



ನೋಂದಣಿ ಸಂಖ್ಯೆ :											
Registration No. :											

X1 – 2025

ವಿಷಯ ಸಂಕೇತ / Subject Code	35 (NS)
------------------------------	----------------

ಗಣಿತಶಾಸ್ತ್ರ / MATHEMATICS

(Kannada and English Versions)

[ಸಮಯ: 3 ಗಂಟೆಗಳು]

[ಒಟ್ಟು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ : 47]

[ಗರಿಷ್ಠ ಅಂಕಗಳು : 80]

[Time : 3 Hours]

[Total No. of questions : 47]

[Max. Marks : 80]

(Kannada Version)

- ಸೂಚನೆಗಳು :**
1. ಈ ಪ್ರಶ್ನೆ ಪತ್ರಿಕೆಯಲ್ಲಿ A, B, C, D ಮತ್ತು E ಎಂಬ ಐದು ವಿಭಾಗಗಳಿವೆ. ಎಲ್ಲಾ ವಿಭಾಗಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿ.
 2. ವಿಭಾಗ-A ದಲ್ಲಿ 15 ಬಹು ಆಯ್ಕೆ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳು, 5 ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳ ತುಂಬುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿದ್ದು, ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಪ್ರಶ್ನೆಯು 1 ಅಂಕದ್ದಾಗಿದೆ.
 3. ವಿಭಾಗ-A ದಲ್ಲಿ ಬರುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಪ್ರಥಮ ಉತ್ತರವನ್ನು ಮಾತ್ರ ಪರಿಗಣಿಸಿ ಅಂಕಗಳನ್ನು ನೀಡಲಾಗುವುದು.
 4. ವಿಭಾಗ-E ದಲ್ಲಿ ಬರುವ 'ರೇಖೀಯ ಪ್ರೋಗ್ರಾಫಿಂಗ್' ಪ್ರಶ್ನೆಗೆ ನಿಮಗೆ ಒದಗಿಸಿರುವ ನಕ್ಷೆಯನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಉತ್ತರಿಸಿ.
 5. ಪ್ರಶ್ನೆ ಪತ್ರಿಕೆಯ ಕೊನೆಯಲ್ಲಿ, ದೃಷ್ಟಿ ವಿಕಲಚೇತನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗಾಗಿ ಚಿತ್ರ / ನಕ್ಷೆ ಇರುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ, ವಿಭಾಗ-F ನಲ್ಲಿ ಪರ್ಯಾಯ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ನೀಡಲಾಗಿದೆ.

P.T.O.



ವಿಭಾಗ- A

I. ಎಲ್ಲಾ ಬಹು ಆಯ್ಕೆಯ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

(15 × 1 = 15)

1) ಒಂದು ಗಣ A ಯಲ್ಲಿ ಸಂಬಂಧ R ಪ್ರತಿಫಲನವಾಗಬೇಕಾದರೆ

- a) ಪ್ರತಿಯೊಂದು $a \in A$ ಇರುವಾಗ $(a, a) \in R$
- b) ಯಾವುದಾದರೊಂದು $a \in A$ ಇರುವಾಗ $(a, a) \in R$
- c) $(a, b) \in R$ ಇರುವಾಗ $(b, a) \in R$
- d) $(a, b) \in R$ ಮತ್ತು $(b, c) \in R$ ಇರುವಾಗ $(a, c) \in R$

2) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ ರ ಪ್ರಧಾನ ಬೆಲೆಯು

- a) $\frac{\pi}{2}$
- b) $\frac{\pi}{3}$
- c) $\frac{\pi}{4}$
- d) $\frac{\pi}{6}$

3) ಪಟ್ಟಿ - I ನ್ನು ಪಟ್ಟಿ - II ರ ಜೊತೆಗೆ ಹೊಂದಿಸಿ.

ಪಟ್ಟಿ - I	ಪಟ್ಟಿ - II
A) $\sin^{-1} x$ ನ ಕ್ಷೇತ್ರ	i) $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$
B) $\tan^{-1} x$ ನ ವ್ಯಾಪ್ತಿ	ii) $[0, \pi]$
C) $\cos^{-1} x$ ನ ವ್ಯಾಪ್ತಿ	iii) $[-1, 1]$

ಈ ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಆಯ್ಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಆರಿಸಿ :

- a) A-i, B-ii, C-iii
- b) A-iii, B-ii, C-i
- c) A-ii, B-i, C-iii
- d) A-iii, B-i, C-ii



4) $a_{ij} = 2i - j$ ಎಂಬ ಅಂಶಗಳಿರುವ $A = [a_{ij}]$ ಎಂಬ ಮಾತೃಕೆಯು 2×2 ದರ್ಜೆಯ ಮಾತೃಕೆಯಾದಾಗ $A =$

a) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$

b) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$

c) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$

d) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

5) A ಒಂದು 3×3 ದರ್ಜೆಯ ಪ್ರತಿಲೋಮ ಕೋಶವಾಗಿದ್ದಾಗ $|adj A| =$

a) $|A|$

b) $3|A|$

c) $|A|^3$

d) $|A|^2$

6) $f(x) = \cos 2x$ ಆಗಿದ್ದಲ್ಲಿ $f'\left(\frac{\pi}{4}\right) =$

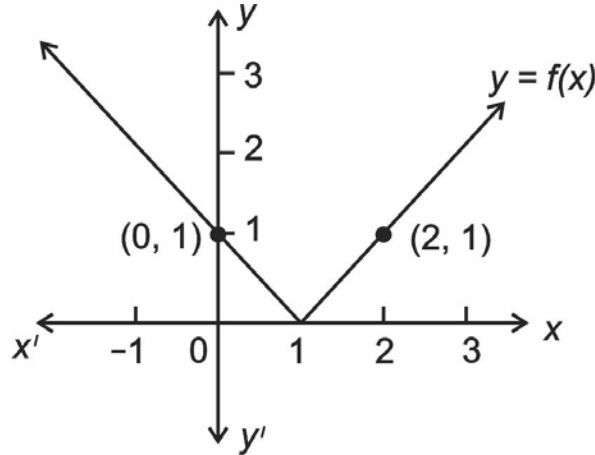
a) 2

b) -2

c) $\sqrt{2}$

d) $-\sqrt{2}$

7) ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಚಿತ್ರಕ್ಕೆ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2ಗಳನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸಿ.



ಹೇಳಿಕೆ 1 : $x=1$ ರಲ್ಲಿ $y=f(x)$ ನ ಎಡ ನಿಷ್ಪನ್ನವು -1 ಆಗಿರುತ್ತದೆ.

ಹೇಳಿಕೆ 2 : $x=1$ ರಲ್ಲಿ $y=f(x)$ ನಿಷ್ಪನ್ನತೆ ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.

ಈ ಕೆಳಗಿನವುಗಳಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾದುದನ್ನು ಆಯ್ಕೆ ಮಾಡಿ.

a) ಹೇಳಿಕೆ 1 ಸರಿಯಾಗಿದೆ, ಹೇಳಿಕೆ 2 ತಪ್ಪಾಗಿದೆ

b) ಹೇಳಿಕೆ 1 ತಪ್ಪಾಗಿದೆ, ಹೇಳಿಕೆ 2 ಸರಿಯಾಗಿದೆ

c) ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2, ಎರಡೂ ಸರಿಯಾಗಿವೆ

d) ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2, ಎರಡೂ ತಪ್ಪಾಗಿವೆ



- 8) $f(x)=x^3$, $x \in [-2, 2]$ f ಉತ್ಪನ್ನದ ನಿರಪೇಕ್ಷೆ ಗರಿಷ್ಠ ಬೆಲೆಯು _____
 a) 2 b) 0
 c) -2 d) 8
- 9) $\int e^x (\sin x - \cos x) dx =$
 a) $-e^x \cos x$ b) $e^x \cos x$
 c) $e^x \sin x$ d) $e^x \sin^2 x$
- 10) $\frac{d^3 y}{dx^3} + \frac{d^2 y}{dx^2} + e^{\frac{dy}{dx}} = 0$ ಅವಕಲನ ಸಮೀಕರಣದ ಪ್ರಮಾಣ (ಮಟ್ಟ) = _____
 a) 1 b) 3
 c) 2 d) ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸುವುದಿಲ್ಲ
- 11) $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ ಸದಿಶದ ದಿಶಾ ಕೊಸೈನ್‌ಗಳು
 a) $\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{-1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}}$ b) $\frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$
 c) $\frac{1}{6}, \frac{-1}{6}, \frac{2}{6}$ d) $\frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$
- 12) $|\vec{a}| = \sqrt{3}$, $|\vec{b}| = 2$ ಮತ್ತು $\vec{a} \cdot \vec{b} = \sqrt{6}$ ಆದಾಗ \vec{a} ಮತ್ತು \vec{b} ಸದಿಶಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನವು _____
 a) $\frac{\pi}{6}$ b) $\frac{\pi}{3}$
 c) $\frac{\pi}{4}$ d) $\frac{\pi}{2}$
- 13) ಮೂರು ಆಯಾಮದಲ್ಲಿ y -ಅಕ್ಷದ ಸಮೀಕರಣವು _____
 a) $x=0, y=0$ b) $x=0, z=0$
 c) $y=0, z=0$ d) $y=0$



14) $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{2}{3}$ ಆದರೆ $P(A \cap B) =$ _____

a) $\frac{1}{3}$

b) $\frac{1}{2}$

c) 1

d) $\frac{3}{5}$

15) ಸಮರ್ಥನೆ [A] : E ಮತ್ತು F ಘಟನೆಗಳಿಗೆ $P(E) = \frac{1}{5}$, $P(F) = \frac{1}{2}$ ಮತ್ತು

$P(E|F) = \frac{1}{5}$ ಆಗಿದ್ದಲ್ಲಿ E ಮತ್ತು Fಗಳು ಸ್ವತಂತ್ರ
ಘಟನೆಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ.

ಕಾರಣ [R] : ಘಟನೆ E ಮತ್ತು Fಗಳು ಸ್ವತಂತ್ರವಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ $P(F|E) = P(F)$

ಆಗಿರುವಾಗ ಕೆಳಗಿನವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸರಿಯಾಗಿದೆ?

a) [A] ಸರಿಯಾಗಿದೆ ಮತ್ತು [R] ತಪ್ಪಾಗಿದೆ

b) [A] ಮತ್ತು [R] ಎರಡೂ ತಪ್ಪಾಗಿವೆ

c) [A] ಮತ್ತು [R] ಎರಡೂ ಸರಿಯಾಗಿವೆ

d) [A] ತಪ್ಪಾಗಿದ್ದು [R] ಸರಿಯಾಗಿದೆ

II. ಆವರಣದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಆಯ್ಕೆಗಳಿಂದ ಸೂಕ್ತವಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಆರಿಸಿ ಕೆಳಗಿನ
ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ. (5 × 1 = 5)

$[0, 2, 1, \frac{5}{9}, -1, 6]$

16) $\cos \left(\sec^{-1}(2) - \sin^{-1} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \right)$ ಇದರ ಬೆಲೆಯು _____

17) $y = \sin^{-1}(\cos x)$ ಆದರೆ $\frac{dy}{dx} =$ _____



18) $\int_7^{13} 1 dx$ ಇದರ ಬೆಲೆಯು _____

19) $\hat{i} + \hat{j}$ ಸದಿಶದ $\hat{i} - \hat{j}$ ಮೇಲೆ ಸದಿಶದ ಬಾಗುವಿಕೆಯು _____

20) $P(A \cap B) = \frac{4}{13}$ ಮತ್ತು $P(B) = \frac{9}{13}$ ಆದರೆ $P(A' | B) =$ _____

ವಿಭಾಗ - B

III. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವುದಾದರೂ ಆರು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

(6 × 2 = 12)

21) (1, 2) ಮತ್ತು (3, 6) ಬಿಂದುಗಳಿಂದ ಉಂಟಾದ ಸರಳರೇಖೆಯ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ನಿರ್ಧಾರಕವನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

22) $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{10}$ ಆದರೆ $\frac{dy}{dx} + \sqrt{\frac{y}{x}} = 0$ ಎಂದು ತೋರಿಸಿ.

23) ಬದಲಾಗುತ್ತಿರುವ ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ, ಯಾವಾಗಲೂ ಗೋಳಾಕಾರದಲ್ಲಿರುವ ಬಲೂನಿನ ತ್ರಿಜ್ಯವು 10 ಸೆ.ಮೀ. ಆಗಿದ್ದಾಗ ತ್ರಿಜ್ಯಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಅದರ ಘನಫಲ (volume) ದ ಬದಲಾವಣೆಯ ಹೆಚ್ಚಳದ ದರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

24) $f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ ಉತ್ಪನ್ನವು ಕ್ಷೀಣಿಸುವ ಅಂತರಾಳವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

25) $\int \cot x \cdot \log (\sin x) dx$ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

26) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$ ಅವಕಲನ ಸಮೀಕರಣಕ್ಕೆ ಉತ್ಪನ್ನ $y = a \sin x + b \cos x$ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪರಿಹಾರವೇ ಎಂದು ತಾಳೆನೋಡಿ.



- 27) $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}$ ಮತ್ತು $\vec{c} = \hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ ಆದರೆ ಸದಿಶ $2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$ ಗೆ ಸಮಾನಾಂತರ ಏಕ ಸದಿಶವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 28) $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ ಮತ್ತು $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{-5}$ ರೇಖೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ k ಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 29) ಒಂದು ಹೂಜಿಯಲ್ಲಿ 10 ಕಪ್ಪು ಮತ್ತು 5 ಬಿಳಿ ಚೆಂಡುಗಳಿವೆ, ಹೂಜಿಯಿಂದ ಎರಡು ಚೆಂಡುಗಳನ್ನು, ಒಂದರ ನಂತರ ಮತ್ತೊಂದರಂತೆ, ಚೆಂಡನ್ನು ಪುನಃ ಹೂಜಿಯಲ್ಲಿ ಹಾಕದೆ ತೆಗೆಯಲಾಗಿದೆ. ಎರಡೂ ಚೆಂಡುಗಳು ಕಪ್ಪು ಬಣ್ಣದ್ದಾಗಿರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆ ಎಷ್ಟು?

ವಿಭಾಗ - C

IV. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವುದಾದರೂ ಆರು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿರಿ. (6 × 3 = 18)

- 30) ವಾಸ್ತವಿಕ ಸಂಖ್ಯಾಗಣ \mathbb{R} ನಲ್ಲಿ ಸಂಬಂಧ R ನ್ನು $R = \{(a, b) : a \leq b^3\}$ ಎಂದು ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸಿದರೆ, ಅದು ಪ್ರತಿಫಲನ, ಸಮಾಂಗತ ಮತ್ತು ವಾಹಕ ಸಂಬಂಧಗಳಾಗಿವೆಯೇ ಎಂದು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.
- 31) $\tan^{-1}\left(\frac{63}{16}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{5}{13}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.
- 32) $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ ಮಾತೃಕೆಯನ್ನು ಸಮಾಂಗ ಮತ್ತು ಅಸಮಾಂಗ ಮಾತೃಕೆಗಳ ಮೊತ್ತವೆಂದು ಸ್ಪಷ್ಟಪಡಿಸಿ.
- 33) $x = a\left(\cos t + \log\left(\tan \frac{t}{2}\right)\right)$ ಮತ್ತು $y = a \sin t$ ಆದರೆ $\frac{dy}{dx}$ ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 34) x ಮತ್ತು y ಎರಡು ಧನಾತ್ಮಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗಿದ್ದು $x + y = 60$ ಮತ್ತು xy^3 ಬೆಲೆ ಗರಿಷ್ಠವಾಗಿರಬೇಕಾದರೆ, ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



35) $\int \frac{2x}{x^2 + 3x + 2} dx$ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

36) ಒಂದು ತ್ರಿಕೋನ ABC ಯಲ್ಲಿ A, B, C ಗಳ ಸ್ಥಾನ ಸದಿಶಗಳು $\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$, $2\hat{j} + \hat{k}$, $\hat{j} + 3\hat{k}$ ಆಗಿದ್ದಲ್ಲಿ, ಆ ತ್ರಿಕೋನದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

37) ದತ್ತ ಸದಿಶ \vec{b} ಗೆ ಸಮಾನಾಂತರವಾಗಿ ಹಾಗೂ ದತ್ತ ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದುಹೋಗುವ ರೇಖೆಯೊಂದರ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ಸದಿಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿಪಾದಿಸಿ (derive).

38) ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಎರಡು ಒಂದೇ ರೀತಿಯ ಡಬ್ಬಗಳಲ್ಲಿ, ಡಬ್ಬ I ರಲ್ಲಿ ಎರಡು ಚಿನ್ನದ ನಾಣ್ಯಗಳು, ಡಬ್ಬ II ರಲ್ಲಿ ಒಂದು ಚಿನ್ನದ ನಾಣ್ಯ ಮತ್ತು ಒಂದು ಬೆಳ್ಳಿಯ ನಾಣ್ಯ ಇವೆ. ಒಬ್ಬ ವ್ಯಕ್ತಿಯು ಒಂದು ಡಬ್ಬವನ್ನು ಯಾದೃಚ್ಛಿಕವಾಗಿ ಆಯ್ಕೆ ಮಾಡುವನು ಮತ್ತು ಒಂದು ನಾಣ್ಯವನ್ನು ಹೊರಗೆ ತೆಗೆಯುವನು. ಒಂದು ವೇಳೆ ತೆಗೆದ ನಾಣ್ಯವು ಚಿನ್ನದ್ದಾಗಿದ್ದರೆ, ಡಬ್ಬದಲ್ಲಿ ಇನ್ನೊಂದು ನಾಣ್ಯವು ಕೂಡಾ ಚಿನ್ನದ್ದಾಗಿರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆ ಎಷ್ಟು?

ವಿಭಾಗ - D

V. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವುದಾದರೂ ನಾಲ್ಕು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

(4 × 5 = 20)

39) $A = \mathbb{R} - \{3\}$ ಮತ್ತು $B = \mathbb{R} - \{1\}$ ಆಗಿರಲಿ, ಉತ್ಪನ್ನ $f : A \rightarrow B$ ಯನ್ನು $f(x) = \left(\frac{x-2}{x-3} \right)$ ಎಂದು ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸಿದೆ. f ಒಂದು ಏಕ-ಏಕ ಮತ್ತು ಮೇಲಣ ಉತ್ಪನ್ನವೇ? ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರವನ್ನು ಸಮರ್ಥಿಸಿ.

40) $A = \begin{bmatrix} 1 \\ -4 \\ 3 \end{bmatrix}$ ಮತ್ತು $B = [-1 \ 2 \ 1]$ ಆದರೆ, $(AB)' = B'A'$ ಅನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.



- 41) $4x + 3y + 2z = 60$, $2x + 4y + 6z = 90$, $6x + 2y + 3z = 70$ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಕೋಶದ ವಿಧಾನದಿಂದ ಸಮೀಕರಿಸಿ.
- 42) $y = (\tan^{-1} x)^2$ ಆದರೆ $(x^2 + 1)^2 y_2 + 2x(x^2 + 1)y_1 = 2$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.
- 43) ಉತ್ಪನ್ನ $\frac{1}{x^2 + a^2}$ ನ ಅನುಕಲಿತವನ್ನು 'x' ಗೆ ಅನುಗುಣವಾಗಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ಇದನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ $\int \frac{1}{x^2 - 6x + 13} dx$ ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 44) ಅನುಕಲಿತ ವಿಧಾನದಿಂದ $x^2 + y^2 = a^2$, ವೃತ್ತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 45) $\cos^2 x \frac{dy}{dx} + y = \tan x \left(0 \leq x < \frac{\pi}{2}\right)$ ಅವಕಲಿತ ಸಮೀಕರಣದ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವಿಭಾಗ - E

VI. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿರಿ.

- 46) $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ, ಅದನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \log(1 + \tan x) dx$ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. (6)

ಅಥವಾ

ಈ ಕೆಳಗಿನ ರೇಖೀಯ ಪ್ರೋಗ್ರಾಮಿಂಗ್ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ನಕ್ಷಾತ್ಮಕವಾಗಿ ಬಿಡಿ.

$$x + 2y \leq 120,$$

$$x + y \geq 60,$$

$$x - 2y \geq 0,$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

ನಿಬಂಧನೆಗೊಳಪಟ್ಟ ಉದ್ದಿಷ್ಟ ಉತ್ಪನ್ನ $Z = 5x + 10y$ ಅನ್ನು ಗರಿಷ್ಠ ಮತ್ತು ಕನಿಷ್ಠಗೊಳಿಸಿ.



- 47) $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ ಆದರೆ $A^2 - 5A + 7I = O$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ ಮತ್ತು ಇದನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ A^{-1} ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. (4)

ಅಥವಾ

$$f(x) = \begin{cases} \frac{k \cos x}{\pi - 2x}, & x \neq \frac{\pi}{2} \\ 3, & x = \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

ಉತ್ಪನ್ನವು $x = \frac{\pi}{2}$ ನಲ್ಲಿ ಅವಿಚ್ಛಿನ್ನವಾದರೆ k ಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವಿಭಾಗ - F

VII. ದೃಷ್ಟಿ ವಿಕಲಚೇತನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗಾಗಿ

7) ಹೇಳಿಕೆ 1 : $x = 0$ ರಲ್ಲಿ $f(x) = |x|$ ಉತ್ಪನ್ನದ ಎಡ ನಿಷ್ಪನ್ನವು -1 ಆಗಿರುತ್ತದೆ.

ಹೇಳಿಕೆ 2 : $x = 0$ ರಲ್ಲಿ $f(x) = |x|$ ಉತ್ಪನ್ನವು ನಿಷ್ಪನ್ನತೆ ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.

ಮೇಲಿನ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ಈ ಕೆಳಗಿನವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸರಿ?

- ಹೇಳಿಕೆ 1 ಸರಿಯಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2 ತಪ್ಪಾಗಿದೆ
- ಹೇಳಿಕೆ 1 ತಪ್ಪಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2 ಸರಿಯಾಗಿದೆ
- ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು 2, ಎರಡೂ ಹೇಳಿಕೆಗಳು ಸರಿಯಾಗಿವೆ
- ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು 2, ಎರಡೂ ಹೇಳಿಕೆಗಳು ತಪ್ಪಾಗಿವೆ



(English Version)

- Instructions :**
1. The question paper has five Parts namely A, B, C, D and E. Answer **all** parts.
 2. PART-A has **15** M.C.Q.'s, **5** Fill in the blanks of **1** mark each.
 3. For PART-A questions, only the first written answers will be considered for awarding marks.
 4. Use graph sheet for question on Linear Programming in PART-E.
 5. For questions having figure / graph, alternate questions are given at the end of question paper in separate PART-F for visually challenged students.

PART – A

- I. Answer **all** the multiple choice questions : **(15 × 1 = 15)**

1) A relation R in a set A is called Reflexive relation if

- a) $(a, a) \in R$ for all $a \in A$
- b) $(a, a) \in R$ for atleast one $a \in A$
- c) $(a, b) \in R$ implies $(b, a) \in R$
- d) $(a, b) \in R$ and $(b, c) \in R$ implies $(a, c) \in R$

2) The principal value of $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ is

- | | |
|--------------------|--------------------|
| a) $\frac{\pi}{2}$ | b) $\frac{\pi}{3}$ |
| c) $\frac{\pi}{4}$ | d) $\frac{\pi}{6}$ |



3) Match List - I with List - II.

List - I	List - II
A) Domain of $\sin^{-1} x$	i) $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$
B) Range of $\tan^{-1} x$	ii) $[0, \pi]$
C) Range of $\cos^{-1} x$	iii) $[-1, 1]$

Choose the correct answer from the options given below :

- a) A-i, B-ii, C-iii b) A-iii, B-ii, C-i
 c) A-ii, B-i, C-iii d) A-iii, B-i, C-ii

4) For a 2×2 matrix $A = [a_{ij}]$ whose elements are given by $a_{ij} = 2i - j$ then A is equal to

- a) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$
 c) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$ d) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

5) Let A be a nonsingular matrix of order 3×3 , then $|\text{adj } A|$ is equal to

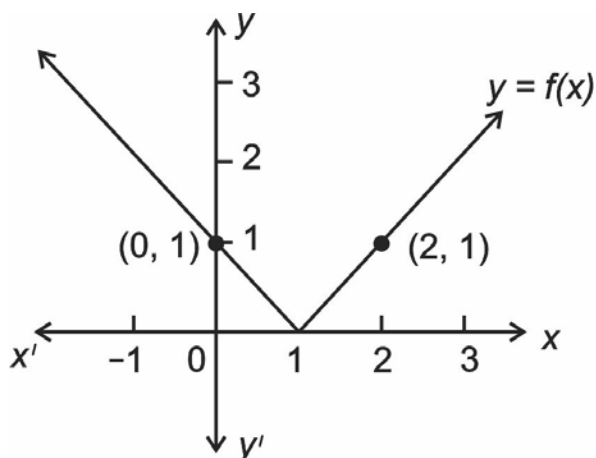
- a) $|A|$ b) $3|A|$
 c) $|A|^3$ d) $|A|^2$

6) If $f(x) = \cos 2x$, then $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$ is

- a) 2 b) -2
 c) $\sqrt{2}$ d) $-\sqrt{2}$



- 7) For the given figure consider the following statements 1 and 2 :



Statement 1 : Left hand derivative of $y = f(x)$ at $x = 1$ is -1 .

Statement 2 : The function $y = f(x)$ is differentiable at $x = 1$.

Then which of the following are true?

- a) Statement 1 is true, Statement 2 is false
 - b) Statement 1 is false, Statement 2 is true
 - c) Both Statements 1 and 2 are true
 - d) Both Statements 1 and 2 are false
- 8) The absolute maximum value of the function f given by $f(x) = x^3$, $x \in [-2, 2]$ is
- a) 2
 - b) 0
 - c) -2
 - d) 8
- 9) $\int e^x (\sin x - \cos x) dx$ is
- a) $-e^x \cos x$
 - b) $e^x \cos x$
 - c) $e^x \sin x$
 - d) $e^x \sin^2 x$
- 10) The degree of differential equation $\frac{d^3 y}{dx^3} + \frac{d^2 y}{dx^2} + e^{\frac{dy}{dx}} = 0$ is
- a) 1
 - b) 3
 - c) 2
 - d) not defined



11) The direction cosines of the vector $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ are

a) $\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{-1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}}$

b) $\frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$

c) $\frac{1}{6}, \frac{-1}{6}, \frac{2}{6}$

d) $\frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$

12) The angle between two vectors \vec{a} and \vec{b} with $|\vec{a}| = \sqrt{3}$, $|\vec{b}| = 2$ and $\vec{a} \cdot \vec{b} = \sqrt{6}$ is

a) $\frac{\pi}{6}$

b) $\frac{\pi}{3}$

c) $\frac{\pi}{4}$

d) $\frac{\pi}{2}$

13) The equation of y-axis in space is

a) $x = 0, y = 0$

b) $x = 0, z = 0$

c) $y = 0, z = 0$

d) $y = 0$

14) If $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{2}{3}$ then $P(A \cap B)$ is

a) $\frac{1}{3}$

b) $\frac{1}{2}$

c) 1

d) $\frac{3}{5}$

15) Assertion [A] : For two events E and F if $P(E) = \frac{1}{5}$, $P(F) = \frac{1}{2}$ and

$$P(E|F) = \frac{1}{5} \text{ then } E \text{ and } F \text{ are independent events.}$$

Reason [R] : If E and F are two independent events then $P(F|E) = P(F)$

Then which of the following are true?

a) [A] is true but [R] is false b) Both [A] and [R] are false

c) Both [A] and [R] are true d) [A] is false but [R] is true



- II. Fill in the blanks by choosing the appropriate answer from those given in the bracket : (5 × 1 = 5)

[0, 2, 1, $\frac{5}{9}$, -1, 6]

16) The value of $\cos \left(\sec^{-1}(2) - \sin^{-1} \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \right)$ is _____.

17) If $y = \sin^{-1}(\cos x)$ then $\frac{dy}{dx} =$ _____.

18) The value of $\int_7^{13} 1 \, dx =$ _____.

19) The projection of vector $\hat{i} + \hat{j}$ along the vector $\hat{i} - \hat{j}$ is _____.

20) If $P(A \cap B) = \frac{4}{13}$ and $P(B) = \frac{9}{13}$ then $P(A' | B) =$ _____.

PART – B

- III. Answer **any six** of the following questions : (6 × 2 = 12)

21) Find the equation of the line through the points (1, 2) and (3, 6) using determinants.

22) If $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{10}$ then show that $\frac{dy}{dx} + \sqrt{\frac{y}{x}} = 0$.

23) A balloon which is always remains spherical has a variable radius. Find the rate at which its volume is increasing with radius when the radius is 10 cms.

24) Find the interval in which the function given by $f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ is decreasing.

25) Find $\int \cot x \cdot \log(\sin x) \, dx$.

26) Verify that the function $y = a \sin x + b \cos x$ is a solution of differential equation $\frac{d^2 y}{dx^2} + y = 0$.



- 27) If $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}$ and $\vec{c} = \hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ then find unit vector parallel to the vector $2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$.
- 28) If the lines $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ and $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{-5}$ are perpendicular to each other, then find the value of k .
- 29) An urn contains 10 black and 5 white balls. Two balls are drawn from the urn one after the other without replacement. What is the probability that both drawn balls black?

PART – C

IV. Answer **any six** of the following questions :

(6 × 3 = 18)

- 30) Check whether the relation R in \mathbb{R} defined by $R = \{(a, b) : a \leq b^3\}$ is reflexive, symmetric and transitive.
- 31) Prove that $\tan^{-1}\left(\frac{63}{16}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{5}{13}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$.
- 32) Express $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ as the sum of a symmetric and a skew-symmetric matrix.
- 33) Find $\frac{dy}{dx}$ if $x = a\left(\cos t + \log\left(\tan \frac{t}{2}\right)\right)$ and $y = a \sin t$.
- 34) Find the two positive numbers x and y such that $x + y = 60$ and xy^3 is maximum.
- 35) Evaluate $\int \frac{2x}{x^2 + 3x + 2} dx$.
- 36) Find the area of triangle ABC where position vectors of A, B, C are $\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$, $2\hat{j} + \hat{k}$, $\hat{j} + 3\hat{k}$ respectively.



- 37) Derive the equation of a line in space through a given point and parallel to a given vector \vec{b} in the vector form.
- 38) In two identical boxes, box I contains 2 gold coins, while box II contains one gold and one silver coin. A person chooses a box at random and takes out a coin. If the coin is of gold, what is the probability that the other coin in the box is also a gold?

PART – D

V. Answer **any four** of the following questions : **(4 × 5 = 20)**

- 39) If $A = \mathbb{R} - \{3\}$ and $B = \mathbb{R} - \{1\}$ and $f : A \rightarrow B$ is a function defined by $f(x) = \left(\frac{x-2}{x-3} \right)$. Is f one-one and onto? Justify your answer.
- 40) If $A = \begin{bmatrix} 1 \\ -4 \\ 3 \end{bmatrix}$ and $B = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$, verify that $(AB)' = B'A'$.
- 41) Solve the following system of linear equations by matrix method
 $4x + 3y + 2z = 60$, $2x + 4y + 6z = 90$, $6x + 2y + 3z = 70$.
- 42) If $y = (\tan^{-1} x)^2$ then show that $(x^2 + 1)^2 y_2 + 2x(x^2 + 1)y_1 = 2$.
- 43) Find the integral of $\frac{1}{x^2 + a^2}$ with respect to 'x' and hence find
$$\int \frac{1}{x^2 - 6x + 13} dx.$$
- 44) Find the area of circle $x^2 + y^2 = a^2$ by method of integration.
- 45) Solve the differential equation $\cos^2 x \frac{dy}{dx} + y = \tan x \left(0 \leq x < \frac{\pi}{2} \right)$.

**PART – E**

VI. Answer the following questions :

46) Prove that $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ and hence evaluate $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \log(1 + \tan x) dx$.

(6)

OR

Solve the following Linear Programming Problem graphically :

Minimise and Maximise $Z = 5x + 10y$

Subject to

$$x + 2y \leq 120,$$

$$x + y \geq 60,$$

$$x - 2y \geq 0,$$

$$x \geq 0, y \geq 0.$$

47) If $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$, show that $A^2 - 5A + 7I = O$ and hence find A^{-1} . **(4)**

OR

Determine the value of k if

$$f(x) = \begin{cases} \frac{k \cos x}{\pi - 2x}, & x \neq \frac{\pi}{2} \\ 3, & x = \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

is continuous at $x = \frac{\pi}{2}$.

PART – F

VII. For visually challenged students only

7) If Statement 1 : Left hand derivative of $f(x) = |x|$ at $x = 0$ is -1 .

Statement 2 : The derivative of $f(x) = |x|$ exists at $x = 0$.

Then which of the following is true?

- a) Statement 1 is true, Statement 2 is false
- b) Statement 1 is false, Statement 2 is true
- c) Statement 1 and 2 both are true
- d) Statement 1 and 2 both are false



