

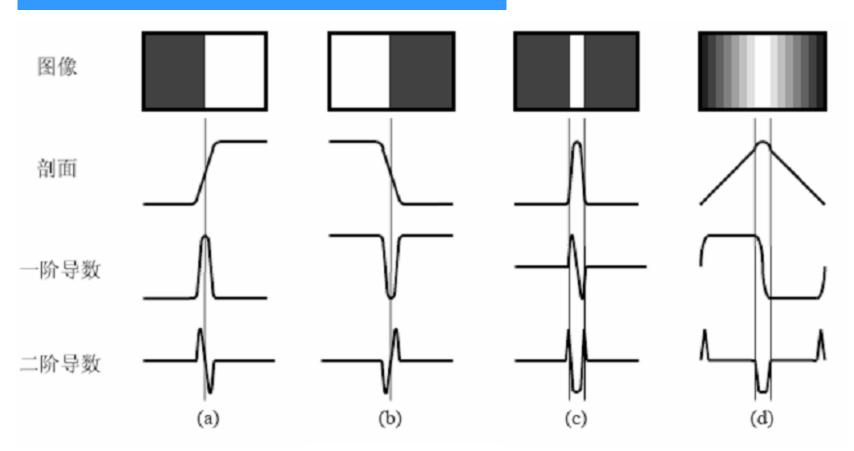
第四章 边缘检测(Edge Detection)

边缘是图象中对象的基本的特征之一,可以通过检测物体边缘来提取所需物体。

- 4.1 边缘模型
- 4.2 边缘检测算子
- 4.3 边缘拟合
- 4.4 边缘搜索
- 4.5 多尺度边缘检测

4.1 边缘模型

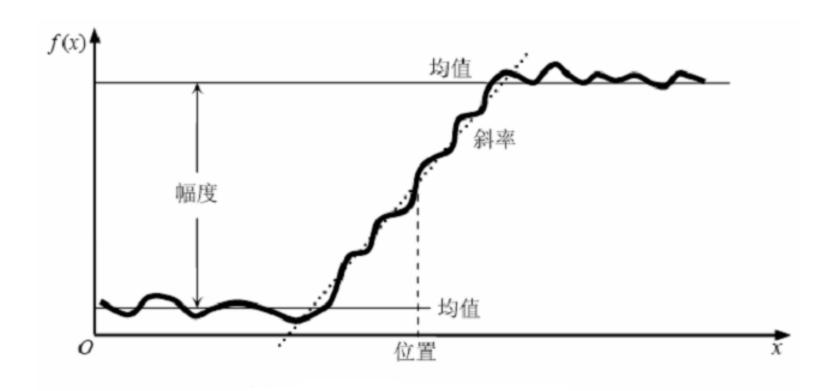




图象边缘模型及其一阶、二阶导数

描述边缘的参数





描述边缘的参数



- □ 位置
 - 边缘(等效的)最大灰度不连续处
- □ 朝向
 - 跨越灰度最大不连续的方向
- □ 幅度
 - 灰度不连续方向上的灰度差
- □ 均值
 - 属于边缘的像素的灰度均值
- □ 斜率
 - 边缘在其朝向上的倾斜程度

4.2 边缘检测算子



- □ 4.2.1 正交梯度算子
 - 梯度算子
- □ 4.2.2 方向微分算子
 - Kirsch算子
- □ 4.2.3 二阶导数算子
 - 拉普拉斯(Laplacian)算子
 - 马尔 (Marr)算子
- □ 4.2.4 最优边缘检测算子
 - 坎尼(Canny)算子
- □ 4.2.5 SUSAN 算子

正交梯度算子



1、梯度算子

一阶差分算子

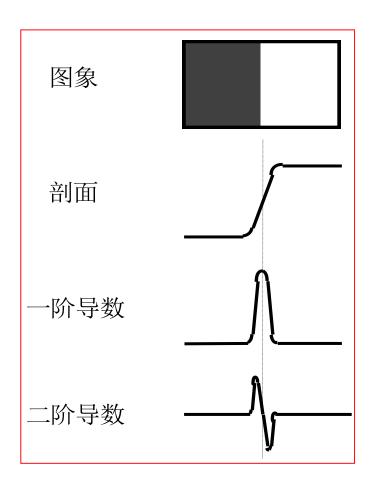
矢量

$$\nabla f(x, y) = \begin{bmatrix} G_x & G_y \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} & \frac{\partial f}{\partial y} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$

幅度

$$\operatorname{mag}(\nabla f) = \left[G_x^2 + G_y^2 \right]^{1/2}$$

方向角 $\phi(x, y) = \arctan(G_y/G_x)$



正交梯度算子



梯度算子

利用模板(与图象进行)卷积

1		
	- 1	- 1

	1
- 1	

- 1	1
- 1	1
- 1	1

1	1	1
- 1	- 1	- 1

- 1	1
- 2	2
- 1	1

1	2	1
- 1	- 2	- 1

(a) Roberts

(b) Prewitt

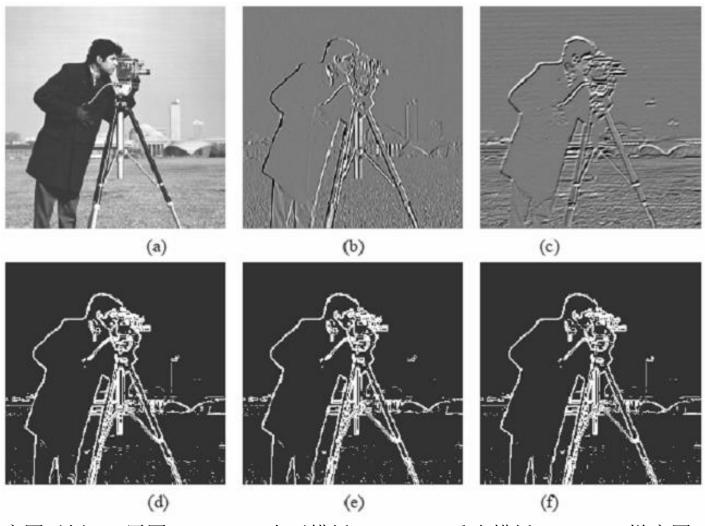
(c) Sobel

模板比较

① 边缘粗细; ② 方向性

梯度图示例





梯度图示例: a)原图; b) Sobel 水平模板; c) Sobel 垂直模板; d) Sobel梯度图(范数 2) e) Sobel梯度图(范数1) f) Sobel梯度图(范数∞)

方向微分算子



基于特定方向上的微分来检测边缘

八方向Kirsch(7×7)模板

- 5	3	3
- 5		3
- 5	3	3

3	3	3
- 5	0	3
- 5	- 5	3

3	3	3
3	0	3
- 5	- 5	- 5

3	3	3
3	0	- 5
3	- 5	- 5

3	3	- 5
3		- 5
3	3	- 5

3	- 5	- 5
3	0	- 5
3	3	3

- 5	- 5	- 5
3	0	3
3	3	3

- 5	- 5	3
- 5	0	3
3	3	3

方向微分算子



边缘强度: 卷积值的最大值的绝对值

边缘方向: 卷积值的最大值的符号

模板的对称性 → 模板数减半

1.0	1.0	1.0	
-1.0	-1.0	-1.0	
(a)			

1.0	1.0	0.7	
0.8		-0.8	
-0.7	-1.0	-1.0	
(b)			

1.0	0.8	-0.7	
1.0		-1.0	
0.7	-0.8	-1.0	
(c)			

-1.0		1.0
-1.0		1.0
-1.0		1.0
	(d)	

-0.7	0.8	1.0	
-1.0		1.0	
-1.0	-0.8	0.7	
(e)			

0.7	1.0	1.0
-0.8		0.8
-1.0	-1.0	-0.7
	(f)	

可将各系数值线性变换到整数值,其中绝对值最小的系数 变换为单位值

边界闭合



- □ 有噪声时: 边缘象素常孤立/分小段连续
- □ 封闭边界(轮廓):连接边缘象素
- □ 一种具体方法
 - 利用象素梯度的幅度和方向:

$$\left|\nabla f(x,y) - \nabla f(s,t)\right| \leq T$$

$$|\varphi(x,y)-\varphi(s,t)| \leq A$$

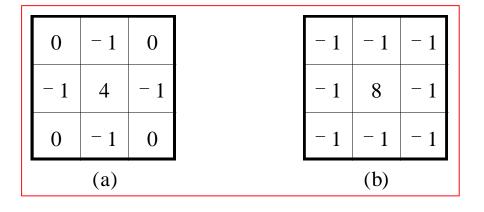
■ 象素(s,t)在象素(x,y)的邻域

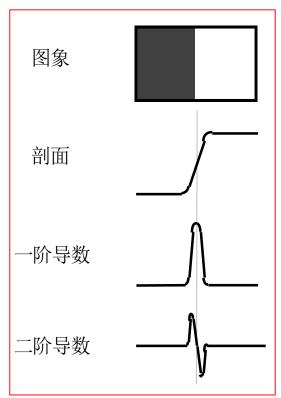


1、拉普拉斯算子

二阶差分算子

$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$



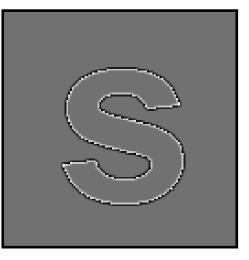




1、拉普拉斯算子

对图象中的噪声相当敏感 产生双象素宽的边缘 不能提供边缘方向的信息









2、马尔算子

- (1) 用一个2-D的高斯平滑模板与源图象卷积
- (2) 计算卷积后图象的拉普拉斯值
- (3) 检测拉普拉斯图象中的过零点作为边缘点

$$h(x, y) = \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right) \qquad g(x, y) = h(x, y) \otimes f(x, y)$$

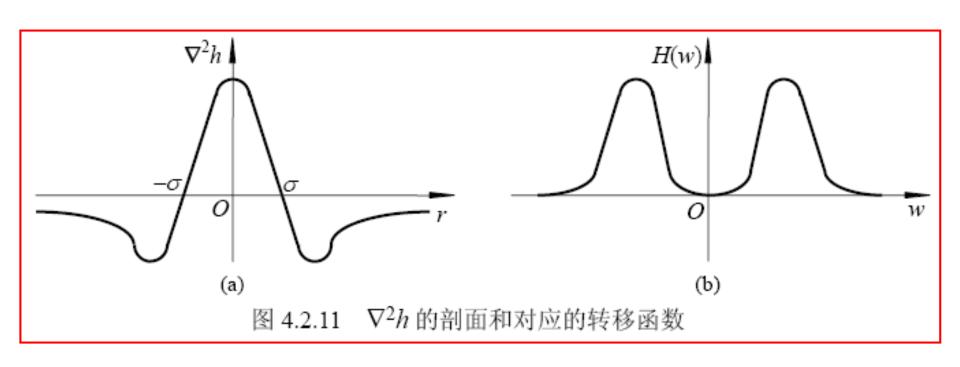
$$\nabla_g^2 = \nabla^2 [h(x, y) \otimes f(x, y)] = \nabla^2 h(x, y) \otimes f(x, y)$$

$$= \left(\frac{r^2 - \sigma^2}{\sigma^4}\right) \exp\left(-\frac{r^2}{2\sigma^2}\right) \otimes f(x, y)$$

$$\nabla^2 h = h''(r) = \left(\frac{r^2 - \sigma^2}{\sigma^4}\right) \exp\left(-\frac{r^2}{2\sigma^2}\right) \qquad (LOG)$$



2、马尔算子



最优边缘检测算子



□坎尼算子

好的边缘检测算子应具有的三个指标

- 低失误概率
 - ✔ 既要少将真正的边缘丢失也要少将非边缘判为边缘
- ■高位置精度
 - ✔ 检测出的边缘应在真正的边界上
- 对每个边缘有唯一的响应
 - ✔ 得到的边界为单象素宽

坎尼边缘检测方法



□ Canny**算子近似**Canny 算子可以用高斯函数的一阶微分算子来近似

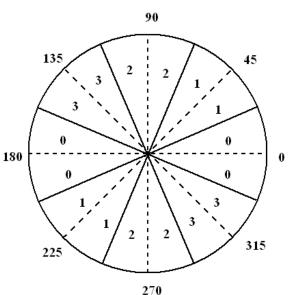
做法:

- 高斯滤波平滑
- 计算梯度大小与方向
- 非极大值抑制
- 双阈值检测和连接

非极大值抑制



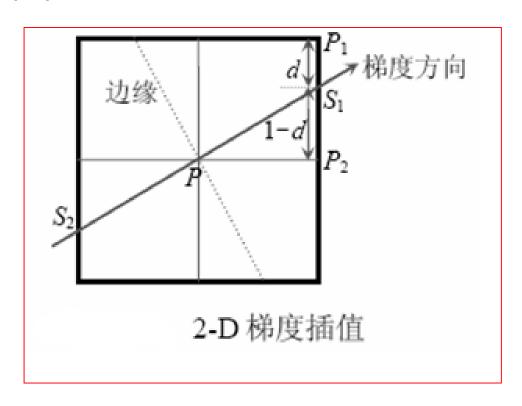
- □ 非极大值抑制(non-maxima suppression, NMS): 细化幅值图像 M[i,j]中的屋脊带(ridge), 只保留幅值 局部变化最大的点。
- □ NMS通过抑制梯度线上所有非屋脊峰 值的幅值来细化边缘。
- 将梯度角θ[i,j]的变化范围分为四个扇区ζ[i,j]=Sector(θ[i,j]);
- □ 用7x7邻域作用于幅值图像M[i,j],邻域中心像素M[i,j]与沿着梯度线方向的两个像素进行比较:若M[i,j]不比沿梯度线方向的两个相邻点幅值大,则M[i,j]置零。



用插值进行非最大消除



- □ 用插值进行最大值消除: 精确但计算量大
- □ 思路:通过对相邻单元的梯度幅值的插值估计梯度线上的相邻幅值



双阈值算法



- lue 双阈值算法采用两个阈值 au_1 和 au_2 ,且 $au_2pprox 2 au_1$
- □ 得到两个阈值边缘图像T1[i,j]和T2[i,j]
- □ T2[i,j]含有的假边缘少,但有间断点
- □ 以T2[i,j]为指导,在T1[i,j]中相应8邻域点寻找可以连接 到轮廓上的点
- □ 不断在T1[i,j]收集边缘,直到将T2[i,j]中所有的间隙连接起来为止

双阈值算法



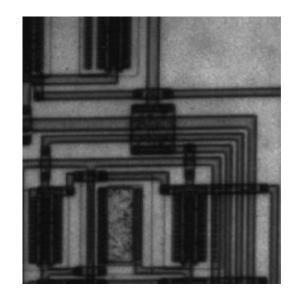
9				8			5
	5				6		4
		9			5		
6			4			7	
	7		6	2		9	
4		6			4		7
		5		2	6		
6	4				7		

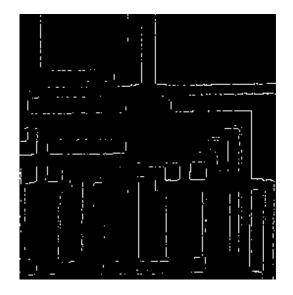
$$\tau_1$$
=4

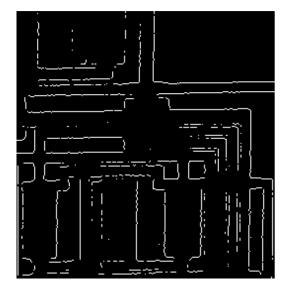
$$\tau_1 = 4$$
 $\tau_2 = 7$

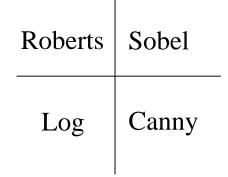
边缘检测实例

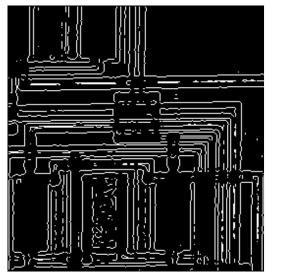


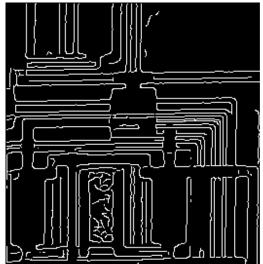








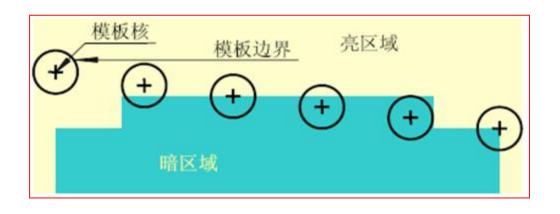






原理

USAN: Univalue Segment Assimilating Nucleus



核同值区:相对于模板的核,模板中有一定的区域与它有相同的灰度

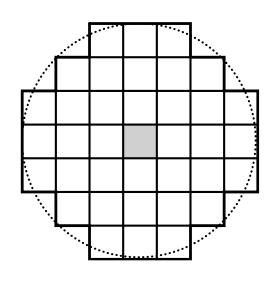


- □ USAN面积携带了关于图象中核象素处结构的主要信息
 - 当核象素处在图象中的灰度一致区域,USAN的面积会达到最大。
 - 当核处在直边缘处该面积约为最大值的一半,而当核处在角点 处则为最大值的1/4
- □ 使用USAN面积作为特征起到了增强边缘和角点的效果

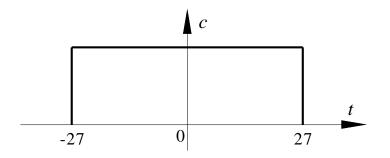


SUSAN: 最小(Smallest) 核同值区(USAN)

检测模板: 37个象素, 半径为3.4象素



$$C(x_0, y_0; x, y) = \begin{cases} 1 & \text{if } |f(x_0, y_0) - f(x, y)| \le T \\ 0 & \text{if } |f(x_0, y_0) - f(x, y)| > T \end{cases}$$





- □ 检测对模板中的每个象素进行
- □ 得到输出的游程和(running total)

$$S(x_0, y_0) = \sum_{(x,y) \in N(x,y)} C(x_0, y_0; x, y)$$

□ 边缘响应

$$R(x_0, y_0) = \begin{cases} G - S(x_0, y_0) & \text{如果} \quad S(x_0, y_0) < G \\ 0 & \text{否则} \end{cases}$$

几何阈值 $G = 3S_{\text{max}}/4$ (为了达到最佳信噪比), 其中 S_{max} 是S所能取的最大值,即模版面积。







图 5.1.5 用 SUSAN 算子检测到的角点

SUSAN边缘检测

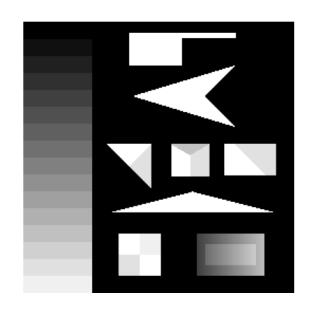


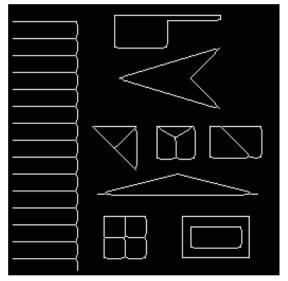
□特点

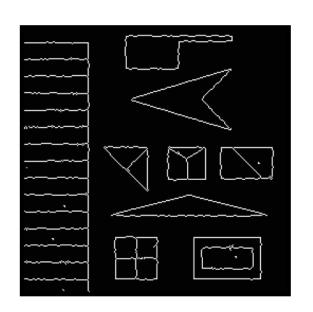
- ■有噪声时的性能较好
 - ✔ 不需要计算微分
 - ✔ 对面积计算中的各个值求和(积分)
 - ✔ 非线性响应特点
- 易自动化实现
 - ✓ 控制参数的选择简单
 - ✔ 参数的任意性较小

SUSAN算子检测实例







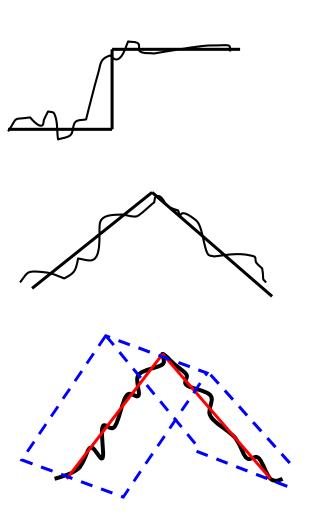


左:原图。中:SUSAN检测结果。右:含高斯白噪声的结果。(SNR=0.5)

4.3 边缘拟合(Edge Fitting)



- □ 对图象中一个子区域,用理想 灰度阶跃或斜变去拟合实际图 象数据,从而求出拟合的理想 模型参数,如阶跃幅度、斜变 倾角等,并以此为这个子区域 的边缘强度和方向度量
- □ 从某种意上说,拟合是匹配滤波,旨在从失真和噪声中检测出理想边缘来。因此,有较强的抗噪声能力

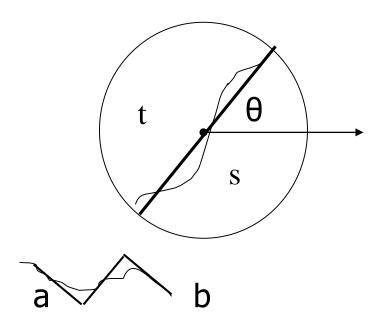


4.3.1 灰度阶跃的拟合



- □ 构造原图象(或子图、小 区域)的拟合曲面,再在 拟合曲面上利用曲面的参 数检测出边缘
- □ 如:灰度阶跃边缘拟合。 用理想灰度阶跃模型去拟 合一个2×2的子图。将子 图f(x,y)展开成基函数表 达式。由均方误差最小求 边缘幅度和角度

A	В
C	D



4.3.1 灰度阶跃的拟合



$$H(x,y) = \begin{cases} s & x \sin \theta > y \cos \theta \\ t & 其他 \end{cases}$$

A	В
C	D

在第一象限,有:

$$\theta = \frac{\pi}{4} (1 - \frac{B - C}{A - D})$$

$$s = \frac{B}{4} - \frac{A - D}{2}$$

$$t = \frac{B}{4} + \frac{A - D}{2}$$

当θ在第二象限:

边缘幅度: |s-t|=|B-C|

整副图象 边缘幅度:

 $\max\{|A-D|, |B-C|\}$

与Roberts算子的结果相同

边缘幅度: |s-t|=|*A*-*D*|

4.3.2 基于斜面模型的边缘检测



- 1、拟合模型
- □ 将M×N的数字图象划分为相连接的区域集合P, P=(P₁,P₂,...,P_i,...)

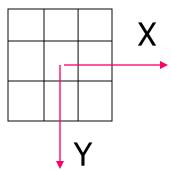
 P_i 的大小设为R×C(通常为3×3) $\hat{f}(x,y) = \alpha x + \beta y + \gamma$

- □ 对每一个小区域 ,用一个斜平面来近似
- 口 拟合误差 $e^2 = \sum_{R} \sum_{x \in C} [\alpha x + \beta y + \gamma f(x, y)]^2$

2. 斜面拟合



- 由均方误差最小来求 α、β、γ,
- 区域 3×3, 原点取在中心点时, 有:



$$\alpha = \sum_{R \times C} \sum x f(x, y) / \sum \sum x^{2}$$

$$\beta = \sum_{R \times C} \sum y f(x, y) / \sum \sum y^{2}$$

$$\gamma = \sum_{R \times C} \sum f(x, y) / \sum \sum 1$$
-1 -1 -1
-1 0 1
-1 0 1
-1 0 1
-1 0 1
-1 0 1
-1 0 1

代入误差算式,得出误差值。

误差较小时,认为拟合可靠。

3. 斜面交界的判断

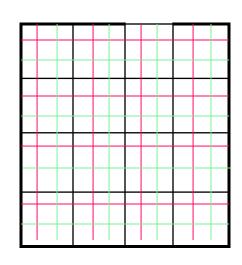


口 对于"可靠"的斜面,把该拟合斜平面的参数作为小区域的参数(不重叠划分)或小区域中心点的参数(重叠划分)。

口 有: 梯度值为
$$\int \alpha^2 + \beta^2$$
 方向为 $\theta = \tan^{-1} \frac{\alpha}{\beta}$

 然后用斜面参数判断各个 斜面间是否有边缘存在。

即考察
$$\mathbf{a_1} = \mathbf{a_2}$$
? $\beta_1 = \beta_2$? $\gamma_1 = \gamma_2$?



一般步骤:



- 1) 选取适合的拟合区域
- 2) 根据模型求解拟合系数
- 7) 求拟合斜面各点灰度值
- 4) 计算误差,判断斜面的可靠性
- 5) 对于可靠的斜面, 计算相邻点或区域不在同一斜面上的度量
- 6) 选出边缘度量值局部最大的点, 定为边缘点

4.4 边缘搜索(Edge Searching)



- 4.4.1 跟踪方法
- 4.4.2 图搜索

4.4.1 跟踪方法



- □ 跟踪的一般步骤:
 - 确定搜索的起点,对于边缘跟踪则起点是某一边缘点
 - 采取一种合适的数据结构和搜索机理,在已有边缘点的基础上进行搜索,不断确定新的边缘点
 - 规定搜索终止的条件,在满足条件时停止搜索



9				8			5
	5				6		4
		9			5		
6			4			7	
	7		6	2		9	
4		6			4		7
		5		2	6		
6	4				7		

$$T_d=7$$
, $T_t=4$

4.4.2 图搜索



□基本概念

- 边界点和边界段可以用图结构标示,通过在 图中搜索达到某一目标的最佳路径(最短路 径,最小消耗路径)寻找边缘。
- 路径评价函数可以定义为: f(n)=g(n)+h(n)
 - ✓ n: 搜索过程进行到的当前节点。
 - ✓ g(n): 为从起始节点到当前节点所有路径代价。
 - ✓ h(n):是当前节点到目标节点将要经过的所有路径的代价。(一般为对真实代价h(n)的估计值,从而为启发项)



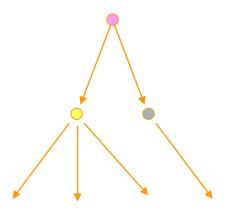
将边缘象素和边界段用图表示

图:
$$G = \{N, A\}$$

结点集 $\{n_1, ...\}$ 结点对集 $\{(n_i, n_j)\}$

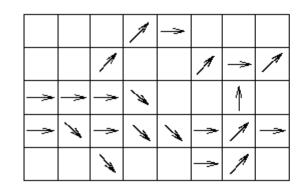
通路代价

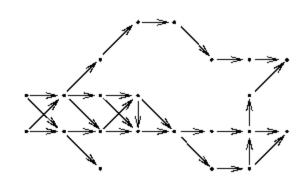
$$C = \sum_{i=2}^{K} c(n_{i-1}, n_i)$$



图的建立



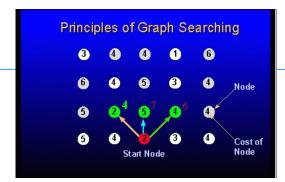




(左)显著边缘点的方向(右)相应的图

图搜索算法



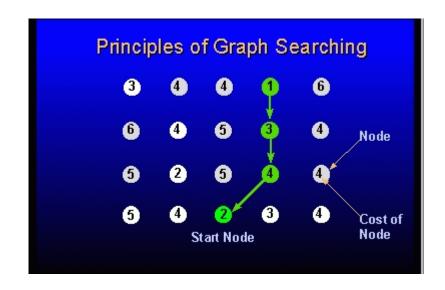


Heuristic graph search

- 1. Expand the starting node n_A and put all its successors into an OPEN list with pointers back to the starting node n_A . Evaluate the cost function f for each expanded node.
- 2. If the OPEN list is empty, fail. Determine the node n_i from the OPEN list with the lowest associated cost $f(n_i)$ and remove it. If $n_i = n_B$, then trace back through the pointers to find the optimum path and stop.
- 3. If the option to stop was not taken in step (2), expand the specified node n_i , and put its successors on the OPEN list with pointers back to n_i . Compute their costs f. Go to step (2).

图搜索实例

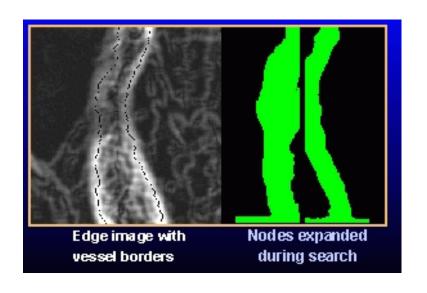


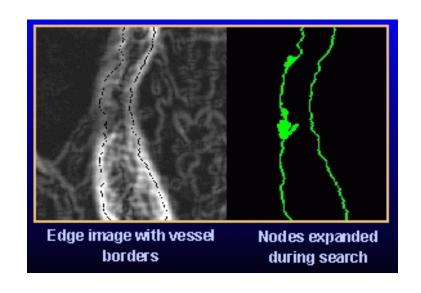


启发项的作用



- \Box 代价函数 f(n)=g(n)+h(n)
 - 启发项h(n) 能加快搜索速度,但不一定能找到全局最优。
 - 当无启发项(h(n)=0)时,一定能找到全局最优,但搜索范围加大。





代价函数的设计



- □ 使用"启发"信息,构造评价函数,计算路径的耗费, 是启发式搜索的关键。
- 具体如何构造则要分析该问题的具体情况,将多种因素 合理的分离开来,把实际情况中的约束转化为计算机可 操作的表达式。
 - 灰度梯度的幅度
 - 灰度梯度的方向
 - 路径的曲率
 - 路径与某一函数的近似程度
 - 到目标点的距离等

4.5 多尺度边缘检测



口 现象

- 大尺度下能较可靠地消除误检,检测到真正 边缘点,但定位不准;
- 小尺度定位较准,但误检增加;
- 大尺度检测真正边缘点,小尺度精确定位
- 图像不同的边缘信息会在不同的尺度下表现

口方法

■ 融合各个尺度的检测结果,获得稳定的边缘 信息。



基于二进小波的多尺度边缘检测

用于边缘检测的二进小波:

母函数: $\varphi(x,y) = \exp(-(x^2 + y^2)/\sigma^2)/2\pi\sigma^2$; (高斯核函数)

小波函数:
$$\psi^1 = \frac{\partial \varphi}{\partial x}; \psi^2 = \frac{\partial \varphi}{\partial y};$$

二进小波变换: $\mathbf{S}_{2^j}f \to \{W^1_{2^j}f, W^2_{2^j}f, \mathbf{S}_{2^{j+1}}f\}$ (离散算法 α – trous)

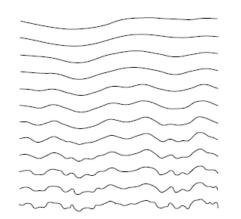
$$W_{2^{i}}^{i} f = \langle f, \psi_{2^{i}}^{i} \rangle; i = 1, 2;$$
 (分别对应水平和竖直边缘)

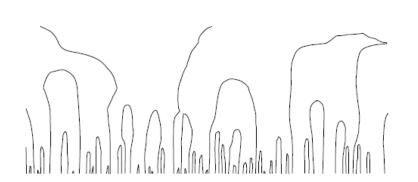
$$S_{2^{j+1}}f = \langle f, \varphi_{2^j} \rangle;$$
 (平滑信号)

模值 $M_{2^j}f = \sqrt{|W_{2^j}^1f|^2 + |W_{2^j}^2f|^2};$ 幅角 $A_{2^j}f = \arctan(W_{2^j}^1f/W_{2^j}^2f);$

模极大链:

小波系数的模极大值(即导数的过零点),在尺度空间会形成"向下开口"的连续曲线。





左:不同尺度的平滑信号

右: 尺度空间的模极大 链。





		Wavelet				
Wavelet transform along the horizontal direction	Wavelet transform along the vertical direction	Wavelet transform modulus	Wavelet transform angle for a non zero modulus	Wavelet transform modulus maxima	transform modulus maxima after some thresholding	
3	M	31			330	

基于二进小波的多尺度边缘检测



□ 算法步骤:

- 1.选择二进小波 $\{\psi^1,\psi^2\}$,分解级数J,和模阈值T;
- 2.对图像f进行二进小波变换,得到 $S_{2^J}f$ 和 $\left\{W_{2^J}^1f,W_{2^J}^2f\right\}_{i=1}^J$;
- 3.计算模值 $M_{2^j} f = \sqrt{|W_{2^j}^1 f|^2 + |W_{2^j}^2 f|^2};$
- 4.计算幅角 $A_{2^j}f = \arctan(W_{2^j}^1 f / W_{2^j}^2 f)$;
- 5.用非极大值抑制得到小波系数的局部模极大值点;
- 6.把局部模极大值点延尺度连起来,得到极值链;
- 7. 利用模阈值T和极值链长度阈值,去除由噪声引起或不感兴趣的的边界;