Programowanie w Logice - powtórzenie (v1.7)

Mikołaj Pietrek, Szymon Wróbel

korekta: Adam Friedensberg, Alek Lasecki, Damian Nowak, Piotr Szyma, Szymon Wróbel

Jak w poniedziałek mam sześć grup laboratoryjnych i wieczorem patrzę na Prologa, to się zastanawiam, co mi się w nim przez trzydzieści lat podobało.

dr Przemysław Kobylański

1 Wprowadzenie¹

1.1 Termy

Term oznacza dowolne wyrażenie.

1.1.1 Termy proste (stałe, zmienne)

Stałe to liczby lub ciągi liter i cyfr rozpoczynające się małą literą: null, p1, kwadrat, 10, 3.14, 1e-6. Zmienne to ciągi liter i cyfr rozpoczynające się wielką literą: X, Wysokosc, OJezuJakiesSweetSixteen, P123. Zmienna o nazwie _ wyraża dowolną (nieistotną) wartość.

Ciągi znaków (np. 'string') i stałe niebędące liczbami są określane jako atomy.

1.1.2 Termy złożone

Termy złożone powstają z połączenia termów funktorami, które (jak stałe) są ciągami liter i cyfr rozpoczynającymi się od małej litery, np: para(a, b), para(a, para(b, c)).

1.2 Predykaty wbudowane

Podstawowym predykatem jest unifikacja A = B. Dostępne są też m.in. predykaty sprawdzające "typ".

- var(T) zmienna (bez wartości)
- nonvar (T) zmienna posiadająca wartość lub stała
- atom(T) stała, ale nie liczba
- number(T) liczba
- compound(T) term złożony

 $^{^{1}\}mathrm{gr.}\ prologos$

1.3 Definiowanie predykatów

Predykaty zapisuje się w postaci klauzul czyli zdań zakończonych kropką. Rodzaje predykatów:

- fakty, np. rodzice(uranus, gaia, rhea).
- reguly, np. ojciec(X, Y) :- rodzice(X, _, Y).

1.3.1 Alteratywa

```
W standardowych przypadkach (m.in. bez freeze) zamiast rodzic(X, Y) :- ojciec(X, Y); matka(X, Y). lepiej jest pisać rodzic(X, Y) :- ojciec(X, Y). rodzic(X, Y) :- matka(X, Y).
```

1.3.2 Warunki termów złożonych

Jeśli w programie są termy (złożone) określające pary, można zdefiniować predykat spełniony przez element pary. element(X, Y) :-

```
Y = para(X, _).
element(X, Y) :-
Y = para(_, X).
Lepszy, krótszy zapis:
element(X, para(X, _)).
element(X, para(_, X)).
```

1.4 Listy

Szczególny przypadek termów złożonych to listy. Składają się z głowy (pierwszego elementu) i ogona (listy pozostałych). W klasycznej notacji funktor . (kropka) łączy głowę z ogonem. Natomiast wygodniejsze w użyciu jest zapisanie elementów między nawiasami kwadratowymi.

notacja tradycyjna	notacja uproszczona
	[]
.(a, [])	[a]
.(a, .(b, []))	[a, b]
.(.(a, []), .(.(a, .(b, [])), []))	[[a], [a, b]]

1.4.1 Rozdzielanie elementów

Tradycyjny zapis listy umożliwiałby "naturalny" wybór. Przykład dla drugiego elementu: .(_, .(X, _)) Natomiast w powszechnie stosowanej notacji z nawiasami potrzebny jest dodatkowy operator | (pionowa kreska), który oddziela początkowe elementy od pozostałych: [_, X | _].

1.4.2 Predykaty operujące na listach

- ullet member(X, L) $ightarrow X \in L$
- append(L1, L2, L3) $\rightarrow L1 + L2 = L3$

²ale niekoniecznie "humanitarny" oraz "posiadający jakiekolwiek praktyczne zastosowanie"

• select(X, L1, L2) $\rightarrow X = L1 - L2 \leftrightarrow L2 = L1 - X$

select i append działają w obie strony - mogą zarówno dodawać, jak też usuwać.

2 Jak działa Prolog?³

2.1 Reguły rozwiązywania równań

2.1.1 Decomposition

$$\frac{f(s_1, ..., s_n) = f(t_1, ..., t_n)}{s_1 = t_1, \cdots, s_n = t_n}$$

Gdy funktory mają te same nazwy i tyle samo argumentów, Prolog unifikuje parami kolejne zmienne. $f(s1, ..., sn) = f(t1, ..., tn) \rightarrow (s1 = t1, ..., sn = tn)$

$$\frac{X=X}{\top}$$

Zmienna jest zawsze równa samej sobie.

 $X = X \rightarrow true$

2.1.3 Transposition

$$\frac{t = X}{X = t}$$

Jeśli t nie jest zmienną:

$$t = X \longrightarrow X = t$$

2.1.4 Substitution

$$\frac{X=t,E}{X=t,EX/t},X\notin \mathrm{Var}(t),X\in \mathrm{Var}(E)$$

Zmienna unifikowana ze stałą zostaje zastąpiona tą stałą w dalszej części równania.

(X = t, f(X) = a)
$$\rightarrow$$
 (X = t, f(t) = a)

2.2 Łączenie reguł

Prolog pozostawia termy możliwie ogólnymi, żeby pasowały do możliwie dużej ilości innych termów.

Zadanie 1.
$$k(Z, f(X, b, Z)) = k(h(X), f(g(a), Y, Z))$$

Rozwiązanie.

$$\begin{cases} Z = h(x), \\ f(X, b, Z) = f(g(a), Y, Z) \end{cases}$$

 $^{^3}$ oraz dlaczego zdecydowanie lepiej niż ANSI C

$$\begin{cases} Z = h(X), \\ X = g(a), \\ Y = b, \\ Z = Z \end{cases}$$

$$\begin{cases} Z = h(g(a)), \\ X = g(a), \\ Y = b \end{cases}$$

Zadanie 2. Czy istnieją takie termy s, t, u, że:

s = t,

s = u,

t \= u.

Rozwiązanie.

s = X,

t = b,

u = a.

Rozwiązanie.

s = f(X, Y),

t = f(a, b),

u = f(X, X).

2.3 Przypadki zakończenia

2.3.1 Failure 1

$$f(s_1, ..., s_n) = g(t_1, ..., t_k), \text{ if } f \neq g \text{ or } n \neq k$$

Porównanie termów złożonych kończy się niepowodzeniem, jeśli różni się funktor lub liczba termów prostych.

 $f(s1, \ldots, sn) = g(t1, \ldots, tn)$ false.

f(s1, s2, s3) = f(t1) false.

2.3.2 Failure 2

$$\frac{X=t}{\perp}, X \in \text{Var}(t), X \neq t$$

Wartość każdej zmiennej (w ramach danej ścieżki rozwiązania) może zostać określona tylko jeden raz.

X = a, X = b false.

2.4 Unifikacja i równość

$$s = t \mapsto X_1 = u_1, X_2 = u_2, ..., X_n = u_n, \forall i, \forall j, X_i \notin Var(u_j)$$

- $A = B \rightarrow unifikacja A z B$
- \bullet A == B \to A jest dokładnie tym samym co B (czyli X == X, ale nie X == Y)
- ullet A is B o unifikacja wartości wyrażenia B z A
- \bullet A =:= B \rightarrow równość (matematyczna) wartości wyrażenia B z wartością wyrażenia A

2.4.1 Porównania niezainicjalizowanych zmiennych

Wyjaśnienie bardzo nie $formalne^4$: różnica między pojedynczą a podwójną równością podobna jak w C/C++.

INPUT	OUTPUT
X = X	true.
X == X	true.
X is X	ERROR
X =:= X	ERROR

INPUT	OUTPUT
X = Y	true.
X == Y	false.
X is Y	ERROR
X =:= Y	ERROR

(a) ta sama zmienna

(b) różne zmienne

Tablica 1: Przykłady porównań zmiennych niezainicjalizowanych

Pojedyncza równość zadziała w obu przypadkach, ponieważ niezainicjalizowany X można zunifikować zarówno z X, jak też z Y. Natomiast podwójny znak równości zwróci false w drugim przypadku, ponieważ X nie jest dokładnie tym samym co Y. Pozostałe dwa zwróca bład (niezainicjalizowana zmienna nie może zostać obliczona).

Jeśli A == B jeden raz zwróci true, to do końca rozwiązania wartość A == B będzie równa true. Nie gwarantuje tego predykat =, ponieważ sprawdzenie warunku bez podstawienia jest możliwe za pomocą podwójnej negacji: $\+ A = B$. Pierwsza negacja powoduje "zapomnienie" podstawienia, a druga przywraca wartość true.

2.4.2 Obliczanie wyrażeń arytmetycznych

Pojedyncza i podwójna równość są tu praktycznie nieprzydatne (traktują wyrażenie jako całość), operator is podstawia wartość wyrażenia z PRAWEJ strony (lewa może być nieznana), a operator =:= oblicza obie strony.

INPUT	OUTPUT
X = 1 + 2	X = 1+2.
1 + 2 = X	X = 1+2.
X == 1 + 2	false.
1 + 2 == X	false.
X is 1 + 2	X = 3
1 + 2 is X	ERROR.
X =:= 1 + 2	ERROR.
1 + 2 =:= X	ERROR.

Tablica 2: Przykłady zastosowania predykatów do wyrażenia arytmetycznego

Zgodnie z regułą transpozycji, kolejność nie ma znaczenia przy znakach równości. Zachowanie analogiczne do powyższego, pojedynczy postawił całe wyrażenie, podwójny zwrócił fałsz. Natomiast poprawną wartość wyrażenia obliczył tylko predykat X is 1 + 2. Ostatnie trzy przykłady zakończyły się błędem przez brak inicjalizacji.

⁴gramatyki są później

2.4.3 Porównywanie wyrażeń arytmetycznych

INPUT	OUTPUT
0 is 0.0	false.
0 =:= 0.0	true.

Tablica 3: Przykłady porównań

Predykat is oblicza tylko jedną stronę wyrażenia, natomiast samo porównanie odbywa się jak dla stałych Prologa, dlatego porównanie liczby rzeczywistej z całkowitą zwróci false. Predykat =:= porównuje w sensie matematycznym.

2.4.4 Nierówności

Dostępne są predykaty >, <, >=, =<, =\=. Ich działanie nie wymaga osobnego omówienia, zachowują się analogicznie jak =:=. Wskazówka do zapamiętania: operatory >= oraz =< mają być tak zapisane, aby nie tworzyły strzałki.

3 Gramatyki

Info od autora:

nawet nie próbuję udawać że coś o tym wiem, 4 semestr here. Jak ktoś ma czas i chęci, to wyślę link edycyjny.

Zadanie 1. Słowa postaci $a^n b^n$.

Rozwiązanie. Słowo puste spełnia warunki. Po obu stronach ma być tyle samo a oraz b.

s -> [].

s -> [a], s, [b].

Zadanie 2. Język składa się z listy, środkowy element ma być a.

Rozwiązanie. Słowo a spełnia warunki. Po obu stronach ma być tyle samo dowolnych znaków.

s --> [a].

s --> [_], s, [_].

Zadanie 3. Palindromy.

Rozwiązanie. Palindromem jest słowo puste, słowo składające się z jednego znaku oraz słowo powstałe poprzez "dołączenie" tego samego znaku po obu stronach palindromu.

s --> []

s --> [_]

s --> [X], s, [X]

4 Niedeterminizm

Niedeterminizm to wiele możliwych ścieżek osiągnięcia klauzuli pustej (czyli prawidłowego rozwiązania). Niedeterminizm nie oznacza losowości!

```
Zadanie 1. Opisz X:
```

p(a, s(X)).

p(s(X), s(Y)) :- p(X,Y).

?- p(X, s(s(s(a))).

Rozwiązanie. Są to termy izomorficzne z kolejnymi liczbami naturalnymi mniejszymi od 3:

```
X = a;
X = s(a);
X = s(s(a));
false.
```

Rozwiązanie. Wnioskowanie można zapisać również w postaci SLD-drzewa:

```
:- P(X, s(s(s(a))))
> { X = a, X1 = s(s(a)) }

[]
> { X = s(X1), Y1 = s(s(a))}
p(s(X1), s(Y1)) :- p(X1, Y1)
> { X1 = a, X2 = s(a) }

[]
> { X1 = s(X2), Y2 = s(a) }
p(s(X2), s(Y2)) :- p(X2, Y2)
> { X2 = a, X3 = a }

[]
> { X2 = s(X3), Y3 = a }
:- p(x3, a)
```

4.1 Predykaty niedeterministyczne

Deterministyczny predykat true jest prawdziwy na dokładnie jeden sposób. Odpowiednikiem (skrajnie) niedeterministycznym jest repeat, prawdziwy na nieskończenie wiele sposobów. Przykład wykorzystania:

repeat, czytaj(X), oblicz(X,Y), print(Y), fail.

Prolog odczytuje wartość X, wykonuje predykat oblicz i wypisuje wynik. Predykat fail powoduje przerwanie ścieżki, następuje nawrót do repeat, co umożliwia odczytanie dowolnej liczby wartości..

5 Programowanie współbieżne

Metapredykat freeze(term, cel) pozwala na zamrożenie celu, aż będzie znana wartość termu. Cel zostanie wykonany "niezwłocznie" po określeniu wartości termu. Reguły z wykorzystaniem freeze muszą być deterministyczne oraz zapisane jako jeden predykat (info od doktora - tutaj użycie alternatywy jest dozwolone, a nawet konieczne).

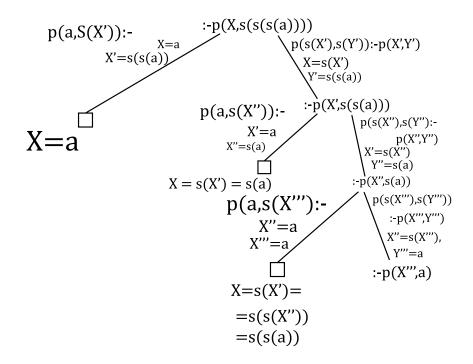
Wskazówki przed kolokwium

- Ważniejsza jest znajomość działania Prologu, niż samo programowanie.
- Jeżeli pojawią się zadania z gramatyki, wyżej będą punktowane proste rozwiązania.
- Zamiast pisania "predykatu który robi coś", trzeba będzie określić, jakie odpowiedzi zostaną znalezione.
- Jeśli jest pytanie "podaj gramatyke, która akceptuje tylko listy złożone z termów...", to nie kombinować.
- Raczej nie pojawi się analiza negacji⁵ oraz odcięcia.
- Oceny będą zróżnicowane, bo trzeba docenić tych, którzy potrafią zadziałać jak Prolog.

⁵nadal nie udało się zdefiniować "podnegacji", koniecznej do zapisania podstawowego twierdzenia Programowania w Analizie

${\bf Dodatek~graficzny}^6$

SLD-drzewo



Powodzenia!

 $^{^{6}}$ o przepraszam, to nie ten kurs!