TUGAS BESAR DASAR INTELEGENSI ARTIFISIAL IF3070 PENCARIAN SOLUSI DIAGONAL MAGIC CUBE DENGAN ALGORITMA LOCAL SEARCH



Disusun oleh: Kelompok 70

Muhammad Reffy Haykal	18222103
Samuel Franciscus Togar Hasurungan	18222131
Hanan Fitra Salam	18222133
Salsabila Azzahra	18222139

PROGRAM STUDI SISTEM DAN TEKNOLOGI INFORMASI SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG 2024

DAFTAR ISI

DESKRIPSI PERSOALAN	3
PEMBAHASAN	5
1. Pemilihan objective function	5
2. Penjelasan implementasi algoritma local search (deskripsi fungsi/kelas + source codenya)	7
2.1 Magic Cube	
2.2 Genetic Cube	
2.2 Steepest Ascent Hill-climbing	10
2.3 Simulated Annealing	12
2.4 Genetic Algorithm	16
3. Hasil eksperimen dan analisis (disertai dengan visualisasi dari program yang telah dibuat)	21
3.1 Steepest Ascent Hill-Climbing	21
3.2 Simulated Annealing	24
3.3 Algoritma Genetic	27
KESIMPULAN DAN SARAN	34
PEMBAGIAN TUGAS SETIAP KELOMPOK	35
REFERENSI	37

DESKRIPSI PERSOALAN

	/1 /42 66 /	$-\!\!/-$	98	4/2	1 97 90 1 97 90 75 91 48 15 10
67	18	/115	7/10e	5/5	13 / 13 /
67	18	119	106	5	5 114 23 94 86
116	17	14	73	95	19 / 100 / I
40	50	81	65	79	/ 1 ^a / 1 ¹ /
56	120	55	49	35	1 25 / QA /
36	110	46	22	101	101 60

Magic cube/kubus ajaib adalah padanan 3 dimensi dari persegi ajaib, yaitu kumpulan bilangan bulat yang disusun dalam pola $n \times n \times n$ sedemikian rupa sehingga jumlah angka-angka pada setiap baris, kolom, pilar dan pada setiap empat diagonal ruang utama adalah sama. Jumlah angka-angka tersebut adalah *magic number*. Di kasus ini kami menangani permasalahan diagonal magic cube berukuran 5x5x5, yang terdiri dari angka 1 hingga n^3 tanpa pengulangan, dengan n sebagai panjang sisi kubus. Kubus ini harus memenuhi beberapa properti, yaitu:

- Terdapat satu angka yang merupakan magic number dari kubus tersebut (Magic number tidak harus termasuk dalam rentang 1 hingga n³, magic number juga bukan termasuk ke dalam angka yang harus dimasukkan ke dalam kubus)
- Jumlah angka-angka untuk setiap baris sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk setiap kolom sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk setiap tiang sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk seluruh diagonal ruang pada kubus sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk seluruh diagonal pada suatu potongan bidang dari kubus sama dengan magic number

Dalam tugas ini, kami diharuskan mengimplementasikan algoritma local search untuk memecahkan Diagonal Magic Cube berukuran 5x5x5, dimana kami akan mengusahakan kubus agar bisa mendekati keadaan/state sempurna, yaitu properti tertentu terkait baris, kolom, tiang, serta diagonal bidang dan ruang kubus mencapai *magic number*. Untuk mencapai *magic number*

ini, setiap algoritma local search akan melakukan iterasi perubahan state dari kubus dengan langkah utama berupa penukaran posisi dua angka secara acak pada setiap iterasi.

Tiga algoritma local search yang akan diimplementasikan adalah salah satu varian dari Hill-Climbing yaitu Steepest-Ascent Hill Climbing, Simulated Annealing, dan Genetic Algorithm. kami diharapkan untuk tidak hanya menjalankan algoritma ini, tetapi juga mengeksplorasi parameter-parameter yang relevan seperti jumlah iterasi, populasi dalam Genetic Algorithm, serta batasan sideways move dalam Hill-Climbing. Tujuannya adalah untuk memahami bagaimana masing-masing algoritma bekerja dalam menemukan solusi optimal (global optima) untuk masalah Diagonal Magic Cube, dengan mengevaluasi efisiensi dan efektivitas setiap pendekatan melalui perbandingan hasil akhir, durasi pencarian, dan analisis terhadap pola stuck di local optima.

Melalui eksperimen ini, kami akan mengumpulkan data berupa nilai objective function, state awal dan akhir kubus, jumlah iterasi, serta durasi pencarian untuk setiap algoritma. Hasil eksperimen tersebut akan dianalisis untuk menilai kedekatan solusi yang dicapai oleh masing-masing algoritma terhadap global optima dan melihat bagaimana iterasi dan populasi dalam Genetic Algorithm mempengaruhi kinerja algoritma.

PEMBAHASAN

1. Pemilihan objective function

objective function adalah fungsi matematis yang digunakan untuk mengevaluasi seberapa baik suatu solusi memenuhi kondisi terbaik dalam masalah optimasi. Dalam permasalahan diagonal magic cube, kondisi terbaik yang bisa diraih adalah jika setiap baris, kolom, tiang, dan diagonal menghasilkan *magic number* jika dijumlahkan.

Magic number dari suatu kubus dapat dicari dengan rumus berikut:

$$M_3(n) = \frac{n(n^3+1)}{2}$$

Magic number kubus dilambangkan sebagai M₃(n). Karna pada kasus ini kubus yang dipakai adalah kubus 5 sisi (n), maka kita akan mensubtitusi n pada rumus tersebut. Hasil magic number yang didapat pada magic cube sisi 5 ini adalah **315**.

Setelah mengetahui hasil terbaik yang ingin dicapai dari permasalahan *diagonal magic cube* ini, *objective function* dapat dibuat. Kami ingin *objective function* yang kami buat berfungsi sebagai ukuran seberapa jauh kondisi kubus saat ini dari kondisi ideal dengan melihat berapa selisih jumlah angka yang ada saat ini dengan magic number. Oleh karena itu, kami membuat *objective function* dengan menghitung selisih jumlah angka yang ada pada setiap baris, kolom, tiang, dan diagonal kubus dengan magic number, dan mengakumulasi nya. Semakin kecil selisih yang ada, semakin dekat dengan hasil terbaik. Karena menggunakan pendekatan menghitung selisih, hasil terbaik yang kami harapkan dari *objective function* ini adalah 0.

objective function yang kami gunakan untuk kasus ini adalah sebagai berikut:

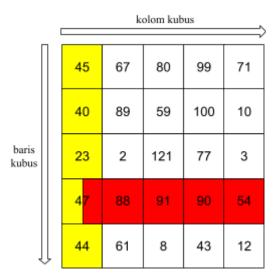
$$f(c) = \sum_{i=0}^{n-1} \sum_{j=0}^{n-1} (|S_r(i,j) - M| + |S_c(i,j) - M| + |S_d(i,j) - M|) + |S_{D1} - M|$$

$$+ |S_{D2} - M| + |S_{D3} - M| + |S_{D4} - M|)$$

- $S_r(i, j)$ = Jumlah elemen pada baris ke-i dan lapisan ke-j.
- $S_c(i, j)$ = Jumlah elemen pada kolom ke-i dan lapisan ke-j.
- Sd(i,j) = Jumlah elemen pada diagonal dari lapisan ke-i dan lapisan ke-j.
- S_{D1} , S_{D2} , S_{D3} , S_{D4} = Jumlah elemen pada empat diagonal ruang pada kubus.

Dalam rumus tersebut, kami menghitung total keseluruhan dari baris, kolom, tiang, dan diagonal karena syarat pada kubus ajaib baru terpenuhi jika semua elemen tersebut sesuai dengan magic number.

Alasan kami mendefinisikan rumus *objective function* seperti ini adalah karena pada saat angka bertukar, kondisi kubus dapat berubah dan yang terpengaruh bukan hanya satu komponen, melainkan beberapa. Sebagai contoh, kita bisa melihat gambar alas kubus berikut.



Gambar 1: Visualisasi *layer* pada kubus 5 x 5 x 5

Angka "45" dan "47" berada pada satu baris. Namun ketika angka-angka ini bertukar, yang terpengaruh bukan hanya barisnya, melainkan juga kolom, tiang, dan diagonal ruang yang memiliki "45" atau "47" sebagai anggotanya. Kondisi mereka juga ikut berubah saat pertukaran terjadi.

M sebagai magic number adalah kondisi ideal yang ingin diraih kubus. Oleh karena itu, kita bisa menghitung seberapa dekatnya kondisi kubus ke ideal melalui selisih antara magic number dan jumlah angka dari baris, kolom, tiang, dan diagonal ruang kubus. Oleh karena itu, dapat disimpulkan bahwa **solusi terbaik akan ditemukan ketika objective function memiliki nilai yang sama dengan 0**.

$$[f(c) = 0]$$

2. Penjelasan Implementasi Algoritma Local Search

2.1 Magic Cube

Class MagicCube digunakan untuk membuat struktur *magic cube* ukuran 5x5x5 serta metode-metode untuk menghitung skor dan menghasilkan tetangga dari suatu kondisi kubus.

Fungsi/ Prosedur	Prosedur <i>init</i>
Deskripsi	Inisialisasi awal objek MagicCube. Prosedur ini menerima parameter <i>self</i> untuk menunjuk <i>class</i> -nya sendiri, <i>N</i> untuk menentukan ukuran kubus, dan <i>magic_number</i> untuk menetapkan target baris, kolom, nilai total awal kubus. Setelah itu, prosedur ini akan menyimpan ukuran kubus, menentukan target nilai magic number, dan inisialisasi kubus dengan angka acak.
Kode	<pre>definit(self, N=5, magic_number=315): self.N = N self.MAGIC_NUMBER = magic_number self.cube = self.initialize_cube()</pre>

Fungsi/ Prosedur	Fungsi initialize_cube
Deskripsi	Function initialize_cube digunakan untuk menginisialisasi kubus secara acak. Menerima parameter <i>slef</i> untuk menunjuk kelasnya sendiri. Fungsi ini akan membuat array dengan angka 1 hingga N³. Lalu akan mengacak angka dan mengembalikan array yang sudah diacak membentuk N x N x N.
Kode	<pre>def initialize_cube(self): numbers = np.arange(1, self.N**3 + 1) np.random.shuffle(numbers) return numbers.reshape((self.N, self.N, self.N))</pre>

Fungsi/ Prosedur	Fungsi search
Deskripsi	Fungsi ini adalah fungsi yang menghitung skor. Perhitungan skor dilakukan dengan <i>for loop</i> indeks i pada setiap layer, menghitung perbedaan antara jumlah elemen dalam setiap baris, kolom, dan diagonal

dengan magic number, lalu menambahkannya pada variabel *score*. Fungsi ini akan mengembalikan skor.

Kode

```
def fitness(self, cube=None):
   if cube is None:
        cube = self.cube
   cube = np.array(cube)
   if cube.shape != (self.N, self.N):
       raise ValueError(f"Ukuran kubus adalah {cube.shape},
seharusnya {(self.N, self.N, self.N)}")
   # Menghitung skor dari setiap baris, kolom, dan diagonal
   score = 0
   # Menghitung skor dari diagonal kubus
   score += abs(np.sum([cube[i, i, i] for i in
range(self.N)]) - self.MAGIC_NUMBER)
   score += abs(np.sum([cube[i, i, self.N - i - 1] for i in
range(self.N)]) - self.MAGIC_NUMBER)
   target = self.MAGIC_NUMBER * self.N
   for i in range(self.N):
       # Menghitung skor dari diagonal
       score += abs(np.sum(np.diagonal(cube[i, :, :])) -
self.MAGIC NUMBER)
       score += abs(np.sum(np.diagonal(np.fliplr(cube[i, :,
:]))) - self.MAGIC NUMBER)
        score += abs(np.sum(np.diagonal(cube[:, i, :])) -
self.MAGIC NUMBER)
        score += abs(np.sum(np.diagonal(np.fliplr(cube[:, i,
:]))) - self.MAGIC NUMBER)
       score += abs(np.sum(np.diagonal(cube[:, :, i])) -
self.MAGIC NUMBER)
       score += abs(np.sum(np.diagonal(np.fliplr(cube[:, :,
i]))) - self.MAGIC_NUMBER)
```

```
score += abs(np.sum(cube[i, :, :]) - target)
score += abs(np.sum(cube[:, i, :]) - target)
score += abs(np.sum(cube[:, :, i]) - target)
return score
```

```
Fungsi/
           Fungsi neigbors function
Prosedur
Deskripsi
           Digunakan untuk menghasilkan solusi tetangga, yang merupakan
           konfigurasi kubus di mana dua elemen dipertukarkan.
           Langkah-langkah utama dalam fungsi ini antara lain:
               1. Inisialisasi position dengan koordinat x, y ,z.
               2. Iterasi tiap elemen untuk memeriksa dan menukar posisi tetangga.
               3. Mengembalikan neighbor yang ditukar.
           def neighbors_function(self, cube=None):
Kode
               if cube is None:
                    cube = self.cube
                neighbors = []
                positions = np.array(list(product(range(self.N),
           repeat=3)))
                for x, y, z in positions:
                    for dx, dy, dz in product([-1, 0, 1], repeat=3):
                        if dx == 0 and dy == 0 and dz == 0:
                            continue
                        nx, ny, nz = x + dx, y + dy, z + dz
                        if 0 <= nx < self.N and 0 <= ny < self.N and 0 <=
           nz < self.N:</pre>
                            swap_cube = cube.copy()
                            swap_cube[x, y, z], swap_cube[nx, ny, nz] =
           swap_cube[nx, ny, nz], swap_cube[x, y, z]
                            neighbors.append(swap_cube)
                return neighbors
```

2.2 Genetic Cube

gencube.py digunakan khusus pada algoritma genetic untuk membuat struktur *magic cube* ukuran 5x5x5 serta metode-metode untuk menghitung *objective function* dan melaksanakan tahap-tahap penting dalam algoritma tersebut, yaitu pemuatan populasi, seleksi, crossover, serta mutasi.

Fungsi/ Prosedur	Fungsi create_magic_cube
Deskripsi	Fungsi ini menghasilkan magic cube dalam bentuk <i>array of list</i> 1 dimensi dengan bilangan dari angka 1 hingga 125 yang disusun secara acak. List ini nantinya akan diubah menjadi array 3D berukuran 5x5x5
Kode	<pre>def create_magic_cube(): return random.sample(range(1, 126), 125)</pre>

Fungsi/ Prosedur	Fungsi transform_to_3d
Deskripsi	Fungsi ini mengubah list 1 dimensi berukuran 125 menjadi array 3D 5x5x5 yang dapat digunakan untuk mempermudah akses elemen baris, kolom, atau diagonal dalam magic cube
Kode	<pre>def initialize_cube(self): numbers = np.arange(1, self.N**3 + 1) np.random.shuffle(numbers) return numbers.reshape((self.N, self.N, self.N))</pre>

Fungsi/ Prosedur	Fungsi objective_function
Deskripsi	Fungsi ini mengecek tiap baris, kolom, tiang, serta beberapa diagonal di setiap potongan bidang dari kubus dan juga diagonal antar ruang. Setiap perbedaan antara jumlah elemen dengan konstanta MAGIC_CONST yang bernilai 315 dihitung sebagai penalti dalam point. Semakin rendah nilai point, semakin dekat kubus ini menjadi magic cube yang ideal
Kode	<pre>def objective_function(magic_cube): point = 0 for k in range(5):</pre>

```
for j in range(5):
        line_sum_1 = line_sum_2 = line_sum_3 = 0
        for i in range(5):
            line sum 1 += magic cube \begin{bmatrix} 25 * k + 5 * j + i \end{bmatrix}
            line_sum_2 += magic_cube[25 * k + 5 * i + j]
            line_sum_3 += magic_cube[25 * j + 5 * i + k]
        point += abs(line_sum_1 - MAGIC_CONST)
        point += abs(line_sum_2 - MAGIC_CONST)
        point += abs(line_sum_3 - MAGIC_CONST)
for j in range(5):
   line_sum_1 = 0
   line_sum_2 = 0
   line sum 3 = 0
   line_sum_4 = 0
   line_sum_5 = 0
   line_sum_6 = 0
    for i in range(5):
        mirr = 4 - i
        line_sum_1 += magic_cube[25 * j + 5 * i + i]
        line_sum_2 += magic_cube[25 * j + 5 * i + mirr]
        line sum 3 += magic cube[25 * i + 5 * j + i]
        line sum 4 += magic cube[25 * i + 5 * j + mirr]
        line_sum_5 += magic_cube[25 * i + 5 * i + j]
        line_sum_6 += magic_cube[25 * i + 5 * mirr + j]
    point += abs(line sum 1 - MAGIC CONST)
    point += abs(line_sum_2 - MAGIC_CONST)
    point += abs(line_sum_3 - MAGIC_CONST)
    point += abs(line_sum_4 - MAGIC_CONST)
    point += abs(line_sum_5 - MAGIC_CONST)
    point += abs(line_sum_6 - MAGIC_CONST)
line_sum_1 = 0
line_sum_2 = 0
```

```
line_sum_3 = 0
line_sum_4 = 0

for i in range(5):
    mirr = 4 - i
    line_sum_1 += magic_cube[25 * i + 5 * i + i]
    line_sum_2 += magic_cube[25 * i + 5 * i + mirr]
    line_sum_3 += magic_cube[25 * mirr + 5 * i + i]
    line_sum_4 += magic_cube[25 * mirr + 5 * i + mirr]

point += abs(line_sum_1 - MAGIC_CONST)
point += abs(line_sum_2 - MAGIC_CONST)
point += abs(line_sum_3 - MAGIC_CONST)
point += abs(line_sum_4 - MAGIC_CONST)
return float(point)
```

Fungsi/ Prosedur	Prosedur mutate
Deskripsi	Prosedur ini bertugas untuk melaksanakan proses mutasi pada algoritma genetic, yaitu memperkenalkan variasi pada konfigurasi <i>magic cube</i> dengan menukar posisi elemen-elemen di dalamnya. Ini bertujuan agar solusi tidak terjebak di <i>local optimum</i> , memungkinkan terbukanya ruang baru eksplorasi.
Kode	<pre>def mutate(cube, mutation_rate=0.05): """Mutasi magic cube dengan menukar beberapa angka secara acak, berdasarkan mutation_rate.""" num_swaps = random.randint(1, 3) for _ in range(num_swaps): if random.random() < mutation_rate: i, j = random.sample(range(125), 2) cube[i], cube[j] = cube[j], cube[i] parent_pos += 1</pre>

2.3 Steepest Ascent Hill-climbing

Algoritma pencarian ini merupakan variasi dari Hill Climbing yang mempertimbangkan semua gerakan dari kondisi saat ini dan memilih yang terbaik sebagai kondisi berikutnya. Algoritma ini memeriksa semua tetangga dari status saat ini dan memilih satu tetangga yang paling dekat dengan status tujuan.

Class SteepestHillClimbing digunakan untuk mengimplementasikan algoritma ini ke magic cube yang telah di-generate.

Fungsi/ Prosedur	Prosedur init
Deskripsi	Digunakan untuk menjadi konstruktor untuk inisialisasi awal ketika objek <i>SteepestHillClimbing</i> dibuat. Prosedur ini memiliki parameter <i>self</i> untuk menunjuk <i>class</i> diri sendiri dan <i>max_iteration=1000</i> untuk membuat batas iterasi. Setelah itu, prosedur ini akan membuat objek <i>solver</i> untuk inisialisasi kubus dan fungsinya, <i>initial_state</i> untuk menyimpan keadaan awal dari kubus, <i>objective_function</i> untuk menghitung skor awal dengan fungsi <i>fitness, max_iterarions</i> untuk menentukan batas iterasi, dan <i>array history</i> untuk menyimpan perubahan skor tiap iterasi.
Kode	<pre>definit(self, max_iterations=1000): self.solver = MagicCube() self.initial_state = self.solver.cube self.objective_function = self.solver.fitness(self.initial_state) self.max_iterations = max_iterations self.history = []</pre>

Fungsi/ Prosedur	Fungsi search
Deskripsi	 Function search digunakan untuk menjalankan algoritma Steepest Ascent Hill-Climbing. Fungsi ini mencari solusi terbaik secara bertahap di setiap iterasi dan menyimpan skornya. Langkah-langkah utama dalam fungsi ini antara lain: Iteration_count dan start_time untuk inisiasi iterasi dan waktu. Fungsi neighbors_function untuk menghasilkan skor tetangga sekarang. Memilih tetangga terbaik dengan for loop. mengevaluasi skor

- dengan fitness.
- 4. Memperbarui *initial_state*, *objective_function*, dan menyimpan *history* skor.
- 5. Mengembalikan *initial_state*, *objective_function*, *execute_time*, *history*, dan *iteration_count*.

```
def search(self):
Kode
               iteration_count = 1
               start_time = time.time()
               # Mencari tetangga terbaik dari kubus
               while iteration_count <= self.max_iterations:</pre>
                   neighbors =
           self.solver.neighbors_function(self.initial_state)
                   best_neighbor = min(neighbors,
           key=self.solver.fitness)
                   best_score = self.solver.fitness(best_neighbor)
                   # Mengganti kubus awal dengan kubus tetangga terbaik
                   if best_score < self.objective_function:</pre>
                       self.initial_state = best_score
                       self.objective_function = best_score
                       self.history.append(self.objective_function)
                       print(f"Iterasi {iteration_count}: Skor sekarang =
           {self.objective_function}")
                       if self.is_solved(self.objective_function):
                           break
                   else:
                       break
                   iteration_count += 1
               execute_time = time.time() - start_time
               return self.initial_state, self.objective_function,
           execute_time, self.history, iteration_count
```

Fungsi/ Prosedur	Fungsi is_solved
Deskripsi	Memeriksa apakah solusi sudah mencapai hasil optimum.
Kode	<pre>def is_solved(self, score): return score == 0</pre>

2.3 Simulated Annealing

Algoritma pencarian ini merupakan algoritma pencarian lokal yang akan memilih tetangga secara acak dan dihitung seberapa baik solusi tetangga tersebut dengan menghitung selisih skor heuristik dengan delta E. Jika lebih baik, maka solusi tersebut dapat dipilih menjadi *current state*. Solusi yang lebih buruk mungkin saja dipilih dengan menghitung terlebih dahulu probabilitas solusi tersebut dengan rumus ... Setiap pencarian solusi (iterasi) yang dilakukan, suhu akan menurun. Pencarian akan diterminasi jika suhu sudah mendekati 0.

Dalam implementasi penggunaan algoritma simulated annealing, *class SimulatedAnnealing* digunakan untuk mengimplementasikan algoritma ini ke *magic cube* yang telah di-*generate*. Berikut fungsi/prosedur yang digunakan dalam kelas *SimulateAnnealing*.

Fungsi/ Prosedur	Prosedur <i>init</i>
Deskripsi	Konstruktor dari kelas <i>SimulatedAnneling</i> . Fungsi ini memiliki masukan <i>self</i> untuk menunjuk class diri sendiri dan juga memiliki parameter yang diinisialisasi, yaitu: 1. <i>initial_temperature</i> =1000 2. <i>cooling_rate</i> =0.99 3. temperature_threshold=0.001 4. stagnation_threshold=50 Dalam fungsi ini akan membuat objek <i>solver</i> yang merupakan objek dari kelas <i>MagicCube</i> yang akan menjalankan fungsi-fungsi dari kelas tersebut, seperti inisialisasi kubus, menghitung skor heuristik, dan memilih tetangga.
Kode	<pre>definit(self, initial_temperature=1000, cooling_rate=0.99, temperature_threshold=0.001, stagnation_threshold=50): self.solver = MagicCube()</pre>

```
self.current_state = self.solver.cube
    self.current_score =
self.solver.fitness(self.current_state)
    self.temperature = initial_temperature
    self.cooling_rate = cooling_rate
    self.temperature_threshold = temperature_threshold
    self.stagnation_threshold = stagnation_threshold
    self.iteration_scores = []
    self.probabilities = []
    self.total_stuck_count = 0
```

Fungsi/ Prosedur	Fungsi search
Deskripsi	Proses pencarian solusi menggunakan simulated annealing dilakukan dalam fungsi ini. Fungsi ini memiliki masukan <i>self</i> dan memiliki keluaran <i>self.current_state</i> , kondisi kubus saat ini setiap pencarian solusi dilakukan, dan <i>self.current_score</i> , skor heuristik untuk setiap solusi yang dihasilkan. Langkah-langkah utama dalam fungsi search 1. Menjalankan looping dengan kondisi suhu masih lebih besar dari batas <i>temperature_threshold</i> 2. Mengambil tetangga secara acak dan menghitung <i>delta_E</i> 3. Jika <i>delta_E</i> lebih kecil dari 0 (solusi lebih baik dari current state), maka current state dan current score akan diperbarui 4. Jika delta_E lebih besar dari 0,akan dihitung probabilitas penerimaan solusi buruk berdasarkan persamaan <i>math.exp(-delta_E / temperature)</i> 5. Jika tidak ada perbaikan selama beberapa iterasi berturut-turut, algoritma mencatat bahwa ia <i>stuck</i> pada <i>local optima</i> . 6. Setelah setiap iterasi, suhu dikurangi sesuai <i>cooling_rate</i> . Loop akan berhenti jika solusi optimal ditemukan atau suhu mencapai batas.
Kode	<pre>def search(self): iteration_count = 1 stagnation_counter = 0 start_time = time.time()</pre>

```
while self.temperature > self.temperature_threshold:
            neighbors =
self.solver.neighbors function(self.current state)
            next state = random.choice(neighbors)
            next_score = self.solver.fitness(next_state)
            delta_E = next_score - self.current_score
            probability = 1.0
            if delta_E < 0:</pre>
                self.current_state = next_state
                self.current_score = next_score
                stagnation_counter = 0
            else:
                probability = math.exp(-delta_E /
self.temperature)
                if random.random() < probability:</pre>
                    self.current_state = next_state
                    self.current_score = next_score
                stagnation_counter += 1
            self.iteration_scores.append(self.current_score)
            self.probabilities.append(probability)
            if stagnation counter >=
self.stagnation threshold:
                self.total stuck count += 1
                print(f"Stuck di local optima pada iterasi
{iteration count} dengan skor {self.current score}")
            print(f"Iterasi {iteration_count}: Skor Heuristik
 {self.current_score}, Temperatur = {self.temperature:.4f},
Probabilitas = {probability:.4f}")
            if self.is_solved(self.current_score):
                break
            self.temperature *= self.cooling_rate
```

```
iteration_count += 1

end_time = time.time()
    print(f"Waktu yang dibutuhkan: {end_time - start_time})

detik")
    print(f"Total frekuensi stuck di local optima:
{self.total_stuck_count}")
    return self.current_state, self.current_score
```

Fungsi/ Prosedur	Fungsi is_solved
Deskripsi	Mengevaluasi apakah solusi sudah optimal dengan mengembalikan nilai True jika skor heuristik yang didapat sama dengan 0. Jika True, maka fungsi <i>search</i> akan berhenti.
Kode	<pre>def is_solved(self, score): return score == 0</pre>

Fungsi/ Prosedur	Prosedur plot_objective_function
Deskripsi	Melakukan visualisasi selama proses pencarian solusi yang dilakukan. Hasil dari visualisasi ini adalah grafik objective function solusi yang dihasilkan (sumbu y) untuk setiap iterasi (sumbu x).
Kode	<pre>def plot_objective_function(self): plt.figure(figsize=(10, 5)) # Plotting Objective Function Value over Iterations plt.subplot(2, 1, 1) plt.plot(self.iteration_scores, label='Objective Function (Score)') plt.xlabel("Iteration") plt.ylabel("Objective Function Value (Score)") plt.title("Objective Function Value over Iterations in Simulated Annealing") plt.legend()</pre>

```
plt.tight_layout()
plt.show()
```

```
Fungsi/
           Prosedur plot probability
Prosedur
Deskripsi
           Melakukan visualisasi selama proses pencarian solusi yang dilakukan.
           Hasilnya dari visualisasi ini adalah grafik nilai probabilitas solusi untuk
           setiap iterasi.
Kode
           def plot_probability(self):
                    plt.figure(figsize=(10, 5))
                    # Plotting Probability e^(-delta E / T) over
           Iterations
                    plt.subplot(2, 1, 2)
                    plt.plot(self.probabilities, label='Probability
            (e^(-delta_E / T))', color='orange')
                    plt.xlabel("Iteration")
                    plt.ylabel("Probability")
                    plt.title("Probability of Accepting Worse Solution
            over Iterations")
                    plt.legend()
                    plt.tight_layout()
                    plt.show()
```

2.4 Genetic Algorithm

Algoritma ini dimulai dengan membentuk populasi awal yang terdiri dari banyak kubus yang di*generate* dengan angka acak dari 1 sampai 125. Pada kali ini, populasi awal saya tentukan jumlahnya menjadi 2000 kubus. Dalam populasi ini dipilih 20 kandidat secara acak, dan dari kandidat dipilih dua parent terbaik untuk menjadi kandidat dalam proses *crossover*, di mana karakteristik dari kedua parent digabungkan untuk membentuk dua anak baru. Setelah anak baru terbentuk, proses mutasi akan diterapkan ke kedua anak tersebut untuk memperkenalkan variasi kecil yang tujuannya untuk mencegah solusi

stagnan pada nilai yang kurang optimal. Setelah itu, anak-anak yang telah melalui proses mutasi ditambahkan ke populasi baru. Proses akan terulang kembali sampai populasi baru sudah mencapai kuantitas yang sama dengan populasi awal. Jika sudah sama, populasi lama digantikan oleh populasi baru, dan populasi baru ini akan digunakan ke generasi berikutnya.

Pada akhir setiap generasi, algoritma mengevaluasi solusi terbaik saat ini berdasarkan nilai objektifnya, dan jika solusi terbaik mendekati atau mencapai nilai target, proses akan dihentikan lebih awal. Proses ini terus diulang hingga mencapai jumlah generasi yang ditentukan atau hingga menemukan solusi optimal. Selama proses ini, nilai objektif terbaik dari setiap generasi dicatat untuk melihat perkembangan. Setelah proses selesai, kode menampilkan konfigurasi terbaik dari cube yang ditemukan, persentase kesempurnaannya terhadap target, dan grafik regresi perkembangan nilai objektif dari setiap generasi.

Implementasi dari algoritma ini dilaksanakan pada kode *genetic.py*

Fungsi/ Prosedur	Fungsi select_parent								
Deskripsi	Fungsi ini bertugas untuk mengambil 20 kandidat secara acak dari 2000 populasi awal, dan memilih satu <i>parent</i> terbaik dari kandidat untuk <i>crossover</i> . Parent yang terpilih adalah kandidat terbaik, yaitu individu dengan nilai objektif paling dekat dengan target								
Kode	<pre>def select_parent(population): candidates = random.sample(population, 20) candidates.sort(key=lambda cube: abs(objective_function(cube) - TARGET_OBJECTIVE)) return candidates[0]</pre>								

Fungsi/ Prosedur	Prosedur crossover
Deskripsi	Prosedur ini bertugas untuk mengeksekusi persilangan antar parent, dan menghasilkan 2 anak baru dari proses tersebut. Di proses ini, segmen tertentu dari parent pertama digabungkan ke child pertama, dan segmen dari parent kedua ke <i>child</i> kedua, lalu sisanya dilengkapi dengan elemen-elemen dari parent yang lain tanpa duplikasi.
Kode	def crossover(parent1, parent2):

```
size = len(parent1)
  child1, child2 = [None]*size, [None]*size
  start, end = sorted(random.sample(range(size), 2))
  # copy segment dari parent1 ke child1, terus parent2 ke
child2
  child1[start:end+1] = parent1[start:end+1]
  child2[start:end+1] = parent2[start:end+1]

# ngisi posisi yang masih kosong di child1 dari parent2
and vice versa tanpa ada duplikat
  fill_remaining(child1, parent2, start, end)
  fill_remaining(child2, parent1, start, end)
  return child1, child2
```

Fungsi/ Prosedur	Prosedur fill_remaining
Deskripsi	Fungsi ini bertugas untuk mengisi bagian-bagian kosong dalam <i>child</i> dengan elemen-elemen dari <i>parent</i> yang lain, tanpa mengulangi elemen yang sudah ada.
Kode	<pre>def fill_remaining(child, parent, start, end): """Fills remaining positions in child array.""" size = len(parent) child_pos = end + 1 parent_pos = end + 1 while None in child: if parent[parent_pos % size] not in child: child[child_pos % size] = parent[parent_pos % size] child_pos += 1</pre>

Fungsi/ Prosedur	Prosedur genetic_algorithm
Deskripsi	Prosedur ini merupakan fungsi utama yang akan mengimplementasikan seluruh proses algoritma genetika untuk menemukan <i>state</i> magic cube yang terbaik. Pada fungsi ini, pengguna pertama-tama menentukan jumlah

generasi (iterasi) dan ukuran populasi awal. Program memulai dengan memilih salah satu *state* acak dari populasi sebagai titik awal. Di setiap generasi, proses seleksi memilih dua *parent* terbaik, yang kemudian menjalani *crossover* untuk menghasilkan dua anak. Anak-anak ini mengalami mutasi untuk menjaga keragaman dalam populasi. Setelahnya, populasi kemudian diperbarui dengan memasukkan anak-anak baru tersebut. Best cube dan nilai objektif terbaik diperbarui setiap kali ditemukan konfigurasi dengan nilai objektif yang lebih baik. Jika konfigurasi memenuhi TARGET_OBJECTIVE yaitu 0, program akan berhenti. Terakhir, prosedur ini akan menampilkan plot regresi yang bertujuan untuk menunjukkan hubungan antara nilai maksimum dan rata-rata objective function dengan setiap generasi atau iterasi.

Kode

```
def genetic algorithm():
    """Menjalankan algoritma genetika untuk menemukan magic
cube terbaik."""
    iterations = int(input("Berikan jumlah iterasi/generasi:
'))
    populations = int(input("Berikan jumlah populasi yang
diinginkan: "))
    start_time = time.time()
    population = [create_magic_cube() for _ in
range(populations)]
    best cube = None
    best_objective_value = float('inf')
   max_objective_value_reg = []
    avg_objective_value_reg = []
    time.sleep(1)
    print()
    print("State kubus awal:")
    rand pop = random.sample(population,1)
    print(transform to 3d(rand pop))
    print()
    if (iterations <= 0):</pre>
```

```
print("jumlah iterasi tidak boleh 0 atau kurang!
jalankan ulang program")
   else:
        print("mengonfigurasi kubus....")
        time.sleep(2)
        for generation in range(iterations):
            print(f"Generasi: {generation+1}")
            new_population = []
            while len(new_population) < populations:</pre>
                parent1 = select_parent(population)
                parent2 = select_parent(population)
                child1, child2 = crossover(parent1, parent2)
                mutate(child1)
                mutate(child2)
                new_population.append(child1)
                new_population.append(child2)
            population = new_population
            current best = min(population, key=lambda cube:
abs(objective_function(cube) - TARGET_OBJECTIVE))
            current_best_value =
objective_function(current_best)
            average_objective_value =
mean([objective_function(cube) for cube in population])
            if abs(current_best_value - TARGET_OBJECTIVE) <</pre>
abs(best_objective_value - TARGET_OBJECTIVE):
                best_cube = current_best
```

```
best_objective_value = current_best_value
            average_objective_value =
mean([objective_function(cube) for cube in population])
max_objective_value_reg.append(best_objective_value)
avg_objective_value_reg.append(average_objective_value)
           print(f"Nilai objektif terbaik saat ini:
{best_objective_value}")
            print(f"Nilai Objektif rata-rata:
{average_objective_value}")
           print()
           if best_objective_value == TARGET_OBJECTIVE:
                print("Solusi optimal ditemukan!")
               break
       end_time = time.time()
       duration = end time - start time
       print("Selesai!")
       time.sleep(1)
       print(f"Durasi pencarian: {duration:.2f} detik")
       print("\nState Kubus akhir (terbaik):")
       print(transform_to_3d(best_cube))
       time.sleep(2)
       print()
       fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=(12, 5))
       ax1.plot(max_objective_value_reg, marker='o')
        ax1.set_title("Max Objective Function Progression")
```

```
ax1.set_xlabel("Generation")
                   ax1.set_ylabel("Max Objective Function")
                   ax2.plot(avg_objective_value_reg, marker='o')
                   ax2.set_title("Average Objective Function
           Progression")
                   ax2.set_xlabel("Generation")
                   ax2.set_ylabel("Average Objective Function")
                   plt.subplots_adjust(wspace=1)
                   plt.tight_layout()
                   plt.show()
           def mutate(cube, mutation_rate=0.05):
mutate
               """Mutasi magic cube dengan menukar beberapa angka secara
           acak, berdasarkan mutation_rate."""
               num_swaps = random.randint(1, 3)
               for _ in range(num_swaps):
                   if random.random() < mutation_rate:</pre>
                       i, j = random.sample(range(125), 2)
                       cube[i], cube[j] = cube[j], cube[i]
```

fungsi/prosedur	Deskripsi
select_parent	Fungsi ini bertugas untuk mengambil 20 kandidat secara acak dari 2000 populasi awal, dan memilih satu <i>parent</i> terbaik dari kandidat untuk <i>crossover</i> . Parent yang terpilih adalah kandidat terbaik, yaitu individu dengan nilai objektif paling dekat dengan target
crossover	Fungsi ini bertugas untuk mengeksekusi persilangan antar parent, dan menghasilkan 2 anak baru dari proses tersebut. Di proses ini, segmen tertentu dari parent pertama digabungkan ke child pertama, dan segmen dari parent kedua ke <i>child</i> kedua, lalu sisanya dilengkapi dengan elemen-elemen dari parent yang lain tanpa duplikasi.
fill_remaining	Fungsi ini bertugas untuk mengisi bagian-bagian kosong

	dalam <i>child</i> dengan elemen-elemen dari <i>parent</i> yang lain, tanpa mengulangi elemen yang sudah ada.						
genetic_algorithm	Fungsi utama ini mengimplementasikan seluruh proses algoritma genetika untuk menemukan <i>state</i> magic cube yang terbaik						
mutate	Fungsi ini bertugas untuk memperkenalkan variasi pada konfigurasi <i>magic cube</i> dengan menukar posisi elemen-elemen di dalamnya. Ini bertujuan agar solusi tidak terjebak di <i>local optimum</i> , memungkinkan terbukanya ruang baru eksplorasi.						

3. Hasil Eksperimen dan Analisis

Dari algoritma pencarian lokal yang telah dikerjakan, kami akan melakukan eksperimen dengan menjalankan algoritma sebanyak 3 kali

3.1 Steepest Ascent Hill-Climbing

Berikut adalah tiga kali percobaan pada algoritma Steepest Ascent Hill-Climbing.

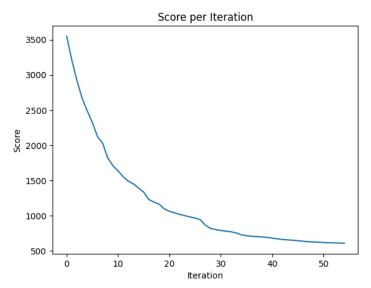
a. Percobaan pertama

Initial State of the Cube (Score: 4040)

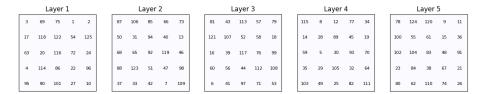
Layer 1					Layer 2						Layer 3						Layer 4						Layer 5					
48	47	21	1	54	25	56	69	35	114		46	84	52	97	72		125	23	82	14	108		74	104	11	98	33	
10	17	70	63	96	101	39	116	30	79		110	19	55	44	109		95	22	37	2	88		121	115	27	113	77	
7	31	59	38	81	13	76	120	67	85		107	68	83	41	61		3	4	42	89	49		40	60	45	66	34	
26	43	103	57	87	62	122	9	86	73		64	18	51	28	106		112	16	105	58	36		90	12	32	123	75	
99	24	100	78	102	71	5	118	124	6		15	80	8	91	111		92	20	29	50	53		93	94	119	117	65	

Final State of the Cube (Score: 610, Time: 25.74 seconds, Iteration: 55)



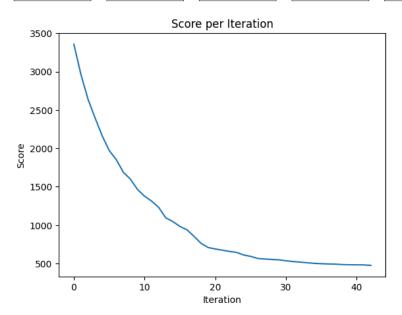


b. Percobaan kedua



Final State of the Cube (Score: 476, Time: 20.05 seconds, Iteration: 43)

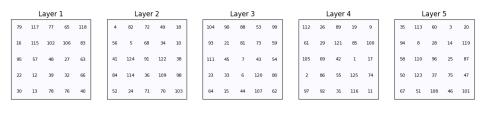
3 118 122 2 1 63 20 72 101						L	ayer	2			L	ayer	3			L	ayer	4			L	ayer	5	
17	65	75	1	54	87	106	85	66	73	81	43	113	57	79	115	12	28	11	34	78	89	120	9	77
3	118	122	2	125	50	69	94	45	13	121	107	52	76	19	16	8	124	117	18	102	55	61	15	36
63	20	72	101	24	68	31	22	119	46	88	14	44	58	99	84	29	5	93	91	100	104	83	48	70
4	114	90	98	96	37	123	7	40	116	56	60	47	32	64	59	105	25	112	111	23	35	38	67	21
95	86	27	92	10	41	33	42	53	109	6	39	97	71	51	80	49	30	110	108	103	62	74	82	26

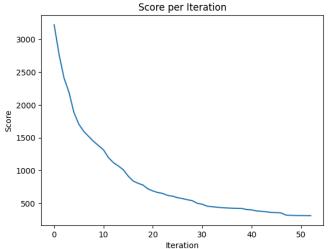


c. Percobaan ketiga

Initial State of the Cube (Score: 3818)

	L	.ayer	1			L	ayer	2			L	ayer	3			L	ayer	4			L	ayer	5	
82	77	106	102	118	5	79	73	49	99	112	90	88	10	34	104	35	19	3	9	26	113	60	89	20
16	115	124	117	83	57	4	68	72	53	42	93	18	59	91	61	29	14	119	100	110	69	28	121	81
95	41	48	39	63	56	65	85	122	38	111	21	7	43	54	105	8	51	1	17	58	94	123	47	87
84	13	27	40	98	12	114	78	109	103	24	15	92	120	80	2	86	44	125	75	50	96	45	74	25
22	52	71	76	32	30	33	36	70	66	64	23	6	107	116	97	55	31	62	11	67	37	108	46	101





Setelah melakukan tiga kali eksperimen algoritma Steepest Ascent Hill-Climbing, beberapa analisis dapat dilakukan untuk mengevaluasi kinerja dari algoritma ini. Hal pertama yang dapat dianalisa dari algoritma ini adalah seberapa dekat algoritma ini mendekati global optimum (skor *objective function* = 0). Didapat dari eksperimen, bahwa skor akhir yang didapatkan masih jauh dari global optimum. Hal ini disebabkan karena algoritma ini hanya mencari solusi hanya memilih solusi atau langkah terbaik dari solusi saat ini saja tanpa mempertimbangkan kemungkinan solusi yang lebih baik. Selain itu, kita ketahui juga bahwa algoritma ini sangat rentan terjebak pada lokal optimum saja.

Setelah itu, dapat dianalisis hasil akhir, durasi, dan iterasi pencarian dari tiap eksperimen. Berdasarkan hasil akhir, masih terdapat variasi hasil yang hasilnya juga tidak selalu konsisten. Variasi ini disebabkan karena proses pencarian dimulai dari kondisi yang berbeda-beda. Berdasarkan durasi proses pencarian, waktu pencariannya bervariasi antara 20 hingga 27 detik dimana tidak ada perbedaan yang terlalu lama. Iterasi proses juga bervariasi dari 40 hingga 55 iterasi. Dapat disimpulkan dari analisis tiga aspek tersebut bahwa algoritma ini sangat bergantung dengan *state* awal kubus dan banyaknya iterasi yang dilakukan. Iterasi yang lebih banyak memungkinkan algoritma ini mencapai solusi yang lebih baik, namun waktu eksekusi kemungkinan juga akan lebih lama.

Jika dibandingkan dengan algoritma pencarian lokal lain, algoritma Steepest Ascent Hill-Climbing memiliki durasi penyelesaian yang lebih cepat.

Tetapi jika dibandingkan dengan hasil akhir pencarian, algoritma ini memiliki solusi paling buruk. Hal ini disebabkan karena algoritma ini lebih memiliki kecenderungan terjebak di lokal optimum dibandingkan algoritma lain.

3.2 Simulated Annealing

Berikut adalah hasil dari tiga kali percobaan algoritma simulated annealing.

Percobaan pertama

2000

1000

Ó

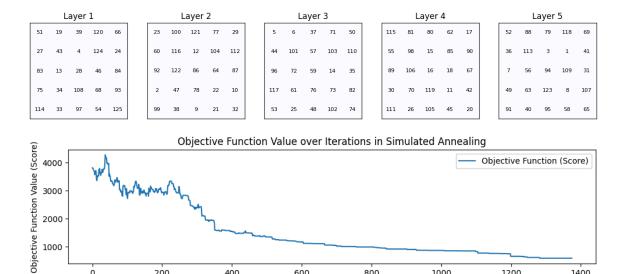
200

400

Initial State of the Cube (Score: 3858)

	L	ayer	1			L	ayer	2			L	ayer	3			L	ayer	4			L	ayer	5	
83	27	39	43	71	5	13	104	118	103	23	6	87	94	31	50	109	72	80	121	19	88	15	98	17
117	37	120	124	77	33	79	57	24	29	73	90	86	106	12	91	40	119	70	85	55	52	1	110	41
25	75	56	46	64	78	92	115	81	42	16	61	66	84	74	76	47	82	63	105	69	18	60	3	26
34	101	44	125	68	65	93	53	2	35	62	36	14	112	58	9	7	116	95	28	10	123	113	20	107
114	100	4	21	108	30	67	54	102	32	99	48	22	97	38	96	111	122	49	51	89	11	59	8	45

Final State of the Cube (Score: 578, Time: 8.49s, Total Stuck: 45)



600

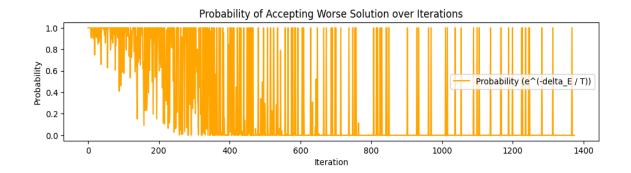
Iteration

1000

800

1200

1400



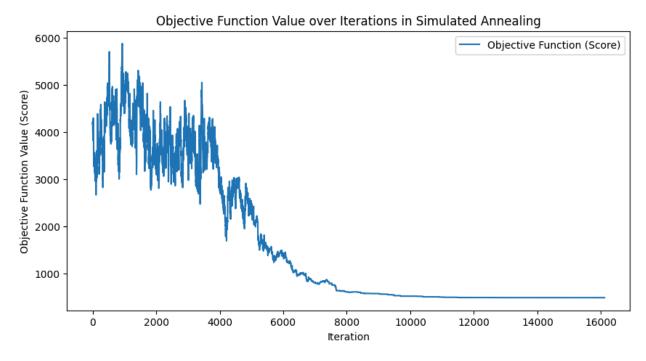
b. Percobaan kedua

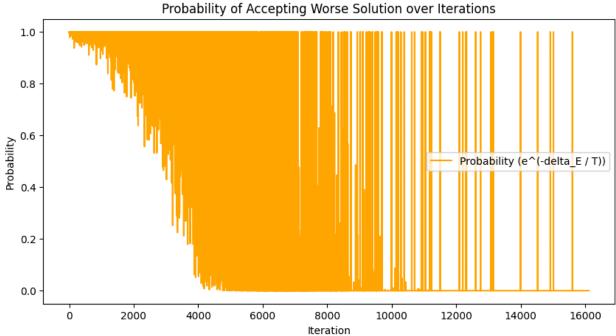
Initial State of the Cube (Score: 4168)

	La	ayer	1			L	ayer	2			L	ayer	3			L	ayer	4			L	ayer	5	
25	64	71	7	18	105	31	6	5	57	91	114	107	49	35	124	81	70	33	116	123	13	77	48	69
26	118	68	44	3	119	74	87	38	14	92	94	61	52	83	106	82	50	54	125	76	9	113	96	90
111	55	21	34	104	85	62	46	15	84	73	27	63	22	1	4	89	36	88	86	17	23	75	72	121
10	2	29	40	11	95	39	101	59	30	37	41	58	47	60	20	79	120	8	53	67	122	112	109	28
98	102	93	117	99	108	66	43	51	110	115	100	80	16	97	24	12	42	56	19	78	32	65	103	45

Final State of the Cube (Score: 487, Time: 205.09s, Total Stuck: 155)

	L	ayer	1			L	ayer	2			L	ayer	3			L	ayer	4			L	ayer	5	
76	7	69	40	103	55	119	98	61	2	104	94	4	18	113	12	89	93	50	83	86	37	21	74	65
39	70	110	14	16	23	44	114	51	24	97	29	120	78	26	42	80	75	11	111	46	85	53	117	100
109	79	25	54	57	124	22	84	32	33	36	48	28	41	64	6	92	116	90	122	106	3	1	107	99
52	108	35	88	15	71	123	102	72	34	13	38	60	77	125	82	91	95	68	27	81	30	19	59	10
96	31	112	118	49	56	43	66	58	63	20	121	62	87	73	17	45	5	9	67	101	47	8	115	105

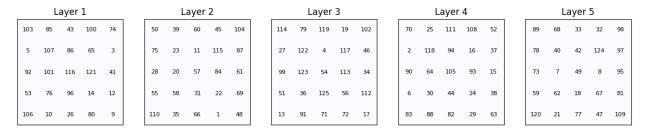




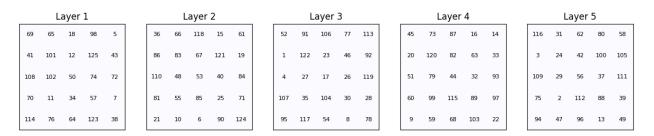
initial_temperature=10000, cooling_rate= 0.999

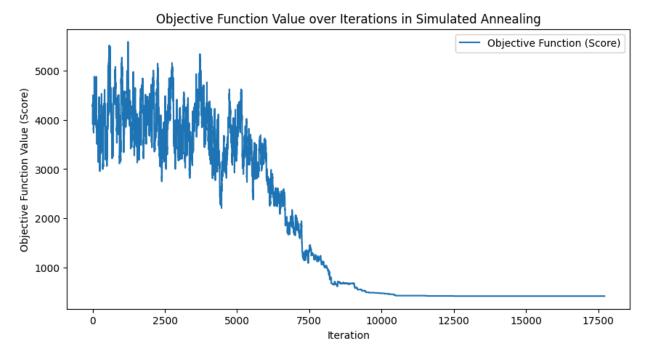
c. Percobaan ketiga

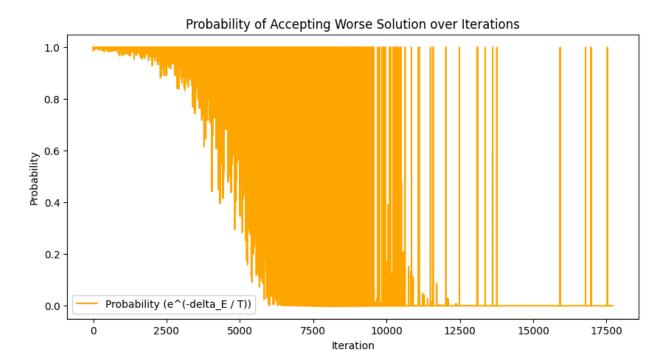
Initial State of the Cube (Score: 3705)



Final State of the Cube (Score: 416, Time: 227.72s, Total Stuck: 160)







initial_temperature=50000, cooling_rate=0.999,
temperature_threshold=0.001, stagnation_threshold=50)

Setelah melakukan tiga kali percobaan dengan algoritma Simulated Annealing, beberapa analisis dapat dilakukan untuk mengevaluasi kinerja dari algoritma ini. Hal pertama yang dapat dianalisa adalah seberapa dekat algoritma ini mendekati global optimum (nilai *objective function* = 0). Dari hasil percobaan, kita dapat melihat nilai akhir yang didapatkan masih jauh dari global optimum. Hal ini bisa disebabkan salah satunya adalah karena ruang pencarian kurang banyak dan juga tidak jarangnya *stuck* di lokal optimum atau lokal optima.

Setelah itu, dapat dianalisis juga, nilai *objective function*, waktu, dan total *stuck* di lokal optima. Berdasarkan hasil akhir, nilai *objective function* masih sangat bervariasi, nilai hasil dari objective function bergantung pada parameter yang dimasukkan, yaitu *initial_temperature*, *cooling_rate*, dan juga *temperature_treshold*. Semakin besar *initial_temperaturenya*, maka semakin banyak ruang pencariannya, semakin banyak ruang pencarian maka nilai *objective function* bisa sangat mendekati ke global optimum. Namun, pada hasil eksperimen kami, kami menemukan bahwa algoritma terjebak pada nilai 416 lalu *stuck*. Semakin banyak ruang pencarian ini maka akan semakin tinggi juga waktu yang diperlukan.

3.3 Algoritma Genetic

Sesuai dengan spesifikasi yang diminta sebelumnya, saya membuat percobaan dengan 2 parameter yang dapat diubah yaitu jumlah populasi dan banyak iterasi. Berikut ini adalah variasinya:

- Banyak iterasi:3, 15, dan 125.
- Jumlah populasi: 50, 500, 2000

Dari variasi ini, dihasilkan sebanyak 6 konfigurasi dengan total sebanyak 18 percobaan yang terdiri atas:

- 1. Jumlah populasi kontrol, banyak iterasi 3 (3 kali)
- 2. Jumlah populasi kontrol, banyak iterasi 15 (3 kali)
- 3. Jumlah populasi kontrol, banyak iterasi 125 (3 kali)
- 4. Banyak iterasi kontrol, jumlah populasi 50 (3 kali)
- 5. Banyak iterasi kontrol, jumlah populasi 500 (3 kali)
- 6. Banyak iterasi kontrol, jumlah populasi 2000 (3 kali)

Untuk informasi tambahan, jumlah populasi kontrol yang saya gunakan adalah 1000 populasi, dan banyak iterasi kontrol yang saya gunakan adalah 50 kali.

- 1. Jumlah populasi kontrol (1000), banyak iterasi 3 (3 kali)
 - 1.1. Percobaan pertama
 - 1.1.1. State awal

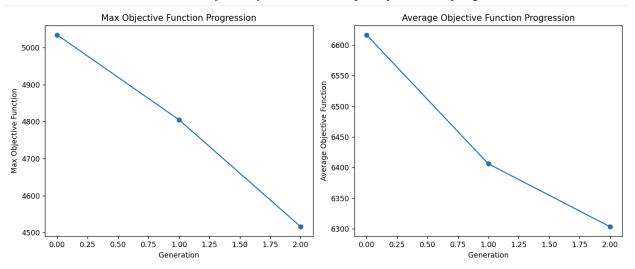
```
State kubus awal:
[[[ 19 95 44 30 109]
   88 46 90 45 55]
 [ 97 83 49 114 25]
[108 113 37 111 78]
      6 35 102 59]]
 [ 70
[[ 8 85 79 118 82]
 [ 18 52 33 96 101]
 [123 117 32 69 120]
 [110 93 105 47 16]
 [ 94 60 84 72 40]]
[[ 10 38 48 67 107]
 [ 5 41 124 71 51]
 [ 1 63 66 12 22]
 [ 76 20 50 23 77]
               3 122]]
[[ 65 98 21 73 106]
   2 29 36 91 99]
 [ 75 74 81 64 58]
[ 43 61 68 42 28]
 [ 24 34 87 27 112]]
[[104 119 9 125 26]
 [ 80 53 11 15 54]
 [121 17 115 89 56]
 [ 86 57 103 4 14]
 [ 13 92 39 100 116]]]
```

1.1.2. State akhir

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 8 49 65 56 80]
   26 89 13 50 67]
  [101 19 59 100
                  27]
  [ 68 84 81 20
                  52]
                  51]]
[[ 99 123 31 28
                  36]
  [108 58 9 64 98]
 [ 30  4 109  97  94]
[ 71  79  43  3  7]
 [ 21 60 124 91 16]]
[[ 57 75 46 122
  [106 55 62 39 37]
 [ 86 17 121 76 70]
  [ 29 114 116 66
 [104 12 44 95 107]]
[[ 33 125 14 111 93]
 [ 10 77 92 24 35]
 [115 23 45 5 117]
 [ 74 48 11 72 96]
[118 85 103 38 82]]
[[ 41 54 69 119 18]
   34 105 90
              2 63]
  [102 40 1 110 83]
                  22]
  [ 15 112 78 32
                  53]]]
```

1.1.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 4516.0

1.1.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



1.1.5. Durasi proses pencarian = 5.85 detik

1.2. Percobaan kedua

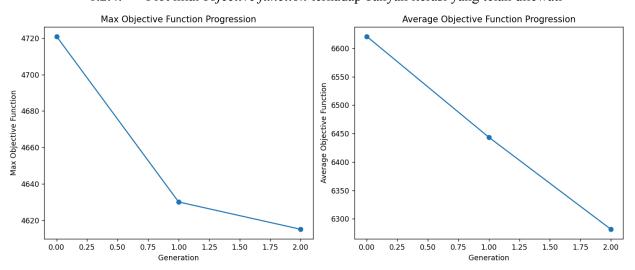
1.2.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 21 38 125 86 41]
        [113 68 74 56 123]
        [ 7 82 90 24 69]
        [ 85 121 43 60 49]
 [ 12 9 119 46 95]]
 [[ 64 20 103 13 48]
  [ 87 57 42 70 59]
  [ 73 83 79 75 36]
  [ 71 84 118 32 14]
 [ 93 31 106 62 25]]
 [[ 37 124 66 111 77]
  [120 78 44 33 53]
  [ 10 8 104 19 92]
  [ 52 3 11 45 6]
  [ 4 58 15 117 107]]
 [[ 39 34 96 110 28]
  [ 40 47 112 1 89]
  [ 18 99 100 102 115]
  [105 76 65 61 91]
  [109 27 72 50 80]]
 [[ 97 35 26 30 67]
  [108 122
            2 5 22]
  [ 81 98 29 116 51]
  [ 55 23 54 88 63]
  [101 114 16 17 94]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[105 72
           76 98 97]
  [119 108
                    66]
                   107]
       42 104
                    47]
   48 110
           50 125
                    10]]
           63
               26 112]
               23
                    11]
    62
  [101 111
                    56]
                40
                    89]
    13 124
                    86]]
                80
                   58]
                20 123]
    96
               60
                    6]
    90 113
                    65]
                    45]]
       81 109
        88 106
                30
                    67]
                   116]
                    52]
    84
                   120]
                    31]]
        39 103
               69 100]
 [[114
       34 117
                27
                    29]
    35 121
            4 122
                   17]
           78 14 118]
            1 44 83]]]
```

1.2.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 4615.0

1.2.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



1.2.5. Durasi proses pencarian = 5.96 detik

1.3. Percobaan ketiga

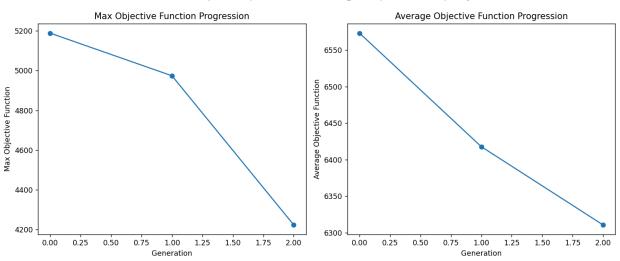
1.3.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 61 122 108 34
                   29]
  [123 109 19 51
                   35]
  [ 65 86 110 56
                   20]
  [ 62 102 87 95
                  21]
  [ 89 72 52 71
                  63]]
 [[ 70 67
                   94]
                   9]
           74 113
  [ 79 104 54 90 50]
            8 119 125]]
  [120 68
 [[ 23 39 32 124
                   2]
 [ 11 42 107 22
                   33]
  [ 15 78 101 105
                  96]
 [118 45
                  27]
  [ 81 114 93
                   73]]
                   97]
 [[ 38 43
  69 106
                   31]
  [ 59 115 10 83
                  49]
                  37]
  [ 88 111 121
               30
                  91]]
 [[ 80 117 47
                   84]
              64
  [100 116 55
                   14]
              40
  [ 18 12 103 41
                  60]
          44 26
                   24]
  [ 13 98 99 112 17]]]
```

1.3.2. State akhir

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 28
      90 118 23 121]
            47
                20
                   110]
   97
               78
                    40]
            9 102
                    33]
                    41]]
            70 17
                    46]
[[107
        16
            84
                65
                    37]
               109
                     2]
                    80]
                43 124]]
            39
                42 105]
    75 123
    30
      119
            64
                    12]
   98
        67
                79
                    66]
           117
               99
                    89]
                     52]
   26 125
            92 104
   93 115
            27
                49
                     1]
   86
       10
            96
                    60]
        48
            62
                    69]
  101
                76 114]]
            72 103
                     45]
   21 120 116
                    29]
                    95]
   87
                    81]
  [106
        18
            15 122
                    94]]]
```

- 1.3.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 4222.0
- 1.3.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



- 1.3.5. Durasi proses pencarian = 5.89 detik
- 2. Jumlah populasi kontrol, banyak iterasi 15 (3 kali)
 - 2.1. Percobaan pertama

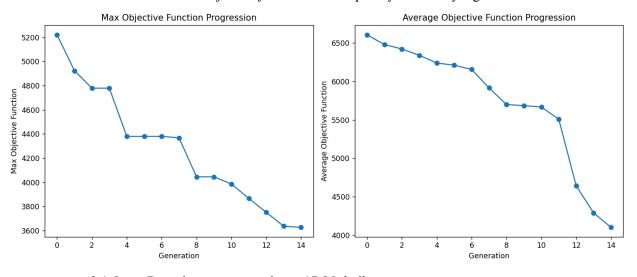
2.1.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 71 119 118 14 27]
   73 111 98 10 102]
 [ 23 96 77 91 64]
 [ 79 123 94 19 44]
 [108 35 69 113
                   7]]
           3 107
 [[ 76 30
                  74]
 [112 86 75 12
                  24]
 [110 99 104 36
                  68]
 [ 25 83 16 121
                  22]]
 [[115 11 61 15 95]
 [ 56 45 29 97 82]
 [ 90 49 105 62 114]
 [ 6 42 65 120 84]
[ 39 37 89 9 117]
               9 117]]
                  54]
 [103 93 116
               5 38]
 [ 34 88 48 60 20]
 [ 51 87 67 59 32]
 [ 92  2  53  26  63]]
 [[125 122 55
                  28]
 [109 18
                  4]
 [ 40 57 52
              80 124]
 [101 106 100 17 47]
  [ 43 46 21
                  78]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
   42
                    102]
   109
        68
        98
             85
                     32]
            80 121
                     35]]
    49
        78
                57
                      1]
                12 106]
    20
        62
        54
             70
                100
                     55]
        79
                  8 113]]
                 84 107]
 [[ 63
             30
                     94]
        40
                 34
                     16]
    90
             77 110 125]
                 87
                     24]]
    50
                     74]
    29
                 19
                    104]
        41 120
                     36]]
    83 105
                  4 101]
                 28
        27
             48
                103
                     47]
    76 112
                 69
                     38]
             86
                 88
                     60]]]
```

2.1.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 3627.0

2.1.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



2.1.5. Durasi proses pencarian = 17.85 detik

2.2. Percobaan kedua

2.2.1. State awal

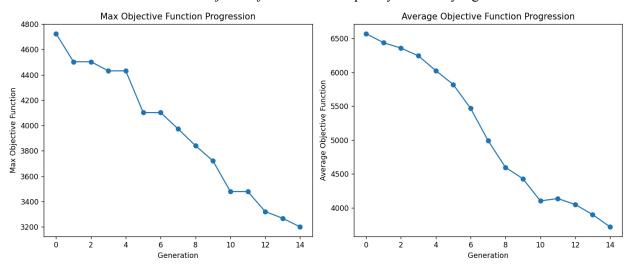
```
State kubus awal:
[[[ 15 18
         6 106 26]
 [ 36 42 14 117
                 8]
   75 19 11 10 22]
 [ 20 124 90 125 37]
 [ 84 118 62 44 91]]
[[ 87 25 29 81 113]
 [ 78 80 74 96 12]
 [107 120 119 70 121]
 [ 65 82 64 46 32]
 [ 51 43 123 99 115]]
[[ 57 39 67 112 95]
 [53 1 5 88 61]
             72 93]
 [ 71 103 76
 [ 92 114 41 24 77]
 [110 30 101 60 50]]
[[109 31 79 59 54]
 [104 47 116
             48 105]
 [100 83 35 21
                 9]
 [ 86 94 23 49 98]
           3 34 40]]
[[102 38 45
             4 52]
 [ 27 66
          89 111 73]
                 7]
 [ 56 16
          68 108
          28 69 97]
          2 85 122]]]
```

2.2.2. State akhir

```
State Kubus akhir (terbaik):
       58
                   53]
            91 106
                    38]
                    65]
                34 100]
                69 109]]
                   43]
   62 102
            66 104 118]
            72 114
                    30]
            99
                    78]
   60
                    37]]
   95 117
            49
 [[ 89
            28 113
                    82]
       48
            39
                    33]
                    24]
                1 101]
       81 122
                    83]]
                    85]
   20
       23 124
                40
                    3]
   86 103
            97
                   12]
       87
               59 125]
        70
                    61]]
   88
             4 112
                   21]
               54 120]
  [115
            10
                   45]
   47 110
           50
               19 119]
       35 111 107
   68
                     6]]]
```

2.2.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 3200.0

2.2.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



2.2.5. Durasi proses pencarian = 17.70 detik

2.3. Percobaan ketiga

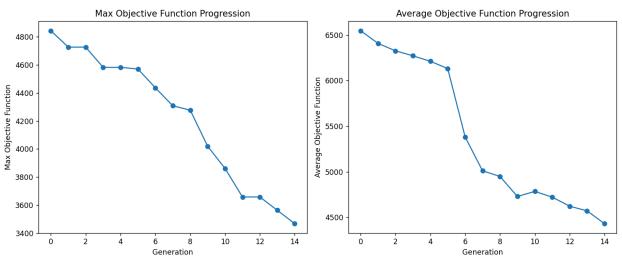
2.3.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 99 45 52 70 65]
 [ 33 38 48 68 42]
 [110 81 23 107 79]
 [ 71 80 26 78 73]
          8 11 41]]
 64
[[ 32 112 108 113 125]
 [100 88 47 55 29]
      2 92 94 98]
 [ 57 95 83 6 14]
 [ 5 123 89 12 120]]
[[ 91 58 104 115 25]
 [ 44 76 69 17 86]
 [ 27 46 85 97 77]
 [119 90 28
             7 19]
 [ 54 106 20 22 102]]
[[ 74 82 36
 [ 49 111 124 67
                 16]
 [109 62 61 122 93]
 [116 34 101 4
                3]
 [ 51 39 96 117 50]]
[[ 15 9 114 56 13]
 [ 72 84 66 21 75]
 [ 24 37 87 121 18]
 [ 35 103 105 31 43]
  [ 40 60 10 63 118]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
 [ 51 109
                     7]
                    33]
       55 125
                    74]
                    96]
 [111
                84
                    98]]
[[ 24 42 119 100
                    22]
                    18]
  [118
   66 108
                     3]
       31 103
               71 124]
               43 120]]
       64 115
               14 105]
       90
           40 116
           88
                59
                    72]
                80
                    57]
                    46]]
[[ 81
                78 121]
  102
           19
                    56]
   95 112 114
                    77]
                69 110]
       50
           60
   34 107
                87
                    12]
       99
                97
                    61]
       49
                47 104]
           89
  [122
       67 101
               10
                    53]
                    86]]]
```

2.3.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 3468.0

2.3.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



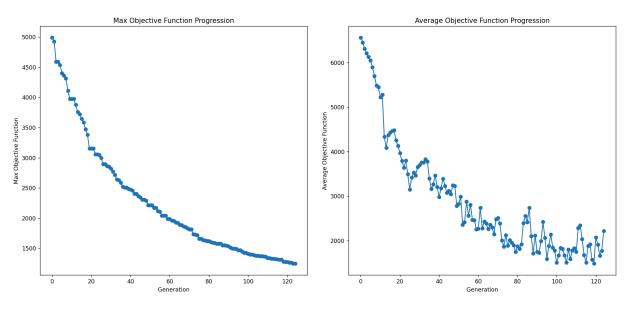
2.3.5. Durasi proses pencarian = 41.05 detik

- 3. Jumlah populasi kontrol, banyak iterasi 125 (3 kali)
 - 3.1. Percobaan pertama
 - 3.1.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 24 20 39
               61 54]
               71 103]
  [ 60 22 116
                   87]
  [ 64 117
                  19]
           99 114
                  43]]
 [[102
       66
           59 119
                   90]
  [ 68
       11 17 107
                   13]
           9 42
                   48]
  [ 58 36 81
               84
                   25]
 [109 101 113 72
                   69]]
[[ 98
        7 76 104 118]
                   15]
 [108 124 120
                   79]
   1 110 123 44
                   38]
 [ 34 27
                  35]]
           29 115 121]
       40
                   28]
  [111
                   12]
  [ 77
          16 125
                   95]
  [ 82 46
              18 21]]
 [[ 10 65 49
               94
                  41]
   26 89 122
                  31]
          80 105 106]
   37 100
  [ 47
        8 112
                   74]
            4 91 52]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
   4 115 98 10 89]
                   83]
          104
               18
       30
           67 99
                   16]
                   45]
                   81]]
[[ 43 119
               26 111]
 [108
           48
                   20]
   58
           41 125
                   59]
                   37]
       73 123
                   84]]
          24 102
                   68]
   17 116
   87
           93 60
                   50]
                   78]
               39 117]]
[[ 40 101
                   66]
   90
                   33]
       36 106
               91 55]
                2 107]]
               74 110]
   63 112 100
   31 120 109
               13 32]
           57 124 114]]]
```

- 3.1.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 1246.0
- 3.1.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



3.1.5. Durasi proses pencarian = 311.33 detik

3.2. Percobaan kedua

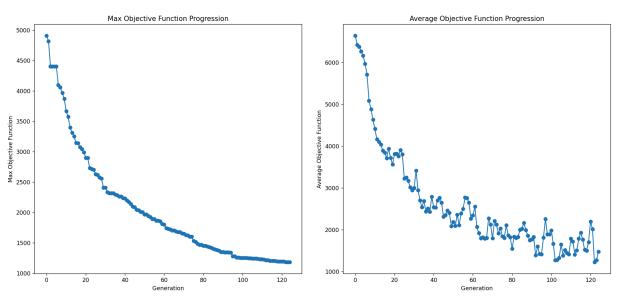
3.2.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 54 121 51 91 84]
 [66 6 74 37 104]
 [110 11
          64 98 20]
 [ 97 85
          44 31 119]
      34
          92 113 88]]
 [ 10
[[ 35 86 27
               7 79]
 [ 58 46 118 108 61]
 [ 55 125 73 75 59]
           3 52 120]
 95 87
           1 71 23]]
[[ 29 13 57 24 89]
 [ 60 62
          72 81
 [ 41 8 33
             14 22]
 [123 83
                 99]
 [ 4 15 78 48 93]]
[[ 63 32 116 49 90]
 [ 45 50 47 106 36]
 [ 26 96 105 107 43]
 [ 42 100 16 112 103]
[ 65 117 69 76 115]]
[[ 40 21 94 82 102]
 [ 77 56 111 124
                 19]
   39 80 53
             70 68]
   67 101 28 109
                 5]
   38 114 122
                25]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
        68
                     71]
                    124]
                     28]
  [112
                109
                     38]
  [106 102
                64
                     52]]
[[ 58 101
                 25 110]
  [122
        18
                 39
                     42]
           107 100
                     26]
        59
                     43]
                     96]]
    37
            10 117
 [[ 65
            56 118
           108
                     79]
                32 105]
    83 123
                     19]
    86
        46
            11 120
                     40]]
        47
            82
                77
                    31]
 [[125
            89
                80 111]
        85
            30
                70
                     99]
    29
                     22]
        76 104
                     49]]
    69
 [[116
                      8]
    48
                      9]
                20 119]
            50
                90
```

3.2.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 1183.0

3.2.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



3.2.5. Durasi proses pencarian = 315.92 detik

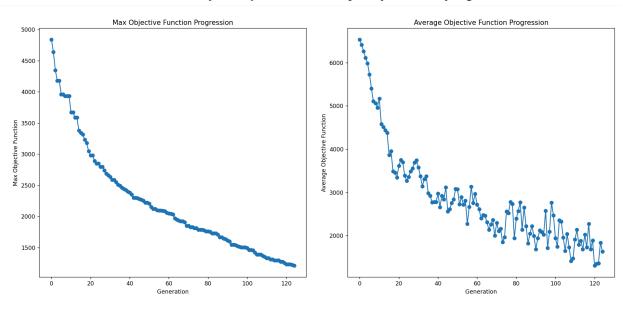
3.3. Percobaan ketiga

3.3.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 35 23 123 70 105]
  [ 14 86 107 124 44]
 [103 21 60
              10 66]
 3 119
           34
              68 55]
 [ 62 113
               5 102]]
 [[ 19
       30 92 49 58]
       98 100 122 104]
 94
 [ 95
                 20]
              2 54]
 [ 59
                 39]]
 [ 84
 [[ 75 76
                 96]
          36 106
 [ 31 121 61 64 89]
 [ 87 40
              38 110]
              67 109]
 [ 50 114
 [ 80
                 12]]
 [[ 45
      79 28 111
                 65]
 [ 57
       32 108 17
                  88]
       33 118 112 51]
 [ 27
 [ 71 29 120 47 63]
 [101 24 48 15
                 16]]
 [[115
       93 41 116
                  99]
           78 125
                   4]
 [ 74
               9 83]
   26
       90
              56 117]
              53 25]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
               1 42]
       70
                   43]
               99 111]
                   68]
   32 105
               47
                   52]]
       90
                   95]
          110
               23 101]
       10
           81
                   76]
   14
           86 118
                   12]
   55 124
            4 104
                   31]]
           64 107
                   87]
                   69]
 [108
   92 117
                   37]
           25 125
                   67]]
               24 123]
           50 106
                    7]
       89 45 102 83
       27 120
               38
                   62]]
[[ 73 100
           66
                   51]
 [115
       61
               22 121]
       18 114 112
                   35]
       41 116 39
                   93]
       94 13 122
                   20]]]
```

- 3.3.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 1209.0
- 3.3.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



3.3.5. Durasi proses pencarian = 190.61 detik

4. Banyak iterasi kontrol (50), jumlah populasi 50 (3 kali)

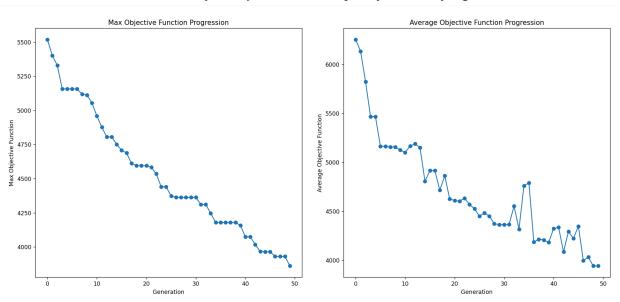
4.1. Percobaan pertama

4.1.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 50 57
                    79]
                     6]
   55 119
           58 106
                    35]
   80 118 65
               10 110]
                    48]
 [[104 53 123
               59
  73 103
               96
                    26]
  [ 21
                    71]
    3 120
               70
                    27]
  [ 12 75
             1 122
                    34]]
                    18]
 [[115
        28
           14 114
                    24]
  [107
        29 94 66
                    19]
  [ 77
  [113
      40 117
                     2]
               86
  [ 38 109
                    49]]
               47 111]
 [[ 17 105
   13 108
                    78]
       68 101
               84
                    92]
        36
   54
           60
                    64]
           51 116
                     9]]
               44 102]
 [[ 63 89
            30
                   87]
   33 125
           20
               99
                    93]
   39 100
               98
        76 124 121
                   88]
      90
                    46]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
            55 125 87]
[[[ 15
        90
                    23]
                    63]
  [119 117
                    32]
            20
                35 113]]
 [[ 83
        84 118
   104
        89
                    71]
                    12]
                    81]]
                60 101]
            40
       106 100
                    73]
                    58]
  [102
        46 124 111
                    25]
            10
                16 122]]
 [[120
                    49]
                    72]
            11 108 110]
  [114
       41 112 61
                    13]
            37 103
                    66]]
 [[ 29 121
                    74]
                    28]
        82
                    80]
        17 123 116
                48
                     9]
                53 105]]]
```

- 4.1.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 3861.0
- 4.1.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



4.1.5. Durasi proses pencarian = 5.23 detik

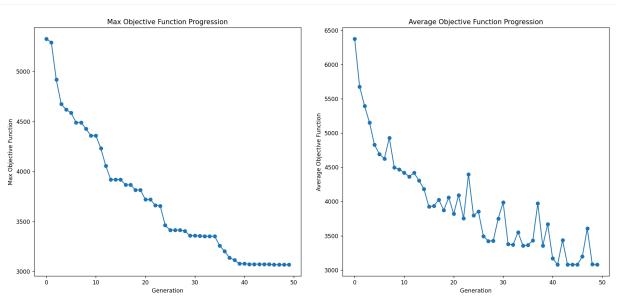
4.2. Percobaan kedua

4.2.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 65 45 4 68 63]
 [ 89 100 80 75 90]
 [125 48 122 46 55]
 [ 98
          78 56 67]
           1 119 23]]
[[103 84 81
              2 121]
 [110 32 97
             94 117]
 [ 44 102 64 70 13]
 52 92 124
                 9]
 [ 35 87 88 86 43]]
[[ 49 39 83 111 59]
 [120 69 104 30 24]
 [ 37 50 61 36 76]
 [ 25 66 11 116 19]
 [ 54 109 112 82 15]]
[[ 62 8 79 85 58]
 [101 47 71 74 72]
 [115 108 20 105 107]
 [ 31 123 14 41 12]
           6 96 10]]
[[ 53 113 28 60 42]
 [106 91 118
             16 73]
             29 95]
 [ 18 26 99
                17]
 [114
      7 21 93 40]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 69 122 50 105
                     3]
    19 114
            38
                    39]
  124
       14
            40
                 4 110]
            76 103
                    83]
   84
        96 106
                    73]]
[[ 95
         1 113
       100
            90
                    56]
                   108]
                59
                    79]
                    42]]
 [[116
                    11]
        47 118
                    18]
  [107
                 6 120]
                 5 49]
            28 109 111]]
        81 101
                    67]
                66
                89
                    10]
        60
                    48]
             2 119 123]]
                70
                    82]
                    88]
           104 44
            62 125
    34
                    87]
       22
            32 117
   85
                    30]]]
```

- 4.2.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 3068.0
- 4.2.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



4.2.5. Durasi proses pencarian = 5.36 detik

4.3. Percobaan ketiga

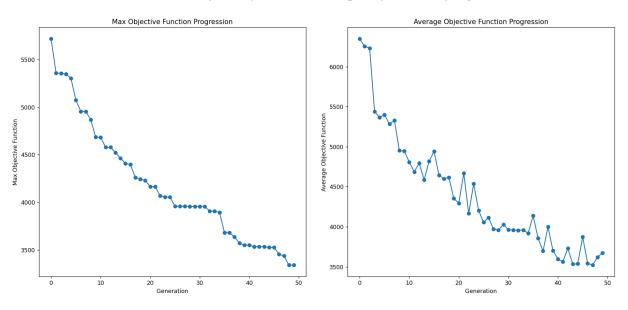
4.3.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 34  8  92  29  78]
 [106 109 18 108 112]
 [ 98 21 28 102 36]
 [ 99 13 94 119 43]
 [ 39 41 82 2 15]]
[[ 91 51 47 45 70]
 [120 76 74 85 59]
 [ 4 7 38 68 107]
 [115 9 65 101 69]
 [122 83 54 84 22]]
[[123 104 114 96 89]
 [100 17 81 50 117]
[ 3 121 72 95 103]]
[[ 31 57 73 71 30]
[ 24 111 23 116 66]
 [ 52 80 42 40 87]
 [110 33 12 11 58]
 [113 93 32 37 26]]
[[ 88 60 97 125 14]
 [ 5 19 25 56 61]
 [ 20 64 35 48 44]
 [ 53 16 27 90 124]
 [ 6 75 62 79 49]]]
```

4.3.2. State akhir

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 95 44 10 105 84]
   11 120
            99 101
                    33]
       24 112
                   12]]
[[ 74
  [109
               29 107]
   58 117
                6 43]
      86 27 104
                   61]
  [121
       62
                    47]
                    81]
                    31]
           17 118
       59 100
                    18]]
                    28]
                   64]
               89 102]]
       19
            7 103
                   14]
  [114
                   66]
   30
       83 124
               73 116]
       23 119
               78
```

- 4.3.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 3339.0
- 4.3.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



4.3.5. Durasi proses pencarian = 6.11 detik

5. Banyak iterasi kontrol (50), jumlah populasi 500 (3 kali)

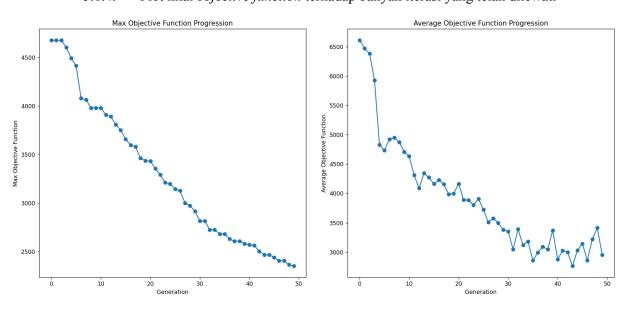
5.1. Percobaan pertama

5.1.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[105 123
           58
               20 61]
   84
           96
                   79]
      16
        9
                   81]
  [ 24 111 35 120
                   64]
  [ 54
      78 118
                    1]]
 [[ 27
          70
               26 115]
  [ 47
          48
               11 100]
               15 108]
       36
          34
      82 75 63 66]
          53 102 28]]
  [ 12
       80
 [[101 94
           19
               14 49]
  [ 22 121
           89
               67 124]
      30
                  69]
   76 110 62 29 13]
 [ 99
       40 107 104 109]]
 [[ 93 88 83
                   52]
  [ 92 119
              10
                   8]
 [125
           91 106
                  43]
           50 122
                   59]
       98
           46
                  57]]
 [[ 60 56
                   85]
            6 113
                  73]
  [ 32 117
                  44]
   18 116 103
   90 112
           74
                  31]
   86
        5 21 55 114]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 27
        43 123 110
                      9]
  [100
                 39 120]
           119
                 17
                     73]
                 69
                     18]
                 91 104]]
        49
                 40
                     85]
                     31]
                     57]
    67 109
            10
    99
        66 117
                     20]
                 89 115]]
   80
        84 102
                     26]
    50
            22 121
                     78]
    88
            70 124
                     24]
                     98]
    13
                     68]]
 [[ 74 125
    30
       21 114
                     36]
            79 105
                     58]
  [101
                53 107]
                    60]]
       33 108
                      5]
                      8]
  [116
                  2 118]]]
```

- 5.1.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 2351.0
- 5.1.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



5.1.5. Durasi proses pencarian = 26.91 detik

5.2. Percobaan kedua

5.2.1. State awal

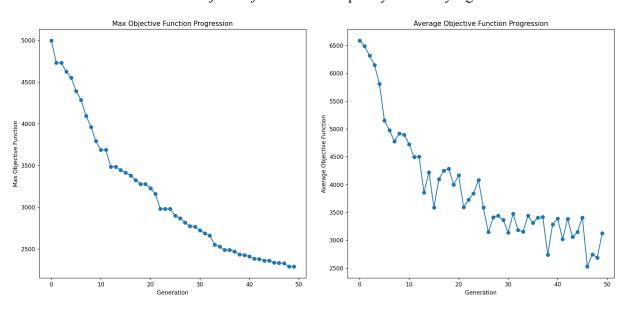
```
State kubus awal:
[[[ 56 62 102 84 18]
   80
           40 57
                  51]
  [ 85 48
           31 108
                  87]
       54
           71 88
 [115
                  99]
                  97]]
 [[120
       69
               36
                  68]
               29
                   6]
       59
          64 98
                  25]
 [111 93 94 89
                  1]
 [ 4 50
               53 117]]
 [[ 73 77 66 58 107]
 [ 10
       2 112 122 86]
 [ 45 37 113 28 52]
 [106 14 33 116 26]
        8 55 41 96]]
 [[ 24 92 91
               39
                   5]
                3 104]
 [ 60 110 114
 [ 78 49 13
               21 61]
 [ 17 19 123 34 103]

  76
  121
  124
  101

                  30]]
 [[ 44 46 70 20
                  90]
 [100 42 125 119
                  22]
               63 72]
               38 118]
 [ 81 105 16 67 11]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 62 67 120 23 49]
   42 114
           13 122
                  55]
  [108 53
                  83]
   26 24 105 28
                  97]
       60 16 107
                  44]]
 [[ 18 113
                  17]
  [102 72
  [117
              98 61]
   33 100 124
              4 84]
       48 116 77 123]]
          15 112
                  20]
   10
          68 121
                  91]
   36 65 118 32 80]
           52 25
                  96]]
           11 110
                   58]
                   71]
                  69]
       34 111 29 106]
   39
        6 104 93
       85
           31 103
                  43]
           90
                  87]
   19 109
                  73]
                  95]]]
```

- 5.2.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 2288.0
- 5.2.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



5.2.5. Durasi proses pencarian = 27.22 detik

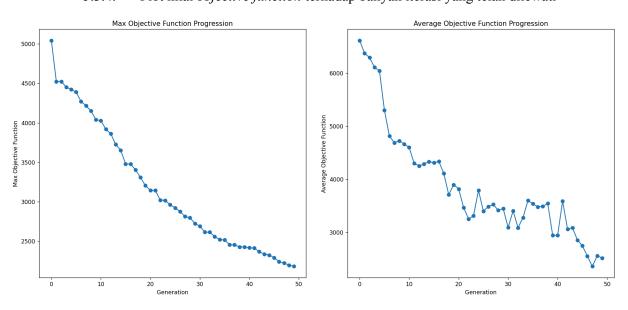
5.3. Percobaan ketiga

5.3.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 51 52 39 47 55]
  [ 95 114 90 102 44]
 124 25
             68
                 7]
 [105 96
         98
              34 57]
 [ 29 104
          16
               1 116]]
             28 20]
 [[ 87 113 83
 [ 40 70 76
             11 72]
 [119 31 64 30 46]
 [ 61 74 62 56 106]
 [ 93
       6 123 117 59]]
 [[100 23
           8 97 41]
 [ 53 65 35 45 73]
 5 67 14 75
                54]
 [ 13 38 27 43 60]
 [ 79 66 12 125 33]]
 [[ 88 15 115
               9 71]
 [107 81 18 69 21]
 [ 10 110 120
              80 112]
 [ 3 32 99
              77 92]
 [122 111 121
              4 109]]
 [[ 36 58 50
             37 101]
   78
      91 63 42 103]
   24
       48
          19
             22
                89]
           2 86
                49]
   84
          94 108 118]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 18 11 122 49 106]
    20 112
                    60]
  [109
                    41]
                30
        6 102 110
                    43]
   90 115
                    99]]
 [[100
        12
            19
                68 120]
        85
            59
                83
                    51]
       65 124
                    38]
  [105
             9 104
                    61]
            98
                    40]]
         7 101
                    28]
   64 108
                    44]
                    45]
                71 117]]
                69
                    91]
                     8]
                    66]
        89
            22 119
                    82]
                    67]]
                    78]
        70
            81 107
                    62]
            47
            39 15 123]
       37
  [118
           94 103
                   46]
                    13]]]
```

- 5.3.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 2182.0
- 5.3.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



5.3.5. Durasi proses pencarian = 27.12 detik

6. Banyak iterasi kontrol (50), jumlah populasi 2000 (3 kali)

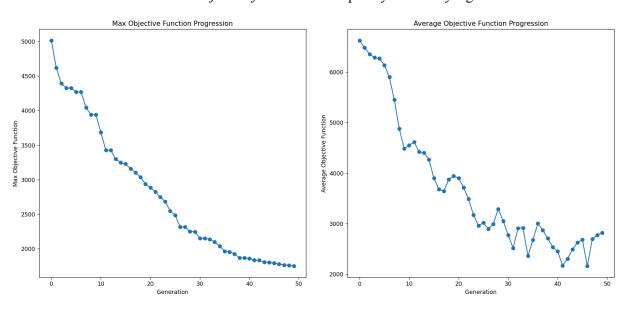
6.1. Percobaan pertama

6.1.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[ 68 12
                 6 125]
  [111 120
            89
                97 112]
                19
    9 115 102
                    70]
  [ 25 40 124
                86
                    84]
  [106 58
           77 122
                    43]]
                   95]
                46
 [[ 98 114
    2 30 105
                59 109]
  [ 78 63
           61 119
                   93]
        29 108 103 104]
  [ 10
        26
                60
                    54]]
 [[ 14
            28
                18
                    57]
  [ 15
            90
                31
                   49]
  94
                96 121]
  [113
           13
                    36]
  [ 56 101 100
                    22]]
 [[ 44
       24 41
                 1
                     3]
  [ 45
                    39]
  [ 23
        20 99
                64
                    21]
       73 107
                    75]
  [110
  [ 67
        11
                    72]]
                    51]
 [[ 38 33
            76
                16
   80 116
            74
                88
                    65]
  [118 117 123
                52
                    48]
   91
           17
                    83]
                92
                    37]]]
    81
       34
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[104 18 72 67 53]
    46 124
            26 102
                    17]
                90 120]
   93 101
            89
                    49]
   29
                    60]]
 [[111
        11
                    94]
            97
                88
                     35]
    66
       87
                19
                    68]
    83
        24
                64 114]
                     3]]
 [[122
                80 103]
  [113
                     27]
    44 105 115
                     2]
                45 107]]
                63 108]
  [119
       121
            20
                    50]
        56 118
                   117]
        85 116 100
                     8]]
            62 110
                    81]
                     71]
    84
        57 106
                    10]
  [112
                     51]
    31 123
                     99]]
```

- 6.1.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 1751.0
- 6.1.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



6.1.5. Durasi proses pencarian = 100.78 detik

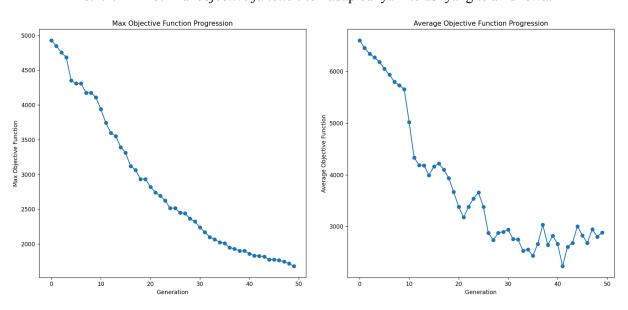
6.2. Percobaan kedua 6.2.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[116 25 99 12 42]
 [ 90 30 24
              5 59]
          28 79 34
 18 33
 [ 17 11
           4 72 85]
 [ 23 56 93 45 70]]
[[ 78
       8 10 82 21]
 [ 20 2 76 120 101]
 [ 29 73 104 14 124]
 [108 95 19 118 103]
 [ 68 27 37 57 121]]
 [[102 123 94 77 62]
 [ 64 106 119 107 122]
 [ 7 43 89 15 61]
[ 50 1 60 40 65]
 [110 113 9 114 31]]
[[ 52 81 87
                 71]
 [ 88 91 35
             74 86]
 [125 111 44 58
                 47]
 [ 49 100 112 16
                  6]
 [ 46 80 84 41 63]]
 [[ 75 98 97 32
                  67]
                  51]
   55 26 109 117
  [ 69 105 96
                  3]
   92 53 115 22 66]
 [ 48 83 36 54 39]]]
```

6.2.2. State akhir

```
State Kubus akhir (terbaik):
[[[ 10 32 67 117 86]
   96 121
      51 123 57
      17 118 35
                  39]
  [103
                   34]]
       90
            9 109
           46 111
                   27]
   79
                    2]
           44 100
                   61]
               60 122]
        8 119
                4 105]]
                    3]
           16 115
                   70]
                   66]
   18
      73 112 56 55]
       37 113 13 110]]
[[120
           54 106
              43 124]
                   33]
   63 108
               89
                   94]
                   28]]
[[ 84
       58 107
                   69]
       72 104
                   68]
   40 12 41 125
                   95]
           14 59
                   6]
                   71]]]
```

- 6.2.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 1679.0
- 6.2.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



6.2.5. Durasi proses pencarian = 100.29 detik

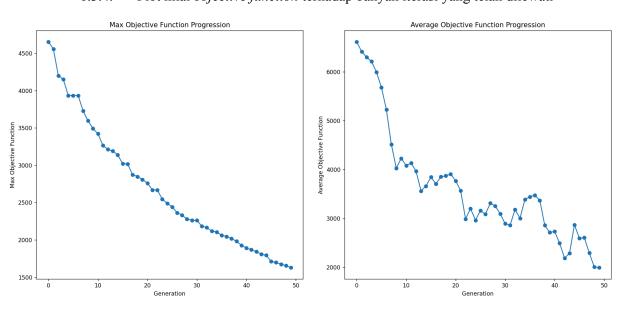
6.3. Percobaan ketiga

6.3.1. State awal

```
State kubus awal:
[[[125 90 64 21 81]
 [ 95 98 93 109 119]
 [ 87
      96 10 23 92]
 [ 34 12 78 63 65]
      99 71 101
 [ 69
                 29]]
[[123 11
              44
      94 26 39 122]
 [ 80 22
             41 40]
 [100 77 35 68
 [ 46 124 38
             54
                 24]]
[[105 47 104
              74
                 58]
                 60]
      66 108
 [ 8 14 79 121 51]
 [ 48 49 84 120
                 25]
 [ 88 115 97 106
                  6]]
[[ 59
                113]
 [ 82 53 117
             83
 [ 36 33 102 86 55]
      91 110 76 70]]
[[112 31 15 116 103]
 [107 111
           9 114 43]
             1 17]
          4 118 61]
 [ 56 85 27 13 18]]]
```

```
State Kubus akhir (terbaik):
       85
           42
               62
                   89]
        81 122
                53
                    12]
    78 102
                    77]
            60 123
                    79]
                    44]]
 [[ 26 117
                76 111]
    31 120
               17
                    15]
    97
        40
            23 103
                    52]
            98
                66
                    41]
                58 100]]
 [[ 54
           61 101
                    73]
        88 110
                10
                   19]
    18
       84
           82
                 5 121]
            38 105
                    92]
                     2]]
               63 108]
    94
        80
            68
                9 49]
                56 115]
  [112
            30 95
                    34]
   51 124
            33 107
                     6]]
 [[ 37 116
             3 109
                    50]
           39
                8
                    90]
   104
        20 125
                   16]
    70
    29
               24 114]
        28
           67 113 48]]]
```

- 6.3.3. Nilai objective function akhir yang dicapai = 1627.0
- 6.3.4. Plot nilai *objective function* terhadap banyak iterasi yang telah dilewati



6.3.5. Durasi proses pencarian = 101.56 detik

Berdasarkan hasil pengamatan saya dari eksperimen diatas, saya bisa langsung mendapatkan dua wawasan penting. Pertama, dari jumlah iterasi dan populasi untuk setiap eksperimen, bisa dilihat bahwa nilai *objective function* akhir yang dicapai semakin mendekati *global optimum* ketika 2 variabel tersebut jumlahnya ditingkatkan. Kedua, peningkatan jumlah iterasi dan populasi ini juga menyebabkan durasi proses pencarian semakin bertambah. Hal ini disebabkan karena beban komputasi yang harus diemban oleh komputer semakin banyak ketika 2 variabel tersebut meningkat.

Lalu, dari setiap 3 percobaan untuk semua variasi, hasil yang didapatkan tidak memiliki selisih yang terlalu signifikan. Hal ini menunjukkan bahwa algoritma memiliki tingkat konsistensi yang baik. Baiknya konsistensi ini menandakan bahwa algoritma bekerja dengan stabil dalam lingkungan eksperimen. Namun, konsistensi ini tidaklah selalu terjadi di setiap proses. Dalam eksperimen dengan jumlah populasi kontrol (1000) dan banyak iterasi 125, durasi proses pencarian menunjukkan variasi yang mencolok. Pada percobaan pertama dan kedua, durasi yang dihasilkan adalah 311.33 detik dan 315.92 detik. Namun, pada percobaan ketiga, durasi berubah drastis menjadi 190.61 detik. Dari kejadian ini, dapat disimpulkan bahwa konsistensi eksperimen dapat terganggu oleh faktor eksternal, terutama performa komputer dalam menjalankan komputasi.

Pada eksperimen di algoritma ini, nilai objective function akhir yang paling mendekati state sempurna terletak pada eksperimen dengan jumlah populasi kontrol (1000) dan banyak iterasi 125 di percobaan kedua, dengan nilai sebesar 1183. Hasil ini tercapai berkat jumlah iterasi yang tinggi, yang memberi algoritma lebih banyak waktu dan kesempatan untuk mencari solusi yang lebih mendalam menyempurnakannya. Dengan 125 iterasi, algoritma dapat menemukan solusi yang lebih optimal, menghasilkan nilai fungsi objektif akhir yang lebih rendah dan mendekati state sempurna. Hal yang sama tidak terjadi pada percobaan dengan iterasi rendah, dimana nilai objective function akhir yang paling jauh dicapai pada eksperimen dengan jumlah populasi kontrol (1000) dan banyak iterasi 3, yaitu sebesar 4615.0 pada percobaan kedua.

Pengaruh populasi juga terlihat jelas melalui data eksperimen ini. Dengan iterasi tetap di 50, populasi sebesar 50, nilai fungsi objektif dihasilkan sekitar 3068 pada percobaan kedua, sementara populasi yang lebih besar, seperti 2000, mampu menurunkannya hingga 1627. Hal ini menunjukkan bahwa populasi yang lebih besar membantu algoritma mengeksplorasi ruang pencarian lebih luas dan menghindari jebakan di optima lokal. Namun, penambahan populasi atau iterasi berlebihan tidak selalu memberikan peningkatan yang signifikan pada hasil akhir dan justru meningkatkan waktu komputasi. Oleh karena itu, perlu ada keseimbangan dalam jumlah iterasi dan populasi untuk mendapatkan hasil optimal tanpa membebani komputasi secara berlebihan.

KESIMPULAN DAN SARAN

Setiap algoritma memiliki hasil nilai *objective function* yang berbeda-beda antara Steepest Ascent Hill Climbing, Simulated Annealing, dan juga algoritma Genetic. Berdasarkan hasil skor dari percobaan yang kami lakukan, algoritma Steepest Ascent Hill Climbing memiliki hasil pencarian yang terbaik, diikuti dengan Simulated Annealing, lalu algoritma Genetic di posisi akhir dengan hasil terburuk dari ketiganya. Perbedaan hasil ini pasti dikarenakan dasar teori pencarian yang berbeda. Kemungkinan lainnya karena fungsi *magic cube* yang digunakan pada algoritma Steepest Ascent Hill Climbing dan Simulated Annealing sama, yang berbeda hanyalah algoritma Genetic. Fungsi *magic cube* ini menentukan fungsi pencarian nilai *objective function* sehingga nantinya juga akan mempengaruhi hasil *random initial state cube*.

Setiap algoritma *local search* memiliki sifat yang berbeda-beda dan unik. Untuk algoritma Steepest Ascent Hill Climbing, disetiap iterasinya hanya mencari nilai terbaik dari *initial staten*ya. Sedikit berbeda dengan algoritma Simulated Annealing, algoritma ini memungkinkan untuk mencari nilai *state* yang lebih buruk dari *initial state* nya sehingga memungkinkan ruang pencarian yang lebih luas. Untuk algoritma Genetic, ruang pencarian diperluas dalam bentuk populasi yang terus meningkat kualitasnya setiap generasi, namun sangat tergantung dari jumlah populasi dan generasi yang ada.

Perbandingan waktu memang bervariasi tapi tidak terlalu signifikan perbedaan waktunya. Untuk algoritma Genetic memiliki durasi proses pencarian tercepat, yaitu selama 5-6 detik, disusul algoritma Steepest Ascent Hill Climbing dengan durasi proses pencarian yaitu antara 20-27 detik, lalu algoritma yang paling lama untuk mendapatkan nilai *objective function* yang paling baik adalah Simulated Annealing.

Setiap algoritma memiliki nilai rentan konsistennya masing-masing. Untuk algoritma Steepest Ascent Hill Climbing memiliki nilai hasil yang konsisten dengan perbedaan sekitar 300-600an. Untuk algoritma Simulated Annealing memiliki nilai hasil yang konsisten dengan perbedaan sekitar 400-1000an. Untuk algoritma Genetic memiliki nilai hasil yang konsisten dengan sekitar 100-400.

PEMBAGIAN TUGAS SETIAP KELOMPOK

Nama anggota	NIM	Tugas	
Samuel Franciscus Togar Hasurungan	18222131	 Implementasi algoritma genetic.py gencube.py (Magic Cube untuk genetic) Laporan: Pemilihan Objective Function Penjelasan implementasi algoritma Genetic Hasil eksperimen dan analisis algoritma genetic README.md 	
Salsabilla Azzahra	18222139	 Implementasi proses algoritma simulated annealing Laporan : Penjelasan implementasi algoritma simulated annealing 	
Muhammad Reffy Haykal	18222103	- Implementasi Algoritma - Magiccube.py (Digunakan di Steepest Ascent Hill-Climbing dan Simulated Annealing) - SteepestHillClimb.py - visual.py - Laporan: - Penjelasan implementasi algoritma Magic Cube - Penjelasan implementasi algoritma Steepest Ascent Hill-Climbing	
Hanan Fitra Salam	18222133	 Implementasi algoritma simulated annealing bagian plotting Laporan: Hasil eksperimen simulated annealing Kesimpulan dan saran 	

REFERENSI

- 1. Features of the magic cube vierkant
- 2. Perfect Magic Cubes (trump.de)
- 3. Magic cube Wikipedia
- 4. Slide kuliah IF3070 Dasar Intelegensi Artifisial
- 5. Gambar 2