## 春休み毎日微分方程式 Day 11 (解答)

公立はこだて未来大学 システム情報科学部 B2 日置竜輔

2021年3月22日

## 問1

次の関数 f(x) が次の条件を満たす時、f(x) を答えよ。

I. 任意の実数 x に対して、

$$\int_{0}^{x} f(t)dt - 3 \int_{-x}^{0} f(t)dt = x^{3}$$

両辺を微分すると、

$$f(x) - 3f(-x) = 3x^2 (0.0.1)$$

ここで  $x \to -x$  と置換すると、

$$f(-x) - 3f(x) = 3x^2 (0.0.2)$$

が得られるので、(0.0.1),(0.0.2) の2式を連立すると、

$$-8f(x) = 12x^2$$
$$f(x) = -\frac{3}{2}x^2$$

これは某私立の大学入試の改題です。高校生レベルで解ける問題を用意してみました。 色々なパターンに慣れていけると良いですね。