

問 4  $n = 25920000$ ,  $X_3 = 2877000$  であったとき、このサイコロが、偶数の目が奇数の目より 2 倍以上でやすいサイコロであるかどうかを、有意水準 5% で検定せよ。  
 ただし、 $n = 25920000$  は十分大きな値であるとして見做し、問 3 の確率分布に収束しているとして見做してよい。  
 さらに、奇数となるどの目が出る確率も等しく、偶数となるどの目が出る確率も等しいとする。

このサイコロが、普通のサイコロ (1 ~ 6 が等確率で出る) と仮定すると、 $X_3$  の確率分布は、 $n$  が十分大きいならば、

$$P_{(x,n)} = \frac{6}{\sqrt{10n\pi}} \exp \left\{ -\frac{8}{15n} \left( x - \frac{n}{6} \right)^2 \right\} \text{ に収束する。}$$

$$\text{したがって、} n = 2,592,0000 \text{ より、} \frac{n}{6} = 4,320,000$$

$$P_{(x)} = \frac{1}{1200\sqrt{5\pi}} \exp \left\{ -\frac{1}{7.2 \times 10^6} (x - 4.32 \times 10^6)^2 \right\} \text{ となる。}$$

$$\text{また、} \sigma = 600\sqrt{10} = 1897.3\dots, \quad 2\sigma = 3794.7\dots$$

$$\frac{n}{6} - 2\sigma = 4,316,205.2\dots, \quad \frac{n}{6} + 2\sigma = 4,323,794.7\dots \text{ である。}$$

以上より、 $4,316,205 \leq X_3 \leq 4,323,795$  となる確率は 95.4 % 以上なので、このサイコロは偶数の目が奇数の目より 2 倍以上でやすいサイコロである可能性が高い。