

# 自律移動と最適制御

大域計画, 障害物回避, 機械学習, 潜在空間,  
伝統的な制御の統一的な理解のために

千葉工業大学 上田 隆一

This work is licensed under a [Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International License](#).



# 今日やること

- 本日の話の動機（これだけで終わらないようにします）
- 探索問題と最適制御
- 確率モデルを使った制御問題の記述と様々な分野の関係

# この発表の動機: いろんな人がいろんな人と話がかみ合わない

- 制御ゴリゴリの人/学習の人/確率ロボティクスの人で互いに会話が合わない
  - 制御ゴリゴリの人と制御ゴリゴリの人が話が合わない
    - なんかそんな座談会の記事を見たような気がします
  - 制御をポントリヤーギンの最大（最小）限理から考えている人とベルマン方程式から考えている人で会話が合わない
- 話が盛り上がってほしい（なんなら「上田あいつアホだ」でもいいので）

## 話が盛り上がる鍵: 一般化・抽象化

- 一般化すると、もしかしたらほかの分野のことも分かるかもしれない
  - 抽象化の山を登り、具体的な課題に下山
    - 高く上るとどこにも降りていける
      - 遭難しそうとかそういうのはナシで
    - 話題の模倣学習やVLAとともに分かるかもしれない
- ということで・・・
  - 今回は自律移動なので、そこから問題を抽象化してみましょう
- 分かること
  - 現在、自律移動研究の主流の方法はどうなのか？
  - 隣接分野はどうなっているのか？

# 今日の話がうまくできるかどうか分からぬ いので

- 考えはこの本の9章に書いてあります
  - 誰も9章まで辿り着いてないのではないか?
    - 青色の本でもオレンジ色の本でも同じ現象
  - お食事中の方すみません

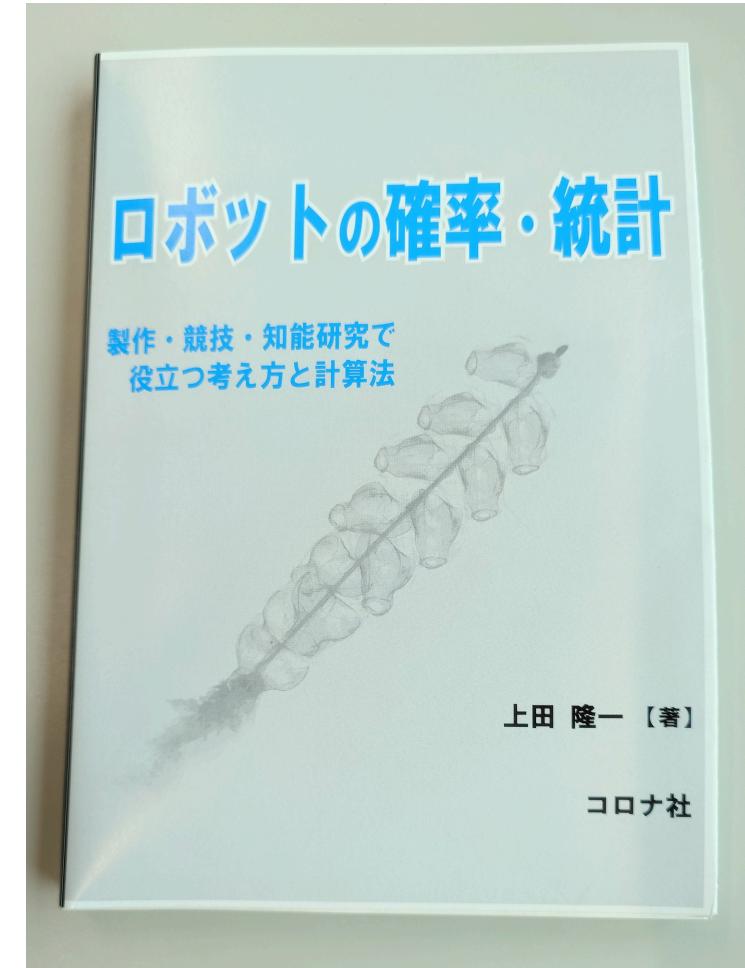


上田 隆一  
@ryuichiueda

プロモーションする Ⓢ ...

「ロボットの確率・統計」にみんなが制御といってるものと強化学習って言ってるものと、今うんこにいくかどうか悩むことは同じ式から導出できる同じ問題なんだよ仲良くしようね」

って書いたのでみんな買って読んで仲良くして欲しい（せんでん）



# 探索から制御問題へ

## 話の出発点: ロボットの大域経路計画（探索）

- 実空間中にロボットの現在地から目的地まで線を引く
  - ダイクストラ、A\*、RRT、...
  - いまだ現役
- 一方、移動ロボットや自動車を自律移動させることは難しい
  - 自己位置推定がずれる（今回は直接扱わず）、障害物をうまく避けれない、・・・

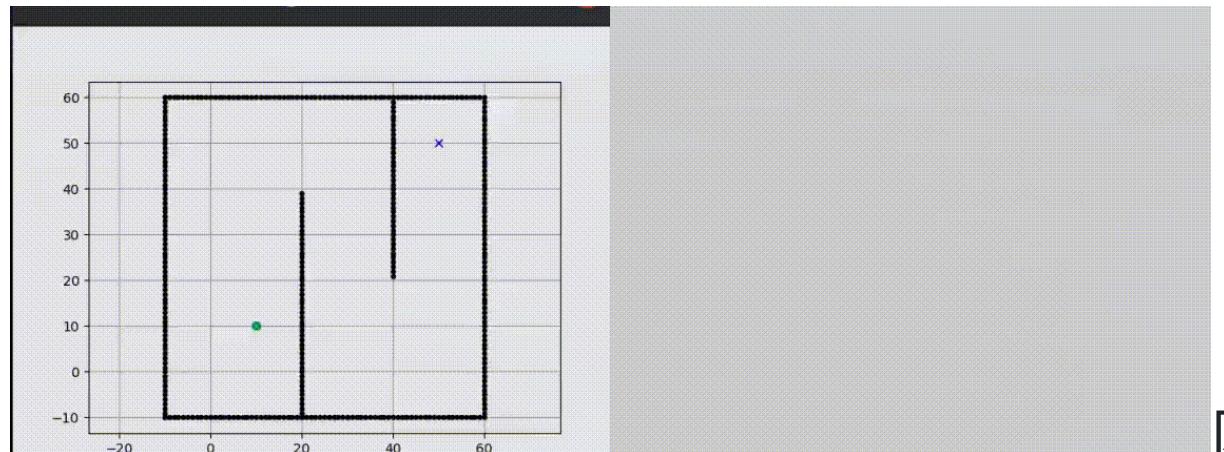
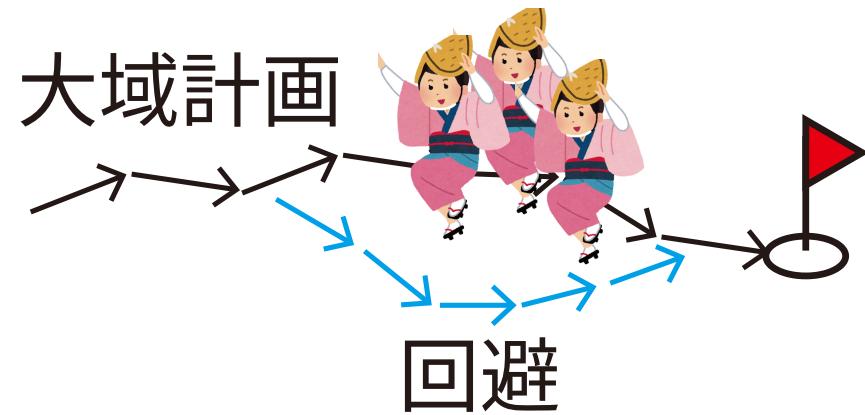


図:

## 一般的なアプローチ: 問題の分割

- 大域計画+諸問題の解決
  - 大域計画+障害物回避
- だいたいの場合、これで問題ない
  - 現場であれば問題が出たらまた潰せば良い
- 本当にこれで問題ない?
  - 理論上解決できないのか?
  - 根本から解決する方法はないのか?

⇒問題を整理しましょう



## ナビゲーション（大域+局所）の問題 = 制御

- 探索は手段であって、制御問題と考えることが妥当
- 制御: 好ましく無い状態 $x$ を、好ましい状態の集合 $\mathcal{X}_f$ に持っていく
  - なにか力 $u$ を加えて

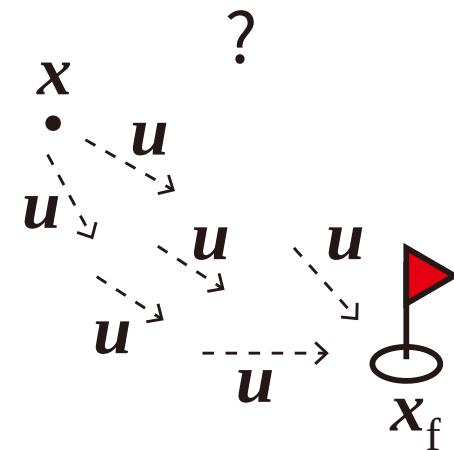
| 現象                     | 制御            |
|------------------------|---------------|
| ロボットが目的地でない場所に         | 目的地にいる状態にしたい  |
| 機械が振動している              | 振動してない状態に戻したい |
| ライントレースのロボットがラインからはずれた | ライン中央に戻したい    |
| 洗濯物が洗濯機の中に             | 畳んで収納したい      |

大雑把に考えると全部同じ

## 大雑把な枠組みの制御問題: 最適制御問題

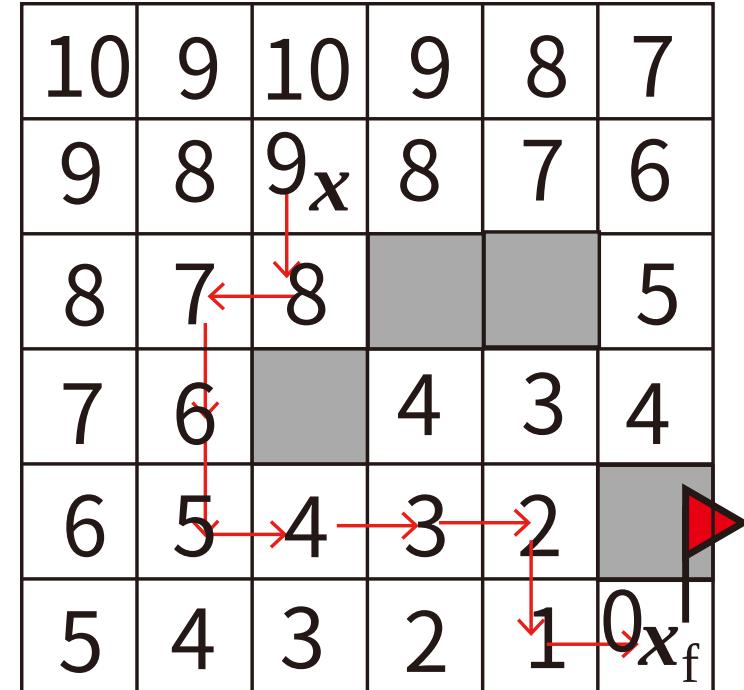
マルコフ決定過程 (MDP) でもあるけど最適制御と言います

- 状態  $x$  を終端状態の集合  $\mathcal{X}_f$  の任意の要素  $x_f$  まで導きたい
  - $x$  には速度や時間、制御不可能なものの変数も入れられる
- $u \in \mathcal{U}$  という力をかけると次の時刻に状態  $x$  が  $x'$  に遷移
  - $x' \sim p(x|x, u)$ 
    - ※とりあえず離散時関係で考えます
- 状態遷移にはコスト:  $\ell(x, u, x')$ 
  - 「時間消費」、「エネルギー消費」、「危険性」などを点数化
- 終端状態にも点数:  $V(x_f)$
- コストの総和  $\sum \ell + V(x_f)$  を最小化したい



# 単純な大域計画の問題の場合

- 問題
  - $\mathbf{x}$ : ロボットの位置 (2次元)
  - $\mathbf{u}$ : 前後左右 (状態遷移: 決定論的)
  - $\ell(\mathbf{x}, \mathbf{u}, \mathbf{x}') = 1\text{step}$
  - $V(\mathbf{x}_f) = 0$
- 右図: 問題と解の例
- 重要
  - 状態ごとに終端状態までのコストが見積もれる
  - 最良の  $\mathbf{u}$  を選ぶと 1ステップのコストとコストの見積もりの減少が釣り合う
  - いまの状態  $\mathbf{x}$  と解は無関係



## 最適制御問題の解の性質（どう解くかという話とは別）

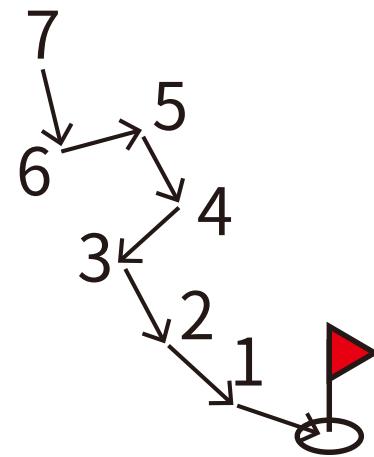
- 「釣り合い」の式: ベルマン方程式
  - $V^*(x) = \min_u \langle V^*(x') + \ell(x, u, x') \rangle_{p(x'|u, x)}$ 
    - $V^*$ : 最適状態価値関数（最適な値関数）
- $V^*$ から各状態で最適な行動  $u^* = \pi^*(x)$  が得られる
  - $\pi^*$ : 最適方策
- もう一つ重要: 最適でなくても方策  $\pi$  に対して  $V^\pi$  が存在
  - $V^\pi(x) = \langle V^\pi(x') + \ell(x, u, x') \rangle_{p(x'|u, x)}$ 
    - ここで  $u = \pi(x)$

|    |   |                |   |   |                  |
|----|---|----------------|---|---|------------------|
| 10 | 9 | 10             | 9 | 8 | 7                |
| 9  | 8 | 9 <sub>x</sub> | 8 | 7 | 6                |
| 8  | 7 | 8              |   |   | 5                |
| 7  | 6 |                | 4 | 3 | 4                |
| 6  | 5 | 4              | 3 | 2 |                  |
| 5  | 4 | 3              | 2 | 1 | 0 <sub>x_f</sub> |

# 探索で得られる大域計画の解の性質

- 1本道の方策 $\pi$ ができている
  - 右図の矢印
  - 最適である保証はない
  - 経路からちょっと外れたところは基本無視
  - $p(x'|x, u)$ を決定論的に解釈
- $V^\pi$ は方策を求めるついでに計算されている
  - 概算
  - 途中の計算で周辺の $V$ も求められるが捨てられがち
- 状態遷移は確率的ではない

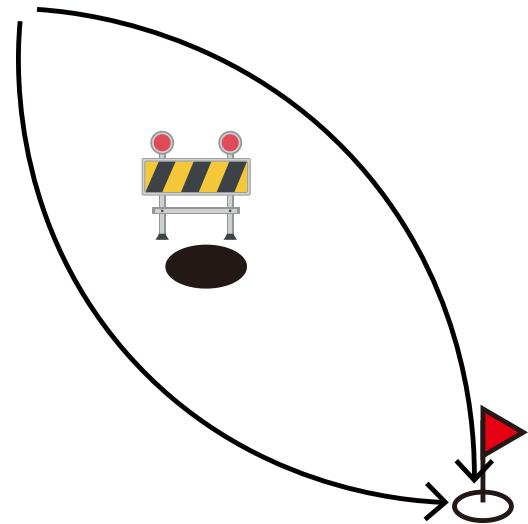
きっちり方策通りにロボットが動けば問題はない、が



## よく問題になること: 経路のチャタリング

- 経路を再計算したら変わった/また計算したら戻った
  - 再計算が必要になる場合
    - 自己位置推定の結果がジャンプした
    - 障害物の出現
    - もっと良いルートの探求
- チャタリングは危険
  - 下手にプログラムすると中途半端な動きに
    - 自動車: 中央分離帯で死ぬ (よくある事故)
    - なぜか自動車より遅い移動ロボットでも起こる
      - ROSのNavigation Stackのサンプル

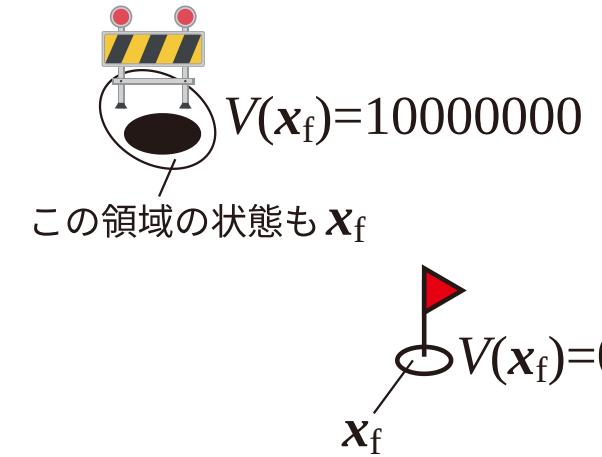
(小手先で解決できるかもしれないが) 根本的な原因是?



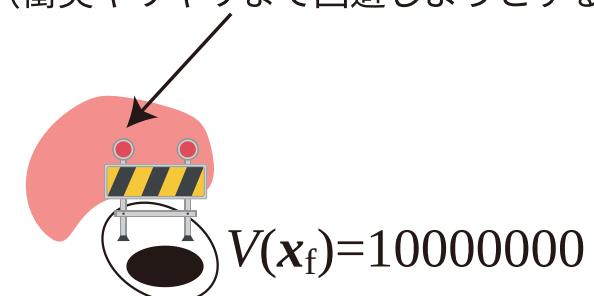
## 「事故もゴール（終端状態）」という考え方の欠如

終端状態  $x_f$  の設計に問題がある

- 「ゴールに行く方策」だけを解いており、「何にもぶつからない方策」を、厳密な意味で解いていない
  - なにかあってぶつかりそうになったときに無策
- 「厳密に解く」：危ない状態はゴール
  - $V(x_f)$  を大きな値で固定
    - $\pi$  は危ない状態を避ける制御則に
    - ゴールに行く・危険回避を統一的に解ける
- 探索や制御、最適化では「境界（制約）条件」として扱ってしまう（いいの？）

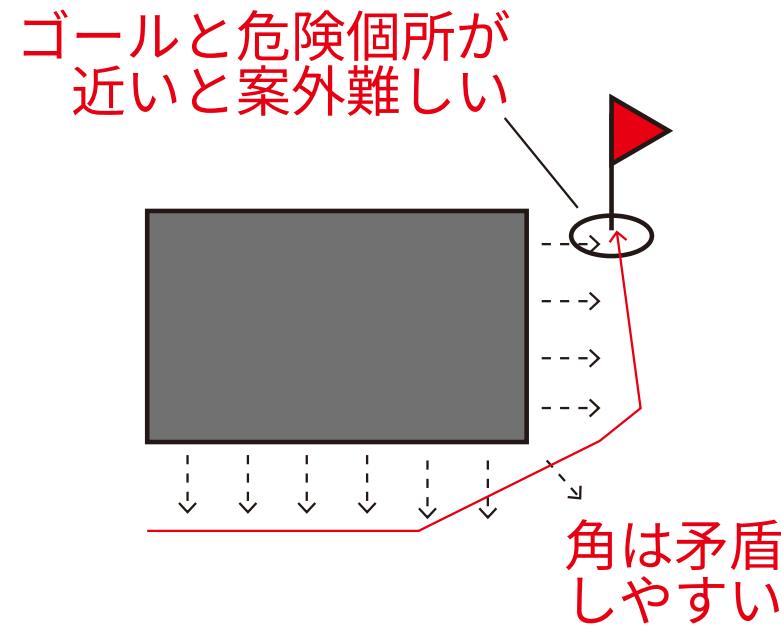


衝突全力回避方策ができる  
(本来のゴールより近いので先にできる)  
(衝突ギリギリまで回避しようとする)



## 探索結果+別の方策の組み合わせはダメ？

- OK。ただし互いに矛盾しないように（難しい）
  - 矛盾がない: 両方の方策から計算される $V^\pi$ に停留点がない
    - 問題は1つなのに2つ別の方策→矛盾
- よくある矛盾
  - 角曲がりたい➡角の壁から遠ざかりたいで無限ループに
  - 同じ状態で別の方策が混在
    - 1994年の名古屋空港での中華航空機の事故
      - 着陸したいパイロットと地面から離れたいオートパイロット



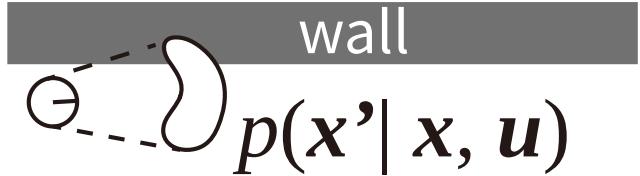
凡例

----> 壁避け方策  
-> 計画された経路

## 危険回避は確率的な状態遷移から自然に求めたほうがよい

計算量が大きいことはさておき

- 確率的な状態遷移を使う（探索では無理）
  - 自動車やロボットの動きには再現性がない
    - 路面の状況、風、内部のガタなど
  - 狹い通路の端を走るとぶつかる可能性を表現できる（右図上）
  - 通路中央に  $V^*$  の谷が計算される（右図下） → ロボットが中央を自然に走る



## そんなふうに制御問題を解いてる例はあるのか？

- 実はある（一長一短という話は一旦棚上げして）
  - 強化学習と価値反復（動的計画法）
- 例: [白地図を持たせたロボットの価値反復でのナビゲーション](#)[上田RSJ2022]
  - 価値反復
    - 強化学習をモデルベースで解く方法（説明が逆ですが）
    - 確率的な状態遷移を扱える
  - 障害物を見つけると避けるように $V^\pi$ と $\pi$ が計算される
    - ゴールに行く経路はあとから計算される
- [実機での障害物回避の例](#)[Ueda2023]
  - 速度が状態に入る自動車でも、原理的には適用可能（計算量の点では困難）

## ここまでまとめ

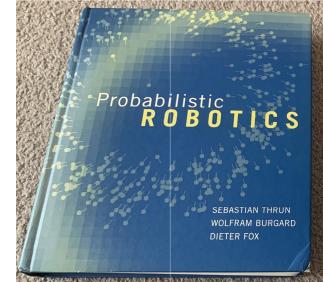
- 移動ロボットの経路計画を最適制御の観点から考えた
  - 探索を使う場合、次の問題への適切な対処が必要
    - チャタリングの問題
    - ゴールへの移動と危険回避行動が同時に扱えない問題
    - 確率的な状態遷移が考えられない問題
- さらに一言
  - 方策を貼り合わせる手法を論文に書くときは上記の問題にちゃんと触れてほしい
  - 「強化学習は安全性に疑問が・・・」という意見は本当か?
    - 学生のとき、MCLのときにもおんなじことを言われた

## 探索以外の手法について

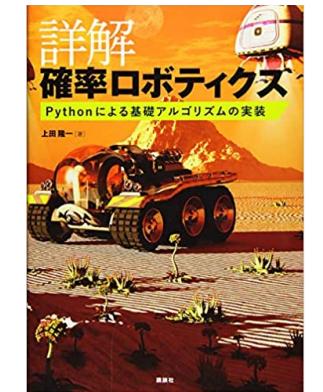
- そもそもなんでこのような話をしているのか

# 確率ロボティクスの本質の個人的な解釈

= 制御のパラダイムシフト



- 状態方程式を確率モデルで表現
  - 状態方程式:  $\mathbf{x}_t = \mathbf{f}(\mathbf{x}_{t-1}, \mathbf{u}_t) + \boldsymbol{\varepsilon}_{\text{motion}}$   
 $\implies \mathbf{x}_t \sim p(x|x_{t-1}, u_t)$
  - 観測方程式:  $\mathbf{z}_t = \mathbf{h}(\mathbf{x}_t) + \boldsymbol{\varepsilon}_{\text{observation}}$   
 $\implies \mathbf{z}_t \sim p(z|x_t)$ 
    - 太字にしなかった理由: ベクトルから記号を一般化
- 自己位置推定やSLAMはその派生であって本質ではない
  - 青い本のうしろ1/3は行動決定や探査の話（読む人少ない）
  - 2005年頃からそう思っているけど世間はそう思っていない



全部うしろは制御の話  
(だってロボットなんだもん)

## 確率モデルで表現することで失うもの/得られるもの

状態方程式:  $x_t \sim p(x|x_{t-1}, u_t)$

観測方程式:  $z_t \sim p(z|x_t)$

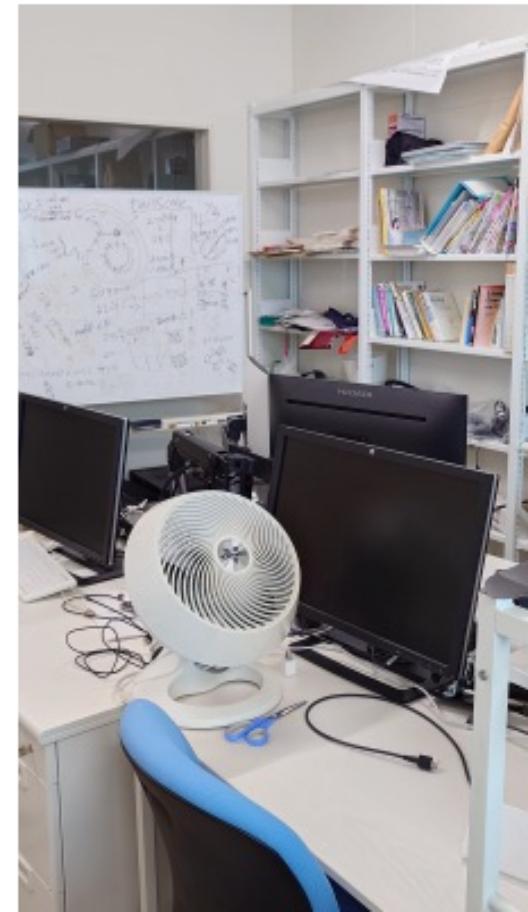
- 失: 一般化されすぎていて既存の制御理論から離れるか、再解釈が必要になる
  - リアプノフやポントリヤーギンの話、あらゆる微分方程式の話
    - 前提にこれのある人との人では話がすれ違がち
  - 再解釈の例: グラフ上で微分を定義してなにかするなど
    - 学部のときの指導教官の故湯浅先生の研究
- 得: 状態  $x$  や制御 (行動)  $u$  の解釈が自由に
  - 確率モデルが決められればなんでもよい
    - ややこしい実世界を扱うには都合がよい
  - 当時のロボット周辺で取り入れていた分野: 機械学習と確率ロボティクス

## 確率モデル+ベルマン方程式の面白さ

- 「 $p(x|u, x')$ さえ決まつていれば状態 $x$ はなんでもよい」  
⇒ 状態空間に距離や内積の定義は不要（測度の定義が必要）
  - むしろ $\pi^*$ 、 $V^*$ が距離のようなものの定義に
    - なめらかで矛盾がない
    - いずれかをうまく近似表現するとロボットが動く
- この面白さが出ている典型的な例（議論の余地あり）
  - 強化学習で脚ロボットがよく歩くのは、特異点の問題から解放されているから？
- ニューラルネットの内部状態が微分（誤差逆伝播）で生成されるのがまた面白い

## どこをモデル化するのか

- 内部状態の空間を滑らかにすることが正解かもしれない
  - 実世界を厳密に、滑らかにモデル化するのではなく
  - 学習の分野の人が前から言っていたことで特に新しい視点でもない
    - 方法論が確立して顕在化
  - あとは体を柔らかくして実世界のごつごつを吸收
- 確率ロボティクス側はこの考えが希薄だったかも
  - ロボットを動かそうとすると、結局、状態をベクトルで表すことに

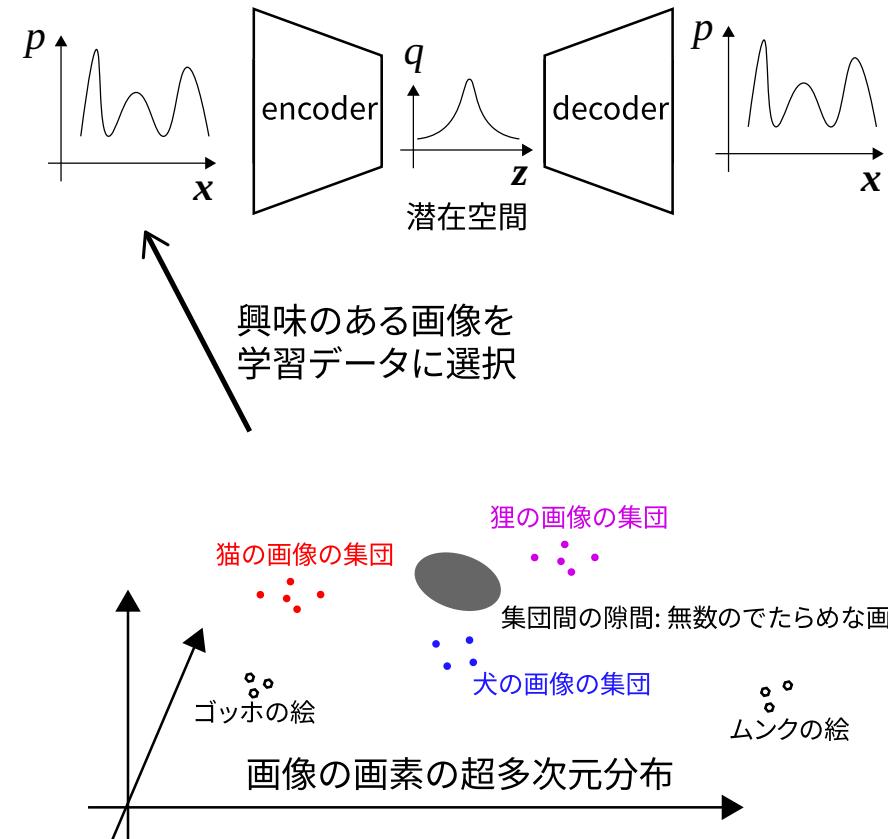
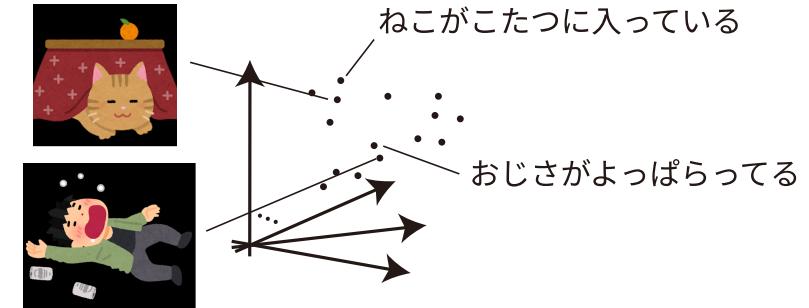
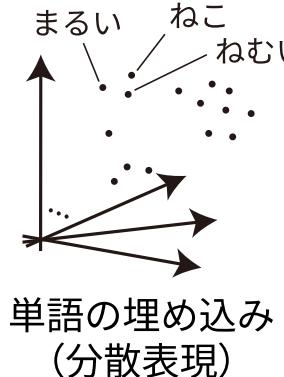


こんな雑然とした部屋(私の部屋)  
はモデル化したくない

# 内部状態の構成（令和最新版）

## 超多次元空間への対応

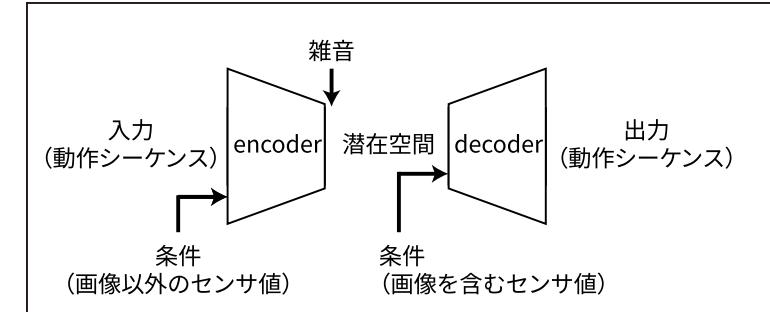
- 変分オートエンコーダ (VAE)、拡散モデル、フローマッチング (FM) が作る潜在空間や分布 (右図)
  - 複雑な空間中の確率分布を圧縮表現
- Transformerが入出力する言語や映像のトークン (埋め込みのベクトル) の空間



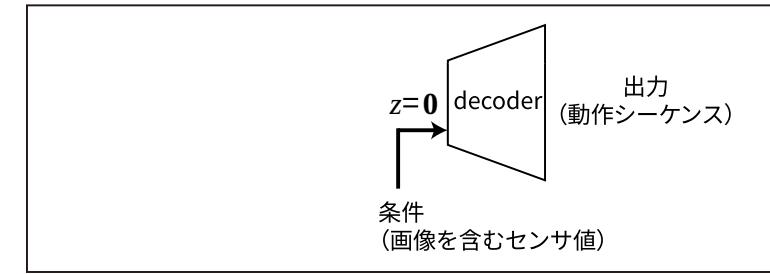
# VLA (vision-language-action) モデルにおける空間表現

制御という観点から見ると面白い（ $\pi$ 寄りだったり  $V$  寄りだったり）

- 模倣学習寄りの手法（ACTや $\pi_0$ ）： $\pi$ を記録
  - VAEや拡散モデル、FMでさまざまな動作シーケンスの分布を学習・生成
  - ちなみに私の博士論文のテーマも「方策の圧縮表現」です。自己位置推定でもSLAMでもないです。
- その他VLA（RT-2など）：指示と画像から  $V$  を推定
  - $V$  をよくする次の行動だけを出力
  - これが完璧だと（遅いけど）なんでもできる



ACT[Zhao2023]の学習



ACTの使用



どう動けば価値が上がる（タスク完了に近づく）だろうか？

# まとめ

- 制御という観点から見た経路計画については途中のまとめのとおり
- 制御を確率モデル（だけ）で考える方法
  - おそらく実世界の複雑性と格闘するには良い方法
  - 間接的にVLAもそうなっている（ということに勉強して今更気づきました）
    - 解いている問題が同じなのだから当然ではある
    - 手法ではなく問題に着目する気持ちがあれば理解できる
- その先（妄想）
  - もし、空間中のさまざまな場を  $O(1)$  で正確に計算できる計算機ができたらどうなる？
    - $V$  のような場が磁場のように一瞬で決まる計算機
    - 粘菌のコンピュータはこれに近い