## 2次関数と2次方程式

2023.04.24

## 復習 (関数)

## 関数

ullet 変数 x の値を与えると変数 y の値が求まる例)  $y=2x+1,\;y=x^2+2x+1$ 

## 関数

- ullet 変数xの値を与えると変数yの値が求まる例)  $y=2x+1,\;y=x^2+2x+1$
- ullet これを変数 x の関数という

## 関数

- ullet 変数 x の値を与えると変数 y の値が求まる例)  $y=2x+1,\;y=x^2+2x+1$
- ullet これを変数 x の関数という
- 変数xの関数であることをf(x)などで表す例1) f(x) = 2x + 1(1次関数)の10の例12)10の12の例12の例12の例12の例13の例13の例13の例13の例14の別数の関係を表現します。

## 関数記号

- ullet 関数 f(x) の x に定数 a を代入した値を f(a) で表す
- ullet 例)  $f(x)=x^2\!+\!x\!-\!1$ のとき  $f(2)=2^2\!+\!2\!-\!1=5$

#### 関数記号

- ullet 関数 f(x) の x に定数 a を代入した値を f(a) で表す
- ullet 例)  $f(x)=x^2+x-1$ のとき  $f(2)=2^2+2-1=5$
- ullet 課題 0424-1  $f(x)=x^2-1$  のとき,次を求めよ.

 $[1] \,\, f(0)$ 

[2] f(1)

[3] f(-2)

[4] f(a+1) (a は定数)

関数 y = f(x)

ullet x を変えるとき,点  $(x,\ f(x))$  も変わる.

例) 1次関数 y=2x+1

x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
$oldsymbol{y}$	<b>-9</b>	<b>-7</b>	- <b>5</b>	-3	-1	1	3	5	7	9	11

関数 y = f(x)

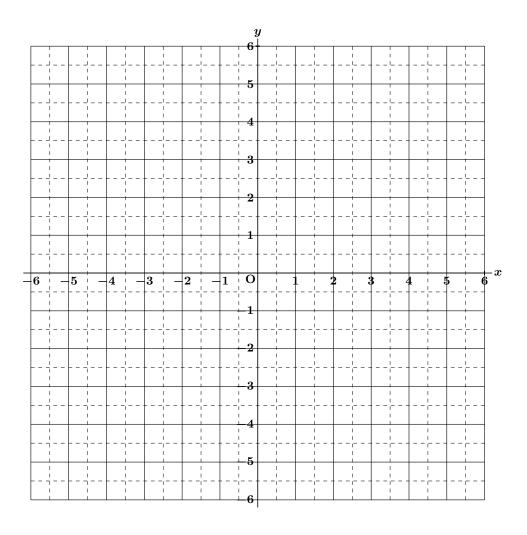
ullet x を変えるとき,点  $ig(x,\ f(x)ig)$  も変わる.

例) 1次関数 y = 2x + 1

$oxed{x}$	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
y	-9	-7	-5	-3	-1	1	3	5	7	9	11

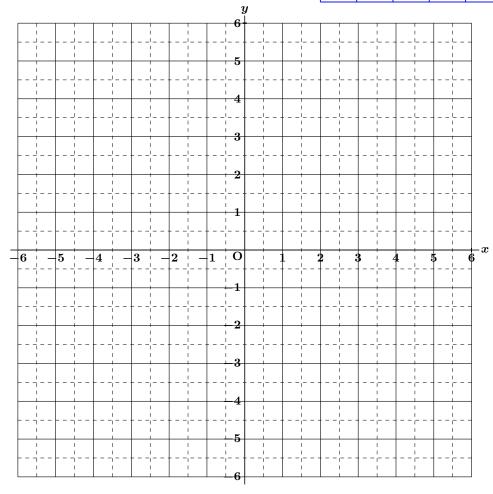
この点の集まりを、その関数のグラフという。

例) 
$$y = 2x + 1$$



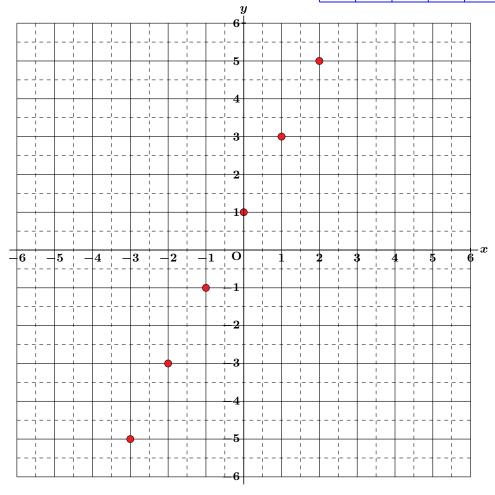
例) 
$$y = 2x + 1$$

$oldsymbol{x}$	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
$\boldsymbol{y}$	-9	-7	-5	-3	-1	1	3	5	7	9	11



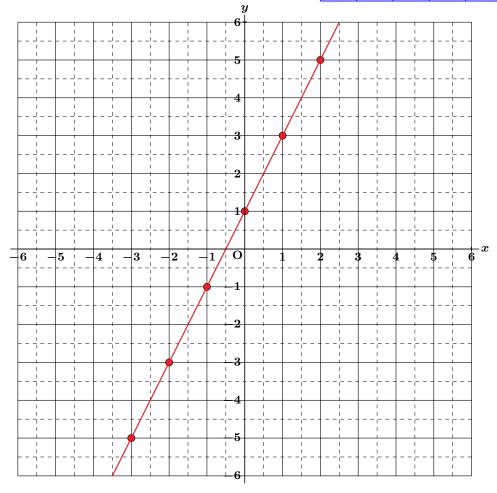
例) 
$$y = 2x + 1$$

$oldsymbol{x}$	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5
$\boldsymbol{y}$	-9	-7	-5	-3	-1	1	3	5	7	9	11



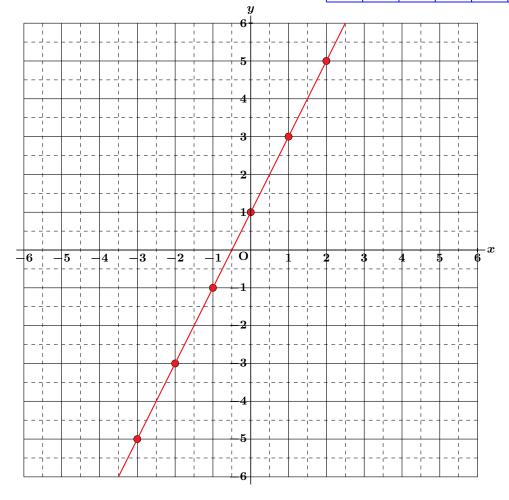
例) 
$$y = 2x + 1$$

$oldsymbol{x}$	-5	-4	-3	<b>-2</b>	-1	0	1	2	3	4	5
$\boldsymbol{y}$	-9	-7	-5	-3	-1	1	3	5	7	9	11



例) 
$$y = 2x + 1$$

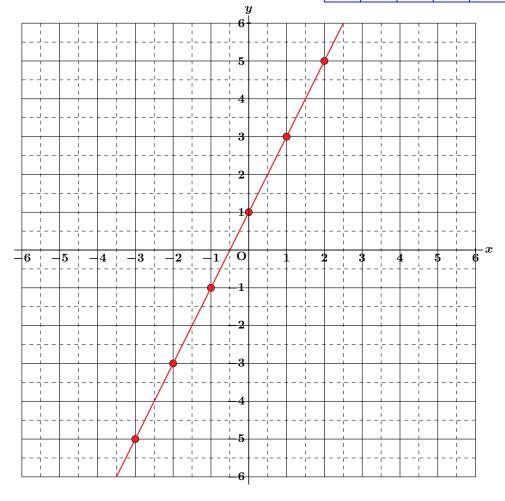
$oldsymbol{x}$	-5	-4	-3	<b>-2</b>	-1	0	1	2	3	4	5
$\boldsymbol{y}$	-9	-7	-5	-3	-1	1	3	5	7	9	11



傾き y 切片

例) 
$$y = 2x + 1$$

$\boldsymbol{x}$	-5	-4	-3	<b>-2</b>	-1	0	1	2	3	4	5
$\boldsymbol{y}$	-9	-7	- <b>5</b>	-3	-1	1	3	5	7	9	11



傾き 2 y 切片 1

課題 0424-2 関数のグラフをかき,傾きとy切片を答えよ.

$$[1] \ y = 3x - 1$$

$$[2] y = 5 - x$$

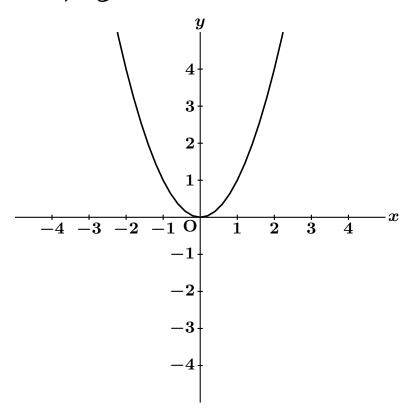
[3] 
$$y = \frac{1}{2}x + 2$$

$$[4] y = \frac{x+2}{2}$$

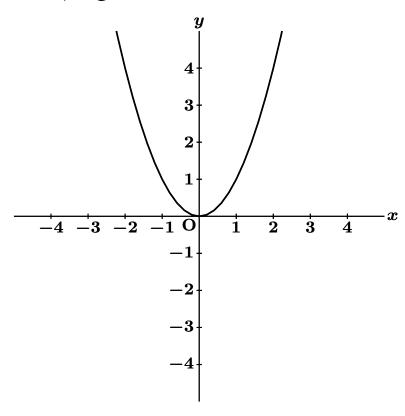
注)傾きとy切片をコンマで区切って答えよ.

「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう

「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう

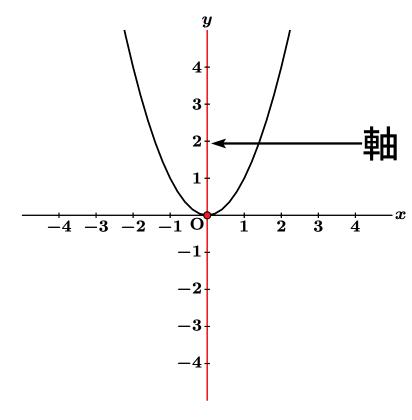


「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう



「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう

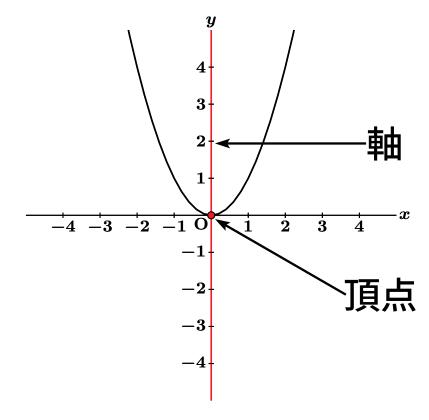
軸はx=0(y軸)



「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう

軸はx=0(y軸)

頂点は(0,0)

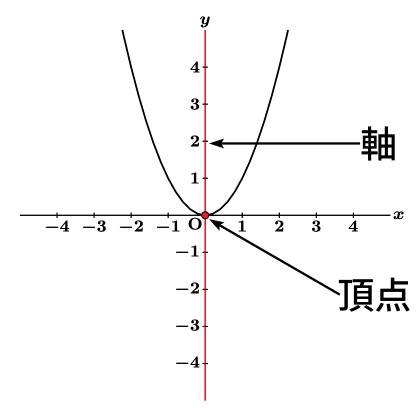


「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう

軸はx=0(y軸)

頂点は(0,0)

下に凸

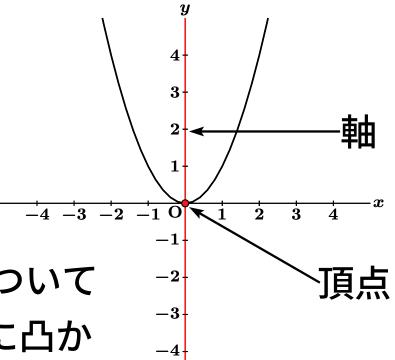


「関数のグラフ」で  $y=x^2,\;y=-x^2$  をかこう

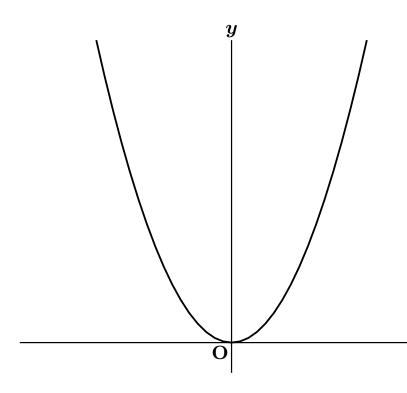
軸はx=0(y軸)

頂点は(0,0)

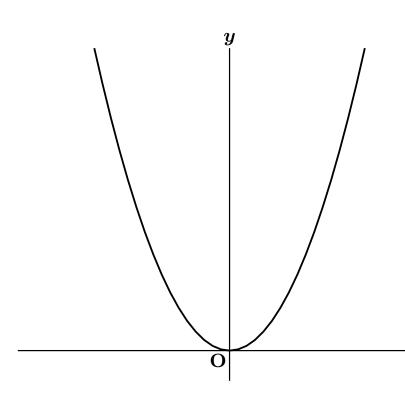
下に凸



課題 0424-3  $y=-x^2$  について軸,頂点,どちらに凸かを答えよ.

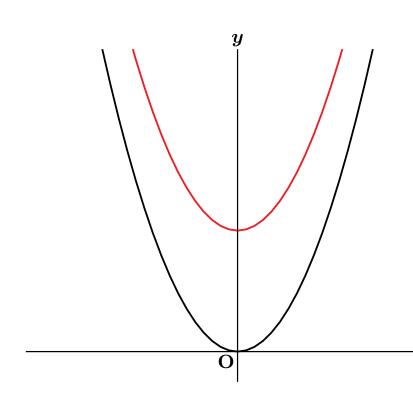


$$(1) y = x^2 + c$$
 (定数  $c$ )



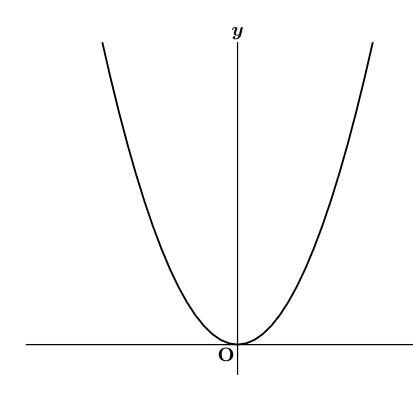
カッコ内の定数を変えたときのグラフをかこう

(1)  $y=x^2+c$  (定数c) 縦方向に<math>cだけ平行移動

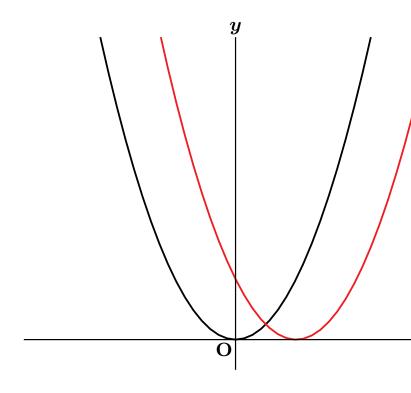


$$(1)$$
  $y=x^2+c$  (定数 $c$ )  $縦方向に $c$ だけ平行移動$ 

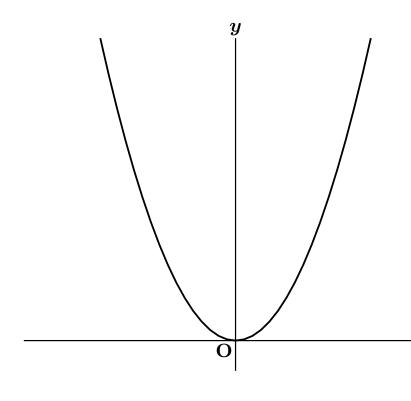
$$(2) y = (x - b)^2$$
 (定数 b)



- (1)  $y=x^2+c$  (定数c) 縦方向にcだけ平行移動
- (2)  $y=(x-b)^2$  (定数 b) 横方向にbだけ平行移動

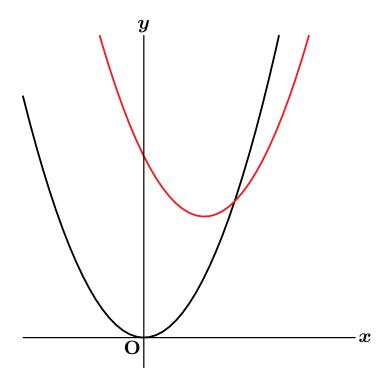


- (1)  $y=x^2+c$  (定数c) 縦方向にcだけ平行移動
- (2)  $y = (x-b)^2$  (定数b) 横方向にbだけ平行移動
- $(3) y = (x-b)^2 + c$  (定数 b, c)



カッコ内の定数を変えたときのグラフをかこう

- (1)  $y=x^2+c$  (定数c) 縦方向に<math>cだけ平行移動
- (2)  $y = (x b)^2$  (定数b) 横方向にbだけ平行移動
- (3)  $y=(x-b)^2+c$  (定数 b, c) 頂点の座標は (b,c)



課題 0424-4  $y=ax^2$ は $y=x^2$ からどう変わるか

#### 課題 2次関数のグラフ

課題 0424-5 「2 関数のグラフ」を用いて,次の 2 次関数のグラフをかけ.また, $y=x^2$  のグラフをどのように移動 (変形) したかを答えよ.

$$[1] \ y = x^2 + 1$$

[2] 
$$y = (x-3)^2$$

[3] 
$$y = (x+1)^2$$

$$[4] \ y = 2x^2$$

$$\bullet \ y = x^2 + 2bx + c$$

$$\bullet \ y = x^2 + 2bx + c \implies (x+b)^2 + d$$
の形に変形

# 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2+2bx+b^2)+a$$

$$\bullet \ y = x^2 + 2bx + c \implies (x+b)^2 + d$$
の形に変形

## 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2+2bx+b^2)+a$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$

# 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2 + 2bx + b^2) + d$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
  
=  $(x^2 - 2x + 1) - 1 + 3$ 

# 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2 + 2bx + b^2) + d$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
  
=  $(x^2 - 2x + 1) - 1 + 3$   
=  $(x - 1)^2 + 2$ 

# 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2 + 2bx + b^2) + d$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
  
=  $(x^2 - 2x + 1) - 1 + 3$   
=  $(x - 1)^2 + 2$ 

(例) 
$$y = -x^2 + 4x + 1$$

# 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2 + 2bx + b^2) + d$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
  
=  $(x^2 - 2x + 1) - 1 + 3$   
=  $(x - 1)^2 + 2$ 

(例) 
$$y = -x^2 + 4x + 1$$
  
=  $-(x^2 - 4x) + 1$ 

# 2次関数のグラフ3 $(x^2+2bx+b^2)+d$

$$(x^2 + 2bx + b^2) + d$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
  
=  $(x^2 - 2x + 1) - 1 + 3$   
=  $(x - 1)^2 + 2$ 

(例) 
$$y = -x^2 + 4x + 1$$
  
=  $-(x^2 - 4x) + 1$   
=  $-((x-2)^2 - 4) + 1$ 

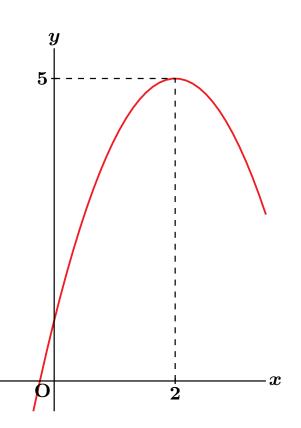
# 2次関数のグラフ3

$$(x^2+2bx+b^2)+d$$

• 
$$y = x^2 + 2bx + c$$
  $\Longrightarrow (x+b)^2 + d$ の形に変形

(例) 
$$y = x^2 - 2x + 3$$
  
=  $(x^2 - 2x + 1) - 1 + 3$   
=  $(x - 1)^2 + 2$ 

(例) 
$$y = -x^2 + 4x + 1$$
  
 $= -(x^2 - 4x) + 1$   
 $= -((x - 2)^2 - 4) + 1$   
 $= -(x - 2)^2 + 5$ 



# 課題 (2 次関数のグラフ)

課題 0424-6  $a(x+b)^2+c$ の形に変形せよ.

[1] 
$$y = x^2 + 4x - 5$$

[2] 
$$y = x^2 - 2x - 1$$

[3] 
$$y = -x^2 - 4x + 1$$

[4] 
$$y = x^2 + x + 1$$

# 2次方程式

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

(2) 
$$x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2$$
  
 $x^2 + 4x + 4$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

$$(2) \ x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2 \ x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2 x$$

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

$$(2) \ x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2$$
  $x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2 x = (x+2)^2$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

(2) 
$$x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2$$
  
 $x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2x = (x+2)^2$ 

(3) 
$$x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

(2) 
$$x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2$$
  
 $x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2x = (x+2)^2$ 

(3) 
$$x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$
  
 $x^2 + 5x + 6$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

(2) 
$$x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2$$
  
 $x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2x = (x+2)^2$ 

(3) 
$$x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$
  
 $x^2 + 5x + 6 = (x+2)(x+3)$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

$$(2) \ x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2 \ x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2 x = (x+2)^2$$

(3) 
$$x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$
  
 $x^2 + 5x + 6 = (x+2)(x+3)$   
 $x^2 - 6x + 8$ 

(1) 
$$x^2 - a^2 = (x+a)(x-a)$$
  
 $x^2 - 9 = x^2 - 3^2 = (x+3)(x-3)$ 

$$(2) \ x^2 + 2ax + a^2 = (x+a)^2 \ x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2 \cdot 2 + 2^2 x = (x+2)^2$$

(3) 
$$x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$$
  
 $x^2 + 5x + 6 = (x+2)(x+3)$   
 $x^2 - 6x + 8 = (x-2)(x-4)$ 

(例) 
$$x^2 - 9 = 0$$

(例) 
$$x^2 - 9 = 0$$
 
$$\iff (x+3)(x-3) = 0$$

(例) 
$$x^2 - 9 = 0$$
  $\iff (x+3)(x-3) = 0$   $\iff x = -3 \ (または) \ x = 3$ 

(例) 
$$x^2 - 9 = 0$$
 $\iff (x+3)(x-3) = 0$ 
 $\iff x = -3 \text{ (または) } x = 3$ 
 $\iff x = \pm 3 \text{ と書く}$ 

• 「AB=0ならばA=0またはB=0」を用いる.

(例) 
$$x^2 - 9 = 0$$
 $\iff (x+3)(x-3) = 0$ 
 $\iff x = -3 \text{ (または) } x = 3$ 
 $\iff x = \pm 3 \text{ と書く}$ 

課題 0424-7 次の方程式を解け.

$$egin{array}{lll} [1] \ x^2-49=0 & [2] \ x^2-2x+1=0 \ [3] \ x^2-7x+12=0 & [4] \ x^2-x-20=0 \end{array}$$

ullet 2 乗して 4 になる数( $x^2=4$  となる x)

ullet 2 乗して4になる数( $x^2=4$ となるx)  $\Longrightarrow 2, -2$ の2つがある.

- ullet 2乗して4になる数( $x^2=4$ となるx) $\Longrightarrow 2, -2$ の2つがある.
- このうち,正の方の2を $\sqrt{4}$ とかく

- ullet 2乗して4になる数( $x^2=4$ となるx)  $\Longrightarrow 2, -2$ の2つがある.
- このうち,正の方の2を $\sqrt{4}$ とかく
- ullet 正の数a について,2 乗してa になる数のうち正の方を を  $\sqrt{a}$  とかく

- ullet 2 乗して 4 になる数( $x^2=4$  となる x)
  - $\implies 2, -2 \circ 2 \circ 7 \circ 5 \circ 5$ .
- このうち,正の方の2を $\sqrt{4}$ とかく
- 正の数a について,2 乗してa になる数のうち正の方を を  $\sqrt{a}$  とかく

$$(\sqrt{a})^2 = a, \ (-\sqrt{a})^2 = a$$

$$ullet$$
  $a>0$ のとき, $\sqrt{a^2}=a$ 

$$ullet$$
  $a>0$  のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2 乗して  $4^2(=16)$  になるのは  $4$  と  $-4$ 

ullet a>0のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2乗して $4^2(=16)$ になるのは4と-4 正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$ 

$$ullet a>0$$
のとき, $\sqrt{a^2}=a$   $2$ 乗して $4^2(=16)$ になるのは $4$ と $-4$  正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$   $a<0$ のとき, $\sqrt{a^2}=?$ 

ullet a>0のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2乗して $4^2(=16)$ になるのは4と-4 正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$  a<0のとき, $\sqrt{a^2}=?$  2乗して $(-4)^2$ になるのも4と-4

ullet a>0のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2乗して $4^2(=16)$  になるのは4と-4 正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$  a<0のとき, $\sqrt{a^2}=?$  2乗して $(-4)^2$  になるのも4と-4 正の方をとって, $\sqrt{(-4)^2}=4$ 

ullet a>0のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2乗して $4^2(=16)$  になるのは4と-4 正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$  a<0のとき, $\sqrt{a^2}=-a$  2乗して $(-4)^2$  になるのも4と-4 正の方をとって, $\sqrt{(-4)^2}=4$ 

- a>0のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2乗して $4^2(=16)$ になるのは4と-4 正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$  a<0のとき, $\sqrt{a^2}=-a$  2乗して $(-4)^2$ になるのも4と-4 正の方をとって, $\sqrt{(-4)^2}=4$
- $ullet \sqrt{a^2} = |a|$

### 平方根の性質

- ullet a>0のとき, $\sqrt{a^2}=a$  2乗して $4^2(=16)$ になるのは4と-4 正の方をとって, $\sqrt{4^2}=4$  a<0のとき, $\sqrt{a^2}=-a$  2乗して $(-4)^2$ になるのも4と-4 正の方をとって, $\sqrt{(-4)^2}=4$
- $ullet \sqrt{a^2} = |a|$
- ullet b>0のとき, $\sqrt{a^2b}=|a|\sqrt{b}$

### 課題 平方根

課題 0424-8 次の数を根号を用いないで表せ

TextP17

$$[1] - \sqrt{64}$$

$$[2] \ \sqrt{\frac{4}{9}}$$

$$[3] \left(-\sqrt{11}\right)^2$$

$$[4] - (-\sqrt{3})^2$$

課題 0424-9 次を計算せよ(√の中を簡単にせよ)

$$[1] - \sqrt{12}$$

$$[2] \sqrt{18}$$

$$[3] \sqrt{27} - \sqrt{3}$$

$$[4] \sqrt{100} \sqrt{8}$$

• 平方完成

$$x^2 + 6x + 2 =$$

• 平方完成 
$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$
  $x^2 + 6x + 2 =$ 

• 平方完成 
$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$
  $x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 =$ 

• 平方完成 
$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$
 
$$x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 = (x+3)^2 - 7$$

• 平方完成  $(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$   $x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 = (x+3)^2 - 7$ 

• 2次方程式  $x^2 + 6x + 2 = 0$ 

• 平方完成  $(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$   $x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 = (x+3)^2 - 7$ 

• 2次方程式 
$$x^2 + 6x + 2 = 0$$
  $(x+3)^2 - 7 = 0$ 

• 平方完成  $(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$   $x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 = (x+3)^2 - 7$ 

• 
$$2$$
次方程式 $x^2+6x+2=0$   $(x+3)^2-7=0$   $(x+3)^2=7$ 

• 平方完成 
$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$
 
$$x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 = (x+3)^2 - 7$$

• 2次方程式 
$$x^2+6x+2=0$$
  $(x+3)^2-7=0$   $(x+3)^2=7$   $x+3=\sqrt{7},\ -\sqrt{7}$ 合わせて  $x+3=\pm\sqrt{7}$ 

• 平方完成 
$$(x+a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$$
 
$$x^2 + 6x + 2 = (x^2 + 6x + 9) - 9 + 2 = (x+3)^2 - 7$$

• 2次方程式 
$$x^2+6x+2=0$$
  $(x+3)^2-7=0$   $(x+3)^2=7$   $x+3=\sqrt{7},\ -\sqrt{7}$ 合わせて  $x+3=\pm\sqrt{7}$   $x=-3\pm\sqrt{7}$ 

$$\bullet \ x^2 + 2ax + b = 0$$

• 
$$x^2 + 2ax + b = 0$$
  
 $(x+a)^2 - a^2 + b = 0$ 

• 
$$x^2 + 2ax + b = 0$$
  
 $(x+a)^2 - a^2 + b = 0$   
 $(x+a)^2 = a^2 - b$ 

• 
$$x^2 + 2ax + b = 0$$
  
 $(x+a)^2 - a^2 + b = 0$   
 $(x+a)^2 = a^2 - b$   
 $x + a = \pm \sqrt{a^2 - b}$ 

• 
$$x^2 + 2ax + b = 0$$
  
 $(x+a)^2 - a^2 + b = 0$   
 $(x+a)^2 = a^2 - b$   
 $x + a = \pm \sqrt{a^2 - b}$   
よって  $x = -a \pm \sqrt{a^2 - b}$ 

• 
$$x^2 + 2ax + b = 0$$
  
 $(x+a)^2 - a^2 + b = 0$   
 $(x+a)^2 = a^2 - b$   
 $x + a = \pm \sqrt{a^2 - b}$   
よって  $x = -a \pm \sqrt{a^2 - b}$ 

課題 0424-10 次の2次方程式を解け.

$$egin{array}{lll} [1] \ x^2 + 4x + 2 &= 0 & [2] \ x^2 + 2x - 2 &= 0 \ [3] \ x^2 - 6x + 1 &= 0 & [4] \ x^2 - 8x + 2 &= 0 \ \end{array}$$

ullet 2次方程式 $ax^2+bx+c=0$ の解は

$$x=rac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

ullet 2次方程式 $ax^2+bx+c=0$ の解は

$$x=rac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

例)  $2x^2-5x+1=0$ 

ullet 2次方程式 $ax^2+bx+c=0$ の解は

$$x=rac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

例) 
$$2x^2 - 5x + 1 = 0$$
  $x = \frac{5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2 \cdot 2}$ 

ullet 2次方程式 $ax^2+bx+c=0$ の解は

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

例) 
$$2x^2 - 5x + 1 = 0$$
 
$$x = \frac{5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2 \cdot 2} = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{4}$$

### 解の公式の導出

課題 0424-11  $ax^2 + bx + c = 0 \iff x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a} = 0$ 

$$ullet x^2 + rac{b}{a}x = \left(x + rac{b}{2a}
ight)^2 - extstyle 1$$

$$ullet x^2 + rac{b}{a}x + rac{c}{a} = \left(x + rac{b}{2a}
ight)^2 - \left[1\right] + rac{c}{a} = 0$$

$$ullet \left(x+rac{b}{2a}
ight)^2 = left[1] - rac{c}{a} = rac{left[2]}{4a^2}$$

• 
$$x+rac{b}{2a}=\pmrac{-b\pm [3]}{2a}$$
から $x=rac{-b\pm [3]}{2a}$