

Relatório dos exercícios solicitados da Matéria de Processamento de Alto Desempenho FT077A P

Prof. André Leon S. Gradvohl, Dr.

Exercício

Crie um programa serial e um programa paralelo com PThreads que calcule a operação matricial $D = A * B + C$, onde todas as matrizes (A, B, C e D) têm dimensões $n \times n$. Prepare-se para gerar gráficos para cada um dos itens a seguir.

Otimizações utilizadas para o cálculo:

$$D = A*B+C = C+A*B$$

soma de matrizes: $S_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$

multiplicação de matrizes: $m_{ik} = a_{i1} \cdot b_{1k} + a_{i2} \cdot b_{2k} + \dots + a_{in} \cdot b_{nk}$

Para o cálculo do resultado D ($=A*B+C$), temos a fórmula para cada elemento:

$$D_{ik} = C_{i1} + A_{i1} \cdot B_{1k} + A_{i2} \cdot B_{2k} + \dots + A_{in} \cdot B_{nk}$$

A matriz foi alocada em uma única etapa (como um vetor).

O acesso aos elementos para o loop acima (1..n) causa o acesso aos elementos em B de forma não sequencial na memória.

Como o acesso a posições próximas de memória são mais interessantes, foi utilizada a abordagem de calcular a matriz transposta de B, de forma que o loop cause o acesso aos elementos de B de forma sequencial, assim como em A.

B_t = transposta de B

Com isso, temos:

$$D_{ik} = C_{i1} + A_{i1} \cdot B_{k1} + A_{i2} \cdot B_{k2} + \dots + A_{in} \cdot B_{kn}$$

Essa abordagem permitiu que o cálculo fosse feito sem que fossem criadas condições de corrida, com apenas a necessidade de uma barreira.

Se tivesse sido calculado $A*B$ para a matriz inteira e depois calculado $(A*B)+C$, haveria necessidade da criação das threads duas vezes (uma para a multiplicação, e outra para a adição), com o uso de uma barreira para cada etapa.

O código todo foi feito em um único arquivo (exerc1.c).

Para compilação:

```
gcc -pthread exerc1.c -o exerc1
```

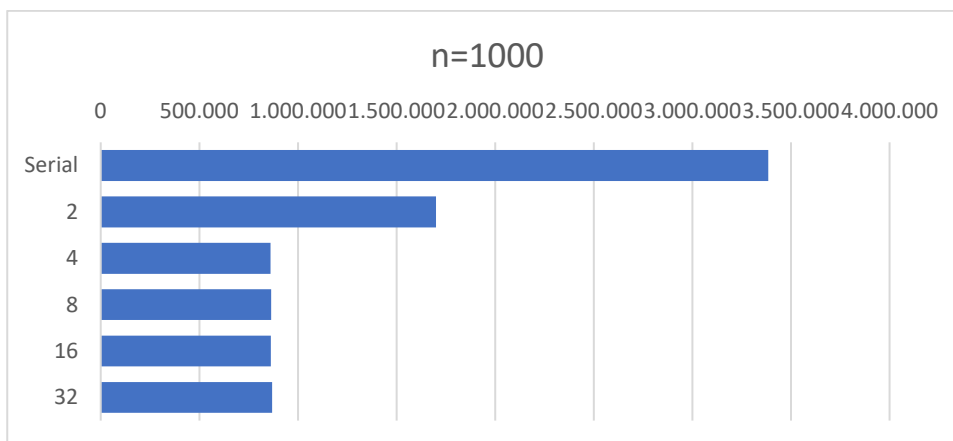
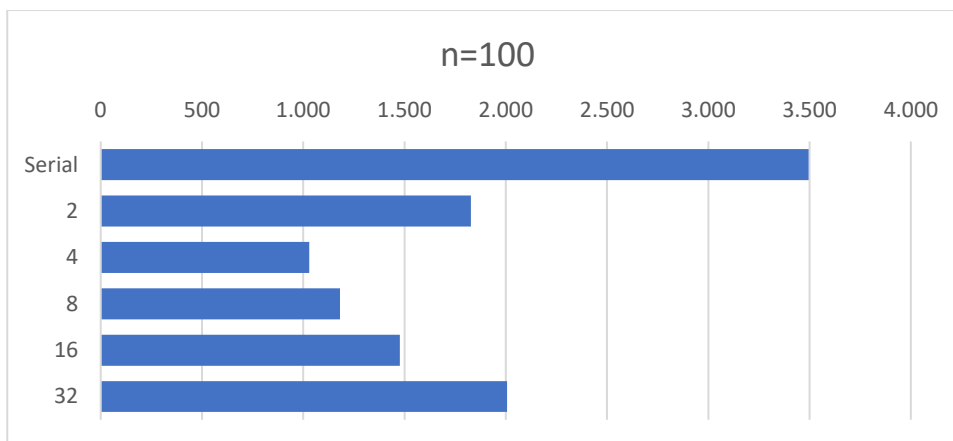
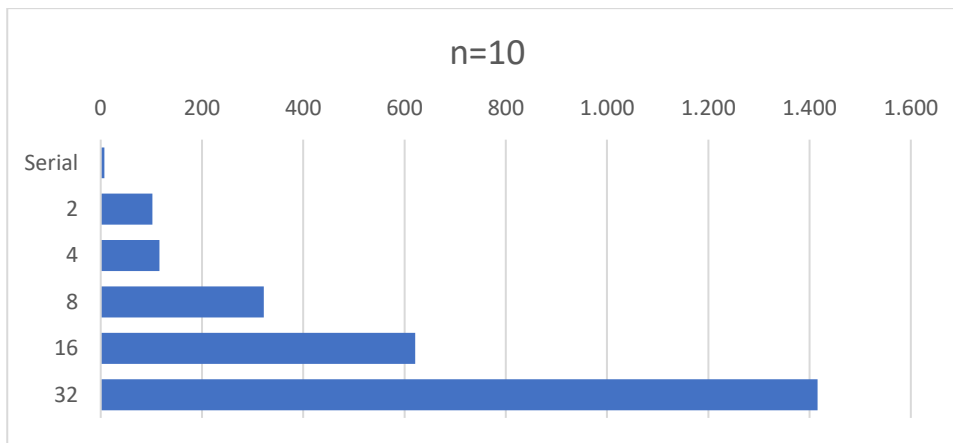
A validação do algoritmo foi feita com $n=10$, com 2 threads, pegando as matrizes produzidas pelo programa e refazendo o cálculo no excel, com o resultado do programa ficando exatamente igual ao cálculo executado no excel.

Calcule o tempo de execução do programa serial para matrizes de tamanho $n \times n$, onde $n = 10, 100$ e 1000 .

Calcule o tempo de execução do programa paralelo para matrizes de tamanho $n \times n$, onde $n = 10, 100$ e 1000 , cada uma com 2, 4, 8, 16 e 32 threads.

Tempos de execução em microssegundos:

	Threads					
n	Serial	2	4	8	16	32
10	7	102	116	322	621	1.416
100	3.496	1.828	1.030	1.181	1.477	2.007
1000	3.384.285	1.699.999	861.204	864.175	862.453	869.223



Responda as perguntas a seguir no relatório:

Há necessidade de sincronização entre as threads para resolver as operações?

Não. Do modo como o algoritmo foi implementado, não existem condições de corrida. Apenas foi necessária a barreira para aguardar a execução de todas as threads.

Qual foi o speedup em relação ao programa serial em cada uma das execuções?

Speedup:

n	Threads				
	2	4	8	16	32
10	0,07	0,06	0,02	0,01	0,005
100	1,91	3,39	2,96	2,37	1,74
1000	1,99	3,93	3,92	3,92	3,89

Houve algum caso em que não houve speedup em relação ao programa serial? Se houve, qual a razão para isso?

Sim.

Para $n=10$, não houve speedup ($\text{speedup} < 1$) em nenhuma situação.

A razão é que a quantidade de processamento para o cálculo do resultado é menor que o overhead de criação e controle das tarefas.

Para $n=100$, esse overhead tornou-se maior a partir do uso de 8 threads, onde o tempo total de processamento passou a crescer com o aumento do número de threads.

Para $n=1000$, o speedup se manteve constante a partir de 4 threads, provavelmente por ter atingido o limite de threads reais que o host podia executar simultaneamente.