5.1.4 Das Cobweb Modell (Spinnweb-Modell)

Beispiel: Ein Bauer produziert Kartoffeln, wobei die produzierte Menge abhängig ist vom erzielten Preis im Vorjahr, d.h. je höher der Vorjahrespreis war, desto mehr Kartoffeln produziert er im aktuellen Jahr. Die Nachfrage nach diesen Kartoffeln ist abhängig vom Preis, zu dem die Kartoffeln in diesem Jahr angeboten werden: Je höher dieser Preis ist, desto geringer ist die Nachfrage. Der tatsächliche Preis pendelt sich dabei auf dem Markt so ein, dass Angebot und Nachfrage übereinstimmen.

Wie entwickelt sich der Kartoffelpreis im Laufe der Jahre, wenn im Jahr 0 der Preis p_0 gezahlt wurde?

Mathematische Modellierung:

• Angebot:

 A_n ... Angebot im Jahr n, abhängig vom Preis p_{n-1} des Vorjahres,

$$A_n = \underbrace{ap_{n-1}}_{\begin{subarray}{c} \text{hoher Preis} \\ \text{lässt hohe} \\ \text{Nachfrage} \\ \text{erwarten} \end{subarray}}_{\begin{subarray}{c} \text{hoher Preis} \\ \text{Mindest-} \\ \text{preis wird} \\ \text{produziert} \end{subarray}}_{\begin{subarray}{c} \text{mit } a,b>0 \\ \text{Mindest-} \\ \text{preis wird} \\ \text{erwarten} \end{subarray}}$$

• Nachfrage

 N_n ... Nachfrage im Jahre n, abhängig vom aktuellen Preis p_n

$$N_n = \underbrace{c}_{\substack{\text{maximale} \\ \text{Nachfrage}}} - \underbrace{dp_n}_{\substack{\text{h\"{o}herer} \\ \text{Preis} \text{ ver-} \\ \text{mindert die} \\ \text{Nachfrage}}} \quad \text{mit } c, d > 0$$

• Gleichgewicht

