# 110 學年度第二學期五專(資工一乙)數學第一次小考

分數欄

#### 一、單一選擇題(共60分,每題12分)

1. ( C ) 已知多項式 f(x) 除以 x+2 得商式為  $4x^2+2x-3$ ,餘式為 4,則 f(1)=? (A) -4 (B) -2 (C) 13 (D) 14

解析: 由除法原理得  $f(x) = (x+2)(4x^2+2x-3)+4 \Rightarrow f(1) = 3\times 3+4=13$ 

2. (B) 化簡 $\sqrt{4-\sqrt{12}} + \sqrt{12-6\sqrt{3}} = ?$  (A)  $4-2\sqrt{3}$  (B) 2 (C) -2 (D)  $2\sqrt{3}-4$ 

解析: 原式 =  $\sqrt{4-2\sqrt{3}} + \sqrt{12-2\sqrt{27}}$ =  $(\sqrt{3} - \sqrt{1}) + (\sqrt{9} - \sqrt{3}) = 2$ 

3. ( C ) 有理化  $\frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{6}}$  = ? (A)  $2\sqrt{6}-\sqrt{3}$  (B)  $\sqrt{3}-2\sqrt{6}$  (C)  $2\sqrt{3}-\sqrt{6}$  (D)  $\sqrt{6}-2\sqrt{3}$ 

解析: 原式 =  $\frac{3\sqrt{2}(\sqrt{6}-\sqrt{3})}{(\sqrt{6}+\sqrt{3})(\sqrt{6}-\sqrt{3})} = \frac{6\sqrt{3}-3\sqrt{6}}{6-3} = 2\sqrt{3}-\sqrt{6}$ 

4. ( D ) 若  $f(x) = x^3 + mx^2 + nx - 2$  可被 x - 1 整除,且被 x + 2 除餘式為 6,則 m - n = ? (A) -3 (B) -1 (C)3 (D)5

解析:  $\begin{cases} f(1) = 1 + m + n - 2 = 0 \\ f(-2) = -8 + 4m - 2n - 2 = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m = 3 \\ n = -2 \end{cases} \Rightarrow m - n = 3 - (-2) = 5$ 

5. ( D ) 設a 、b 為整數,下列何者不可能是  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 12$  的因式: (A) x-1 (B) x-3 (C) x+6 (D) x-9

解析: 設 f(x) 的一次整係數因式 px-q

則滿足整係數一次因式檢驗法的  $p \, \cdot \, q$  可能值如下:

p可能為±1

q可能為 $\pm 1$ 、 $\pm 2$ 、 $\pm 3$ 、 $\pm 4$ 、 $\pm 6$ 、 $\pm 12$ 

所有可能的因式有 $x\pm1$ 、 $x\pm2$ 、 $x\pm3$ 、 $x\pm4$ 、 $x\pm6$ 、 $x\pm12$ ,

故x-9不可能是f(x)的因式

### 二、計算與證明題(共 40 分,每題 20 分)

1. 利用綜合除法,試求 $2x^3 - 3x^2 + 5x - 3$ 除以2x - 1的商式和餘式。

答案: 除式 
$$2x-1=2(x-\frac{1}{2})$$

$$\Rightarrow x - \frac{1}{2} = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

$$\begin{vmatrix}
2 & -3 & +5 & -3 \\
+1 & -1 & +2
\end{vmatrix}$$

$$2 \left| \frac{2-2+4}{1-1+2} \right| -1$$

故得商式為 $x^2 - x + 2$ 、餘式為-1

2. 設 $\frac{3x^2+x}{(x-2)(x^2+x+1)} = \frac{a}{x-2} + \frac{bx+c}{x^2+x+1}$ , 試求序組(a,b,c)。

## 答案:

等式兩邊同乘以
$$(x-2)(x^2+x+1)$$
得

$$3x^{2} + x = a(x^{2} + x + 1) + (b + \alpha)(x - 2)$$

$$\Rightarrow x = 2$$
 代入得  $7a = 14 \Rightarrow a = 2$ 

$$\Rightarrow x = 0$$
 代入得  $a - 2c = 0 \Rightarrow c = 1$ 

$$\Leftrightarrow x = 1$$
代入得 $3a - b - c = 4 \Rightarrow b = 1$ 

$$(a,b,c) = (2,1,1)$$