Wirtschaftsmathematik I

WS 2015/16

Übung 1

1. Gegeben sei die Menge $M=\{i\in\mathbb{N}|1\leq i\leq 15\}$ sowie zugehörige Teilmengen

$$A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}, \quad B = \{6, 8, 10, 12\}, \quad C = \{2, 3, 5, 12, 13\}.$$

Bestimmen Sie

- a) $A \cup B$, $A \cap B$, A^C , C^C , $C^C \cap B$, $B^C \cup C$
- b) $M \backslash B^C$, $C \backslash A$, $(M \backslash C^C) \cap C$, $B \backslash (A \cup C)^C$.
- 2. Gegeben sei die Menge $M = \{T, 1, 2, 3\}$. Geben Sie die Potenzmenge von M an.
- 3. A, B und C seien beliebige Mengen. Untersuchen Sie die folgenden Gleichungen und begründen Sie mittels Venn-Diagrammen, welche der Beziehungen wahr und welche falsch sind.
 - a) $(A \backslash B) \cup (B \backslash A) = (A \cup B) \backslash (A \cap B)$
 - b) $A \cup (B \setminus C) = (A \cup B) \setminus (C \setminus A)$
- 4. Für zwei Mengen A und B ist die symmetrische Differenz durch

$$A\Delta B := (A \backslash B) \cup (B \backslash A)$$

erklärt. Veranschaulichen Sie sich diese Definition mittels Venn-Diagramm. Gibt es Mengen M und N, so dass $A\Delta M=A$ beziehungsweise $A\Delta N=\emptyset$?

5. Es sei

$$A_n := \{ k \in \mathbb{N} | k \le n \}.$$

Bestimmen Sie $\bigcap_{i=1}^n A_i$ und $\bigcup_{i=1}^n A_i$ sowie $\bigcap_{i\in\mathbb{N}} A_i$ und $\bigcup_{i\in\mathbb{N}} A_i$.

6. Skizzieren Sie in der x, y-Ebene das kartesische Produkt $A \times B$, wobei $A = \{1; 2; 3\}$ und $B = [2, 4] \cup \{5\}$.