G inizialmente contiene solo un nodo  $\alpha$ . Il primo albero  $T_1$  viene inserito interamente e, per ogni nodo di G, si aggiunge ai nodi mappati il corrispettivo nodo di  $T_1$ . Infine, si aggiunge in G un arco  $(\alpha, \text{root}(T_1))$ .

Per inserire un generico albero  $T_n$  successivo al primo, si effettua la seguente procedura partendo dalla radice r di  $T_n$ .

## $insert\_tree$

Se esiste un nodo x in G tale che label(x) = label(r) e unique $(labels(N_G^+(x)))$  = labels $(N_T^+(r))$  si aggiunge il nodo r ai nodi mappati da x. Altrimenti, si aggiunge in G un nuovo nodo x con label(x) = label(r) e si aggiunge r ai nodi mappati da x.

Ora sia z il predecessore di r in  $T_n$  e sia y il nodo in G sul quale è mappato z. Se non esiste già, si aggiunge in G un arco (y,x). Se invece r è la radice di  $T_n$ , si aggiunge in G un arco  $(\alpha,x)$ . Infine, si esegue lo stesso procedimento per ognuno dei successori di r in T.

## insert\_tree\_rilassato

si cerca un nodo x in G tale che label(x) = label(r), labels $(N_T^+(r)) \subseteq labels(N_G^+(x))$  e che minimizza length $(labels(N_T^+(r)) - labels(N_G^+(x)))$ , se esiste si aggiunge il nodo r ai nodi mappati da x, altrimenti si aggiunge in G un nuovo nodo x con label(x) = label(r) e si aggiunge r ai nodi mappati da x.

Ora sia z il predecessore di r in  $T_n$  e sia y il nodo in G sul quale è mappato z. Se non esiste già, si aggiunge in G un arco (y,x). Se invece r è la radice di  $T_n$ , si aggiunge in G un arco  $(\alpha,x)$ . Infine, si esegue lo stesso procedimento per ognuno dei successori di r in T.

Nella procedura di insert\_tree, se esiste, si troverà un solo nodo x che rispetta le condizioni, invece nell'insert\_tree\_rilassato ad ogni passaggio potrebbero esserci più nodi tali che label(x) = label(r) e labels $(N_T^+(r)) \subseteq \text{labels}(N_G^+(x))$ , allora se ne prende uno che minimizza la differenza tra i figli del nodo x ma questo potrebbe comunque non essere unico.

## $\mathbf{esempi}$

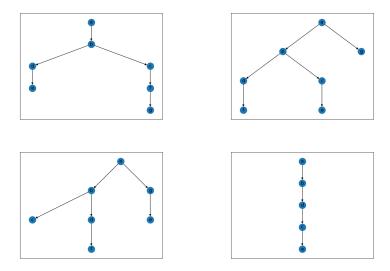
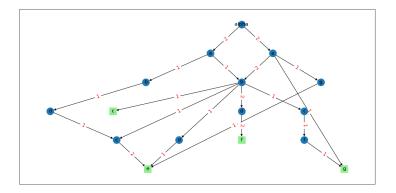


Figure 1: Alberi in input



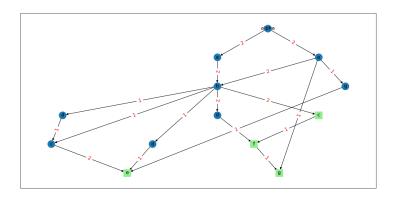
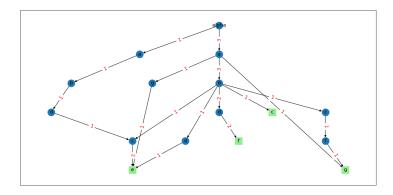


Figure 2: Insert\_tree (sopra) e insert\_tree\_rilassato (sotto)



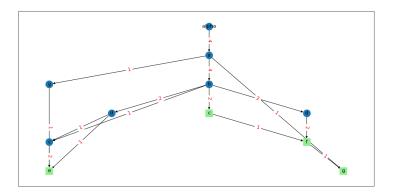
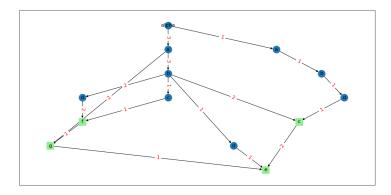


Figure 3: Insert\_tree + shrink (sopra) e insert\_tree\_rilassato + shrink (sotto)



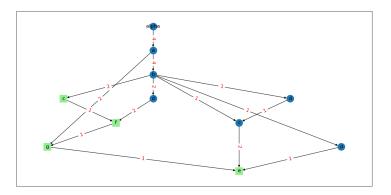
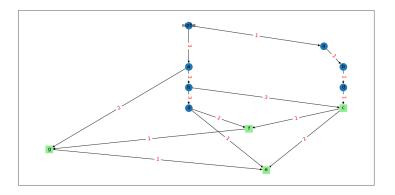


Figure 4: Insert\_tree + incorporate (sopra) e insert\_tree\_rilassato + incorporate (sotto)



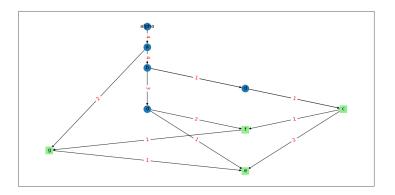


Figure 5: Insert\_tree + shrink + incorporate (sopra) e insert\_tree\_rilassato + shrink + incorporate (sotto)