ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«Национальный исследовательский университет ИТМО»

ФАКУЛЬТЕТ ПРОГРАММНОЙ ИНЖЕНЕРИИ И КОМПЬЮТЕРНОЙ ТЕХНИКИ

Лабораторная работа \mathbb{N} 6

по дисциплине

«ИНФОРМАТИКА»

Работа с системой компьютерной вёрстки ТЕХ

Вариант №83

Выполнил:

Рязанов Никита Сергеевич студент группы Р3107

Преподаватель:

Балакшин Павел Валерьевич кандидат технических наук, доцент факультета ПИиКТ

Решения задач

M444, M445; Φ 458- Φ 461

Этот ответ у нас получился так:

	5-	4-	3-
	угольников	угольников	угольников
4 круга разбивают сферу на	0	6	8
5-й круг оставляет	0	2	,
нетронутыми	0	2	4
разбивает 3-угольники на	0	2	4
разбивает 4-угольники на	2	4 = 2 + 2	2
Итого	2	10	10

А теперь покажем. как этот же ответ получить намного проще.

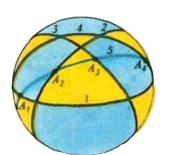


Рис. 5: Сфера

Второе решение. Спроектируем сферу из центра P на плоскость α , параллельную **экватору** O. Тогда пара симметричных n-угольников на сфере, не примыкающих к O, отобразится на n-угольник в плоскости α , а пара n-угольников, примыкающих к O — на (n-2) угол; пользуясь результатом задачи а) — единственностью разбиения плоскости четырьмя прямыми и первой табличкой, — мы заключаем, что любые пять больших кругов разбивают сферу на два пятиугольника (их проекция — 3-угол), 2(1+4)=10четырехугольников (из них восемь примыкает к данному большому кругу О, и эти четыре пары проектируются на 2-углы), и 2(2+3) = 10 треугольников (из них шесть примыкают к большому кругу O). Те, кто знаком с понятием проективной плоскости (см. например. «Квант». 1974. № 3), заметят, конечно, что «проекция», о которой мы говорим, более естественно объясняется как отображение сферы на проективную плоскость (при этом отображении две диаметрально противоположные точки сферы склеиваются в одну, образы всех больших кругов — прямые, в том числе образ круга O—бесконечно удаленная прямая).

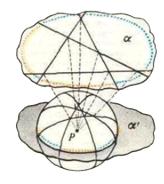


Рис. 6: Сфера с плоскостью α

Рисунок 6, иллюстрирующий второе решение, нужно пояснить. Поскольку «бесконечно удаленную прямую» нарисовать трудно, мы на рисунке 6 очень близко к большому кругу—экватору O — провели пунктиром параллель; ее образом при проекции будет окружность очень большого радиуса в плоскости α , содержащая внутри себя все точки пересечения четырех прямых; эти прямые разбивают возникающий на плоскости «очень большой круг» на 11 областей: «пятиугольник», пять «треугольников» и пять «четырехугольников»; возвращаясь с плоскости на сферу, получаем после удвоения ответ.

В заключение заметим, что во всех трех задачах не только вид частей разбиения (число сторон), но и их взаимное расположение определяются однозначно.

Предлагаем читателям «Кванта» в качестве задачи для исследования выяснить, какие бывают разбиения сферы шестью большими кругами или плоскости — пятью прямыми (здесь уже нет единственности). Самое трудное здесь, по-видимому, доказать то, что найдены все возможные варианты разбиения.

Н. Васильев



M445. Центры одинако-6blxнепересекающихся окружностей находятся в центрах

Заметим. что центры правильных шестиугольников находятся в вершинах ромбов (сторона ромба — удвоенная апофема шестиугольника, угол при вершине равен 60°). Таким образом, мы имеем ромбическую решетку на плоско*правильных* сти; вершины ромбов — узлы решетки (см. рис. 7). Далее, если многоугольник шестиугольников, покрывающих плоскость так, как указано на рисунке 7. Пусть M — многоугольник с вершинами в иентрах окружностей. Окрасим в красный цвет окружености $(\partial y z u)$, которые лежат внутри М. Покажите, чтосумма градусных величин красных дуг равна $C \cdot 180^{\circ}$, $\epsilon \partial e \ C = C(M) - ue$ лое и дайте этому геометрическую интерпретацию.

M с вершинами в узлах представлен в виде объединения многоугольников A_1,\dots,A_k (с вершинами в узлах): $M=\bigcup_{i=l}^k A_i,$ то

$$C(M) = C(A_1) + \ldots + C(A_k);$$

про такую функцию говорят, что она addumueha. Отсюда следует, что если многоугольник M с вершинами в узлах представлен в виде объединения многоугольников A_1, \ldots, A_k , из которого удалено объединение многоугольников B_1, \ldots, B_l (A_i и B_j — с вершинами в узлах) — см. рисунок 8; т. е. если

$$M = \bigcup_{i=1}^{k} A_i \setminus \bigcup_{j=1}^{l} B_j$$
, причем $\bigcup B_j \subset \bigcup A_i$ (*)

 $(здесь \times - значок разности множеств или дополнения), то$

$$C(M) = \sum_{i=1}^{k} C(A_i) - \sum_{j=1}^{l} C(B_j).$$