KeTMath による課題送受・採点処理・結果分析

KeTCindy センター 高遠 節夫
Setsuo Takato, KeTCindy Center, Magnolia Inc.
長野高専・一般科 濱口 直樹

Naoki Hamaguchi, National Institute of Technology (KOSEN), Nagano College 山口大学・教育学部 北本 卓也

Takuya Kitamoto, Faculty of Education, Yamaguchi University

1 KeTCindy & KeTCindyJS

Cinderella は、1993年から1999年にかけて、J.Richter-Gebert 氏と U.H.Kortenkamp 氏によって開発された動的幾何である([1]). さらに、両氏は Cinderella に 3D 機能やプログラム言語 CindyScript を組み込んだ Cinderella.2 (以下 Cindy) をリリースした([2]). CindyScript は通常の言語に近く、数値や文字列のデータおよびファイル操作が可能である.一方、著者(高遠)のグループは、2006年以来、図のデータから Maple、Mathematica、Scilab、Rにより TeX の描画コード Tpic を書き出して、TeX 文書の図作成に利用するためのマクロ集 KeTpic を開発してきた.この KeTpic の対話性をより高めるために、著者らは 2014年に Kortenkamp 氏を招聘してジョイントワークショップを開き、その成果として KeTCindy の最初のバージョン 1.0 ができあがった.KeTCindy は以下の流れでTeX の図を作成する.

- 1. KETCindy の雛形ファイルをクリックして、Cindy を立ち上げる
 - ・KETCindy のマクロライブラリ読み込みと実行ボタンの配置が実行される.
 - ・なお最近の Cindy では、Kortenkamp 氏に依頼して KET Cindy で用いられる Java 関数群を最初から Ket Cindy Plugin. jar として組み込んでもらっている.
- 2. Cindy の幾何要素(点など)と KFT Cindy の描画関数から画面上に図を作成する.
 - ・画面の図を見ながら、幾何要素と描画関数の引数などを変更することができる.
 - ・同時に描画コード作成のためのRコマンドリスト(GLIST)が作成される.
- 3. 画面上のFigure (描画ファイル作成ボタン)をクリックするとRが呼び出される.
 - ・まず、(3) の GCLIST により描画コードから成る T_{EX} ファイルが作成される.
 - ・次に T_EX を起動して,確認用の T_EX ファイルをコンパイル,PDF を作成する. 注:図ファイルは\input でメインファイルに挿入される.

KETCindy からは, R だけでなく Maxima や gcc を呼び出すこともできる. gcc は KETCindy 曲面描画の隠線処理を高速化するためのものである. また, Maxima の数式処理計算の呼び出しは, 例えば次のように行われる.

• 単独関数の呼び出し

Mxfun("1","integrate",["x^2","x",0,1]); 注:Mxfun("1","integrate("x^2,x,0,1",[]);でもよい. 関数群の呼び出し¹

```
cmdL=[
  "i1:x^2-4*x",[],
  "i2:(1)/(x)+sin(x)",[],
  "o1:integrate([i1,i2],x)",[],
  "o1[1]::o[2]",[]
];
CalcbyM("ans",cmdL,[]
```

- ・実行は、上記コマンドをScriptEditor に記述してFigure を押すだけでよい.
- ・結果は $ans=[1/3*x^3-2*x,log(x)-cos(x)]$ "となる.

2016年、ミュンヘン工科大学の Gebert 研究室グループは、Cindy とほぼ互換な HTML コンテンツを作成するフレームワーク Cindy JS を開発した². これに対応して、Cindy にも Cindy JS の HTML を書き出す機能が追加された。そこで、著者らは KeTCindy で定義されている関数を組み込んだ HTML を作成する機能 KeTCindy JS を KeTCindy に追加した。KeTCindy の組み込みの手順は以下の通りである。

- 1. Cindy ファイル (例えば sample.cdy とする) のトップメニューにある「HTML に書き出す」を選択して CindyJS の HTML ファイル sample.html を出力する.
- 2. KeTJS のボタンを押すと、1 に KeTCindy を組み込んだ HTML が作成される3.

上記の2を実行するプログラムについて少し説明を加える。まず、Cindy が出力するファイル sample.html を1行ずつ読み込む。そのためには、KETCindy に追加されている関数 Readlines が用いられる。

Lines=Readlines(Dircdy, sample.html);

ここで、Diredy は Cindy ファイルのパスを表すグローバル変数で、やはり $K_{\rm E}T$ Cindy で定義されている。次に、 $K_{\rm E}T$ Cindy のライブラリを sample.html の Initialization スロット 4 に追加する。ただし、ライブラリの総行数は 20000 行を超えるので、ファイルサイズを抑えるために次の工夫を施している。

- KeTCindy のライブラリで定義されているすべての関数について 関数名,先頭行,最終行,内部で使われている KeTCindy 関数群 のリストをライブラリの更新ごとに作成する.
- sample.html の draw, initialization スロットで使われている関数を再帰的に拾い出して、その関数の定義だけを initialization スロットに追加する.

この方法により、総行数を 3000 行から 5000 行程度に抑えることを可能にした。また、sample.html のファイルサイズは CindyJS と KaTeX のライブラリを除き、ほとんどの場合 100KB 以下とかなり小さくなっている。「ketcindy samples」で検索されるサイト には多くの $K_{\rm ETC}$ に対りのサンプルが掲載されている。

²「CindyJS」で検索すると URL https://cindyjs.org が見つけられる

³On はホームページから Cindy.js を, Off はローカルフォルダから Cindy.js を読み込む

⁴Cindy ではプログラムの単位をスロットといい, initialization は初期設定の場合のみ実行される.

⁵https://s-takato.github.io/ketcindysample/

2 KeTMathの開発とkettaskによる問題の配付

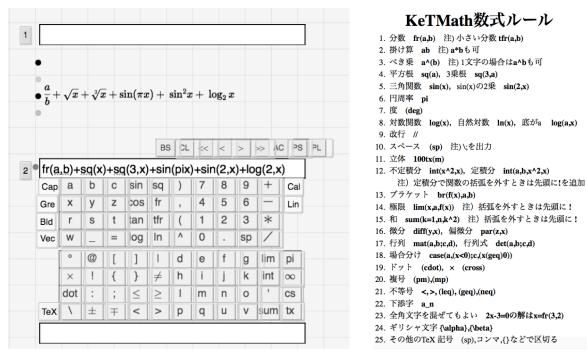


Fig.1 KeTMathの画面とKeTMathルール

KeTMath のプログラミングでは文字列の解析が重要である. Cindy の持つ関数 length(長さ), substring(部分列), tokenize(分割), indexof(検索), replace(置換) に加えて, KeTMath 数式を解析するための関数

Bracket(文字列,"()") 括弧の位置とレベルを返す Getlevel(文字列,",","()" 括弧についてのコンマの位置とレベルを返す などを ketcindy に組み込んでいる.

⁶スライドには適宜 K_ETCindy で作成したフリップアニメーションを挿入している.

⁷「ketcindy samples」の他に「ketcindy home」にアクセスしてそのまま利用することができる.

また、KeTMath 数式を Cindy 形式に変換する Tocindyform、Maxima 形式に変換する Tomaxform も追加した。これらの関数を用いれば、1つの KeTMath 数式から、 T_EX だけでなくグラフを描くための関数形式や Maxima で数式計算するための関数形式を出力することもできる.

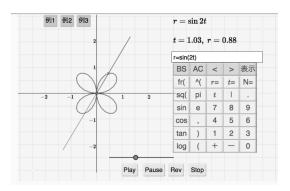
 $Totexform("fr(1,x)") \Longrightarrow \frac{1}{x}$

Tocindyform("fr(1,x)") \Longrightarrow (1)/(x)

 $Tomaxform("fr(1,x)") \Longrightarrow (1)/(x)$

「高専・大学 数学・大日本図書」で検索される大日本図書の教科書ページ

https://www.dainippon-tosho.co.jp/college_math/には上記の関数を利用して作成した Web Contents が掲載されている.



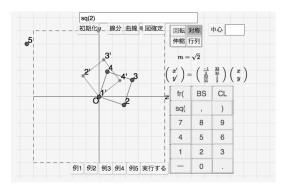


Fig.2 インタラクティブな Web 教材例

通常の授業では、課題のやり取りはプリントで行われる. これに対して、KeTMath を単体で用いたときは次のようになる.

- 1. 学生が課題の書かれた PDF を見られるようにする. この PDF は講義スライドでもいいし、独立に作成してもよい.
- 2. 学生はその課題をノートなどで解いて、解答をKeTMathルールで作り、KeTMathで確認してから教員にメールなどで送信する.
- 3. 教員は回収した解答を KeTMath にコピー&ペーストして確認しながら採点する.

しかし、かなりの数の学生は KeTMath で確認することをせずに間違った数式をそのまま送ってきたり、 $\sqrt{2}$ などと特殊文字を使ったりしていた.そこで、問題自体を組み込んだ出題アプリ KeTTask を作成して配付することにした.同時に、教員が採点するためののアプリ KeTscore も作成することにして、それぞれの雛形ファイルから問題ごとのファイルを生成する KeTCindy のプログラム toolketmath.cdy を開発した.また、問題の配付と回収はオンライン学習システム(以下 OLS)の1つである Google Classroom(以下 GC)を利用することにした8.まず、課題の配付については次のようにする.

1. 1つのフォルダに kettaskorg.html, ketscoreorg.html, toolketmath.cdy⁹と CindyJS と KaTeX のライブラリフォルダ ketcindyjs を入れて、フォルダ data を作成する.

 $^{^8}$ 個人ベースだったので GC を用いたが, $^{
m Teams}$ や $^{
m Moodle}$ などでも同様である.

 $^{{}^{9}}$ KETCindy のライブリを使うため、「ketcindy home」からダウンロードしてインストールしておく.

2. data の中に学生リスト (student2022.txt など) と KeTMath ルールをベースとした 文法に従って KeTMath ルールで記述された問題ファイル (question1130-01.txt など) を入れる.

学生リスト

問題ファイル

01AA 02BB 03CC 注) 番号+イニシャルなどの識別名

Q 注) ファイル名から番号追加 次の関数を微分せよ

- $[1] y=x^4-3x^3+x^2+2x-3$
- $[2] y=e^x+\log(x)$

 Sheet
 注) 解答欄

 [1] y'= ::5
 注) 配点

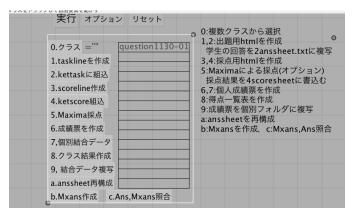
[2] y' = ::5

Ans 注) 正解

 $[1] 4x^3-9x^2+2x+2$

[2] $e^x+fr(1,x)$

- 3. toolketmath.cdy を立ち上げ、「taskline を作成」と「kettask に組み込み」のボタンを押すと、問題、解答欄、学生データを組み込んだ kettask1130-01.html(以下 kettask.html) ができる.
- 4. kettask.html ファイルを教員が用いているホスティング 10 にアップして,リンク先の URL を取得する.
- 5.40 URL を OLS のテキストをやり取りする機能 11 を用いて学生に配付する.
- 6. 学生はスマホなどで ketask.html を立ち上げて,番号を入力確認してから KeTMath ルールで解答を入力する.
- 7. 解答が終わったら、Rec ボタンを押して最下段にある記録欄に表示される解答(1 行のテキストである)を OLS の回答にコピー&ペーストして送信する. なお、解答の先頭には学生番号と提出日時のデータが追加される.



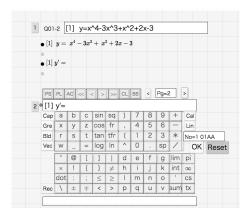


Fig.3 toolketmathall と kettask の画面

¹⁰著者らは github の Pages を利用している.

¹¹GC, Teams, Moodle ではそれぞれ「質問」「クイズ」「アンケート」

3 ketscore による採点

学生からの回答は、OLS によって方法は多少異なるが、いずれを用いてもテキストの扱いは共通であり、1つのテキストファイル 2anssheet 1130-01.txt 12 に容易にまとめることができる.次に、oolketmath.cdy を立ち上げて、「scoreline を作成」と「ketscore に組み込み」のボタンを押すと、問題、正解、配点、学生のデータを組み込んだ採点用の ketscore.html ができる.ketscore.html では学生と問題がマトリックス形に配置されているので、学生ごとまたは問題ごとに採点することができる.画面の上段には正解、中段には学生の解答、下段には問題が表示され、それを見ながら中段の:: の後に点数をつけていく.採点が終わったら Rec ボタンを押すと、下段にすべての解答が 1行のテキストとして表示されるので、これを確定データのためのファイル 4scoresheet.txt 13にコピー&ペーストすればよい14.採点を 14 無点を 15 Maxima が起動して、問題ごとに得点を追加したファイル 15 scoresheet.txt が生成される.証明問題のような場合は、Sheet の配点の後に::-1 を追加しておくと 15 Maxima での採点が実行されない.Maxima での採点の結果は、scoresheet と同じ 17 行のテキストである.

1 01AA 111411:0:36 Q01—[1] $y'=4x^3-9x^2+2x-3::5$ [2] $y'=e^x+fr(1,x)::5\cdots$ これを ketscore.html の下段にコピー&ペーストすれば,ketscore での採点と同様にして 得点の確認修正をすることができる.

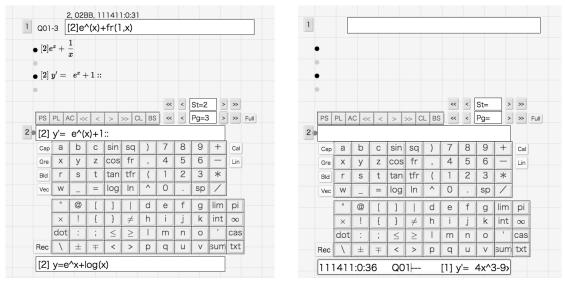


Fig.4 ketscore の画面

kettask 以前は、解答を ketmath に入力して確認してから送信するように指導していたが、スマホでは2つのアプリを同時に立ち上げて切り替えて実行することができないため、KeTMath を使わずにそのまま数式を送信してくる学生が多かった。そのため、Maxima での採点時にエラーが頻発して実用的とは到底いえなかった。kettask を用いる

¹²このファイルは toolketmath で「taskline を作成」を実行したときに準備される.

¹³scoreline を作成したときに準備される.

¹⁴中断して後で再開する場合も Rec で表示されるデータを scoresheet に保存しておく.

ようになってからは、問題を解くときに即時に T_{EX} 数式が確認できるようになったので、入力ミスは激減して、Maxima での採点の実用性が増している.

4 toolketmathによる結果の返却と分析

採点が終わって 4scoresheet.txt が確定したとき,toolketmath.cdy を立ち上げて「成績票の作成」と「個別結合データ」を順に押すと,学生ごと問題ファイルごとの個別成績票 st01task1130-01.txt(st01 は学生番号,-01 は問題ファイル番号) と学生について 1つのテキストファイルにした学生ごとの成績票 1130totalst01.txt が data 内のサブフォルダに作成される.

1130-01 の結果
2 02BB 1130 11:0:31
Q01 次の関数を微分せよ.
[1] y=x^4-3x^3+x^2+2x-3
正解 4x^3-9x^2+2x+2
答え 4x^3-6x^2+2x+3
得点 0
[2] y=e^x+log(x)
正解 e^(x)+fr(1,x)
答え e^(x)+1
得点 0

成績票 totalst を送るために、著者らは Dropbox のリンクを利用している 15 具体的には

- 1. toolketmath の Script にユーザーフォルダのパス Dirdist を記述しておく. Dirdist=Gethome()+"/Dropbox/"+成績フォルダ名; 16
- 2. toolketmath の「結合データを複写」を押すと、Dirdist 内の学生ごとのサブフォルダ'(ない場合は新規に作成される)に結合成績票がコピーされる.
- 3. Dropboxで各フォルダのリンク先を取得して、学生に個別に知らせる. 以後のデータも同じフォルダにコピーされるので、リンク先は1度だけ伝えておけばよい.
- 4. 学生は Dropbox に登録していなくても 3 のリンク先にアクセスすることができる.

toolketmath の「クラス結果作成」のボタンを押すと、次のような csv ファイルができる.

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J	K	L	М	N	0	P	Q	R	S	T	U	V	W	Х
1				Q01					Q02					Q03				Q04			Q05			
2				[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[1]	[2]	[3]	[4]	[1]	[2]	[3]	[1]	[2]	[3]	
3	1	01AA	113010:09:47		5 0	5	5	0		5	5 5	5 () 3	3 () (0	5	5 5	5 5	5 5	3	3 5	5	66
4	2	02BB	113010:18:26		5 5	5	5	5	,	5 :	5 () () 5	5 5	5 5	0	5	5 5	5 () 5	5 5	5 (0	70
5	3	03CC	113010:11:34		5 5	0	5	5		5 5	5 5	5 5	5 5	5 5	5 5	5	5	5 5	5 5	5 5	5 5	5 5	5	95

¹⁵著者らは. 他の方法に詳しくなく, Dropbox でのやり取りに習熟していることによる.

¹⁶Gethome() は KFTCindy の関数でユーザホームのパスを返す

謝辞 本研究は JSPS 科研費 22K02972 の助成を受けている.

参考文献

- [1] Gebart J, Kortenkamp U., The Interactive Geometry Software Cinderella, Springer, 1999.
- [2] Gebart J, Kortenkamp U., The Cinderella.2 Manual, Springer, 2012.
- [3] Gagern M., Kortenkamp U., Gebart J., Strobel M., CindyJS– Mathematical Vsisualization on Modern Devices–, ICMS 2016, LNCS 9725, 319–334, Springer, 2016.
- [4] 高遠節夫, 濱口直樹, Web 利用の理数教育に役立つ数式送受システムの開発, 京都大学数理解析研究所講究録 2178, 2021
- [5] 高遠節夫, 濱口直樹, 北本卓也, テキストをベースとした LMS の利用と HTML 教材 の作成, 京都大学数理解析研究所講究録 2208, 2022
- [6] 高遠節夫, 濱口直樹, 北本卓也, 1次元表現ルールに基づいた数式の送受と授業実践, 城西大学数学科数学教育紀要(投稿中)