Краен изпит по Геометрия

1. Дадена е крива на Безие C(u), дефинирана чрез

$$P_0=(0,0); P_1=(32,16); P_2=(0,32); P_3=(-16,0); P_4=(-32,16).$$

- а) Използвайте алгоритьма на дьо Кастелжо за да намерите C(0,75), C'(0,75), C''(0,75).
- б) Увеличете степента на C(u) с 1 и намерете новия контролен полигон.
- в) Кривата на Безие $\mathbf{C}^*(u)$ е получена от $\mathbf{C}(u)$ чрез замяна на P_4 с $P_4^*(0,-32)$. Намерете зависимостта между $\mathbf{C}^*(u)$ и $\mathbf{C}(u)$, както и координатите на $\mathbf{C}^*(0,75)$.
- 2. Дадена е B-сплайн крива C(u) от степен 2, дефинирана чрез контролните точки и възли

$$P_0$$
=(2,2); P_1 =(0,2); P_2 =(0,0); P_3 =(-2,0); P_4 =(0,-2); P_5 =(2,-2); u_0 = u_1 = u_2 =0; u_3 =0,3; u_4 =0,6; u_5 =0,9; u_6 = u_7 = u_8 =1.

- а) Изчислете стойностите на всички ненулеви В-сплайн функции $N_{i,2}(u)$ за u=0,2.
- б) Добавете нов възел в u = 0,2 два пъти и намерете C(0,2) чрез алгоритъма на дьо Бор.
- в) Разделете кривата при u = 0,2 и задайте двете получени дъги като В-сплайн криви.
- 3. Дадена е повърхнина S: x = uv; y = u v; z = u + v и точка P(u=2, v=1). Намерете:
 - а) първата и втората основна форма на S;
 - б) средната кривина на S в произволна точка;
 - в) нормалната кривина на S в т. P по допирателното направление на кривата C: u = 2v.