

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МОЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №3
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Очереди с приоритетом. Параллельная обработка

Студентка гр.1381

Рымарь М.И.

Преподаватель

Иванов Д.В.

Санкт-Петербург

2022

Цель работы.

Изучить такую структуру данных, как очереди. Реализовать очередь с приоритетом (min/max кучу) для решения задания.

Задание.

На вход программе подается число процессоров n и последовательность чисел t_0, \dots, t_{m-1} , где t_i — время, необходимое на обработку i -й задачи.

Требуется для каждой задачи определить, какой процессор и в какое время начнёт её обрабатывать, предполагая, что каждая задача поступает на обработку первому освободившемуся процессору.

Примечание #1: в работе необходимо использовать очередь с приоритетом (т.е. min или max-кучу)

Примечание #2: в работе запрещено использовать библиотечные реализации алгоритмов и структур.

Формат входа

Первая строка входа содержит числа n и m . Вторая содержит числа t_0, \dots, t_{m-1} , где t_i — время, необходимое на обработку i -й задачи. Считаем, что и процессоры, и задачи нумеруются с нуля.

Формат выхода

Выход должен содержать ровно m строк: i -я (считая с нуля) строка должна содержать номер процессора, который получит i -ю задачу на обработку, и время, когда это произойдёт.

Выполнение работы.

Для решения поставленной задачи было реализовано два класса Heap и Processor. Первый класс — это очередь с приоритетом. Реализован метод инициализации, метод insert() — добавление элемента в очередь, метод getParent() — получение индекса родителя, методы getLeft() и getRight() — получение индексов левого и правого ребёнка, соответственно. Также написано два метода, реализующие просеивание кучи вверх и вниз — siftUp() и siftDown(). Для

извлечения минимального элемента из кучи был создан метод `extractMin()`. Второй класс создан для хранения информации. Он имеет два атрибута, для доступа к которым написаны «геттеры» `id()` и `time()`. Реализован метод инициализации, увеличения времени, переопределён метод сравнения `__lt__`.

В функции `main()` происходит считывание данных, введённых пользователем. Далее создаётся экземпляр класса `Heap`, затем с помощью цикла экземпляры класса `Processor` добавляются в очередь с приоритетом. В списке `result` хранятся кортежи идентификатора процессора, который получит задачу на обработку и время, когда это произойдёт. Далее цикл `for` выводит результат работы программы в консоль.

Код программы из файла `main.py` представлен в приложении А.

Тестирование.

Для тестирования используется фреймворк `unittest`. В файле с тестами была написана функция `main_tester()`, реализующая те же функции, то и функция `main()` в файле `main`. Функция была написана для удобства тестирования. Тесты рассматривают несколько очередей с приоритетом. Результаты тестирования представлены на рисунке 1. Файл с тестированием `test.py` представлен в приложении А.

```
===== test session starts =====
collecting ... collected 3 items

test.py::TestHeap::test1 PASSED [ 33%]
test.py::TestHeap::test2 PASSED [ 66%]
test.py::TestHeap::test3 PASSED [100%]

===== 3 passed in 0.02s =====
```

Рисунок 1 – Результаты тестирования

Выводы.

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена такая структура данных, как очередь с приоритетом. Структура данных была использована для решения поставленной задачи. С помощью юнит тестов была проверена корректность реализации.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММ

Название файла: *main.py*

```
class Heap:
    def __init__(self):
        self.__size = 0
        self.__MAX_SIZE = 10 ** 5
        self.__heap = [None] * self.__MAX_SIZE

    def getParent(self, index):
        if index == 0:
            return 0
        return (index - 1) // 2

    def getRight(self, index):
        return 2 * index + 2

    def getLeft(self, index):
        return 2 * index + 1

    def insert(self, elem):
        if self.__size == self.__MAX_SIZE:
            return -1
        self.__heap[self.__size] = elem
        self.siftUp(self.__size)
        self.__size = self.__size + 1

    def siftUp(self, index):
        if index < 0 or index >= self.__MAX_SIZE:
            raise IndexError("Incorrect index")

        parent = self.getParent(index)
        while index > 0 and self.__heap[index] < self.__heap[parent]:
            self.__heap[parent], self.__heap[index] = self.__heap[index],
self.__heap[parent]
            index = parent
            parent = self.getParent(index)

    def siftDown(self, index):
        if index < 0 or index >= self.__MAX_SIZE:
            raise IndexError("Incorrect index")

        left = self.getLeft(index)
        right = self.getRight(index)

        if left >= self.__size and right >= self.__size:
            return None

        if right >= self.__size:
            if self.__heap[left] < self.__heap[index]:
                minIndex = left
            else:
                minIndex = index
            if self.__heap[index] < self.__heap[minIndex]:
                self.__heap[index], self.__heap[minIndex] = self.__heap[minIndex],
self.__heap[index]
                index = minIndex
        else:
            if self.__heap[left] < self.__heap[right]:
                minIndex = left
            else:
                minIndex = right
            if self.__heap[index] < self.__heap[minIndex]:
                self.__heap[index], self.__heap[minIndex] = self.__heap[minIndex],
self.__heap[index]
                index = minIndex
```

```

        minIndex = index

    else:
        if self.__heap[left] < self.__heap[right]:
            minIndex = left
        else:
            minIndex = right

        if self.__heap[minIndex] < self.__heap[index]:
            minIndex = minIndex
        else:
            minIndex = index

        if minIndex != index:
            self.__heap[minIndex], self.__heap[index] =
self.__heap[index], self.__heap[minIndex]
            self.siftDown(minIndex)

    def extract_min(self):
        minElem = self.__heap[0]
        self.__heap[0], self.__heap[self.__size - 1] =
self.__heap[self.__size - 1], None
        self.__size -= 1
        self.siftDown(0)
        return minElem

class Processor:
    def __init__(self, id, time=0):
        self.__id = id
        self.__time = time

    def time(self):
        return self.__time

    def id(self):
        return self.__id

    def increase(self, time):
        self.__time += time

    def __lt__(self, other):
        if self.time() == other.time():
            return self.id() < other.id()
        return self.time() < other.time()

    def __gt__(self, other):
        if self.time() == other.time():
            return self.id() > other.id()
        return self.time() > other.time()

def main():
    n, m = map(int, input().split())
    time_array = list(map(int, input().split()))

    heap = Heap()

```

```

for i in range(n):
    heap.insert(Processor(i))

result = list()
for time in time_array:
    min_element = heap.extract_min()
    if min_element:
        result.append((min_element.id(), min_element.time()))
        min_element.increase(time)
        heap.insert(min_element)

for i in result:
    print(*i)

if __name__ == '__main__':
    main()

```

Название файла: *test.py*

```

import unittest
from main import *

def main_tester(data, other_data):
    n, m = map(int, data.split())
    time_array = list(map(int, other_data.split()))

    heap = Heap()
    for i in range(n):
        heap.insert(Processor(i))

    result = list()
    for time in time_array:
        min_element = heap.extract_min()
        if min_element:
            result.append((min_element.id(), min_element.time()))
            min_element.increase(time)
            heap.insert(min_element)

    return result

class TestHeap(unittest.TestCase):

    def test1(self):
        self.assertEqual(main_tester("2 5", "1 2 3 4 5"), [(0, 0), (1, 0), (0, 1), (1, 2), (0, 4)])

    def test2(self):
        self.assertEqual(main_tester("2 0", ""), [])

    def test3(self):
        self.assertEqual(main_tester("3 1", "10"), [(0, 0)])

```