

ΑΝΑΛΥΣΗ ΚΟΙΝΩΝΙΚΩΝ ΔΙΚΤΥΩΝ

Σχολή Ηλ. Μηχ. & Μηχ. Η/Υ - 9^ο Εξάμηνο

3^η Εργαστηριακή Άσκηση Γενετικοί Αλγόριθμοι & Επιδημιολογικά Μοντέλα

Στην παρούσα άσκηση θα εξοικειωθείτε με τη χρήση των γενετικών αλγορίθμων. Επιπλέον, θα αναπτύξετε ένα γενετικό αλγόριθμο για εντοπισμό κοινοτήτων σε δίκτυα και θα συγκρίνετε το αποτέλεσμα του με συμβατικούς αλγόριθμους εντοπισμού κοινοτήτων που εφαρμόστηκαν στη 2^η εργαστηριακή άσκηση. Τέλος θα εξοικειωθείτε με τα βασικά επιδημιολογικά μοντέλα SIR, SIS.

ΜΕΡΟΣ Α

Άσκηση 1^ο: Εξοικείωση με τους Γενετικούς Αλγορίθμους

Πρόβλημα ONEMAX

Βρείτε τη **δυναδική** ακολουθία (x_1, x_2, \dots, x_n) που μεγιστοποιεί το άθροισμα $x_1 + x_2 + \dots + x_n$, $n=20$.

Αναλύστε την επίδραση του μεγέθους του πληθυσμού, της πιθανότητας διασταύρωσης (crossover) και της πιθανότητας μετάλλαξης (mutation) **στην ποιότητα της λύσης (πόσο κοντά είναι στην προφανή βέλτιστη λύση)** που προκύπτει από το γενετικό αλγόριθμο. Συγκεκριμένα, μεταβάλλετε τον πληθυσμό από 10 έως 100 χρωμοσώματα με βήμα 10, την πιθανότητα διασταύρωσης από 0.3 έως 0.9 με βήμα 0.1 και την πιθανότητα μετάλλαξης από 0.01 ως 0.2 με βήμα 0.01. Εξετάστε την ποιότητα της λύσης του γενετικού αλγορίθμου **για κάθε συνδυασμό** μεγέθους πληθυσμού, πιθανότητας μετάλλαξης και πιθανότητας διασταύρωσης που προκύπτει.

Άσκηση 2: Εντοπισμός Κοινοτήτων σε Γράφους Κοινωνικών Δικτύων με Χρήση Γενετικών Αλγορίθμων

Στην παρούσα άσκηση θα αναπτύξετε κώδικα για εντοπισμό κοινοτήτων σε γράφους δικτύων με χρήση γενετικών αλγορίθμων. Ακολουθώντας θα εφαρμόσετε το γενετικό αλγόριθμο για τον εντοπισμό κοινοτήτων σε πραγματικά δίκτυα και θα συγκρίνετε το αποτέλεσμα του με εκείνο των αλγορίθμων της δεύτερης εργαστηριακής άσκησης χρησιμοποιώντας τη μετρική modularity.

Ο αλγόριθμος για το γενετικό αλγόριθμο που θα πρέπει να μετατραπεί σε κώδικα έχει δοθεί στις διαφάνειες του αντίστοιχου μαθήματος.

Αναπαράσταση υποψήφιων λύσεων (χρωμοσωμάτων)

Κάθε χρωμόσωμα $b_{i,t}$ του πληθυσμού τη χρονική στιγμή t είναι ένα διάνυσμα με μήκος ίσο με το πλήθος των κόμβων του δικτύου, n . Αν $b_{i,t}(j) = d$ τότε οι κόμβοι j, d ανήκουν στην ίδια κοινότητα. Επιπλέον για να ισχύει $b_{i,t}(j) = d$, οι κόμβοι j, d θα πρέπει να συνδέονται στην αρχική τοπολογία. Τότε, βρίσκοντας τις συνδεδεμένες συνιστώσες του χρωμοσώματος $b_{i,t}$, προκύπτουν οι κοινότητες του δικτύου.

Αρχικοποίηση

Η αρχική γενιά του πληθυσμού θα πρέπει να αποτελείται από χρωμοσώματα τα οποία θα είναι τυχαία επιλεγμένα και διορθωμένα ώστε ο αριθμός που υπάρχει σε κάθε θέση να

ΑΝΑΛΥΣΗ ΚΟΙΝΩΝΙΚΩΝ ΔΙΚΤΥΩΝ

Σχολή Ηλ. Μηχ. & Μηχ. Η/Υ - 9^ο Εξάμηνο

είναι γείτονας του αντίστοιχου κόμβου. (Αν δεν ισχύει θα πρέπει να αντικατασταθεί από έναν γείτονα του αντίστοιχου κόμβου.) Θεωρείστε πληθυσμό 300 χρωμοσωμάτων.

Συνάρτηση Fitness

Η συνάρτηση fitness υπολογίζεται όπως στις διαφάνειες της αντίστοιχης διάλεξης του μαθήματος. Προσοχή για κάθε συνιστώσα (component) του γράφου θα πρέπει να βρίσκετε τον αντίστοιχο υπογράφο.

Επιλογή (Selection)

Η επιλογή χρωμοσωμάτων από μία γενιά του πληθυσμού για την κατασκευή της επόμενης γενιάς γίνεται με τη μέθοδο της ρουλέτας (διαφάνειες μαθήματος και αλγόριθμος). Τροποποιήστε τον παραπάνω αλγόριθμο ώστε να εφαρμόσετε και ελιτισμό, δηλαδή τα x πρώτα χρωμοσώματα της νέας γενιάς θα είναι εκείνα τα χρωμοσώματα της προηγούμενης γενιάς που έχουν επιτύχει τη μέγιστη τιμή της συνάρτησης fitness.

Διασταύρωση (Crossover)

Η διασταύρωση πραγματοποιείται όπως περιγράφεται στον αλγόριθμο, μεταξύ διαδοχικών χρωμοσωμάτων της εκάστοτε γενιάς. Η πιθανότητα διασταύρωσης ανά ζεύγος είναι ίση με p_c .

Μετάλλαξη (Mutation)

Η μετάλλαξη πραγματοποιείται σε κάθε θέση του χρωμοσώματος με πιθανότητα p_m , όπως στον αλγόριθμο. Θα πρέπει ωστόσο ο αλγόριθμος να τροποποιηθεί ώστε να δίνει ένα τυχαίο γείτονα του κόμβου που αντιστοιχεί σε κάθε θέση ως αποτέλεσμα της μετάλλαξης.

Κριτήριο Τερματισμού (Stopping Criterion)

Ως κριτήριο τερματισμού ορίστε ένα μέγιστο πλήθος επαναλήψεων εφαρμογής του αλγορίθμου (γενεών πληθυσμού), ίσο με 30, ή ότι η βέλτιστη τιμή της συνάρτησης fitness δεν έχει μεταβληθεί για τις τελευταίες 5 επαναλήψεις.

Εφαρμόστε τον παραπάνω γενετικό αλγόριθμο στις πραγματικές τοπολογίες της δεύτερης εργαστηριακής άσκησης που δίνονται στον Πίνακα 1. Οι παράμετροι που θα πρέπει να εξεταστούν δίνονται στον Πίνακα 2. **Προσοχή:** θα πρέπει να εξεταστούν όλοι οι συνδυασμοί για τις τιμές των παραμέτρων.

	Τοπολογία	Αρχείο
ΔΙΚΤΥΑ ΠΡΑΓΜΑΤΙΚΩΝ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ	American College football	football.gml
	Les Miserables	lesmis.gml
	Dolphin social network	dolphins.gml

Πίνακας 1: Γράφοι δικτύων από πραγματικά δεδομένα.

ΑΝΑΛΥΣΗ ΚΟΙΝΩΝΙΚΩΝ ΔΙΚΤΥΩΝ

Σχολή Ηλ. Μηχ. & Μηχ. Η/Υ - 9^ο Εξάμηνο

Παράμετρος	Τιμές
Διασταύρωση p_C	0.7:0.9 με βήμα 0.1
Μετάλλαξη p_M	0.1, 0.2
Ελιτισμός x	1:3 με βήμα 1

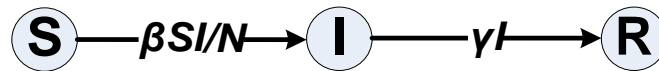
Πίνακας 2: Παράμετροι μελέτης Γενετικού Αλγορίθμου.

Συγκρίνετε το αποτέλεσμα του γενετικού αλγορίθμου (το καλύτερο για τις διάφορες επιλογές παραμέτρων) με εκείνο των αλγορίθμων εντοπισμού κοινοτήτων της εργαστηριακής άσκησης 2, υπολογίζοντας το modularity. Θα πρέπει να έχετε πρωτίστως μετατρέψει το αποτέλεσμα του γενετικού αλγορίθμου σε κατάλληλη μορφή για να θεωρηθεί ως είσοδος στη συνάρτηση υπολογισμού του modularity.

ΜΕΡΟΣ Β

Το παρόν μέρος επικεντρώνεται στην αριθμητική επίλυση των βασικών επιδημιολογικών μοντέλων SIR και SIS.

A) Το SIR μοντέλο δίνεται από το ακόλουθο διάγραμμα μεταβάσεων καταστάσεων:



και περιγράφεται από το σύνολο διαφορικών εξισώσεων:

$$\begin{aligned}
 \frac{dS}{dt} &= -\frac{\beta SI}{N} \\
 \frac{dI}{dt} &= \frac{\beta SI}{N} - \gamma I \\
 \frac{dR}{dt} &= \gamma I
 \end{aligned} \tag{1}$$

Για τις παραμέτρους που φαίνονται στον Πίνακα 3, χρησιμοποιώντας τον έτοιμο κώδικα, να δείξετε σε κοινό διάγραμμα, για κάθε συνδυασμό παραμέτρων, τα $S(t), I(t), R(t)$. Τι παρατηρείτε? Σχολιάστε τα αποτελέσματα σε σχέση με το βασικό ρυθμό αναπαραγωγής R_0 .

Παράμετροι	Τιμές					
β	10^{-3}	10^{-3}	10^{-3}	10^{-3}	10^{-3}	10^{-3}
γ	10^{-6}	10^{-5}	10^{-4}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}
$S(0)$	5x0					
$I(0)$	1x					
$R(0)$	0					

Πίνακας 3 – Παράμετροι μελέτης μοντέλου SIR.

ΑΝΑΛΥΣΗ ΚΟΙΝΩΝΙΚΩΝ ΔΙΚΤΥΩΝ

Σχολή Ηλ. Μηχ. & Μηχ. Η/Υ - 9^ο Εξάμηνο

Β) Για το μοντέλο SIS, υιοθετείται η περίπτωση περιοδικού ρυθμού επαφής κόμβων. Κάτι τέτοιο μπορεί να αντιστοιχεί σε μια περιοδικότητα στη λήψη επιδημιών, π.χ. σε ετήσια βάση, όπως με τον συνηθισμένο ιό της γρίπης. Το σύνολο των διαφορικών εξισώσεων το οποίο περιγράφει αυτό το μοντέλο είναι:

$$\begin{aligned}\frac{dI}{dt} &= (\beta(t)N - a)I - \beta(t)I^2 \\ \beta(t) &= 2 - 1.8\cos(5t)\end{aligned}\tag{2}$$

Για τους συνδυασμούς παραμέτρων που φαίνονται στον Πίνακα 4, με τη βοήθεια του έτοιμου κώδικα, να δείξετε σε κοινό διάγραμμα την εξέλιξη του φαινομένου για κάθε συνδυασμό τιμών $(I(t), \beta(t))$.

Παράμετροι	Τιμές					
a	6	5	4	3	2	1
N	1					

Πίνακας 4 - Παράμετροι μελέτης μοντέλου SIS.