方法精讲-判断 2

主讲教师:袁鸥

授课时间:2017.06.17



方法精讲-判断2(笔记)

【注意】答疑: 1. 奇点是由一个点引出奇数条线段,切圆中的这个点发射出四条线段,不是奇点。奇点是偶数,不可能是奇数。端点都是奇点,因为只引出一条线。

- 2. P87页第6题中,五角星里没有奇点,是一笔画,但是两个不连通五角星是两笔画,奇点是在连通图数的。图1中有2个奇点,因为这两个点引出3条线段,其他点都不是奇点。中间切点不是奇点,因为切点引出4条线段。
- 3. P79第一题考查的是中心对称,题干都是中心对称图形,只有A项是中心对称图形。
- 4. P83页第2题,图1有两个交点。曲线没有拐点就没有交点,交点是线和线交叉的部分。
- 4. P72第三题,组成相同,都有两根针,因为针是在正方形中,转到正方形 边的中间的时候必然会缩短。
 - 5. P73第5题考查米字型特殊观察规律。
 - 6. P79第2题,一组中心对称,一组轴对称图形。

考点三: 面数量

1. 什么是面? 封闭空间

图1 图2 图3
特征图:
1. 图形被分割、封闭面明显

图4 图5
2. 生活化图形、粗线条图形中留空白区域

一 粉筆直播课



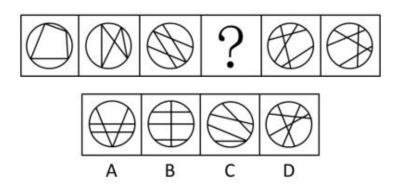


图 6 图 7

【注意】面数量:

- 1. 面的概念: 封闭空间。图1是1个面,图2是没有面,是开放图形;图3 有1个小面。
- 2. 如果将图3全部涂黑,则不是1个面。面是白的,黑的不是。数面数空白的面。
 - 3. 面不能重复数,不能合并数。如图3,合并数根本数不清。
 - 4. 数面:
 - (1) 图形被分割、封闭面(白色窟窿)明显。
- (2)生活化图形、粗线条图形中有明显留白。比如图6有1个面,图7有5个面。

例 1(2015 黑龙江)请从所给的四个选项中,选择最合适的一个填入问号处, 使之呈现一定的规律性()。



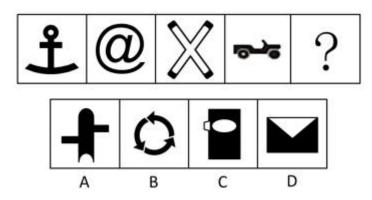
【解析】1. 题干外面是大圆,内部被分割成多个区间,优先考虑数面。数面 依次是 5、6、7、?、9、10,"?"处应该是 8 个面。B 项是对称图形,左右都 是 4 个面,当选。A 项是 9 个面, C 项是 6 个面,D 项是 11 个面,排除。

题干点较多,不考虑,从简单的特征入手。考虑数线,题干都是 4 条线,选项也都是 4 条线,无答案。

如果没有外面的边框,只有交叉线,优先考虑数交点。有外边框,提示在封闭区间分割,优先数面,数面比数点更简单。【选 B】

Fb 粉筆直播课

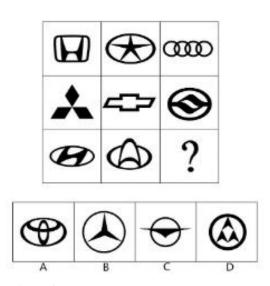
例 2 (2015 四川) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。



【解析】2. 题干出现生活化图形,且粗线条图形中间留白,优先考虑数面,题干均是1个面,图4的轮胎中只有1个面。D项是1个面,当选。B项是开放图形,没有面,排除。A项没有面,C项有2个面,排除。

有同学考虑图 1、3、5 对称,此规律不严谨。一组图优先从左到右横着找统一的规律,如若有统一的规律,不需要跳着看;没有统一的规律,则跳着看。跳着看需要图 1、3、5 一组规律,图 2、4、6 一组规律,需要 6 幅图。【选 D】

例 3 (2012 联考) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。



【解析】3. 题干有粗线条图形中间留白,且有生活化图形,考虑属性中的对称,但是对称无规律,有的是中心对称,有的是轴对称,无普遍的规律。

考虑数面,优先横着看,第一行依次为4、5、7个面,无规律;考虑竖着看,

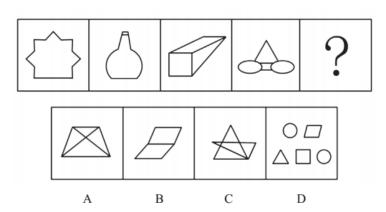
第一列依次为: 4、0、4个面,第二列依次为: 5、1、4个面,单独数字无规律,考虑数字间的规律。加法无规律,考虑减法:第一列: 4-0=4;第二列: 5-1=4;第三列的"?"=7-3=4,对应 D 项。

错误思维:第一列面数量相加为8,第二列面数量相加为10,考虑第三列相加为12不严谨,因为两个数字不能构成严谨的数量,此时第三列考虑等比规律、乘法规律也可,数字不唯一。【选D】

【注意】1. 单独数面无规律,可以考虑加减法。

2. 两个数通常不成数列,恒定才行。比如第一列和第二列相加都是8,则第三列相加也可为8。

例 4 (2014 河南) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。



【解析】4. 题干窟窿明显,优先考虑数面,数面依次是 1、2、3、4,"?" 处为5个面,排除A、B项。C、D项都是5个面,无法排除。此时不能因为考场时间紧张直接选C,需要看完所有选项。

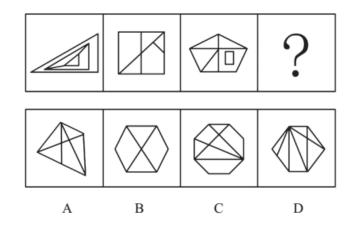
比较 C、D 项, C 项几个面相连, D 项几个面分散, 题干的面都是相连的, C 项当选。

考虑曲直性。图 1、3、5 都是直线图形,图 2、4 都是曲加直,但是跳着看的规律通常是六幅图,规律不严谨,优先看整体的规律。【选 C】

【注意】简单数量类题目,尽量每个选项都看完。

一 粉筆直播课

例 5 (2015 联考) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。



【解析】5. 题干图形存在分割区间,优先考虑数面,依次是 4、5、6、?, "?"处应该是7个面,排除A、C项。C、D项都是7个面,无法排除。

图 1 的外边框是三角形,是 3 条边,图 2 的外边框是四边形,图 3 的外边框是五边形,所以图 4 外边框应该是六边形。C 项是八边形,排除。D 项是六边形,当选。【选 D】

四、素数量

- 1. 元素种类
- 2. 元素个数

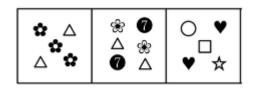


图 1

图 2

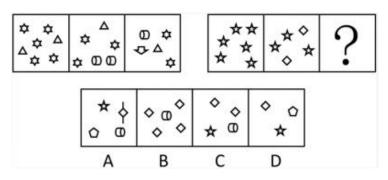
图 3

特征: 多个独立小图形

【注意】1. 素的概念:分散的小图形。

- 2. 考法: 元素种类和个数。图1中有2种元素,图2中有3种元素,图3中有4种元素。图1有5个元素,图2有6个元素,图3有5个元素。
- 3. 元素优先考虑种类和个数。现在命题趋势是个数和种类结合考查。个别奇葩省份才会考查元素换算。
 - 4. 多个独立小图形优先考虑元素。

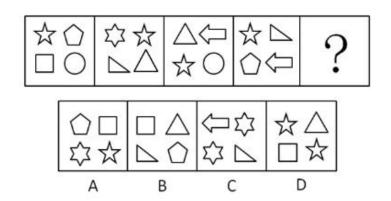
例 1 (2015 广东) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。



【解析】1. 两组图,分散的小图形,优先考虑数素。先数元素数量,依次是7、6、5。第二组图依次是6、5、?,"?"处应该是4个,排除B、D项。

数元素种类,第一组图依次是 2、3、4 种,第二组图依次是 1、2、? 种,"?" 处应该是 3 种元素, C 项当选。【选 C】

例 2 (2013 联考) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。

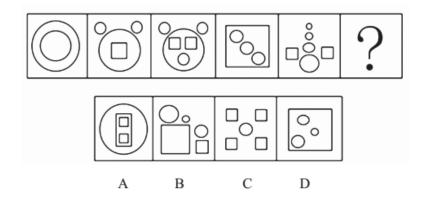


【解析】2. 题干都是独立小图形,都是4个小元素,数量无规律,考虑元素种类,都是4种。C、D项只有3种元素,排除。

对比 A、B 项,无法找出规律。对比题干,两两对比,观察题干图 1 和图 2 中有一个五角星是一样。图 2 和图 3 有三角形和五角星是一样,图 3 和图 4 中五角星和箭头是一样,三角形和箭头无规律,但是五角星每幅图都有,所以"?"处应该也有五角星,A 项中五角星,当选。【选 A】

【注意】小技巧:元素数量和种类选不出答案,可观察共同元素找规律。共同元素指的是题干图形都有的图形,比如上题中的五角星。

例 3 (2011 联考) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。



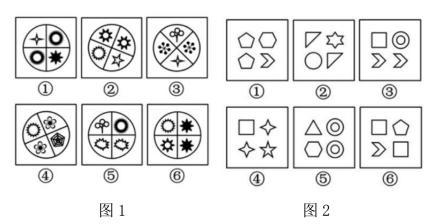
【解析】3. 题干有圆和方框,可以分开看。题干圆数量依次是 2、3、4、3、4,方框的数量依次是 0、1、2、1、2。

圆和方框单独数无规律,可以考虑做运算,常考运算有加法和减法,加法无规律。考虑减法,2-0=2,3-1=2,4-2=2,圆数量减方框数量恒等于2,D项当选。 【选D】

【注意】图形均是由2种元素构成可考虑分开数,单独无规律,考虑两种数量运算,尝试加法或者减法。

图形特征:

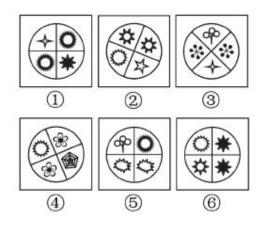
分组题中,每个图都有2个相同元素,考虑相同元素的位置关系



【注意】两种元素的考法灵活变通,国考中会考查两种元素的运算、元素+ 位置类结合。

- 1. 例图中(图1)的六个图有四个元素,但只有三种,其中有两个相同的元素(长一样的即为相同元素),此时优先考虑相同元素的位置关系。图①相同元素在对角线位置,②位置为相连/相邻,③④在对角线位置,⑤⑥位置为相连/相邻,故①③④为一组,②⑤⑥为一组。
- 2. 例图 2 中每幅图有四个元素,种类为三种,①相同元素相连,②相同元素在对角线位置,③⑤相同元素相连,④⑥相同元素在对角线位置。
 - 3. 分组分类题中,每个图都有两个相同元素,优先考虑相同元素的位置关系。

例 4 (2013 国考) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. (1)(3)(5), (2)(4)(6)

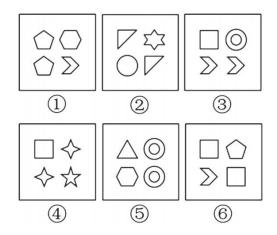
B. (1)(4)(6), (2)(3)(5)

C. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

D. (1)(2)(5), (3)(4)(6)

【解析】4. 题干中①③④相同元素在对角线位置,②⑤⑥相同元素相连,对应 C 项。【选 C】

例 5 (2016 北京) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. 1123, 456

B. 135, 246

C. 125, 346

D. 136, 245

【解析】5.①③⑤两个相同元素相连,②④⑥相同元素在对角线位置,对应B项。【选B】

考点:

3. 部分数(线条与线条连在一起叫做一部分)







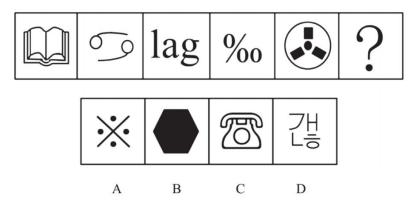
特征: 生活化图形、黑色粗线条

【注意】部分数:

- 1. 连在一起的是一部分,分开的是两部分。如图一全是黑色线条,没有分开, 故为一部分;图二机翼和机身隔断,共有两部分;图三为分开的三个部分。即凡 是串连在一起的就是一部分,中间断了就是两个不同的部分。
- 2. 特征: 生活化图形、黑色粗线条,属性、面数量、素数量中的部分数均有涉及。

例 6 (2011 联考) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。

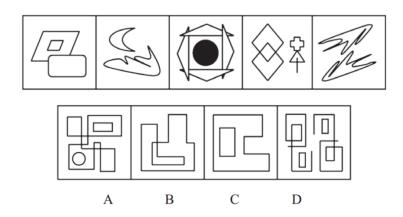
Fb 粉筆直播课



【解析】6. 图一是书,图三为黑色粗线条,B 项完全涂黑,C 项是生活化图形,此时可以考虑属性、面数量、部分数,其中属性无规律,面数量:图一与图二、三不匹配,故考虑数素中的部分数。图一连起来是一部分,图二两部分,图三是三部分,即部分数分别为 1、2、3、4、5、? ,? =6, D 项为六部分,当选。

A 项四个黑点分开,中间交叉,为五部分。B 项是整体一个部分。C 项整个 边框连起来,中间一个圆分开,为两部分。【选 D】

例 7 (2014 江苏) 观察下图,从四个选项中选择最合适的一个与所给五个图 形形成组图,并呈现相同的规律性()。

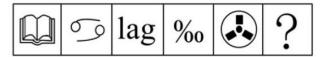


【解析】7. 图三中间一个大黑圈,无法数面。此时考虑部分数,发现题干均为两部分。D项为四部分,排除。C项为两部分,当选。A项中的圆、矩形分开,为三部分,排除。【选C】

【注意】做题时要从特征入手考虑规律。

生活化、黑线条图形常见考法:

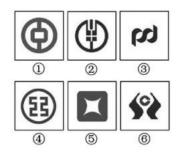
1. 部分数



2. 面 (黑线条内部留白较多)



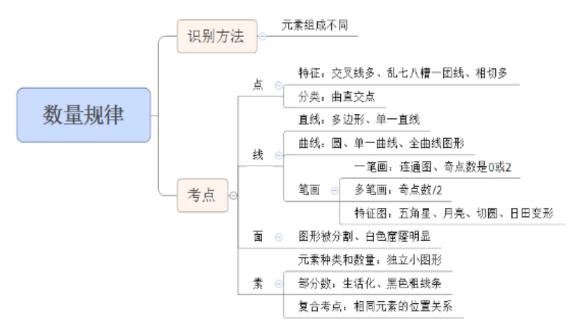
3. 属性(对称、开闭)



【注意】生活化、黑色粗线条图形常见考法:

- 1. 部分数: 连在一起的是一个部分,分开的是两个部分,如外面连起来,中间有一个独立的图形就是两个部分。
- 2. 数面:尤其是黑色线条内部每一幅图都有留白时优先考虑数面。面数量涉及多种变形,可考虑横着数、竖着数、加减运算。
- 3. 属性: 黑色粗线条优先考虑对称,国考、联考等大型考试中对称性考查较多,开闭性会有小开口,遇到有黑色粗线条、小开口时考虑开闭性。

数量规律思维导图



【注意】元素组成不同,除考虑属性外还可考虑数量类,数量类知识点杂,特征图多。

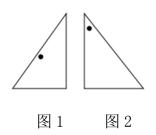
- 1. 点: (1) 交叉线、一团线、相切多。(2) 曲直交点, 当整体数点数不出来时优先考虑曲直交点。
- 2. 线: (1) 直线、曲线优先分开数。(2) 笔画: 学会数奇点、特征图, 当看到五角星、月亮、切圆、"田""日"变形时优先考虑。
 - 3. 面: 白色窟窿明显、图形被分割,有复合型考点,尽量将每个选项都数完。
- 4. 素:看到独立小图形时考虑种类和元素,看到生活化、黑色粗线条时考虑部分数;复合考点看相同元素的位置关系。
- 5. 特征规律:元素组成相同优先看位置,元素组成相似、有重复线条优先看样式(加减同异),元素组成不同包括属性、数量,属性中对称性考查最多,看到等腰三角形、等腰梯形时优先考虑;看到数量类特征时优先考虑数量规律。

第五节 特殊规律

一、功能元素

观察功能元素与其他图形的位置关系 常见功能元素类型:

- 1. 点
- (1) 观察点的位置
- (2) 单独观察点位置没有规律,且只有两个点,考虑两点连线与其他图 形的位置关系



- 2. 箭头
- (1) 观察箭头的指向
- (2) 观察箭头与箭头之间的关系(如箭头之间垂直/平行)



【注意】1. 特殊规律:不符合位置、样式、属性、数量规律,但考查较多。 包括功能元素、图形间关系。

2. 功能元素:

(1)点:①每一幅图都出现了黑点时优先观察黑点位置,如例图中图 1 点标记的是三角形的边,图 2标记的是三角形的角,观察点位置常考标记的是 角/边。

如果全部标记的是角,如图 3 标记直角,也可能标记锐角,即看标记直角、 锐角、钝角,直角考查较多;如果都标记边,可以看标记边的长短,即边看长 短、角看大小。

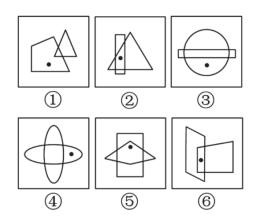
也可观察标记位置的内外区分,即点是单独一个时可能考查标记位置。

②当每一个图都有两个点时考虑点的连线,如图 4 的点连起来发现拦腰斩开图形,且是对称轴,即看连线与整体图形的关系。

当涉及 2-3 个点时也可以看点与点之间的关系,如一个在里、一个在外,或者都在里面。

- (2) 箭头:
- ①看指向,可以指向角(直角、锐角、钝角)、边(长边、短边)。
- ②当出现两个箭头时考查位置关系,常考垂直、平行。当每一幅图都出现 点、箭头时可当作功能元素看。

例 1 (2013 国考) 把下面的六个图形分为两类, 使每一类图形都有各自的共 同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. 1)56, 234

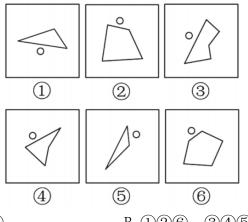
B. 134, 256

C. (1)(2)(4), (3)(5)(6)

D. (1)(2)(5), (3)(4)(6)

【解析】1. 每一幅图都有一个黑点,功能元素必须每一幅图都有。①的点在 单独一个图形的面中,②出现在两个图形相交的面中,③④在单独图形面中,⑤ ⑥在相交区域中,故①③④为一组,②⑤⑥为一组,对应 B 项。【选 B】

例 2 (2015 国考) 把下面的六个图形分为两类, 使每一类图形都有各自的共 同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

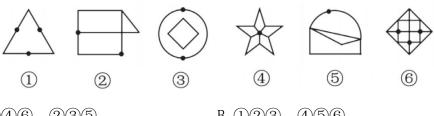
B. 126, 345

(2.1)(3)(5), (2)(4)(6)

D. (1)(5)(6), (2)(3)(4)

【解析】2. 本题每一幅图中都有一个白球,功能元素可以是黑点、白球等小 的标志性符号。题干中白球都挨着边,可观察边的长短。①在长边上,②在短边 上, 34长边, 56短边, 故134一组, 256一组, 对应 A 项。【选 A】

例 3 (2017 国考) 把下面的六个图形分为两类, 使每一类图形都有各自的共 同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. (1)(4)(6), (2)(3)(5)

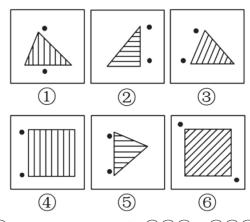
B. (1)(2)(3), (4)(5)(6)

(2.1)(5)(6), (2)(3)(4)

D. (1)(3)(5), (2)(4)(6)

【解析】3. 题干中每个图的点不同,数点的数量无法分组,可当成功能元素 看。必须每幅图都只有两个黑点时考虑连线,故本题不考虑。观察题干发现①的 黑点在边上,②的黑点在线与线的交点上,③在外边框的边上,⑤也在边上,故 ①③⑤黑点在边上;②④⑥黑点都在线与线的交点上,对应 D 项。【选 D】

例 4 (2011 国考) 把下面的六个图形分为两类, 使每一类图形都有各自的共 同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. (1)(3)(6), (2)(4)(5)

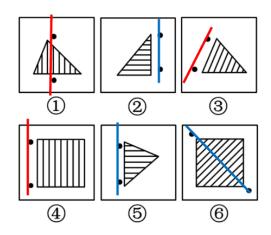
B. (1)(3)(5), (2)(4)(6)

C. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

D. (1)(5)(6), (2)(3)(4)

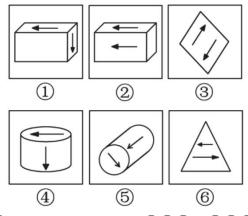
【解析】4.每一幅图都有两个黑点,当有两个点且全部同时出现时考虑连线,

可以都连出来。连出后观察题干发现,三角形中有很多线且不同,①的连线与里面线是平行关系,②是垂直,③④平行,⑤⑥垂直,故①③④一组,②⑤⑥一组,对应 C 项。【选 C】



【注意】看到两个黑点时优先连线,连完后看线与原图形关系,如例 4 中观察三角形中线条与连线的关系。

例 5 (2014 国考) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. (1)(3)(5), (2)(4)(6)

B. 125, 346

C. 1145, 236

D. (1)(3)(4), (2)(5)(6)

【解析】5. 题干中图形有两个箭头,考虑箭头与箭头之间的关系,包括垂直和平行。①的箭头垂直,②的箭头平行,③⑥平行,④⑤垂直,故①④⑤为一组②③⑥为一组,对应 C 项。【选 C】

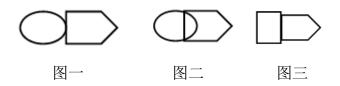
- 二、图形间关系
- 1. 相离: 完全不相交



2. 相压: 上下覆盖



- 3. 相交
- (1) 交于公共点
- (2) 交于公共面:观察相交面的形状
- (3) 交于公共边: ①看数量; ②看样式: 长/短,整体/部分

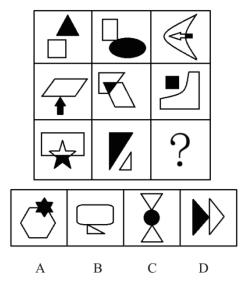


【注意】图形间关系:

- 1. 相离:两个图形无关,相互不搭理。
- 2. 相压: 有上下图形的区别,即上面压下面,看不到、缺口的是压在下面的图形。
- 3. 相交(☆): 是三种考法中考查最多的,相离、相压简单了解即可,重 点是相交。如图一交于点,图二相交于面,图三挨着且有公共边,故相交于边。
 - (1) 交于点时看是否有交点,即相切。
- (2) 交于面时重点看面的形状,看面是几边形,即是三角形、四边形、 五边形,矩形、正方形、梯形等。

例 1 (2014 河南) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。

一 粉筆直播课

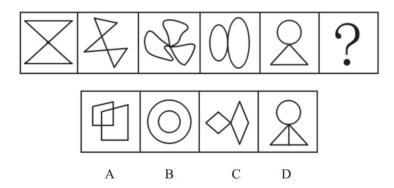


【解析】1. 两个图或三个图相交、相连,如本题有黑、白,说明两个图有关系。第一行图一相离,图二交于点,图三交于面;第二行关系分别为交于点、面、相离,均有三种关系;第三行分别为交于面、相离、?,?应为交于点。

A 项是相压,排除。题干中都有黑白,排除 B 项。题干均为两个图, C 项为三个图,排除。D 项交于点,且是一黑一白、两个图形,当选。【选 D】

【注意】交于面的图形完整,相压时一个图形完整、另一个图形不完整。

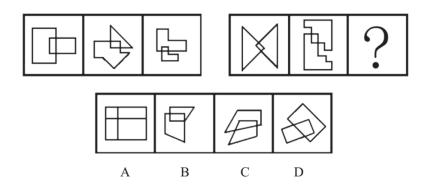
例 2 (2014 黑龙江) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使 之呈现一定的规律性()。



【解析】2. 题干均为几个图形相连, 当 2-3 个图连在一起时考虑图形间关系。 题干图形均为交点。

A 项交于一个面,排除。B 项没有连在一起,排除。C 项交于点,当选。D 项两个三角形存在交边,排除。【选 C】

例 3 (2014 北京) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之呈现一定的规律性()。

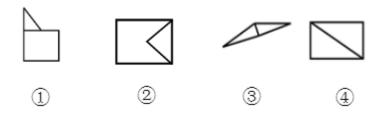


【解析】3. 每幅图均由两个图形共同构成,均相交且交于面,全部交面时重点考虑交面的形状。第一组交面均为矩形,第二组也是矩形,B 项当选。

A 项交于正方形,且题干中为两个图形相交,而选项中漏了一个,排除。C、D 项均为梯形,排除。【选 B】

【注意】相交于面时优先看形状,面积考查非常少。

相交:相交于线

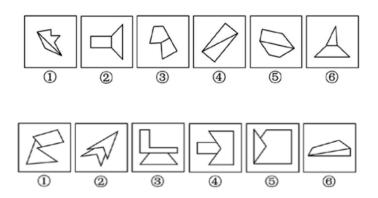


- a. 看数量: 有几条
- b. 看样式:长/短,整体/部分

【注意】相交于线:

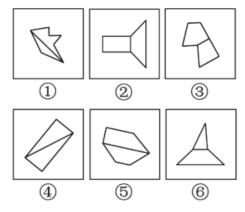
- 1. 看数量:特征是两个面或三个面(两个面较多)连在一起,且靠线连在一起时优先考虑线之间关系。如①两个面交于一条线,②两个面交于两条线,故可看相交线的数量。
- 2. 看样式:长/短,整体/部分。③④相交均为一条,数量一致,但该线有明显的长短区别,故可看长短;①③均交于一条线,③交于三角形完整的边,①交的是正方形的一半,即为整体/部分的区别。

3. 答疑: ②为两个面,两个面的相连是通过两条线实现的,故交于两条线。



【注意】两组图有共同特征:全部都是两个面挨着,看相交线时将注意力放在两个面上,而非看整体图形,理解看法后全部标出来后发现没有数量规律,可考虑样式,①④⑤是长边,②③⑥是短边。下一组有数量区别,①③⑥相交于一条线,②④⑤相交于两条线。

例 4 (2013 国考) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. 136, 245

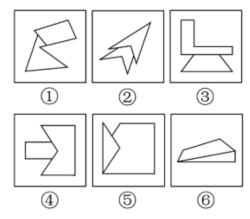
B. 125, 346

C. (1)(2)(6), (3)(4)(5)

D. (1)(4)(5), (2)(3)(6)

【解析】4.①④⑤相交于长边,②③⑥相交于短边。【选D】

例 5 (2013 河南) 把下面的六个图形分为两类,使每一类图形都有各自的共同特征或规律,分类正确的一项是()。



A. 124, 356

B. 125, 346

C. 135, 246

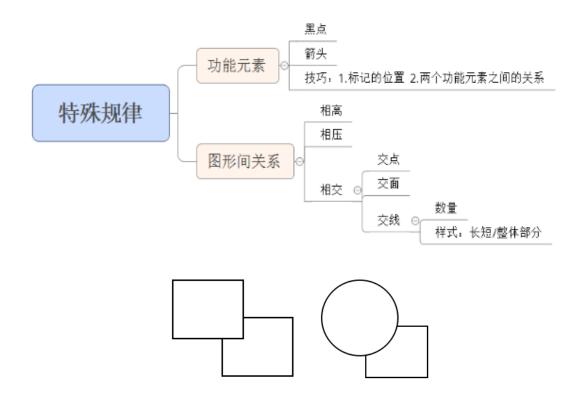
D. (1)(3)(6), (2)(4)(5)

【解析】5. 考查交边数量,①③⑥一条,②④⑤两条,D项当选。【选D】

【注意】1. 相交考查频率比相压大得多,故遇到此类题目优先考虑相交,看成面与面相交: 当相交无规律时再考虑相压,相压考查频率非常低。

2. 当有两个面挨在一起时, 优先考虑交边。

特殊规律思维导图



一 粉筆直播课

图一 图二

【注意】1. 功能元素考查黑点、箭头,通常考查标记位置、两个功能元素间 关系。

2. 相压考查非常少,如图一可当成相压、相交,此时优先考虑相交,当相交 无规律时再考虑相压。相交考查最多,涉及交点、交面、交线,交线分为长/短、 整体/部分。相压可能考查上面是曲线图形,下面是直线图形,即曲压直(如图 二),考查上下图形规律。

第六节 空间重构

【注意】1. 空间重构, 学会套路后很简单, 不需要用剪刀和橡皮, 不需要用空间想象能力。

- 2. 课上重点传授六面体(如色子)图形的题,四面体(国考不考)、剖面图、 截面图、三视图等国考考的内容会在专项课中补充。
 - 3. 六面体是国考必考图形。

1. 折叠方向

左边给定的是纸盒外表面的展开图,右边哪一项能由它折叠而成



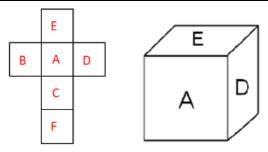


2. 所有的方法都是排除错误选项的

【注意】六面体,是一张纸折成纸盒,用空间想象能力去解题会有很多错误。

- 1. 要注意题干"左边给定的是纸盒外表面的展开图"说明纸要往里折, 左边的折叠方向才是对的, 右边的折叠方向是错的。
- 2. 课上传授的所有方法都是排除错误选项的,剩下的就是正确选项,不用纠结正确选项是怎么折叠而成的。

一 粉筆直播课



- 1. 相对面
- 2. 相邻面

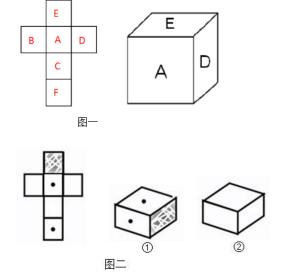
【注意】如图有一个平面展开图和一个立体图,图有 6 个面,主要是找面与面的关系:①相对;②相邻。

- 1. 相对面: 立体图中只能看到 3 个面,看不到另外的 3 个面,如 F 面在 A 面的后面,所以 A、F 是相对面,B、D 是相对面,C、E 是相对面。
 - 2. 相邻面是挨在一起的,如 E、A、D面。

一、相对面

- 1. 特征: 两个相对面能且只能看到一个面。
- 2. 应用:相对面都出现——排除:

相对面都不出现——排除。



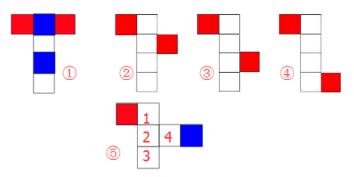
【注意】1. 如图一中 B、D 面是相对面,在立体图中只能看到一个面,E、C 面也只能看到一个,所以折起后相对面能且只能看到一个面,在立体图中不能同时出现,因此选项中相对面 2 个都出现,则是错的。如果相对面 2 个都没出现,也是错的,要排除。记住:立体图中相对面必须有一个,且只能有一个。

2. 如图二展开图中的两个黑点,是一组相对面,立体图中应只能看到一个,

立体图①中出现2个,排除。立体图②没有出现黑点,也排除。

展开图中如何判断相对面?

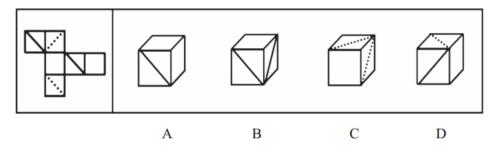
- 1. 相间排列(同行同列相隔一个面)。
- 2. Z 字型两端。



【注意】展开图中判断相对面: 1. 相间排列,同行同列隔一个面的,如图 ①中 2 个红色的在同行中相间一个面, 2 个蓝色的同一列间隔一个白面, 2 个白色面也是相间一个, 为相对面。

- 2. Z 字型两端,如图②、③、④,把红色面连一线,出现在 Z 字的两端,为相对面。
- 3. 图⑤中的红色和蓝色面不是相对面,因为 Z 字是必须紧挨中间线最近的,红色的相对面应该是面 4; 蓝色的相对面应该是面 2; 面 1、3 是一对相对面。

例 1 (2014 黑龙江) 左边给定的是纸盒的外表面,下面哪一项能由它折叠而成?请把它找出来()。



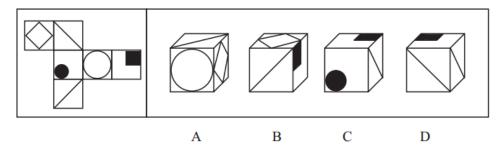
【解析】1. A 项中出线斜对角面和 2 个空白面,而题干中 2 个空白面是相间排列,是相对面,能且只能出现一个,选项同时出现,所以错,排除。

B项2个斜对角线面是Z字型两端,是相对面,立体图中不能同时出现,排

除。

C 项 2 个虚线是相间排列,立体图中能且只能出现一个,排除。【选 D】

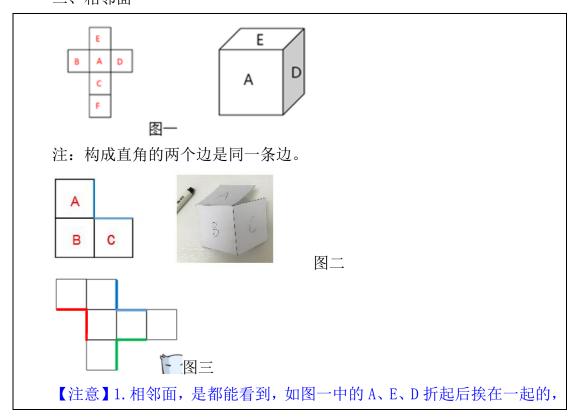
例 2 (2015 江苏) 左边给定的是纸盒外表面的展开图, 右边哪一项能由它折叠而成?请把它找出来()。



【解析】2. A 项菱形和圆在题干是 Z 字型两端,是相对面,能且只能出现一个,选项出现 2 个,排除。

- B 项看不出相对面, 先暂时保留。
- C 项圆和黑方相间排列,是相对面,能且只能看到一个,排除。
- D 项两个斜对角线面是相间排列,能且只能看到一个,排除。【选 B】

二、相邻面



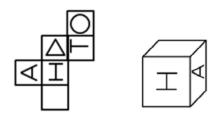
相邻说明2个面之间有一个公共边。

- 2. 分开的相邻面公共边:构成直角的两个边是同一条边,如图二中的 A、C 面形成的直角边。
 - 3. 如图三, 把展开图的所有直角的边折起后, 都是同一条边。

方法 1-看相对位置

注: 1. 两个面的公共边是唯一的

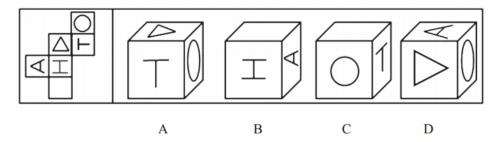
2. 折叠前后相邻关系保持不变



【注意】1. 看位置,公共边是唯一的,说明 2 个面的相对位置是不变的, 所以凡是相对位置改变的选项就是错的。

2. 要选有区分度的面,如头和脚能区分的,如"A",有头有脚,原图中"A"的两个脚踩着"工",立体图中是"A"头顶着"工",相对位置发生改变,所以选项错误。

例 1 (2013 联考) 左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成?请把它找出来()。



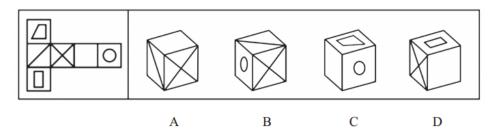
【解析】1. 选有区分度的面。A 项"T"有区分度,原图和选项都是顶着△, △顶着○, 没有问题,所以暂时保留。

B项"A"尖对着"工",而题干是"A"脚对着"工",排除。

C 项原图中"T"顶着△,选项是顶着空白面,排除。

D 项原图中"A"踩着工,选项踩着○,排除。【选 A】

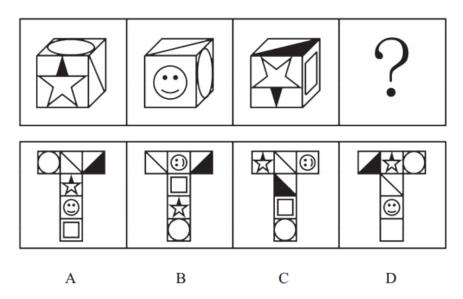
例 2 (2013 国考) 左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成? 请把它找出来()。



【解析】2. 优先排除 A、B 项,因为斜对角线面和空白面是相间排列、圆和 ×面也是相间排列,相对面在立体图中只能看到一个,同时出现则错误。

C项○和梯形离得远,先保留。D项矩形面和×面有90°的直角,凡是直角 折起后是公共边,会重合。原图中矩形的长边对着×面,选项是短边对着×面, 排除。【选C】

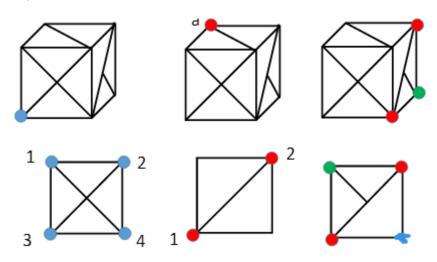
例 3 (2016 联考) 从所给四个选项中,选择最合适的一个填入问号处,使之符合所给的题干所示()。



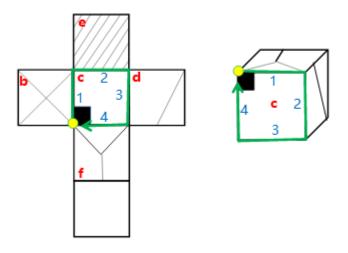
【解析】3. 选题干立体图的展开图。找有区分度的面: ☆还有标黑的头,题干中☆顶着圆,图3的☆的2个脚踩着半阴影的面。A项☆顶着斜对角面,排除。B项☆顶着方块面,排除。D项五星脚踩着斜对角面,排除。【选C】



- ①结合选项,找一个特殊面的唯一点或唯一边
- ②顺时针或逆时针方向描边
- ③题干与选项对应面不一致——排除



从唯一点出发画边



【注意】1. 画边法,帮助解决看不出上下左右时做题的。

- 2. 解题方法:
- ①结合选项,找一个特殊面的唯一点或唯一边。
- ②顺时针或逆时针方向描边。
- ③题干与选项对应面不一致的排除。
- 3. 例子:
- (1) 找特殊面的唯一点:与其它点都长得不一样的,如图中立体图有 3 个面,×面 4 个点都一样,所以不能选此面。斜对角线面也没有唯一点,因为

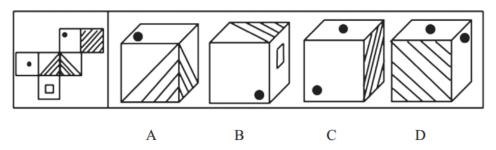
对角线的点长得一样,另外 2 个点也一样。只能选最右边的面,斜对角一样,但绿点跟其它点不一样,经过了一条小短线。

(2) 确定方向: 自己选择顺或逆时针, 但是选定后, 每个图都要一样的方向, 标边 1、2、3、4。

如例题中,特殊面是 C 面,有黑块,选黑块处的点,确定方向是顺时针, 从点出发,第一条边标 1,接着标边 2、3、4。

(3) 看每条边对应的面跟原图是否匹配。原图中边 1 对应面 b, 立体中边 1 对应面 f, 凡是选项和题干对应不一致的,可以排除选项。

例 4 (2013 联考) 左边为立方体的外表面,右边哪个立方体可以由它折成? 请把它找出来()。

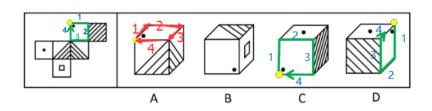


【解析】4. 位置难辨别,此处要用画边法。角上有一个黑点的面是特殊面, 选靠近黑点的顶点,顺时针标边,A 项没有问题,先保留。

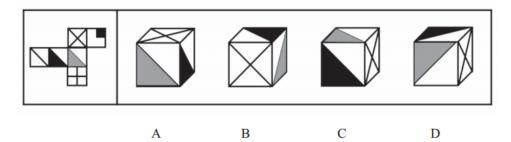
B项方框面和角上有点的面在 Z 字两端, 是相对面, 不能同时出现, 排除。

C、D 项都是用靠近黑点的顶点开始标边,原图中边 2 对着阴影面,C 项是对着黑点面,排除 C 项。原图中边 3 对着半阴影面,D 项边 3 对着全阴影面,排除 c 项。原图中边 3 对着半阴影面,D 项边 3 对着全阴影面,排除。

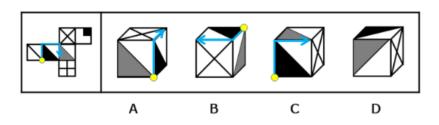
【选 A】



例 5 (2017 江苏 A) 左边给定的是纸盒外表面的展开图, 右边哪一项能由它 折叠而成?请把它找出来()。

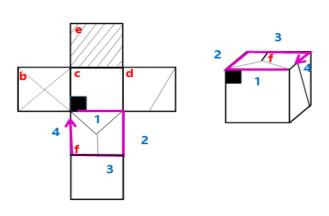


【解析】5. 都是斜着的图,无法区分头和脚,考虑画边,灰三角和黑三角都可以选,此处示范选黑色的三角面。选黑三角的直角顶点,顺时针标边,题干和选项都标上。A 项原图边 1 对着斜对角线面,选项边 1 对着灰三角面,排除。B 项原图中边 1 对着斜对角线面,选项边 1 对着灰三角面,排除。C 项原图中边 3 对着灰三角面,选项边 3 对着×面,排除。【选 D】



方法 2——画边法

- ①结合选项, 找一个特殊面的唯一点或唯一边
- ②顺时针或逆时针方向描边
- ③题干与选项对应面不一致——排除

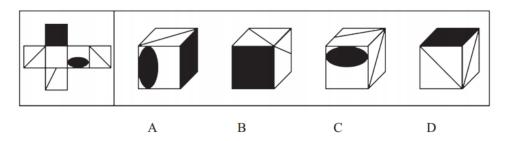


【注意】画边法:

1. 结合选项, 找一个特殊面的唯一边(与其它三条边不相同)。比如: f 面 Y 的开口所指向的边与其它三条边不相同,则其为唯一边,将其标为边 1,然后 顺时针画边。立体图中的边 1 没有问题,边 2、边 3 看不到其相邻面,原图中边

- 4 对应 b 面 (成 90° 直角的两条边是同一条边),而右侧的立体图形中,边 4 对应 d 面,则立体图形不正确。
- 2. 不能选择 Y 左右两侧的边,因为没有区分度;也可以选择 Y 上面或者下面的边,具有区分度。

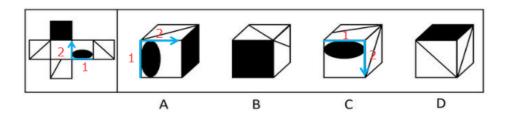
例 6 (2016 国考) 左边给定的是纸盒外表面的展开图,下列哪一项能由它折叠而成?请把它找出来()。



【解析】6. 本题最有区分度的是椭圆面,但是该面没有唯一点(与其它三个顶点不相同的顶点),切点在切边上,不属于画边法上所定义的唯一点。切点所在的边是唯一边,则从该边入手顺时针画边。

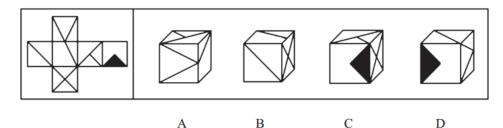
A 项中边 2 对应有斜对角线的面,而题干中边 2 对应空白面,排除。

- B项黑色面与右侧的直角三角形面是相对面,能且仅能看到一个,排除。
- C 项的边 2 对应有斜对角线的面,而题干中边 2 对应空白面,排除。【选 D】



【注意】如找不到唯一点,即与其它三个顶点不同的顶点,可以从唯一边入 手画边。

例 7 (2014 联考) 左边给定的是纸盒外表面的展开图, 右边哪一项能由它折叠而成?请把它找出来()。

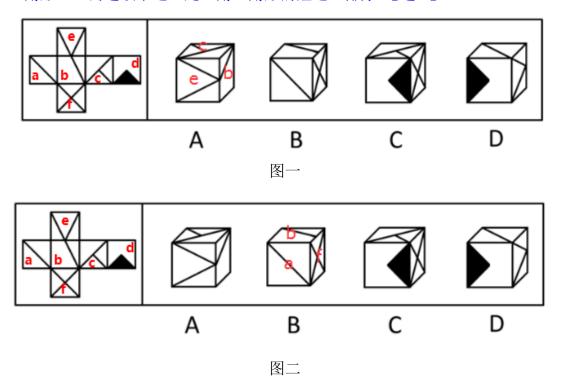


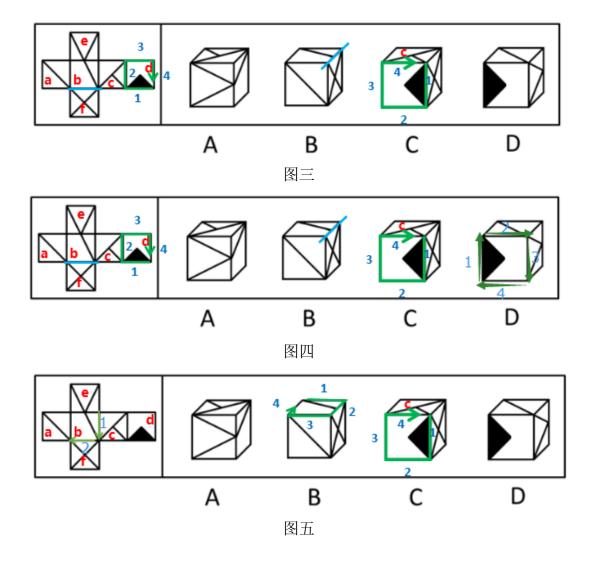
【解析】7. 本题比较综合,如图一所示,A 项对应题干中的 e、b、c 面,没有问题。

B 项对应题干中的 a、b、f 面,而两两相邻的两个面肯定有公共边,题干中 b 面与 f 面的公共边与 b 面中的直角三角形没关系,而选项中二者的公共边是直角三角形的短直角边,排除。

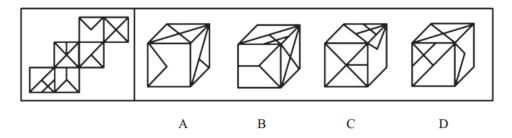
C、D 项均含有黑色三角形面,则考虑画边。将黑色三角形的黑边标为边 1,然后顺时针画边。如图三所示,C 项中边 4 与 c 面相邻,而题干中与 c 面相邻的是边 2,排除;如图四所示,D 项原图中边 2 对应 c 面,而选项中边 2 对应 a 面,排除。

如图五所示,B项从直角三角形的长直角边开始画边,原图中边2不在直角三角形上,而选项中边2是直角三角形的短边,排除。【选A】





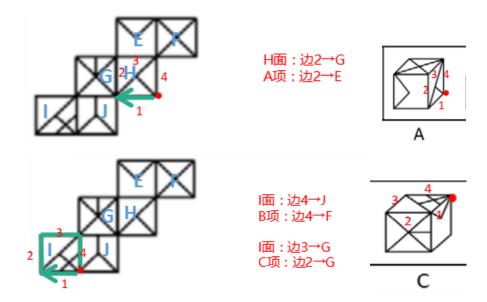
例 8 (2014 山东) 左边给定的是纸盒外表面的展开图, 右边哪一项能由它折叠而成?请把它找出来()。

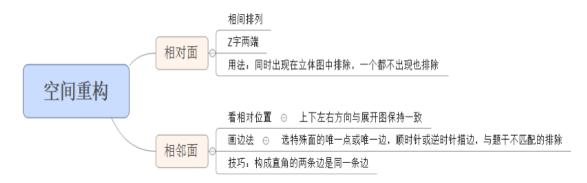


【解析】8. 本题比较综合,有很多交叉线,看着比较晕,但可使用画边法。 A 项的右侧面是特殊面,可以从其右下角的顶点出发顺时针画边,原图中边 2 对应 G 面,而选项中边 2 对应三角形面,即面 E,排除。

B、C、D 项均包含"土"字面,即 I 面,从 I 面右下角的顶点出发顺时针画边。C 项的正面是原图中的 G 面,原图中 G 面对应的是边 3,而选项中 G 面对应

的是边 2,排除。【选 D】





【注意】空间重构有两大类方法,即相对面、相邻面。

空间重构梳理

- 1. 所有的方法都是用来排除错误选项的;
- 2. 相对面优先看;
- 3. 对于有图形方向明显的面,可以优先考虑相对位置;









4. 对于有明显唯一点或唯一边的题目可用画边法。















方法一开始觉得难,用的慢是正常现象,首先是学会,然后通过练习巩固, 孰能生巧,加油!

【注意】空间梳理:

- 1. 所有的方法都是用来排除错误选项的。
- 2. 简单的方法优先看,即相对面优先看。
- 3. 对于上下左右有明显区分度、有头有脚的图形,优先考虑相对位置。
- 4. 对于有明显唯一点或唯一边的题目可用画边法。
- 5. 方法一开始觉得难,用的慢是正常现象,首先是学会,然后通过练习巩固, 孰能生巧。
 - 6. 注意: 当发现画的边,有两个选项无法排除时,再选择其它边进行画边。

【答案汇总】第四节数量规律:面数量: 1-5: BDDCD; 素数量: 1-5: CADCB; 6-7: DC; 第五节特殊规律: 功能元素: 1-5: BADCC; 图形间关系: 1-5: DCBDD; 第六节空间重构: 相对面: 1-2: DB; 相邻面: 1-5: ACCAD; 6-8: DAD



遇见不一样的自己

come to meet a different you