

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

1. Matrice 가 풀아 줄 X.

$$4. \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ -6 & 0 & 0 \\ 1 & -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$k. \begin{bmatrix} 3 & 2 & -2 \\ -5 & 2 & 1 \\ -2 & -4 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$4.2 \rightarrow X_1 = 0$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow 2X_2 - 3X_3 = 1$$

$$-2X_2 + X_3 = 1$$

$$4X_2 + 2X_3 = 0$$

$$\hookrightarrow 2X_2 + X_3 = 0$$

$$X_3 = -2X_2$$

정답

↓

$$\begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 1 \\ -4 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$3.1 \rightarrow 2X_2 - 2X_3 = 0$$

$$X_2 = X_3$$

A의 정렬과 B의 정렬

다르면 결정안됨

2. GJ reduction. 적용

$$2. \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 2 & 3 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$X_1 \rightarrow (R_1 - R_2)/2 \rightarrow X_1 \rightarrow 2X_1 = 1 \rightarrow X_1 = \frac{1}{2}$$

$$X_2 \rightarrow R_2 - 2R_3 \rightarrow X_1, X_2 \rightarrow Y_1 = 0$$

$$X_3 \rightarrow \left(\frac{3}{2}R_3 - \frac{2}{3}R_2\right) * (-1) \rightarrow X_1, X_3$$

$$\rightarrow Z = 2$$

$$\therefore \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}$$

정답

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

3.

$$\begin{bmatrix} 2 & 2 & 3 & 0 \\ 0 & -2 & 0 & -2 \\ 3 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$X_1: R_1 + R_2 + R_3 \rightarrow X_1, X_2 \quad \text{3.A}$

$X_3: \hookrightarrow (R_1 + R_3) \frac{2}{3} - R_1 \cdot \frac{3}{2} \rightarrow X_3, X_4 \quad \text{3.B}$

$3.A \rightarrow 5X_1 + 4X_3 = 1$

$3.B \rightarrow -\frac{4}{3}X_2 + \frac{2}{3}X_3 + 2X_1 \quad \text{1. R}_1$

$0 \rightarrow (2 + \frac{4}{3})X_2 + (3 + \frac{2}{3})X_3 = 1$

정답

~~$(\frac{2}{3} + \frac{4}{3})X_2$~~

$10X_2 + 7X_3 = 3$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 0 & 4 & 0 \\ 0 & -2 & 0 & -2 \\ 0 & 10 & 7 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$R_1 \rightarrow 5X_1 + 4X_3 = 1$
 $\rightarrow X_1 = +1$

R_2 or R_4

$$\begin{bmatrix} -2 & 0 & -2 \\ 10 & 7 & 0 \\ 0 & 2 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$R_2 \rightarrow X_2 + X_3 = 1$
 $\rightarrow X_2 = 2$

$\downarrow X_3, X_4$

$$\begin{bmatrix} 7 & -10 \\ 2 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -7 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$-31X_4 = 0$

$X_3 = -1$
 $X_4 = 0$

정답

일련번호:

출처:

일차

월일

(확인)

일련번호:

출처:

4.

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & -4 \\ 5 & -7 & -11 \\ 1 & -1 & -3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{2}{3} \\ -\frac{16}{3} \\ \frac{1}{3} \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 \\ 0 & -2 & -11 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 17 \\ 17 \\ 5 \end{bmatrix}$$

$$-x_1 + x_3 = 17$$

$$\rightarrow x_1 = -\frac{20}{3}$$

x_2, x_3

$$\begin{bmatrix} -2 & -11 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 17 \\ 5 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow -4x_3 = -3 \rightarrow x_3 = \frac{1}{3}$$

$$\rightarrow x_2 = \frac{16}{3}$$

정답

5.

$$\begin{bmatrix} 6 & 12 & -3 \\ 8 & 3 & -2 \\ -3 & 9 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 \\ 1 \\ -3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -3 & 30 & 0 \\ 0 & 12 & -1 \\ 0 & 30 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$-3x_1 + 30x_2 = -5$$

x_2, x_3

$$\begin{bmatrix} 12 & -1 \\ 30 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$x_2 = 0 \quad x_1 = \frac{5}{3}$$

$$x_3 = 2$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{5}{3} \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}$$

정답

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

$$6. \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ -5 & 8 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 0 & 5 \\ -5 & 8 & 4 \end{bmatrix} \rightarrow x_1 = 1$$

$$\rightarrow x_2 = \frac{9}{8}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ \frac{9}{8} \end{bmatrix}$$

정답

$$7. \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -3 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 & 2 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow x_2 = 0$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$2x_1 - x_2 + x_4 = 0 \quad \text{이러는 무수히 많다.}$$

정답

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

8. 특이해.

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 1 & a-2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$(a-2)x_2 = 5 \rightarrow a=7$$

9. (a) 무한
(b) 고유헌

$$(a) \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & 1 \\ 2 & 0 & a-5 & b-5 \end{bmatrix}$$

$$(a-5)-4 = (b-5)-2$$

정답

$$a-a = b-7$$

$$a-b=2$$

$$a-a-5 = 2b-10 \rightarrow a-2b = -5$$

$$b=7, a=9$$

(b)

$$a=9, b \neq 7$$

정답

일련번호:

출처:

일련번호:

10. 무관해 \rightarrow 풀지.

$x_1 \rightarrow$ 물 세기(물) 방의
풀이

$$\begin{bmatrix} 1 & a & 1 \\ 1 & b-a & 1 \\ 2 & b & 2 \end{bmatrix}$$

$$b-a=a \rightarrow b=2a.$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 2a-b & 0 \end{bmatrix} \rightarrow 2a-b=0.$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} -2c+d \\ a \end{matrix}$$

$$a = -2c + d$$

정답

$$\begin{bmatrix} 1 & a \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} 1 \\ a \end{matrix}$$

$$\hookrightarrow a-1=1-a \rightarrow a=1 \\ b=2$$

$x_1 \rightarrow x$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} c-2 \\ 8-d \end{matrix} \rightarrow \begin{matrix} c=3 \\ d=9 \end{matrix}$$

정답

수학의 달인이 되자

일차

월일

(확인)

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

11

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & 6 & 6 & 6 \end{bmatrix} \begin{matrix} 2 \\ 5 \end{matrix}$$

$$X_1, X_2 \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \begin{matrix} 1 \\ 1 \end{matrix} \rightarrow S$$

$$X_3, X_4 \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} 1 \\ 1 \end{matrix} \rightarrow T$$

$$X_1 = S \rightarrow X_2 = (1-S)/3$$

$$X_3 = T \rightarrow X_4 = (1-2T)/2$$

$X_1 = X_2 = X_3 = X_4$ 가 조건이지 아니하는
 $X \in S = T$ 가 성립하지 않음

$$X_1 = X, X_2 = (1-X)/3$$

$$X_3 = X, X_4 = (1-2X)/2$$

$$X = (1-X)/3 \rightarrow X = \frac{1}{4}$$

$$(1 - \frac{1}{4})/2 = \frac{1}{4} \text{ 따라서 } X = \frac{1}{4} \text{ 일 때}$$

이때 $X_1 = X_2 = X_3 = X_4$ 는 성립한다
 이 때 $X_1 = X_2 = X_3 = X_4 = \frac{1}{4}$ 일 때

이 때 성립한다

정답

정답

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

12.

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 4 & -2 \\ 1 & 7 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} \begin{matrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ b_4 \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} 10 & 0 \\ 0 & 10 \end{bmatrix} \begin{matrix} 2b_2 + b_4 \\ b_3 - b_1 \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} (2b_2 + b_4)/10 \\ (b_3 - b_1)/10 \end{matrix}$$

정답

$$2b_2 + b_4 - 3(b_3 - b_1) = 10b_1$$

$$4(2b_2 + b_4) - 2(b_3 - b_1) = 10b_2$$

$$2b_2 + b_4 + 7(b_3 - b_1) = 10b_3$$

$$2(2b_2 + b_4) + 4(b_3 - b_1) = 10b_4$$

$$-7b_1 + 2b_2 - 3b_3 + b_4 = 0$$

$$2b_1 - 2b_2 - 2b_3 + 4b_4 = 0$$

$$\begin{matrix} -7b_1 + 2b_2 - 3b_3 + b_4 \rightarrow 0 \\ \rightarrow 0 \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} -7 & 2 & -3 & 1 \\ 1 & -2 & -2 & 4 \end{bmatrix} \begin{matrix} 0 \\ 0 \end{matrix}$$

정답

수학의 달인이 되자

일차

월일

(확인)

일련번호:

출처:

일련번호:

출처:

$$\begin{bmatrix} -7 & 2 & -3 & 1 \\ 1 & -1 & -2 & 2 \end{bmatrix} \begin{matrix} 0 \\ 0 \end{matrix}$$

$$\begin{bmatrix} -5 & 0 & -5 & 5 \\ -6 & 0 & -4 & 3 \end{bmatrix} \begin{matrix} 0 \\ 0 \end{matrix}$$

$$\cancel{b_1 = b_2} / \cancel{b_3 = b_4} = 0$$

$$b_4 = b_1 + b_3 \rightarrow b_4 = b_1$$

$$\begin{bmatrix} -6 & 2 & -2 \\ 3 & -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} 0 \\ 0 \end{matrix}$$

$$b_3 = 0$$

$$+3b_1 - b_2 = 0 \rightarrow b_2 = 3b_1$$

정답

$$\begin{matrix} 0 \\ 0 \end{matrix} \quad \begin{matrix} b_1 = 5 & b_2 = 35 \\ b_4 = 5 & b_3 = 0 \end{matrix}$$

$$x_1 = 75/10$$

$$x_2 = -5/10$$

(5는 임의의 수)

정답