Изпит-Задача 4-Георги Г.-2001261019

```
търсим общо решение
```

10

```
In[*]:= Clear[x, y]
DSolve[y'[x] == y[x] - 2Sin[x], y[x], x]
Out[*]:= \{ \{y[x] \rightarrow e^x c_1 + Cos[x] + Sin[x] \} \}
Tърсим частно решение
In[*]:= Clear[x, y, yt]
DSolve[\{y'[x] == y[x] - 2Sin[x], y[0] == 9\}, y[x], x]
Out[*]:= \{ \{y[x] \rightarrow 8 e^x + Cos[x] + Sin[x] \} \}
In[*]:= yt[x_] := 8 e^x + Cos[x] + Sin[x]
In[*]:= Plot[yt[x], \{x, 0, 0.5\}]
Out[*]:= 14
```

0.2

0.3

0.4

0.5

```
In[•]:= (*Въвеждаме услонието на задачата*)
     a = 0.; b = 0.5;
     x = a;
     y = 9.;
     points = \{\{x, y\}\};
     f[x_{y_{1}} := y - 2Sin[x]
      (*Точно решение*)
     yt[x_] := 8e^x + Cos[x] + Sin[x]
      (*Съставяме мрежата*)
     n = 13; h = \frac{b - a}{n};
     Print["Мрежата e c n = ", n, " и стъпка h = ", h]
      (*Изчисляваме теоретичната грешка*)
     Print["Теоретичната локална грешка е ", h²]
     Print["Теоретичната глобална грешка е ", h]
      (*Намираме неизвестните стойности за y<sub>i</sub>*)
      For [i = 0, i \le n, i++,
      Print["i = ", i, " x_i = ", x, " y_i = ", y, " f_i = ",
       f[x, y], " y_{TOHO} = ", yt[x], " Истинска грешка = ", Abs[y-yt[x]]];
      y = y + h * f[x, y];
      x = x + h;
      AppendTo[points, {x, y}]
      ]
      (*Визуализация на резултатите*)
      gryt = Plot[yt[x], \{x, a, b\}, PlotStyle \rightarrow Red];
     grp = ListPlot[points, PlotStyle → Black];
     Show[gryt, grp]
```

Мрежата е с n = 13 и стъпка h = 0.0384615

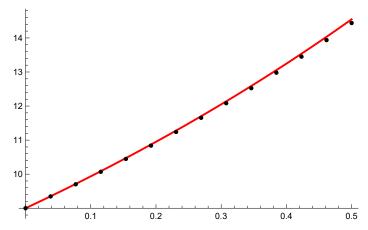
Теоретичната локална грешка е 0.00147929

Теоретичната глобална грешка е 0.0384615

```
i = 0 x_i = 0. y_i = 9. f_i = 9. y_{\text{точно}} = 9. Истинска грешка = 0.
i = 1 x_i = 0.0384615 y_i = 9.34615 f_i = 9.26925 y_{\text{точно}} = 9.3514 Истинска грешка = 0.00524472
i = 2 x_i = 0.0769231 y_i = 9.70266 f_i = 9.54897 y_{\mathsf{точно}} = 9.71356 Истинска грешка = 0.0108987
i = 3 x_i = 0.115385 y_i = 10.0699 f_i = 9.83967 y_{\text{точно}} = 10.0869 Истинска грешка = 0.0169879
i = 4 x_i = 0.153846 y_i = 10.4484 f_i = 10.1419 y_{\text{точно}} = 10.4719 Истинска грешка = 0.02354
i = 5 x_i = 0.192308 y_i = 10.8385 f_i = 10.4562 y_{\text{точно}} = 10.869 Истинска грешка = 0.0305839
i = 6 x_i = 0.230769 y_i = 11.2406 f_i = 10.7832 y_{\text{точно}} = 11.2788 Истинска грешка = 0.0381502
i = 7 x_i = 0.269231 y_i = 11.6554 f_i = 11.1234 y_{\text{точно}} = 11.7016 Истинска грешка = 0.0462709
i = 8 x_i = 0.307692 y_i = 12.0832 f_i = 11.4775 y_{\text{точно}} = 12.1382 Истинска грешка = 0.0549798
i = 9 x_i = 0.346154 y_i = 12.5246 f_i = 11.8461 y_{\text{точно}} = 12.5889 Истинска грешка = 0.0643127
i = 10 x_i = 0.384615 y_i = 12.9802 f_i = 12.2298 y_{\text{точно}} = 13.0545 Истинска грешка = 0.0743068
i = 11 x_i = 0.423077 y_i = 13.4506 f_i = 12.6295 y_{\mathsf{TOYHO}} = 13.5356 Истинска грешка = 0.0850017
i = 12 x_i = 0.461538 y_i = 13.9364 f_i = 13.0457 y_{\mathsf{TO}\mathsf{4HO}} = 14.0328 Истинска грешка = 0.0964386
```

i = 13 x_i = 0.5 y_i = 14.4381 f_i = 13.4793 $y_{\text{точно}}$ = 14.5468 Истинска грешка = 0.108661





```
In[•]:= (*Въвеждаме услонието на задачата*)
     a = 0.; b = 0.5;
     x = a;
     y = 9.;
     points = \{\{x, y\}\};
     f[x_{y_{1}}] := y - 2Sin[x]
      (*Точно решение*)
     yt[x_] := 8e^x + Cos[x] + Sin[x]
      (*Съставяме мрежата*)
     n = 13; h = \frac{b - a}{n};
     Print["Мрежата e c n = ", n, " и стъпка h = ", h]
      (*Изчисляваме теоретичната грешка*)
     Print["Теоретичната локална грешка е ", h³]
     Print["Теоретичната глобална грешка е ", h^2]
      (*Намираме неизвестните стойности за y_i*)
     For [i = 0, i \le n, i++,
      x12 = x + \frac{h}{-};
      y12 = y + \frac{h}{2}f[x, y];
       Print["i = ", i, " x_i = ", x, " y_i = ", y, " f_i = ",
       f[x, y] , " x_{i+1/2} = ", x_{i+1/2} = ", y_{i+1/2} = ", y_{i+1/2} = ",
        f[x12, y12] " y_{TOYHO} = ", yt[x], " Истинска грешка = ", Abs[y-yt[x]]];
       y = y + h * f[x12, y12];
       x = x + h;
       AppendTo[points, {x, y}]
      (*Визуализация на резултатите*)
     gryt = Plot[yt[x], {x, a, b}, PlotStyle → Red];
     grp = ListPlot[points, PlotStyle → Black];
     Show[gryt, grp]
```

```
Мрежата е с n = 13 и стъпка h = 0.0384615
```

Теоретичната локална грешка е 0.0000568958

Теоретичната глобална грешка е 0.00147929

```
i = 0 x_i = 0. y_i = 9. f_i = 9. x_{i+1/2} = 0.0192308
  y_{i+1/2} = 9.17308 f_{i+1/2} = 9.13462 y_{\text{точно}} = 9. Истинска грешка = 0.
i = 1 x_i = 0.0384615 y_i = 9.35133 f_i = 9.27443 x_{i+1/2} = 0.0576923
  y_{i+1/2} = 9.52969 f_{i+1/2} = 9.41437 y_{TOVHO} = 9.3514 Истинска грешка = 0.0000671142
i = 2 x_i = 0.0769231 y_i = 9.71342 f_i = 9.55973 x_{i+1/2} = 0.0961538
  y_{i+1/2} = 9.89726 f_{i+1/2} = 9.70525 y_{TOYHO} = 9.71356 Истинска грешка = 0.000139691
i = 3 x_i = 0.115385 y_i = 10.0867 f_i = 9.85644 x_{i+1/2} = 0.134615 y_{i+1/2} =
 10.2762 \,\, f_{i+1/2} = 10.0078 \,\, y_{\text{точно}} = 10.0869 \,\, Истинска грешка = 0.000218076
i = 4 x_i = 0.153846 y_i = 10.4716 f_i = 10.1651 x_{i+1/2} = 0.173077 y_{i+1/2} =
 10.6671 f_{i+1/2} = 10.3227 y_{\text{точно}} = 10.4719 Истинска грешка = 0.000302635
i = 5 x_i = 0.192308 y_i = 10.8686 f_i = 10.4864 x_{i+1/2} = 0.211538
  y_{i+1/2} = 11.0703 f_{i+1/2} = 10.6504 y_{\text{точно}} = 10.869 Истинска грешка = 0.000393751
i = 6 \ x_i = 0.230769 \ y_i = 11.2783 \ f_i = 10.8208 \ x_{i+1/2} = 0.25 \ y_{i+1/2} =
 11.4864 f_{i+1/2} = 10.9916 y_{\text{точно}} = 11.2788 Истинска грешка = 0.000491828
i = 7 x_i = 0.269231 y_i = 11.701 f_i = 11.169 x_{i+1/2} = 0.288462 y_{i+1/2} =
 11.9158 f_{i+1/2} = 11.3469 y_{\text{точно}} = 11.7016 Истинска грешка = 0.000597293
i = 8 x_i = 0.307692 y_i = 12.1374 f_i = 11.5317 x_{i+1/2} = 0.326923 y_{i+1/2} =
12.3592 f_{i+1/2} = 11.7169 y_{\text{точно}} = 12.1382 Истинска грешка = 0.000710591
i = 9 x_i = 0.346154 y_i = 12.5881 f_i = 11.9095 x_{i+1/2} = 0.365385 y_{i+1/2} =
 12.8171 f_{i+1/2} = 12.1025 y_{\text{точно}} = 12.5889 Истинска грешка = 0.000832194
i = 10 x_i = 0.384615 y_i = 13.0536 f_i = 12.3032 x_{i+1/2} = 0.403846 y_{i+1/2} =
13.2902 f_{i+1/2} = 12.5043 y_{TOYHO} = 13.0545 Истинска грешка = 0.000962598
i = 11 x_i = 0.423077 y_i = 13.5345 f_i = 12.7134 x_{i+1/2} = 0.442308
  y_{i+1/2} = 13.779 f_{i+1/2} = 12.9229 y_{\text{точно}} = 13.5356 Истинска грешка = 0.00110232
i = 12 x_i = 0.461538 y_i = 14.0315 f_i = 13.1409 x_{i+1/2} = 0.480769
  y_{i+1/2} = 14.2843 f_{i+1/2} = 13.3593 y_{\text{точно}} = 14.0328 Истинска грешка = 0.00125191
i = 13 \ x_i = 0.5 \ y_i = 14.5454 \ f_i = 13.5865 \ x_{i+1/2} = 0.519231 \ y_{i+1/2} =
 14.8066 \, f_{i+1/2} = 13.8142 \, y_{TOYHO} = 14.5468 \, \text{Истинска грешка} = 0.00141195
```



