# Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"

## Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра інформатики та програмної інженерії

#### Звіт

з лабораторної роботи № 4 з дисципліни «Проектування алгоритмів»

"Проектування і аналіз алгоритмів для виріш	NTD 111
- Πηραμτυράμμα ι άμαπιο άπερημτμίο ππα ομημιί	Δυμα ΝΡ-ενποπμιν σοποιι II I''
IIDUCKI VDANNA I ANAJIIS AJII UDHIMID AJIA DHDILLI	Сппл 111 -Складпих задач 4.1

Виконав(ла)	<u>ІП-21 Сергієнко Сергій</u> (шифр, прізвище, ім'я, по батькові)	
Перевірив	<u>Головченко М.М.</u> (прізвище, ім'я, по батькові)	

## 3MICT

1	MET	А ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ	3
2	<b>3AB</b> ,	[АННЯ	4
3	вик	ОНАННЯ	. 10
	3.1 Пр	РОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ АЛГОРИТМУ	. 10
	3.1.1	Вихідний код	. 10
	3.1.2	Приклади роботи	. 16
	3.2 TE	СТУВАННЯ АЛГОРИТМУ	. 17
	3.2.1	Значення цільової функції зі збільшенням кількості ітерацій	. 17
	3.2.2	Графіки залежності розв'язку від числа ітерацій	. 19
B	иснон	30К	. 20
К	РИТЕР	ІЇ ОШНЮВАННЯ	. 21

## 1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ

Мета роботи — вивчити основні підходи формалізації метаеврестичних алгоритмів і вирішення типових задач з їхньою допомогою.

## 2 ЗАВДАННЯ

Згідно варіанту, розробити алгоритм вирішення задачі і виконати його програмну реалізацію на будь-якій мові програмування.

Задача, алгоритм і його параметри наведені в таблиці 2.1.

Зафіксувати якість отриманого розв'язку (значення цільової функції) після кожних 20 ітерацій до 1000 і побудувати графік залежності якості розв'язку від числа ітерацій.

Зробити узагальнений висновок.

Таблиця 2.1 – Варіанти алгоритмів

№	Задача і алгоритм
1	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність
	предметів від 2 до 20 (випадкова), вага від 1 до 10 (випадкова)),
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1
	різному предмету, оператор схрещування одноточковий по 50 генів,
	мутація з ймовірністю 5% змінюємо тільки 1 випадковий ген).
	Розробити власний оператор локального покращення.
2	Задача комівояжера (100 вершин, відстань між вершинами випадкова
	від 5 до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha$ = 2, $\beta$ = 4, $\rho$ = 0,4, Lmin знайти
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 30, починають маршрут в
	різних випадкових вершинах).
3	Задача розфарбовування графу (200 вершин, степінь вершини не
	більше 20, але не менше 1), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл
	30 із них 2 розвідники).
4	Задача про рюкзак (місткість Р=200, 100 предметів, цінність
	предметів від 2 до 20 (випадкова), вага від 1 до 10 (випадкова)),
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1
	різному предмету, оператор схрещування двоточковий порівну генів,
	мутація з ймовірністю 10% змінюємо тільки 1 випадковий ген).
	Розробити власний оператор локального покращення.

5	Задача комівояжера (150 вершин, відстань між вершинами випадкова		
	від 5 до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha$ = 2, $\beta$ = 3, $\rho$ = 0,4, Lmin знайти		
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 35, починають маршрут в		
	різних випадкових вершинах).		
6	Задача розфарбовування графу (250 вершин, степінь вершини не		
	більше 25, але не менше 2), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл		
	35 із них 3 розвідники).		
7	Задача про рюкзак (місткість Р=150, 100 предметів, цінність		
	предметів від 2 до 10 (випадкова), вага від 1 до 5 (випадкова)),		
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1		
	різному предмету, оператор схрещування рівномірний, мутація з		
	ймовірністю 5% два випадкові гени міняються місцями). Розробити		
	власний оператор локального покращення.		
8	Задача комівояжера (200 вершин, відстань між вершинами випадкова		
	від 0(перехід заборонено) до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 3$ , $\beta = 2$ , $\rho$		
	= 0,3, Lmin знайти жадібним алгоритмом, кількість мурах M = 45,		
	починають маршрут в різних випадкових вершинах).		
9	Задача розфарбовування графу (150 вершин, степінь вершини не		
	більше 30, але не менше 1), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл		
	25 із них 3 розвідники).		
10	Задача про рюкзак (місткість Р=150, 100 предметів, цінність		
	предметів від 2 до 10 (випадкова), вага від 1 до 5 (випадкова)),		
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1		
	різному предмету, оператор схрещування рівномірний, мутація з		
	ймовірністю 10% два випадкові гени міняються місцями). Розробити		
	власний оператор локального покращення.		
11	Задача комівояжера (250 вершин, відстань між вершинами випадкова		
	від 0(перехід заборонено) до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 2$ , $\beta = 4$ , $\rho$		

	= 0,6, Lmin знайти жадібним алгоритмом, кількість мурах M = 45,	
	починають маршрут в різних випадкових вершинах).	
12	Задача розфарбовування графу (300 вершин, степінь вершини не	
	більше 30, але не менше 1), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл	
	60 із них 5 розвідники).	
13	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 30 (випадкова), вага від 1 до 25 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування одноточковий 30% і 70%,	
	мутація з ймовірністю 5% два випадкові гени міняються місцями).	
	Розробити власний оператор локального покращення.	
14	Задача комівояжера (250 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 1 до 40), мурашиний алгоритм ( $\alpha$ = 4, $\beta$ = 2, $\rho$ = 0,3, Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 45 (10 з них дикі,	
	обирають випадкові напрямки), починають маршрут в різних	
	випадкових вершинах).	
15	Задача розфарбовування графу (100 вершин, степінь вершини не	
	більше 20, але не менше 1), класичний бджолиний алгоритм (число	
	бджіл 30 із них 3 розвідники).	
16	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 30 (випадкова), вага від 1 до 25 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування двоточковий 30%, 40% і	
30%, мутація з ймовірністю 10% два випадкові гени міняют		
	місцями). Розробити власний оператор локального покращення.	
17	Задача комівояжера (200 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 1 до 40), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 2$ , $\beta = 4$ , $\rho = 0.7$ , Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 45 (15 з них дикі,	

	обирають випадкові напрямки), починають маршрут в різних	
	випадкових вершинах).	
18	Задача розфарбовування графу (300 вершин, степінь вершини не	
	більше 50, але не менше 1), класичний бджолиний алгоритм (число	
	бджіл 60 із них 5 розвідники).	
19	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 30 (випадкова), вага від 1 до 25 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування триточковий 25%, мутація з	
	ймовірністю 5% два випадкові гени міняються місцями). Розробити	
	власний оператор локального покращення.	
20	Задача комівояжера (200 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 1 до 40), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 3$ , $\beta = 2$ , $\rho = 0.7$ , Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 45 (10 з них елітні,	
	подвійний феромон), починають маршрут в різних випадкових	
	вершинах).	
21	Задача розфарбовування графу (200 вершин, степінь вершини не	
	більше 30, але не менше 1), класичний бджолиний алгоритм (число	
	бджіл 40 із них 2 розвідники).	
22	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 30 (випадкова), вага від 1 до 25 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування триточковий 25%, мутація	
	ймовірністю 5% змінюємо тільки 1 випадковий ген). Розробити	
	власний оператор локального покращення.	
23	Задача комівояжера (300 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 1 до 60), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 3$ , $\beta = 2$ , $\rho = 0.6$ , Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 45 (15 з них елітні,	

	подвійний феромон), починають маршрут в різних випадкових	
	вершинах).	
24	Задача розфарбовування графу (400 вершин, степінь вершини не	
	більше 50, але не менше 1), класичний бджолиний алгоритм (число	
	бджіл 70 із них 10 розвідники).	
25	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 20 (випадкова), вага від 1 до 10 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування одноточковий по 50 генів,	
	мутація з ймовірністю 5% змінюємо тільки 1 випадковий ген).	
	Розробити власний оператор локального покращення.	
26	Задача комівояжера (100 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 5 до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha$ = 2, $\beta$ = 4, $\rho$ = 0,4, Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 30, починають маршрут в	
	різних випадкових вершинах).	
27	Задача розфарбовування графу (200 вершин, степінь вершини не	
	більше 20, але не менше 1), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл	
	30 із них 2 розвідники).	
28	Задача про рюкзак (місткість Р=200, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 20 (випадкова), вага від 1 до 10 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування двоточковий порівну генів,	
	мутація з ймовірністю 10% змінюємо тільки 1 випадковий ген).	
	Розробити власний оператор локального покращення.	
29	Задача комівояжера (150 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 5 до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 2$ , $\beta = 3$ , $\rho = 0.4$ , Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 35, починають маршрут в	
	різних випадкових вершинах).	

30	Задача розфарбовування графу (250 вершин, степінь вершини не	
	більше 25, але не менше 2), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл	
	35 із них 3 розвідники).	
31	Задача про рюкзак (місткість Р=250, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 20 (випадкова), вага від 1 до 10 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування одноточковий по 50 генів,	
	мутація з ймовірністю 5% змінюємо тільки 1 випадковий ген).	
	Розробити власний оператор локального покращення.	
32	Задача комівояжера (100 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 5 до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 2$ , $\beta = 4$ , $\rho = 0,4$ , Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 30, починають маршрут в	
	різних випадкових вершинах).	
33	Задача розфарбовування графу (200 вершин, степінь вершини не	
	більше 20, але не менше 1), бджолиний алгоритм АВС (число бджіл	
	30 із них 2 розвідники).	
34	Задача про рюкзак (місткість Р=200, 100 предметів, цінність	
	предметів від 2 до 20 (випадкова), вага від 1 до 10 (випадкова)),	
	генетичний алгоритм (початкова популяція 100 осіб кожна по 1	
	різному предмету, оператор схрещування двоточковий порівну гені	
	мутація з ймовірністю 10% змінюємо тільки 1 випадковий ген).	
	Розробити власний оператор локального покращення.	
35	Задача комівояжера (150 вершин, відстань між вершинами випадкова	
	від 5 до 50), мурашиний алгоритм ( $\alpha = 2$ , $\beta = 3$ , $\rho = 0.4$ , Lmin знайти	
	жадібним алгоритмом, кількість мурах М = 35, починають маршрут в	
	різних випадкових вершинах).	

#### 3 ВИКОНАННЯ

#### 3.1 Програмна реалізація алгоритму

#### 3.1.1 Вихідний код

```
from knapsack import *
      from helpers import *
      import sys
      def main():
          is graph = False
          if len(sys.argv) > 1:
              if sys.argv[1] == 'gr':
                  is graph = True
              elif sys.argv[1] == 'ngr':
                  is graph = False
              else:
                  print("Unexpected parameter")
                  return
          if len(sys.argv) > 2:
              try:
                  file data = read and parse file(sys.argv[2])
              except FileNotFoundError as e:
                  print(f"Error: {e}")
                  return
              except ValueError as e:
                  print(f"Error: {e}")
                  return
              except Exception as e:
                  print(f"An unexpected error occurred: {e}")
              knapsack = Knapsack(len(file_data), 100, (0, 0), (0, 0), 250, 0.05,
1000)
              knapsack.items = file data
          else:
              knapsack = Knapsack(100, 100, (1, 25), (2, 30), 250, 0.05, 1000)
              knapsack.generate items data()
          knapsack.generate initial population()
          knapsack.record counter()
          i values, record values = knapsack.genetic algorithm()
          if is_graph:
```

```
print("Число ітерацій Значення цільової функції")
              for i in range(len(i_values)):
                 print(i values[i], record values[i])
             graph(i values, record values)
          knapsack.result()
     if name == " main ":
         main()
      import random
     class Knapsack:
               init (self, num items, population size, weight bounds,
value bounds, max weight, mutation probability,
                      iterations):
              self.num items = num items
              self.weight bounds = weight bounds
              self.value bounds = value bounds
             self.population size = population size
             self.max weight = max weight
             self.mutation probability = mutation probability
             self.items = []
             self.population = []
             self.record = 0
             self.record chromosome = []
              self.iterations = iterations
              self.iterations without record change = 0
          def generate initial population(self, difficulty factor=2.3):
              self.population = [
                  [random.choices([0, 1], weights=[difficulty factor, 1], k=1)[0]
                  for in range(self.num items)]
                 for _ in range(self.population_size)
              1
         def generate items data(self):
                                   [[random.randint(*self.weight_bounds),
             self.items
random.randint(*self.value bounds)]
                            for in range(self.num items)]
```

```
def calculate value(self, chromosome):
             total_weight = 0
             total value = 0
             for i in range(len(chromosome)):
                  if chromosome[i] == 1:
                     total weight += self.items[i][0]
                     total value += self.items[i][1]
             if total weight > self.max weight:
                 return 0
             else:
                 return total value
          def record counter(self):
             max chromosome = max(self.population, key=lambda chromosome:
self.calculate value(chromosome))
              if self.record chromosome == max chromosome:
                  self.iterations without record change += 1
             else:
                  self.iterations without record change = 0
              self.record = self.calculate_value(max_chromosome)
              self.record chromosome = max chromosome
         def select_parents(self):
              # пропорційна селекція
             values = []
              for chromosome in self.population:
                  values.append(self.calculate value(chromosome))
             values sum = sum(values)
              if values sum:
                 proportional values = [float(i) / values sum for i in values]
                 while True:
                     parent1
                                               random.choices(self.population,
weights=proportional values, k=1)[0]
                     parent1 index = self.population.index(parent1)
                                          random.choices(self.population,
                     parent2
weights=proportional values, k=1)[0]
                     parent2_index = self.population.index(parent2)
                      if parent1 index == parent2 index:
                         while True:
                             parent2 index
                                               = random.randint(0,
self.population size - 1)
                              if parent2 index != parent1 index:
```

```
break
             else:
                 while True:
                     parent1 index, parent2 index = (random.randint(0,
self.population size - 1),
                                                     random.randint(0,
self.population size - 1))
                     if parent1 index != parent2 index:
                         break
                 parent1 = self.population[parent1 index]
                 parent2 = self.population[parent2 index]
              return parent1, parent2
         def crossover(self, parent1, parent2):
              # триточковий оператор схрещування 25%
              size = self.num items // 4
             parent1 = [parent1[i:i + size] for i in range(0, self.num_items,
size)1
             parent2 = [parent2[i:i + size] for i in range(0, self.num items,
size)]
             child1 = parent1[0] + parent2[1] + parent1[2] + parent2[3]
             child2 = parent2[0] + parent1[1] + parent2[2] + parent1[3]
              return child1, child2
         def mutation(self, children):
              children_values = [self.calculate_value(child) for child in
childrenl
              for i in range(len(children)):
                 mutation num = random.random()
                  if mutation num < self.mutation probability:
                     mutation index = random.randint(0, self.num items - 1)
                     children[i][mutation index]
                                                                        int(not
children[i][mutation index])
                                  children values[i]
                                                              and
                                                                            not
self.calculate value(children[i]):
                          # якщо мутація зробила хромосому мертвою
                         children[i][mutation index]
                                                                        int(not
children[i][mutation index])
             return children
```

break

parent2 = self.population[parent2 index]

```
def local improvement(self, children):
              # серед допустимих шукаємо предмет з найменшою вагою і додаємо його
              children values = [self.calculate value(child) for child
children
              for i in range(len(children)):
                  available items indexes = [index for index,
                                                                      value
                                                                              in
enumerate(children[i]) if value == 1]
                  available items =
                                       [self.items[index]
                                                             for
                                                                     index
                                                                              in
available items indexes]
                  if not available items:
                      continue
                 min weight item = min(available items, key=lambda x: x[0])
                  min weight item index = self.items.index(min weight item)
                  children[i][min weight item index] = 1
                                children values[i]
                                                              and
                                                                             not
self.calculate value(children[i]):
                      # якщо покращення зробило хромосому мертвою
                      children[i][min weight item index] = 0
              return children
          def iteration(self, iteration num):
              parents = self.select parents()
              children = self.crossover(parents[0], parents[1])
              if iteration num > 100:
                  children = self.mutation(children)
              if self.iterations without record change > 20 and iteration num >
150:
                  children = self.local improvement(children)
              population values
                                       [self.calculate value(chromosome)
                                                                             for
chromosome in self.population]
              min population element
                                             min(enumerate(population values),
key=lambda x: x[1])
              children values = [self.calculate value(child)
children]
              max child index = children values.index(max(children values))
              if (children values[max child index]
                                           min(children_values[max_child_index],
min population element[1]) == min population element[1]):
                  self.population[min population element[0]]
children[max child index]
              self.record counter()
```

```
def genetic algorithm(self):
              i values = []
              record values = []
              for i in range(self.iterations + 1):
                  self.iteration(i)
                  if i % 20 == 0:
                      i values.append(i)
                      record values.append(self.record)
              return i values, record values
          def result(self):
              print("Items [Weight, Value]: ", self.items)
              total weight = 0
              num of items = 0
              for i in range(len(self.record chromosome)):
                  if self.record chromosome[i] == 1:
                      total weight += self.items[i][0]
                      num_of_items += 1
              if total weight > self.max weight:
                  print("Solution was not found")
                  return
              print("Solution: ", self.record chromosome)
              print("Knapsack value: ", self.record)
              print("Knapsack weight: ", total weight)
              print("Num of items in knapsack: ", num of items)
      import matplotlib.pyplot as plt
      def read and parse file(file path):
          try:
              with open(file path, 'r') as file:
                  data = []
                  for line number, line in enumerate(file, start=1):
                      values = [value.strip() for value in line.split(',')]
                      if len(values) != 2:
                          raise ValueError(
                              f"Error in line {line_number}: Each line should
contain exactly two values separated by a comma and space.")
                      try:
                          values = [int(value) for value in values]
                      except ValueError:
                          raise ValueError(f"Error in line {line_number}: Values
must be valid integers.")
```

```
data.append(values)
                  if len(data) % 4 != 0:
                      raise ValueError("Error: The number of lines in the file
must be a multiple of 4.")
              return data
          except FileNotFoundError:
              raise FileNotFoundError(f"The file '{file path}' does not exist.")
          except Exception as e:
              raise e
      def graph(x values, y values):
          plt.plot(x values, y values, label='Графік залежності якості розв'язку
від числа ітерацій')
          plt.xlabel('Число ітерацій')
          plt.ylabel('Якість розв`язку')
          plt.xticks(x values[::2])
          plt.yticks(list(set(y values)))
          plt.show()
```

#### 3.1.2 Приклади роботи

На рисунках 3.1 і 3.2 показані приклади роботи програми.

### Рисунок 3.1 – Приклад роботи програми з генерацією випадкових предметів

```
E:\KPI\3_\algorithms\lab4\venv\Scripts\python.exe E:\KPI\3_\algorithms\lab4\main.py ngr input.txt

Items [Weight, Value]: [[12, 67], [34, 90], [56, 78], [45, 81]]

Solution: [1, 1, 1, 1]

Knapsack value: 316

Knapsack weight: 147

Num of items in knapsack: 4

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 3.2 – Приклад роботи програми з читанням предметів з файлу

## 3.2 Тестування алгоритму

## 3.2.1 Значення цільової функції зі збільшенням кількості ітерацій

У таблиці 3.1 наведено значення цільової функції зі збільшенням кількості ітерацій.

Кількість ітерацій	Значення цільової функції
0	409
20	422
40	422
60	422
80	422
100	422
120	422
140	422
160	422
180	422
200	424
220	424
240	424
260	424
280	433
300	433
320	433
340	433
360	433
380	433
400	433
420	433
440	433
460	452
	L

480	452
500	452
520	452
540	452
560	452
580	452
600	452
620	452
640	452
660	452
680	452
700	452
720	452
740	452
760	452
780	452
800	452
820	452
840	452
860	452
880	475
900	475
920	475
940	475
960	475
980	475
1000	475

## 3.2.2 Графіки залежності розв'язку від числа ітерацій

На рисунку 3.3 наведений графік, який показує якість отриманого розв'язку.

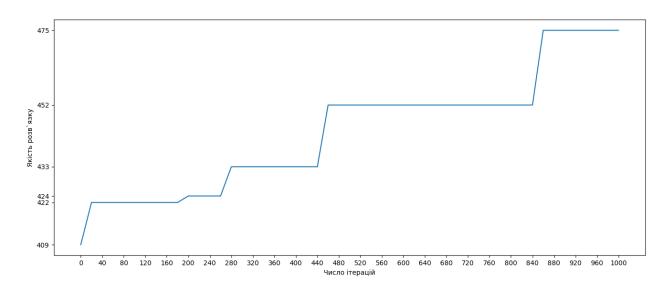


Рисунок 3.3 – Графік залежності розв'язку від числа ітерацій

#### ВИСНОВОК

В рамках даної лабораторної роботи я вивчив основні підходи формалізації метаеврестичних алгоритмів і вирішення типових задач з їхньою допомогою. Результатом моєї роботи стала програмна реалізація рішення задачі про рюкзак за допомогою генетичного алгоритму. Я розробив оператор вибору батьків для схрещування за допомогою пропорційної селекції. Оператор схрещування у моїй реалізації генетичного алгоритму є триточковим 25%. Мутація у моєму варіанті алгоритму відбувається з одним випадковим геном з ймовірністю 5%. За основу оператора локального покращення я взяв спробу серед ще невибраних предметів для хромосоми вибрати предмет з найменшою вагою та додати його в рюкзак.

Загалом програмна реалізація алгоритму показує себе добре. За 1000 ітерацій програма знаходить розв'язок, близький до оптимального, поступово покращуючи його. Тестування показало, що якщо ліміт ітерацій брати більше за 1000, то в рамках перших трьох — п'яти тисяч ітерацій алгоритму цінність рюкзака в рішенні може зрости ще на кілька десятків пунктів. Подальший ріст цінності поза межею цієї кількості ітерацій відбувається неохоче. Вага рюкзака в рішенні майже завжди досягає граничного значення.

## КРИТЕРІЇ ОЦІНЮВАННЯ

При здачі лабораторної роботи до 10.12.2023 включно максимальний бал дорівнює — 5. Після 10.12.2023 максимальний бал дорівнює — 4,5.

Критерії оцінювання у відсотках від максимального балу:

- програмна реалізація алгоритму 55%;
- робота з гіт 20%;
- тестування алгоритму— 20%;
- висновок -5%.

<sup>+1</sup> додатковий бал можна отримати за виконання роботи до 3.12.2023