## 805305A JOHDATUS REGRESSIO- JA VARIANSSIANALYYSIIN, sl 2022 Harjoitus 5, viikko 39: mikroluokkatehtävät

- 1. Jatketaan kotitehtävissä käsitellyn fungisidi-aineiston analysointia R-ohjelmistolla.
  - (a) Sijoita vehnäsadon (tn/ha) havaitut arvot kahteen vektoriin: vertailukäsittelyn jälkeiset satotulokset vektoriin sato1 ja koekäsittelyn jälkeiset tulokset vektoriin sato2 siten, että kummassakin maatilojen järjetys on sama. Yhdistä em. vektorit yhdeksi vektoriksi sato.

```
> sato1 <- c(5.0, 4.3, 5.9)
> sato2 <- c(6.1, 5.7, 7.0)
> sato <- c(sato1, sato2)
```

(b) Määrää koeyksiköille 1,...,6 tekijäin fung ja tila tasot funktiolla gl() (= "generate levels"). Tämä funktio soveltuu käytettäväksi luokitteluasteikon tekijöiden tasojen generointiin, kun aineisto on säännönmukaisesti lajiteltu määrättyyn järjestykseen kuten tässä ensin käsittelyn ja sitten tilan suhteen. Funktion kutsussa 1. argumentti kertoo tasojen lukumäärän, 2. argumentti sen, kuinka monen havainnon jälkeen taso vaihtuu seuraavaksi, ja 3. argumenttina on havaintojen kokonaismäärä. Listaa lopuksi luomasi aineisto:

(c) Piirrä havainnot rinnakkaisiin pistekuvioihin, joissa saman tilan havainnot on yhdistetty janalla.

```
> interaction.plot(fung, tila, sato, type = 'b', lty=1, pch = 0:2 ) Moodle
```

(d) Analysoidaan aineisto pareittaisiin erotuksiin perustuvalla menetelmällä. Laske vasteen havaittujen arvojen erotukset käsittelyjen välillä jokaisen maatilan kohdalta erikseen ja talleta ne vektoriin ero. Lasketaan erotusmuuttujan keskiarvo ja keskihajonta. Sen jälkeen kutsu funktiota t.test() tällä pääargumentilla ja muiden argumenttien osalta oletusarvoillaan:

```
> ero <- sato2 - sato1 ; ero
> mean(ero); sd(ero)
> t.test(ero)
```

Saitko tulostukseen saman luottamusvälin kuin kotitehtävässä 3 (c)? Moodle 3

(e) Todettakoon, että sama analyysi voidaan toteuttaa myös seuraavasti:

```
> t.test(sato2, sato1, paired =T) Moodle 4
```

(f) Jos sen sijaan jätät asettamatta loogisen argumentin paired arvoksi T (=TRUE), niin funktio t.test() analysoi aineiston sillä oletusarvolla, että kyseessä olisivat riippumattomat rinnakkaiset ryhmät (ks. luentomonisteen luku 4: 1-suuntainen varianssianalyysi).

```
> t.test(sato2, sato1, var.equal=T)
```

Vertaa saamaasi tulostusta kotitehtävän 1 tuloksiin. Ovatko tulokset samat? Huomaa, kuinka paljon epätarkempi ja näytöltään heikompi tulos tällä analyysillä saadaan verrattuna aiempaan analyysiin, jossa tilojen välinen vaihtelu eliminoidaan käsittelyjen vertailusta. Moodle 5

- 2. Jatkoa edelliseen tehtävään sekä kotitehtäviin 2. ja 3. Analysoidaan aineisto 2-suuntaisella varianssianalyysillä.
  - (a) Sovita aineistoon 2-suuntainen malli, jossa vasteena on vehnäsadon määrä, koetekijänä fungisidikäsittely ja lohkotekijänä maatila. Tulosta myös mallin parametrien estimaatit, keskivirheet, ine.

Vertaa fungisidikäsittelystä saatuja tuloksia edellisessä tehtävässä saatuihin.

(b) Talleta mallin sovitustuloksista sovitteet ja jäännöstermit omiin vektoreihinsa ja listaa ne yhdessä havaintojen kanssa. Tulosta mallitukseen liittyvä ANOVA-taulu.

3. Valkosipulia kasvatetaan penkeissä, joiden leveys on 1 m ja penkkien välit ovat 0.5 m. Haluttiin mm. selvittää, kuinka moneen riviin penkin pituussuunnassa taimia kannattaa istuttaa. Tähän tarkoitukseen suunniteltiin koe, jossa koetekijänä oli rivien määrä per penkki tasoinaan 3, 4 ja 5 riviä.

Koepopulaatioon valittiin 12 samankokoista penkkiä, jotka jaettiin 4 lohkoon, joten yhteen lohkoon kuuluu 3 penkkiä. Kussakin lohkossa vertailtavat 3 käsittelyä arvottiin penkkien kesken. Edelleen, jokaisessa rivissä taimien etäisyys toisistaan oli 10 cm. Satotulosta mitattiin grammoina per neliömetri (muuttuja sipuli.g). Tulokset on annettu seuraavassa taulukossa:

	Lohko			
Käsittely	1	2	3	4
1: 3 riviä	371	378	464	463
2: 4 riviä	410	373	498	654
3: 5 riviä	642	536	507	588

(a) Talletetaan vastemuuttujan havainnot vektoriin sipuli.g

(b) Muunna vasteen arvot niin, että mittayksiköksi tulee alkuperäisen  $g/m^2$  sijasta  $kg/m^2$ . Määrittele käsittelytekijä rivit ja generoi sen 3 tasoa funktiolla gl(). Generoi vastaavasti tasot (b=4) lohkotekijälle lohko. Listaa näin luotujen vektorien muodostama datakehikko.

(c) Laske ja tulosta vasteen keskiarvot ja keskihajonnat sekä käsittelyryhmittäin että lohkoittain käyttäen funktiota tapply(). Laske myös kokonaiskeskiarvo.

```
> Ym.r <- tapply(Y, rivit, mean) # vasteen keskiarvot käsittelyryhmissä
> Ysd.r <- tapply(Y, rivit, sd)  # keskihajonnat ryhmittäin
> round(cbind(keskiarvo=Ym.r, hajonta=Ysd.r), 3) # siisti tulostus
> round(tapply(Y, lohko, mean), 3) # lohkokeskiarvot
> round(tapply(Y, lohko, sd), 3) # lohkohajonnat
> round(mean(Y), 3) # kokonaiskeskiarvo
```

Miten rivilukumäärä näyttäisi vaikuttavan vasteeseen? Moodle 11 Onko lohkojen kesken nähtävissä merkittävää vaihtelua? Moodle 12

(d) Piirrä funktiolla interaction.plot() kuvio, jossa vasteen arvot ovat y-akselilla ja käsittelyryhmä x-akselilla siten, että saman lohkon havainnot on yhdistetty murtoviivalla. Piirrä myös
käsittelykohtaiset keskiarvot yhdistäen ne paksulla sinisellä murtoviivalla.

```
> interaction.plot(rivit, lohko, Y, type = 'o', pch = 1,
+ xlab= "Rivien lkm", ylab="Satotulos (kg/m^2)" )
> lines( 1:3, Ym.r, type="o", pch=4, cex = 1.5, lwd=2, col='blue')
```

Mitä tämä kuvio kertoo yhtäältä käsittelyn vaikutuksen muodosta ja toisaalta lohkojen välisistä tasoeroista?

**4.** Sovita aineistoon 1-suuntaisen varianssianalyysin malli, jossa ainoana selittäjänä on käsittelytekijä eli rivien lukumäärä penkissä (käytetään parametrointitapaa (b)). Tulosta parametrien estimaatit, keskivirheet, *t*-suureet, *P*-arvot ja 95 % luottamusvälit sekä ANOVA-taulu.

Mitä päätelmiä teet käsittelytekijän vaikutuksesta yhtäältä kertoimien estimaateista, P-arvoista ja luottamusväleistä ja toisaalta Anova-taulun F-suureesta? Ovatko nämä keskenään sopusoinnussa vai havaitsetko jotain ristiriitaa? Moodle 15 Voidaanko esim. päätellä, että odotetun vasteen erosta rivi-lkm:ien 5 ja 3 välillä on näyttöä mutta näyttö ei ole riittävä koskien rivi-lkm:ien 4 ja 3 välistä eroa?

**5.** Sovita aineistoon 2-suuntaisen varianssianalyysin malli, jossa käsittelytekijän lisäksi mukana on lohkotekijä. Tulosta parametrien estimaatit, luottamusvälit ja ANOVA-taulu.

Vertaa parametriestimaatteja, keskivirheitä ja jäännöskeskineliösummaa 1-suuntaisen mallin vastaaviin lukuihin. Moodle 18 Mitä havaintoja teet? Onko lohkotus tehostanut analyysiä? Muuttuvatko päätelmäsi käsittelytekijän vaikutuksesta ja millä tavalla?

## 6. Kontrastit.

(a) Estimoi ns. lineaarinen kontrasti kerroinvektorinaan (-1,0,+1) rivilukumäärän eri tasojen kesken ensin 1-suuntaisesta mallista m1 (tehtävä 4), jossa lohkotekijä ei ollut mukana.

```
> library(gmodels)
> fit.contrast(m1, rivit, c(-1, 0, 1), conf.int = 0.95)
```

Miten tulkitset tätä tulosta verrattuna tehtävässä 4 saamiisi tuloksiin? Moodle 19

(b) Estimoi vielä lineaarinen kontrasti rivilukumäärän eri tasojen kesken 2-suuntaisesta mallista m2 (tehtävä 5), jossa lohkotekijä oli mukana.

```
> fit.contrast(m2, rivit, c(-1, 0, 1), conf.int = 0.95)
```

Muuttuvatko päätelmäsi verrattuna kohtaan (a) ja jos, niin millä tavalla? Moodle 20