Это задание посвящено линейной регрессии на примере прогнозирования роста человека по его весу.

Материалы

- Документация по библиотекам NumPy и SciPy
- Документация по библиотеке Matplotlib
- Документация по библиотеке Pandas
- Pandas Cheat Sheet
- Документация по библиотеке Seaborn

Задание 1. Первичный анализ данных с Pandas

В этом заданиии мы будем использовать данные <u>SOCR</u> по росту и весу 25 тысяч подростков.

[1]. Если у Вас не установлена библиотека Seaborn - выполните в терминале команду conda install seaborn. (Seaborn не входит в сборку Anaconda, но эта библиотека предоставляет удобную высокоуровневую функциональность для визуализации данных).

```
import numpy as np
import pandas as pd
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
```

Считаем данные по росту и весу (weights_heights.csv, приложенный в задании) в объект Pandas DataFrame:

```
data = pd.read_csv('weights_heights.csv', index_col='Index')
```

Чаще всего первое, что надо сделать после считывания данных - это посмотреть на первые несколько записей. Так можно отловить ошибки чтения данных. Также это позволяет познакомиться с данными, как минимум, посмотреть на признаки и их природу (количественный, категориальный и т.д.).

После этого стоит построить гистограммы распределения признаков - это опять-таки позволяет понять природу признака (степенное у него распределение, или нормальное, или какое-то еще). Также благодаря гистограмме можно найти какие-то значения, сильно не похожие на другие - "выбросы" в данных. Гистограммы удобно строить методом plot Pandas DataFrame с аргументом kind='hist'.

Пример. Построим гистограмму распределения роста подростков из выборки data. Используем метод plot для DataFrame data с аргументами y='Height' (это тот признак, распределение которого мы строим)

Аргументы:

- y='Height' тот признак, распределение которого мы строим
- kind='hist' означает, что строится гистограмма
- color='red' цвет

[2]. Посмотрите на первые 5 записей с помощью метода *head* Pandas DataFrame. Нарисуйте гистограмму распределения веса с помощью метода *plot* Pandas DataFrame. Сделайте гистограмму зеленой, подпишите картинку.

Один из эффективных методов первичного анализа данных - отображение попарных зависимостей признаков. Создается \$m \times m\$ графиков (*m* - число признаков), где по диагонали рисуются гистограммы распределения признаков, а вне диагонали - scatter plots зависимости двух признаков. Это можно делать с помощью метода \$scatter_matrix\$ Pandas Data Frame или *pairplot* библиотеки Seaborn.

Чтобы проиллюстрировать этот метод, интересней добавить третий признак. Создадим признак *Индекс массы тела* (<u>BMI</u>). Для этого воспользуемся удобной связкой метода *apply* Pandas DataFrame и lambda-функций Python.

[3]. Постройте картинку, на которой будут отображены попарные зависимости признаков , 'Height', 'Weight' и 'BMI' друг от друга. Используйте метод pairplot библиотеки Seaborn.

Часто при первичном анализе данных надо исследовать зависимость какого-то количественного признака от категориального (скажем, зарплаты от пола сотрудника). В этом помогут "ящики с усами" - boxplots библиотеки Seaborn. Вох plot - это компактный способ показать статистики вещественного признака (среднее и квартили) по разным значениям категориального признака. Также помогает отслеживать "выбросы" - наблюдения, в которых значение данного вещественного признака сильно отличается от других.

- [4]. Создайте в DataFrame data новый признак weight_category, который будет иметь 3 значения: 1 если вес меньше 120 фунтов. (~ 54 кг.), 3 если вес больше или равен 150 фунтов (~68 кг.), 2 в остальных случаях. Постройте «ящик с усами» (boxplot), демонстрирующий зависимость роста от весовой категории. Используйте метод boxplot библиотеки Seaborn и метод apply Pandas DataFrame. Подпишите ось у меткой «Рост», ось x меткой «Весовая категория».
- [5]. Постройте scatter plot зависимости роста от веса, используя метод plot для Pandas DataFrame с аргументом kind='scatter'. Подпишите картинку.

Задание 2. Минимизация квадратичной ошибки

В простейшей постановке задача прогноза значения вещественного признака по прочим признакам (задача восстановления регрессии) решается минимизацией квадратичной функции ошибки.

[6]. Напишите функцию, которая по двум параметрам w_0 и w_1 вычисляет квадратичную ошибку приближения зависимости роста y от веса x прямой линией $y = w_0 + w_1 * x$: $\ensuremath{\$}$ здесь $x = w_0 + w_1 * x_1$. $\ensuremath{\$}$ здесь $x = w_0 + w_1 * x_1$.

Итак, мы решаем задачу: как через облако точек, соответсвующих наблюдениям в нашем наборе данных, в пространстве признаков "Рост" и "Вес" провести прямую линию так, чтобы минимизировать функционал из п. 6. Для начала давайте отобразим хоть какие-то прямые и убедимся, что они плохо передают зависимость роста от веса.

[7]. Проведите на графике из п. 5 Задания 1 две прямые, соответствующие значениям параметров (w_0 , w_1) = (60, 0.05)\$ и (w_0 , w_1) = (50, 0.16)\$. Используйте метод plot из matplotlib.pyplot, а также метод linspace библиотеки NumPy. Подпишите оси и график.

Минимизация квадратичной функции ошибки - относительная простая задача, поскольку функция выпуклая. Для такой задачи существует много методов оптимизации. Посмотрим, как функция ошибки зависит от одного параметра (наклон прямой), если второй параметр (свободный член) зафиксировать.

[8]. Постройте график зависимости функции ошибки, посчитанной в п. 6, от параметра \$w_1\$ при \$w_0\$ = 50. Подпишите оси и график.

Теперь методом оптимизации найдем "оптимальный" наклон прямой, приближающей зависимость роста от веса, при фиксированном коэффициенте $w_0 = 50$.

[9]. С помощью метода minimize_scalar из scipy.optimize найдите минимум функции, определенной в п. 6, для значений параметра w_1 в диапазоне [-5,5]. Проведите на графике из п. 5 Задания 1 прямую, соответствующую значениям параметров (w_0 , w_1) = (50, w_1 opt), где w_1 найденное в п. 8 оптимальное значение параметра w_1 .

При анализе многомерных данных человек часто хочет получить интуитивное представление о природе данных с помощью визуализации. Увы, при числе признаков больше 3 такие картинки нарисовать невозможно. На практике для визуализации данных в 2D и 3D в данных выделаяют 2 или, соответственно, 3 главные компоненты (как именно это делается - мы увидим далее в курсе) и отображают данные на плоскости или в объеме.

Посмотрим, как в Python рисовать 3D картинки, на примере отображения функции $x(x,y) = \sin(\sqrt{x^2+y^2})$ для значений x и y из интервала [-5,5] с шагом 0.25.

from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D

Создаем объекты типа matplotlib.figure.Figure (рисунок) и matplotlib.axes._subplots.Axes3DSubplot (ось).

```
fig = plt.figure()
ax = fig.gca(projection='3d')
```

Создаем массивы NumPy с координатами точек по осям X и У.

```
# Используем метод meshgrid, при котором по векторам координат # создается матрица координат. Задаем нужную функцию Z(x, y). X = np.arange(-5, 5, 0.25) Y = np.arange(-5, 5, 0.25) X, Y = np.meshgrid(X, Y) Z = np.sin(np.sqrt(X**2 + Y**2)) # Наконец, используем метод *plot_surface* объекта # типа Axes3DSubplot. Также подписываем оси. surf = ax.plot_surface(X, Y, Z) ax.set_xlabel('X') ax.set_ylabel('Y') ax.set_zlabel('Y') plt.show();
```

[10]. Постройте 3D-график зависимости функции ошибки, посчитанной в п.6 от параметров w_0 и w_1 . Подпишите ось x меткой «Intercept», ось y — меткой «Slope», а ось z — меткой «Error».

[11]. С помощью метода *minimize* из scipy.optimize найдите минимум функции, определенной в п. 6, для значений параметра \$w_0\$ в диапазоне [-100,100] и \$w_1\$ - в диапазоне [-5, 5]. Начальная точка — (\$w_0\$, \$w_1\$) = (0, 0). Используйте метод оптимизации L-BFGS-B (аргумент method метода minimize). Проведите на графике из п. 5 Задания 1 прямую, соответствующую найденным оптимальным значениям параметров \$w_0\$ и \$w_1\$. Подпишите оси и график.