



ನೋಂದಣಿ ಸಂಖ್ಯೆ :									
Registration No. :									

X1 – 2025

ವಿಷಯ ಸಂಕೇತ / Subject Code	35 (NS)
------------------------------	---------

ಗಣಿತಶಾಸ್ತ್ರ / MATHEMATICS

(Kannada and English Versions)

[ಸಮಯ : 3 ಗಂಟೆಗಳು]

[Time : 3 Hours]

[ಒಟ್ಟು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ : 47]

[Total No. of questions : 47]

[ಗರಿಷ್ಠ ಅಂತರಾಳ : 80]

[Max. Marks : 80]

(Kannada Version)

ಸೂಚನೆಗಳು :

- ಈ ಪ್ರಶ್ನೆ ಪ್ರತಿಕೆಯಲ್ಲಿ A, B, C, D ಮತ್ತು E ಎಂಬ ಐದು ವಿಭಾಗಗಳಿವೆ. ಎಲ್ಲಾ ವಿಭಾಗಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿ.
- ವಿಭಾಗ-A ದಲ್ಲಿ 15 ಬಹು ಆಯ್ದೆ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳು, 5 ಬಿಳ್ಳಿ ಸ್ಥಳ ತುಂಬುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಂದ್ದು, ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಪ್ರಶ್ನೆಯು 1 ಅಂಕದಾಗಿದೆ.
- ವಿಭಾಗ-A ದಲ್ಲಿ ಬರುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಪ್ರಧಾನ ಉತ್ತರವನ್ನು ಮಾತ್ರ ಪರಿಗಣಿಸಿ ಅಂತರಾಳನ್ನು ನೀಡಲಾಗುವುದು.
- ವಿಭಾಗ-E ದಲ್ಲಿ ಬರುವ ‘ರೇಖೀಯ ಪ್ರೋಗ್ರಾಮಿಂಗ್’ ಪ್ರಶ್ನೆಗೆ ನಿಮಗೆ ಒದಗಿಸಿರುವ ನಾಕೆಯನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಉತ್ತರಿಸಿ.
- ಪ್ರಶ್ನೆ ಪ್ರತಿಕೆಯ ಕೊನೆಯಲ್ಲಿ, ದೃಷ್ಟಿ ವಿಕಲಚೇತನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗಾಗಿ ಜಿತ್ರ / ನಾಕೆ ಇರುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ, ವಿಭಾಗ-F ನಲ್ಲಿ ಪರ್ಯಾಯ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ನೀಡಲಾಗಿದೆ.



ವಿಭಾಗ - A

I. ಎಲ್ಲಾ ಒಮ್ಮೆ ಅಯ್ದುಹೂಡಿಸಬೇಕಾದರೆ **(15 × 1 = 15)**

1) ಒಂದು ಗಣ A ಯಲ್ಲಿ ಸಂಬಂಧ R ಪ್ರತಿಫಲನವಾಗಬೇಕಾದರೆ

- a) ಪ್ರತಿಯೊಂದು $a \in A$ ಇರುವಾಗ $(a, a) \in R$
- b) ಯಾವುದಾದರೂಂದು $a \in A$ ಇರುವಾಗ $(a, a) \in R$
- c) $(a, b) \in R$ ಇರುವಾಗ $(b, a) \in R$
- d) $(a, b) \in R$ ಮತ್ತು $(b, c) \in R$ ಇರುವಾಗ $(a, c) \in R$

2) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ ರ ಪ್ರಥಾನ ಬೆಲೆಯು

- | | |
|--------------------|--------------------|
| a) $\frac{\pi}{2}$ | b) $\frac{\pi}{3}$ |
| c) $\frac{\pi}{4}$ | d) $\frac{\pi}{6}$ |

3) ಪಟ್ಟಿ - I ನ್ನು ಪಟ್ಟಿ - II ರ ಜೋಡಿಗೆ ಹೊಂದಿಸಿ.

ಪಟ್ಟಿ - I	ಪಟ್ಟಿ - II
A) $\sin^{-1} x$ ನ ಕೇಂತ್ರ	i) $\left(\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$
B) $\tan^{-1} x$ ನ ವ್ಯಾಪ್ತಿ	ii) $[0, \pi]$
C) $\cos^{-1} x$ ನ ವ್ಯಾಪ್ತಿ	iii) $[-1, 1]$

ಈ ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಅಯ್ದುಗಳಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಆರಿಸಿ :

- a) A-i, B-ii, C-iii
- b) A-iii, B-ii, C-i
- c) A-ii, B-i, C-iii
- d) A-iii, B-i, C-ii

4) $a_{ij} = 2i - j$ එන්ඩ අංශග්‍රීරුව $A = [a_{ij}]$ එන්ඩ මාත්‍රිකේයු 2 × 2 දස්සේයා මාත්‍රිකේයාදාග $A =$

a) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$

b) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$

c) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$

d) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

5) A ඔබ 3 × 3 දස්සේයා ප්‍රමාණීය කොළඹාගිදාගැ |adj A| =

a) $|A|$

b) $3|A|$

c) $|A|^3$

d) $|A|^2$

6) $f(x) = \cos 2x$ ප්‍රාගිධ්‍යාලී $f'\left(\frac{\pi}{4}\right) =$

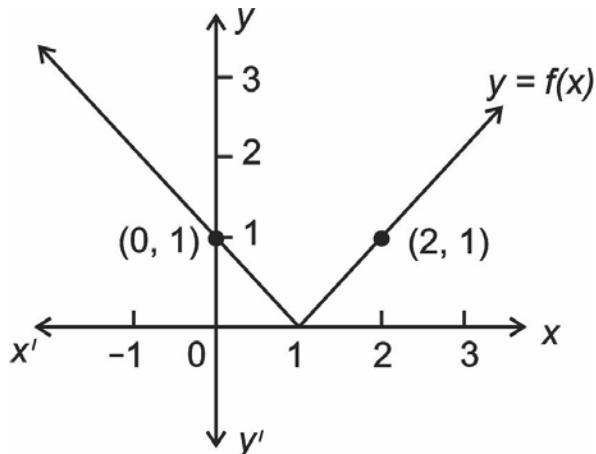
a) 2

b) -2

c) $\sqrt{2}$

d) $-\sqrt{2}$

7) කොස්ට්‍රීරුව සිල්ක්ස් ඒ ක්ෂේගින තේලික් 1 මුතු තේලික් 2 ගණනු පරිගණීසී.



තේලික් 1 : $x = 1$ රෙලී $y = f(x)$ න් එය නිශ්ච්‍යාවු -1 ප්‍රාගිරුතුදේ.

තේලික් 2 : $x = 1$ රෙලී $y = f(x)$ නිශ්ච්‍යාවු තේ කොංඩිරුතුදේ.

ඒ ක්ෂේගිනවුග්‍රලී සරියාදුදුනු පායු මාධි.

a) තේලික් 1 සරියාගිදේ, තේලික් 2 තපාගිදේ

b) තේලික් 1 තපාගිදේ, තේලික් 2 සරියාගිදේ

c) තේලික් 1 මුතු තේලික් 2, එරඹා සරියාගිවේ

d) තේලික් 1 මුතු තේලික් 2, එරඹා තපාගිවේ



8) $f(x) = x^3$, $x \in [-2, 2]$ f ಉತ್ಪನ್ನದ ನಿರವೇಕೆ ಗಿರಿಷ್ಟ ಬೆಲೆಯು _____

- | | |
|-------|------|
| a) 2 | b) 0 |
| c) -2 | d) 8 |

9) $\int e^x (\sin x - \cos x) dx =$

- | | |
|------------------|-------------------|
| a) $-e^x \cos x$ | b) $e^x \cos x$ |
| c) $e^x \sin x$ | d) $e^x \sin^2 x$ |

10) $\frac{d^3y}{dx^3} + \frac{d^2y}{dx^2} + e^{\frac{dy}{dx}} = 0$ ಅವಕಲನ ಸಮೀಕರಣದ ಪ್ರಮಾಣ (ಮಟ್ಟ) = _____

- | | |
|------|------------------------|
| a) 1 | b) 3 |
| c) 2 | d) ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸುವುದಿಲ್ಲ |

11) $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ ಸದಿತದ ದಿಶಾ ಕೋಸ್ಯೂಗಳು

- | | |
|------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------|
| a) $\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{-1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}}$ | b) $\frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$ |
| c) $\frac{1}{6}, \frac{-1}{6}, \frac{2}{6}$ | d) $\frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$ |

12) $|\vec{a}| = \sqrt{3}$, $|\vec{b}| = 2$ ಮತ್ತು $\vec{a} \cdot \vec{b} = \sqrt{6}$ ಆದಾಗ \vec{a} ಮತ್ತು \vec{b} ಸದಿತಗಳ ನಡುವಿನ ಹೋನವು _____

- | | |
|--------------------|--------------------|
| a) $\frac{\pi}{6}$ | b) $\frac{\pi}{3}$ |
| c) $\frac{\pi}{4}$ | d) $\frac{\pi}{2}$ |

13) ಮೂರು ಆಯಾಮದಲ್ಲಿ y -ಅಕ್ಷದ ಸಮೀಕರಣವು _____

- | | |
|-------------------|-------------------|
| a) $x = 0, y = 0$ | b) $x = 0, z = 0$ |
| c) $y = 0, z = 0$ | d) $y = 0$ |



14) $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B|A) = \frac{2}{3}$ ಆದರೆ $P(A \cap B) = \underline{\hspace{2cm}}$

a) $\frac{1}{3}$

b) $\frac{1}{2}$

c) 1

d) $\frac{3}{5}$

15) ಸಮಧನ [A] : E ಮತ್ತು F ಫಾಟನೆಗಳಿಗೆ $P(E) = \frac{1}{5}$, $P(F) = \frac{1}{2}$ ಮತ್ತು $P(E|F) = \frac{1}{5}$ ಆಗಿದ್ದಲ್ಲಿ E ಮತ್ತು F ಗಳು ಸ್ವತಂತ್ರ ಫಾಟನೆಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ.

ಕಾರಣ [R] : ಫಾಟನೆ E ಮತ್ತು F ಗಳು ಸ್ವತಂತ್ರವಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ $P(F|E) = P(F)$ ಆಗಿರುವಾಗ ಕೆಳಗಿನವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸರಿಯಾಗಿದೆ?

- a) [A] ಸರಿಯಾಗಿದೆ ಮತ್ತು [R] ತಪ್ಪಾಗಿದೆ
- b) [A] ಮತ್ತು [R] ಎರಡೂ ತಪ್ಪಾಗಿವೆ
- c) [A] ಮತ್ತು [R] ಎರಡೂ ಸರಿಯಾಗಿವೆ
- d) [A] ತಪ್ಪಾಗಿದ್ದು [R] ಸರಿಯಾಗಿದೆ

II. ಆವರಣದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಆಯ್ದೆಗಳಿಂದ ಸೂಕ್ತವಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಆರಿಸಿ ಕೆಳಗಿನ ಬಿಟ್ಟು ಸ್ಥಳಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ. **(5 × 1 = 5)**

$$[0, 2, 1, \frac{5}{9}, -1, 6]$$

16) $\cos \left(\sec^{-1}(2) - \sin^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \right)$ ಇದರ ಬೆಲೆಯು $\underline{\hspace{2cm}}$

17) $y = \sin^{-1}(\cos x)$ ಆದರೆ $\frac{dy}{dx} = \underline{\hspace{2cm}}$



18) $\int_7^{13} 1 \, dx$ ಇದರ ಬೆಲೆಯು _____

19) $\hat{i} + \hat{j}$ ಸದಿಶದ $\hat{i} - \hat{j}$ ಮೇಲೆ ಸದಿಶದ ಭಾಗವಿಕೆಯು _____

20) $P(A \cap B) = \frac{4}{13}$ ಮತ್ತು $P(B) = \frac{9}{13}$ ಆದರೆ $P(A' | B) =$ _____

ಎಭಾಗ - B

III. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವುದಾದರೂ ಅಥ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ. **(6 × 2 = 12)**

21) (1, 2) ಮತ್ತು (3, 6) ಬಿಂದುಗಳಿಂದ ಉಂಟಾದ ಸರಳರೇಖೆಯ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ನಿರ್ಧಾರಿಸಿ, ಅದರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

22) $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{10}$ ಆದರೆ $\frac{dy}{dx} + \sqrt{\frac{y}{x}} = 0$ ಎಂದು ತೋರಿಸಿ.

23) ಬದಲಾಗುತ್ತಿರುವ ಶ್ರೀಜ್ಯವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ, ಯಾವಾಗಲೂ ಗೋಳಾಕಾರದಲ್ಲಿರುವ ಬಲೂನಿನ ಶ್ರೀಜ್ಯವು 10 ಸೆ.ಮೀ. ಆಗಿದ್ದಾಗ ಶ್ರೀಜ್ಯಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಅದರ ಘನಫಲ (volume) ದ ಬದಲಾವಣೆಯ ಹೆಚ್ಚಳದ ದರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

24) $f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ ಉತ್ಪನ್ನವು ಕ್ರೀಳಿಸುವ ಅಂತರಾಳವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

25) $\int \cot x \cdot \log(\sin x) \, dx$ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

26) $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$ ಅವಕಲನ ಸಮೀಕರಣಕ್ಕೆ, ಉತ್ಪನ್ನ $y = a \sin x + b \cos x$ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪರಿಹಾರವೇ ಎಂದು ತಾಳಿಸೋಡಿ.

27) $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}$ ಮತ್ತು $\vec{c} = \hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ ಆದರೆ ಸದಿಶ

$2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$ ಗೆ ಸಮಾನಾಂತರ ಏಕ ಸದಿಶವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

28) $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ ಮತ್ತು $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{-5}$ ರೇಖೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ k ಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

29) ಒಂದು ಹೊಜಿಯಲ್ಲಿ 10 ಕಪ್ಪು ಮತ್ತು 5 ಬಿಳಿ ಚೆಂಡುಗಳಿವೆ, ಹೊಜಿಯಿಂದ ಎರಡು ಚೆಂಡುಗಳನ್ನು, ಒಂದರ ನಂತರ ಮತ್ತೊಂದರಂತೆ, ಚೆಂಡನ್ನು ಪುನಃ ಹೊಜಿಯಲ್ಲಿ ಹಾಕದೆ ತೆಗೆಯಲಾಗಿದೆ. ಎರಡೂ ಚೆಂಡುಗಳು ಕಪ್ಪು ಬಣ್ಣಾದ್ವಾಗಿರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆ ಎಷ್ಟು?

ಎಭಾಗ - C

IV. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವುದಾದರೂ ಆರು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿರಿ. **(6 × 3 = 18)**

30) ವಾಸ್ತವಿಕ ಸಂಖ್ಯಾಗಣ \mathbb{R} ನಲ್ಲಿ ಸಂಬಂಧ R ನ್ನು $R = \{(a, b) : a \leq b^3\}$ ಎಂದು ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸಿದರೆ, ಅದು ಪ್ರತಿಫಲನ, ಸಮಾಂಗತ ಮತ್ತು ವಾಹಕ ಸಂಬಂಧಗಳಾಗಿವೆಯೇ ಎಂದು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.

31) $\tan^{-1}\left(\frac{63}{16}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{5}{13}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

32) $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ ಮಾತ್ರಕೆಯನ್ನು ಸಮಾಂಗ ಮತ್ತು ಅಸಮಾಂಗ ಮಾತ್ರಕೆಗಳ ಮೊತ್ತವೆಂದು ಸ್ವಾಷಿಪಡಿಸಿ.

33) $x = a \left(\cos t + \log\left(\tan \frac{t}{2}\right) \right)$ ಮತ್ತು $y = a \sin t$ ಆದರೆ $\frac{dy}{dx}$ ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

34) x ಮತ್ತು y ಎರಡು ಧನಾತ್ಮಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗಿದ್ದು $x+y=60$ ಮತ್ತು xy^3 ಬೆಲೆ ಗರಿಷ್ಟವಾಗಿರಬೇಕಾದರೆ, ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



35) $\int \frac{2x}{x^2 + 3x + 2} dx$ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

36) ಒಂದು ತ್ರಿಕೋನ ABC ಯಲ್ಲಿ A, B, C ಗಳ ಸ್ಥಾನ ಸದಿತಗಳು $\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$, $2\hat{j} + \hat{k}$, $\hat{j} + 3\hat{k}$ ಆಗಿದ್ದಲ್ಲಿ, ಆ ತ್ರಿಕೋನದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

37) ದತ್ತ ಸದಿತ \vec{b} ಗೆ ಸಮಾನಾಂತರವಾಗಿ ಹಾಗೂ ದತ್ತ ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದುಹೋಗುವ ರೇಖೆಯೊಂದರ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ಸದಿತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿಪಾದಿಸಿ (derive).

38) ಹೊಟ್ಟಿರುವ ಎರಡು ಒಂದೇ ರೀತಿಯ ಡಬ್ಬಗಳಲ್ಲಿ, ಡಬ್ಬ | ರಲ್ಲಿ ಎರಡು ಚಿನ್ನದ ನಾಣ್ಯಗಳು, ಡಬ್ಬ || ರಲ್ಲಿ ಒಂದು ಚಿನ್ನದ ನಾಣ್ಯ ಮತ್ತು ಒಂದು ಬೆಳ್ಳಿಯ ನಾಣ್ಯ ಇವೆ. ಡಬ್ಬ ವ್ಯಕ್ತಿಯು ಒಂದು ಡಬ್ಬವನ್ನು ಯಾದೃಚ್ಛಿಕವಾಗಿ ಆಯ್ದು ಮಾಡುವನು ಮತ್ತು ಒಂದು ನಾಣ್ಯವನ್ನು ಹೊರಗೆ ತೆಗೆಯುವನು. ಒಂದು ವೇಳೆ ತೆಗೆದ ನಾಣ್ಯವು ಚಿನ್ನದಾಗಿದ್ದರೆ, ಡಬ್ಬದಲ್ಲಿ ಇನ್ನೊಂದು ನಾಣ್ಯವು ಹೂಡಾ ಚಿನ್ನದಾಗಿರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆ ಎಷ್ಟು?

ವಿಭಾಗ - D

V. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಯಾವುದಾದರೂ ನಾಲ್ಕು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ. **(4 × 5 = 20)**

39) $A = \mathbb{R} - \{3\}$ ಮತ್ತು $B = \mathbb{R} - \{1\}$ ಆಗಿರಲಿ, $f: A \rightarrow B$ ಯನ್ನು $f(x) = \left(\frac{x-2}{x-3} \right)$ ಎಂದು ವ್ಯಾಖ್ಯಾನಿಸಿದೆ. f ಒಂದು ಏಕ-ಏಕ ಮತ್ತು ಮೇಲಣ ಉತ್ಪನ್ನವೇ? ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರವನ್ನು ಸಮಾಧಿಸಿ.

40) $A = \begin{bmatrix} 1 \\ -4 \\ 3 \end{bmatrix}$ ಮತ್ತು $B = [-1 \ 2 \ 1]$ ಆದರೆ, $(AB)' = B'A'$ ಅನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.

- 41) $4x+3y+2z=60$, $2x+4y+6z=90$, $6x+2y+3z=70$ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ಕೋಶದ ವಿಧಾನದಿಂದ ಸಮೀಕರಿಸಿ.
- 42) $y = (\tan^{-1} x)^2$ ಆದರೆ $(x^2 + 1)^2 y_2 + 2x(x^2 + 1)y_1 = 2$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.
- 43) ಉತ್ಪನ್ನ $\frac{1}{x^2 + a^2}$ ನ ಅನುಕಲಿತವನ್ನು 'x' ಗೆ ಅನುಗುಣವಾಗಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
ಇದನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ $\int \frac{1}{x^2 - 6x + 13} dx$ ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 44) ಅನುಕಲಿತ ವಿಧಾನದಿಂದ $x^2 + y^2 = a^2$, ವೃತ್ತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 45) $\cos^2 x \frac{dy}{dx} + y = \tan x \left(0 \leq x < \frac{\pi}{2}\right)$ ಅವಕಲಿತ ಸಮೀಕರಣದ ಸಾಮಾನ್ಯ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವಿಭಾಗ - E

VI. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿ.

$$46) \int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx \quad \text{ಎಂದು} \quad \text{ಸಾಧಿಸಿ}, \quad \text{ಅದನ್ನು} \quad \text{ಉಪಯೋಗಿಸಿ}$$

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \log(1 + \tan x) dx \quad \text{ಬೆಲೆಯನ್ನು} \quad \text{ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.} \quad (6)$$

ಅಧ್ಯಾತ್ಮ

ಈ ಕೆಳಗಿನ ರೇಖೀಯ ಮೌಲ್ಯಮಿಂಗ್ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ನಕ್ಷಾತ್ರಕವಾಗಿ ಬಿಡಿಸಿ.

$$x + 2y \leq 120,$$

$$x + y \geq 60,$$

$$x - 2y \geq 0,$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

ನಿಬಂಧನೆಗೊಳಪಟ್ಟು ಉದ್ದಿಷ್ಟ ಉತ್ಪನ್ನ $Z = 5x + 10y$ ಅನ್ನು ಗರಿಷ್ಟು ಮತ್ತು ಕನಿಷ್ಠಗೊಳಿಸಿ.



47) $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ ಆದರೆ $A^2 - 5A + 7I = 0$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ ಮತ್ತು ಇದನ್ನು
ಉಪಯೋಗಿಸಿ A^{-1} ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. (4)

ಅಧಿಕಾರಿ

$f(x) = \begin{cases} \frac{k \cos x}{\pi - 2x}, & x \neq \frac{\pi}{2} \\ 3, & x = \frac{\pi}{2} \end{cases}$ ಉತ್ಪನ್ನವು $x = \frac{\pi}{2}$ ನಲ್ಲಿ ಅವಿಚ್ಯಾನ್ಯವಾದರೆ k ಯ
ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವಿಭಾಗ - F

VII. ದೃಷ್ಟಿ ವಿಕಲಚೇತನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗಾಗಿ

7) ಹೇಳಿಕೆ 1 : $x = 0$ ರಲ್ಲಿ $f(x) = |x|$ ಉತ್ಪನ್ನದ ಎಡ ನಿಷ್ಫಲನ್ನು -1 ಆಗಿರುತ್ತದೆ.

ಹೇಳಿಕೆ 2 : $x = 0$ ರಲ್ಲಿ $f(x) = |x|$ ಉತ್ಪನ್ನವು ನಿಷ್ಫಲತೆ ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.

ಮೇಲಿನ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ಈ ಕೆಳಗಿನವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸರಿ?

- a) ಹೇಳಿಕೆ 1 ಸರಿಯಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2 ತಪ್ಪಾಗಿದೆ
 - b) ಹೇಳಿಕೆ 1 ತಪ್ಪಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ಹೇಳಿಕೆ 2 ಸರಿಯಾಗಿದೆ
 - c) ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು 2, ಎರಡೂ ಹೇಳಿಕೆಗಳು ಸರಿಯಾಗಿವೆ
 - d) ಹೇಳಿಕೆ 1 ಮತ್ತು 2, ಎರಡೂ ಹೇಳಿಕೆಗಳು ತಪ್ಪಾಗಿವೆ
-



(English Version)

- Instructions :**
1. The question paper has five Parts namely A, B, C, D and E. Answer **all** parts.
 2. PART-A has **15** M.C.Q.'s, **5** Fill in the blanks of 1 mark each.
 3. For PART-A questions, only the first written answers will be considered for awarding marks.
 4. Use graph sheet for question on Linear Programming in PART-E.
 5. For questions having figure / graph, alternate questions are given at the end of question paper in separate PART-F for visually challenged students.

PART – A

I. Answer **all** the multiple choice questions : **(15 × 1 = 15)**

- 1) A relation R in a set A is called Reflexive relation if
 - a) $(a, a) \in R$ for all $a \in A$
 - b) $(a, a) \in R$ for atleast one $a \in A$
 - c) $(a, b) \in R$ implies $(b, a) \in R$
 - d) $(a, b) \in R$ and $(b, c) \in R$ implies $(a, c) \in R$
- 2) The principal value of $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ is
 - a) $\frac{\pi}{2}$
 - b) $\frac{\pi}{3}$
 - c) $\frac{\pi}{4}$
 - d) $\frac{\pi}{6}$



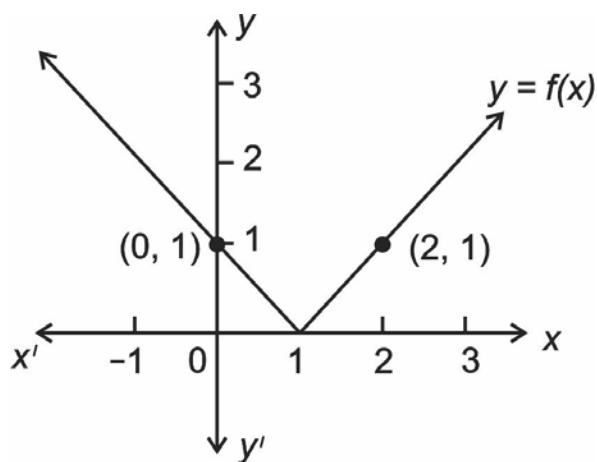
3) Match List - I with List - II.

List - I	List - II
A) Domain of $\sin^{-1} x$	i) $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$
B) Range of $\tan^{-1} x$	ii) $[0, \pi]$
C) Range of $\cos^{-1} x$	iii) $[-1, 1]$

Choose the correct answer from the options given below :

- a) A-i, B-ii, C-iii b) A-iii, B-ii, C-i
 c) A-ii, B-i, C-iii d) A-iii, B-i, C-ii
- 4) For a 2×2 matrix $A = [a_{ij}]$ whose elements are given by $a_{ij} = 2i - j$ then A is equal to
- | | |
|---------------------------------------------------|---------------------------------------------------|
| a) $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ | b) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ |
| c) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$ | d) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ |
- 5) Let A be a nonsingular matrix of order 3×3 , then $|adj A|$ is equal to
- | | |
|------------|------------|
| a) $ A $ | b) $3 A $ |
| c) $ A ^3$ | d) $ A ^2$ |
- 6) If $f(x) = \cos 2x$, then $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$ is
- | | |
|---------------|----------------|
| a) 2 | b) -2 |
| c) $\sqrt{2}$ | d) $-\sqrt{2}$ |

7) For the given figure consider the following statements 1 and 2 :



Statement 1 : Left hand derivative of $y = f(x)$ at $x = 1$ is -1 .

Statement 2 : The function $y = f(x)$ is differentiable at $x = 1$.

Then which of the following are true?

- a) Statement 1 is true, Statement 2 is false
 - b) Statement 1 is false, Statement 2 is true
 - c) Both Statements 1 and 2 are true
 - d) Both Statements 1 and 2 are false
- 8) The absolute maximum value of the function f given by $f(x) = x^3$, $x \in [-2, 2]$ is
- | | |
|-------|------|
| a) 2 | b) 0 |
| c) -2 | d) 8 |
- 9) $\int e^x (\sin x - \cos x) dx$ is
- | | |
|------------------|-------------------|
| a) $-e^x \cos x$ | b) $e^x \cos x$ |
| c) $e^x \sin x$ | d) $e^x \sin^2 x$ |
- 10) The degree of differential equation $\frac{d^3y}{dx^3} + \frac{d^2y}{dx^2} + e^{\frac{dy}{dx}} = 0$ is
- | | |
|------|----------------|
| a) 1 | b) 3 |
| c) 2 | d) not defined |



11) The direction cosines of the vector $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ are

a) $\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{-1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}}$

b) $\frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$

c) $\frac{1}{6}, \frac{-1}{6}, \frac{2}{6}$

d) $\frac{-1}{\sqrt{6}}, \frac{1}{\sqrt{6}}, \frac{2}{\sqrt{6}}$

12) The angle between two vectors \vec{a} and \vec{b} with $|\vec{a}| = \sqrt{3}$, $|\vec{b}| = 2$ and

$\vec{a} \cdot \vec{b} = \sqrt{6}$ is

a) $\frac{\pi}{6}$

b) $\frac{\pi}{3}$

c) $\frac{\pi}{4}$

d) $\frac{\pi}{2}$

13) The equation of y -axis in space is

a) $x = 0, y = 0$

b) $x = 0, z = 0$

c) $y = 0, z = 0$

d) $y = 0$

14) If $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B | A) = \frac{2}{3}$ then $P(A \cap B)$ is

a) $\frac{1}{3}$

b) $\frac{1}{2}$

c) 1

d) $\frac{3}{5}$

15) Assertion [A] : For two events E and F if $P(E) = \frac{1}{5}$, $P(F) = \frac{1}{2}$ and

$$P(E | F) = \frac{1}{5} \text{ then } E \text{ and } F \text{ are independent events.}$$

Reason [R] : If E and F are two independent events then
 $P(F | E) = P(F)$

Then which of the following are true?

- a) [A] is true but [R] is false b) Both [A] and [R] are false
 c) Both [A] and [R] are true d) [A] is false but [R] is true

II. Fill in the blanks by choosing the appropriate answer from those given in the bracket : **(5 × 1 = 5)**

$$[0, 2, 1, \frac{5}{9}, -1, 6]$$

16) The value of $\cos \left(\sec^{-1}(2) - \sin^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \right)$ is _____.

17) If $y = \sin^{-1}(\cos x)$ then $\frac{dy}{dx} =$ _____.

18) The value of $\int_7^{13} 1 dx =$ _____.

19) The projection of vector $\hat{i} + \hat{j}$ along the vector $\hat{i} - \hat{j}$ is _____.

20) If $P(A \cap B) = \frac{4}{13}$ and $P(B) = \frac{9}{13}$ then $P(A' | B) =$ _____.

PART – B

III. Answer **any six** of the following questions : **(6 × 2 = 12)**

21) Find the equation of the line through the points (1, 2) and (3, 6) using determinants.

22) If $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{10}$ then show that $\frac{dy}{dx} + \sqrt{\frac{y}{x}} = 0$.

23) A balloon which is always remains spherical has a variable radius. Find the rate at which its volume is increasing with radius when the radius is 10 cms.

24) Find the interval in which the function given by $f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ is decreasing.

25) Find $\int \cot x \cdot \log (\sin x) dx$.

26) Verify that the function $y = a \sin x + b \cos x$ is a solution of differential equation $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$.



- 27) If $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}$ and $\vec{c} = \hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ then find unit vector parallel to the vector $2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$.
- 28) If the lines $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ and $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-6}{-5}$ are perpendicular to each other, then find the value of k .
- 29) An urn contains 10 black and 5 white balls. Two balls are drawn from the urn one after the other without replacement. What is the probability that both drawn balls black?

PART – C

IV. Answer any six of the following questions : **(6 × 3 = 18)**

- 30) Check whether the relation R in \mathbb{R} defined by $R = \{(a, b) : a \leq b^3\}$ is reflexive, symmetric and transitive.
- 31) Prove that $\tan^{-1}\left(\frac{63}{16}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{5}{13}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$.
- 32) Express $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ as the sum of a symmetric and a skew-symmetric matrix.
- 33) Find $\frac{dy}{dx}$ if $x = a \left(\cos t + \log\left(\tan \frac{t}{2}\right) \right)$ and $y = a \sin t$.
- 34) Find the two positive numbers x and y such that $x + y = 60$ and xy^3 is maximum.
- 35) Evaluate $\int \frac{2x}{x^2 + 3x + 2} dx$.
- 36) Find the area of triangle ABC where position vectors of A , B , C are $\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$, $2\hat{j} + \hat{k}$, $\hat{j} + 3\hat{k}$ respectively.



- 37) Derive the equation of a line in space through a given point and parallel to a given vector \vec{b} in the vector form.
- 38) In two identical boxes, box I contains 2 gold coins, while box II contains one gold and one silver coin. A person chooses a box at random and takes out a coin. If the coin is of gold, what is the probability that the other coin in the box is also a gold?

PART – D

V. Answer **any four** of the following questions : **(4 × 5 = 20)**

- 39) If $A = \mathbb{R} - \{3\}$ and $B = \mathbb{R} - \{1\}$ and $f: A \rightarrow B$ is a function defined by $f(x) = \left(\frac{x-2}{x-3} \right)$. Is f one-one and onto? Justify your answer.
- 40) If $A = \begin{bmatrix} 1 \\ -4 \\ 3 \end{bmatrix}$ and $B = [-1 \ 2 \ 1]$, verify that $(AB)' = B'A'$.
- 41) Solve the following system of linear equations by matrix method
 $4x + 3y + 2z = 60$, $2x + 4y + 6z = 90$, $6x + 2y + 3z = 70$.
- 42) If $y = (\tan^{-1} x)^2$ then show that $(x^2 + 1)^2 y_2 + 2x(x^2 + 1)y_1 = 2$.
- 43) Find the integral of $\frac{1}{x^2 + a^2}$ with respect to 'x' and hence find $\int \frac{1}{x^2 - 6x + 13} dx$.
- 44) Find the area of circle $x^2 + y^2 = a^2$ by method of integration.
- 45) Solve the differential equation $\cos^2 x \frac{dy}{dx} + y = \tan x \left(0 \leq x < \frac{\pi}{2} \right)$.

**PART – E**

VI. Answer the following questions :

- 46) Prove that $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ and hence evaluate $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \log(1+\tan x) dx$. (6)

OR

Solve the following Linear Programming Problem graphically :

Minimise and Maximise $Z = 5x + 10y$

Subject to

$$x + 2y \leq 120,$$

$$x + y \geq 60,$$

$$x - 2y \geq 0,$$

$$x \geq 0, y \geq 0.$$

- 47) If $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$, show that $A^2 - 5A + 7I = O$ and hence find A^{-1} . (4)

OR

Determine the value of k if

$$f(x) = \begin{cases} \frac{k \cos x}{\pi - 2x}, & x \neq \frac{\pi}{2} \\ 3, & x = \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

is continuous at $x = \frac{\pi}{2}$.

PART – F

VII. For visually challenged students only

- 7) If Statement 1 : Left hand derivative of $f(x) = |x|$ at $x = 0$ is -1 .

Statement 2 : The derivative of $f(x) = |x|$ exists at $x = 0$.

Then which of the following is true?

- a) Statement 1 is true, Statement 2 is false
- b) Statement 1 is false, Statement 2 is true
- c) Statement 1 and 2 both are true
- d) Statement 1 and 2 both are false



-19-

35 (NS)

35 (NS)

-20-

