فهرست مطالب

	١.٠	مقلمه	1
١	آشناي	ي با مفاهيم اوليه	٣
	١.١	كيوبيت	٣
		١.١.١ كيوبيت واحد	٣
		۲.۱.۱ کیوبیتهای چندتایی	۶
	۲.۱	اندازه گیری در فضای هیلبرت	٧
		vector bloch 1.7.1	٧
	۳.۱	گیتهای کوانتومی	١.
		۱.۳.۱ انواع گیت کوانتومی	١.
		gate Swap Y.W.1	۱۷
	۴.۱	مدارهای کوانتومی	۱۸
		۱.۴.۱ نحوهی نمایش مدارهای کوانتومی	۲.
J	. 1.		. .
7		ەنويسى كوانتومى	۲۱
	1.7	تفاوت کامپیوتر کلاسیک و کوانتومی	۲۱
	۲.۲		۲۲
		۱.۲.۲ تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیهسازهای کلاسیک	۲۳
	٣.٢	Qiskit and computer Quantum IBM	۲۵
٣	الگور	يتمهاى كوانتومى	77
	1.4	،	۲٧
		۳ ۱ ۱ مال محال ات استانا الد	۳,
		ا الماليم حاسانات الماليد	T- 1

فهرست مطالب			۲

۳١			•				•		•	•									•			ی	رئر	, کو	مدل	۲	۳.	
٣٢													چ	و-	م د	ټ	وري	گو	ر ال	زي	، سا	ېيادە	و پ	فی	معر	٣	۳.	
٣٢																			وچ	, د	لەي	مسئ		١.١	۳.۳			
٣٣																		ج .	دو	٠	ريت	الگو		۲.۱	۳.۳			
36																			وزا	ج	- (دوچ	نم	ورين	الگو	۴	۳.	
۴١															Ĺ	نمى	تو	واذ	, ک	کل	ورا	ک ا	یک	عت	ساخ	۵	۳.	
۴۳																(می	تو	واذ	ک	ای	رەھ	ىد	پ پد	سازي	يەر	شب	1
44																						sta	te	s E	Bell	١	۴.	
۴۵																				e	nta	ang	le	me	ent	۲	۴.	
49																	می	تو	كوان	7 ک	إك	، متر	زی	گذار	رمزً	٣	۴.	
49																							(ىر ي	دور	۴	۴.	

۱.۰ مقدمه

در عصر حاضر بواسطهی رشد و توسعهی نظریهی اطلاعات کوانتومی و سرمایه گذاری های مالی و انسانی بسیار در این زمینه، شاهد افزایش تعداد علاقمندان به این حوزه هستیم. در این پا

فصل ۱

آشنایی با مفاهیم اولیه

۱.۱ کیوبیت

یک کیوبیت'، معادل یک واحد اطلاعات کوانتومی میباشد. این مفهوم معادل مفهوم کلاسیک بیت کم میباشد. به طور کلی هر کیوبیت حاوی دو بیت اطلاعات است. برای تبیین یک کیوبیت از خصوصیات سامانه های کوانتومی بهرهمی بهرهمی بریم. کیوبیت یک سیستم کوانتومی با فضای دوبعدی است. برای تعیین این دوبعد میتوان از یکی از خصویات سامانه های کوانتومی استفاده کرد.

١٠١٠١ كيوبيت واحد

برخلاف بیت ها که مقادیر ثابت ، یا ۱ را به خود میگیرند؛ یک کیوبیت می تواند در یک حالت «برهمنهی کوانتومی» باشد؛ این بدان معناست که یک کیوبیت بواسطهی مشاهده ناظر به یکی از حالات ، یا یک تبدیل شود. این مهمترین مزیت استفاده از کیوبیتهاست. بیان ریاضی یک کیوبیت ، در حالت برهمنهی، به شرح زیر است:

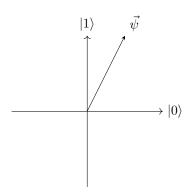
$$\left\{ \begin{array}{l} |\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle \\ \\ \alpha^2 + \beta^2 = 1 \end{array} \right.$$

Qubit'

Binary Bit

1.۱. كيونىت

کتهای $|0\rangle$ و $|0\rangle$ بیانگر پایههای فضای محاسباتی هستند؛ و مقادیر $|1\rangle$ و $|1\rangle$ بیانگر احتمال وقوع هر یک از این حالات، در صورت مشاهده، میباشند. نمایش بردار $|1\rangle$ به شرح زیر است:



در بسیاری از مواقع برای سهولت در محاسبات، عملگرها و حالات کوانتومی به کمک ماتریسها نمایش داده می شوند. فرم ماتریسی هر یک از حالات ذکر شده در بالا به شرح زیر است:

$$|1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad |0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad (1.1)$$

برای تعریف کیوبیت ها، راه های زیادی وجود دارد، حالات قطبش فوتون،اسپین الکترون،یا سطوح انرژی اتم،هریک میتوانند تعیین کنندهی بردارهای فضای کیوبیت باشند.

به طور کلی، حالت کوبیت یک بردار واحد در فضای برداری دو بعدی پیچیده است. در بیشتر مدل های انتزاعی ما از جهان، یک ارتباط مستقیم بین عناصر انتزاع و دنیای واقعی وجود دارد، درست همانطور که طرح های یک معمار برای یک ساختمان با ساختمان نهایی مطابقت دارد. فقدان این ارتباط مستقیم در مکانیک کوانتوم باعث می شود که رفتار سیستم های کوانتومی دشوار باشد؛ با این حال، یک ارتباط غیرمستقیم وجود دارد، زیرا می توان حالت های کوبیت را دستکاری و تبدیل کرد به روش هایی که منجر به نتایج اندازه گیری می شود که به طور متمایز به خواص مختلف حالت بستگی دارد. بنابراین، این حالت های کوانتومی دارای پیامدهای واقعی و قابل آزمایش تجربی هستند.

مفهوم کیوبیت، با «فهم رایج» ما از جهان فیزیکی اطراف ما مغایرت دارد. یک بیت کلاسیک مانند سکه است: یا رو یا پشت. برای سکه های غیراایده آل، ممکن است حالت های واسطه ای مانند قرار گرفتن آن روی لبه وجود داشته باشد، اما در حالت ایده آل می توان آنها را نادیده گرفت.

در مقابل، یک کوبیت می تواند در یک طیف پیوسته از حالت ها بین $\langle 0|$ و $\langle 1|$ وجود داشته باشد

Computational Basis Vectors^{*}

- تا زمانی که مشاهده شود. بار دیگر تاکید می کنیم که وقتی یک کوبیت اندازه گیری می شود، فقط «۰» یا «۱» را به عنوان نتیجه اندازه گیری می دهد - به صورت تصادفی. به عنوان مثال، یک کوبیت می تواند در حالت $|\cdot|$ + $|\cdot|$ باشد، که به این معنی است که با احتمال ۵۰/۵۰ می تواند به عنوان و یا ۱ اندازه گیری شود.

$$\frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle$$

حالت $\langle +|$ حالتی از کوبیت است که با یک بردار ۲ بعدی واحد نشان داده می شود. این حالت، زمانی که اندازه گیری شود، نتیجه ۰ را ۵۰ درصد از زمان و نتیجه ۱ را ۵۰ درصد از زمان می دهد. این حالت را می توان به عنوان یک ترکیب خطی از دو حالت پایه $\langle 0|$ و $\langle 1 \rangle$ در نظر گرفت.

با وجود غیرقابل مشاهده بودن، حالت $\langle + \rangle$ واقعی است. وجود آن توسط آزمایشات به طور گسترده ای تأیید شده است. همچنین می توان از آن برای انجام محاسبات کوانتومی استفاده کرد.

در آینده، ممکن است حالت $\langle + \langle$ برای اهداف مختلف دیگری نیز استفاده شود. به عنوان مثال، می تواند برای ذخیره اطلاعات یا برای ایجاد ارتباطات امن استفاده شود.

۲.۱.۱ کیوبیتهای چندتایی

Hilbert space is a big place.

- Carlton Caves

فرض کنید دو کوبیت داریم. اگر این دو بیت کلاسیک بودند، چهار حالت ممکن وجود داشت: مرکز وجود داشت: (0.01, 10) و (0.01) به همین ترتیب، یک سیستم دو کوبیتی دارای چهار حالت محاسباتی است که با (0.01, 10) بشان داده می شود. یک جفت کوبیت همچنین می تواند در برهمنهی این چهار حالت وجود داشته باشد. بنابراین حالت کوانتومی دو کوبیت با اختصاص یک عدد مختلط - گاهی اوقات به عنوان یک دامنه شناخته می شود - به هر حالت محاسباتی، بیان می شود. بردار حالت توصیف کننده دو کوبیت به شکل زیر است:

$$|\Psi\rangle = a|00\rangle + b|01\rangle + c|10\rangle + d|11\rangle$$

جایی که ،a و d و c امنه های چهار حالت را نشان می دهند. دامنه ها می توانند هر عدد مختلطی باشند، اما معمولاً به گونه ای نرمال می شوند که مجموع آنها برابر ۱ باشد. این بدان معناست که بردار

حالت یک حالت کوانتومی معتبر را نشان می دهد و کوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در هر یک از چهار حالت محاسباتی را دارند.

به عنوان مثال، بردار حالت:

$$|\Psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|11\rangle$$

یک سیستم دو کوبیتی را نشان می دهد که در یک برهمنهی مساوی از حالت های ۰۰ و ۱۱ است. این بدان معناست که کوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در حالت ۰۰ یا ۱۱ را دارند.

بردار حالت یک سیستم دو کوبیتی را می توان برای محاسبه احتمال اندازه گیری کوبیت ها در هر یک از چهار حالت محاسباتی استفاده کرد. به عنوان مثال، احتمال اندازه گیری کوبیت ها در حالت ۰۰ با فرمول زیر داده می شود:

$$P(|00\rangle) = |a|^2 = \frac{1}{2}$$

احتمال اندازه گیری کوبیت ها در هر حالت دیگر را می توان به روشی مشابه محاسبه کرد.

نتیجه اندازه گیری x = 00,01,10,11 با احتمال $|a_x|^2$ با احتمال کوبیت ها پس انتیجه اندازه گیری $|\Psi\rangle = a|00\rangle + 1$ بین بدان معناست که اگر ما یک سیستم دو کوبیتی را در حالت $|x\rangle = a|00\rangle + 1$ این بدان معناست که اگر ما اولین کوبیت را اندازه گیری کنیم، احتمال اینکه و را اندازه گیری کنیم برابر $|a_x|^2 + |a_x|^2 + |a_x|^2$ خواهد بود. در این حالت، حالت کوبیت ها پس از اندازه گیری اندازه گیری کنیم برابر $|a_x|^2 + |a_x|^2 + |a_x|^2$ خواهد بود.

$$|\psi'\rangle = \frac{\alpha_{00}|00\rangle + \alpha_{01}|01\rangle}{\sqrt{|\alpha_{00}|^2 + |\alpha_{01}|^2}}$$

توجه داشته باشید که حالت پس از اندازه گیری با عامل $\sqrt{|00|^2+|00|}$ نرمال می شود تا همچنان شرط نرمال سازی را، درست همانطور که برای یک حالت کوانتومی معتبر انتظار می رود، برآورده کند. این بدان معناست که حالت پس از اندازه گیری به گونه ای تغییر می کند که احتمالات آن جمع شده و برابر ۱ شود.

۲۰ اندازه گیری در فضای هیلبرت

vector bloch 1.7.1

ما تاکنون اندازه گیری های کوانتومی یک کیوبیت در حالت $|\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$ به عنوان نتیجه بیا ۱ توصیف کرده ایم که کیوبیت را در حالت $|\alpha|$ یا $|\alpha|$ امربوطه باقی می گذارد، با احتمالات $|\alpha|$ و $|\alpha|$ و $|\alpha|$.

در حقیقت، مکانیک کوانتوم به اندازه کافی انعطاف پذیری در کلاس اندازه گیری هایی که می توان انجام داد، اگرچه مطمئناً به اندازه کافی نیست که α و β را از یک اندازه گیری واحد بازیابی کند! توجه داشته باشید که $\langle 0 |$ و $\langle 1 |$ فقط یکی از بسیاری از انتخاب های ممکن برای پایه های حالت برای یک کیوبیت هستند. یک انتخاب دیگر مجموعه به شرح زیر است:

$$|-\rangle \equiv (|0\rangle - |1\rangle)\sqrt{2} |+\rangle \equiv (|0\rangle + |1\rangle)\sqrt{2}$$

یک حالت دلخواه $|+\rangle$ و $|+\rangle$ را می توان با استفاده از حالت های $|+\rangle$ و $|+\rangle$ بازنویسی کرد:

$$|\Psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle = \frac{(\alpha+\beta)}{2}|+\rangle + \frac{(\alpha-\beta)}{2}|-\rangle$$

در این بیان، $\langle +|e \langle -|$ به عنوان پایه های "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

اندازه گیری در پایه های دیگر به غیر از پایگاه محاسباتی یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

در واقع، این امکان وجود دارد که حالت های $\langle + | e \rangle - |$ را به گونه ای که گویی آنها حالت های پایه محاسباتی هستند، در نظر بگیریم و با توجه به این پایه جدید اندازه گیری کنیم. طبیعی است که اندازه گیری با توجه به پایه $\langle - | , \langle + |$ منجر به نتیجه "+" با احتمال $\frac{|\alpha+\beta|^2}{2}$ و نتیجه "-" با احتمال $\frac{|\alpha-\beta|^2}{2}$ می شود، با حالت های پس از اندازه گیری $\langle + | e \rangle - |$ به ترتیب.

در این بیان، $\langle +|$ و $\langle -|$ به عنوان "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

محدودیت متعامد لازم است تا $|\alpha|^2 + |\alpha|^2 = 1$ باشد همانطور که برای احتمالات انتظار می رود. به طور مشابه، در اصل می توان یک سیستم کوانتومی از بسیاری از کیوبیت ها را با توجه به یک پایه متعامد دلخواه اندازه گیری کرد.

با این حال، فقط به این دلیل که در اصل امکان پذیر است، به این معنی نیست که چنین اندازه گیری به راحتی انجام می شود، و ما بعداً به این سوال که چگونه می توان اندازه گیری در یک پایه دلخواه را

به طور کارآمد انجام داد، باز می گردیم. در این پاراگراف، نویسنده در مورد اندازه گیری در پایه های دیگر به غیر از پایه محاسباتی بحث می کند. آنها نشان می دهند که می توان هر حالت کوانتومی را به عنوان یک ترکیب خطی از دو پایه دلخواه بیان کرد و سپس با توجه به آن پایه ها اندازه گیری کرد. آنها همچنین اشاره می کنند که این اندازه گیری ها در اصل امکان پذیر است، اما لزوماً کارآمد نیستند.

اندازه گیری در پایه های دیگر یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

دلایل زیادی برای استفاده از این مدل گسترش یافته برای اندازه گیری های کوانتومی وجود دارد، اما در نهایت بهترین دلیل این است: این مدل به ما امکان توصیف نتایج تجربی مشاهده شده را می دهد، همانطور که در بحث ما در مورد آزمایش Stern-Gerlach در بخش ۱.۵.۱ خواهیم دید. یک مدل حتی پیچیده تر و راحت تر (اما اساساً معادل) برای توصیف اندازه گیری های کوانتومی در فصل بعدی، در بخش ۳.۲.۲ توصیف شده است.

در این پاراگراف، نویسنده در مورد مدل گسترش یافته برای اندازه گیری های کوانتومی بحث می کند. آنها استدلال می کنند که این مدل بهترین روش برای توصیف نتایج تجربی مشاهده شده است. آنها همچنین اشاره می کنند که یک مدل حتی پیچیده تر و راحت تر برای توصیف اندازه گیری های کوانتومی وجود دارد، اما این مدل اساساً معادل است.

اندازه گیری های کوانتومی یکی از مهمترین مفاهیم در مکانیک کوانتوم است. آنها به ما امکان می دهند تا اطلاعات را در مورد سیستم های کوانتومی استخراج کنیم. مدل گسترش یافته برای اندازه گیری های کوانتومی است. این امکان را گیری های کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما نتایج تجربی مشاهده شده را توصیف کنیم و همچنین به ما امکان می دهد تا اندازه گیری های کوانتومی را در سیستم های پیچیده تر انجام دهیم.

۳.۱ گیتهای کوانتومی

گیتهای کوانتومی^۴ یکی از اولین و مهمترین اجزای مدارهای کوانتومی میباشند. این گیتها عملگرهایی با قابلیت اثرگذاری روی کیوبیتها میباشند. با اعمال یک گیت کوانتومی بر روی یک یا چند کیوبیت، میتوان تغییرات مدنظر خود را روی کیوبیت اعمال کرد. با کمک این گیتها میتوان باعث برهمنهی کوانتومی یا رمزگذاری داده در داخل یک یا چند کیوبیت شد.

۱۰۳۰۱ انواع گیت کوانتومی

گیتهای کوانتومی، دارای انواع مختلف گوناگونی میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی، عملگرهایی یکه و بازگشتپذیر میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی متناسب با تعداد کیوبیتهایی که از آنها اثرمیگیرند؛ دستهبندی میکنیم. در این گفتار به گیتهای تک کیوبیتی و دو کیوبیتی میپردازیم.

گیت هادامارد

مهمترین گیت کوانتومی،گیت هادامارد است. با اعمال اثر این گیت روی یک کیوبیت، آن کیوبیت به یک حالت برهم نهی کوانتومی گذار میکند. به عبارت دیگر هر یک از زیرحالات این حالت برهم نهی، با احتمال یکسانی قابل رخ دادن هستند.

$$H|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)$$
 $H|1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$

این گیت کوانتومی به صورت خطی روی یک دسته کت اثر میکند. نمایش ماتریسی این گیتکوانتومی به شرح زیر است:

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1\\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Quantum Gates[†] Hadamard gate⁵

۳.۱. گی*تهای کوانتومی*

$$H|0\rangle = l\frac{1}{\sqrt{2}}\begin{pmatrix}1&1\\1&-1\end{pmatrix}\begin{pmatrix}1\\0\end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}}\begin{pmatrix}1\\1\end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)$$

$$H|1\rangle = l\frac{1}{\sqrt{2}}\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}}\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

این گیت کوانتومی، یک گیت بازگشتپذیر است؛ یعنی اگر این گیت روی یک حالت کوانتومی اثر کند؛ می تواند آن را از حالت برهمنهی خارج کند.

برای اعمال این گیت کوانتومی، فقط به یک کیوبیت نیاز داریم. به اصطلاح این گیت، یک Single-Qubit Quantum gate

NOT گىت

به دلیلی به آن gate X می گویند تا به زودی روشن شود باز هم، از آنجایی که هر دروازه کوانتومی یک دروازه واحد است، من آن را برچسب گذاری می کنم ماتریس به عنوان NOT U. به آن دروازه می گویند زیرا به این صورت تعریف شده است:

$$U_{NOT}|0\rangle=|1\rangle$$

$$U_{NOT}|1\rangle = |0\rangle$$

نمایش ماتریسی گیت CNOT

می بینید که اگر فقط پایه را در نظر بگیریم، دقیقاً مانند دروازه کلاسیک NOT است به عنوان ارزش های کلاسیک بیان می کند. این با آنچه در فصل بحث کردیم مطابقت دارد. ۱۳ که یک ثبات کوانتومی دقیقاً مشابه یک ثبات کلاسیک است اگر فقط مجاز باشد برای ذخیره حالت های پایه برای دستیابی به تابع در معادله (۵.۱۵)، ما متوجه شدیم که

$$U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

شما ممکن است با آن به عنوان داده شده رفتار کنید. یا از آنجایی که یک حالت کیوبیت در CT دو بعدی است فاصله، ماتریس (اپراتور) باید $T \times T$ باشد و اگر تمام موارد ممکن را طی کنید ترکیبات، متوجه می شوید که این تنها ماتریسی است که معادله را برآورده می کند. (CT ابه ما اجازه دهید بررسی کنید که آیا این مورد است. چگونه TT را در شکل ستونی نشان می دهیم؟ این است (TT) . و بگذارید یادآوری کنم که این منطقی است زیرا TT اولین حالت پایه و عناصر ستون است. به ما بگویید که دارای یک جزء از حالت پایه اول و جزء صفر است حالت پایه دوم به طور مشابه، ما TT و انشان می دهیم (TT) . از این رو

$$\begin{aligned} U_{NOT}|0\rangle &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} |0\rangle \\ &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |1\rangle \\ \\ U_{NOT}|1\rangle &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} |1\rangle \\ &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = |0\rangle \end{aligned}$$

مدار NOT و خصوصیات آن

درست مانند قدرت یک ثبات کوانتومی این است که می تواند برهم نهان ها را ذخیره کند از حالت های پایه، قدرت دروازه های کوانتومی این است که می توانند آن ها را پردازش کنند برهم نهی های حالت های پایه حالا بیایید ببینیم اگر $\alpha = \mathbb{R} \, \| \, \mathbf{x} = \mathbf{x} \, \| \, \mathbf{x} = \mathbf{x} \, \| \, \mathbf{x} \, \| \, \mathbf{x} = \mathbf{x} \, \| \, \mathbf{x} \, \| \,$

9.10

بنابراین، ما همچنین می توانیم UNOT را به عنوان دروازه ای که ضرایب را مبادله می کند درک کنیم از حالت های پایه (یعنی α تبدیل به 1 می شود و بالعکس). اکنون، احتمالاً قبلاً متوجه شده اید که 1 برا دروازه NOT نیز نامیده می شود دروازه ایکس؟ این به این دلیل است که ماتریس در معادله (1 1 وقط 1 است. شکل 1 نشان می دهد NOT عملیات و مدارهای آن. علاوه بر دروازه NOT یک کیوبیتی، میتوانیم یک کیوبیتی یا دو کیوبیتی نیز بسازیم. دروازه نیست. ما فقط باید یک حاصل ضرب تانسور دو دروازه NOT یک کیوبیتی را انجام دهیم تا یک دروازه NOT دو کیوبیتی بدست آوریم زیرا

۲.۱ . گیته*ای کوانتومی*

۱۳

یک بردار دو کیوبیتی در فضای ۵۴ قرار دارد. که حاصل ضرب تانسور دو فضای C۲ است. از این رو، ۱۰.۱۵

Y. 10 fig

11.10

گیت CNOT

NOT گیت کوانتومی 6 CNOT، به عنوان گیت منطقی نیز یاد می شود. این گیت کوانتومی معادل گیت کالسیک می باشد. به طور معمول، برای اعمال اثر این گیت کوانتومی نیاز به دو کیوبیت داریم. این گیت کوانتومی فقط و فقط در مواقعی که «کیوبیت کنترل $^{
m V}$ » دارای مقدار $\langle 1 |$ باشد، باعث تغییر وضعیت «کیوبیت هدف $^{
m A}$ » می شود.

کیوبیت کنترلی: کیوبیتی است که عملکرد کیوبیت دیگری به نام کیوبیت هدف را کنترل می کند. کیوبیت کنترل تعیین می کند که آیا کیوبیت هدف برگردانده شود یا خیر. اگر کیوبیت کنترل در حالت ا آیا باشد، کیوبیت ا آیا باشد، کیوبیت هدف بدون تغییر باقی می ماند. اگر کیوبیت کنترل در حالت ا آیا باشد، کیوبیت هدف برگردانده می شود.

کیوبیت هدف: همان کیوبیتی است که توسط کیوبیت کنترل بر روی آن عمل می شود. بسته به وضعیت کیوبیت کنترل، کیوبیت هدف را می توان برگرداند یا بی تغییر رها کند.

$U_{CNOT}|ab\rangle = |aa \oplus b|$

من عمداً آن را با نمادی بسیار گیج کننده نوشتم که از شما انتظار دارم در نهایت بسیار آشنا باشید ab ویک و b ویک و b ویک و ab هستند. ab می تواند هر یک از حالت های پایه باشد، یعنی ab و ab

gate controlled-X or gate controlled-NOT9

Oubit Controled^v

Qubit Target^A

$$\begin{split} &U_{CNOT}|00\rangle = |0,0\oplus 0\rangle = |0,0\rangle = |00\rangle\\ &U_{CNOT}|01\rangle = |0,0\oplus 1\rangle = |0,1\rangle = |01\rangle\\ &U_{CNOT}|10\rangle = |1,1\oplus 0\rangle = |1,1\rangle = |11\rangle\\ &U_{CNOT}|11\rangle = |1,1\oplus 1\rangle = |1,1\rangle = |10\rangle \end{split}$$

خلاصهای از عملکرد این عملگر به شرح زیر است: ببین چرا از این نماد به جای تنسور پراداکت استفاده شده

A	$\mathrm{B}\rangle$		A	$B \oplus A \ \rangle$	
$ \text{control}\rangle$	$ {\rm target}\rangle$	Effect CNOT Gate	$ \text{control}\rangle$	$ {\rm target}\rangle$	
					
$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	\Longrightarrow	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	
$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	\Longrightarrow	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	
$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	\Longrightarrow	$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	
$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	\Longrightarrow	$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	
		، شکل زیر است:	ت کوانتو می په	بش ماتریسی این گی	نمار

$$CNOT = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad \begin{vmatrix} a \rangle & & & & |a\rangle \\ |b\rangle & & & & |a \oplus b\rangle$$

شكل ۱.۱: نمايش ماتريسي و نمايش گيت كوانتومي CNOT

در شکل بالا گیت CNOT در مدار کوانتومی به تصویر درآمده است. کیوبیت کنترل شده حالت در شکل بالا گیت $|b\rangle$ می باشد.

۳.۱ گیتهای کوانتومی

با اعمال این عملگر به حالت $\langle 10 |$ داریم:

$$\text{CNOT} |10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |11\rangle$$

این فرآیند به صورت معکوس نیز قابل رخ دادن است:

$$\text{CNOT} |11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = |10\rangle$$

از این گیت کوانتومی، برای بسیاری مدارها و شبیه سازی های کوانتومی، از جمله تلپورت، درهمتنیدگی و ...،استفاده می شود.

گیت تغییر فاز

گیت تغییر فاز که به آن گیت P یا گیت فاز نیز می گویند، یک کیوبیت است. دروازه ای که فاز نسبی را بین دو بردار پایه جابجا می کند. به عنوان زیر تعریف شده است: ۶.۱۶

که در آن @ فاز و e @ فاکتور فاز است. زمانی که گیت شیفت فاز باشد اعمال بر بردار پایه e @ هیچ کاری انجام نمی دهد. اما زمانی که آن را به بردار پایه e @ فاز اضافی به آن اضافه می کند. اضافه کردن یک فاز اضافی به معنای که بردار در e @ فریت شود. چرا ما فقط فاز اضافی را اعمال می کنیم به پایه دوم e منظور از جابجایی فاز نسبی بین چیست e دو بردار پایه e اگر به شکل ماتریس آن نگاه کنیم و مشاهده کنیم، درک آن آسانتر است چگونه یک بردار کلی را ایجاد می کند

نمایش ماتریسی گیت تغییر فاز

۷.۱۶ شما می توانید آن را به راحتی بررسی کنید که معادله. (۷.۱۶) معادله را برآورده می کند. (۶.۱۶). مثلا ۸.۱۶

گیت تغییر فاز در مدار و خصوصیات آن

٩.١۶ در بردار اصلي، ۵ و آکه به طور کلي اعداد مختلط هستند، مي توانند باشند به عنوان حاصل ضرب ١١ و ١٦ به ترتيب فازهاي α و ١٤ هستند. بنابراين، اختلاف فاز آنها ١١ - ١٢ است. با توجه به گيت شیفت فاز، فاز از α بدون تغییر است اما فاز Ω به Ω + Ω تغییر می کند. بنابراین، خویشاوندان آنها فاز با ؟ تغییر می کند. این همچنین توضیح می دهد که چرا تغییر فاز فقط در مورد اعمال می شود حالت یایه دوم معنادار باشد. اگر برای هر دو اعمال شود، تغییری ایجاد نمی شود در اختلاف فاز 🛚 یارامتری از گیت تغییر فاز است. هنگامی که $\mathfrak{T} = \mathfrak{T}$ دروازه تبدیل می شود $(\mathfrak{T} = \mathfrak{T} = (\mathfrak{T} = \mathfrak{T} = \mathfrak{T})$ زيرا π sin i + π cos = i π e . و اين فقط ماتريس π يكي از ماتريس هاى مهم پائولي. و به آن Z-gate نيز مي گويند. گيت تغيير فاز فاز نسبي ا٠ او ١١ اا را با اا تغيير مي دهد. و به اين ترتيب گیت Z فاز نسبی را با π تغییر می دهد. این باعث می شود Z-gate بسیار خاص باشد و بچرخد در مبنای ا+ای / ا_ای، دروازه Z به عنوان یک دروازه NOT (دروازه (X عمل می کند. این ممکن است صدای گیج کننده بیایید به یاد بیاوریم که معنای دروازه NOT چیست. وقتی NOT گیت به حالت یایه اعمال می شود، حالت یایه به حالت یایه دیگر تبدیل می شود. از آنجایی که یک گیت ۱ کیوبیتی است، تنها ۲ بردار یایه وجود دارد. این به این معنی است که NOT گیت حالت یایه را به یکدیگر تبدیل می کند. به عنوان مثال، در فضای تشکیل شده توسط بردارهای یایه ا ۱ او ۱۱ اک دروازه NOT ا ۱۰ به ۱۱ اک و بالعكس تبديل مي كند. از اين رو، انتظار مي رود يك دروازه NOT در فضاي ا+؟ / ا_؟ ا+؟ به ا_؟ و بالعكس تبديل شود. اجازه دهيد بررسي كنيم كه آيا دروازه Z در مبناي ا+؟ / ا_؟ به عنوان يك گیت NOT رفتار می کند. ۱۰.۱۶ fig ۱۰.۱۶

می بینیم که گیت Z $I+\mathbb{Z}$ را به $I-\mathbb{Z}$ تبدیل می کند. در اینجا من از ماتریس استفاده نمی کنم نمایندگی. من از درک خود از Z-gate استفاده می کنم که تغییر فاز را اضافه می کند از π به ضریب حالت پایه دوم (یعنی I I). بنابراین، من فقط ضرب می کنم I I I ! I . امیدوارم بتوانید آموزش خود را در مورد این مهارت شروع کنید زیرا چنین است درک و بینش برای شما مهم است که بتوانید کوانتومی جدید طراحی کنید الگوریتم ها ضرب ماتریس درست مانند شبیه سازی مدار است که باید اجازه دهید کامپیوتر این کار را انجام دهد. درک ماهیت دروازه درست مانند آنچه ما هستیم درک مدار آنالوگ از طریق بازرسی شکل I درا نشان می دهد

۲.۱. *گیتهای کوانتومی*

gate Swap 7.7.1

یک گیت ،SWAP همانطور که از نامش پیداست، اعداد را در حالت های پایه یک ۲ کیوبیتی مبادله می کند. ثبت نام. اگر فقط حالت های پایه را در نظر بگیریم، معادل مبادله حالات است از دو الکترون تعریف این است ۱.۱۶

که در آن a و d فقط اعداد کیوبیت اول و دوم در پایه هستند ایالت ها به ترتیب. آنها می توانند a یا a باشند. ساده ترین راه برای به دست آوردن عمق بیشتر درک فقط برای وصل کردن همه حالت های پایه است و ما دریافت می کنیم a ۲.1۶

بنابراین، تنها ۱۰۱ و ۱۰۱ تحت SWAP (به یکدیگر) تغییر می کنند. عمل. برای ا۰۰ و و ۱۱ آنها بدون تغییر هستند زیرا "۰" و "۰" تعویض می شوند. یا "۱" و "۱" معادل انجام هیچ کاری است.

نمایش ماتریسی گیت swap

4.18

از این طریق می توانیم آن را درک کنیم. از آنجایی که این یک گیت ۲ کیوبیتی برای عملیات است یک بردار در فضای چهار بعدی ،۵۴ ماتریس (اپراتور) باید ۴ × ۴ باشد. علاوه بر این، فقط حالت پایه دوم و سوم را مبادله می کند. بنابراین، تنها ردیف دوم و سوم با ماتریس هویت متفاوت هستند. بیایید امتحان کنیم مثال عددی ۴.۱۶ این رابطه بصورت معکوس نیز برقرارست.

گیت swap در مدار و خصوصیات آن

به طور کلی، برای یک بردار ۲ کیوبیتی، ۱۱ ا تا $\alpha=0$ ا ۱۰ تا ۱ ا تا ۱۱ تا ۱۱ تا داریم fig ۱۶.۱ م. ۱۶

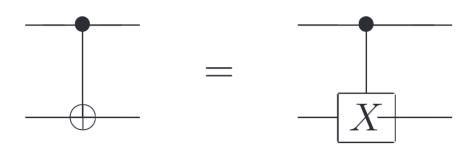
همانطور که انتظار می رود، ضرایب حالت های پایه دوم و سوم با هم مبادله می شوند. شکل ۱.۱۶ مدار یک عملیات SWAP را نشان می دهد. توجه داشته باشید که دوباره کیوبیت پایین MSB است. همانطور که تاکید کردیم، یک مدار کوانتومی یک جریان را نشان می دهد زمان نه یک جریان سیگنال بنابراین، بر خلاف عملیات مبادله کلاسیک، اجرای یک گیت SWAP پیچیده است و به این سادگی نیست مدار را نشان می دهد برای انجام یک عملیات ،SWAP باید مقداری خارجی صحیح اعمال کنیم یالس می کند تا حالت های دو اسیین الکترون مبادله شود.

۴.۱ مدارهای کوانتومی

مدارهای کوانتومی^۹، یک دسته از گیت های کوانتومی، که با یک توالی بخصوص قرار گرفته اند، میباشند. این کیوبیت ها، با توالی یاد شده، روی یک یا چند دسته کیوبیت، اثر داده می شوند.

مدارهای کوانتومی، یکی از اولین مفهومهای بکاررفته برای تعریف کامپیوترهای کوانتومی میباشند. برای تعریف و شبیهسازی هریک از پدیدهها و الگوریتمهای کوانتومی، نیاز به پیادهسازی یک مدار بهخصوص داریم.

مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند برای پیاده سازی طیف گسترده ای از الگوریتم های کوانتومی، از جمله الگوریتم شاور برای رمزگشایی اعداد صحیح و الگوریتم گروور برای جستجوی پایگاه داده های بدون ترتیب استفاده شوند.



شكل ۲.۱: نمایشهای مختلف گیت CNOT در مدار كوانتومی

book chuang L fig 1.1.

processes, quantum all of models as useful circuits quantum find shall We quantum even and communication, computation, to limited not but including below, this illustrate examples simple Several noise.

circuit quantum

۲.۱. مدارهای کوانتومی

شباهت ها و تفاوت های مدارهای کلاسیک و کوانتومی

مدارهای کوانتومی مشابه مدارهای کلاسیک هستند، اما از دروازه های کوانتومی به جای دروازه های منطقی کلاسیک استفاده می کنند. دروازه های کوانتومی عملیات قابل برگشت هستند که می توانند برای دستکاری حالت کوانتومی یک کوبیت استفاده شوند.

شباهت ها

- هر دو مدار کوانتومی و کلاسیک از یک دنباله عملیاتی تشکیل شده اند که به یک مجموعه داده
 اعمال می شوند.
 - هر دو مدار را می توان به صورت گرافیکی با نماد مشابهی نشان داد.
 - هر دو مدار می توانند برای پیاده سازی الگوریتم ها استفاده شوند.

تفاوت ها

- مدارهای کوانتومی از کیوبیت ها، که معادل کوانتومی مفهوم بیت هستند، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از بیت ها ، که بیت های کلاسیک هستند ، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده می کنند.
- مدارهای کوانتومی از دروازه های کوانتومی ، که عملیات قابل برگشت هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از دروازه های منطقی ، که عملیات برگشت ناپذیر هستند ، به عنوان عملیات یایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کوانتومی می توانند خواص مکانیک کوانتوم را ، مانند برهمنهی و درهمتنیدگی ، برای انجام کارهایی که برای رایانه های کلاسیک غیرممکن است ، بهره مند شوند.

مدار کلاسیک	مدار كوانتومي	ویژگی
بيت	كيوبيت	واحد پایه داده
دروازه های منطقی	دروازه های کوانتومی	عمليات پايه
برگشت ناپذیر	قابل برگشت	برگشت پذیری

eolumns. ۳ and rows ۳ with table a is This :۱.۱ جدول

اجزای مدارهای کوانتومی و سایز آن

اندازه مدار کوانتومی اندازه یک مدار کوانتومی تعداد دروازه های موجود در مدار است. پیچیدگی یک الگوریتم کوانتومی اغلب با اندازه مدار کوانتومی مورد نیاز برای پیاده سازی آن اندازه گیری می شود.

کوبیت کوبیت ها واحد پایه اطلاعات در محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند در یک -su perposition از دو حالت ، • و ۱ باشند. این بدان معنی است که یک کوبیت می تواند هم • و هم ۱ باشد ، که یک ویژگی به نام superposition کوانتومی است. کوبیت ها همچنین می توانند به هم متصل شوند ، که به این معنی است که حالت یک کوبیت به حالت کوبیت دیگر وابسته است.

دروازه ها عملیاتی هستند که روی کوبیت ها اعمال می شوند. آنها می توانند برای ایجاد superpositions ، انجام چرخش ها و درهم تنیدگی کوبیت ها استفاده شوند. انواع مختلفی از دروازه Toffoli ها وجود دارد ، اما برخی از رایج ترین آنها شامل دروازه Hadamard ، دروازه CNOT و دروازه است.

عملیات عملیات اقداماتی هستند که روی کوبیت ها انجام می شوند. آنها می توانند اندازه گیری ها ، راه اندازی ها یا سایر اقدامات باشند. اندازه گیری ها برای فروپاشی حالت کوانتومی یک کوبیت به یک مقدار قطعی ، ۰ یا ۱ استفاده می شود. راه اندازی ها برای تنظیم حالت یک کوبیت به یک مقدار خاص ، ۰ یا ۱ استفاده می شوند.

اجزای اساسی یک مدار کوانتومی کوبیت ها ، دروازه ها و عملیات هستند. این اجزا برای ایجاد الگوریتم های هستند که فقط می توانند روی یک رایانه کوانتومی استفاده می شوند که الگوریتم هایی هستند که فقط می توانند روی یک رایانه کوانتومی اجرا شوند. مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند و پتانسیل انقلابی در بسیاری از زمینه های مختلف ، از جمله رمزنگاری ، شیمی و یادگیری ماشین را دارند.

۱.۴.۱ نحوهی نمایش مدارهای کوانتومی

مدارهای کوانتومی با استفاده از نماد گرافیکی مشابه نمودارهای مدار استفاده شده در محاسبات کلاسیک نوشته می شوند. محور افقی یک مدار کوانتومی زمان را نشان می دهد و محور عمودی کوبیت ها را نشان می دهد. دروازه ها توسط جعبه ها نشان داده می شوند و خطوط بین جعبه ها نشان دهنده ارتباطات بین کوبیت ها است.

فصل ۲

برنامهنويسي كوانتومي

برنامه نویسی کوانتومی فرآیند طراحی و پیادهسازی دنباله هایی از دستورالعمل هایی موسوم مدارهای کوانتومی میباشد، با استفاده از گیت ها، سوئیچ ها و عملگرها برای دستکاری وضعیت کوانتومی یک کیوبیت به پردازش مسائل میپردازیم.

مدارهای کوانتومی یک نمایش گرافیکی از الگوریتم های کوانتومی هستند، این الگوریتم هایی فقط روی یک کامپیوتر کوانتومی قابل اجرا هستند.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه نسبتاً جدید است و تعدادی زبان برنامه نویسی کوانتومی مختلف در دسترس است. برخی از محبوب ترین زبان های برنامه نویسی کوانتومی عبارتند از ،Cirq Qiskit و Quil.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه پیچیده و چالش برانگیز است، اما این پتانسیل را دارد که در بسیاری از زمینه های مختلف از جمله رمزنگاری، شیمی و یادگیری ماشین انقلابی ایجاد کند. با قدرتمندتر شدن کامپیوترهای کوانتومی، برنامه نویسی کوانتومی اهمیت فزاینده ای پیدا خواهد کرد.

۱.۱ تفاوت کامپیوتر کلاسیک و کوانتومی

کامپیوترهای کوانتومی در مقابل کامپیوترهای کلاسیک

کامپیوترهای کوانتومی و کامپیوترهای کلاسیک دو نوع بسیار متفاوت از رایانه هستند. کامپیوترهای کوانتومی از بیتهای کوانتومی (کوبیتها) برای ذخیره اطلاعات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از بیتها استفاده میکنند. کوبیتها میتوانند در حالت برهمنهی دو حالت، و و ۱، بهطور همزمان باشند، در حالی که بیتها فقط میتوانند در یک حالت بهطور همزمان باشند. این تفاوت در

نحوه ذخیره اطلاعات امکان محاسباتی را برای کامپیوترهای کوانتومی فراهم میکند که برای کامپیوترهای کلاسیک غیرممکن است.

علاوه بر تفاوت در نحوه ذخیره اطلاعات، کامپیوترهای کوانتومی و کلاسیک در نحوه انجام محاسبات نیز متفاوت هستند. کامپیوترهای کوانتومی از مکانیک کوانتوم برای انجام محاسبات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از منطق بولی استفاده میکنند. این تفاوت در نحوه انجام محاسبات نیز به کامپیوترهای کوانتومی امکان می دهد تا برای برخی از وظایف، محاسباتی را بسیار سریعتر از کامپیوترهای کلاسیک انجام دهند.

کاربردهای بالقوه کامپیوترهای کوانتومی بسیار گسترده است. آنها میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی، شبیهسازی مولکولها و آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند. کامپیوترهای کوانتومی هنوز در مراحل اولیه توسعه هستند، اما پتانسیل تغییر جهان را دارند. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است.

برخی از مثالهای خاص از نحوه استفاده از کامپیوترهای کوانتومی:

* رمزنگاری: کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی استفاده شوند، که تأثیر عمدهای بر امنیت آنلاین خواهد داشت. * شیمی: کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای شبیه سازی مولکولها استفاده شوند، که میتواند به دانشمندان در توسعه داروها و مواد جدید کمک کند. * یادگیری ماشینی: کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند.

آینده محاسبات کوانتومی بسیار روشن است. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است. این می تواند منجر به پیشرفتهای عمده در بسیاری از زمینههای مختلف شود.

simulation vs comp 7.7

بسیاری از مسائل کوانتومی و بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی قابل شبیه سازی روی کامپیوترهای کوانتومی میباشند. بنابرین یک سوال به واقع مهم مطرح می شود: چرا به یک کامپیوتر کوانتومی نیاز داریم؟

در هنگام محاسبات کوانتومی، کامپیوترهای کلاسیک دارای محدودیتهایی هستند. به طور مشابه کامپیوترهای کوانتومی نیز دارای معایبی هستند؛ که قابل بحث و بررسی هستند. دراین بخش به این مزایا و معایب هرکدام از کامپیوترها میپردازیم و در ادامه به اهداف تعریف شده برای کامپیوترهای کوانتومی میپردازیم.

۱.۲.۲ تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیه سازهای کلاسیک

همانطور که در بخشهای قبلی گفته شد؛ کامپیوترهای کوانتومی با استفاده از کیوبیتها تعریف میشوند. یک کیوبیت به صورت یک ترکیب خطی از حالت $\langle 0 | e \rangle$ تعریف میشود:

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$$

هریک از حالات داخل رابطه ی بالا به صورت یک ماتریس قابل تعریف هستند. به طور مشابه هریک از عملگر های کوانتمی را میتوان به صورت یک ماتریس تعریف کرد. ماتریسهایی مشابه ماتریس پائولی یا در مقیاسهای بالاتر ماتریس فردکین که برای سه کیوبیت تعریف می شود؛ و محاسبات را سریع می سازد.

از طرفی دیگر تعداد محاسبات در مدارهای کلاسیک به تعداد حالات مسأله بستگی دارد. در محاسبات کلاسیک هرچه تعداد حالات بالاتر برود؛ پیچیدگی محاسبات بالاترمیرود و حتی اغلب با حالت نمایی رشد میکنند. این درحالیست که در محاسبات کوانتومی هر یک حالات مختلف مسأله به یک دنیای موازی کوانتومی شیفت داده می شود و از این طریق محاسبات به زمان و منابع کمتری نیاز دارد.

مهم ترین عامل در سطح پیچیدگی محاسبات کوانتومی همدوسی میباشد.

: درکودانس در محاسبات کوانتومی مهم است زیرا اصلی ترین منبع خطا در این سیستم ها است. کوبیت ها، واحد های اصلی اطلاعات در محاسبات کوانتومی، بسیار حساس به محیط خود هستند و می توانند به راحتی توسط interactions با فوتون ها، الکترون ها و سایر ذرات دکور شوند. این می تواند باعث شود که کوبیت ها خواص کوانتومی خود را مانند entanglement و superposition که برای انجام محاسبات کوانتومی ضروری هستند، از دست بدهند.

Decoherence مي تواند توسط عوامل مختلفي ايجاد شود، از جمله:

* **دما: ** كوبيت ها در دماهاى بالاتر مستعد دكوراسيون هستند. اين به اين دليل است كه هرچه دما بالاتر باشد، كوبيت ها انرژى بيشترى دارند و بيشتر احتمال دارد با محيط خود تعامل داشته باشند. * **تكان ها: ** كوبيت ها همچنين مى توانند توسط ارتعاشات دكور شوند. اين به اين دليل است كه ارتعاشات مى توانند باعث حركت كوبيت ها شوند، كه مى تواند حالت هاى كوانتومى آنها را مختل كند. * **تابش الكترومغناطيسى، مانند نور و امواج راديويى، دكور شوند. اين به اين دليل است كه تابش الكترومغناطيسى مى تواند با الكترون هاى كوبيت ها تعامل داشته باشد و باعث از دست رفتن خواص كوانتومى آنها شود.

Decoherence یک مانع بزرگ برای توسعه ابررایانه های کوانتومی است. برای ساخت یک رایانه کوانتومی عملی، باید راه هایی برای کاهش دکوراسیون پیدا کرد. این یک مشکل دشوار است، اما تعدادی از مسیرهای تحقیقاتی امیدوار کننده وجود دارد، مانند:

* ** کوبیت ها را تا دماهای بسیار پایین سرد کنید: ** این می تواند انرژی کوبیت ها را کاهش دهد و آنها را کمتر مستعد تعامل با محیط خود کند. * **استفاده از مواد با زمان های coherence بسیار طولانی دارند که آنها را برای طولانی: ** برخی از مواد، مانند ابررساناها، زمان های coherence بسیار طولانی دارند که آنها را برای استفاده در رایانه های کوانتومی بسیار مناسب می کند. * **توسعه الگوریتم های جدید تصحیح خطا کوانتومی می توانند برای تشخیص و تصحیح خطاهایی که توسط decoherence ایجاد می شوند استفاده شوند.

Decoherence یک مشکل پیچیده و چالش برانگیز است، اما یکی از مهمترین مشکلاتی است که در حال حاضر توسعه رایانه های کوانتومی را پیش رو دارد. با ادامه تحقیقات، به احتمال زیاد قادر خواهیم بود دکوراسیون را برطرف کنیم و رایانه های کوانتومی عملی بسازیم که می توانند مشکلاتی را حل کنند که برای رایانه های کلاسیک غیرقابل حل هستند.

++++++

در شبیه سازی با کامپیوترکالاسیک نمی توان میزان ناهمدوسی را شبیه سازی کرد. عکس از چنل یوتیب بذار و کدها رو باهم مقایسه کن.

Qiskit and computer Quantum IBM 7.7

فصل ۳

الگوريتمهاي كوانتومي

چه گونهای از مسائل محاسباتی قابل اجرا با مدارهای کوانتومی میباشند؟ تفاوت و برتری مدارهای کوانتومی نسبت به مدارهای کلاسیک چیست؟ آیا میتوان یک حوزه ی خاص را تعیین کرد؛ به گونهای که عملکرد کامییوترهای کوانتومی نسبت به کامییوترهای کلاسیک مزیت داشته باشند؟

در این بخش میخواهیم به طور خلاصه این سوالات را پاسخ دهیم و توضیح دهیم چگونه میتوان از کامییوترهای کوانتومی به شکلی سودمند استفاده کنیم.

۱.۳ موازی سازی کوانتومی

موازی سازی کوانتومی $^{\prime}$ ، پایه و اساس بسیاری از الگوریتم های کوانتومی است. با گذار یک حالت کوانتومی به حالت بر همنهی کوانتومی، در حین محاسبات کوانتومی یک تابع نظیر f(x)، می تواند مقادیر مختلف x را به طور همزمان بررسی کند. این در حالیست که در محاسبات کلاسیک به دلیل ماهیت بیتهای اطلاعات، تابع f(x) فقط می تواند یکی از مقادیر مجاز برای x را بررسی کند.

فرض کنید تابع f ،یک تابع تک_کیوبیت، به صورت زیر تعریف شده است:

$$f(x):\{0,1\}\to\{0,1\}$$

روش مناسب برای محاسبه این تابع در یک کامپیوتر کوانتومی، با در نظر گرفتن دو کیوبیت که در حالت $|x,y\rangle$ شروع می شود. با یک توالی مناسب از گیت های منطقی می توان این حالت را به

parallelism Quantum\

میباشد. $|f(x) \oplus x,y\rangle$ تبدیل کرد که در آن $(f(x) \oplus x,y)$

هریک از دسته های کیوبیت، **رجیستر کوانتوهی** نامیده می شوند. اولین رجیستر، «رجیستر داده» و دومین رجیستر «رجیستر هدف» نامیده می شود.

ازین پس در این بخش به عامل گذار $\langle U_f(x) \rangle \to |x,y \rangle \to |x,y \oplus f(x) \rangle$ را اطلاق خواهیم کرد. لازم به ذکرست که این تبدیل، یک تبدیل یکه به شمار می آید. $^{"}$

اگر و $\mathbf{y}=0$ آنگاه مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع U_f برابر با مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع

$$\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}} \longrightarrow x \qquad x \longrightarrow U_f \qquad |\psi\rangle$$

$$|0\rangle \longrightarrow y \qquad y \oplus f(x) \longrightarrow y \oplus f(x) \longrightarrow$$

شکل ۱.۳: مدار کوانتومی برای ارزیابی f(0) و f(1) به طور همزمان. Uf مدار کوانتومی است که ورودی هایی مانند $|x,y\rangle \to |x,y \oplus f(x)\rangle$, تصویر میکند.

در شکل بالا مقادیر ورودی داده شده به تابع U_f در پایههای محاسباتی قرار ندارند. رجیستر داده در حالت برهمنهی قرار دارد. این حالت برهمنهی را میتوان با اعمال گیت هادامارد بر حالت کوانتومی $|0\rangle$

cryptography, including mathematics, of areas different many in operation useful a is Y Modulo checking when example, for life, everyday in used also is It theory. number and science, computer odd, or even is number a whether

:Y modulo of examples other some are Here

 $1 = 1 \mod 4$ = $1 \mod 7$ = $1 \mod 7$ = $1 \mod 7$ = $1 \mod 7$ $1 \mod 7$ اثبات این مطلب از حوصلهی بحث خارج است.

ex- For . Y by division a of remainder the returns that operation mathematical a is Y Modulo . N of remainder a and Y of quotient a has Y by divided Δ because Λ is Y mod Δ ample.

would " \P $\$ Δ " expression the So. $\$ modulo addition indicate to used often is $\$ $\$ symbol The follows: as evaluated be

a and $\mathfrak F$ of quotient a has Υ by divided Λ because is This $\cdot = \Upsilon \mod \Lambda = \Upsilon \mod (\Upsilon + \Delta) = \Upsilon \$ $\cdot \cdot$ of remainder

ایجاد کرد. پس از ایجاد این حالت، تابع U_f را به حالت جدید اعمال میکنیم:

$$\frac{|0,f(0)\rangle+|1,f(1)\rangle}{\sqrt{2}}$$

این یک حالت استثنایی است! جملات مختلف کسر بالا حاوی اطلاعاتی در مورد $f(\cdot)$ $f(\cdot)$ و $f(\cdot)$ میباشند؛ به نحوی که انگار $f(\cdot)$ را برای دو مقدار $f(\cdot)$ به طور همزمان ارزیابی کرده ایم، این ویژگی به "موازی سازی کوانتومی" موسوم میباشد. بر خلاف موازی سازی کلاسیک، که در آن هر یک مدارهای متعددی دارند ساخته شده برای محاسبه $f(\cdot)$ به طور همزمان اجرا می شوند، در اینجا برای ارزیابی تابع برای چندین مقدار $f(\cdot)$ به طور همزمان، یک مدار $f(\cdot)$ (با قابلیت برهمنهی کوانتومی) استفاده می شود. این فرآیند را می توان به راحتی با استفاده از بک عمل کلی به نام تبدیل هادامارد، به توابعی با تعداد

این فرآیند را می توان به راحتی با استفاده از یک عمل کلی به نام تبدیل هادامارد، به توابعی با تعداد بیت دلخواه تعمیم داد. این عمل فقط تعداد n گیت هادامارد است که به طور موازی روی n کوبیت عمل می کنند.

برای مثال در شکل زیر؛ دو کیوبیت در حالت $\langle 0 |$ آماده شدهاند. پس از اعمال گیتهای هادامارد بر روی این رجیستر به خروجی زیر خواهیم رسید:

$$\left(\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}\right)\left(\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}\right) = \frac{|00\rangle+|01\rangle+|10\rangle+|11\rangle}{\sqrt{2}}$$

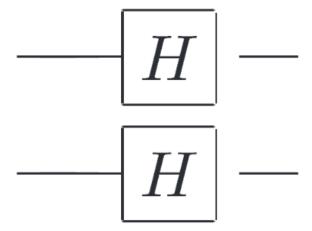
از نماد $2\otimes H$ به عنوان نشانهی عملکرد موازی دو گیت هادامارد استفاده میکنیم؛از علامت \otimes به عنوان تانسور یاد میکنیم. به طور کلی نتایج اعمال موازی گیت هادامارد روی n کیوبیت روی حالت کوانتومی برابرست با:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{x} |x\rangle$$

در اینجا، \subseteq نشان دهنده جمع بر روی همه مقادیر ممکن x است، و ماx را برای نشان دادن این عمل می نویسیم. اعمال تبدیل هادامارد روی یک بهمنهی کوانتومی برابر از همه حالت های محاسباتی تولید می کند؛ و با استفاده از فقط x گیت، یک برهمنهی از x حالت تولید می کند.

f(x) تبدیل هادامارد $2 \otimes H$ روی دو بیت کوانتومی پیاده می شود. ارزیابی موازی کوانتومی یک تابع (x) با ورودی (x) بیتی (x) بیتی (x) به روش زیر قابل پیاده سازی می باشد:

ا. ابتدا حالت n+1 کیوبیت $|0
angle^{\otimes n}|0
angle$ را آماده کنید،



شكل ۲.۳: اعمال تبديل هادامارد $\mathrm{H}\otimes n$ روى دو كيوبيت

۲. سپس تبدیل هادامارد را به n کیوبیت اول و به دنبال آن مدار کوانتومی اعمال کنید.

۳. اعمال تابع U_f به کیوبیتهایی که در حالت برهمنهی قرار دارند.

درنهایت حالت زیر تولید میشود:

(x) $\sqrt{n} x |x|$

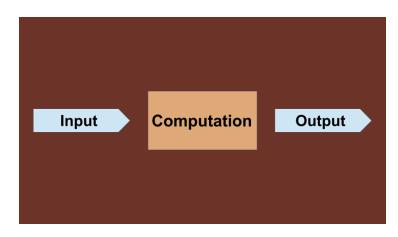
$$\frac{1}{\sqrt{2^n}}\sum_x |x\rangle|f(x)\rangle$$

 $\sum_{x} |x, f(x)\rangle$

۲.۳ مدل کوئری

۱.۱.۳ مدل محاسباتی استاندارد

پیش از بررسی مدل کوئری، مدل ساده و استاندارد محاسباتی را بررسی میکنیم. به تصویر زیر دقت کنید:



شکل ۳.۳: یک واحد محاسباتی که مقادیری را به عنوان ورودی گرفته، پردازش کرده و سپس مقدار/مقادیر خروجی را ارائه کرده است.

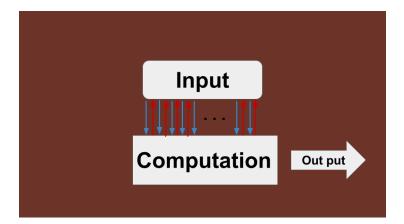
در تصویر بالا یک نمود ساده از کامپیوترهای امروزی ارائه شده است. در دنیای واقعی مقدار ورودی میتواند از هر منبعی تأمین شده باشد. با این وجود هدف ما بررسی منابع تولید ورودی نیست؛ بلکه هدف بررسی مقادیر ورودی (به صورت ایزوله) میباشد. میتوان درنظر گرفت که ورودی داده شده و خروجی نهایی، هر دو در قالب یک رشته از اعداد باینری، ماتریس و یا هرقالب مدنظر کاربر باشند.

مهمترین نکته درباره ی این واحد محاسباتی، در دسترس بودن کل مقادیر ورودی برای واحد پردازش است. به عبارت دیگر واحد پردازش میتواند تمامی مقادیر ورودی را دریافت کرده و تشخیص دهد.

۲.۳ مدل کوئری

در مدل کوئری، دادههای ورودی توسط یک تابع تولید می شوند. واحد محاسباتی دسترسی به تابع تولیدورودی دارد و می تواند برای دریافت دادههای جدید، از تابع یاد شده، در خواست کند.

در این مدل واحد محاسباتی دیگر داده ها را در قالب رشته ای از اطلاعات دردسترس ندارد؛ بلکه می تواند آن ها را از بخش input دریافت کند. در گاهی از مواقع به سیستم به عنوان ناظر به سازوکار داخلی سیاه می گویند. تابع Oracle یا جعبه ی سیاه یک سیستم است که ما به عنوان ناظر به سازوکار داخلی آن و تمامی اطلاعات آن دسترسی نداریم و فقط می توانیم مقادیر مجاز را به آن داده و مقادیر خروجی را



شکل ۴.۳: شکل بالا نمود مدل محاسباتی کوئری است. واحد محاسباتی برای دریافت دادههای جدید نیاز به درخواست از تابع input دارد. خطوط قرمز و روبهبالا نشان از درخواست واحد محاسباتی و خطوط آبی روبهپایین نشان از پاسخ واحد inputمیباشد.

دريافت كنيم.

تابع oracle به صورت زیر تعریف می شود:

$$\begin{cases} f: \sum^{n} = \sum^{m} \\ Which: m, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

ما در این نظریه کوئری ها را می شماریم و وضعیت آن ها را بررسی میکنیم.

۳.۳ معرفي و پیاده سازي الگوریتم دوچ

۱.۳.۳ مسئلهي دوچ

الگوریتم Deutsch اولین و ساده ترین الگوریتم کوانتومی است. این الگوریتم برای اولین بار در سال ۱۹۸۵ در مقاله ای مطرح شد؛ که توسط دیوید دوچ 4 نوشته شده بود. این الگوریتم نقطه ی شروعی برای اثبات برتری کامپیوترهای کوانتومی نسبت به کامپوترهای کلاسیک است.

مسئلهی Deutsch یکی از سادهترین مفاهیم ممکن را مطرح میکند. اگر یک تابع به فرم زیر تعریف شود:

Deutsch David*

$$f: \sum \rightarrow \sum$$

هدف بررسی ثابت بودن یا متعادل ودن تابع f است. به طور کلی، درساده ترین حالت، می توان چهار وضعیت را برای تابع $f:\sum \to \sum$ درنظر گرفت:

a	$f_1(a)$	a	$f_2(a)$	a	$f_3(a)$	a	$f_4(a)$
0	0	0	0	$\overline{0}$	1	$\overline{0}$	1
1	0	1	1	1	0	1	1

شکل ۵.۳:

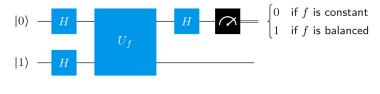
در شكل بالا توابع f f ، f f توابع ثابت و توابع f f و f f توابع متعادل هستند.

	مسئلهی دوچ
ورودى	$f:\sum ightarrow\sum$
خروجي	صفر اگر تابع ثابت بود؛ یک اگر تابع متعادل بود.

در الگوریتمهای کلاسیک برای حل این مسئله، حداقل دو حالت باید بررسی شود.

۲.۳.۳ الگوريتم دوچ

حال به بررسی الگوریتم دوچ میپردازیم. الگوریتمی که مسئلهی دوچ را با یک مدار کوانتومی حل میکند:



شکل ۶.۳:

balanse. or Constante^a

first The states. of superposition a in qubits two preparing first by works algorithm Deutsch The second The $.\$\t$ and $\$\t$ of superposition equal the is which $.\$\t$ state the in prepared is qubit opposite with $\$\t$ and $\$\t$ states the of superposition a is which $\$\\t state the in prepared is qubit phases.

and gate Hadamard a includes that circuit quantum a through passed then are qubits two The CNOT the and $\mathbb{S} \setminus |+\mathbb{S} \cdot |$ superposition the into $\mathbb{S} + |$ transforms gate Hadamard The gate. CNOT a qubit. second the to qubit first the of state the copies gate

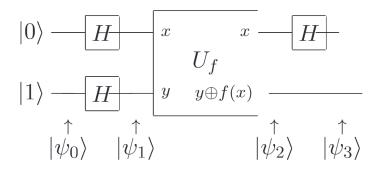
is qubit first the If measured, are qubits two the executed, been has circuit quantum the After to orthogonal is state the because is This constant, is f function the then 'S' be to measured interfere, destructively will states two the between interference the so 'S' state the

the because is This balanced. is f function the then IN be to measured is qubit first the If constructively will states two the between interference the so IN state the to parallel is INS state interfere.

solve to used be can interference quantum how of example simple a is algorithm Deutsch The distinguish can algorithm Deutsch the case, this In classically, solve to difficult is that problem a need would computer classical a while step, single a in functions balanced and constant between steps, of number exponential an take to

⁹ما در واقع یک نسخه ساده شده و بهبود یافته از الگوریتم اصلی را ارائه می دهیم.

algorithm Deutsch the in used is Interference: algorithm deutsch in using is interference how that function a is function constant A functions. balanced and constant between distinguish to that function a is function balanced A input. its of regardless value, same the returns always half, other the for \ and inputs its of half for \ returns



شكل ٧٠٣: پيادهسازي مداركوانتومي الگوريتم دوچ

حالت ورودي:

$$|\psi_0\rangle = |01\rangle$$

سیستم دو کیوبیتی تشکیل شده، پس از اعمال اثر دو گیت هادامارد میدهد:

$$|\psi_1\rangle = \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right]$$

با کمی تأمل می توان دریافت که اگر Uf را به حالت $\|x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S|))$ اعمال کنیم، سپس به حالت با کمی تأمل می توان دریافت که اگر $\|x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S|)))\|$ می رسیم. بنابرین اعمال $\|x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S|))\|$ می کند:

$$|\psi_2\rangle = \begin{cases} \pm \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases}$$

با اعمال آخرین گیت هادامارد روی کیوبیت اول به حالت زیر خواهیم رسید:

$$|\psi_3\rangle = \begin{cases} \pm|0\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm|1\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases}$$

با درنظر گرفتن شرایط زیر میتوان $|\psi_3
angle$ را به شکل زیر بازنویسی کرد:

$$\begin{cases} f(0) = f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 0 \\ f(0) \neq f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 1 \end{cases}$$

از این رو:

$$|\psi_3\rangle = \pm |f(0) \oplus f(1)\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right]$$

بنابراین با اندازه گیری کیوبیت اول می توانیم $f(1) \oplus f(0) \oplus f(1)$ را تعیین کنیم. واقعاً جالب است! مدار کوانتومی به ما توانایی تعیین یک ویژگی جهانی از f(x)، یعنی $f(x) \oplus f(0) \oplus f(1)$ را داده است، با استفاده از تنها یک ارزیابی از f(x)!این سریعتر از آن چیزی است که با یک دستگاه کلاسیک امکانپذیر است، یک دستگاه کلاسیک حداقل به دو ارزیابی نیاز دارد. این مثال تفاوت بین موازیسازی کوانتومی و الگوریتمهای تصادفی کلاسیک حداقل به دو ارزیابی نیاز دارد. این مثال تفاوت بین موازیسازی کوانتومی و الگوریتمهای تصادفی کلاسیک را برجسته میکند. به سادگی، ممکن است تصور شود که حالت |f(1)| + |f(1)| + |f(1)| مطابقت نزدیکی با یک رایانه کلاسیک تصادفی دارد که هرکدام از حالات گزینه همیشه یکدیگر را حذف میکنند. در یک رایانه کوانتومی، امکان دارد که دو گزینه با یکدیگر تداخل داشته باشند تا برخی از خواص کلی تابع f را با استفاده از چیزی شبیه به گیت هادامارد برای بازترکیب گزینههای مختلف، مانند آنچه در الگوریتم دوچ انجام شد، به دست آورند. اساس طراحی بیازترکیب گزینههای مغتلف، مانند آنچه در الگوریتم دوچ انجام شد، به دست آورند. اساس طراحی میدهد تا اطلاعات جهانی مفیدی در مورد تابع تعیین شود - اطلاعاتی که نمیتوان به سرعت در یک رایانه کلاسیک به دست آورد.

۴.۳ الگوريتم دوچ - جوزا

algorithm: quantum general more a of case simple a is algorithm Deutsch's known application. The algorithm. Deutsch–Jozsa the as to refer shall we which Ams- in Alice. game. following the as described be may problem. Deutsch's as in Bob. to letter a in it mails and \cdot \(\cdot \cdot \tau \) from x number a selects terdam, which result. the with replies and (x) f function some calculates Bob Boston. of one of is which f function a use to promised has Bob Now. \(\cdot \tau \) or \(\cdot \text{ either is balanced.} \(\text{ is } (x) \) f else or x_i of values all for constant is (x) f either kinds! two half, other the for \(\cdot \text{ and } x_i \) possible the all of half exactly for \(\cdot \text{ to equal is.} \) that constant a chosen has Bob whether certainty with determine to is goal Alice's fast How possible. as little as him with corresponding function. balanced a or succeed? she can

الگوریتم دوچ توضیح ساده از یک الگوریتم کوانتومی عمومی تر است که به عنوان الگوریتم دوچ جوزا شناخته می شود. کاربرد این الگوریتم، که به عنوان مشکل دوچ شناخته می شود، به شرح زیر است: آلیس، در آمستردام، یک عدد x را از بازه $[0,2^n-1]$ انتخاب می کند و آن را در یک نامه به باب، در بوستون، می فرستد. باب یک تابع f(x) را محاسبه می کند و نتیجه را که x یا ۱ است، ارسال می کند. اکنون، باب قول داده است که از یک مدل تابع استفاده خواهد کرد؛ این تابع یا x که برای همه مقادیر x ثابت است، یا x ممکن برابر با ۱ ست.

هدف آلیس این است که با اطمینان و بکار بستن کمترین گامهای ممکن تعیین کند که باب یک تابع ثابت یا متعادل را انتخاب کرده است. او چگونه میتواند به سرعت موفق شود؟

در حالت کلاسیک، آلیس ممکن است فقط یک مقدار x را در هر نامه به باب ارسال کند. در بدترین حالت، الی باید حداقل $1+\frac{2^n}{2}$ بار از باب سوال کند، زیرا ممکن است قبل از دریافت یک، $\frac{2^n}{2}$ مرتبه پاسخ 0 را دریافت کند. آلیس باید یک را دریافت کند؛ تا بتواند به او بگوید که تابع باب متعادل است.

یعنی در بهترین الگوریتم کلاسیک که می تواند استفاده کند بنابراین به $1+\frac{2^n}{2}$ پرسش نیاز دارد. توجه داشته باشید که در هر نامه، آلیس n بیت اطلاعات را به باب ارسال می کند. علاوه بر این، در این مثال، فاصله فیزیکی باب و آلیس و به تبع آن افزایش هزینه محاسبه f(x) و دشواریهای احتمالی اجرای تابع f(x) درنظر گرفته نشده است.

اگر باب و آلیس بتوانند کوبیت ها را به جای بیت های کلاسیک مبادله کنند، و اگر باب موافقت کند U_f را با استفاده از تبدیل یکهی U_f محاسبه کند، سپس آلیس می تواند هدف خود را در یک مکاتبه با باب و با استفاده از الگوریتم زیر به دست آورد.

با توجه به الگوریتم دوچ، آلیس یک رجیستر n کوبیتی را برای ذخیره پرس و جو خود آماده می کند و یک رجیستر کوبیت واحد را که به باب می دهد تا پاسخ را در آن ذخیره کند. او هر دو رجیستر پرس و جو و پاسخ خود را در یک حالت برهمنهی آماده می کند. باب f(x) را با استفاده از موازی سازی کوانتومی ارزیابی می کند و نتیجه را به آلیس برمی گرداند. آلیس سپس با استفاده از اعمال تبدیل هادامارد روی رجیستر پرس و جو(n-2یوبیتی)، حالات برهمنهی تداخل می دهد و با انجام یک اندازه گیری مناسب، تعیین می کند که آیا f(x)

 reg- answer the and values, all of superposition a now is register query The is f function the Next, . \(\) and \(\) of superposition weighted evenly an in is ister now Alice (\(\frac{\tau} \lambda, \lambda) \) giving (x) \(\frac{\tau} \), f \(\frac{\tau} \) y \(\frac{\tau} \) y \(\frac{\tau} \) | x\(\); Uf using Bob) (by evaluated stored is evaluation function Bob's of result the which in qubits of set a has terms interferes now She state, superposition qubit the of amplitude the in To register, query the on transform Hadamard a using position super- the in the calculate first to helps it transform Hadamard the of result the determine \(\ = x \) cases the checking By \(|x\subseteq \), state a on transform Hadamard the of effect \(|z\subseteq \frac{\tau} \cdot \cdot \). \((-1)\) xz \(z \subseteq = \text{Hlx} \subseteq \text{ qubit single a for that see we separately } \) = x and equa- useful very the in succinctly more summarized be can This (\(\frac{\tau} \cdot \). \(\frac{\tau} \) Thus Using \(\frac{\tau} \) modulo \(z\), and x of product inner bitwise the is z \(\cdot \) where tion (\(\lambda \cdot \cdot \) observes now Alice \(\subseteq \frac{\tau} \subseteq \subseteq \(\frac{\tau} \subseteq \) evaluate now can we (\(\frac{\tau} \cdot \). \(\frac{\tau} \) and equation this \(x(-1)\) f \(\subseteq \) is \(|\subseteq \subseteq \subseteq \) state the for amplitude the that Note register, query the

رجیستر پرس و جو اکنون یک برهمنهی از همه مقادیر ممکن بهشمار میآید؛ درحالی که رجیستر پاسخ در یک برهمنهی به طور مساوی وزن شده از ۰ و ۱ محسوب می شود^.

در مرحله بعد، تابع f توسط باب و به شکل [x] [x]

آلیس اکنون یک مجموعه کوبیت دارد که در آن نتیجه اعمال تابع باب در دامنه کوبیت حالت برهمنهی ذخیره می شود. او اکنون با استفاده از تبدیل هادامارد روی رجیستر پرس و جو، عبارات را در حالت برهمنهی کوانتومی تداخل می کند.

برای تعیین نتیجه تبدیل هادامارد، بهترست ابتدا اثر تبدیل هادامارد را روی یک حالت x = |x| محاسبه کنیم. با بررسی موارد x = x = x به صورت جداگانه می بینیم که برای یک کوبیت واحد x = x = x کنیم. با بررسی موارد x = x = x به صورت جداگانه می بینیم که برای یک کوبیت واحد x = x = x کنیم. با بررسی موارد x = x = x با

این را می توان به طور خلاصه در معادله بسیار مفید زیر خلاصه کرد:

(4.1

بایی که x product inner bitwise $z \cdot x$ و z است، به ۲ modulo

با استفاده از این معادله و (۴۸.۱) اکنون می توانیم ۱۳۳ را ارزیابی کنیم:

میعنی احتمال رخدادن صفر و یک یکسان است.

(41.1)

آلیس اکنون رجیستر پرس و جو را مشاهده می کند. توجه داشته باشید که دامنه برای حالت n آلیس اکنون رجیستر پرس و جو را مشاهده می کند. توجه داشته باشید که دامنه برای حالت (x)/Yn. x(-1)f

از استاد بیرس اشکاااااللللل

discern to – balanced f and constant f – cases possible two the at look Let's or V+ is V- n for amplitude the constant is f where case the In happens. What length unit of is V- Because takes. (x) f value constant the on depending V- will observation an and zero, be must amplitudes other the all that follows it and positive the then balanced is f If register, query the in qubits all for V- s yield amplitude an leaving cancel, V- n for amplitude the to contributions negative one least at on V- than other result a yield must measurement a and zero, of the then V- s all measures Alice if Summarizing, register, query the in qubit Deutsch-Jozsa The balanced, is function the otherwise constant; is function below, summarized is algorithm

بیایید به دو مورد ممکن - f ثابت و f متعادل - نگاه کنیم تا ببینیم چه اتفاقی می افتد.

در صورتی که f ثابت باشد، دامنه برای حالت f۱۰ برابر است با f۱۰ یا f۱۰ بسته به مقدار ثابت که میگیرد.

از آنجایی که ۱۳۵ طول واحد است، نتیجه میگیریم که تمام دامنههای دیگر باید صفر باشند، و یک مشاهده ۰ را برای همه کوبیتها در رجیستر یرس و جو به همراه خواهد داشت.

اگر f متعادل باشد، سهم مثبت و منفی دامنه برای n اگر f خنثی می شود، و یک دامنه صفر باقی می ماند، و یک اندازه گیری باید نتیجه ای غیر از f را در حداقل یک کوبیت در رجیستر پرس و جو به همراه داشته باشد.

به طور خلاصه، اگر الی همه · را اندازه گیری کند، تابع ثابت است؛ در غیر این صورت تابع متعادل است.

الگوریتم Deutsch-Jozsa در زیر خلاصه شده است:

Hadamard using superposition create $[\forall \sqrt{s} \lor | - s \lor |] | x \le x = \sqrt{s} \lor - \forall n \lor \forall n \lor n$ \P . \P Uf using f function calculate $[Y \vee \P V | - \P \vee V | (x) | x = (-1)f x \ge \P$. \P gates computer quantum a that shown We've z output final obtain to measure z § compared f function the of ation evalu- one with problem Deutsch's solve can impres- appears This evaluations. \ \ + \for requirement classical the to is lem prob- Deutsch's First, caveats, important several are there but sive, Second, applications, known no has it problem; important especially an not an ways some in is algorithms quantum and classical between comparison the is function the evaluating for method the as comparison, oranges and apples probabilistic a use to allowed is Alice if Thirdacases, two the in different quite randomly few a for (x) f evaluate to Bob asking by then computer classical is f whether probability high with determine quickly very can she x chosen than realistic more perhaps is scenario probabilistic This balanced. or constant caveats, these Despite considering, been have we scenario deterministic the quan- impressive more for seeds the contains algorithm Deutsch-Jozsa the principles the understand to attempt to enlightening is it and algorithms, tum operation. its behind الگوريتم: Deutsch-Jozsa وروديها: (۱) يک جعبه سياه Uf که تبديل داده شده است که f (x) برای همه مقادیر x ثابت است یا f (x) متعادل است، یعنی برای دقیقاً نیمی از همه هایx ممکن برابر با ۱ و برای نیمی دیگر ۰ است. خروجی: ۰ اگر و فقط اگر f ثابت باشد. زمان اجرا: یک ارزیابی .Uf همیشه موفق می شود. روش:

۱۹۱۹ ایجاد x = x = x ایجاد x = x = x ایرا ایتان ایتان

احتمالی استفاده کند، سپس با درخواست از باب برای ارزیابی f(x) برای چند f(x) به صورت تصادفی می تواند بسیار سریع تعیین کند با احتمال بالا اینکه f(x) ثابت یا متعادل است. این سناریو احتمالی است شاید واقع بینانه تر از سناریوی determinstic که ما در نظر گرفته ایم. علیرغم این ظرافت ها، الگوریتم Deutsch-Jozsa حاوی بذرهای الگوریتم های کوانتومی بیشتر و چشمگیرتر است، و درک اصول پشت آن روشنگر است. عملکرد آن.

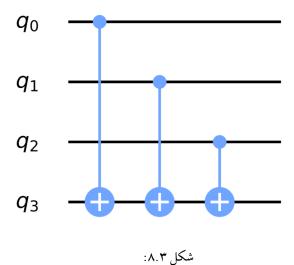
۵.۳ ساخت یک اوراکل کوانتومی

بیایید راه های مختلفی را ببینیم که می توانیم یک اوراکل کوانتومی ایجاد کنیم.

برای یک تابع ثابت، ساده است:

اگر f(x) = f(x)، گیت را به کیوبیت در ثبات ۲ اعمال کنید. اگر f(x) = f(x)، گیت را به کیوبیت در ثبات ۲ اعمال کنید.

برای عملکرد متعادل، مدارهای مختلفی وجود دارد که می توانیم ایجاد کنیم. یکی از راههایی که میتوانیم متوازن بودن مدار خود را تضمین کنیم، انجام یک CNOT برای هر کیوبیت در ثبات ۱، با کیوبیت موجود در ثبات ۲ به عنوان هدف است. مثلا:

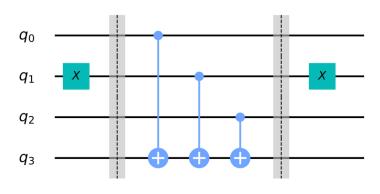


در تصویر بالا، سه کیوبیت بالا، رجیستر ورودی را تشکیل می دهند و کیوبیت پایین، ثبات خروجی است. در جدول زیر میتوانیم ببینیم کدام حالتهای ورودی کدام خروجی را میدهند: ما می توانیم نتایج

حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند	حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند
••1	• • •
1	•11
• 1 •	1 • 1
111	11.

table. simple a is This :۱.۳ جدول

را تغییر دهیم و در عین حال تعادل آنها را با قرار دادن کنترل های انتخاب شده در X-Gates حفظ کنیم. برای مثال، مدار و جدول نتایج آن را در زیر ببینید:



شکل ۹.۳:

حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند	حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند
• • •	••1
• 1 1	.1.
1 • 1	1
11.	111

table. simple a is This :۲.۳ جدول

فصل ۴

شبیهسازی پدیدههای کوانتومی

در این بخش قصد داریم به بررسی پروتکلهای ابتدایی در نظریهی اطلاعات کوانتومی بپردازیم. تمامی این پروتکلها به تعداد کمی کیوبیت نیاز دارند؛ و در آزمایشگاه به صورت تجربی پیادهسازی شدهاند.

states Bell 1.4

در اغلب موارد، سیستم از دو کیوبیت درهمتنیده تشکیل شدهاست. تابع حالت این سیستمها به شکل زیر تعریف می شوند:

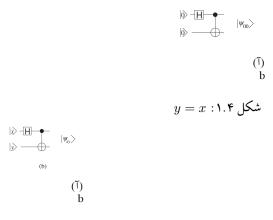
$$|\psi_{00}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |11\rangle)$$

برای آماده سازی این حالت کوانتومی، در حالت $\langle 0 |$ داریم. با اعمال یک گیت هدامارد روی یکی از کیوبیتها و سپس با کنترل آن با گیت CNOT، (به نحوی که کیوبیت دوم هدف قرارگیرد.) میتوان به یک حالت درهمتنیده رسید. میتوان این مراحل را به شکل زیر شرح داد:

$$|\psi_{00}\rangle = C_{10}H_1|00\rangle$$

$$|\psi_{xy}\rangle = C_{10}H_1|xy\rangle$$

از آنجایی که چهار حالت $|xy\rangle$ یک مجموعه متعامد هستند و گیتهای هادامارد و CNOT یکه هستند، چهار حالت درهم تنیده $|\psi_{xy}\rangle$ نیز یک مجموعه متعامد هستند، که به نام پایه Bell نامگذاری شدهاند. می توان رابطه ی بالا را یک حالت کلی تعمیم داد:



 $y = 3\sin x : Y.$ ۴ شکل

$$|\psi_{xy}\rangle = C10H1X_1^x X_0^y |00\rangle$$

درنظر داشته باشید که حالات بل قابل تبدیل به یکدیگرند؛ با کمک رابطه ی تعمیم یافته می توان از هر حالت بل به حالت $\langle 00 |$ رسید. توضیحات درباره ی تبدیلات بنویس این روابط به شکل های متعدد قابل بیان است که از حوصله ی بحث خارج است.

entanglement 7.5

۳.۴ رمزگذاری متراکم کوانتومی

رمزگذاری متراکم کوانتومی ایک کاربرد ساده اما شگفتانگیز از مفاهیم ابتدایی مکانیک کوانتومی است. این کاربرد، همه ایدههای اساسی و ابتدایی مکانیک کوانتومی را به روشی ملموس و غیرقابل توضیح ترکیب میکند، بنابراین مثالی ایدهآل از اهداف و وظایف پردازش اطلاعات است که میتوان با استفاده از مکانیک کوانتومی انجام داد.

رمزگذاری متراکم شامل دو طرفین است که به طور معمول به عنوان «آلیس» و «باب» شناخته می شوند، که از هم فاصله زیادی دارند. هدف آنها انتقال برخی اطلاعات کلاسیک از آلیس به باب است. فرض کنید آلیس قصد دارد دوبیت داده ی کلاسیک را برای باب ارسال کند، اما فقط مجاز است یک کوبیت به باب ارسال کند. آیا می تواند به هدف خود برسد؟

رمزگذاری متراکم به ما میگوید که پاسخ این سؤال بله است. فرض کنید آلیس و باب در ابتدا یک جفت کوبیت در حالت درهمتنیده زیر به اشتراک میگذارند:

 $(177.7) \cdot 7\sqrt{11} + 11 \cdot 11 = |111 \cdot 11 - 111 - 111 - 111 = |111 \cdot 11 - 111 - 111 - 111 = |111 \cdot 11 - 111 - 111 - 111 = |111 \cdot 11 - 111 - 111 - 111 = |111 \cdot 11 - 111 - 111 - 111 - 111 = |111 \cdot 11 - 111 -$

=======

بیانات چی بیتی آلیس می تواند با استفاده از این جفت کوبیتهای درهم تنیده، دو بیت کلاسیک را به باب منتقل کند. او این کار را با اعمال یک تبدیل واحد به کوبیت خود انجام می دهد، بسته به اینکه می خواهد کدام دو بیت کلاسیک را به باب ارسال کند. به عنوان مثال، اگر آلیس می خواهد بیتهای ۰۰ را به باب ارسال کند، او تبدیل ۱ را به کوبیت خود اعمال می کند.

این تبدیل واحد باعث می شود که کوبیت آلیس و کوبیت باب در یکی از چهار حالت بل اور توگونال قرار گیرند. اگر آلیس کوبیت خود را در حالت ا ۱۰ آقرار دهد، کوبیت باب به طور خودکار به حالت ا ۱۰ آقتر تبدیل می شود. این بدان معناست که آلیس دو بیت اطلاعات (۱۰ و ۱۰) را به باب منتقل کرده است. باب سپس کوبیت خود را اندازه گیری می کند و مقدار ۱۰ یا ۱ را به دست می آورد. بسته به مقداری که باب اندازه گیری می کند، او می تواند دو بیت کلاسیک که آلیس به او ارسال کرده است را بازیابی کند.

رمزگذاری متراکم یک پروتکل کوانتومی بسیار کارآمد است که میتواند دو بیت کلاسیک را با ارسال یک کوبیت منتقل کند. این پروتکل میتواند در کاربردهای مختلفی مانند رمزنگاری کوانتومی و ارتباطات کوانتومی استفاده شود.

=======

همانطور که در شکل ۳.۲ قابل ملاحظه است؛ آلیس و باب، هرکدام یک کیوبیت در اختیار دارند. Ψ یک حالت ثابت است؛ نیازی نیست که آلیس برای آماده سازی این حالت،

Quantum super dense coding

کوبیتی را به باب ارسال کند. در عوض، ممکن است یک طرف ثالث قبلاً حالت درهم تنیده را آماده کند، یکی از کوبیتها را به آلیس و دیگری را به باب ارسال کند.

با ارسال تک کوبیت آلیس به باب، معلوم می شود که آلیس می تواند دو بیت اطلاعات کلاسیک را به باب منتقل کند. در اینجا روشی که او استفاده می کند؛ آورده شده است. اگر او بخواهد رشته بیت:

- "00" را ارسال کند \implies هیچ کاری روی کیوبیت خود انجام ندهد.
- "01" را ارسال كند ⇒ تبديل دگرگوني فاز ۲ را روى كيوبيت خود اثر ميدهد.
- "10" را ارسال كند \implies گيت كوانتومى ،X، NOT را به كوبيت خود اعمال مىكند.
 - "11" را ارسال كند ج تبديل iY را به كوبيت خود اعمال ميكند.

چهار حالت حاصل به راحتی قابل مشاهده هستند:

همانطور که در بخش ۶.۳.۱ اشاره کردیم، این چهار حالت به عنوان پایه بل، حالتهای بل، یا جفتهای P.۳.۱ شناخته می شوند، به احترام چندین تن از پیشگامان که اولین بار از نوآوری درهم تنیدگی قدردانی کردند. توجه داشته باشید که حالتهای بل یک پایه متعامد هستند، و بنابراین می توانند با اندازه گیری کوانتومی مناسب از یکدیگر متمایز شوند. اگر آلیس کوبیت خود را به باب بفرستد، و باب هر دو کوبیت را در اختیار داشته باشد، سپس با انجام اندازه گیری در پایه بل، باب می تواند تعیین کند که کدام یک از چهار رشته بیت ممکن را آلیس ارسال کرده است.

به طور خلاصه می توان گفت: آلیس، با تعامل و اثرگذاری تنها روی یک کوبیت، قادر به انتقال دو بیت اطلاعات به باب است. البته دو کوبیت در پروتکل دخیل هستند، اما آلیس هرگز نیازی به تعامل با کوبیت دوم ندارد. از نظر کلاسیک، وظیفهای که آلیس انجام می دهد، اگر فقط یک بیت کلاسیک ارسال می کرد، غیرممکن بود.

علاوه بر این، پروتکل رمزگذاری متراکم، تا حدی در آزمایشگاه تأیید شده است. یک نکته کلیدی را می توان در این مثال زیبا مشاهده کرد: اطلاعات فیزیکی است، و نظریههای فیزیکی شگفتانگیز مانند مکانیک کوانتوم ممکن است تواناییهای پردازش اطلاعات شگفتانگیزی را پیش بینی کنند.

بیانات چی پی تی: پروتکل سوپردنس کدینگ یک پروتکل کوانتومی است که آلیس میتواند از آن برای انتقال دو بیت کلاسیک به باب با ارسال یک کوبیت استفاده کند. پروتکل به شرح زیر است:

flip phase [†]

آلیس و باب یک جفت کوبیت درهم تنیده را با هم به اشتراک می گذارند. آلیس می خواهد دو بیت کلاسیک، ۱۰۰ یا ۱۰ را به باب ارسال کند. آلیس یک عمل واحد بر روی کوبیت خود اعمال می کند که بسته به بیتهایی که می خواهد به باب ارسال کند متفاوت است. آلیس کوبیت خود را به باب می فرستد. باب کوبیت را اندازه گیری می کند و دو بیت کلاسیکی که آلیس به او ارسال کرده است را دریافت می کند. اگر آلیس یک عمل واحد بر روی کوبیت خود اعمال نکند، باب فقط می تواند یک بیت کلاسیک را دریافت کند. با این حال، اگر آلیس عمل واحد مناسب را اعمال کند، می تواند دو بیت کلاسیک را با ارسال یک کوبیت انتقال دهد.

پروتکل سوپردنس کدینگ یک مثال عالی از قدرت مکانیک کوانتوم در انتقال اطلاعات است. این پروتکل نشان میدهد که میتوان با استفاده از قوانین مکانیک کوانتوم، اطلاعات را به روشهای غیرممکن در فیزیک کلاسیک انتقال داد.

۴۹. دوربری

۴.۴ دوربری

book isac فرض کنید آلیس یک کیوبیت در حالت زیر دارد:

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$$

کارول ممکن است با اعمال یک عملگر یکه به یک کیوبیت در حالت استاندارد، کیوبیت را از حالت $|\psi\rangle$ تبدیل کرده باشد. کارول بدون اعلام نوع عملگر یکه به آلیس، کیوبیت را برای او ارسال میکند. حال آلیس میخواهد بدون دسترسی داشتن به کیوبیت باب، تغییراتی را در کیوبیت او ایجاد کند؛ این تنها درصورتی ممکن است که کیوبیت باب و آلیس درهمتنیده باشند. هرچند آلیس و باب میتوانند از طریق راههای کلاسیک (نظیر تلفنی صحبت کردن و ...) با یکدیگر ارتباط برقرار کنند؛ ولی نمیتوانند دسترسی مستقیم به کیوبیت یکدیگر داشته باشند.

$$|\phi\rangle=1/\sqrt{2}(|0\rangle|0\rangle+|1\rangle|1\rangle$$
 کیوبیت باب را میتوان به حالت زیر تعریف کرد:

Alice's of state unknown the duplicating prohibits theorem no-cloning he possible be to out turns it But nearby. or her from away far either Qbita first to State the assigning in telephone the over cooperate to Bob and Alice for violated not is theorem no-cloning The pair. entangled the of member Bob's of either from ISS state the of traces all obliterates Alice so doing in because - Bob to Alice from state the teleporting called - process The Qbits. own her each For shared, formerly Bob and Alice tanglement en- the eliminates also term The state. \ -Qbit single a just teleport can they pair entangled shared Qbit Bob's by acquired assignment state the that emphasizes tion" "teleporta-Here his. to Qbit her from transported been has it Alice's: to applies longer no shares she pair entangled the and Qbit first Alice's works. teleportation how is Bob's and Alice's in Qbits the for symbols state the given have I where (۲۱.۶) to Qbit her of state unknown the teleport To . b and a subscripts possession her using gate, cNOT a applies first Alice pair, entangled the of member Bob's entangled shared the of member her and control the as ISS state the in Qbit first + 1. Sb (1. Sa YV) αl. Sa state "-Qbit the produces This target the as pair a applies she Next (YY.9) .(|Y = b| + |Y = a| + |Yα state the Qbits three all giving Qbit, first her to H transformation Hadamard

 $Y\sqrt{1}$ ($1\sqrt{2}a - (1\sqrt{2}a)\sqrt{1}$) 1/2 + ($1\sqrt{2}b$) $1\sqrt{2}a + 1\sqrt{2}b$ ($1\sqrt{2}a$) 1/20 + ($1\sqrt{2}a$) 1/20 + ($1\sqrt{2}a$) $(\alpha | \cdot \$b | \cdot \$a | 1\$a \lor 1 + (\$| 1\$b + (\alpha | \cdot \$b | \cdot \$a | \cdot \$a \lor 1 = (|11\$b | \cdot \$a + | \cdot \$b (|11\$a | \cdot \$a | \cdot \$a))$ in remarked (As possession, her in Qbits both measures Alice Now (YV.9) immediately gates. Hadamard and eNOT of application an such . F. & Section the If basis.") Bell the in "measuring called is gates, measurement by followed possessed originally state the acquire indeed will Qbit Bob's ... is result the if But .(5) to reduced be then would state (whose Qbit first Alice's by Qbit Bob's of state the then \\ or \\ \\ \\ is measurement Alice's of result of each In $(\Upsilon F.F)$. Iles - ales or $(\S I - \S I) + \alpha I + \beta I$. In (Y F.F) - ales becomes of state the stores re- that transformation unitary a is there cases three these (which Z apply can we case first the In \subseteq \overline{\text{S}} \overline{\text{.state original Alice's to Qbit Bob's}} (which X case, second the in ([])) of sign the changes but alone []. I leaves ITATROPELTE & . 9 ZX. case, third the in and ([] \] and [] \] interchanges member Bob's to Qbit her of state the transfer to do need Alice all So \\ N O of results the him to report and Bob telephone to is pair entangled their of been already has state the whether knows then He measurements. two her must be transformation unitary what or (· · is result Alice's (if transferred transfer the plete com- to order in pair entangled the of member his to apply quantum to resemblance the Note three.) other the of one is result Alice's (if information the acquires Alice measurement a making by correction: error anybody without state quantum ular partic - a reconstruct to Bob for needed be to appears This is. actually state the what about information any acquiring α numbers complex two by described is Qbit a of state general A remarkable. requirement the by only constrained values, of continuum a on take that 1 and state whose pair, entangled standard a of aid the with Yet, $1 = |\mathbb{S}| Y + |\alpha| Y$ that described Qbit a with Bob provide to able is Alice \mathbb{S}_{ι} and α on depend not does information classical of bits two only of price the at state, unknown the by entanglement the of loss the and measurements) two her of results the (giving pair. their of

the Bob to communicate not does process teleportation the course of But

۴.۴. دوربری

the learn to able more no is Bob \P . and α in encoded be can that information than $\square \square$ state the assigned now Qbit, his manipulating from \square and α of values state same the assigned was that Qbit her was it when do to able was Alice of stage crucial a at produced be could state Alice's hand other the On ISS. him enable could Bob to transfer its and computation, quantum elaborate an computer quantum far-away own his on computation the with continue to dense Like teleportations, such by objective nontrivial a achieve can one s elementary an manipulating by constructed be also can teleportation coding. -(Y 1.9) in analysis the of any through going without diagram. circuit classical of |x| = |x| state the exchanges that circuit a shows (a) $\delta.9$ Figure .(YF.9) . \(\text{or} \cdot = \text{x}\) whether of regardless Cbit (Bob's of (\sigma) \cdot | state the with Cbit Alice's As Cbits. two the between coupling physical direct by achieved is transfer The arbitrary for exchange this perform to continues it circuit quantum linear a be can protocol teleportation entire The $[1] \times [1] \times [1] = [1] \times [1] \times$ with $(a) \delta . 9$ Figure in gates two the expanding appropriately by constructed direct the eliminate to is expansion the of aim The Qbit. ancillary an of aid the in gates eNOT two the through Qbits Bob's and Alice's between interaction the and Bob, to Alice from message telephoned the of favor in (a) Δ. γ Figure (which Qbits entangled of pair shared their produce to necessary interaction SS). state the in Qbit her acquired even has Alice before well place take can

١

oracle a determine to how