_1, R_2, \dots, R_n$  所对应的关键词序列为  $A = \{K_1, K_2, \dots, K_n\}$ , 令  $A$  中第  $j$  小的关键词  $K'$  对应的记录为  $R'$ , 在  $R'$  左边诸记录对应的关键词中, 大于  $K'$  的关键词个数为  $b_j (1 \leq j \leq n)$ , 则文件  $B = \{b_1, b_2, \dots, b_n\}$  被称为  $A$  的**反序表**.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$A$	07	09	02	16	08	05	12	14	13
$b_j$	0	0	2	0	2	4	1	1	2
$j$	3	5	1	9	4	2	6	8	7
$B$	2	4	0	2	0	1	2	1	0

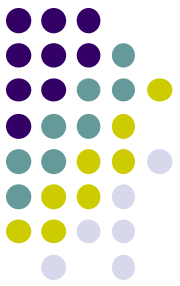


## 定理7.1

设 $\{K_1, K_2, \dots, K_n\}$ 是序列 $\{1, 2, \dots, n\}$ 的一个排列,  $\{b_1, b_2, \dots, b_n\}$ 是对应的反序表. 如果算法Bubble的一趟冒泡把 $\{K_1, K_2, \dots, K_n\}$ 改变为 $\{K_1', K_2', \dots, K_n'\}$ , 那么将 $\{b_1, b_2, \dots, b_n\}$ 中每个非零元素减1, 就得到相应的反序表 $\{b_1', b_2', \dots, b_n'\}$ .

- $A = \{07, 09, 02, 16, 08, 05, 12, 14, 13\}$
- $B = \{2, 4, 0, 2, 0, 1, 2, 1, 0\}$
- $A' = \{07, 02, 09, 08, 05, 12, 14, 13, 16\}$
- $B' = \{1, 3, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0\}$





# 推论7.1

□ 冒泡 (Bubble) 排序算法的

冒泡趟数  $A=1+\max\{b_1, b_2, \dots, b_n\}$ ;

记录交换次数  $B=\sum_{i=1\dots n} b_i$ ;

关键词比较次数  $C=\sum_{i=1\dots A} C_i$ , 其中  $C_i$  等于第  $i$  趟冒泡时的BOUND值减 1.

	比较次数	交换次数	冒泡趟数
最好情况	$n-1$	0	1
平均情况	$n/2(n-\log_e n)+O(n)$	$n(n-1)/4$	$n-(\pi n/2)^{1/2}+O(1)$
最坏情况	$n(n-1)/2$	$n(n-1)/2$	$n$



# 冒泡排序算法小结

- 时间复杂度:  $O(n^2)$  (最坏和平均) .
- 辅助存储空间:  $O(1)$  .
- 稳定性: 冒泡排序是稳定的排序方法。



# 鸡尾酒排序

□ 交替进行气泡上浮和气泡下沉的排序方法

	第一趟	第二趟	第三趟	第四趟	第五趟	第六趟
79	90	90	90	90	90	90
56	79	88	88	88	88	88
90	56	79	79	79	79	79
4	88	56	56	56	56	56
32	4	35	35	35	35	35
27	32	4	32	32	32	32
16	27	32	4	27	27	27
88	16	27	27	4	16	16
35	35	16	16	16	4	4

图7.5 单纯上浮排序算法的运行过程  
该例需要扫描 6 趟

第一趟

第二趟

第三趟

第四趟

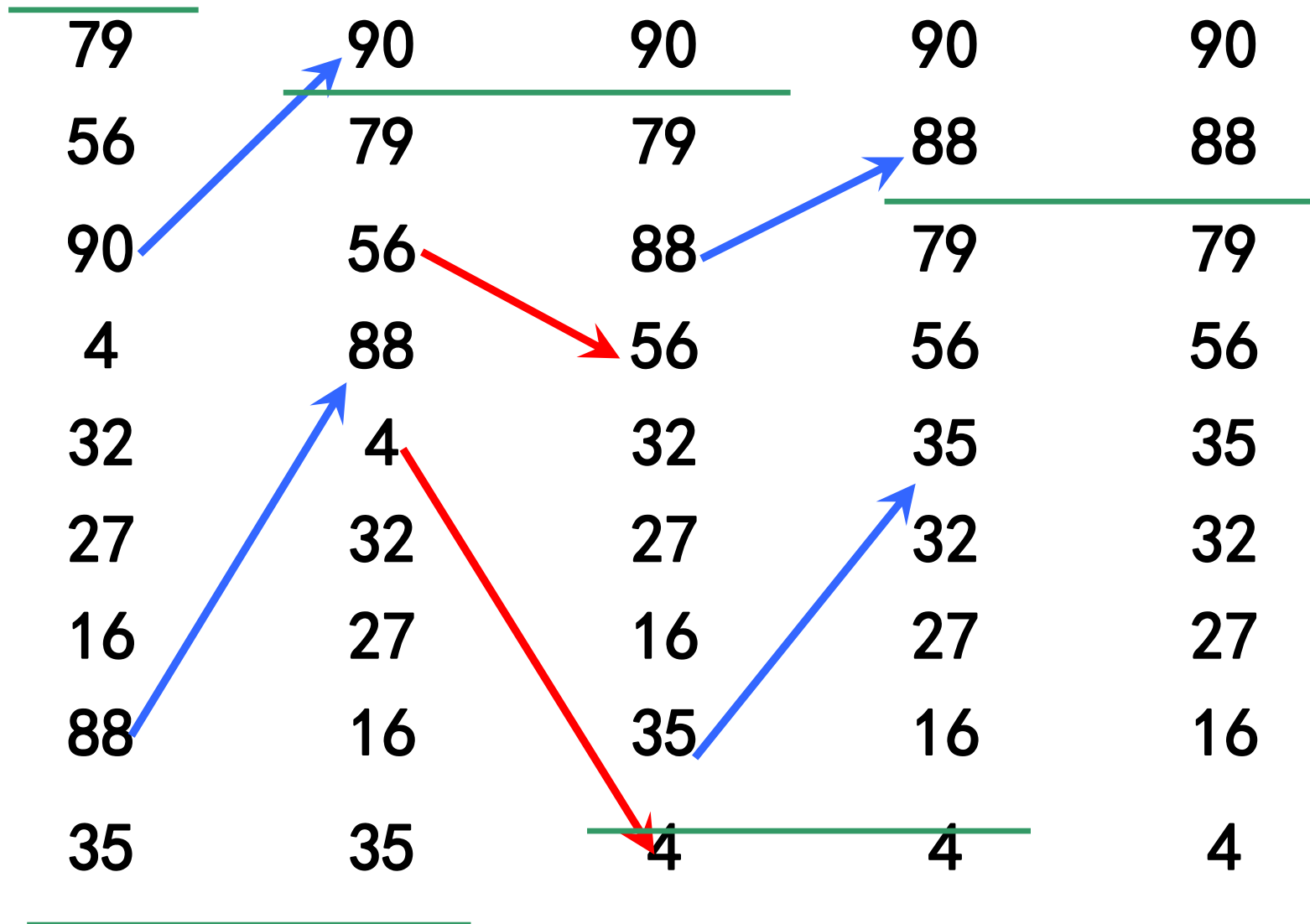


图7.6 交替上浮下沉排序算法，需四趟完成排序。

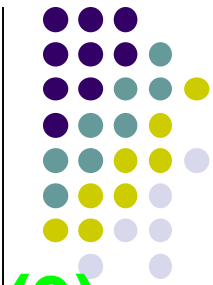
对相同的文件，上浮方法比交替方法需多用两趟才能完成排序



# 快速排序（分划交换排序）

- 任取待排序文件中的某个记录(如第一个记录)作**基准(pivot)**，按照该记录的关键词大小，将整个文件分划为左右两个子文件：
  - ✓ 左侧子文件中所有的关键词都  $\leq$  基准记录的关键词
  - ✓ 右侧子文件中所有的关键词都  $>$  基准记录的关键词
  - ✓ 基准记录排在两个子文件中间。
- 分别对两个子文件重复上述方法，直到所有记录都排在相应位置上为止。

# 一趟分划交换



(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)
<u>70</u>	73	69	23	93	18	11	68	100
i(第一个大于)				(第一个小于) j				
70	68	69	23	93	18	11	73	100
				i		j		
70	68	69	23	11	18	93	73	100
					j	i		
70	68	69	23	11	18	93	73	100
18	68	69	23	11	70	93	73	100



# 算法QSort(R, m, n)

/\*  $R_m$  为基准记录,  $K_{n+1} = +\infty$ ; m、n分别为R的左右边界\*/

**QSort1.[递归出口]**

if (  $m \geq n$  ) return ;

**QSort2.[ 交换 , 分划 ]**

$i = m$  ,  $j = n+1$ .  $K = K_m$  .

while(  $i < j$  ) {

$i++$  ; while (  $K_i < K$  )  $i++$  ;

$j--$  ; while (  $K_j > K$  )  $j--$  ;

    if (  $i < j$  ) swap (  $R_i$  ,  $R_j$  ); }

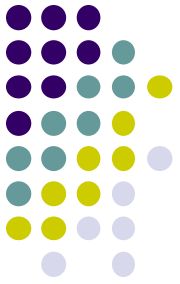
swap (  $R_m$  ,  $R_j$  )

**QSort3.[递归调用]**

QSort (  $R$  ,  $m$  ,  $j-1$  );

QSort (  $R$  ,  $j+1$  ,  $n$  ); ■





# 分析

## □ 正确性

- ✓ 数学归纳法

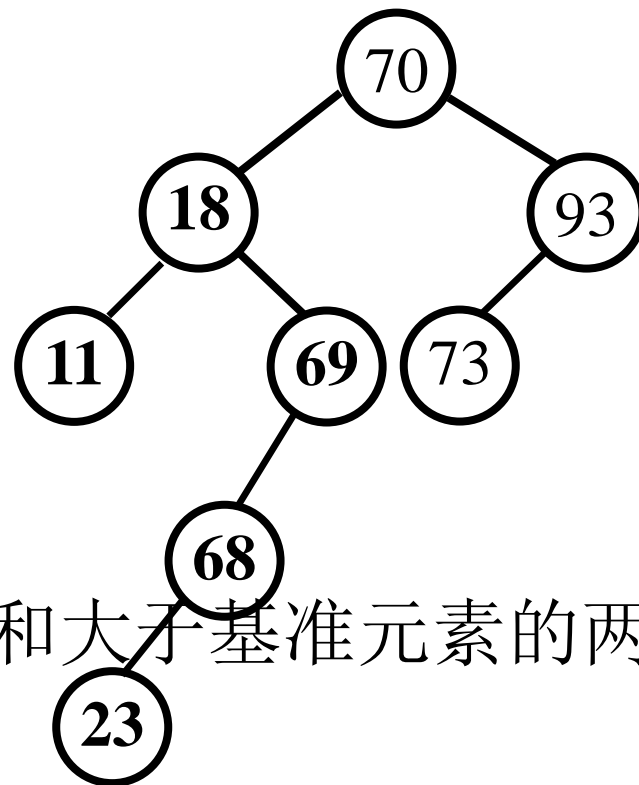
## □ 时间复杂度

- ✓ 基本运算：关键字比较
- ✓ 分析工具：递归调用树

# 递归调用树

## □ 定义

- ✓ 根结点代表基准元素
- ✓ 左右子树分别代表小于和大于基准元素的两个文件



## □ 一个结点代表一次递归调用

- 一次分划过程 $(R, m, n)$ ,  $i > j$  时的两个记录与基准记录比较两次, 其余的记录和基准记录各比较一次, 关键词的比较次数为  $n - m + 2$  或  $(n+1)$ .
- 快速排序的时间效率取决于递归树的深度.



# 最好时间复杂性

- 每次分划后，都得到长度相等的两个子序列。总的计算时间为：

$$T(n) = \begin{cases} a & n \leq 1, a \text{ 为常数} \\ f(n) + 2 \times T(n/2) & n > 1 \end{cases}$$

- $T(n) \leq cn + 2T(n/2)$  //  $c$  是一个常数  
 $\leq cn + 2(cn/2 + 2T(n/4)) = 2cn + 4T(n/4)$   
 $\leq 2cn + 4(cn/4 + 2T(n/8)) = 3cn + 8T(n/8)$   
.....  
 $\leq cn \log_2 n + nT(1) = O(n \log_2 n)$



# 最坏时间复杂性

- **最坏情况**：即待排序记录已按关键词由小到大(或由大到小)排好序，其递归树为单支树，每次分划只得到比上次少一个记录的子序列。此时，排序共需  $n-1$  趟，且第  $i$  趟需要  $n-i+2$  次关键词比较，**总关键词比较次数为**：

$$(n+1)+n+\dots+3=(n-1)(n+4)/2$$

- **定理7.2** 如果规定关键词比较为基本运算，则算法QSort(1,  $n$ ) 的期望复杂度为  $O(n\log_2 n)$ ，最坏复杂度  $W_n = (1/2)n^2 + (3/2)n - 2$ .



# 期望时间复杂度

- 设  $E_n$  是算法**Qsort**的期望时间复杂度， $n$ 是元素数；假定关键词的分布是随机的；

$$E_0 = E_1 = 0$$

$$E_n = \sum p_s (n + 1 + E_{s-1} + E_{n-s}) \quad (n \geq 2)$$

- $E_n = (2\ln 2) n \log n + O(n) = 1.386 n \log n$

- ✓  $n E(n) = n(n+1) + 2 \sum_1^n E(k-1)$

- ✓  $\frac{E(n)}{n+1} = \frac{E(n-1)}{n} + \frac{2}{n+1}$



# 快速排序小结

## □ 时间复杂度

- ✓ 最坏情况的时间复杂度:  $O(n^2)$
- ✓ 平均情况的时间复杂度:  $O(n\log_2 n)$

## □ 辅助空间

- ✓ 最好:  $O(\log_2 n)$
- ✓ 最坏:  $O(n)$

## □ 稳定性: 快速排序是不稳定的排序方法。

## □ 实现

- ✓ 留空法
- ✓ .....



# 快速排序改进

- 用一个随机函数选择用于控制分划的记录，但随机数的产生也很费时。
- 三者取中法，每个待排序记录序列的第一个记录、最后一个记录和位置接近正中的3个记录，取其关键词居中者为基准记录。  
即令 $K_m$ 是 $K_m$ 、 $K_{\lfloor (m+n)/2 \rfloor}$ 和 $K_n$ 的中间值。

# 非递归快速排序算法



算法 HSort(  $n, R, M$  )

*/\* 变量  $M$  已给定,  $5 \leq M \leq 15$ .  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  为待排序文件 \*/*

HSort1.[初始化]

CREATEStack(  $S$  ) .

$f \leftarrow 1. t \leftarrow n. K_{n+1} \leftarrow +\infty. K_0 \leftarrow -\infty.$

IF  $n \geq M$  THEN  $S \leftarrow (f, t).$

HSort2.[对长度  $\geq M$  的记录序列分划排序]

WHILE NOT Empty( $S$ ) DO(

( $f, t$ )  $\leftarrow S.$

Partition2(  $R, f, t, j$  ). // 三者取中分划文件

IF  $j - f \geq M$  THEN  $S \leftarrow (f, j - 1).$

IF  $t - j \geq M$  THEN  $S \leftarrow (j + 1, t). )$

Hsort5.[插入排序]

InsertSortA(  $R, 1, n$  ).





# 思考

- 算法**HSort**中的栈**S**可能包含的最大元素个数
- **Hsort**中的栈可以用队列代替吗？



# 选择排序

思想：

对待排序的文件进行  $n-1$  次选择操作，其中第  $i$  次选择第  $i$  小(或大)的记录放在第  $i$  个(或第  $n-i+1$  个)位置上。



# 直接选择排序算法

- 教材方法: 选择第*i*大, 与  $n-i+1$ 位置交换  
总的关键词比较次数为  
$$(n-1)+(n-2) + \dots + 1 = (n-1)n/2$$
  
记录交换次数等于  $n-1$
- 时间复杂度:  $O(n^2)$  (包括最好、最坏和平均).
- 稳定性: 不稳定排序 (位置交换时被替换元素导致不稳定.)
- 辅助空间:  $O(1)$ .



# 堆排序

□ 使用**down**操作即可

□ 时间复杂度:

✓  $T(n) = 2(\lfloor \log n \rfloor + \lfloor \log(n-1) \rfloor + \dots + \lfloor \log 2 \rfloor) \leq 2n \log n$

✓  $T(n) \geq 2(\lfloor \log n \rfloor + \dots + \log n/2) \geq 2 * n/2 * \log n/2 \geq n \log n/2$

✓  $O(n \log n)$  (最好、最坏和平均).

□ 稳定性: **不稳定**排序

□ 辅助空间:  $O(1)$ .

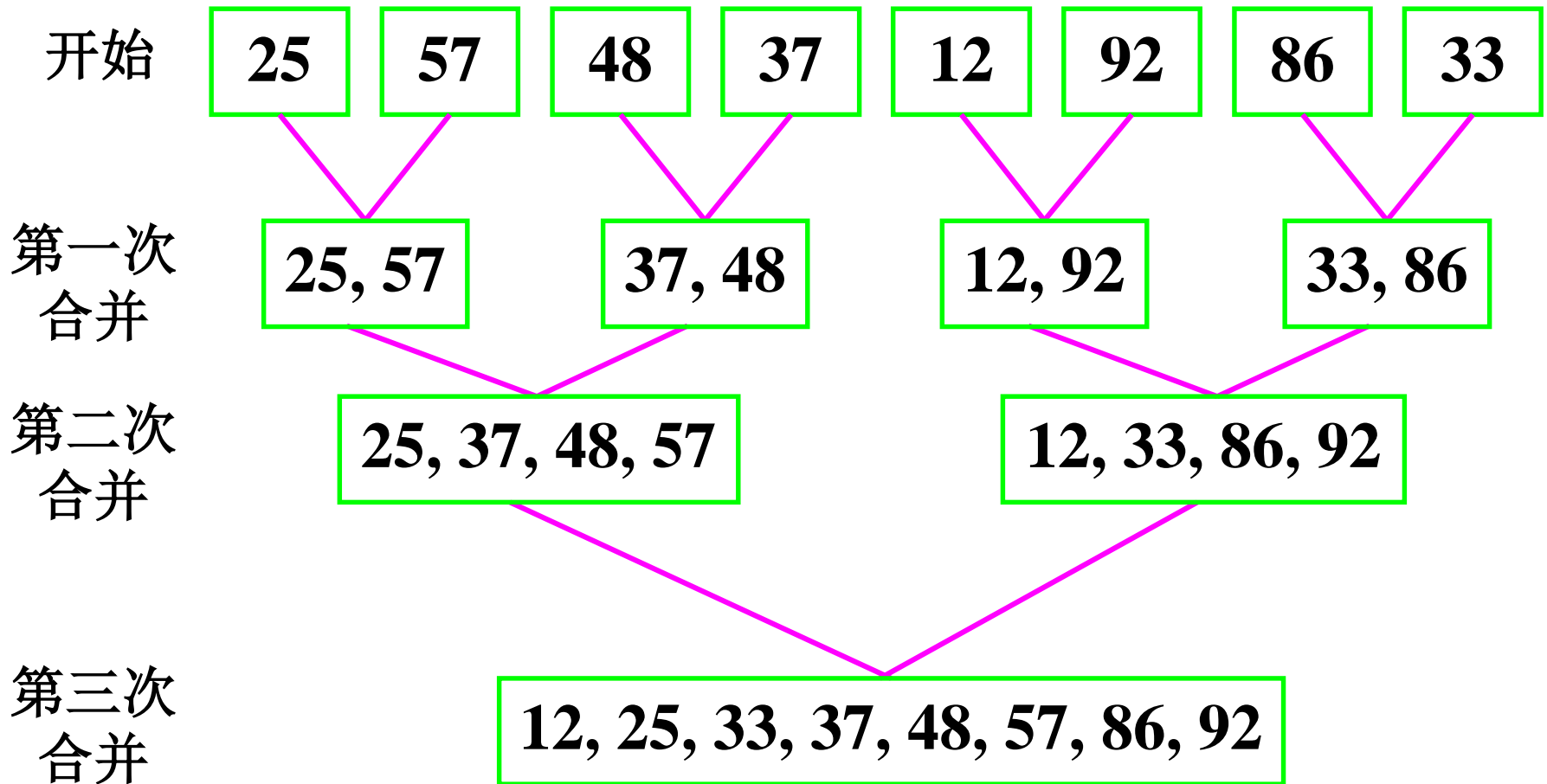


# 归并排序

- 合并(归并): 把两个或多个**有序文件**合并成一个有序文件。
- 例: 文件 { 503, 703, 765 } 和  
文件 { 087, 512, 677 } 合并  
得到  
文件 { 087, 503, 512, 677, 703, 765 }.



# 合并排序过程示例



# 合并 A 中已排序的两个文件 le..mid和mid+1..ri 到 X 中



**void**

```
merge( int A[], int le, int mid, int ri, int X[] ){  
    int i = le, j = mid+1, k;  
    for( k = le ; k <= ri ; k++ )  
        if(i<=mid && j<=ri && A[i]<=A[j]  
            || j>ri)      X[k]=A[i++];  
        else X[k] = A[ j++ ];  
}
```



# 一趟合并排序

```
void MPass( int A[], int n, int len, int X[] ){  
    int i, j;  
    for(i=1; i + 2*len-1 <= n ; i+=2*len)  
        merge(A, i, i+len-1, i+2*len-1, X);  
    if( i+len-1 < n ) merge(A, i, i+len-1, n, X);  
    else for( j = i; j <= n; j++) X[j] = A[j];  
}
```





# 合并排序算法

```
void MSort( int A[], int n, int X[]){  
    int len=1;  
    while(len < n){  
        MPass(A,n,len,X);  
        len*=2;  
        MPass(X,n,len,A);  
        len*=2;  
    }  
}
```



# 归并排序算法分析

## □ 时间复杂度 $O(n\log n)$

- ✓ Merge: 基本运算是元素移动,  $2*\text{len}$ 次,  $O(\text{len})$ .
- ✓ MPass: 要调用Merge函数 $\lceil n/(2*\text{len}) \rceil \approx O(n/\text{len})$ 次, MPass的复杂度为 $O(n)$
- ✓ Msort: 调用MPass正好 $\lceil \log_2 n \rceil$ 次, 所以算法总的时间复杂度为 $O(n\log_2 n)$

## □ 辅助存储空间: $O(n)$

## □ 归并排序是稳定的排序方法。



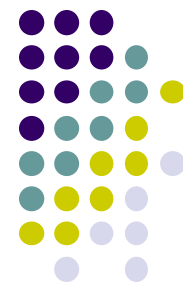
# 归并排序拓展

- 元素移动代价可能很大
  - ✓ 改为指针（课后思考）
- $n$ 较小时，合并代价大  
**InsertSort(类似HSort)**  
前几次 $len$ 小，也可**InsertSort( $A, le, le+2len-1$ )**
- 递归版  
实现简单，解题常用算法

**//归并排序递归版，X全局数组**

```
void msort( int A[], int le, int ri){  
    int i = le, mid = (le + ri)/2 , j = mid+1, k;  
    if(le >= ri) return;  
    msort(A, le, mid);  
    msort(A, mid+1,ri);  
    for( k = le ; k <= ri ; k++ )  
        if(i<=mid && j<=ri && A[i]<=A[j]  
            || j>ri)      X[k]=A[i++];  
        else X[k] = A[ j++ ];  
    for( k = le ; k <= ri ; k++ ) A[k] = X[k];  
}
```

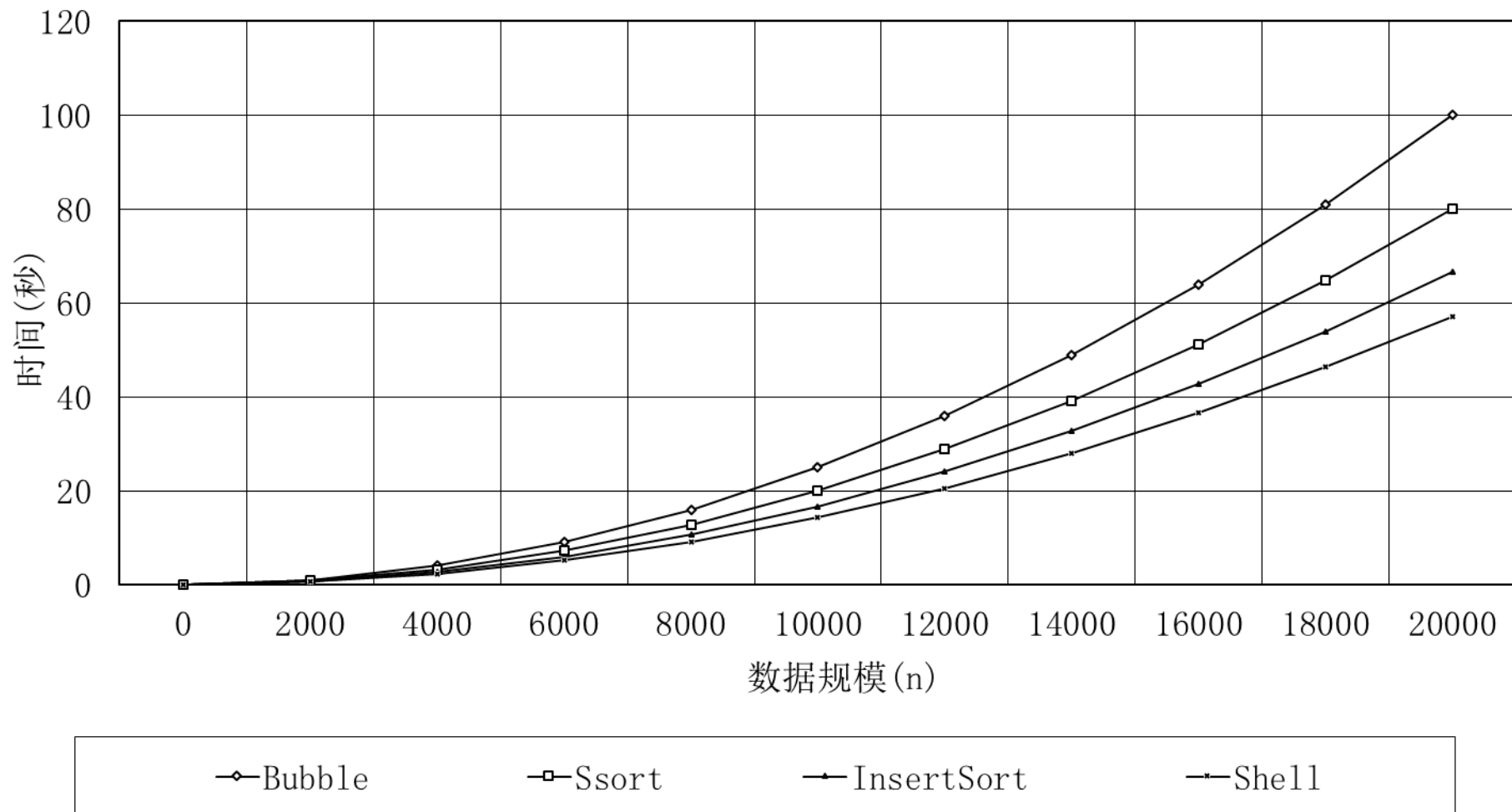




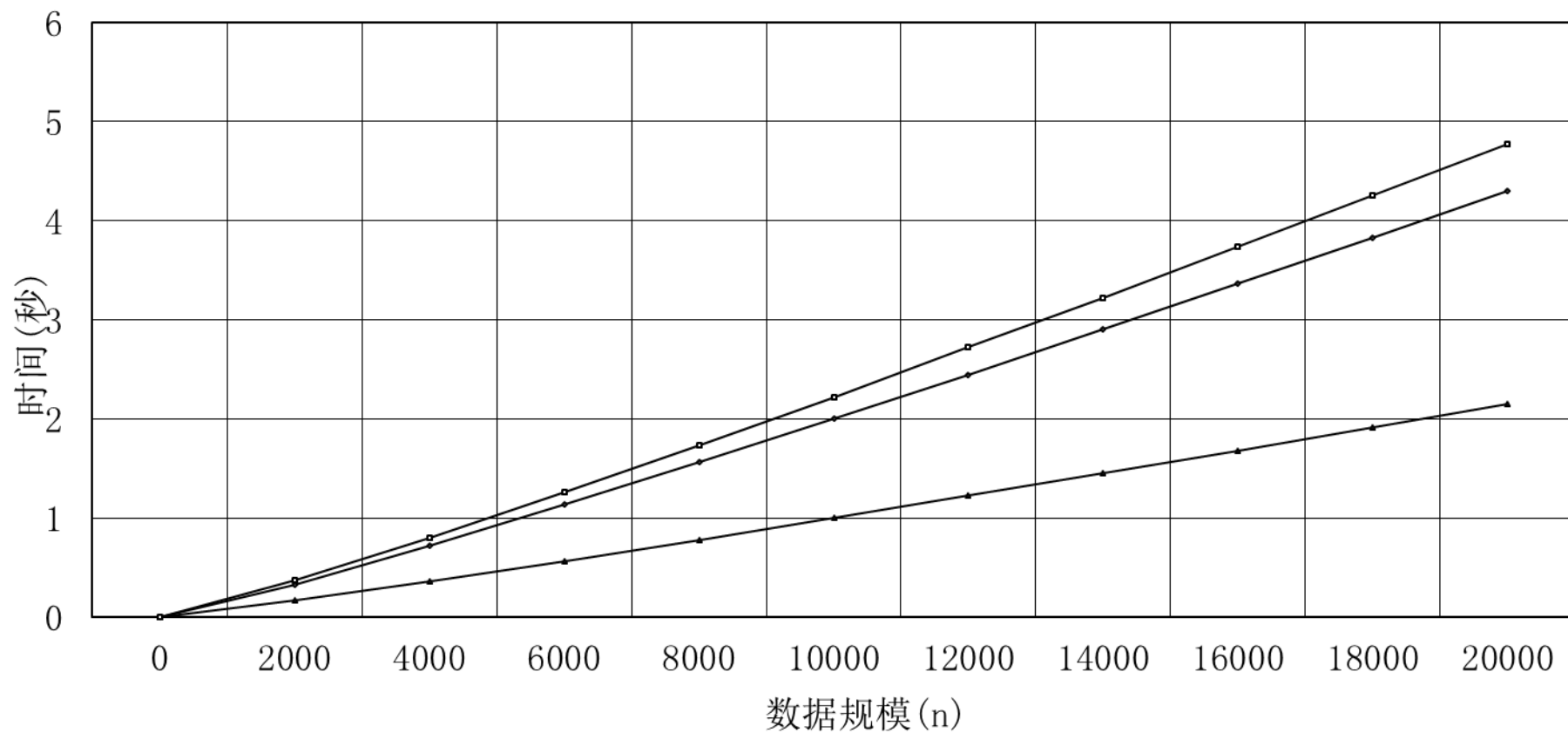
# 内排序方法的比较

排序方法	最好	平均	最坏	辅助空间	稳定性
直接插入	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	稳定
冒泡	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	稳定
直接选择	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	不稳定
希尔		$O(n^{1.25})$		$O(1)$	不稳定
快速	$O(n\log n)$	$O(n\log n)$	$O(n^2)$	$O(\log n)$	不稳定
堆	$O(n\log n)$	$O(n\log n)$	$O(n\log n)$	$O(1)$	不稳定
归并	$O(n\log n)$	$O(n\log n)$	$O(n\log n)$	$O(n)$	稳定

# 平方阶排序算法示意图



# $n\log n$ 阶排序算法示意图



—●— QSort

—●— Msort

—●— HeapSort



# 第7章 任务

## □ 慕课

- ✓ 在线学习/预习 第 7 章 视频

## □ 作业

- ✓ P266: 7-3, 7-5, 7-8, 7-18,  
7-24, 7-45, 7-50
- ✓ 在线提交