

## Assignment 1 Report

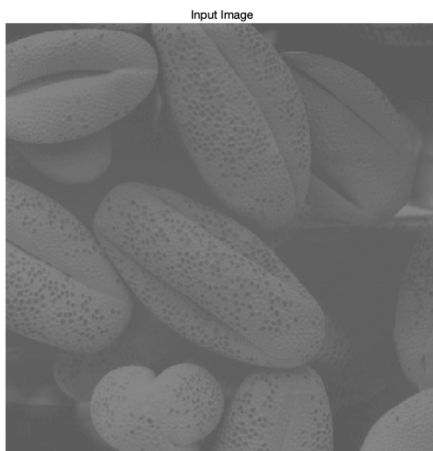
## 1. Cumulative Distribution Function (myCDF.m)

## 1) Code

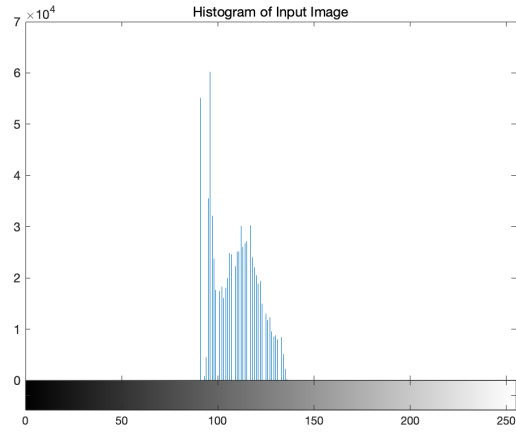
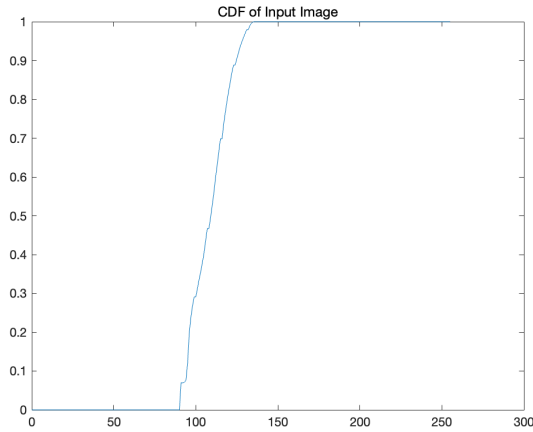
```
1 function output = myCDF(image)
2
3     output=zeros(256,1);
4
5     % todo
6     [M, N] = size(image);
7     MN = M * N;
8     hist=zeros(256,1);
9     for x=1:M
10         for y=1:N
11             hist(image(x, y)+1)= hist(image(x, y)+1)+1;
12         end
13     end
14
15     P=hist(1)/MN;
16     output(1)=P;
17     for i = 2:256
18         P=hist(i)/MN;
19         output(i)=output(i-1)+P;
20     end
21 end
```

우선 특정 intensity의 확률을 구하기 위해서 이미지의 사이즈와 각 histogram 분포가 필요하다. 6번 라인에서 image의 사이즈를 size()함수를 이용하여 구한다. (size()는 교수님께서 사용해도 된다고 하셨습니다.) 그 후 9번부터 13번 라인을 통해서 histogram 분포를 직접 구한다. 이후 index 1부터 256까지 하나씩 누적합을 구하여 CDF 분포를 구하게 된다.

## 2) 결과 설명



Input 이미지를 보게 되면 전반적으로 어둡고 contrast가 낮음을 확인할 수 있다.



왼쪽 그림의 CDF를 살펴보면 intensity가 80-90 이전까진 변화가 없다가 그 이후부터 140 정도까지 가파르게 증가하는 모습을 볼 수 있다. 이를 histogram의 분포가 고르지 못하다는 것을 알 수 있고 오른쪽 그림의 실제 histogram 분포를 살펴봐도 고르게 분포하고 있지 못하고 특히 intensity가 100 부근에 몰려 있는 모습을 볼 수 있다.

## 2. Histogram Equalization (myHE.m)

### 1) Code

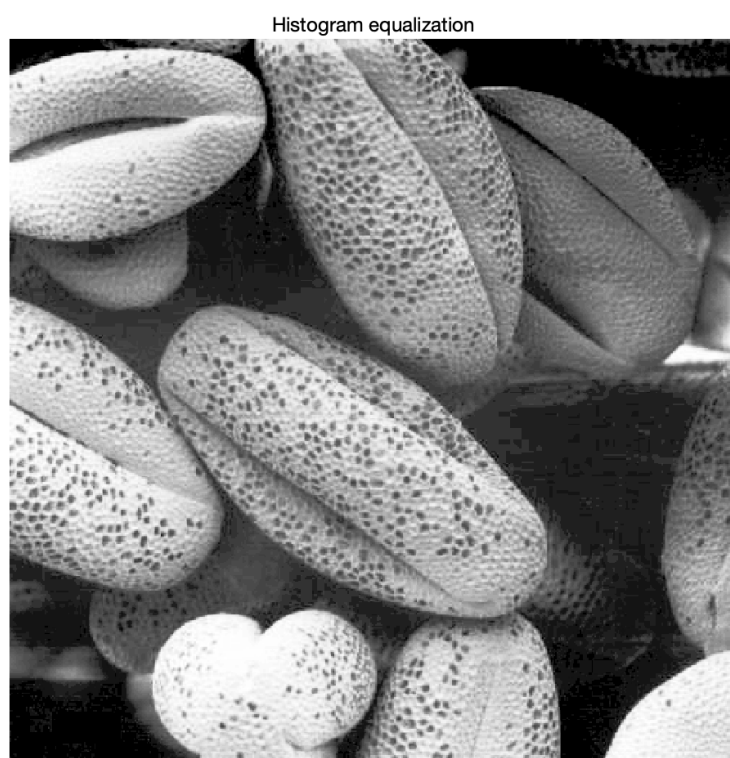
```

1  function output = myHE(input)
2
3  dimX = size(input,1);
4  dimY = size(input,2);
5
6  output = uint8(zeros(dimX,dimY));
7
8  % ToDo
9  L=256;
10 S=zeros(256, 1);
11 cdf=myCDF(input);
12
13 for i = 1:L
14     S(i)=(L-1) * cdf(i);
15 end
16
17 for x = 1:dimX
18     for y = 1:dimY
19         output(x, y)=S(input(x, y) + 1);
20     end
21 end
22 end

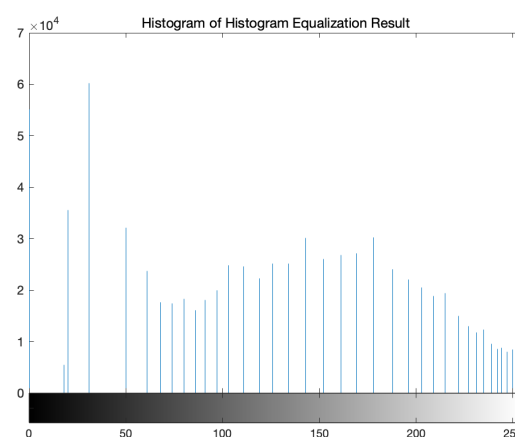
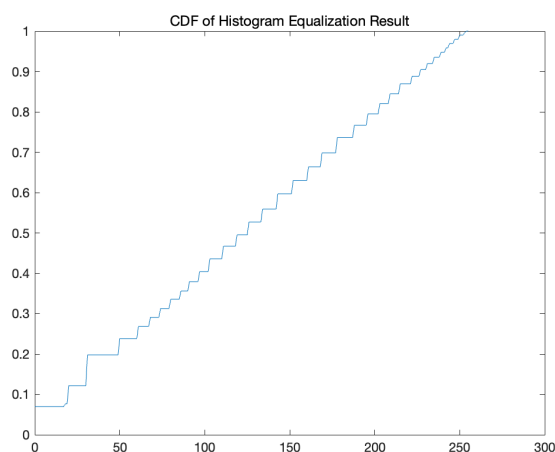
```

수업 시간에 배운 histogram equalization 수식에 맞춰서 CDF에 (color scale의 수 - 1)인 255를 곱하여 histogram equalization을 적용하기 위한 함수를 만들어낸다. 그 후 17 ~ 21번 라인에서 앞서 구한 함수를 이용하여 histogram equalization이 적용된 intensity를 변환한다.

## 2) 결과 설명



Histogram equalization의 결과를 보면 앞서 봤던 input image보다 contrast가 분명한 모습을 확인할 수 있다. 또한 input image는 어두운 색감에만 치중되어 있던 반면에 histogram equalization을 거친 이미지는 어두운 부분과 밝은 부분이 동시에 존재하는 것으로 보아 intensity가 전체적으로 고루 분포되어 있음을 시각적으로도 확인할 수 있다.



왼쪽 그림을 보면 histogram equalization을 거친 CDF 를 볼 수 있다. 앞서 봤던 input의 CDF처럼 특정 intensity에서 급격하게 상승하는 것이 아닌 intensity 전체에서 CDF가 선형적으로 증가하는 모습을 볼 수 있다. 물론 CDF 그래프가 계단 형식으로 나타나긴 하나 input의 CDF와 비교 했을 때 선형적임을 확인할 수 있다. Histogram equalization을 거친 histogram을 살펴보면 이전보다 intensity 전반에 걸쳐서 고루 분포하고 있음을 볼 수 있다. 물론 어두운 쪽에 histogram 값이 좀 더 크긴 하지만 처음 input image보단 고루 분포되어 있다.

## 3. Adaptive Histogram Equalization (myAHE.m)

## 1) Code

```
1 function output = myAHE(input, numtiles)
2
3     dimX = size(input,1);
4     dimY = size(input,2);
5
6     output = uint8(zeros(dimX,dimY));
7
8     % ToDo
9     tileX=numtiles(1);
10    tileY=numtiles(2);
11    cdfs=zeros(256, tileX, tileY);
12    S=zeros(256, tileX, tileY);
13    spaceTileX=ceil(dimX/tileX);
14    spaceTileY=ceil(dimY/tileY);
15    spaceLastX=dimX - (tileX-1) * spaceTileX;
16    spaceLastY=dimY - (tileY-1) * spaceTileY;
```

우선 AHE를 구현하기 위해 필요한 변수들을 정의한다. cdfs는 각 타일 별 CDF 값을 담기 위한 변수이고 S는 각 타일 별 histogram equalization을 위한 변환 함수이다. spaceTile 변수는 한 타일 당 길이이다. spaceLast는 마지막 타일의 길이이다.

```
18 for i=1:tileX
19     for j=1:tileY
20         if i==tileX && j==tileY
21             cdfs(:,i,j)=myCDF(input((i-1) * spaceTileX + 1 : dimX, (j-1)*spaceTileY + 1 : dimY));
22         elseif i==tileX && j~=tileY
23             cdfs(:,i,j)=myCDF(input((i-1) * spaceTileX + 1 : dimX, (j-1)*spaceTileY + 1 : j*spaceTileY));
24         elseif i~=tileX && j==tileY
25             cdfs(:,i,j)=myCDF(input((i-1) * spaceTileX + 1 : i*spaceTileX, (j-1)*spaceTileY + 1 : dimY));
26         else
27             cdfs(:,i,j)=myCDF(input((i-1) * spaceTileX + 1 : i*spaceTileX, (j-1)*spaceTileY + 1 : j*spaceTileY));
28         end
29         for k=1:256
30             S(k,i,j)=255*cdfs(k,i,j);
31         end
32     end
33 end
```

그 후 타일별로 CDF 값을 구하고 이를 cdfs에 저장한다. 마지막 타일의 길이가 input과 타일의 개수에 따라 상이하기 때문에 그 부분만 에러 처리를 따로 진행해 주었다. 이후 29 ~ 30번 라인에서 cdfs를 활용해 histogram equalization function을 저장한다.

```
35 for x = 1:dimX
36     for y = 1:dimY
37         tX=floor((x-1)/spaceTileX)+1;
38         tY=floor((y-1)/spaceTileY)+1;
39
40         if tX == tileX
41             mX=mod((x-1) - (tileX-1) * spaceTileX, spaceLastX);
42             spaceX=spaceLastX;
43         else
44             mX=mod((x-1), spaceTileX);
45             spaceX=spaceTileX;
46         end
47
48         if tY == tileY
49             mY=mod((y-1) - (tileY-1) * spaceTileY, spaceLastY);
50             spaceY=spaceLastY;
51         else
52             mY=mod((y-1), spaceTileY);
53             spaceY=spaceTileY;
54         end
55         mX=mX+1;
56         mY=mY+1;
```

이제 35번 라인부터 실제 adaptive histogram equalization을 진행한다. tX, tY는 해당 x, y가 어떤 타일에 속하는 지를 나타내는 변수이다. mX와 mY는 모듈러 연산을 이용하여 각 x랑 y가 속한 타일 안에서의 위치 값을 표현하는 변수이다. 이 또한 마지막 타일일 경우 타일의 길이가 다르기에 따로 계산하여 처리하였다.

```

58         if (tX==1) && (tY==1) && (mX <= (spaceX/2)) && (mY <= (spaceY/2))
59             output(x, y)=S(input(x, y)+1, tX,tY);
60         elseif (tX==tileX) && (tY==1) && (mX > (spaceX/2)) && (mY <= (spaceY/2))
61             output(x, y)=S(input(x, y)+1, tX,tY);
62         elseif (tX==1) && (tY==tileY) && (mX <= (spaceX/2)) && (mY > (spaceY/2))
63             output(x, y)=S(input(x, y)+1, tX,tY);
64         elseif (tX==tileX) && (tY==tileY) && (mX > (spaceX/2)) && (mY > (spaceY/2))
65             output(x, y)=S(input(x, y)+1, tX,tY);

```

이제 본격적으로 adaptive histogram equalization를 진행한다. 우선 이미지의 모서리 부분을 먼저 처리한다. 이미지의 모서리 타일 중에서도 4등분하여

```

67         elseif ((tY==1) && (mY <= (spaceY/2))) || ((tY==tileY) && (mY > (spaceY/2)))
68             if mX <= (spaceX/2)
69                 leftRatio=(mX + floor(spaceX/2)) / spaceX;
70                 rightRatio=(floor(spaceX/2) - mX) / spaceX;
71                 output(x, y)=rightRatio * S(input(x, y)+1, tX-1, tY) + leftRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY);
72             else
73                 leftRatio=(floor(spaceX/2) - (spaceX - mX)) / spaceX;
74                 rightRatio=((spaceX - mX) + floor(spaceX/2)) / spaceX;
75                 output(x, y)=rightRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY) + leftRatio * S(input(x, y)+1, tX+1, tY);
76             end
77
78         elseif ((tX==1) && (mX <= (spaceX/2))) || ((tX==tileX) && (mX > (spaceX/2)))
79             if mY <= (spaceY/2)
80                 topRatio=(mY + floor(spaceY/2)) / spaceY;
81                 downRatio=(floor(spaceY/2) - mY) / spaceY;
82                 output(x, y)=downRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY-1) + topRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY);
83             else
84                 topRatio=(floor(spaceY/2) - (spaceY - mY)) / spaceY;
85                 downRatio=((spaceY - mY) + floor(spaceY/2)) / spaceY;
86                 output(x, y)=downRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY) + topRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY+1);
87             end

```

```

89         elseif (mX <= (spaceX/2)) && (mY <= (spaceY/2))
90             topRatio = (mY + floor(spaceY/2)) / spaceY;
91             downRatio = (floor(spaceY/2) - mY) / spaceY;
92             leftRatio = (mX + floor(spaceX/2)) / spaceX;
93             rightRatio = (floor(spaceX/2) - mX) / spaceX;
94             output(x, y) = downRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX-1, tY-1)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY-1))) + topRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX-1, tY)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY)));
95
96         elseif (mX > (spaceX/2)) && (mY <= (spaceY/2))
97             topRatio = (mY + floor(spaceY/2)) / spaceY;
98             downRatio = (floor(spaceY/2) - mY) / spaceY;
99             leftRatio = (floor(spaceX/2) - (spaceX - mX)) / spaceX;
100            rightRatio = ((spaceX - mX) + floor(spaceX/2)) / spaceX;
101            output(x, y) = downRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY-1)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX+1, tY-1))) + topRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX+1, tY)));
102
103         elseif (mX <= (spaceX/2)) && (mY > (spaceY/2))
104             topRatio = (floor(spaceY/2) - (spaceY - mY)) / spaceY;
105             downRatio = ((spaceY - mY) + floor(spaceY/2)) / spaceY;
106             leftRatio = (mX + floor(spaceX/2)) / spaceX;
107             rightRatio = (floor(spaceX/2) - mX) / spaceX;
108             output(x, y) = downRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX-1, tY)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY))) + topRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX-1, tY+1)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY+1)));
109
110         else
111             topRatio = (floor(spaceY/2) - (spaceY - mY)) / spaceY;
112             downRatio = ((spaceY - mY) + floor(spaceY/2)) / spaceY;
113             leftRatio = (floor(spaceX/2) - (spaceX - mX)) / spaceX;
114             rightRatio = ((spaceX - mX) + floor(spaceX/2)) / spaceX;
115             output(x, y) = downRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX+1, tY))) + topRatio * ((rightRatio * S(input(x, y)+1, tX, tY+1)) + (leftRatio * S(input(x, y)+1, tX+1, tY+1)));
116         end

```

2) 결과 설명