Izomorfizmus grafů

Definice. Neorientované grafy $G_1 = (U_1, H_1)$ a $G_2 = (U_2, H_2)$ jsou *izomorfní* právě když existuje bijektivní zobrazení $h: U_1 \rightarrow U_2$, pro které platí

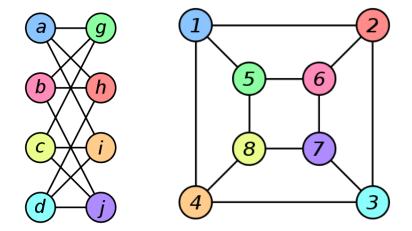
 $\{u, v\} \in H_1$ právě když $\{h(u), h(v)\} \in H_2$.

Definice. Orientované grafy $G_1 = (U_1, H_1)$ a $G_2 = (U_2, H_2)$ jsou *izomorfní* právě když existuje bijektivní zobrazení h: $U_1 \rightarrow U_2$, pro které platí

$$\langle u, v \rangle \in H_1$$
 právě když $\langle h(u), h(v) \rangle \in H_2$.

Izomorfizmus grafů zapisujeme $G_1 \cong G_2$.

Příklad. Grafy na následujících obrázcích jsou izomorfní.



h(a) = 1 h(b) = 6 h(c) = 8 h(d) = 3 h(g) = 5 h(h) = 2 h(i) = 4 h(j) = 7.

Je zřejmé, že izomorfní grafy musí mít stejný počet uzlů, stejný počet hran, stejný počet uzlů daného stupně atd.