

数学ソフトウェアの プログラミングと教育利用

—KeTpic,KeTCindy,KetCindyJSの開発—

高遠節夫

大学院理工学研究科

2025.01.25



- (1) 序論
- (2) KETpic の開発
- (3) KETCindy の開発
- (4) KETCindyJS の開発
- (5) KETCindy による和算問題の解法
- (6) 結論



- (1) 序論 KeT=Kisarazu Educational Tpic
- (2) KETpic の開発
- (3) KETCindy の開発
- (4) KETCindyJS の開発
- (5) KETCindy による和算問題の解法
- (6) 結論



- (1) 序論 KeT=Kisarazu Educational Takato
- (2) KETpic の開発
- (3) KETCindy の開発
- (4) KETCindyJS の開発
- (5) KETCindy による和算問題の解法
- (6) 結論



(1) 序論

- KeT=Kisarazu Educational Takato
- (2) KFTpic の開発

and his happy friends

- (3) KETCindy の開発
- (4) KETCindyJS の開発
- (5) KETCindy による和算問題の解法
- (6) 結論



数学ソフトウェアの利用

- (1) 数式処理システム
 - ・ 数式をそのまま計算処理
 - ・ Maple,Mathematica,Maxima,Risa/Asir など
 - 当初は Maple をセミナー形式の授業で利用
- (2) その他の数学ソフトウェア
 - Scilab(行列計算),R(統計),Cinderella(動的幾何)
- (2) これらはいずれも構造化プログラミングとリスト処理 (+再帰呼び出し) に対応

数学ソフトウェアの利用

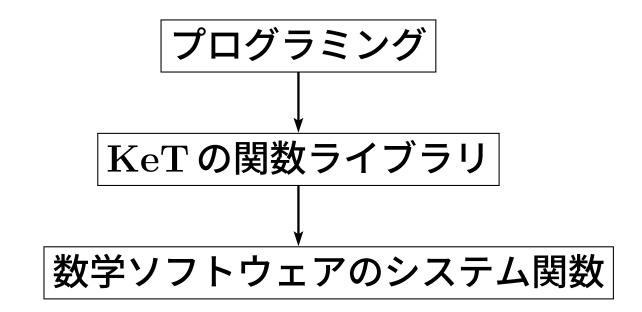
- (1) 数式処理システム
 - ・ 数式をそのまま計算処理
 - ・ Maple, Mathematica, Maxima, Risa/Asir など
 - 当初は Maple をセミナー形式の授業で利用
- (2) その他の数学ソフトウェア
 - Scilab(行列計算),R(統計),Cinderella(動的幾何)
- (2) これらはいずれも構造化プログラミングとリスト処理 (+再帰呼び出し) に対応

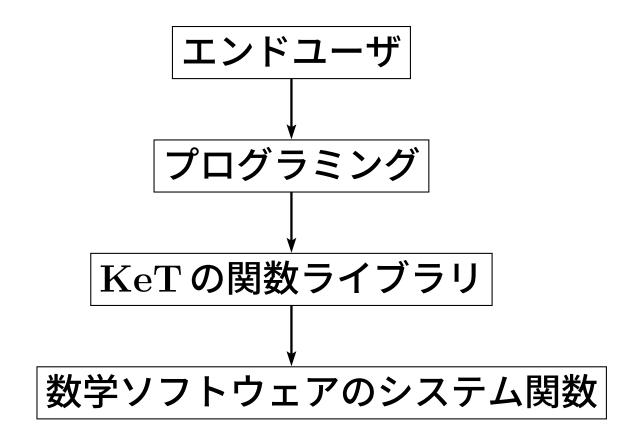
数学ソフトウェアの利用

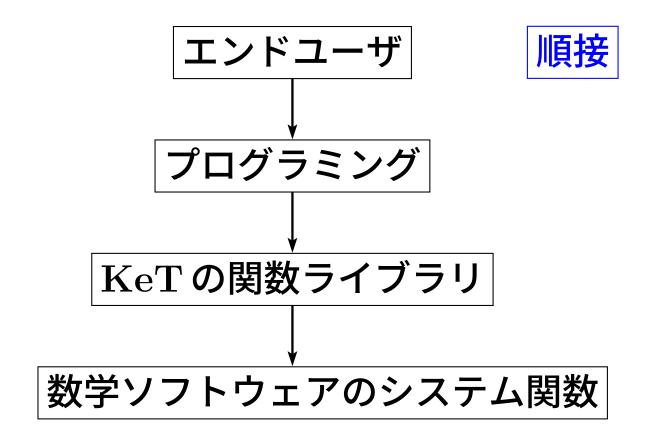
- (1) 数式処理システム
 - ・ 数式をそのまま計算処理
 - ・ Maple, Mathematica, Maxima, Risa/Asir など
 - ・ 当初は Maple をセミナー形式の授業で利用
- (2) その他の数学ソフトウェア
 - Scilab(行列計算),R(統計),Cinderella(動的幾何)
- (2) これらはいずれも構造化プログラミングとリスト処理 (+再帰呼び出し) に対応

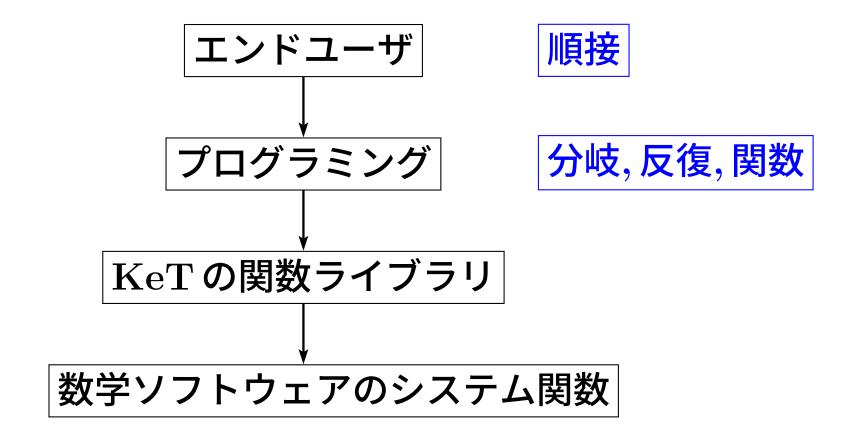
数学ソフトウェアのシステム関数

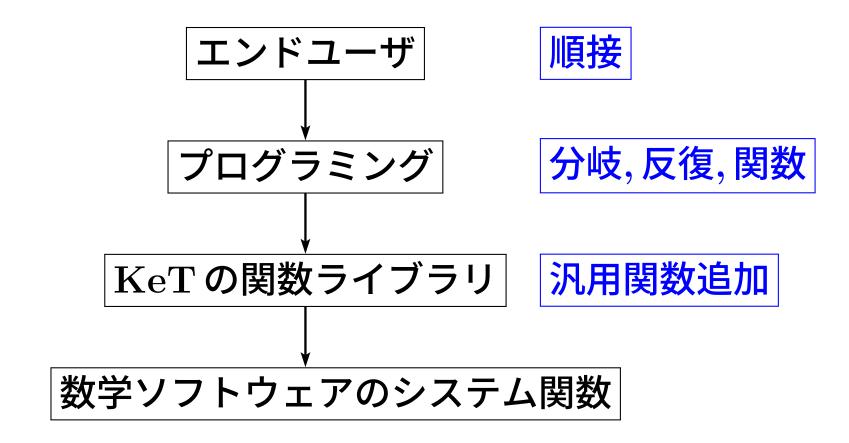
KeTの関数ライブラリ 数学ソフトウェアのシステム関数

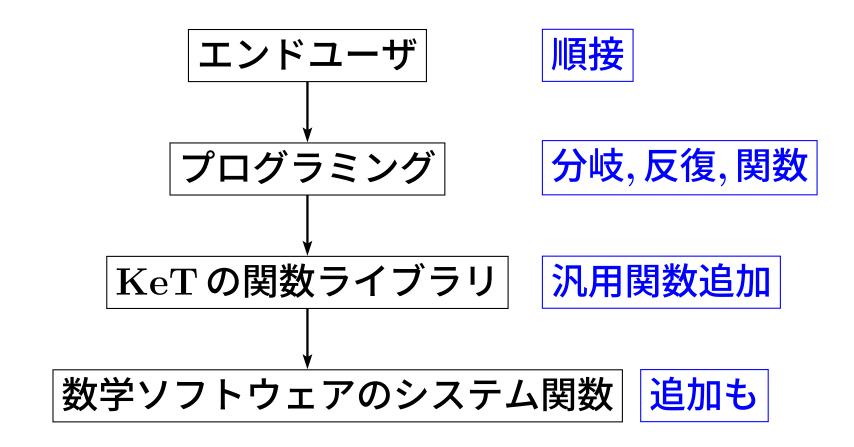












1980 代まで BASIC を使用

・ 構造化されていないので 1000 行程度が上限

1990代前半 Turbo Pascal 5.0 を使用

・ 構造化されていて関数定義が可能

1990 代後半 Maple を購入

- ・ セミナーで千葉県算額の問題解法を試みた
- ・ 三角形だと無理式の連立方程式となり解けない
- そこでMNR 法という解法の Maple ライブラリを作成

- 1980 代まで BASIC を使用
 - ・ 構造化されていないので 1000 行程度が上限
- 1990代前半 Turbo Pascal 5.0を使用
 - ・ 構造化されていて関数定義が可能
- 1990 代後半 Maple を購入
 - ・ セミナーで千葉県算額の問題解法を試みた
 - ・ 三角形だと無理式の連立方程式となり解けない
 - そこでMNR 法という解法の Maple ライブラリ を作成

- 1980 代まで BASIC を使用
 - ・ 構造化されていないので 1000 行程度が上限
- 1990代前半 Turbo Pascal 5.0を使用
 - ・ 構造化されていて関数定義が可能
- 1990 代後半 Maple を購入
 - ・ セミナーで千葉県算額の問題解法を試みた
 - ・ 三角形だと無理式の連立方程式となり解けない
 - そこでMNR 法という解法の Maple ライブラリ を作成

- 1980 代まで BASIC を使用
 - ・ 構造化されていないので 1000 行程度が上限
- 1990代前半 Turbo Pascal 5.0を使用
 - ・ 構造化されていて関数定義が可能
- 1990 代後半 Maple を購入
 - ・ セミナーで千葉県算額の問題解法を試みた
 - ・ 三角形だと無理式の連立方程式となり解けない
 - そこで MNR 法という解法の Maple ライブラリ を作成

- 1980 代まで BASIC を使用
 - ・ 構造化されていないので 1000 行程度が上限
- 1990代前半 Turbo Pascal 5.0を使用
 - ・ 構造化されていて関数定義が可能
- 1990 代後半 Maple を購入
 - ・ セミナーで千葉県算額の問題解<mark>構造化プログラ</mark>
 - ・ 三角形だと無理式の連立方程式 ミング力を向上
 - ・ そこで MNR 法という解法の Maple ライブラリ を作成

KETpic の開発と利用

- (1) 高専教科書シリーズの編集に継続して参加
- (2) 2003 年からのシリーズで T_EX を使用
- (3) 当初は図を WinTpic で作成
- (4) しかし空間図形などは正確に描けなかった
- (5) Maple でtpic コードを書き出すことを考えた
 - ・ Maple の plot データを取得
 - ・ tpic コードに変換して出力
- (6) ICMS2006 で発表 [14]

- (1) 高専教科書シリーズの編集に継続して参加
- (2) 2003 年からのシリーズで T_EX を使用
- (3) 当初は図を WinTpic で作成
- (4) しかし空間図形などは正確に描けなかった
- (5) Maple でtpic コードを書き出すことを考えた
 - ・ Maple の plot データを取得
 - ・ tpic コードに変換して出力
- (6) ICMS2006 で発表 [14]

- (1) 高専教科書シリーズの編集に継続して参加
- (2) 2003 年からのシリーズで T_EX を使用
- (3) 当初は図を WinTpic で作成
- (4) しかし空間図形などは正確に描けなかった
- (5) Maple でtpic コードを書き出すことを考えた
 - ・ Maple の plot データを取得
 - ・ tpic コードに変換して出力
- (6) ICMS2006 で発表 [14]

- (1) 高専教科書シリーズの編集に継続して参加
- (2) 2003 年からのシリーズで T_EX を使用
- (3) 当初は図を WinTpic で作成
- (4) しかし空間図形などは正確に描けなかった
- (5) Maple でtpic コードを書き出すことを考えた
 - ・ Maple の plot データを取得
 - ・ tpic コードに変換して出力
- (6) ICMS2006 で発表 [14]

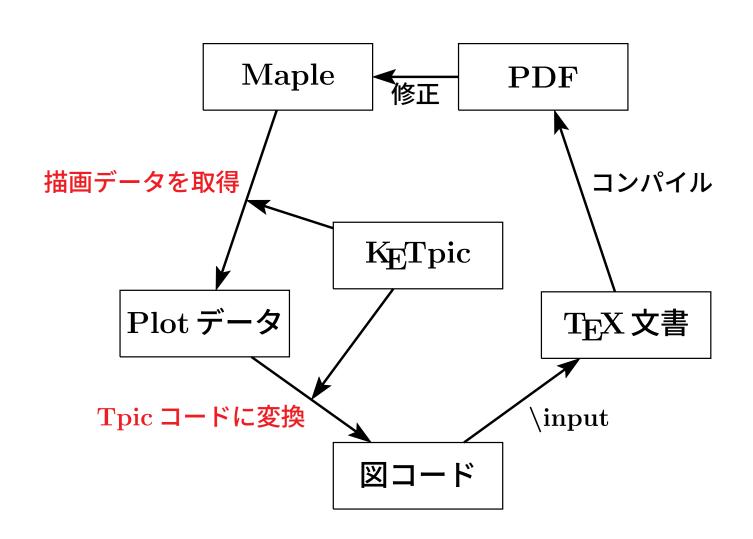
tpic は pic を元にした T_EX 用図形プリプロセッサ

- (1) 高専教科書シリーズの編集に継続して参加
- (2) 2003 年からのシリーズで T_EX を使用
- (3) 当初は図を WinTpic で作成
- (4) しかし空間図形などは正確に描けなかった
- (5) Maple でtpic コードを書き出すことを考えた
 - ・ Maple の plot データを取得
 - ・ tpic コードに変換して出力
- (6) ICMS2006 で発表 [14]

International Congress on Mathematical Software

- (1) 高専教科書シリーズの編集に継続して参加
- (2) 2003 年からのシリーズで T_EX を使用
- (3) 当初は図を WinTpic で作成
- (4) しかし空間図形などは正確に描けなかった
- (5) Maple でtpic コードを書き出すことを考えた
 - ・ Maple の plot データを取得
 - ・ tpic コードに変換して出力
- (6) ICMS2006 で発表 [14]

KETpicによる作図の流れ



描画データの作成例

```
with(plots):
read cat(folder, 'ketpic.m'):
setwindow(-2..2,-1.1..1.1):
g1:=plotdata(sin(1/x),
    x=XMIN..XMAX,numpoints=200):
windisp(g1):
```

描画データの作成例

with(plots):

```
read cat(folder, 'ketpic.m'):
setwindow(-2..2,-1.1..1.1):
g1:=plotdata(sin(1/x),
   x=XMIN..XMAX, numpoints=200):
windisp(g1):
              -1
```

図コードと図の作成例

Maple の続き

```
openfile("f1.tex"):
beginpicture("1cm"):
dashline(g1,0.5,0.5):
endpicture():
closefile():
```

図コードと図の作成例

Maple の続き

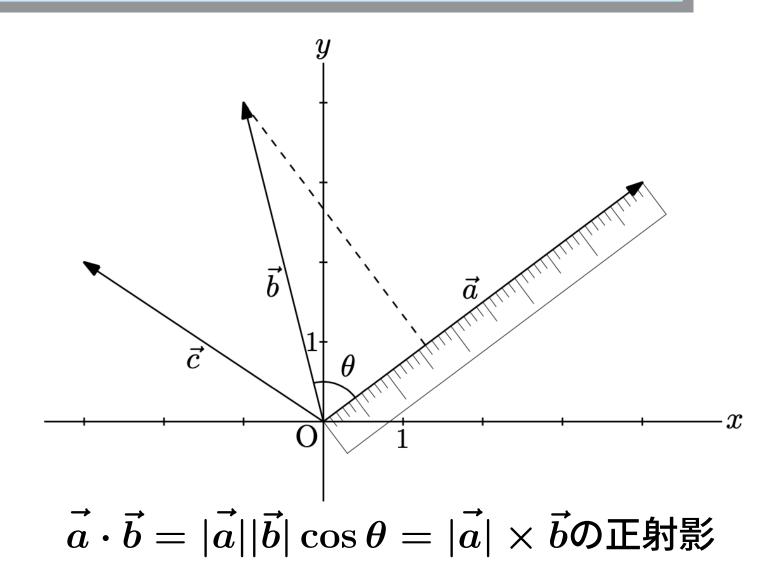
openfile("f1.tex"):

```
beginpicture("1cm"):
  dashline(g1,0.5,0.5):
  endpicture():
  closefile():
T_{\mathrm{F}}X コード
  \documentclass[a4]{article}
  \newlength{\width}
  \newlength{\Aeight}
  \newlength{\Depth}
  \begin{document}
  \left\langle input\{f1.tex\right\rangle
  \end{document}
```

図コードと図の作成例

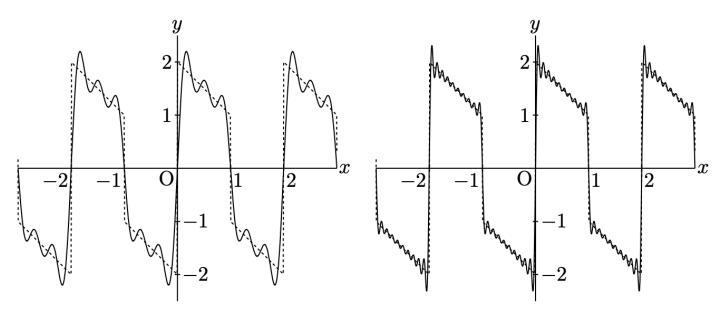
```
Maple の続き
  openfile("f1.tex"):
  beginpicture("1cm"):
  dashline(g1,0.5,0.5):
  endpicture():
  closefile():
T_{\mathrm{F}}X \mathbf{J} - \mathcal{F}
   \documentclass[a4]{article}
   \newlength{\width}
   \newlength{\Height}
   \newlength{\Depth}
   \begin{document}
   \left\{ input \left\{ f1.tex \right\} \right\}
   \end{document}
```

KETpic の教材例 (1) 内積の意味



KETpic の教材例 (2) フーリエ級数

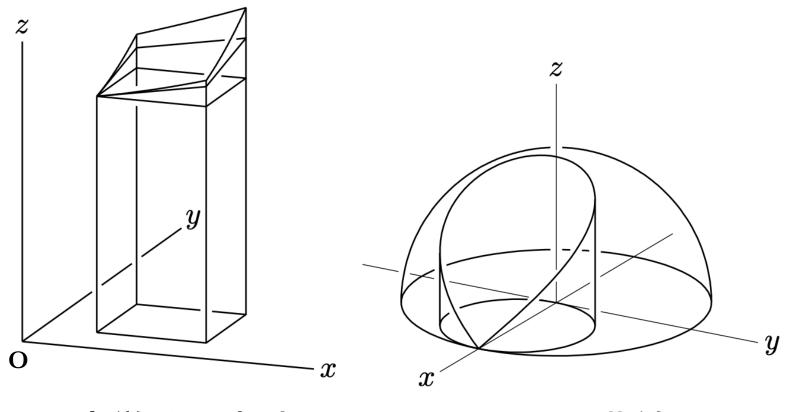
$$f_N(x) = \sum_{n=1}^{N} \frac{2(2 - (-1)^n)}{n\pi} \sin n\pi x$$



Gibbs 現象

KETpic の教材例 (3) 空間図形

モノクロ線画で描きたい

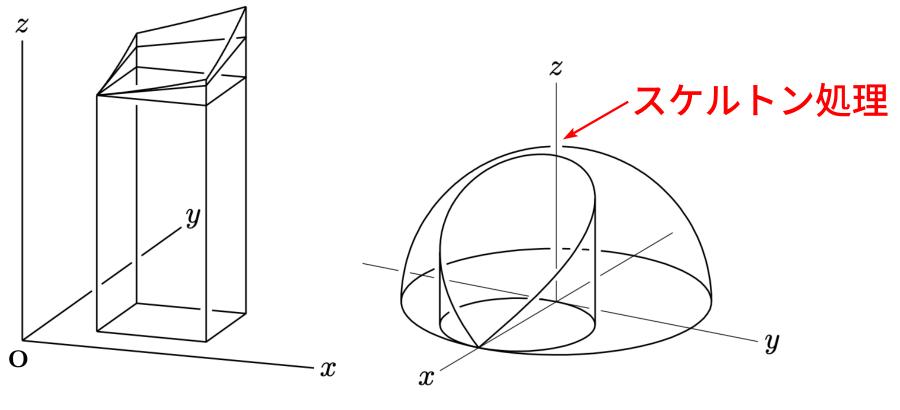


全微分の意味

Viviani 曲線

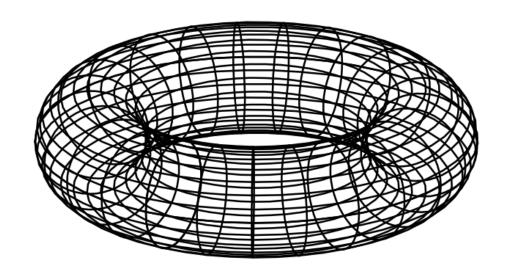
KETpic の教材例 (3) 空間図形

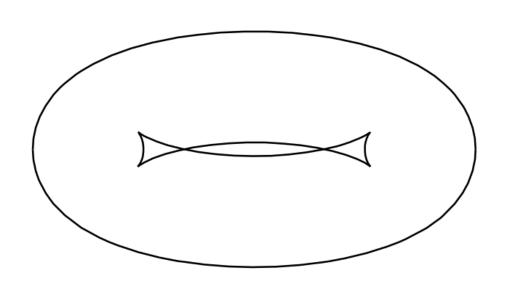
モノクロ線画で描きたい



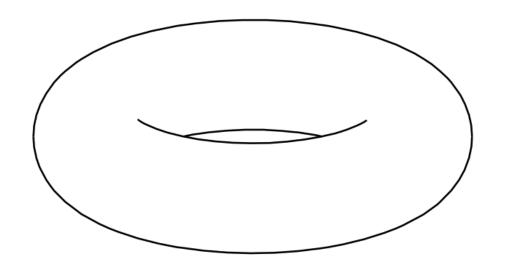
全微分の意味

Viviani 曲線

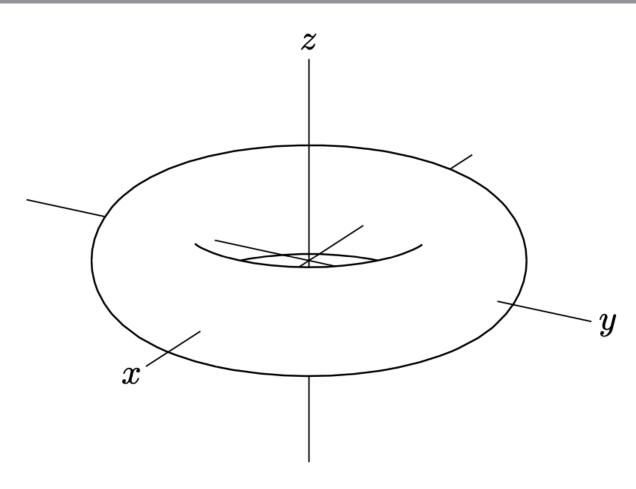




包絡線 (輪郭線)
$$\frac{\partial X}{\partial u} \frac{\partial Y}{\partial v} - \frac{\partial X}{\partial v} \frac{\partial Y}{\partial u} = 0$$



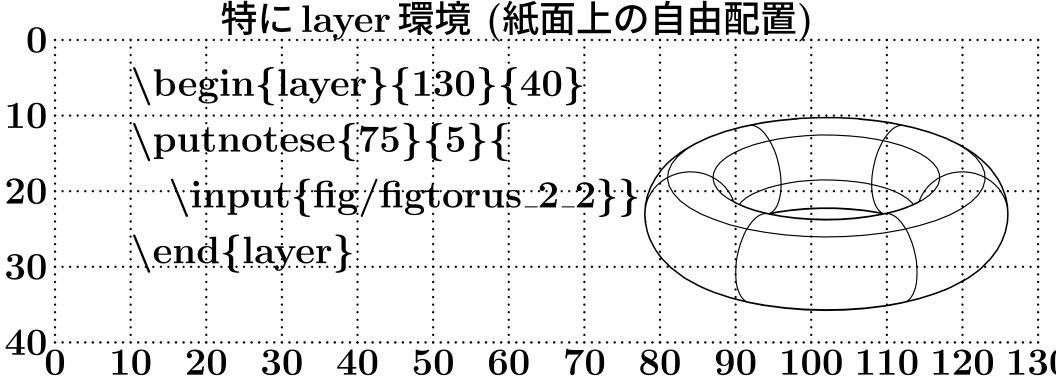
陰線処理



座標軸追加

- (1) Maple,Mathematica ⇒ Scilab[1],R[2] 関数渡しから文字列渡しへ
- (2) T_EX マクロの作成 (T_EX プログラミング)

- (1) Maple,Mathematica ⇒ Scilab[1],R[2] 関数渡しから文字列渡しへ
- (2) T_EX マクロの作成 (T_EX プログラミング)[4][5][6] 性に lover 環境 (経面 Lの白巾型器)



- (1) Maple,Mathematica ⇒ Scilab[1],R[2] 関数渡しから文字列渡しへ
- (2) T_EX マクロの作成 (T_EX プログラミング)[4][5][6] 特に layer 環境 (紙面上の自由配置)

```
\begin{layer}{130}{0} \\ \putnotese{75}{5}{ \\ \putnotese{75}figtorus_2_2} \\ \end{layer} \\
```

- (1) Maple,Mathematica ⇒ Scilab[1],R[2] 関数渡しから文字列渡しへ
- (2) T_EX マクロの作成 (T_EX プログラミング)[4][5][6] 特に layer 環境 (紙面上の自由配置)

```
\begin{layer}{130}{0}
\putnotese{75}{5}{
\input{fig/figtorus_2_2}}
\end{layer}

反復のメタコマンドを作成
```

授業での配付教材

- モノクロ線画で美しい図
 - ・ 印刷コストを軽減
 - ・正確な図は学生の想像力を刺激
 - ・ 空きスペースにコメントや計算などが書き込める
- 文と図を紙面上に自由に配置することが重要
 - ・ T_EX のスタイルファイル ketpic, ketlayer は不可欠なツール
- ほぼ毎回の授業でプリントを配付

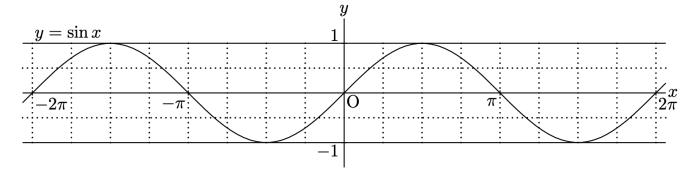
授業での配付教材

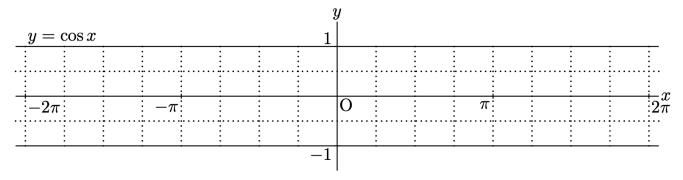
- モノクロ線画で美しい図
 - ・ 印刷コストを軽減
 - ・正確な図は学生の想像力を刺激
 - ・ 空きスペースにコメントや計算などが書き込める
- 文と図を紙面上に自由に配置することが重要
 - T_EXのスタイルファイル ketpic, ketlayer は不可欠なツール
- ほぼ毎回の授業でプリントを配付

授業での配付教材

- モノクロ線画で美しい図
 - ・ 印刷コストを軽減
 - ・ 正確な図は学生の想像力を刺激
 - ・ 空きスペースにコメントや計算などが書き込める
- 文と図を紙面上に自由に配置することが重要
 - TEXのスタイルファイル ketpic, ketlayer は不可欠 なツール
- ほぼ毎回の授業でプリントを配付

日 付	科	目	学 科	学 年	番	号	名 前	

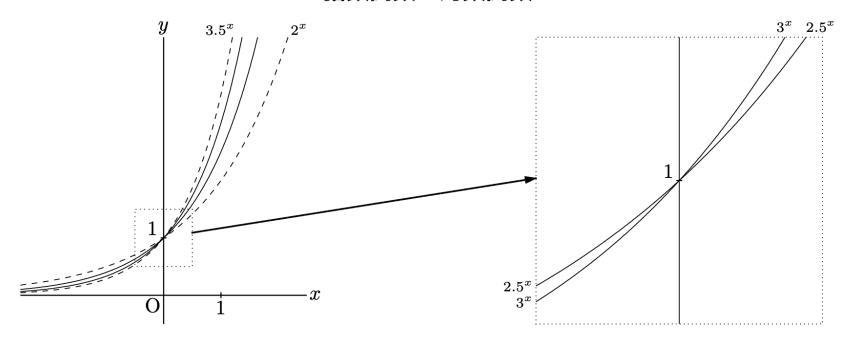




- 1. 次の関数を微分せよ.
 - (1) $y = \sin x \cos x$

(2) $y = x \tan x$

指数関数·対数関数

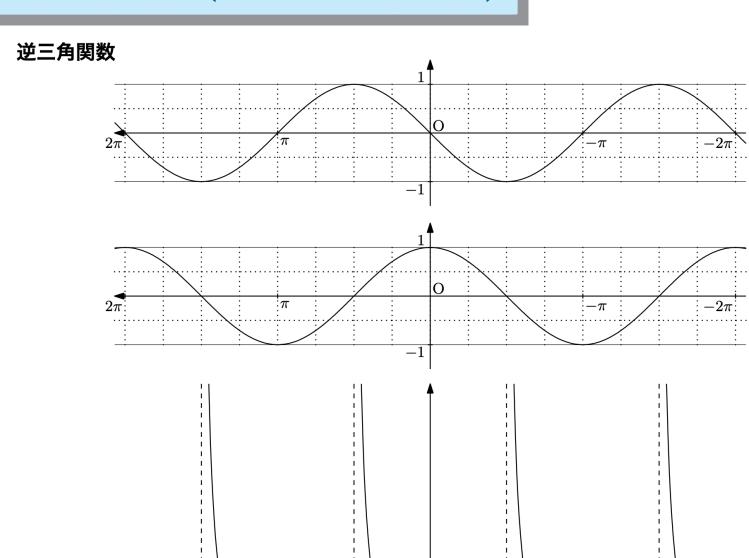


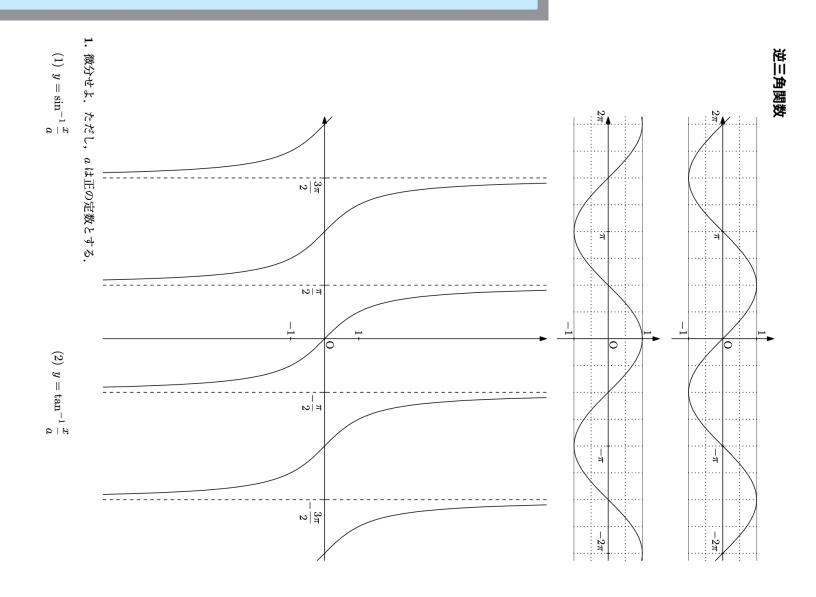
1. 微分せよ.

$$(1) \ y = e^{2x}$$

(2)
$$y = x^3 e^{-x}$$

(3)
$$y = \frac{e^x + 1}{e^x - 1}$$



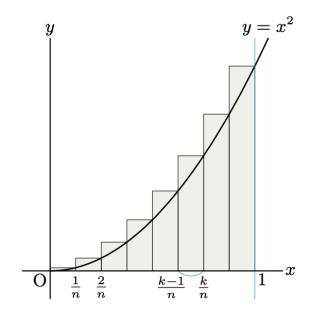


定積分の定義

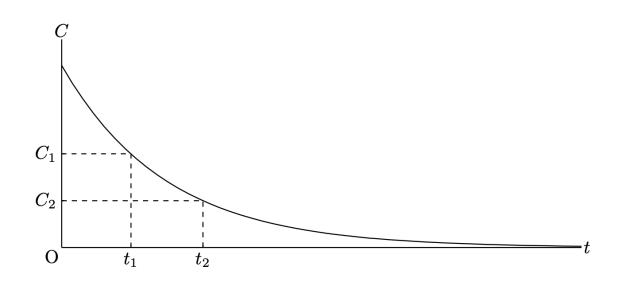
- 1. 定義に従って $\int_0^1 x^2 dx$ の値を求めたい. 教科書 49 ページの例 題 3.3 と同様に,区間 [0, 1] を n 等分して考えるとき,次の各 問いに答えよ.
 - (1) $\sum_{k=1}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ を用いて S_{Δ} を求めよ.

ただし、
$$S_{\Delta} = \sum_{k=1}^{n} f(x_k) \Delta x_k$$
 である.

(2)
$$\int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3}$$
 となることを示せ.



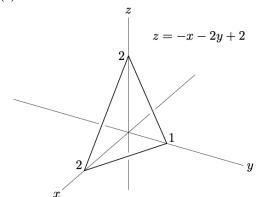
4. 初期条件 $\lceil t = 0$ のとき $C = C_0$ 」を満たす解

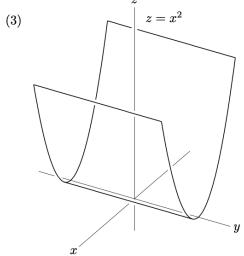


5. 半減期

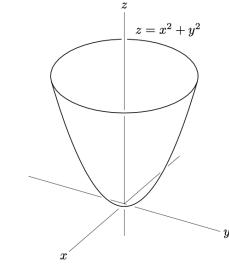
$$\log C_1 = -kt_1 + \log C_0$$
 $\log C_2 = -kt_2 + \log C_0$ 辺々を引いて, $C_2 = \frac{C_1}{2}$ を用いると

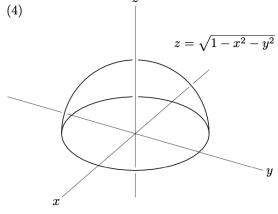


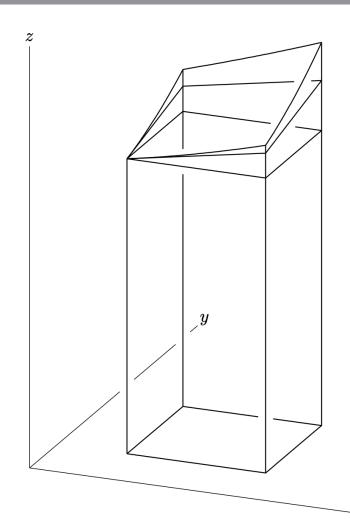


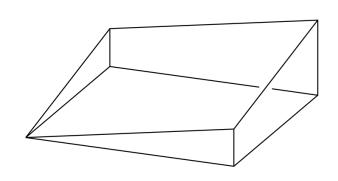


1. 上の各関数について, $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$ を求めよ.









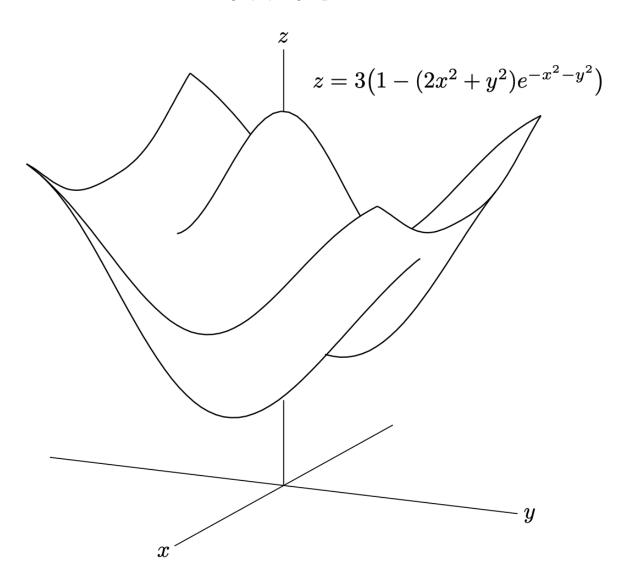
1. 偏微分せよ.

$$(1) \ z = \sin(x - 3y)$$

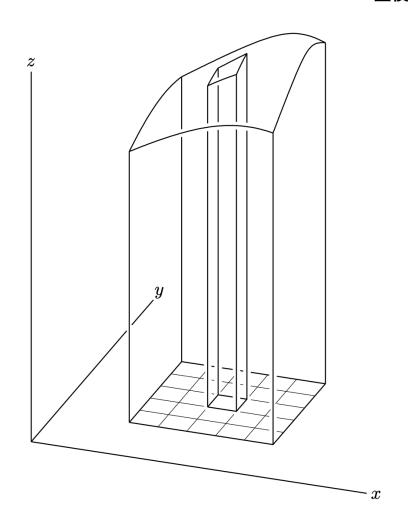
$$(2) \ \ z = \frac{x}{x - y}$$

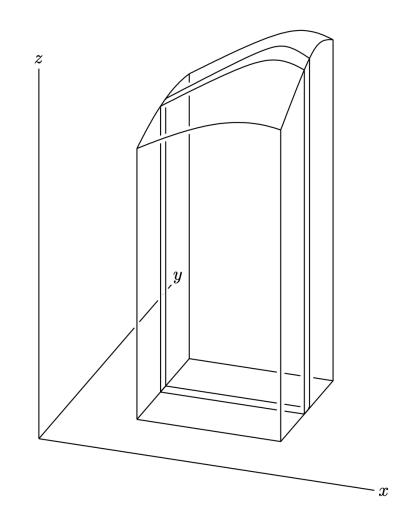
(3)
$$z = \sqrt{x^2 + 3xy + 2y^2}$$

極大・極小

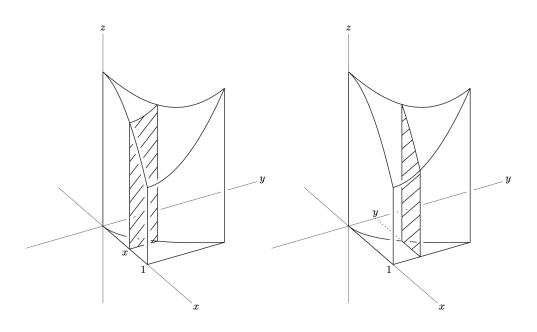


重積分の定義と計算





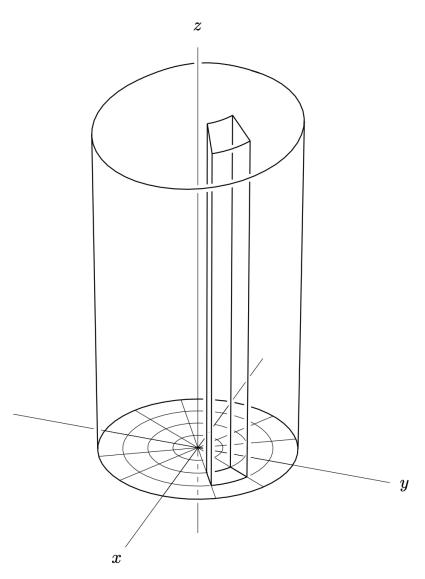
$$\iint_{D} (2 - x^2 + y^2) \, dx dy \quad (D : 0 \le x \le 1, \ 0 \le y \le x^2)$$



1. (左の図)

積分領域 D は

極座標変換



KETpic のまとめ

- 高専や大学等の授業担当者がいろいろな利用法について発表([15],[16],[17],[18],[19],[20],[21],[22])
- 図を修正する場合には少し手間がかかる
 - (1) ソースコードを修正して実行
 - (2) 表示された図を確認してファイルを書き出す
 - (3) TEX 文書をコンパイルして図を確認
- 一連の作業をより対話的にかつ容易に実行できない かを模索するようになった

KETpic のまとめ

- 高専や大学等の授業担当者がいろいろな利用法について発表([15],[16],[17],[18],[19],[20],[21],[22])
- 図を修正する場合には少し手間がかかる
 - (1) ソースコードを修正して実行
 - (2) 表示された図を確認してファイルを書き出す
 - (3) T_EX 文書をコンパイルして図を確認
- 一連の作業をより対話的にかつ容易に実行できない かを模索するようになった

KETpicのまとめ

- 高専や大学等の授業担当者がいろいろな利用法について発表([15],[16],[17],[18],[19],[20],[21],[22])
- 図を修正する場合には少し手間がかかる
 - (1) ソースコードを修正して実行
 - (2) 表示された図を確認してファイルを書き出す
 - (3) T_EX 文書をコンパイルして図を確認
- 一連の作業をより対話的にかつ容易に実行できない かを模索するようになった

KETCindy の開発と利用

- 簡単にかつ対話的に TEX の図を作りたい
- 2006年動的幾何 Cinderella2 がリリースされた
 汎用的なプログラム言語 CindyScript を追加
- 2007年から毎回 CADGME に参加発表
 KortenkampのWS(CADGME2012) に参加
 - Cinderellaの主開発者の一人
- 2014年に彼を日本に招聘
 東邦大でセミナー、KETCindyが誕生

- 簡単にかつ対話的に TEX の図を作りたい
- 2006年動的幾何 Cinderella2 がリリースされた
 汎用的なプログラム言語 CindyScript を追加
- 2007年から毎回 CADGME に参加発表
 KortenkampのWS(CADGME2012) に参加
 - Cinderellaの主開発者の一人
- 2014年に彼を日本に招聘
 東邦大でセミナー、KETCindyが誕生

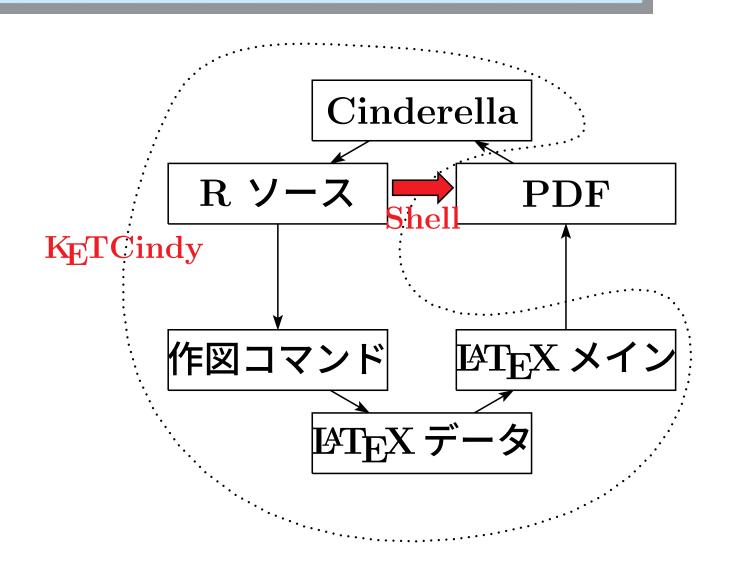
Computer Algebra and Dynamic Geometry in Mathematics Education

- 簡単にかつ対話的に T_EX の図を作りたい
- 2006年動的幾何 Cinderella2 がリリースされた
 汎用的なプログラム言語 CindyScript を追加
- 2007年から毎回 CADGME に参加発表
 Kortenkamp の WS(CADGME2012) に参加
 - Cinderellaの主開発者の一人
- 2014年に彼を日本に招聘
 東邦大でセミナー、KETCindyが誕生

Computer Algebra and Dynamic Geometry in Mathematics Education

- 簡単にかつ対話的に T_EX の図を作りたい
- 2006年動的幾何 Cinderella2 がリリースされた
 汎用的なプログラム言語 CindyScript を追加
- 2007年から毎回 CADGME に参加発表
 Kortenkamp の WS(CADGME2012) に参加
 - Cinderellaの主開発者の一人
- 2014年に彼を日本に招聘東邦大でセミナー、KETCindyが誕生

KETCindyによる作図の流れ



KETCindy(デモ)

• https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index1.html



- 対話的に作図できる
 - 動的幾何の幾何要素を利用
 - ・ ボタンを押すだけで図コードファイル作成
- ketcindyplugin.jar を最初に読み込み
 - ・ バッチ処理により外部プログラムが実行可能
- いろいろなベジェ曲線をサポート
- 描画コード Tpic⇒pict2e, TikZ もサポート
 TikZ については Texcom でも使用可能

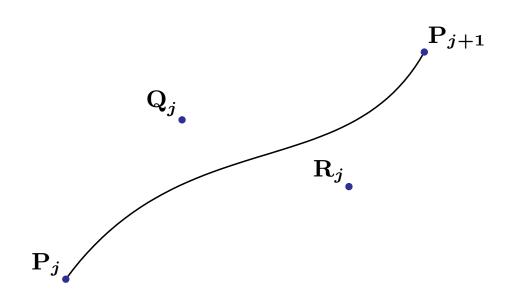
- 対話的に作図できる
 - 動的幾何の幾何要素を利用
 - ボタンを押すだけで図コードファイル作成
- ketcindyplugin.jar を最初に読み込み
 - ・ バッチ処理により外部プログラムが実行可能
- いろいろなベジェ曲線をサポート
- 描画コード Tpic⇒pict2e, TikZ もサポート
 TikZ については Texcom でも使用可能

- 対話的に作図できる
 - ・ 動的幾何の幾何要素を利用
 - ボタンを押すだけで図コードファイル作成
- ketcindyplugin.jar を最初に読み込み
 - ・ バッチ処理により外部プログラムが実行可能
- いろいろなベジェ曲線をサポート
- 描画コード Tpic⇒pict2e, TikZ もサポート
 TikZ については Texcom でも使用可能

- 対話的に作図できる
 - 動的幾何の幾何要素を利用
 - ボタンを押すだけで図コードファイル作成
- ketcindyplugin.jar を最初に読み込み
 - ・ バッチ処理により外部プログラムが実行可能
- いろいろなベジェ曲線をサポート
- 描画コード Tpic⇒pict2e,TikZ もサポート
 TikZ については Texcom でも使用可能

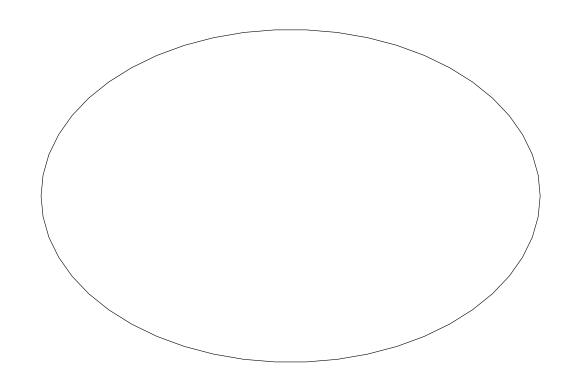
ベジェ曲線 (3次)

• 節点 P_j , P_{j+1} , 制御点 Q_j , R_j $P(t) = P_j(1-t)^3 + 3Q_jt(1-t)^2 + 3R_jt^2(1-t) + P_{j+1}t^3$



節点だけを指定する滑らかなベジェ曲線

楕円を近似

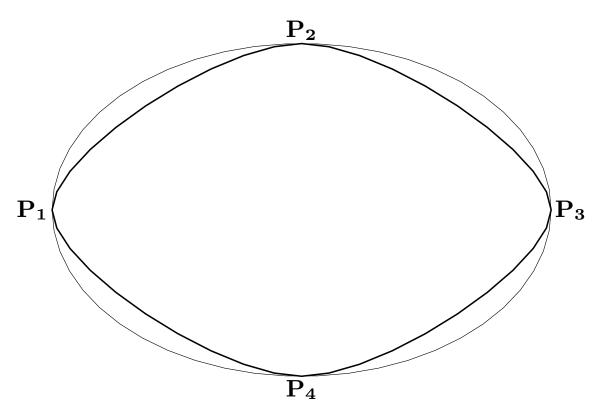


節点だけを指定する滑らかなベジェ曲線

楕円を近似

• Catmul-Rom スプライン (黒)

変化が大きい所でずれる

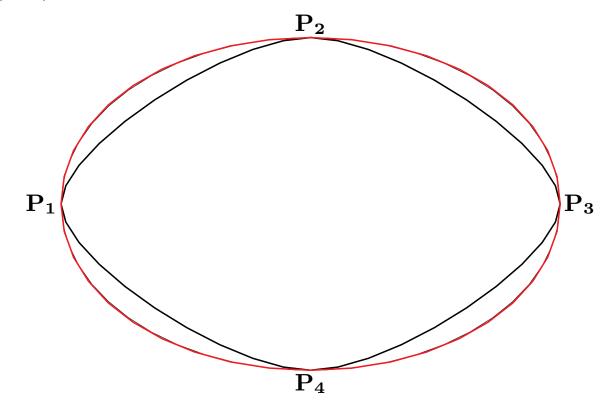


節点だけを指定する滑らかなベジェ曲線

楕円を近似

- Catmul-Rom スプライン (黒)
- 大島スプライン(赤)

文献 [24],[25]



大島スプラインの利用 文献 [29]

(1) 自由曲線

```
Ospline("1", [A,B,C,D], ["Num=30"]);
m=Derivative("bzo1","x=C.x");
fun=Assign(m*(x-C.x)+C.y,[m',m]);
Plotdata("2", fun, "x", ["Num=1"]);
```

(2) 曲線の交点と数値積分

S1-S2=4.15;

```
pt=Intersectcrvs("bzo1","gr2");
  pt=[[-2.13,-1.76]]; 左側だけ
```

```
pt=Intersectcurves("bzo1", "gr2");
  pt = [-2.13, -1.76], [1.43, -0.88], [1.45, -0.88]
ptx=pt_1_1;
                                         \int y dx = \int y \frac{dx}{dt} dt
S1=Integrate("bzo1",[ptx,C.x]);
S2=Integrate("gr2",[ptx,C.x]);
```

大島スプラインの利用(デモ)

- 自由曲線
- 曲線の交点
- 数值積分
- https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index2.html

- ソースファイル (スクリプト) を引数とするバッチ処理
- 結果をテキストとして書き出して KETCindy で利用
 (1) R
 - ・ 確率分布、ヒストグラム、箱ひげ図
 - (2) Maxima[33]
 - ・ 数式処理、解答のチェック、和算の解法
 - $(3) \gcd[34]$
 - ・曲面の陰線処理を高速化

- ソースファイル (スクリプト)を引数とするバッチ処理
- 結果をテキストとして書き出して KETCindy で利用
 - (1) R
 - ・ 確率分布、ヒストグラム、箱ひげ図
 - (2) Maxima[33]
 - ・ 数式処理、解答のチェック、和算の解法
 - $(3) \gcd[34]$
 - ・曲面の陰線処理を高速化

- ソースファイル (スクリプト)を引数とするバッチ処理
- 結果をテキストとして書き出して KETCindy で利用
 (1) R
 - ・ 確率分布、ヒストグラム、箱ひげ図
 - (2) Maxima[33]
 - ・ 数式処理、解答のチェック、和算の解法
 - $(3) \gcd[34]$
 - ・曲面の陰線処理を高速化

- ソースファイル (スクリプト)を引数とするバッチ処理
- 結果をテキストとして書き出して KETCindy で利用
 (1) R
 - ・ 確率分布,ヒストグラム,箱ひげ図
 - (2) Maxima[33]
 - ・ 数式処理,解答のチェック,和算の解法
 - $(3) \gcd[34]$
 - ・曲面の陰線処理を高速化

- ソースファイル (スクリプト)を引数とするバッチ処理
- 結果をテキストとして書き出して KETCindy で利用
 (1) R
 - ・ 確率分布,ヒストグラム,箱ひげ図
 - (2) Maxima[33]
 - ・ 数式処理,解答のチェック,和算の解法
 - $(3) \gcd[34]$
 - ・曲面の陰線処理を高速化

Cによる曲面描画の高速化(デモ)

• https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index3.html



- (1) KETCindy は KETpic と Cinderella の連携ツール
- (2) Github のページから無償でダウンロードできる
- (3) 大学や高専などの教員がいろいろな教材を作成
 - 「KeTCindy は、Cinderella2 を利用して図版を作る プラグインです。私は KeTpic の熱狂的なファンでした が、とうとう KeTCindy に乗り換えることになりました」(矢野, 奈良高専)
 - 立体図形について OBJ ビューアのデータや 3D プリンタで実体モデルを作成 (濱口, 長野高専)
 - C 呼び出し機能を用いて曲線・曲面論の教材を作成 (野田, 東邦大)

- (1) KETCindy は KETpic と Cinderella の連携ツール
- (2) Github のページから無償でダウンロードできる
- (3) 大学や高専などの教員がいろいろな教材を作成
 - 「KeTCindy は、Cinderella2 を利用して図版を作る プラグインです。私は KeTpic の熱狂的なファンでした が、とうとう KeTCindy に乗り換えることになりました」(矢野, 奈良高専)
 - 立体図形について OBJ ビューアのデータや 3D プリンタで実体モデルを作成 (濱口, 長野高専)
 - C 呼び出し機能を用いて曲線・曲面論の教材を作成 (野田, 東邦大)

- (1) KETCindy は KETpic と Cinderella の連携ツール
- (2) Github のページから無償でダウンロードできる
- (3) 大学や高専などの教員がいろいろな教材を作成
 - 「KeTCindy は、Cinderella2 を利用して図版を作る プラグインです。私は KeTpic の熱狂的なファンでした が、とうとう KeTCindy に乗り換えることになりまし た」(矢野, 奈良高専)
 - 立体図形について OBJ ビューアのデータや 3D プリン タで実体モデルを作成 (濱口, 長野高専)
 - C 呼び出し機能を用いて曲線・曲面論の教材を作成 (野田,東邦大)

- (4) T_EX を日常的に利用している教員にとっては,プリント教材やスライドを容易に作成できるツール
- (5) しかし, T_{EX} をあまり用いないが,教育経験を活かした教材の作成に意欲的な教員も少なくない
- (6) また,学生にとっては配付プリントの利用(書き込みなど)はできるがやや受動的
- (7) (5) の教員や学生自身が教材を主体的に作成できる ためのアプリの開発を模索するようになった

- (4) T_EX を日常的に利用している教員にとっては,プリント教材やスライドを容易に作成できるツール
- (5) しかし, $T_{E}X$ をあまり用いないが,教育経験を活かした教材の作成に意欲的な教員も少なくない
- (6) また,学生にとっては配付プリントの利用(書き込みなど)はできるがやや受動的
- (7) (5) の教員や学生自身が教材を主体的に作成できる ためのアプリの開発を模索するようになった

- (4) T_EX を日常的に利用している教員にとっては,プリント教材やスライドを容易に作成できるツール
- (5) しかし, $T_{E}X$ をあまり用いないが,教育経験を活かした教材の作成に意欲的な教員も少なくない
- (6) また,学生にとっては配付プリントの利用(書き込みなど)はできるがやや受動的
- (7) (5) の教員や学生自身が教材を主体的に作成できる ためのアプリの開発を模索するようになった

- (4) T_EX を日常的に利用している教員にとっては,プ リント教材やスライドを容易に作成できるツール
- (5) しかし, $T_{E}X$ をあまり用いないが,教育経験を活かした教材の作成に意欲的な教員も少なくない
- (6) また,学生にとっては配付プリントの利用 (書き込みなど) はできるがやや受動的
- (7) (5) の教員や学生自身が教材を主体的に作成できる ためのアプリの開発を模索するようになった

KETCindyJSの開発

開発経緯

- 学生自身が対話的に動かせる教材もほしい
- 2016年 Cindy 開発グループが CindyJS を公開 [26]
 - ・ Cindy にほぼ互換な Web フレームワーク
 - ・ 幾何要素やアニメーションも利用可
 - テキスト入出力も可能 (Editable text)
- KETCindy コマンドが使えるようにした [27]
 - CindyJSのHTMLファイルを読み込む
 - ・ KETCindy の関数を探し再帰的に埋め込む

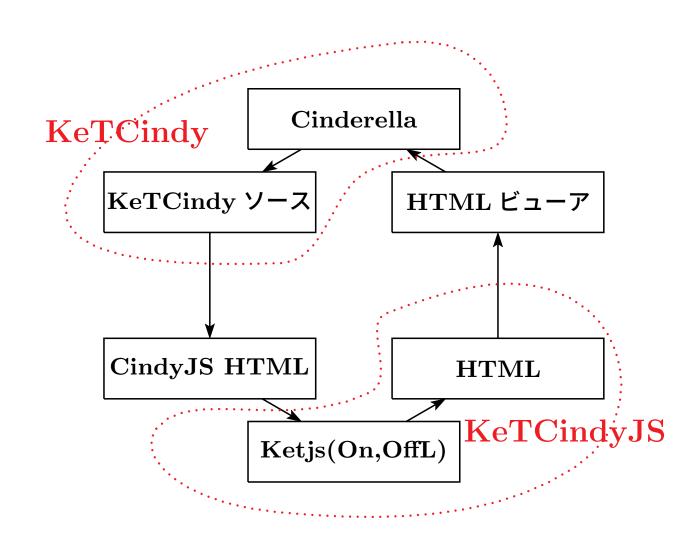
開発経緯

- 学生自身が対話的に動かせる教材もほしい
- 2016年 Cindy 開発グループが CindyJS を公開 [26]
 - ・ Cindy にほぼ互換な Web フレームワーク
 - ・ 幾何要素やアニメーションも利用可
 - テキスト入出力も可能 (Editable text)
- KETCindy コマンドが使えるようにした [27]
 - CindyJSのHTMLファイルを読み込む
 - ・ KETCindy の関数を探し再帰的に埋め込む

開発経緯

- 学生自身が対話的に動かせる教材もほしい
- 2016年 Cindy 開発グループが CindyJS を公開 [26]
 - ・ Cindy にほぼ互換な Web フレームワーク
 - ・ 幾何要素やアニメーションも利用可
 - テキスト入出力も可能 (Editable text)
- KETCindy コマンドが使えるようにした [27]
 - CindyJSのHTMLファイルを読み込む
 - ・ KETCindy の関数を探し再帰的に埋め込む

KETCindyJSによる作図の流れ



KETCindyJS(デモ)

• https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index4.html



KETCindyJSの作成例

- T_EX コンパイラは不要
 - CindyJSはKaTeX v0.8をサポート
- ketcindy home(ketcindy sample) に多くのサン プルがある
 - 最速降下線 [31]

・ バーゼル問題
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{k^2} = \frac{\pi^2}{6} \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\pi k^2} = \frac{\pi}{6} [38]$$

KETCindyJSの作成例

- T_EX コンパイラは不要
 - ・ CindyJS は KaTeX v0.8 をサポート
- ketcindy home(ketcindy sample) に多くのサン プルがある
 - · 最速降下線 [31]

https://s-takato.github.io/ketcindysample/s16ketjsmisc/offline/s1611brachistchrone2jsoffL.html

• バーゼル問題
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{k^2} = \frac{\pi^2}{6} \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\pi k^2} = \frac{\pi}{6} [38]$$

https://s-takato.github.io/ketcindysample/misc/offline/basel4mainoff.html

- (1) KETCindyの主目的はTEX 文書の挿図の作成
- (2) KETCindyJS はHTMLを作成することが目的
- (3) T_EX に慣れていない教員や学生でも面白い教材を 作成することができる
 - 沼津高専生の KeTCindy 研究会が自主的に活動中谷財団主催の国際学会で, KETCindy(JS)で作成した HTML 教材について発表,最優秀賞を受賞(2024年11月)

- (1) KETCindy の主目的は TEX 文書の挿図の作成
- (2) KETCindyJS は HTML を作成することが目的
- (3) T_EX に慣れていない教員や学生でも面白い教材を作成することができる
 - 沼津高専生の KeTCindy 研究会が自主的に活動中谷財団主催の国際学会で, KETCindy(JS)で作成した HTML 教材について発表,最優秀賞を受賞(2024年11月)

- (1) KETCindy の主目的は TEX 文書の挿図の作成
- (2) KETCindyJS は HTML を作成することが目的
- (3) $T_{E}X$ に慣れていない教員や学生でも面白い教材を作成することができる
 - 沼津高専生の KeTCindy 研究会が自主的に活動中谷財団主催の国際学会で、KETCindy(JS)で作成した HTML 教材について発表、最優秀賞を受賞(2024年11月)

- (1) KETCindy の主目的は TEX 文書の挿図の作成
- (2) KETCindyJS は HTML を作成することが目的
- (3) $T_{E}X$ に慣れていない教員や学生でも面白い教材を作成することができる
 - 沼津高専生の KeTCindy 研究会が自主的に活動 中谷財団主催の国際学会で,KETCindy(JS) で作成した HTML 教材について発表,最優秀 賞を受賞 (2024年11月)

KETCindyJSのまとめ

- (4) 現在のところ,数式処理を用いることはできない
 - KETCindyのMaxima呼び出しで計算された結果
 をHTMLに埋め込むことは可能
 - JavaScriptで動く Algebrite などの利用が考えられる (今後の課題)

KETCindyJSのまとめ

- (4) 現在のところ,数式処理を用いることはできない
 - ▶ KETCindyのMaxima呼び出しで計算された結果
 ▶ をHTML に埋め込むことは可能
 - JavaScriptで動く Algebrite などの利用が考えられる (今後の課題)

KETCindyJSのまとめ

- (4) 現在のところ,数式処理を用いることはできない
 - ▶ KETCindyのMaxima呼び出しで計算された結果
 ▶ をHTML に埋め込むことは可能
 - JavaScriptで動く Algebrite などの利用が考えられる (今後の課題)

KET Cindy による和算の解法

和算 (算額) の問題は、結果は美しいが計算が複雑な ものも多い

• 数式処理で解くことを試みた

• 三角形が含まれる問題については,根号が入る連立方程式になって,数式処理ではまず解けない

• そこで、MNR 法を考案した



和算 (算額) の問題は、結果は美しいが計算が複雑な ものも多い

● 数式処理で解くことを試みた

• 三角形が含まれる問題については,根号が入る連立方程式になって,数式処理ではまず解けない

• そこで、MNR 法を考案した



和算 (算額) の問題は、結果は美しいが計算が複雑な ものも多い

● 数式処理で解くことを試みた

● 三角形が含まれる問題については,根号が入る連立方程式になっ_ て,数式処理ではまず解けない

• そこで、MNR 法を考案した



和算 (算額) の問題は、結果は美しいが計算が複雑な ものも多い

● 数式処理で解くことを試みた

● 三角形が含まれる問題については,根号が入る連立方程式になっ_ て,数式処理ではまず解けない

● そこで、MNR 法を考案した



和算 (算額) の問題は、結果は美しいが計算が複雑な ものも多い

● 数式処理で解くことを試みた

● 三角形が含まれる問題については,根号が入る連立方程式になっ_ て,数式処理ではまず解けない

● そこで、MNR 法を考案した



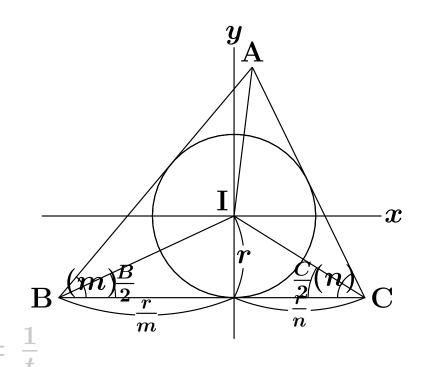
MNR法による諸量の表現

- ullet $m= anrac{B}{2}, n= anrac{C}{2}$,内接円の半径r
- ullet 三角形の諸量はm,n,rの有理式で表される

$$egin{aligned} ext{vtxL} &= ext{B}(-rac{r}{m}, -r) \ ext{vtxR} &= ext{C}(rac{r}{n}, -r) \ ext{edgB} &= ext{BC} &= rac{r}{m} + rac{r}{n} \ ext{edgL} &= ext{AB} &= rac{r(1+m^2)}{m(1-nm)} \end{aligned}$$

・角の演算

補角 supA(t) =
$$\tan \frac{\pi - \alpha}{2} = \frac{1}{t}$$
 和 plusA(t1,t2) = $\frac{t1+t2}{1-t1\cdot t2}$



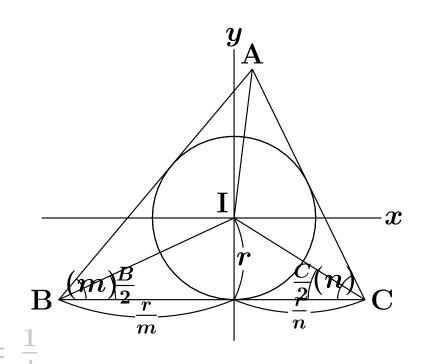
MNR 法による諸量の表現

- ullet $m= anrac{B}{2}, n= anrac{C}{2}$,内接円の半径r
- ullet 三角形の諸量はm,n,rの有理式で表される

vtxL= B(
$$-\frac{r}{m}$$
, $-r$)
vtxR= C($\frac{r}{n}$, $-r$)
edgB= BC = $\frac{r}{m}$ + $\frac{r}{n}$
edgL= AB = $\frac{r(1+m^2)}{m(1-nm)}$

・角の演算

補角 supA(t) =
$$\tan \frac{\pi - \alpha}{2} = \frac{1}{t}$$
 和 plusA(t1,t2) = $\frac{t1+t2}{1-t1\cdot t2}$



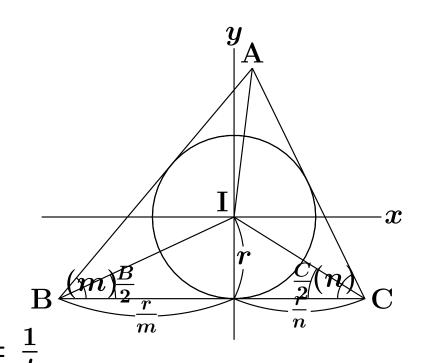
MNR 法による諸量の表現

- ullet $m= anrac{B}{2}, n= anrac{C}{2}$,内接円の半径r
- ullet 三角形の諸量はm,n,rの有理式で表される

$$egin{aligned} ext{vtxL} &= ext{B}(-rac{r}{m}, \; -r) \ ext{vtxR} &= ext{C}(rac{r}{n}, \; -r) \ ext{edgB} &= ext{BC} &= rac{r}{m} + rac{r}{n} \ ext{edgL} &= ext{AB} &= rac{r(1+m^2)}{m(1-nm)} \end{aligned}$$

●角の演算

補角 supA(t)=
$$\tan \frac{\pi - \alpha}{2} = \frac{1}{t}$$
和 plusA(t1,t2)= $\frac{t1+t2}{1-t1\cdot t2}$



• 基本コマンド

```
putT(m,n,r)三角形をおくslideT(p1,p2)p1がp2に一致するように平行移動rotateT(m,p)pを中心に(m)だけ回転
```

• 基本コマンド

```
\operatorname{putT}(m,n,r) 三角形をおく \operatorname{slideT}(p1,p2) p1 が p2 に一致するように平行移動 \operatorname{rotateT}(m,p) p を中心に (m) だけ回転 回転は\theta の正弦と余弦,よって \tan\frac{\theta}{2} で表される
```

● 基本コマンド

```
\operatorname{putT}(m,n,r) 三角形をおく \operatorname{slideT}(p1,p2) \operatorname{p1} が \operatorname{p2} に一致するように平行移動 \operatorname{rotateT}(m,p) \operatorname{p} を中心に \operatorname{(m)} だけ回転 回転は\operatorname{\theta} の正弦と余弦,よって \operatorname{tan} \frac{\theta}{2} で表される
```

● その他の汎用関数,式の簡単化の関数などを組み込み

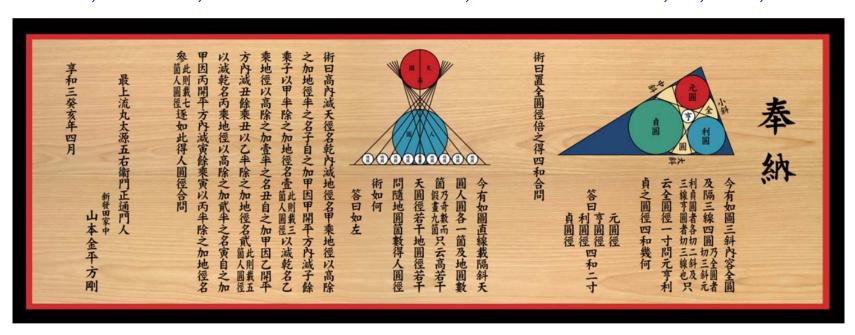
● 基本コマンド

```
putT(m,n,r)三角形をおくslideT(p1,p2)p1がp2に一致するように平行移動rotateT(m,p)pを中心に(m)だけ回転
```

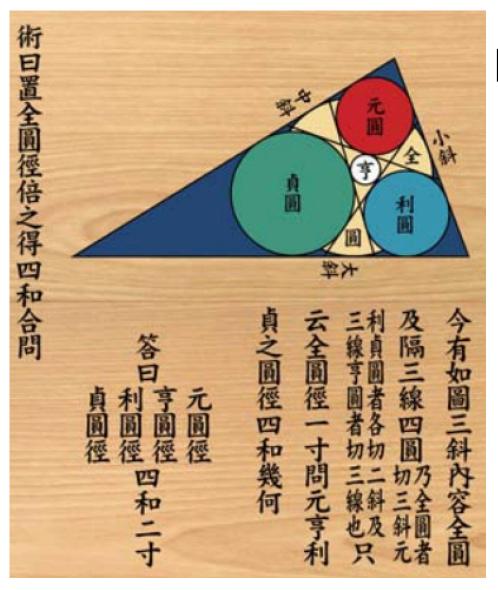
回転はhetaの正弦と余弦,よって $anrac{ heta}{2}$ で表される

- その他の汎用関数,式の簡単化の関数などを組み込み
- Maximaのコマンド列の最初に Mxbatch("mnr") を
 おく 文献 [43]

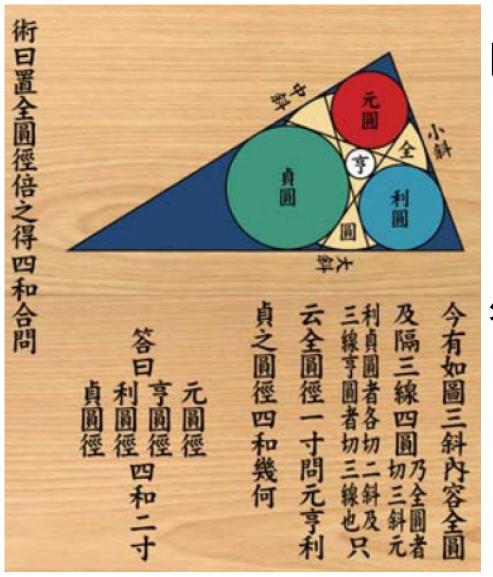
上垣渉,Japanese Theorem の起源と歴史, 三重大学教育学部研究紀要 52,23-45, 2001 涌田和芳, 外川一仁, 新潟白山神社の紛失算額, 長岡高専研究紀要,47,7-16,2011



享和3年=1803年=癸亥

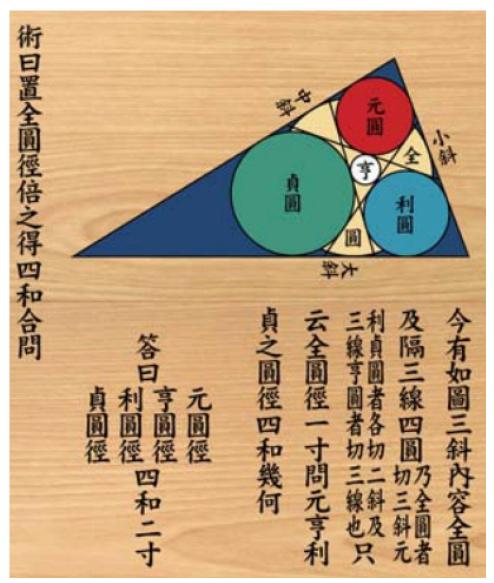


問 図のように三角形の中に全円,及び3線を隔てて4円(元,利,貞,亨)を入れる.ここで全は三角形に接し,元,利,貞は三角形の2辺と3線に接し,亨は3線に接する.全径が1寸のとき元,亨,利,貞の円径の和はいくらか



問 図のように三角形の中に全円,及び3線を隔てて4円(元,利,貞,亨)を入れる.ここで全は三角形に接し,元,利,貞は三角形の2辺と3線に接し,亨は3線に接する.全径が1寸のとき元,亨,利,貞の円径の和はいくらか

答 4円径の和は2寸



問 図のように三角形の中に全円,及び3線を隔てて4円(元,利,貞,亨)を入れる.ここで全は三角形に接し,元,利,貞は三角形の2辺と3線に接し,亨は3線に接する.全径が1寸のとき元,亨,利,貞の円径の和はいくらか

答 4円径の和は2寸

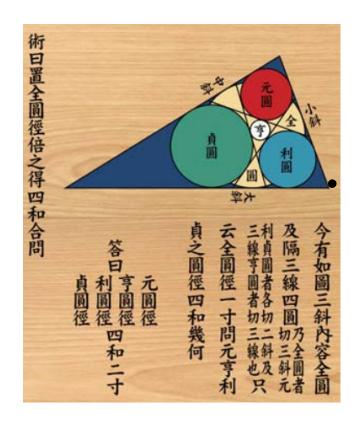
術 全を 2 倍すると 4 円径の和を得る

Japanese Theorem IIの証明(デモ)

• https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index5.html

Japanese Theorem IIの証明 (デモ)

• https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index5.html



3線を隔てて4円(元,利,貞,亨)を入れる.ここで元,利,貞は三角形の2辺と3線に接し,亨は3線に接する

Japanese Theorem IIの証明 (デモ)

• https://s-takato.github.io/specialclass/shibaura25/index5.html



3線を隔てて4円(元,利,貞,亨)を入れる.ここで元,利,貞は三角形の2辺と3線に接し,亨は3線に接する

5角形に接する条件が要る

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MNR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MNR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MINR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MNR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MNR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MNR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

- (1) Maximaの MNR ライブラリは,KETCindy との 組み合わせで対話性を向上
- (2) 和算は,日本の数学史を語る上で不可欠の話題
- (3) 実際に解くには相当の知識と計算力が必要
- (4) 数式処理の助けを借りたとしても,立式は必要
- (5) 自力で解くことで興味と関心の向上が期待される
- (6) 授業等において MNR 法を用いるとき,導入として,例えば円周角の定理の証明なども考えられる
- (7) 空間図形 (四面体など) は今後の課題

結論

KETCindy

- (1) Cindy の幾何要素と CindyScript を利用
- (2) TEX 文書 (教材) に挿入する図を対話的に作成
- (3) バッチ処理で Cindy から T_EX コンパイラ, 確認用 PDF 作成までを連続的に実行
- (4) 図の Cindy と T_EX ファイルは本体と別に保存
 - ・ 再利用が容易
- (5) 外部呼び出しが利用できる (MNR 法など)
- (6) フォルダ構成の整備 (Preining) や TeXLive のサブ セット版 KeTTeX をリリース (山本) してもらった

KETCindy

- (1) Cindy の幾何要素と CindyScript を利用
- (2) TEX 文書(教材)に挿入する図を対話的に作成
- (3) バッチ処理で Cindy から T_EX コンパイラ, 確認用 PDF 作成までを連続的に実行
- (4) 図の Cindy と T_EX ファイルは本体と別に保存
 - ・ 再利用が容易
- (5) 外部呼び出しが利用できる (MNR 法など)
- (6) フォルダ構成の整備 (Preining) や TeXLive のサブ セット版 KeTTeX をリリース (山本) してもらった

KETCindy |

- (1) Cindy の幾何要素と CindyScript を利用
- (2) T_EX 文書 (教材) に挿入する図を対話的に作成
- (3) バッチ処理で Cindy から T_EX コンパイラ,確認用 PDF 作成までを連続的に実行
- (4) 図の Cindy と T_EX ファイルは本体と別に保存
 - ・ 再利用が容易
- (5) 外部呼び出しが利用できる (MNR 法など)
- (6) フォルダ構成の整備 (Preining) や TeXLive のサブ セット版 KeTTeX をリリース (山本) してもらった

KeTCindy |

- (1) Cindy の幾何要素と CindyScript を利用
- (2) T_EX 文書 (教材) に挿入する図を対話的に作成
- (3) バッチ処理で Cindy から T_EX コンパイラ,確認用PDF 作成までを連続的に実行
- (4) 図の Cindy と T_EX ファイルは本体と別に保存
 - ・ 再利用が容易
- (5) 外部呼び出しが利用できる (MNR 法など)
- (6) フォルダ構成の整備 (Preining) や TeXLive のサブ セット版 KeTTeX をリリース (山本) してもらった

KeTCindy |

- (1) Cindy の幾何要素と CindyScript を利用
- (2) T_EX 文書 (教材) に挿入する図を対話的に作成
- (3) バッチ処理で Cindy から T_EX コンパイラ,確認用 PDF 作成までを連続的に実行
- (4) 図の Cindy と T_EX ファイルは本体と別に保存
 - ・ 再利用が容易
- (5) 外部呼び出しが利用できる (MNR 法など)
- (6) フォルダ構成の整備 (Preining) や TeXLive のサブ セット版 KeTTeX をリリース (山本) してもらった

KeTCindy |

- (1) Cindy の幾何要素と CindyScript を利用
- (2) TEX 文書 (教材) に挿入する図を対話的に作成
- (3) バッチ処理で Cindy から T_EX コンパイラ,確認用PDF 作成までを連続的に実行
- (4) 図の Cindy と T_EX ファイルは本体と別に保存
 - ・ 再利用が容易
- (5) 外部呼び出しが利用できる (MNR 法など)
- (6) フォルダ構成の整備 (Preining) や TeXLive のサブ セット版 KeTTeX をリリース (山本) してもらった

KETCindyJS

- (1) 対話的な HTML 教材作成に有用
 - ・ TEX に不慣れでも多様な教材を作成できる
 - ・ 高専用教科書の Web コンテンツ

https://www.dainippon-tosho.co.jp/college_math/index.html

- (2) KETCindyJS により,数式を含む課題データの送 受システム KeTLTS を開発している [43]
 - · TeX をベースとした簡易数式表現ルールで送信
 - ・ 受信データを KaTeX で 2 次元数式に直し画面表示

KETCindyJS

- (1) 対話的な HTML 教材作成に有用
 - ・ TEX に不慣れでも多様な教材を作成できる
 - ・ 高専用教科書の Web コンテンツ

https://www.dainippon-tosho.co.jp/college_math/index.html

- (2) KETCindyJS により,数式を含む課題データの送 受システム KeTLTS を開発している [43]
 - ・ T_EX をベースとした簡易数式表現ルールで送信
 - ・ 受信データを KaTeX で 2 次元数式に直し画面表示

- (1) 数学ソフトウェアはプログラミングによってより強力な教育ツールとなる
- (2) ライブラリ化することで汎用性が高められる
- (3) 分岐・反復(・関数定義)が使えるようになれば,作りたい図をいろいろ作成することができる
- (4) 動的幾何は独特な動きをする (画面の状態変化があると自動的に最初に戻って変数が初期化される)
- (5) 生成 AI の応用によりプログラミングをより簡単に する可能性もあるが,今後の課題である

- (1) 数学ソフトウェアはプログラミングによってより強力な教育ツールとなる
- (2) ライブラリ化することで汎用性が高められる
- (3) 分岐・反復(・関数定義)が使えるようになれば,作りたい図をいろいろ作成することができる
- (4) 動的幾何は独特な動きをする(画面の状態変化があると自動的に最初に戻って変数が初期化される)
- (5) 生成 AI の応用によりプログラミングをより簡単に する可能性もあるが,今後の課題である

- (1) 数学ソフトウェアはプログラミングによってより強 力な教育ツールとなる
- (2) ライブラリ化することで汎用性が高められる
- (3) **分岐・反復 (・関数定義)** が使えるようになれば,作りたい図をいろいろ作成することができる
- (4) 動的幾何は独特な動きをする(画面の状態変化があると自動的に最初に戻って変数が初期化される)
- (5) 生成 AI の応用によりプログラミングをより簡単に する可能性もあるが,今後の課題である

- (1) 数学ソフトウェアはプログラミングによってより強 力な教育ツールとなる
- (2) ライブラリ化することで汎用性が高められる
- (3) **分岐・反復(・関数定義)** が使えるようになれば,作りたい図をいろいろ作成することができる
- (4) 動的幾何は独特な動きをする(画面の状態変化があると自動的に最初に戻って変数が初期化される)
- (5) 生成 AI の応用によりプログラミングをより簡単に する可能性もあるが,今後の課題である

- (1) 数学ソフトウェアはプログラミングによってより強 力な教育ツールとなる
- (2) ライブラリ化することで汎用性が高められる
- (3) <mark>分岐・反復(・関数定義)</mark> が使えるようになれば,作 りたい図をいろいろ作成することができる
- (4) 動的幾何は独特な動きをする (画面の状態変化があると自動的に最初に戻って変数が初期化される)
- (5) 生成 AI の応用によりプログラミングをより簡単に する可能性もあるが,今後の課題である

謝辞

工学部土木工学課程教授の牧下英世先生,工学部情報・通信工学課程教授の井尻敬 先生,システム理工学部数理科学科教授の竹内慎吾先生,工学部電気電子工学課程教 授の小池義和先生,日本大学生物資源科学部教授の濱田龍義先生,羽衣国際大学客員 教授の高橋正先生には,本論文を執筆する上で並々ならぬご指導とご助言をいただ いた.名古屋大学教養教育院教授の中村泰之先生, Cantabria 大学教授の Akemi Galvez 先生と Andres Iglesias 先生には、KeTpic の開発当初より Maple をはじ め関連ソフトなどについて多くのことを教えていただいた、東京大学大学院数理科学 研究科名誉教授の大島利雄先生には,大島ベジェ曲線やその数値積分での利用,及び 日本の定理などに関連して、多くの有意義なご助言をいただいた、日本大学理工学部 特任教授の平田典子先生には,数学特に数論の深い内容に関して教えていただくとと もに、図に適している題材についての貴重な示唆をいただいた、Potsdam 大学教授 の Ulrich Kortenkamp 先生には、Cinderella の利用について多くのサポートと ご助言をいただいた.

謝辞

山口大学教育学部教授の北本卓也先生には,KETCindyJS のオフラインでの利 用法などを教えていただいた. TeXLive 開発グループの Norbert Preining 氏と Green Cherry 代表の山本宗宏氏には、KETCindy のライブラリ整理、CTAN へ の登録, Github への登録など, 枚挙にいとまないご助力をいただいた Cinderella Japan の入谷昭先生には,KETCindy の開発にあたって, Cinderella についての ご教授と KETCindy のマニュアル作成の多大なご協力をいただいた. KETCindy 開 発グループの下関市立大学名誉教授の大内俊二先生,東邦大学薬学部教授の金子真隆 先生,元工学院大学准教授の北原清志先生,弓削商船高専准教授の久保康幸先生,長 野高専名誉教授の小林茂樹先生,沼津高専准教授の鈴木正樹先生,福島高専教授の西 浦孝治先生,都城高専名誉教授の野町俊文先生,長野高専教授の濱口直樹先生,長野 高専名誉教授の前田善文先生,明石高専教授の松宮篤先生,木更津高専教授の山下哲 先生,群馬高専教授の碓氷久先生には,プログラムやマニュアルの作成およびバグ修 正などで多くの協力をしていただいた.これらの方々に深甚なる感謝を申し上げる.

ご清聴ありがとうございました



すべての人々に包摂的かつ公平で質の高い教育を 提供し、生涯学習の機会を促進する

参考文献

- [1] Scilab https://www.scilab.org
- [2] U. リゲス, R の基礎とプログラミング技法, シュプリンガージャパン, 2006
- [3] M.Goossens, LATEX グラフィックスコンパニオン, アスキーアジソンウェスレ1,2000
- [4] 藤田眞作, LATEX 2ϵ コマンドブック,S B クリエイティブ,2003
- [5] 生田誠三, LATEX2e 文典, 朝倉書店, 1996
- [6] 奥村晴彦, LaTeX 美文書作成入門, 技術評論社, 1991
- [7] Maple V Learning Guide: for Release 5, Waterloo Maple Incorporated, 1997
- [8] J R-Gebert, U Kortenkamp, The Cinderella.2 Manual, 2006
- [9] 松崎利雄, 栃木県算額集, 1969
- [10] 平山諦,千葉県の算額,成田山資料館,1970
- [11] 深川英俊,ダン・ペドー , 日本の幾何——何題解けますか, 1991
- [12] 上垣渉, Japanese Theorem の起源と歴史, 三重大学教育学部研究紀要. 自然科学/ 三重大学教育学部編 52, 23-45, 2001

- [13] 涌田和芳, 外川一仁, 新潟白山神社の紛失算額, 長岡高専研究紀要, 47巻, 2011
- [14] M.Sekiguchi, S.Yamashita, S.Takato, Development of a Maple Macro Package Suitable for Drawing Fine KETPIC-Pictures, Lecture Notes in Computer Science 2006, 24-34, Springer
- [15] 山下哲, 関口昌由, 高遠節夫, Maple による図形描画用 TEX ファイルの作成について, 日本数学教育学会高専大学部会論文誌 13 巻 1 号, 31-40, 2006
- [16] 山下哲, 阿部孝之, 金子真隆, 関口昌由, 田所勇樹, 深澤謙次, 高遠節夫, KETpic の 改良と教育利用, 日本数学教育学会高専大学部会論文誌 14 巻 1 号, 51-60, 2007
- [17] M.Sekiguchi, K.Kitahara, K.Fukazawa, S.Takato, A simple method of the TeX surface drawing suitable for teaching materials with the aid of CAS, Lecture Notes in Computer Science 5102, 35-45, Springer, 2008
- [18] M.Sekiguchi, T.Abe, H.Izumi, M.Kaneko, S.Yamashita, K.Fukazawa, K. Kitahara, S.Takato, A simple method of the TeX surface drawing suitable for teaching materials with the aid of CAS, Selected Papers of 6 International Conference on Computational Science and Application, IEEE, 277-283, 2008
- [19] 金子真隆, 阿部孝之, 関口昌由, 山下哲, 高遠節夫, KETpic による曲面描画と教育 利用, 数理解析研究所講究録 1624, 1-10, 2009

- [20] Abe Takayuki, K.Fukazawa, M.Kaneko, K.Kitahara, H.Koshikawa, S.Yamashita, S.Takato, Migration of KETpic to Scilab and Comparison of Scilab with other CASs, 日本数学教育学会高専大学部会論文誌 16 巻 1号, 97-106, 2009
- [21] S.Ouchi, S.Takato, High-Quality Statistical Plots in LaTeX for Mathematics Education Using an R-based Ketpic Plug-Ins, Proceeding of the 15th ATCM Conference-Kuala Lumpur, 265-275, 2010
- [22] M,Kaneko,,S.Takato, The effective use of LATEX drawing in linear algebra, The Electronic Journal of Mathematics and Technology, vol.5-2, 129-148, 2011
- [23] 高遠節夫, KETCindy の開発について, 数理解析研究所講究録 1978, 173-182, 2015
- [24] 大島利雄, ベジェ曲線による曲線近似とその応用, 数理解析研究所講究録 2054, 96-104, 2017
- [25] Oshima T., Drawing Curves, Mathematical Progress in Expressive Image Synthesis III, edited by Y. Dobashi and H. Ochiai, Mathematics for Industry, 24, 95-106, Springer, 2016
- [26] Gagern M., Kortenkamp U., Gebart J., Strobel M., CindyJS–Mathematical Vsisualization on Modern Devices–, ICMS 2016, LNCS 9725, 319–334, Springer, 2016

- [27] 高遠節夫, KeTCindyJS の開発と教育利用, 数理解析研究所講究録 2142, 123-132, 2019
- [28] S.Takato, A.Vallejo, A.Prokopenya, KeTCindy/KeTCindyJS a bridge between teachers and students, Computer Algebra Systems in Teaching and Research, ISSN 2300-7397.VIII, 132-146, 2019
- [29] S.Takato, J.Vallejo, Using Oshima Splines to Produce Accurate Numerical Results and High Quality Graphical Output, Mathematics in Computer Science 14 (2), 399–413, Springer, 2020
- [30] S.Takato, What is and How to Use KeTCindy-Linkage Between Dynamic Geometry Software and Graphics Capabilities-, Mathematical Software-ICMS2016, 371–379, 2016
- [31] S.Takato, Brachistochrone Problem as Teaching Material-Application of KeTCindy with Maxima-, ICCSA, 251-261, Springer, 2017
- [32] 高遠節夫, TEX による教材作成環境の充実, 数理解析研究所講究録 2022, 118-127, 2017
- [33] S.Takato, A.McAndrew, J.Vallejo, M.Kaneko, Collaborative Use of KeTCindy and Free Computer Algebra Systems, Mathematics in Computer Science 11 (3-4), 503-514, Springer, 2017
- [34] S.Takato, A.Vallejo, Interfacing free computer algebra systems and C with KETCindy, Computer Algebra Systems in Teaching and Research, ISSN 2300-7397.VI, 172-185, 2017

- [35] 西浦孝治, 高遠節夫, KetCindy による数学教材の作成とその教育効果の検証, 数理解析研究所講究録 2067 177-182, 2018
- [36] 野田健夫, 高遠節夫, KeTCindy の C 呼び出し機能と曲線・曲面論の教材の作成, 数理解析研究所講究録 2067, 132-141, 2018
- [37] 高遠節夫, 北本卓也, 濱口直樹, テキストをベースとした LMS の利用と HTML 教材の作成, 数理解析研究所講究録 2208, 58-67, 2021
- [38] 細谷大輔, 岡田裕紀, 鈴木雄大, Basel problem visualized by GeoGebra, 城西大学数学科数学教育紀要 2 巻, 1-7, 2021
- [39] 高遠節夫, 濱口直樹, Web 利用の理数教育に役立つ数式送受システム開発, 数理解析研究所講究録 2178, 67-76, 2021
- [40] 高遠節夫,濱口直樹,北本卓也,KeTMath による課題送受・採点処理・結果分析と 授業実践,数理解析研究所講究録 2236, 90-99, 2022
- [41] 高遠節夫, 濱口直樹, 北本卓也, 1 次元表現ルールに基づいた数式の送受と授業実践, 城西大学数学科数学教育紀要 4, 23-34, 2022

- [42] 西浦孝治, 高遠節夫, 数学教育における KeT-LMS の効果的活用 , 数理解析研究所 講究録 2273, 192-201, 2023
- [43] S. Takato, Hideyo Makishita, A Method to Prove Japanese Theorems and Others Appeared in Wasan Using Maxima, SCSS 2024, LNAI 14991, 57-78, 2024
- [44] S. Takato, H. Makishita, Development of a Question Distribution and Answer Collection System for Mathematics Classes Using Only One Line of Text, ATCM2024, Invited paper, 67-78, 2024
- [45] 高遠節夫, 牧下英世, ブレンド型授業における KeTLMS の利用—多様で柔軟な出題形式を可能とするシステムの模索—-, 2024 (数理解析研究所講究録に掲載予定)