Optymalizacja Wytrzymałościowa Konstrukcji Laboratorium Komputerowe

Paweł Bielski

2 lutego 2019

Co powinno zawierać sprawozdanie?

Warunkiem zaliczenia przedmiotu jest samodzielne wykonanie obu zadań zgodnie z wytycznymi i dostarczenie dwóch sprawozdań wraz z plikami .mod i .f06 do weryfikacji. W sprawozdaniu powinny znaleźć się następujące elementy:

- 1. Temat zadania wraz z numerem porządkowym N i wynikającymi z niego wejściowymi danymi liczbowymi do zadania.
- 2. Schematyczny **rysunek** i **opis** konstrukcji: typ konstrukcji, sposób obciążenia, warunki podparcia. Co optymalizujemy i dlaczego?
- Opis modelu numerycznego w FEMAP wraz ze szczegółami zastosowanych wariantów optymalizacji (patrz "Krótka instrukcja wykonania zadań").
- 4. **Matematyczne** sformułowanie problemu **optymalizacji**: funkcja celu, wektor zmiennych projektowych, parametry, ograniczenia i zmienne stanu. Co jest czym w konstrukcji i w modelu numerycznym (patrz "Podstawy teoretyczne")?

5. Prezentacja wyników:

- Dla każdego kolejnego wariantu przedstawić należy wartość funkcji celu oraz zmiennych stanu (naprężenia, ugięcia itd.) przed i po wykonaniu każdego etapu. Wyniki zestawiamy w tabelach - ograniczamy do minimum liczbę zrzutów ekranu (za wyjątkiem mapy naprężeń blachy).
- Należy również przedstawić i skomentować co i w jaki sposób zostało zmodyfikowane na poszczególnym etapie oraz jak to wpłynęło na funkcję celu (np. wpływ zmiany pola przekroju prętów na masę konstrukcji).
- 6. Do sprawozdań należy **dołączyć pliki .mod** z modelem numerycznym oraz **pliki .f06** z wynikami.

WAŻNE: Nie interesują mnie technikalia, czyli zrzuty ekranu z interfejsu programu z komentarzem "tu wpisałem to, tam kliknęłam tamto"; Chodzi o rysunek schematu statycznego i opis zastosowanych stałych materiałowych, przekrojów, rodzaju elementów skończonych, podziału konstrukcji na elementy, liczby węzłów i elementów w układzie, zastosowanego typu analizy i warunków brzegowych itd. Im krótsze sprawozdanie i im mniej zawiera obrazków z programu, tym lepiej! Stawiamy na tabele, wykresy, schematy.

Krótka instrukcja wykonania zadań w FEMAP

Ogólny schemat rozwiązania

Wykonanie każdego z zadań można podzielić na następujące sekcje:

- stworzenie geometrii;
- definicja materiałów (*Materials*) i cech geometryczno-materiałowych (*Properties*):
- definicja warunków podparcia (Constraints) i obciążeń (Loads);
- przypisanie zdefiniowanych wcześniej cech (Attributes) do obszarów geometrycznych;
- podział geometrii na elementy skończone (Mesh);
- definicja i wykonanie analizy wstępnej (Analysis);
- $\bullet\,$ wyświetlenie wyników ($Post\;Data)$ celem sprawdzenia, czy obliczenia przebiegły poprawnie;
- $\bullet\,$ zapisanie tej wersji modelu .mod jako końcowej!
- kontynuacja modelu pod inną nazwą; definicja i wykonanie kolejnych analiz (optymalizacji); każdy wariant powinien być zapisany jako odrębna wersja pliku!

Ważne jest sukcesywne zapisywanie kolejnych wersji tymczasowych, do których można wracać i wykonywać obliczenia na wcześniejszych etapach rozwoju pliku. Będą one potrzebne przy zbieraniu wyników tworzeniu sprawozdania.

WAZNE: Aby niezbędne wyniki obliczeń zapisywały się w wygodnej formie w plikach .f06, należy przy definicji każdej analizy w drzewku *Master Requests and Conditions - Output Requests - Destination* wybrać opcję 3...Print and Post-Process w polu Results Destination. Dzięki temu w plikach .f06 wygenerują się wygodne tabele z wartościami naprężeń w elementach, przemieszczeń w węzłach itd.

Zadanie 1 - Kratownica

Tworzenie modelu rozpoczynamy od definicji węzłów kratownicy (Geometry - Point) i stworzenia geometrii prętów (Geometry - Curve - Line - Points). Następnie definiujemy materiał i cechy prętów - do tego celu używamy elementu Rod. Określamy właściwe warunki brzegowe (Constraints) i obciążenia (Loads).

Przypisujemy cechy prętów do geometrii za pomocą funkcji *Mesh - Mesh Control - Attributes Along Curve*. Jeżeli program zapyta o orientację elementu, wskazujemy wektor prostopadły do płaszczyzny kratownicy.

Ogółem należy stworzyć 3 osobne pliki .mod (modele numeryczne w FE-MAP) i 3 osobne pliki z wynikami .f06 dla następujących wariantów analiz:

- 1. Analiza wstępna BEZ optymalizacji (Analysis type 1...Static), z arbitralnie przyjętymi początkowymi polami przekrojów poprzecznych w prętach kratownicy. Jest to punkty wyjściowy do dalszych analiz. Warto na tym etapie zarejestrować ekstremalne wartości naprężeń w konstrukcji (axial stress) oraz całkowitą masę konstrukcji (Tools Mass properties Mesh properties: Select all: Total structural mass; ta opcja staje się dostępna dopiero po siatkowaniu).
- 2. Pierwsza optymalizacja (Analysis type 8.. Design Optimization) mająca na celu ustalenie jednego wspólnego pola przekroju dla wszystkich prętów kratownicy (Model Optimization) zgodnie z określonymi w zadaniu ograniczeniami. W wyniku należy zaznaczyć, który pręt jest wytężony w 100% i tym samym decyduje o minimalnym polu przekroju.
- 3. Druga optymalizacja określająca odrębne pola przekrojów dla każdego pręta kratownicy (wszystkie elementy wytężone w 100%). Pola przekrojów przypisujemy do prętów przed siatkowaniem za pomocą opcji Mesh Mesh Control Attributes Along Curve.

Przy analizie wyników przydatna będzie informacja o numeracji prętów zastosowanej przez program FEMAP. Aby wyświetlić numery prętów, należy wybrać opcję View - Options lub View - Visibility i tam w zależności od potrzeb włączyć wyświetlanie etykiet (Labels) krzywych (Curves) lub elementów skończonych (Elements).

Zadanie 2 - Płyta

Geometrię tworzymy poprzez określenie najważniejszych punktów, następnie stworzenie powierzchni określonej tymi punktami (Geometry - Surface - Corners) i wycięcie z niej otworu przez stworzenie powierzchni tnącej. Okrąg tworzymy używając Geometry - Curve - Circle, następnie wyciągamy go w powierzchnię walcową (Geometry - Surface - Extrude), a później tniemy za jej pomocą blachę (Geometry - Curve - From Surface - Intersect). Nadmiarowe powierzchnie i krzywe usuwamy. Określamy warunki podparcia i obciążenia (warto skorzystać z warunków symetrii).

Przy definicji materiału i właściwości *Property* używamy płaskiego elementu płytowego *Plate*. Stworzenie dobrej siatki elementów skończonych wymaga dalszego podziału powierzchni na mniejsze i określenia liczby elementów na ich krawędziach (*Mesh - Mesh Control - Size Along Curve*). Najwygodniej jest to jednak zrobić na docelowych geometriach osobno w trzech wariantach. Na tym etapie przypisujemy również cechy do powierzchni (*Mesh - Mesh Control - Attributes On Surface*).

Ogółem należy stworzyć 3 osobne pliki .mod (modele numeryczne w FE-MAP) i 3 osobne pliki z wynikami .f06 dla następujących wariantów analiz:

- 1. Analiza wstępna BEZ optymalizacji i BEZ pierścienia wzmacniającego. Należy pokazać mapę naprężeń zredukowanych (*Post Data von Mises Stress* albo *F5 Deformed and Contour Data von Mises Stress*), zaznaczyć rejon koncentracji naprężeń w pobliżu otworu przyjąć wstępną szerokość pierścienia wzmacniającego.
- 2. Pierwsza optymalizacja grubości pierścienia z ograniczeniami nałożonymi na ekstremalne naprężenia. Jaka jest finalna grubość pierścienia i jaka jest masa całej konstrukcji? Jeżeli pierścień jest bardzo gruby, w następnej iteracji będziemy go poszerzać. W przeciwnym przypadku należy pierścień zwezić.
- 3. Druga optymalizacja grubości pierścienia po zmianie jego szerokości (promienia). Jaka jest teraz jego grubość? Czy masa całej konstrukcji uległa zwiększeniu, czy zmniejszeniu? Który przypadek jest bardziej korzystny i czy lepiej jest szukać rozwiązania optymalnego poprzez poszerzanie, czy zwężanie pierścienia?

Podstawy teoretyczne

Składowe problemu inżynierskiego na etapie projektowania można podzielić na następujące grupy:

- Oddziaływania "O": Są to wszystkie dane wejściowe, które będą oddziaływać na model. Zaliczają się do nich obciążenia, warunki podparcia, temperatura, wymuszone przemieszczenia (np. osiadanie) i inne niezależne od projektanta siły natury lub ludzkiej złośliwości.
- Model konstrukcji, na który składają się:
 - zmienne projektowe "x", czyli wszystkie cechy konstrukcji, które w pewnym zakresie projektant może modyfikować i dobierać do własnych potrzeb; w ogólnym przypadku mogą to być materiały, przekroje, rozpiętości elementów itd.;
 - parametry "p", to znaczy te cechy konstrukcji, których projektant nie może modyfikować; są one na sztywno ustalone z uwagi na wymagania dotyczące projektu (z reguły dotyczy to geometrii, która jest określona ze względu na warunki użytkowania; wyjątkiem jest optymalizacja topologiczna, która polega na doborze geometrii).
- Zmienne stanu "S", czyli wszystkie dane wyjściowe powstałe wskutek
 oddziaływania "O" na model konstrukcji. Zaliczamy do nich reakcje podporowe, siły wewnętrzne, przemieszczenia, naprężenia, częstotliwości drgań,
 wartości obciążeń krytycznych i inne typowe wyniki obliczeń inżynierskich.

Opis i interpretacja powyższych składowych dla każdego z dwóch zadań powinny się znaleźć w obu sprawozdaniach.