

1. Равновероятное распределение

$$x \sim U(a, b).$$

$$\text{Плотность } f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, x \in [a, b], \\ 0, x \notin [a, b], \end{cases}$$

$$\text{Функция распределения } F(x) = \begin{cases} 0, x < a, \\ \frac{x-a}{b-a}, a \leq x < b, \\ 1, x \geq b, \end{cases}$$

$$\text{Мат. ожидание } Mx = \frac{a+b}{2}$$

$$\text{Дисперсия } D(x) = \frac{(b-a)^2}{12}.$$

2. Биномиальное распределение

$$x \sim B(n, p).$$

$$\text{Функция распределения } P(x = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$$

$$\text{Мат. ожидание } Mx = np$$

$$\text{Дисперсия } D(x) = np(1 - p).$$

3. Распределение Пуассона

$$x \sim P(\lambda), \lambda \in (0, +\infty).$$

$$\text{Функция вероятности } p(x = k) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!}$$

$$\text{Функция распределения } F(k) = \frac{(k+1, \lambda)}{k!}, \text{ где } \vartheta d, x) = \int_x^\infty t^{s-1} e^{-t} dt.$$

$$\text{Мат. ожидание } Mx = \lambda$$

$$\text{Дисперсия } D(x) = \lambda.$$

4. Нормальное распределение

$$x \sim N(\mu, \sigma^2).$$

$$\text{Плотность } f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp -\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}$$

$$\text{Функция распределения } F(x) = \frac{1}{2}(1 + \operatorname{erf}(\frac{x-\mu}{\sqrt{2\sigma^2}})), \text{ где } \operatorname{erf}(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-t^2} dt$$

Мат. ожидание $Mx = \mu$

Дисперсия $D(x) = \sigma^2$.

5. Экспоненциальное распределение

$x \sim Exp(\lambda)$.

Плотность $f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x}, & x \geq 0, \\ 0, & x < 0, \end{cases}$

Функция распределения $F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x}, & x \geq 0, \\ 0, & x < 0, \end{cases}$

Мат. ожидание $Mx = \frac{1}{\lambda}$

Дисперсия $D(x) = \frac{1}{\lambda^2}$.