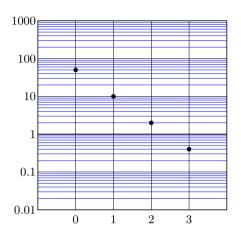
片対数グラフ

底が10の対数を常用対数といい、数値計算の分野ではよく用いられる.

例 1.1
$$\log_{10} 1 = 0$$
, $\log_{10} 10 = 1$, $\log_{10} 100 = 2$, $\log_{10} 0.1 = \log_{10} 10^{-1} = -1$

f(x) > 0 であるとき,関数 y = f(x) のグラフを,縦軸方向には値 y の常用対数 $\log_{10} y$ の値をとって 描くことがある.これを片対数グラフという.片対数グラフでは,真数の値を縦軸の目盛りにするのが普通である.また, $\log_{10} 1 = 0$ より,目盛り 1 の横線を横軸とする.目盛り 1, 10, 100 などに対応する横線の間隔はすべて等しいから,横軸をどこにとってもよい.



例 1.2 $y = 2 \cdot 5^{2-x}$ において

$$x = 0, 1, 2, 3$$
 のとき $y = 50, 10, 2, 0.4$

このときの点は図のようになる.

指数関数 $y = c a^x$ (c, a) は正の定数, $a \neq 1$ について

$$\log_{10} y = \log_{10} (ca^x) = (\log_{10} a)x + \log_{10} c \tag{1.1}$$

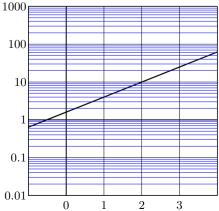
したがって、 $\log_{10} y$ は x の 1 次式で表されるから、片対数グラフでは直線となる。また、逆も成り立つ。

(1.1) より、直線の傾きおよび切片から a, c が求められる.

[例題 1.1]

[解] 片対数グラフを描いたとき、2 点の実際の座標は $(0, \log_{10} 1.6)$ および $(2, \log_{10} 10)$ となるから、直線の傾き m および切片 b は

$$\begin{split} m &= \frac{\log_{10} 10 - \log_{10} 1.6}{2 - 0} \\ &= \frac{1}{2} \log_{10} \frac{10}{1.6} = \log_{10}(2.5) \\ b &= \log_{10} 1.6 \end{split}$$



(1.1) より

$$\log_{10} a = \log_{10}(2.5)$$
$$\log_{10} c = \log_{10} 1.6$$

これから a=2.5, c=1.6 したがって、求める関数は

$$y = 1.6 \left(2.5\right)^x \qquad \Box$$

問 1.1 (0, 1), (5, 0.1) を通る関数のグラフは片対数グラフでは直線となる. この関数を定めよ. ただし, $10^{-0.2}=0.63$ とする.