مقدمه

در عصر حاضر به واسطه رشد و توسعهی نظریهی اطلاعات کوانتومی و سرمایه گذاری های مالی و انسانی گسترده در این زمینه، شاهد افزایش تعداد علاقمندان به این حوزه هستیم.

در این نوشته ابتدا، به توضیح مفاهیم پایه و ابتدایی لازم برای ایجاد یک کامپیوتر کوانتومی میپردازیم. در ادامه به بررسی تفاوتها و برتری کامپیوتر کوانتومی بر کامپیوتر کلاسیک میپردازیم. برای اثبات این برتری از اولین و سادهترین الگوریتم جستجویکوانتومی یعنی الگوریتم دوچ استفاده می کنیم.

درانتها به معرفی و بررسی دوربری کوانتومی و پیادهسازی آن برکامپیوتر کوانتومی شرکت آیبی 7 خواهیم پرداخت.

دوربری کوانتومی یکی از پدیدههای کوانتومی ساده ولی بسیار شگرف دنیای فیزیک است. علت سادگی این پدیده ناشی از وضعیت کیوبیتهای موثر در تعریف این پدیده است؛ میتوان با سه کیوبیت و با تعریف برهمکنشهای دو کیوبیتی، یک ذره را با روش دوربری به هرنقطهی دیگری انتقال داد. باید دقت داشت که خود ذره در فضا منتقل نمیشود؛ بلکه اطلاعات آن به نقطهی دیگری فرستاد می شود. دو کیوبیتی بودن برهمکنشهای این پدیده منجر به ساده بودن انجام آزمایش یا شبیه سازی و درک مفاهیم مرتبط با آن می گردد. // هدف اصلی این نوشته، نشان دادن برتری و تفاوت یک کامپیوتر کوانتومی نسبت به کامپیوتر کلاسیک، در شبیه سازی پدیدههای کوانتومی می باشد؛ این مهم با شبیه سازی الگوریتم دوج و دوربری کوانتومی میسر می شود.

Algorithm Duetsch\

IBM,

فهرست مطالب

3	اشنایی با مفاهیم اولیه
۵	كيوبيت
۵	كيوبيت واحد
٨	كيوبيتهاي چندتايي
١.	اندازهگیری در فضای هیلبرت
۱۱	گیتهای کوانتومی
۱۲	انواع گیت کوانتومی
۲۱	گیت مبادله
14	مدارهای کوانتومی
۲٧	نحوهی نمایش مدارهای کوانتومی
۲۸	برنامهنويسى كوانتومى
۲۸	کامپیوترهای کوانتومی در مقابل کامپیوترهای کلاسیک
۴.	شبیهسازی کلاسیک در مقابل کامپیوتر کوانتومی
۴.	تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیهسازهای کلاسیک
٣٢	كامپيوتركوانتومي IBM و زبان برنامهنويسي QisKit
r Y	کامپیوترکوانتومی IBM و زبان برنامهنویسی QisKit

٣	هرست مطالب	ف
٣٣	پیادهسازی گیتهای کوانتومی	
44	تصویر سازی	
٣۵	گوریتم های کوانتومی	11
۳۵	موازی سازی کوانتومی	
٣٩	مدل محاسباتی استاندارد	
٣٩	مدل کوئری	
۴١	معرفی و پیاده سازی الگوریتم دوج	
۴١	مسئلهی دوچ	
47	الگوريتم دوج	
44	پیادهسازی الگوریتم دوچ در کیس کیت	
۵۱	بیهسازی پدیدههای کوانتومی	ش
۵١	حالات بل	
۵۲	درهمتنيدگى	
۵۴	د وربری	
۵۸	پیادهسازی دوربری در کیس کیت	

كيوبيت

یک کیوبیت معادل یک واحد اطلاعات کوانتومی میباشد. این مفهوم معادل مفهوم کلاسیک بیت میباشد. به طور کلی هر کیوبیت از خصوصیات سامانه های کوانتومی، بهره میبریم. کیوبیت یک سیستم کوانتومی با فضای دوبعدی است. برای تعیین این دوبعد میتوان از یکی از خصویات سامانه های کوانتومی استفاده کرد.

كيوبيت واحد

برخلاف بیت ها که مقادیر ثابت ، یا ۱ را به خود می گیرند؛ یک کیوبیت می تواند در یک حالت «برهمنهی کوانتومی^۵» باشد؛ این بدان معناست که یک کیوبیت بواسطه ی مشاهده ناظر به یکی از حالات ، یا یک تبدیل شود. این مهم ترین مزیت استفاده از کیوبیت هاست.

Qubit*

Binary Bit*

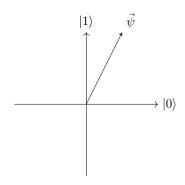
Quantum Superposition⁵

کيوبيت کيوبيت

بیان ریاضی یک کیوبیت ،در حالت برهمنهی، به شرح زیر است:

$$\begin{cases} |\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle \\ \alpha^2 + \beta^2 = 1 \end{cases} \tag{1}$$

کتهای $|0\rangle$ و $|0\rangle$ بیانگر پایههای فضای محاسباتی هستند؛ و مقادیر $|0\rangle$ و $|0\rangle$ بیانگر احتمال وقوع هر یک از این حالات، در صورت مشاهده، می باشند. نمایش بردار $|\psi\rangle$ به شکل زیر است:



در بسیاری از مواقع برای سهولت در محاسبات، عملگرها و حالات کوانتومی به کمک ماتریسها نمایش داده میشوند. فرم ماتریسی هر یک از حالات ذکر شده در بالا به شرح زیر است:

$$|1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad |0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \tag{7}$$

برای تعریف کیوبیت ها، راه های زیادی وجود دارد، حالات قطبش فوتون،اسپین الکترون،یا سطوح انرژی اتم،هریک میتوانند تعیین کننده ی بردارهای فضای کیوبیت باشند.

به طور کلی، حالت کیوبیت یک بردار واحد در فضای برداری دو بعدی پیچیده است.

Computational Basis Vectors⁵

در بیشتر مدل های انتزاعی که ما برای درک جهان تعریف کردهایم؛ یک ارتباط مستقیم بین عناصر انتزاع و دنیای واقعی وجود دارد، درست همانطور که طرح های یک معمار برای یک ساختمان با ساختمان نهایی مطابقت دارد. فقدان این ارتباط مستقیم در مکانیک کوانتوم باعث می شود که درک رفتار سیستم های کوانتومی دشوار باشد؛ با این حال، یک ارتباط غیرمستقیم وجود دارد، زیرا می توان حالت های کیوبیت را دستکاری و تبدیل کرد به وضعیتهایی که منجر به نتایج اندازه گیری می شود. نتایج حاصل از اندازه گیری به خواص مختلف حالت بستگی دارد. بنابراین، این حالت های کوانتومی دارای پیامدهای واقعی و قابل آزمایش تجربی هستند.

مفهوم کیوبیت، با «فهم رایج» ما از جهان فیزیکی اطراف ما مغایرت دارد. یک بیت کلاسیک مانند سکه است: یا رو یا پشت. برای سکه های غیراایده آل، ممکن است حالت های دیگری مانند قرار گرفتن آن روی لبه وجود داشته باشد، اما در حالت ایده آل می توان آنها را نادیده گرفت.

در مقابل، یک کیوبیت می تواند در یک طیف پیوسته از حالت ها بین $\langle 0 | e \rangle$ و جود داشته باشد - تا زمانی که مشاهده شود. بار دیگر تاکید می کنیم که وقتی یک کیوبیت اندازه گیری می شود؛ فقط یکی از مقادیر «۰» یا «۱» را به عنوان نتیجه اندازه گیری می دهد. به عنوان مثال، یک کیوبیت می تواند در حالت $\langle 1 | + \langle 0 |$ باشد، که به این معنی است که با احتمال ۵۰/۵۰ می تواند به عنوان ۰ یا ۱ اندازه گیری شود.

$$\begin{aligned} |+\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle \\ |-\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle \end{aligned} \tag{\ref{eq:resolvent}}$$

در فرمول ۳ با استفاده از فرمول ۲ یک برهمنهی کوانتومی را تعریف کردهایم. برای مثال حالت $\langle + |$ حالتی از کیوبیت است که با یک بردار ۲ بعدی واحد نشان داده می شود. این حالت، زمانی که اندازه گیری شود، نتیجه ۰ را ۵۰ درصد از زمان و نتیجه ۱ را ۵۰ درصد از زمان می دهد. این حالت را می توان به عنوان یک ترکیب خطی از دو حالت پایه $\langle 0 |$ و $\langle 1 |$ در نظر گرفت.

این حالت به دلیل عجیب بودنش جالب است. حالت های پایه $\langle 0|$ و $\langle 1|$ تنها حالاتی هستند که می توانند به طور مستقیم مشاهده شوند. حالت $\langle +|$ ، با این حال، یک حالت ترکیبی است که به طور مستقیم قابل مشاهده نیست. تنها زمانی می توان آن را مشاهده کرد که اندازه گیری شود.

كيوبيت

با وجود غیرقابل مشاهده بودن، حالت (+| واقعی است. وجود آن توسط آزمایشات به طور گسترده ای تأیید شده است. همچنین می توان از آن برای انجام محاسبات کوانتومی استفاده کرد.

در آینده، ممکن است حالت $\langle +|$ یا حالات مشابه آن برای اهداف مختلف دیگری نیز استفاده شود. به عنوان مثال، می تواند برای ذخیره ی اطلاعات یا برای ایجاد ارتباطات امن استفاده شود.

کیوبیتهای چندتایی

Hilbert space is a big place.

- Carlton Caves

فرض کنید دو کیوبیت داریم. اگر این دو بیت کلاسیک بودند، چهار حالت ممکن وجود داشت: ۰۰، ۱۰ و ۱۱. به همین ترتیب، یک سیستم دو کیوبیتی دارای چهار حالت محاسباتی است که با $\langle 11|,\langle 10|,\langle 10|,\langle 10|$ نشان داده می شود. یک جفت کیوبیت همچنین می تواند در برهمنهی این چهار حالت وجود داشته باشد. بنابراین حالت کوانتومی دو کیوبیت با اختصاص یک عدد مختلط - گاهی اوقات به عنوان یک دامنه شناخته می شود - به هر حالت محاسباتی، بیان می شود. بردار حالت توصیف کننده دو کیوبیت به شکل زیر است:

$$|\Psi\rangle = a|00\rangle + b|01\rangle + c|10\rangle + d|11\rangle \tag{(4)}$$

که ،a ،c b و d در فرمول ۴ دامنه های چهار حالت را نشان می دهند. دامنه ها می توانند هر عدد مختلطی باشند، اما معمولاً به گونه ای نرمال می شوند که مجموع آنها برابر ۱ باشد. این بدان معناست که بردار حالت یک حالت کوانتومی معتبر را نشان می دهد و کیوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در هر یک از چهار حالت محاسباتی را دارند.

به عنوان مثال، بردار حالت:

$$|\Psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|11\rangle \tag{2}$$

یک سیستم دو کیوبیتی را نشان می دهد که در یک برهمنهی مساوی از حالت های ۰۰ و ۱۱ است. این بدان معناست که کیوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در حالت ۰۰ یا ۱۱ را دارند.

بردار حالت یک سیستم دو کیوبیتی را می توان برای محاسبه احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در هر یک از چهار حالت محاسباتی استفاده کرد. به عنوان مثال، احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در حالت ۰۰ با فرمول زیر داده می شود:

$$P(|00\rangle) = |a|^2 = \frac{1}{2} \tag{9}$$

احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در هر حالت دیگر را می توان به روشی مشابه محاسبه کرد.

نتیجه اندازه گیری x(=00,01,10,11) با احتمال $|a_x|^2$ با احتمال x(=00,01,10,11) با احتمال $|x\rangle$ یری $|x\rangle$

 $|\Psi
angle=a|00
angle+b|01
angle+c|10
angle+d|11
angle$ این بدان معناست که اگر ما یک سیستم دو کیوبیتی را در حالت را در حالت با اندازه گیری کنیم؛ برابر $|a
angle^2+y$ برابر و اگر ما اولین کیوبیت را اندازه گیری کنیم، احتمال اینکه و را اندازه گیری کنیم؛ برابر $|b
angle^2+y$ خواهد بود. در این حالت، حالت کیوبیت ها پس از اندازه گیری $|b
angle^2+y$

$$|\psi'\rangle = \frac{\alpha_{00}|00\rangle + \alpha_{01}|01\rangle}{\sqrt{\left|\alpha_{00}\right|^2 + \left|\alpha_{01}\right|^2}} \tag{V}$$

توجه داشته باشید که حالت پس از اندازه گیری با عامل $\sqrt{|lpha_{00}|^2+|lpha_{01}|^2}$ نرمال می شود تا همچنان شرط

نرمال سازی را، درست همانطور که برای یک حالت کوانتومی معتبر انتظار میرود، برآورده کند. این بدان معناست که حالت پس از اندازه گیری به گونه ای تغییر می کند که احتمالات آن جمع شده و برابر ۱ شود.

اندازه گیری در فضای هیلبرت

ما تاکنون اندازه گیری های کوانتومی یک کیوبیت در حالت $|\alpha|0\rangle + |\alpha|0\rangle + |\alpha|0\rangle$ را به عنوان نتیجه ۱ یا ۱ توصیف کرده ایم که کیوبیت را در حالت $|\alpha|$ یا $|\alpha|$ مربوطه باقی می گذارد، با احتمالات $|\alpha|$ و $|\alpha|$. در حقیقت، مکانیک کوانتوم به اندازه کافی انعطاف پذیری در کلاس اندازه گیری هایی که می توان انجام داد، اگرچه مطمئناً به اندازه کافی نیست که α و $|\alpha|$ را از یک اندازه گیری واحد بازیابی کند!

توجه داشته باشید که $\langle 0 | e \rangle$ فقط یکی از بسیاری از انتخاب های ممکن برای پایه های حالت برای یک کیوبیت هستند. یک انتخاب دیگر مجموعه به شرح زیر است:

$$|+\rangle \equiv (|0\rangle + |1\rangle)\sqrt{2}$$

$$|-\rangle \equiv (|0\rangle - |1\rangle)\sqrt{2}$$
(A)

یک حالت دلخواه $|+\rangle$ و $|+\rangle$ و ابازنویسی کرد: $|\Psi\rangle=\alpha|0\rangle+\beta|1\rangle$ بازنویسی کرد:

$$|\Psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle = \frac{(\alpha + \beta)}{2}|+\rangle + \frac{(\alpha - \beta)}{2}|-\rangle \tag{9}$$

در این بیان، $\langle +|e \rangle = |$ به عنوان پایه های "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

اندازه گیری در پایه های دیگر به غیر از پایه محاسباتی یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک

١٠ آشنايي با مفاهيم اوليه

غيرممكن است.

در این بیان، $\langle +|$ و $\langle -|$ به عنوان "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

به طور کلی تر، با توجه به هر دو پایه حالت $|a\rangle$ و $|a\rangle$ برای یک کیوبیت، می توان هر حالت دلخواهی را به عنوان یک ترکیب خطی $|a\rangle+\beta|b\rangle$ از آن حالات بیان کرد. علاوه بر این، اگر این حالات متعامد باشند، می توان با توجه به پایه $|a\rangle+\beta|b\rangle$ اندازه گیری کرد، که نتیجه $|a\rangle+\alpha|b\rangle$ و $|a\rangle+\alpha|b\rangle$ و $|a\rangle+\alpha|b\rangle$ قابل رخداد است.

با توجه به بیان احتمالاتی مفهوم کیوبیت و نرمال بودن مقادیر احتمالات و متعامد بودن پایهها، لازم است تا $|\alpha|^2+|\alpha|^2=1$ باشد همانطور که برای احتمالات انتظار می رود. به طور مشابه، در اصل می توان یک سیستم کوانتومی از بسیاری از کیوبیت ها را با توجه به یک پایه متعامد دلخواه اندازه گیری کرد.

اندازه گیری در پایه های دیگر یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

دلایل زیادی برای استفاده از این مدل توسعهیافته برای اندازه گیری های کوانتومی وجود دارد، اما در نهایت بهترین دلیل این است: این مدل به ما امکان توصیف نتایج تجربی مشاهده شده نظیر نتایج آزمایش اشترنگرلاخ V را می دهد.

گیتهای کوانتومی

گیتهای کوانتومی کی از اولین و مهمترین اجزای مدارهای کوانتومی میباشند. این گیتها عملگرهایی با قابلیت اثرگذاری روی یک یا چند کیوبیت، میتوان قابلیت اثرگذاری روی یک یا چند کیوبیت، میتوان

 $Stern\text{--}Gerlach^{V}$

Quantum Gates^A

گیتهای کوانتومی

تغییرات مدنظر خود را روی کیوبیت اعمال کرد. با کمک این گیتها میتوان باعث برهم نهی کوانتومی یا رمزگذاری داده در داخل یک یا چند کیوبیت شد.

انواع گیت کوانتومی

گیتهای کوانتومی، دارای انواع مختلف گوناگونی میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی، عملگرهایی یکه و بازگشت پذیر میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی متناسب با تعداد کیوبیتهایی که از آنها اثرمیگیرند؛ دسته بندی میکنیم. در این گفتار به گیتهای تک کیوبیتی و دو کیوبیتی می پردازیم.

گیت هادامارد

مهم ترین گیت کوانتومی، گیت هادامارد ۹ است. با اعمال اثر این گیت روی یک کیوبیت، آن کیوبیت به یک حالت برهم نهی کوانتومی گذار می کند. به عبارت دیگر هر یک از زیر حالات این حالت برهم نهی، با احتمال یکسانی قابل رخ دادن هستند.

$$H\left|0\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(\left|0\right\rangle + \left|1\right\rangle) \tag{$1.$}$$

$$H\left|1\right\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(\left|0\right\rangle - \left|1\right\rangle) \tag{11}$$

Hadamard gate⁴

این گیت کوانتومی به صورت خطی روی یک دسته کت اثر میکند. نمایش ماتریسی این گیت کوانتومی به شرح زیر است:

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \tag{17}$$

$$H|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \tag{17}$$

$$H|1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle) \tag{14}$$

این گیت کوانتومی، یک گیت بازگشتپذیر است؛ یعنی اگر این گیت روی یک حالت برهمنهی کوانتومی اثر کند؛ میتواند آن را از حالت برهمنهی خارج کند.

برای اعمال این گیت کوانتومی، فقط به یک کیوبیت نیاز داریم. به اصطلاح این گیت، یک گیت تک کیوبیت ۱۰ میباشد.

نمایش این گیتکوانتومی در مدار با علامت زیر است: H

NOT گیت

گیت کوانتومی U_{NOT} یک عملگر یکه و بازگشتپذیر است.

Single-Qubit Quantum gate '

گیتهای کوانتومی

$$U_{NOT}|0
angle=|1
angle$$

$$U_{NOT}|1
angle=|0
angle$$

نمایش ماتریسی گیت NOT

می بینید که اگر فقط پایه را در نظر بگیریم، دقیقاً مانند گیت کلاسیک NOT است. نمایش ماتریسی این گیت به شکل زیر است:

$$U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

از آنجایی که یک حالت کیوبیت در فضای هیلبرت دو بعدی تعریف شده است. ابعاد ماتریس باید $\mathbf{Y} \times \mathbf{Y}$ باشد. از این رو میتوان نوشت:

$$\begin{split} U_{NOT}|0\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right)|0\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = |1\rangle \end{split}$$

$$\begin{split} U_{\text{ NOT}}|1\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right)|1\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array}\right) = |0\rangle \end{split}$$

مدار NOT و خصوصیات آن

با اعمال گیت $|\Psi
angle=lpha|0
angle+eta|1
angle$ با اعمال گیت U_{NOT} با

$$\begin{split} U_{\text{ NOT}}|\Psi\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) |\Psi\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \beta \\ \alpha \end{array}\right) = \beta |0\rangle + \alpha |1\rangle \end{split}$$

علاوه بر گیت NOT یک کیوبیتی، میتوانیم دو کیوبیتی نیز بسازیم. میبایست حاصل ضرب تانسوری دو گیت NOT یک کیوبیتی را محاسبه کنیم؛ تا یک گیت NOT دو کیوبیتی بدست آوریم زیرا یک بردار دو کیوبیتی در فضای \mathbb{C}^4 قرار دارد. که حاصل ضرب تانسور دو فضای \mathbb{C}^3 است. از این رو:

$$U_{NOT_2} = U_{NOT} \otimes U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \otimes \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} 1 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

نمایش یک گیت NOT به صورت زیر است:

گیتهای کوانتومی

 $|\Psi
angle=lpha|00
angle+eta|01
angle+\gamma|10
angle+\delta|11
angle$ با اعمال گیت دو کیوبیتی NOT به یک سیستم دو کیوبیتی نظیر خواهیم داشت:

$$U_{NOT_2} |\Psi\rangle = \left(\begin{array}{cccc} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \\ \gamma \\ \delta \end{array} \right) = \left(\begin{array}{c} \delta \\ \gamma \\ \beta \\ \alpha \end{array} \right)$$

CNOT گیت

NOT گیت کوانتومی VNOT، به عنوان گیت منطقی نیز یاد می شود. این گیت کوانتومی معادل گیت کلاسیک می باشد. به طور معمول، برای اعمال اثر این گیت کوانتومی نیاز به دو کیوبیت داریم. این گیت کوانتومی فقط و فقط در مواقعی که «کیوبیت کنترل 11 » دارای مقدار $|1\rangle$ باشد، باعث تغییر وضعیت «کیوبیت هدف 11 » می شود.

کیوبیت کنترلی: کیوبیتی است که عملکرد کیوبیت دیگری به نام کیوبیت هدف را کنترل می کند. کیوبیت کنترل تعیین می کند که آیا کیوبیت هدف برگردانده شود یا خیر. اگر کیوبیت کنترل در حالت $|0\rangle$ باشد، کیوبیت هدف برگردانده می کیوبیت هدف برگردانده می شود.

کیوبیت هدف: همان کیوبیتی است که توسط کیوبیت کنترل بر روی آن اعمال اثر می شود. بسته به وضعیت کیوبیت کنترل، کیوبیت هدف را می توان برگرداند یا بی تغییر رها کند.

$$U_{CNOT}|ab\rangle = |a\ a \oplus b\rangle$$

gate controlled-X or gate controlled-NOT 11

Qubit Controled \

Qubit Target 17

از هر یک از $|ab\rangle$ هر یک از $|ab\rangle$ و $|ab\rangle$ و $|ab\rangle$ و $|ab\rangle$ و $|ab\rangle$ و $|ab\rangle$ این یک بردار در فضای $|ab\rangle$ و $|ab\rangle$ باشد.

این معادله به ما می گوید؛ که پس از اعمال گیت CNOT به یکی از پایهها، آن حالت به حالت پایه دیگری تبدیل خواهد شد. که این حالت برابر $|a\;a\oplus b\rangle$ میباشد. به طوری که:

$$|a \ a \oplus b\rangle = |a\rangle \otimes |a \oplus b\rangle$$

بعد از عمل، عدد اول همچنان a است، اما عدد دوم به $a \oplus b$ تبدیل می شود، جایی که \oplus عملیات منطقی کلاسیک انحصاری یا (XOR) است. 14 توجه کنید که:

$$0 \oplus 0 = 0$$

$$0 \oplus 1 = 1$$

$$1 \oplus 0 = 1$$

$$1 \oplus 1 = 0$$

$$U_{CNOT}|00\rangle=|0,0\oplus0\rangle=|0,0\rangle=|00\rangle$$

$$U_{CNOT}|01\rangle = |0,0 \oplus 1\rangle = |0,1\rangle = |01\rangle$$

$$U_{CNOT}|10\rangle=|1,1\oplus 0\rangle=|1,1\rangle=|11\rangle$$

$$U_{CNOT}|11\rangle = |1, 1 \oplus 1\rangle = |1, 1\rangle = |10\rangle$$

خلاصهای از عملکرد این عملگر به شرح زیر است:

XOR¹⁶ یک عملگر بیت به بیت است و مخفف "XOR" است. این عملیات منطقی را انجام می دهد. اگر بیت های ورودی یکسان باشند، خروجی نادرست (با مقدار ۱) خواهد بود در غیر این صورت نتیجه ی حاصل درست (با مقدار ۱)است.

گیتهای کوانتومی

نمایش ماتریسی این گیت کوانتومی به شکل زیر است:

$$CNOT = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad |a\rangle \qquad \qquad |a\rangle$$

شکل ۱: نمایش ماتریسی و نمایش گیت کوانتومی. کت a کیوبیت کنترل و کیوبیت b کیوبیت هدف میباشد. CNOT

در شکل بالا گیت CNOT در مدار کوانتومی به تصویر درآمده است. کیوبیت کنترل شده حالت |a
angle و کیوبیت هدف حالت |b
angle میباشد.

با اعمال این عملگر به حالت $|10\rangle$ داریم:

$$\text{CNOT} |10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |11\rangle$$

این فرآیند به صورت معکوس نیز قابل رخ دادن است:

$$\text{CNOT} \, |11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = |10\rangle$$

از این گیت کوانتومی، برای بسیاری مدارها و شبیهسازیهای کوانتومی، از جمله تلپورت، درهمتنیدگی واستفاده میشود.

گیت تغییر فاز

گیت تغییر فاز که به آن گیت P یا گیت فاز نیز می گویند، یک کیوبیت است. گیت ای که فاز نسبی را بین دو بردار پایه جابجا می کند. به عنوان زیر تعریف شده است:

$$\begin{split} U_{PS,\phi}|0\rangle &= |0\rangle\\ U_{PS,\phi}|1\rangle &= e^{i\Phi}|1\rangle \end{split} \tag{19}$$

که در آن Φ فاز و $e^{i\Phi}$ عامل فاز است. زمانی که گیت تغییر فاز بر حالت $|0\rangle$ اثرکند، هیچ تغییری حاصل نمی شود. اما با اعمال این گیت به بردار حالت $|1\rangle$ ، یک فاز اضافه به بردار افزوده خواهد شد. برای افزدون فاز اضافه باید یک عامل نظیر $e^{i\Phi}$ در بردارد حالت ضرب شود. برای درک بهتر مطلب باید به حالت ماتریسی این گیت رجوع کنیم.

نمایش ماتریسی گیت تغییر فاز

نمایش ماتریسی گیت تغییر فاز $U_{PS,\Phi}$ به صورت زیر است:

گیتهای کوانتومی

$$U_{PS,\Phi}=\left(egin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\Phi} \end{array}
ight)$$

با استفاده از روابط بالا مىتوان به راحتى اثبات كرد:

$$U_{PS,\phi}|1\rangle = \left(\begin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\Phi} \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} 0 \\ e^{i\Phi} \end{array}\right) = e^{i\Phi} \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = e^{i\Phi}|1\rangle$$

گیت تغییر فاز در مدار و خصوصیات آن

درحالت کلی برای سیستم های تک کیوبیتی میتوان نوشت:

$$\begin{split} U_{PS,\Phi}|\Psi\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\Phi} \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \alpha \\ e^{i\Phi}\beta \end{array}\right) \\ &= \alpha|0\rangle + e^{i\Phi}\beta|1\rangle \end{split}$$

در بردار اصلی، α و β اعداد مختلط میباشند؛ به همین دلیل این اعداد را میتوان به به عنوان یک ضریب فاز معرفی کرد:

$$\alpha = e^{i\theta_1|\alpha|}, \beta = e^{i\theta_2|\beta|} \tag{1V}$$

که در آن heta و heta به ترتیب فازهای lpha و eta هستند.

بنابراین، اختلاف فاز آنها $\theta = 0$ است. با توجه به رفتار گیت تغییر فاز، تغییر فاز α صفر می باشد؛ اما فاز θ به $\theta + \theta$ تغییر می کند. این همچنین توضیح می دهد که چرا تغییر می کند. این همچنین توضیح می دهد که چرا تغییر فاز فقط به حالت پایه دوم اعمال می شود تا معنادار باشد. اگر به هر دو اعمال شود، تغییری در اختلاف فاز ایجاد نمی شود. به ما تریس زیر دقت کنید:

$$Z = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\pi} \end{pmatrix} \tag{1A}$$

از طرفی داریم:

$$e^{i\pi} = \cos(\pi) + i\sin(\pi) = -1$$

این ماتریس پائولی σ_z میباشد؛ که به آن Z-gate نیز می گویند. گیت تغییر فاز، فاز نسبی $|0\rangle$ و $|1\rangle$ را با $|1\rangle$ تغییر می دهد. $|1\rangle$ بین ترتیب گیت $|1\rangle$ فاز نسبی را با $|1\rangle$ تغییر می دهد.

گیت مبادله

یک گیت مبادله ۱۵ اعداد را در حالت های پایه یک رجیستر ۲ کیوبیتی جابجا می کند. اگر فقط حالت های پایه را در نظر بگیریم، معادل مبادله حالات دو الکترون است. این گیت به صورت زیر تعریف می شود:

$$U_{SWAP}|ab\rangle = |ba\rangle \tag{19}$$

که در آن a و b فقط اعداد کیوبیت اول و دوم در پایه هستند. a و b میتوانند مقادیر ۰ و ۱ را اتخاذ کنند. بنابراین میتوان نوشت:

Swap gate¹⁵

گیتهای کوانتومی

$$U_{SWAP}|00\rangle=|00\rangle$$

$$U_{SWAP}|01\rangle = |10\rangle$$

$$U_{SWAP}|10\rangle = |01\rangle$$

$$U_{SWAP}|11\rangle = |11\rangle$$

بنابراین، تنها $\langle 10 |$ و $\langle 01 |$ تحت مبادله (به یکدیگر) تغییر می کنند. اعمال این گیت برای حالات $\langle 00 |$ و $\langle 11 |$ بدون اثر است؛ زیرا "۰" و "۰" یا "۱" و "۱" تعویض می شوند؛ که پیامد خاصی در پی ندارد.

نمایش ماتریسی گیت مبادله

نمایش ماتریسی U_{SWAP} به شکل زیر است:

$$U_{SWAP} = \left(egin{array}{cccc} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{array}
ight)$$

از آنجایی که این یک گیت ۲ کیوبیتی برای عملیات است یک بردار در فضای چهار بعدی 4 ی، ماتریس (یا عملگر) باید 4 × 4 باشد. علاوه بر این، فقط حالت پایه دوم و سوم را جابجا می کند. بنابراین، تنها ردیف دوم و سوم با ماتریس یکه متفاوت هستند. به طور مثال:

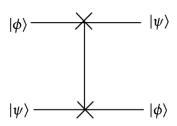
$$U_{SWAP}|10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = |01\rangle$$

این رابطه بصورت معکوس نیز برقرارست.

گیت مبادله در مدار و خصوصیات آن

به طور کلی، برای یک بردار ۲ کیوبیتی، نظیر $|\Psi\rangle=lpha|00
angle+\gamma|01
angle+eta|10
angle+\delta|11$ داریم:

$$\begin{split} U_{SWAP}|\Psi\rangle &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \\ \delta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha \\ \gamma \\ \beta \\ \delta \end{pmatrix} \\ &= \alpha|00\rangle + \gamma|01\rangle + \beta|10\rangle + \delta|11\rangle \end{split}$$



شکل ۲: نمایش گیت کوانتومی مبادله در مدار کوانتومی، پس از اعمال گیت مبادله جای حالات کوانتومی سای و فی تغییر میکند.

همانطور که انتظار می رود، ضرایب حالت های پایه دوم و سوم با هم مبادله می شوند.

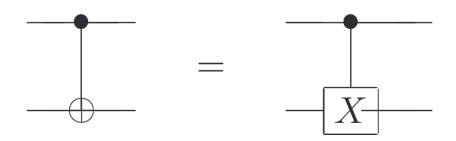
مدارهای کوانتومی

مدارهاي كوانتومي

مدارهای کوانتومی ۱٬۹ یک دسته از گیتهای کوانتومی، که با یک توالی بخصوص قرار گرفته اند، میباشند. این کیوبیت ها، با توالی یاد شده، روی یک یا چند دسته کیوبیت، اثر داده می شوند.

مدارهای کوانتومی، یکی از اولین مفاهیم بکاررفته برای تعریف کامپیوترهای کوانتومی میباشند. برای تعریف و شبیهسازی هریک از پدیدهها و الگوریتمهای کوانتومی، نیاز به پیادهسازی یک مدار بهخصوص داریم.

مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند برای پیاده سازی طیف گسترده ای از الگوریتم های کوانتومی، از جمله الگوریتم شاور برای رمزگشایی اعداد صحیح و الگوریتم گروور برای جستجوی پایگاه داده های بدون ترتیب استفاده شوند.



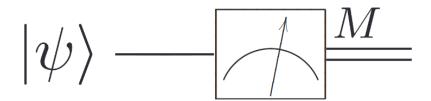
شکل ۳: نمایشهای مختلف گیت CNOT در مدار کوانتومی

یکی دیگر از عملگرهای مهم در مدار کوانتومی، عملگر اندازه گیری است. که در شکل زیر نشان داده شده است. همانطور که پیش از این بیان شد؛ در بردار حالت $|\Psi\rangle=\alpha|0\rangle+\beta|1\rangle$ هنگام مشاهده به یک حالت کلاسیکی رمبش میکند؛ احتمال اینکه به حالت $|0\rangle$ رمبش کند، $|\alpha|^2$ ، و احتمال اینکه به حالت $|1\rangle$ رمبش کند، $|\alpha|^2$ ، میباشد.

مدارهای کوانتومی مدلی بسیار سودمند برای شبیه سازی فرآیندهای کوانتومی به شمار می آیند. این فرآیندها محدود به عملیاتهای محاسباتی نخواهد شد؛ بلکه در اغلب حوزهها اعم از ارتباطات، اختلالات کوانتومی ۱۷ و ... بکارخواهدرفت.

eireuit quantum19

noise quantum \v



شکل †: گیت اندازه گیری کیوبیت، این گیت باعث نابودی حالت کوانتومی و تبدیل آن به صورت داده ی کلاسیک می شود. در مدار بالا اطلاعات داخل کیوبیت Ψ پس از اندازه گیری داخل یک بیت کلاسیک ذخیره می شود.

شباهت ها و تفاوت های مدارهای کلاسیک و کوانتومی

مدارهای کوانتومی مشابه مدارهای کلاسیک هستند، اما از گیت های کوانتومی به جای گیت های منطقی کلاسیک استفاده می کنند. گیت های کوانتومی عملیات قابل برگشت هستند که می توانند برای دستکاری حالت کوانتومی یک کیوبیت استفاده شوند.

شباهت ها

- هر دو مدار کوانتومی و کلاسیک از یک دنباله عملیاتی تشکیل شده اند که به یک مجموعه داده اعمال می شوند.
 - هر دو مدار را می توان به صورت گرافیکی با نماد مشابهی نشان داد.
 - هر دو مدار مي توانند براي پياده سازي الگوريتم ها استفاده شوند.

تفاوت ها

- مدارهای کوانتومی از کیوبیت ها، که معادل کوانتومی مفهوم بیت هستند، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از بیت ها ، که بیت های کلاسیک هستند ، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده می کنند.

مدارهای کوانتومی

 مدارهای کوانتومی از گیت های کوانتومی ، که عملیات قابل برگشت هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.

- مدارهای کلاسیک از گیت های منطقی ، که عملیات برگشت ناپذیر هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کوانتومی می توانند خواص مکانیک کوانتوم را ، مانند برهمنهی و درهمتنیدگی ، برای انجام کارهایی که برای رایانه های کلاسیک غیرممکن است ، بهره مند شوند.

مدار کلاسیک	مدار کوانتومی	ویژگی
بيت	كيوبيت	واحد پایه داده
گیت های منطقی	گیت های کوانتومی	عمليات پايه
برگشت ناپذیر	قابل برگشت	برگشت پذیری

جدول ۱: شباهتها و تفاوت های مدارهای کلاسیک و کوانتومی

اجزای مدارهای کوانتومی و سایز آن

اندازه مدار کوانتومی اندازه یک مدار کوانتومی تعداد گیت های موجود در مدار است. پیچیدگی یک الگوریتم کوانتومی اغلب با اندازه مدار کوانتومی مورد نیاز برای پیاده سازی آن اندازه گیری می شود.

کیوبیت واحد پایه اطلاعات در محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند در یک برهمنهی کوانتومی از دو حالت ، • و ۱ باشند. این بدان معنی است که یک کیوبیت می تواند هم • و هم ۱ باشد ، که یک ویژگی به نام برهمنهی کوانتومی است. کیوبیت ها همچنین می توانند به هم متصل شوند ، که به این معنی است که حالت یکیوبیت دیگر وابسته است.

گیت گیتها عملیاتی هستند که روی کیوبیت ها اعمال می شوند. آنها می توانند برای ایجاد برهمنهی ، انجام چرخش ها و درهمتنیدگی کیوبیت ها استفاده شوند. انواع مختلفی از گیتها وجود دارد ، اما برخی از رایجترین آنها شامل گیت هادامارد ، گیت CNOT و گیت توفولی است.

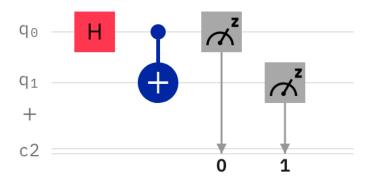
عملیات اقداماتی هستند که روی کیوبیت ها انجام می شوند. آنها می توانند اندازه گیری ها یا سایر اقدامات باشند. اندازه گیری ها برای رمبش حالت کوانتومی یک کیوبیت به یک مقدار قطعی ، • یا ۱ استفاده می

شود.

اجزای اساسی یک مدار کوانتومی کیوبیت ها ، گیت ها و عملیات هستند. این اجزا برای ایجاد الگوریتم های کوانتومی استفاده می شوند که الگوریتم هایی هستند که فقط می توانند روی یک رایانه کوانتومی اجرا شوند. مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند و پتانسیل انقلابی در بسیاری از زمینه های مختلف ، از جمله رمزنگاری ، شیمی و یادگیری ماشین را دارند.

نحوهي نمايش مدارهاي كوانتومي

مدارهای کوانتومی با استفاده از نماد گرافیکی مشابه نمودارهای مدار استفاده شده در محاسبات کلاسیک نوشته می شوند. محور افقی یک مدار کوانتومی زمان را نشان می دهد و محور عمودی کیوبیت ها را نشان می دهد. گیت ها توسط جعبه ها نشان داده می شوند و خطوط بین جعبه ها نشان دهنده ارتباطات بین کیوبیت ها است.



شکل ۵: مدارکوانتومی شبیهسازی شده برای آزمایش درهمتنیدگی، خطوط نازک نمایانگر تغییرات کیوبیتها با گذر زمان هستند. خط مقابل C۲ بیانگر گذر زمانی برای کیوبیت کلاسیک میمیباشد.

برنامهنويسي كوانتومي

برنامه نویسی کوانتومی فرآیند طراحی و پیادهسازی دنباله هایی از دستورالعمل هایی موسوم مدارهای کوانتومی میباشد، با استفاده از گیت ها، سوئیچ ها و عملگرها برای دستکاری وضعیت کوانتومی یک کیوبیت به پردازش مسائل میپردازیم.

مدارهای کوانتومی یک نمایش گرافیکی از الگوریتم های کوانتومی هستند، این الگوریتم هایی فقط روی یک کامپیوتر کوانتومی قابل اجرا هستند.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه نسبتاً جدید است و تعدادی زبان برنامه نویسی کوانتومی مختلف در دسترس است. برخی از محبوب ترین زبان های برنامه نویسی کوانتومی عبارتند از Cirq ، Qiskit و Quil.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه پیچیده و چالش برانگیز است، اما این پتانسیل را دارد که در بسیاری از زمینه های مختلف از جمله رمزنگاری، شیمی و یادگیری ماشین انقلابی ایجاد کند. با قدرتمندتر شدن کامپیوترهای کوانتومی، برنامه نویسی کوانتومی اهمیت فزاینده ای پیدا خواهد کرد.

کامپیوترهای کوانتومی در مقابل کامپیوترهای کلاسیک

کامپیوترهای کوانتومی و کامپیوترهای کلاسیک دو نوع بسیار متفاوت از رایانه هستند. کامپیوترهای کوانتومی از بیتها از بیتها کوانتومی برای ذخیره اطلاعات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از بیتها استفاده میکنند. کیوبیتها میتوانند در حالت برهمنهی دو حالت، و ۱، بهطور همزمان باشند، در حالی که بیتها فقط میتوانند در یک حالت بهطور همزمان باشند. این تفاوت در نحوه ذخیره اطلاعات امکان محاسباتی را برای کامپیوترهای کلاسیک غیرممکن است.

۲۸ برنامه نویسی کوانتومی

علاوه بر تفاوت در نحوه ذخیره اطلاعات، کامپیوترهای کوانتومی و کلاسیک در نحوه انجام محاسبات نیز متفاوت هستند. کامپیوترهای کوانتوم برای انجام محاسبات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از منطق بولی استفاده میکنند. این تفاوت در نحوه انجام محاسبات نیز به کامپیوترهای کوانتومی امکان میدهد تا برای برخی از وظایف، محاسباتی را بسیار سریعتر از کامپیوترهای کلاسیک انجام دهند.

کاربردهای بالقوه کامپیوترهای کوانتومی بسیار گسترده است. آنها میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی، شبیهسازی مولکولها و آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند. کامپیوترهای کوانتومی هنوز در مراحل اولیه توسعه هستند، اما پتانسیل ایجاد تغییرات بزرگ در جهان را دارند. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است.

برخی از مثالهای خاص از نحوه استفاده از کامپیوترهای کوانتومی:

رمزنگاری : کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی استفاده شوند، که تأثیر عمدهای بر امنیت آنلاین خواهد داشت.

شبیه سازی مواد در علم شیمی : کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای شبیه سازی مولکولها استفاده شوند، که میتواند به دانشمندان در توسعه داروها و مواد جدید کمک کند.

یادگیری ماشینی : کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند.

آینده محاسبات کوانتومی بسیار روشن است. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است. این میتواند منجر به پیشرفتهای عمده در بسیاری از زمینههای مختلف شود.

شبیه سازی کلاسیک در مقابل کامپیوتر کوانتومی

بسیاری از مسائل کوانتومی و بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی قابل شبیه سازی روی کامپیوترهای کوانتومی میباشند. بنابراین یک سوال به واقع مهم مطرح می شود: چرا به یک کامپیوتر کوانتومی نیاز داریم؟

در هنگام محاسبات کوانتومی، کامپیوترهای کلاسیک دارای محدودیتهایی هستند. به طور مشابه کامپیوترهای کوانتومی نیز دارای معایبی هستند؛ که قابل بحث و بررسی هستند. دراین بخش به این مزایا و معایب هرکدام از کامپیوترها میپردازیم و در ادامه به اهداف تعریف شده برای کامپیوترهای کوانتومی میپردازیم.

تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیهسازهای کلاسیک

همانطور که در بخشهای قبلی گفته شد؛ کامپیوترهای کوانتومی با استفاده از کیوبیتها تعریف می شوند. یک کیوبیت به صورت یک ترکیب خطی از حالت $\langle 0 | e \rangle$ تعریف می شود:

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle \tag{Y.}$$

هریک از حالات داخل رابطهی بالا به صورت یک ماتریس قابل تعریف هستند. به طور مشابه هریک از عملگر های کوانتومی را میتوان به صورت یک ماتریس تعریف کرد. ماتریسهایی مشابه ماتریس پائولی یا در مقیاسهایی بالاتر ماتریس فردکین که برای سه کیوبیت تعریف میشود؛ و محاسبات را سریع میسازد.

از طرفی دیگر تعداد محاسبات در مدارهای کلاسیک به تعداد حالات مسأله بستگی دارد. در محاسبات کلاسیک هرچه تعداد حالات بالاتر برود؛ پیچیدگی محاسبات بالاتر می رود و حتی اغلب با حالت نمایی رشد میکنند. این درحالیست که در محاسبات کوانتومی هر یک حالات مختلف مسأله به یک دنیای موازی کوانتومی شیفت داده می شود و از این طریق محاسبات به زمان و منابع کمتری نیاز دارد.

مهمترین عامل در سطح پیچیدگی محاسبات کوانتومی همدوسی میباشد. همدوسی در محاسبات کوانتومی اصلی ترین منبع خطا در این سیستم ها است. کیوبیتها بسیار به محیط خود هستند و می توانند به راحتی توسط تعامل با فوتون ها، الکترون ها و سایر ذرات با آنها دچار ناهمدوسی شوند. این می تواند باعث شود که کیوبیت ها خواص کوانتومی خود را مانند برهمنهی کوانتومی و درهمتنیدگی که برای انجام محاسبات کوانتومی ضروری

۳۰ برنامهنویسی کوانتومی

هستند، از دست بدهند.

ناهمدوسي ميتواند به دلايل مختلفي ايجاد شود:

دما کیوبیت ها در دماهای بالاتر مستعد دکوراسیون ۱۹ ۱۸ هستند. این به این دلیل است که هرچه دما بالاتر باشد، کیوبیت ها انرژی بیشتری دارند و بیشتر احتمال دارد با محیط خود تعامل داشته باشند.

برخورد کیوبیت ها همچنین می توانند توسط ارتعاشات دکور شوند. این به این دلیل است که ارتعاشات می توانند باعث حرکت کیوبیت ها شوند، که می تواند حالت های کوانتومی آنها را مختل کند.

تابش الكترومغناطیسی كیوبیت ها می توانند توسط تابش الكترومغناطیسی، مانند نور و امواج رادیویی، دكور شوند. این به این دلیل است كه تابش الكترومغناطیسی می تواند با الكترون های كیوبیت ها تعامل داشته باشد و باعث از دست رفتن خواص كوانتومی آنها شود.

ناهمدوسی یک مانع بزرگ برای توسعه ابررایانه های کوانتومی است. برای ساخت یک رایانه کوانتومی عملی، باید راههایی برای کاهش ناهمدوسی پیدا کرد. این یک مشکل بزرگ ولی قابل حل است؛ اما تعدادی از مسیرهای تحقیقاتی امیدوار کننده وجود دارد، مانند:

سردسازی کیوبیتها این می تواند انرژی کیوبیت ها را کاهش دهد و آنها را کمتر مستعد تعامل با محیط خود کند.

استفاده از مواد با همدوسی بالا برخی از مواد، مانند ابر رساناها، زمان های همدوسی بسیار طولانی دارند که آنها را برای استفاده در رایانه های کوانتومی بسیار مناسب می کند.

توسعهی الگوریتمهای جایگزین برای تصحیح خطای کوانتوهی الگوریتم های تصحیح خطا کوانتومی می توانند برای تشخیص و تصحیح خطاهایی که توسط ناهمدوسی ایجاد می شوند استفاده شوند.

Decoration \A

۱۹ دکوراسیون یک فرآیند است که در آن یک کیوبیت با محیط اطراف خود تعامل میکند و اطلاعات خود را با محیط به اشتراک میگذارد. این امر باعث می شود که کیوبیت با محیط همسو شود و حالت خود را از دست بدهد. دکوراسیون به دلیل تبادل حرارت بین کیوبیت و محیط اطراف رخ می دهد. در دمای بالاتر، کیوبیت ها انرژی بیشتری دارند و بنابراین بیشتر مستعد دکوراسیون هستند.

كامپيوتركوانتومي IBM و زبان برنامهنويسي JisKit

معرفي QisKit

یک زبان برنامهنویسی کوانتومی است. این زبان دارای مشابهتهای زیادی با زبان پایتون میباشد. دو دلیل عمده برای این شباهت وجود دارد:

۱. این زبان براساس زبان پایتون و برخی کتابخانههای آن ساخته شده است.

۲. جامعه دانشمندان کوانتوم و بهطور کلی فیزیکدانان از سابق برای انجام شبیهسازی های خود از زبان پایتون استفاده میکنند و بنیاد پایتون نیز کتابخانه های بسیار کارآمدی - نظیر نامپای^{۲۲} ، پانداس^{۲۱} ، سایپای^{۲۲} و ..

- را برای مسائل علمی ارائه کرده است.

كدنويسي به زبان QisKit

برای کدنویسی به زبان QisKit میتوان از محیط Jupyter notebook استفاده کرد. پس از نصب Qiskit برای فرخواندن این کتابخانه به راحتی میتوان نوشت:

import qiskit

هدف از برنامه نویسی کوانتومی پیادهسازی مسائل کوانتومی روی کامپیوترکوانتومی واقعی است. بدین منظور ابتدا یک شبیه سازی روی سیستم خود انجام داده و سپس کد خود را به کامپیوترکوانتومی IBM ارسال میکنیم.بدین منظور می بایست یک حساب کاربری در سایت مرتبط به کامپیوتر کوانتومی IBM ایجاد کنیم.

قواعد نوشتاری و ساختار داده

هرزبان برنامه نویسی دارای ساختار داده و دستورات نگارشی مخصوص بهخود است؛ QisKit نیز از این قاعده مستثنی نیست. بدین دلیل در ادامه به اختصار به معرفی برخی دستورات این زبان میپردازیم. باید خاطر نشان کرد که این متن براساس QisKit نسخهی ۰.۴۴.۰ نوشته شدهاست.

هدف نهایی این برنامهها، پیادهسازی یک مدار کوانتومی منتسب به یک مسئلهی خاص است. پس نیاز به تعریف و ایجاد کیوبیت داریم. برای تعریف کیوبیت از راه زیر استفاده میکنیم:

Numpy 7.

Pandas * 1

Scipy

برنامهنویسی کوانتومی

quantum_register = QuantumRegister(n)

که در آن n تعداد کیوبیتهای داخل کوانتوم رجیستر مدنظر برنامه نویس است.

classic_register = ClassicalRegister(n)

که در آن n تعداد بیتهای داخل رجیستر کلاسیک مدنظر برنامه نویس است.

درنهایت میتوان با قرار دادن این دو رجیسترایجاد شده، در یک مدار، یک مدار کوانتومی ایجاد کنیم:

circuit = QuantumCircuit(quantum_register, classic_register)

پس از ایجاد مدار می توان عملگرهای مدنظر خود نظیر هادامارد و CNOT و ... را روی بخشهای مختلف مدار اثر داد. از طرفی می توان مدار ایجاد شده را به صورت یک تصویر به کاربر نشان داد.

پیادهسازی گیتهای کوانتومی

برای اعمال یک گیت کوانتومی روی اجزای یک مدار کوانتومی،ابتدا باید نام مدار کوانتومی را نوشت؛ سپس نام گیت کوانتومی را نوشت؛ سپس نام کیوبیت یا بیت مدنظر را نوشت:

circuit.gate_sing_inQisKit(Qubit_name, Bit_name)

در كد بالا به جاى gate_sing_inQisKit() نام هر گيت كوانتومي مدنظر برنامهنويس ميتواند باشد.

تصوير سازي

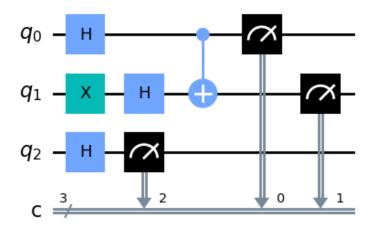
برای تصویر کردن وضعیت مدار کوانتومی میبایست از راه زیر استفاده کرد:

 $\mbox{\tt\#}$ to run commands and show diagram in a easier way. % matplotlib inline

draw circuit
circuit.draw()

we can change look of diagram.
circuit.draw(output = "mpl") # output = "mpl" is defining type of circuit output

درنهایت خروجی مشابه خروجی های زیر را میتوان از این زبان برنامه نویسی دریافت کرد:



شکل ۶: نمونهای از خروجی کیسکیت

الگوريتمهاي كوانتومي

چه گونهای از مسائل محاسباتی قابل اجرا با مدارهای کوانتومی میباشند؟ تفاوت و برتری مدارهای کوانتومی نسبت به مدارهای کلاسیک چیست؟ آیا میتوان یک حوزهی خاص را تعیین کرد؛ به گونهای که عملکرد کامپیوترهای کوانتومی نسبت به کامپیوترهای کلاسیک مزیت داشته باشند؟

در این بخش میخواهیم به طور خلاصه این سوالات را پاسخ دهیم و توضیح دهیم چگونه میتوان از کامپیوترهای کوانتومی به شکلی سودمند استفاده کنیم.

موازي سازي كوانتومي

موازی سازی کوانتومی 17 ، پایه واساس بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی است. با گذار یک حالت کوانتومی به حالت برهمنهی کوانتومی، در حین محاسبات کوانتومی یک تابع نظیر f(x)، می تواند مقادیر مختلف x را به طور همزمان بررسی کند. این درحالیست که در محاسبات کلاسیک به دلیل ماهیت بیتهای اطلاعات، تابع f(x) فقط می تواند یکی از مقادیر مجاز برای x را بررسی کند.

فرض كنيد تابع f ،يك تابع تك_كيوبيت، به صورت زير تعريف شده است:

$$f(x):\{0,1\}\to\{0,1\} \tag{Y1}$$

parallelism Quantum YT

موازی سازی کوانتومی

روش مناسب برای محاسبه این تابع در یک کامپیوتر کوانتومی، با در نظر گرفتن دو کیوبیت که در حالت $|f(x)\oplus x,y\rangle$ سناسب از گیت های منطقی می توان این حالت را به $|x,y\rangle$ تبدیل کرد که در آن \oplus بیانگر جمع مدوله با پایه ۲ میباشد.

هریک از دسته های کیوبیت، رجیستر کوانتومی نامیده می شوند. اولین رجیستر، «رجیستر داده» و دومین رجیستر «رجیستر هدف» نامیده می شود.

ازین پس در این بخش به عامل گذار $\langle U_f(x) \rangle \to |x,y \rangle \to |x,y \oplus f(x) \rangle$ را اطلاق خواهیم کرد. لازم به ذکرست که این تبدیل یک تبدیل یکه به شمار می آید. ۲۴

اگر و $\mathbf{y}=0$ آنگاه مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع U_f برابر با مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع

شکل ۷: مدار کوانتومی برای ارزیابی f(0) و f(1) به طور همزمان. Uf مدار کوانتومی است که ورودی هایی مانند $|x,y\rangle \to |x,y \mapsto f(x)\rangle$ را به $|x,y\rangle \to |x,y \mapsto f(x)\rangle$ ، تصویر میکند.

در شکل ۷ مقادیر ورودی داده شده به تابع U_f در پایههای محاسباتی قرار ندارند. رجیستر داده در حالت برهمنهی قرار دارد. این حالت برهمنهی را میتوان با اعمال گیت هادامارد بر حالت کوانتومی $|0\rangle$ ایجاد کرد. پس از ایجاد این حالت، تابع U_f را به حالت جدید اعمال میکنیم:

$$\frac{|0,f(0)\rangle+|1,f(1)\rangle}{\sqrt{2}} \tag{\Upsilon\Upsilon} \label{eq:tau_state}$$

۲۴ اثبات این مطلب از حوصلهی بحث خارج است.

۳۶ الگوریتمهای کوانتومی

این یک حالت استثنایی است! جملات مختلف کسر بالا حاوی اطلاعاتی در موردf(0) و f(0) می باشند؛ به نحوی که انگار f(x) را برای دو مقدار x به طور همزمان ارزیابی کردهایم، این ویژگی به "موازی سازی کوانتومی" موسوم می باشد. بر خلاف موازی سازی کلاسیک، که در آن هر یک مدارهای متعددی دارند ساخته شده برای محاسبه f(x) به طور همزمان اجرا می شوند، در اینجا برای ارزیابی تابع برای چندین مقدار x به طور همزمان، یک مدار f(x) ربا قابلیت برهمنهی کوانتومی) استفاده می شود.

این فرآیند را می توان به راحتی با استفاده از یک عمل کلی به نام تبدیل هادامارد، به توابعی با تعداد بیت دلخواه تعمیم داد. این عمل فقط تعداد n گیت هادامارد است که به طور موازی روی n کیوبیت عمل می کنند.

برای مثال در شکل زیر؛ دو کیوبیت در حالت $\langle 0 |$ آماده شدهاند. پس از اعمال گیتهای هادامارد بر روی این رجیستر به خروجی زیر خواهیم رسید:

$$\left(\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right) \left(\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right) = \frac{|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}} \tag{TT}$$

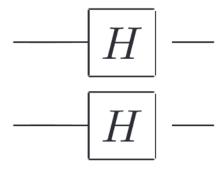
از نماد $H^{\otimes 2}$ به عنوان نشانهی عملکرد موازی دو گیت هادامارد استفاده میکنیم؛از علامت \otimes به عنوان تانسور یاد میکنیم. به طور کلی نتایج اعمال موازی گیت هادامارد روی n کیوبیت روی حالت کوانتومی برابرست با:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{x} |x\rangle \tag{\UpsilonF}$$

در اینجا، \sum نشان دهنده جمع بر روی همه مقادیر ممکن x است، و ما $H^{\otimes n}$ را برای نشان دادن این عمل می نویسیم. اعمال تبدیل هادامارد روی یک برهمنهی کوانتومی برابر از همه حالت های محاسباتی تولید می کند؛ و با استفاده از فقط n گیت، یک برهمنهی از 2n حالت تولید می کند.

تبدیل هادامارد $^{\otimes 2}$ اروی دو بیت کوانتومی پیاده میشود. ارزیابی موازی کوانتومی یک تابع f(x) با ورودی

موازی سازی کوانتومی



شكل Λ : اعمال تبديل هادامارد $H^{\otimes 2}$ روى دو كيوبيت

n بیتی x و خروجی ۱ بیتی، به روش زیر قابل پیادهسازی میباشد:

ا. ابتدا حالت n+1 کیوبیت $|0
angle^{\otimes n}|0
angle$ را آماده کنید،

۲. سپس تبدیل هادامارد را به n کیوبیت اول و به دنبال آن مدار کوانتومی اعمال کنید.

۳. اعمال تابع U_f به کیوبیتهایی که در حالت برهمنهی قرار دارند.

درنهایت حالت زیر تولید میشود:

$$\frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_x |x\rangle |f(x)\rangle \tag{7D}$$

به طور کلی موازی سازی کوانتومی امکان ارزیابی همزمان همه مقادیر ممکن تابع f را فراهم میکند، حتی اگر ظاهرا فقط یک بار f را ارزیابی کرده باشیم. با این حال، این موازی سازی بلافاصله مفید نیست.

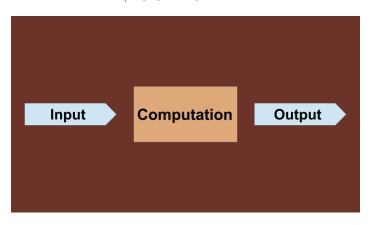
در مثال تک کیوبیتی ما، اندازه گیری حالت فقط $\langle 0,f(0)\rangle$ یا $\langle 0,f(1)\rangle$ را میدهد! به طور مشابه، در حالت کلی، اندازه گیری حالت $\sum_x |x,f(x)\rangle$ فقط $\sum_x |x,f(x)\rangle$ را برای یک مقدار x خاص می دهد. البته یک کامپیوتر کلاسیک می تواند این کار را به راحتی انجام دهد! محاسبات کوانتومی برای مفید بودن به چیزی بیش از موازی سازی کوانتومی نیاز دارد؛ به توانایی استخراج اطلاعات مربوط به بیش از یک مقدار f(x) از

الگوريتمهاي كوانتومي

حالتهای برهمنهی مانند $\sum_x |x,f(x)
angle$ نیاز دارد. در بخش های بعدی به مثالهای خواهیم پرداخت که این مسائل را حل کند.

مدل محاسباتي استاندارد

برای بررسی برتری کامپیوتر کوانتومی نسبت به کامپیوتر کلاسیک نیاز به درک مدل کوئری داریم. پیش از بررسی مدل کوئری، مدل ساده و استاندارد محاسباتی را بررسی میکنیم. به تصویر زیر دقت کنید:



شکل ۹: یک واحد محاسباتی که مقادیری را به عنوان ورودی گرفته، پردازش کرده و سپس مقدار/مقادیر خروجی را ارائه کرده است.

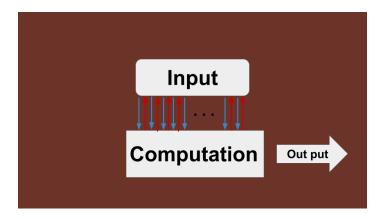
در تصویر بالا یک نمود ساده از کامپیوترهای امروزی ارائه شده است. در دنیای واقعی مقدار ورودی می تواند از هر منبعی تأمین شده باشد. با این وجود هدف ما بررسی منابع تولید ورودی نیست؛ بلکه هدف بررسی مقادیر ورودی (به صورت ایزوله) می باشد. می توان درنظر گرفت که ورودی داده شده و خروجی نهایی، هر دو در قالب یک رشته از اعداد باینری، ماتریس و یا هرقالب مدنظر کاربر باشند.

مهم ترین نکته درباره ی این واحد محاسباتی، در دسترس بودن کل مقادیر ورودی برای واحد پردازش است. به عبارت دیگر واحد پردازش می تواند تمامی مقادیر ورودی را دریافت کرده و تشخیص دهد.

مدل کوئری

در مدل کوئری، دادههای ورودی توسط یک تابع تولید می شوند. واحد محاسباتی دسترسی به تابع تولیدورودی دارد و میتواند برای دریافت دادههای جدید، از تابع یاد شده، درخواست کند.

مدل كوئرى



شکل ۱۰: شکل بالا نمود مدل محاسباتیکوئری است. واحد محاسباتی برای دریافت دادههای جدید نیاز به درخواست از تابع ورودی دارد. خطوط قرمز و روبهبالا نشان از درخواست واحد محاسباتی و خطوط آبی روبهپایین نشان از پاسخ واحد ورودی میباشد.

در این مدل واحد محاسباتی دیگر دادهها را در قالب رشتهای از اطلاعات دردسترس ندارد؛ بلکه میتواند آنها را از بخش تولید ورودی دریافت کند. در گاهی از مواقع به سیستم ورودی را اوراکل یا جعبهی سیاه مینامند. تابع اوراکل^{۲۵} یا جعبهی سیاه ۲۶ یک سیستم است که ما به عنوان ناظر به سازوکار داخلی آن و تمامی اطلاعات آن دسترسی نداریم و فقط میتوانیم مقادیر مجاز را به آن داده و مقادیر خروجی را دریافت کنیم.

تابع اوراکل به صورت زیر تعریف می شود:

$$\begin{cases} f: \sum^{n} = \sum^{m} \\ Which: m, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$
 (19)

ما در این نظریه کوئری ها را می شماریم و وضعیت آن ها را بررسی میکنیم.

Oracle 10

Box Black 19

معرفی و پیاده سازی الگوریتم دوچ

مسئلەي دوچ

الگوریتم دوچ 77 اولین و ساده ترین الگوریتم کوانتومی است. این الگوریتم برای اولین بار در سال ۱۹۸۵ در مقاله ای مطرح شد؛ که توسط دیوید دوچ 77 نوشته شدهبود. این الگوریتم نقطه ی شروعی برای اثبات برتری کامپیوترهای کوانتومی نسبت به کامپوترهای کلاسیک است.

مسئلهی دوچ یکی از سادهترین مفاهیم ممکن را مطرح میکند. اگر یک تابع به فرم زیر تعریف شود:

$$f: \sum \rightarrow \sum$$

هدف بررسی ثابت بودن یا متعادل ۲۹ بودن تابع f است. به طور کلی، درساده ترین حالت، می توان چهار وضعیت را برای تابع $f:\sum \to \sum f$ در نظر گرفت:

a	$f_1(a)$	a	$f_2(a)$	a	$f_3(a)$	a	$f_4(a)$
0	0	0	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0	1	1

شکل ۱۱: تمام حالات ممکن برای یک تابع ثابت و یک تابع متعادل

در شكل بالا توابع f 4 ، f 1 توابع ثابت و توابع f 2 و f 3 توابع متعادل هستند.

مسئلهی دوچ						
ورودى	$f: \sum \rightarrow \sum$					
خروجي	صفر اگر تابع ثابت بود؛ یک اگر تابع متعادل بود.					

در الگوریتمهای کلاسیک برای حل این مسئله، حداقل دو حالت باید بررسی شود.

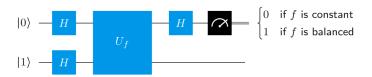
algorithm Deutsch TV

David Deutsch

Constante or balanse. $^{\Upsilon 4}$

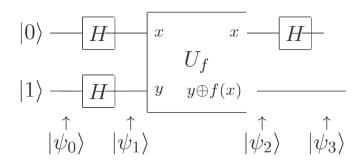
الگوريتم دوچ

حال به بررسی الگوریتم دوچ میپردازیم. الگوریتمی که مسئلهی دوچ را با یک مدار کوانتومی حل میکند:



شكل ۱۲: مدار كوانتومي الگوريتم دوچ

مدار زیر نشان می دهد که چگونه مدارهای کوانتومی می توانند با پیاده سازی الگوریتم دوچ از مدارهای کلاسیک پیشی بگیرند $^{"}$. الگوریتم دوچ ترکیبی از موازی سازی کوانتومی با خاصیتی از مکانیک کوانتوم به نام تداخل است. مشابه قبل،ابتدا از گیت هادامارد برای آماده سازی اولین کیوبیت به عنوان برهمنهی $\frac{(\langle 1|-\langle 0|)\rangle}{\sqrt{2}}$ استفاده کنیم، اما اکنون کیوبیت دوم y را با اعمال یک گیت هادامارد به حالت $|1\rangle$ به عنوان برهمنهی $\frac{(\langle 1|-\langle 0|)\rangle}{\sqrt{2}}$ آماده کنیم. به شکل زیر دقت کنید:



شكل ۱۳: پيادهسازي مدار كوانتومي الگوريتم دوچ

حالت ورودي:

^۳ما در واقع یک نسخه ساده شده و بهبود یافته از الگوریتم اصلی را ارائه می دهیم.

الگوریتمهای کوانتومی

$$|\psi_0\rangle = |01\rangle \tag{YV}$$

سیستم دو کیوبیتی تشکیل شده، پس از اعمال اثر دو گیت هادامارد میدهد:

$$|\psi_1\rangle = \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \tag{YA}$$

با کمی تأمل می توان دریافت که اگر U_f را به حالت U_f را به حالت کنیم، سپس به حالت با کمی تأمل می توان دریافت که اگر را به ما را با یکی از دو امکان زیر مواجه $|\Psi_1\rangle$ به $|\Psi_1\rangle$ ما را با یکی از دو امکان زیر مواجه می کند:

$$\begin{split} |\psi_2\rangle = \begin{cases} \pm \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases} \tag{Y4}$$

با اعمال آخرین گیت هادامارد روی کیوبیت اول به حالت زیر خواهیم رسید:

$$\begin{split} |\psi_3\rangle &= \begin{cases} \pm |0\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm |1\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases} \tag{\mathbf{r}.}$$

با درنظر گرفتن شرایط زیر میتوان $|\psi_3
angle$ را به شکل زیر بازنویسی کرد:

$$\begin{cases} f(0) = f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 0 \\ f(0) \neq f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 1 \end{cases} \tag{\ref{total_point}}$$

از این رو:

$$|\psi_3\rangle = \pm |f(0) \oplus f(1)\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \tag{TY} \label{eq:psi_3}$$

بنابراین با اندازه گیری کیوبیت اول می توانیم $f(0) \oplus f(0) \oplus f(0)$ را تعیین کنیم. واقعاً جالب است! مدار کوانتومی به ما توانایی تعیین یک ویژگی کلی از f(x)، یعنی $f(0) \oplus f(0) \oplus f(0)$ را داده است، با استفاده از تنها یک ارزیابی از f(x)! این سریعتر از آن چیزی است که با یک دستگاه کلاسیک امکانپذیر است،یک دستگاه کلاسیک حداقل به دو ارزیابی نیاز دارد. این مثال تفاوت بین موازیسازی کوانتومی و الگوریتمهای تصادفی کلاسیک را برجسته میکند. به سادگی، ممکن است تصور شود که حالت f(1)|f(1)| + |f(0)| + |f(0)| مطابقت نزدیکی با یک رایانه کلاسیک تصادفی دارد که هرکدام از حالات f(0) یا f(0) با احتمال f(0) اندازه گیری میکند. با یک رایانه کلاسیک تصادفی دارد که هرکدام از حالات و گزینه همیشه یکدیگر را حذف میکنند. در یک رایانه کوانتومی، امکان دارد که دو گزینه با یکدیگر تداخل داشته باشند تا برخی از خواص کلی تابع f(0) را با استفاده از چیزی شبیه به گیت هادامارد برای بازترکیب گزینههای مختلف، مانند آنچه در الگوریتم دوچ انجام شد، به دست آورند. اساس طراحی بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی این است که یک انتخاب هوشمندانه از تابع و تبدیل نهایی اجازه می دهد تا اطلاعات جهانی مفیدی در مورد تابع تعیین شود - اطلاعاتی که نمی توان به سرعت در یک رایانه کلاسیک به دست آورد.

پیادهسازی الگوریتم دوچ در کیس کیت

ابتدا کتابخانه های مورد نیاز را فراخوانی میکنیم:

الگوریتمهای کوانتومی

```
from qiskit import *
from qiskit.tools.visualization import plot_histogram
%matplotlib inline
```

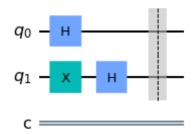
یک مدار کوانتومی با دو کیوبیت و یک بیت کلاسیک ایجاد میکنیم؛ این الگوریتم با یک بیت کلاسیک نیز قابل اجراست. کیوبیت اول برای بررسی تابع ایجاد شده و کیوبیت دوم برای کنترل بهتر شرایط ایجاد شده است:

```
circuit = QuantumCircuit(2,1)
```

به اولین کیوبیت یک گیت هادامارد اثر میدهیم. سپس بر دومین کیوبیت، به ترتیب یک گیت ایکس پائولی و یک گیت هادامارد اثر میدهیم:

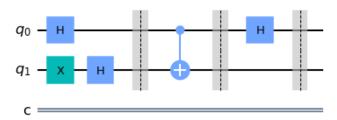
```
circuit.h(0)
circuit.x(1)
circuit.h(1)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

حال یک گیت CNOT با هدف قرار دادن کیوبیت دوم به مدار اعمال میکنیم. سپس گیت هادامارد را بر اولین کیوبیت اعمال میکنیم؛ چرا که قصد اندازه گیری این کیوبیت را داریم:



شکل ۱۴: آمادهسازی دو کیوبیت

```
circuit.cx(0,1)
circuit.barrier()
circuit.h(0)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```



شكل ١٥: وضعيت مدار پس از اعمال اوراكل بر كيوبيت ها

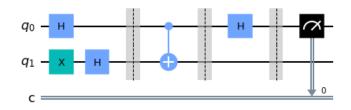
حال اندازه گیری را انجام میدهیم:

الگوريتمهاي كوانتومي

```
circuit.measure(0,0)
```

<qiskit.circuit.instructionset.InstructionSet at 0x7fb3a83c1c70>

```
circuit.draw(output='mpl')
```



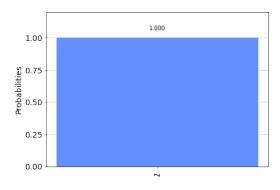
شکل ۱۶: مدار کوانتومی کامل که روی شبیهساز کلاسیک پیادهسازی شدهاست.

حال این کد را به شبیهساز کلاسیک IBM منتقل میکنیم:

```
backend = Aer.get_backend('qasm_simulator')
result = execute(circuit, backend=backend, shots=1024).result()
counts = result.get_counts(circuit)

plot_histogram([counts])
```

به ازای تمامی شاتها (تعداد دفعات تکرار آزمایش) به مقدار یک دست یافتیم؛ این به معنای متعادل بودن



شکل ۱۷: خروجی شبیهسازی برابر با یک شده است. طبق فرمول ۳۱ این تابع یک تابع متعادل است.

تابع است. حال وقت آن رسیده که با کامپیوتر کوانتومی حقیقی کار کنیم. همانطور که در بخش گفته شد؛ میبایست با حساب کاربری خود به این کامپیوتر کوانتومی وصل شویم:

#Real Quantum Computer

IBMQ.load_account()

<AccountProvider for IBMQ(hub='ibm-q', group='open', project='main')>

حال لیست کامپیوترهای کوانتومی که بیشترین منابع را در اختیار دارند را استخراج میکنیم:

الگوریتمهای کوانتومی

```
provider = IBMQ.get_provider("ibm-q")

for backend in provider.backends():
    try:
    qubit_count = len(backend.properties().qubits)
    except:
    qubit_count = "simulated"
    print(f"{backend.name()}:
        {backend.status().pending_jobs} & {qubit_count}qubits ")
```

لیست وضعیت کامپیوترهای کوانتومی در حین اجرای این کد به شرح زیر بودهاست:

```
ibmq_qasm_simulator : 3 & simulated qubits
ibmqx2 : 12 & 5 qubits
ibmq_16_melbourne : 411 & 15 qubits
ibmq_armonk : 48 & 1 qubits
ibmq_athens : 7 & 5 qubits
ibmq_santiago : 13 & 5 qubits
ibmq_lima : 12 & 5 qubits
ibmq_belem : 5 & 5 qubits
ibmq_quito : 4 & 5 qubits
simulator_statevector : 4 & simulated qubits
simulator_mps : 3 & simulated qubits
simulator_extended_stabilizer : 3 & simulated qubits
simulator_stabilizer : 3 & simulated qubits
simulator_stabilizer : 3 & simulated qubits
```

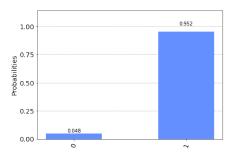
از كامپيوتر ibqm-belem استفاده ميكنيم:

quantum_computer = provider.get_backend('ibmq_belem')

quantum_result = execute(circuit, backend=quantum_computer,shots=1024).result()

حال مقادیر محاسبه شده را به تصویر میکشیم:

quantum_counts = quantum_result.get_counts(circuit)
plot_histogram([quantum_counts])



شكل ۱۸: مقادير محاسبه شده باكمك كامپيوتر كوانتومي

همانطور که مشاهده می شود؛ در کل شاتهای پیاده سازی مدار ایجاد شده، عدد یک در اغلب موارد به عنوان حاصل اعلام شده است. مابقی نتایح به عنوان نویز دسته بندی می شوند.

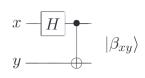
شبیهسازی پدیدههای کوانتومی

در این بخش قصد داریم به بررسی پروتکلهای ابتدایی در نظریهی اطلاعات کوانتومی بپردازیم. تمامی این پروتکلها به تعداد کمی کیوبیت نیاز دارند؛ و در آزمایشگاه به صورت تجربی پیادهسازی شدهاند.

حالات بل

به مدار نمایش داده شده در شکل ۱۹ دقت کنید:

In	Out		
$ 00\rangle$	$(00\rangle + 11\rangle)/\sqrt{2} \equiv \beta_{00}\rangle$		
$ 01\rangle$	$ (01\rangle + 10\rangle)/\sqrt{2} \equiv \beta_{01}\rangle $		
$ 10\rangle$	$ (00\rangle - 11\rangle)/\sqrt{2} \equiv \beta_{10}\rangle $		
$ 11\rangle$	$(01\rangle - 10\rangle)/\sqrt{2} \equiv eta_{11} angle$		



شکل ۱۹: مدار کوانتومی بل بههمراه ورودی و خروجی آن

این مدار دارای یک گیت هادامارد و سپس CNOT است و چهار حالت پایه محاسباتی را مطابق جدول داده شده تبدیل می کند. به عنوان مثال: گیت هادامارد ورودی $|00\rangle$ را به حالت $|00\rangle/\sqrt{2}$ انتقال می دهد و سپس CNOT حالت خروجی $|(11)|+|00\rangle/\sqrt{2}$ را آماده می کند.

بار دیگر مراحل را مرور میکنیم:

درهمتنيدگي

ابتدا اعمال تبدیل هادامارد حالت کیوبیت بالایی را به یک برهمنهی کوانتومی منتقل میکند. این برهمنهی ایجاد شده، به عنوان کیوبیت کنترل به CNOT عمل می کند و حالت کیوبیت هدف تنها زمانی معکوس می شود که حالت کیوبیت کنترل ۱ باشد.

حالت خروجی را میتوان به شکل زیر نمایش داد:

$$\begin{split} |\beta_{00}\rangle &= \frac{|00\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}} \\ |\beta_{01}\rangle &= \frac{|01\rangle + |10\rangle}{\sqrt{2}} \\ |\beta_{10}\rangle &= \frac{|00\rangle - |11\rangle}{\sqrt{2}} \\ |\beta_{11}\rangle &= \frac{|01\rangle - |10\rangle}{\sqrt{2}} \end{split} \tag{\ref{eq:reconstraints}}$$

از حالتهای بالا به عنوان حالات بل یا حالات EPR یادمی کنیم.

خصوصیات حالات $,|eta_{10}
angle,|eta_{00}
angle,|eta_{00}
angle,|eta_{10}
angle,|eta_{11}
angle,$ خصاصیات حالات خواهند شد:

$$|\beta_{ay}\rangle = \frac{|0,y\rangle + (-1)^y |1,\bar{y}\rangle}{\sqrt{2}} \tag{TF}$$

درهمتنیدگی

در حوزه فیزیک کوانتومی، یکی از گیج کننده ترین پدیده هایی که همچنان توجه دانشمندان و فیلسوفان را به خود جذب می کند، «درهم تنیدگی» است. این مفهوم درک متعارف ما از واقعیت را به چالش میکشد و باعث بحثها، آزمایشها و تحقیقات فلسفی بیشماری شده است.

درهم تنیدگی به ارتباط فوقالعادهای اطلاق میشود که میتواند بین دو یا چند ذره، بدون توجه به فاصلهای که آنها را از هم، وجود داشته باشد. هنگامی که ذرات در هم میپیچند، ویژگیهای آنها مانند اسپین، تکانه و قطبش به گونهای به هم مرتبط می شوند که تغییر حالت یک ذره بدون توجه به فضای فیزیکی بین آنها، فوراً بر وضعیت ذره دیگر تأثیر میگذارد. به نظر میرسد این ارتباط آنی با مفاهیم کلاسیک علت و معلول مخالفت میکند.

یکی از مشهورترین آزمایشهای فکری که درهم تنیدگی را نشان میدهد، پارادوکس انیشتین پودولسکی روزن (EPR) است. در این سناریو، دو ذره درهم تنیده که اغلب به آنها «آلیس» و «باب» گفته می شود، جدا شده و به مکان های مختلف فرستاده می شوند. وقتی اندازه گیری روی یک ذره انجام می شود، حالت آن فوراً مشخص می شود و باعث می شود وضعیت ذره دیگر نیز مشخص شود، این تغییر حالت از راه دور حتی اگر دو ذره ی درهم تنیده سالهای نوری از هم فاصله داشته باشند؛ رخ خواهد داد. این نقض آشکار محدودیت سرعت نور، درک ما از نحوه انتقال اطلاعات را به چالش کشیده است.

درهم تنیدگی فقط یک مفهوم نظری نیست. به طور تجربی از طریق آزمایش های مختلف مشاهده و تأیید شده است. یکی از مهمترین آزمایشهایی که درهم تنیدگی را به صورت تجربی نشان میدهد، آزمون بل است. این آزمایش نقض نابرابریهای بل را آزمایش میکند. وقتی اندازه گیریهای ذرات درهم تنیده این نابرابریها را نقض میکند، نشان میدهد که رفتار آنها توسط فیزیک کلاسیک قابل توضیح نیست و در عوض به واقعیت درهمتنیدگی کوانتومی اشاره میکند.

پیامدهای درهم تنیدگی عمیق و پیچیده است و فراتر از محدوده آزمایشگاه های فیزیک است. محققان همواره در حال بررسی کاربردهای بالقوه درهم تنیدگی در زمینه هایی مانند محاسبات کوانتومی و رمزنگاری کوانتومی هستند. توانایی درهم تنیدگی برای فعال کردن کیوبیتها (بیتهای کوانتومی) برای وجود همزمان در چندین حالت، این پتانسیل ایجاد تحولات شگرفی در رمزنگاری کوانتومی و محاسبات کوانتومی دارد و به راهحلهایی منجر شود که قبلا غیرممکن تلقی میشدند.

در نتیجه، از درهم تنیدگی به عنوان یکی از جذاب ترین و گیج کننده ترین پدیده ها در قلمرو فیزیک کوانتومی یادمی شود. ارتباط اسرارآمیز آن بین ذرات، شهود کلاسیک را به چالش می کشد و همچنان مرزهای درک ما از جهان را پیش می برد. همانطور که دانشمندان عمیق تر به پیچیدگی های درهم تنیدگی و کاربردهای بالقوه

دوربری

آن می پردازند.

دوربري

دوربری کوانتومی تکنیکی برای جابجایی حالات کوانتومی به نقاط دیگر است. در اینجا نحوه عملکرد دوربری کوانتومی آمده است:

آلیس و باب مدت ها پیش با هم آشنا شدند اما اکنون دور از هم زندگی می کنند. در حالی که آنها با هم یک جفت EPR تولید کردند، هر کدام یک کیوبیت از جفت EPR را در هنگام جدا شدن می گرفتند. سالها بعد، باب مخفی است، و ماموریت آلیس، در صورتی که آن را بپذیرد، تحویل یک کیوبیت $|\Psi|$ به باب است. او وضعیت و خصوصیات کیوبیت را نمی داند و علاوه بر این فقط می تواند اطلاعات کلاسیک را برای باب ارسال کند. آیا آلیس باید این مأموریت را بپذیرد؟

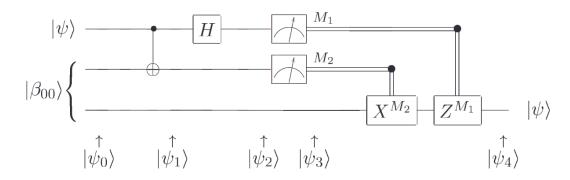
درظاهر، تمام شرایط علیه آلیس است. او وضعیت $|\Psi|$ کیوبیتی را که باید برای باب بفرستد نمی داند، و طبق قوانین مکانیک کوانتومی، او حق تعیین وضعیت $|\Psi|$ را ندارد؛ زیرا فقط یک نسخه از جفت کیوبیت را در اختیار دارد. به علاوه، حتی اگر او حالت $|\Psi|$ را می دانست، توصیف دقیق آن به مقدار نامحدودی از اطلاعات کلاسیک نیاز دارد، زیرا $|\Psi|$ مقادیری را در یک فضای پیوسته می گیرد.

بنابراین حتی اگر او $|\Psi\rangle$ را می دانست، برای آلیس تا ابد طول می کشید تا وضعیت را برای باب توصیف کند. دوربری کوانتومی راهی برای استفاده از جفت EPR درهم تنیده به منظور ارسال $|\Psi\rangle$ به باب، تنها با سربار کوچکی از ارتباطات کلاسیک است. این مسأله وضعیت را برای آلیس تغییر می دهد.

به طور کلی، مراحل حل به شرح زیر است: آلیس با کیوبیت $|\Psi|$ با یک کیوبیت خود از جفت ،EPR و سپس دو کیوبیت در اختیارش را اندازه گیری می کند و یکی از چهار نتیجه کلاسیک ممکن ، ۰۰، ،۱۰ ،۱۰ ،۱۰ ،۱۰ را بدست می آورد. درنهایت او این اطلاعات را به باب ارسال می کند.

بسته به پیام کلاسیک آلیس، باب یکی از چهار عملگر جدول زیر را روی کیوبیت EPR خود اعمال میکند. به طرز شگفت انگیزی، با انجام این کار او می تواند حالت اولیه را بازیابی کند $|\Psi|$! مدار کوانتومی نشان داده شده در شکل زیر توصیف دقیق تری از دوربری کوانتومی ارائه می دهد. دوربری حالتی که باید از راه دور منتقل شود عبارت است از $|\Psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$ که α و α ناشناخته هستند.

$$|\psi_0\rangle = |\psi\rangle|\beta_{00}\rangle \tag{70}$$



شکل ۲۰: مدار کوانتومی برای انتقال یک کیوبیت دو خط بالا نشان دهنده سیستم آلیس هستند، در حالی که خط پایین نشان دهنده سیستم آلیس است خط سیستم باب است. مترها اندازه گیری را نشان می دهند و خطوط دوتایی که از آنها بیرون می آیند دارای حالت کلاسیک هستند بیت ها (به یاد بیاورید که خطوط منفرد نشان دهنده کیوبیت هستند)

$$=\frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha|0\rangle(|00\rangle+|11\rangle)+\beta|1\rangle(|00\rangle+|11\rangle)] \tag{$\it T$}$$

جایی که ما از این قاعده استفاده می کنیم که دو کیوبیت اول (در سمت چپ) متعلق به آلیس هستند و کیوبیت سوم متعلق به باب است. همانطور که قبلا توضیح دادیم ، کیوبیت دوم آلیس و کیوبیت باب در یک حالت EPR شروع می شوند. آلیس یک گیت CNOT را روی کیوبیتهای خود اثر می دهد. از این رو:

$$|\psi_1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha|0\rangle(|00\rangle + |11\rangle) + \beta|1\rangle(|10\rangle + |01\rangle)] \tag{TV} \label{eq:psi_1}$$

سپس گیت هادامارد را روی اولین کیوبیت اثر میدهد و به دست می آورد:

دوربری دوربری

$$|\psi_2\rangle = \frac{1}{2}[\alpha(|0\rangle+|1\rangle)(|00\rangle+|11\rangle) + \beta(|0\rangle-|1\rangle)(|10\rangle+|01\rangle)] \tag{TA}$$

این حالت را می توان به روش زیر بازنویسی کرد، به سادگی با گروه بندی مجدد عبارات:

$$\begin{split} |\psi_2\rangle = &\frac{1}{2}[|00\rangle(\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle) + |01\rangle(\alpha|1\rangle + \beta|0\rangle) \\ &+ |10\rangle(\alpha|0\rangle - \beta|1\rangle) + |11\rangle(\alpha|1\rangle - \beta|0\rangle)] \end{split} \tag{\ref{eq:proposition}}$$

این عبارت به طور طبیعی به چهار اصطلاح تقسیم می شود. عبارت اول دارای کیوبیت های آلیس است در حالت $\alpha|0
angle+\beta|1
angle$ قرار دارد. حالت $\alpha|0
angle+\beta|1
angle$ است؛ در حالت $\alpha|0
angle+\beta|1
angle$ قرار دارد.

. اگر آلیس یک اندازه گیری را انجام دهد و نتیجه ۰۰ را به دست آورد، آنگاه کیوبیت باب دقیقا همان $|\Psi|$ میباشد. به طور مشابه:

$$\begin{array}{l} 00 \longmapsto |\psi_{3}(00)\rangle \equiv [\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle] \\ \\ 01 \longmapsto |\psi_{3}(01)\rangle \equiv [\alpha|1\rangle + \beta|0\rangle] \\ \\ 10 \longmapsto |\psi_{3}(10)\rangle \equiv [\alpha|0\rangle - \beta|1\rangle] \\ \\ 11 \longmapsto |\psi_{3}(11)\rangle \equiv [\alpha|1\rangle - \beta|0\rangle] \end{array} \tag{\mathfrak{F}.}$$

بسته به نتیجه اندازه گیری آلیس، کیوبیت باب به یکی از این چهار حالت ممکن قرار خواهد گرفت. البته، برای پیدا کردن حالت کیوبیت، باید نتیجه اندازه گیری آلیس را به باب اعلام کرد. کمی پیش تر نشان خواهیم داد که همین وضعیت مانع از استفاده از دوربری برای انتقال اطلاعات با سرعتی، سریعتر ازسرعت نور می شود.

هنگامی که باب نتیجه اندازه گیری را فهمید، باب می تواند حالت کیوبیت خود را «تثبیت» کند و با استفاده از گیت کوانتومی مناسب، $|\Psi\rangle$ را بازیابی کند. به عنوان مثال، در موردی که اندازه گیری نتیجه ی ۰۰ را نشان

می دهد، باب نیازی به انجام کاری ندارد. اگر نتیجه ی اندازه گیری ۰۱ باشد، باب می تواند حالت کیوبیت خود را با اعمال گیت X اصلاح کند.

اگر نتیجه ی اندازه گیری ۱۰ باشد، باب می تواند حالت کیوبیت خود را با استفاده از گیت Z ثابت کند. اگر اندازه گیری ۱۱ باشد، باب می تواند با اعمال ابتدا یک X و سپس یک گیت Z حالت کیوبیت خود را اصلاح کند. به طور خلاصه، باب باید تبدیل ZM1XM2 را در کیوبیت خوداعمال کند T^* ؛ و بدین طریق او می تواند حالت $|\Psi\rangle$ را بازیابی می کند.

با مطرح کردن مفهوم تلپورت کوانتومی، سوالات زیادی مطرح می شود. در اینجا به تعدادی از متداول ترین سوالات مطرح کرده و پاسخ می دهیم:

سوال اول

آیا دوربری به فرد اجازه نمی دهد حالتهای کوانتومی را سریعتر از نور منتقل کند؟ این امر بسیار جذاب و شگرف است؛ زیرا تئوری نسبیت نشان می دهد که انتقال اطلاعات سریعتر از نور می تواند برای ارسال اطلاعات به عقب در زمان استفاده شود. دوربری کوانتومی ارتباط سریعتر از سرعت نور را امکانپذیر نمی کند، زیرا برای تکمیل دوربری، آلیس باید نتیجه اندازه گیری خود را از طریق یک کانال ارتباطی کلاسیک به باب منتقل کند.

ميتوان نشان داد؛ كه بدون اين كانال ارتباطي كلاسيك، دوربري توان انتقال هيچ اطلاعاتي را ندارد.

کانال ارتباط کلاسیک با سرعت نور محدود می شود، بنابراین میتوان نتیجه گرفت که تله پورت کوانتومی نمی تواند سریعتر از سرعت نور انجام شود و این تناقض ظاهری را حل می شود.

سوال دوم

در فرآیند دوربری به نظر می رسد یک کپی از حالت کوانتومی در حال انتقال از راه دور ایجاد می شود؛ در حالی که آشکارا قضیه عدم شبیه سازی^{۳۲} مورد بحث نقض می کند.

این نقض ناشی از دقت کم و یا توهم است؛ زیرا پس از فرآیند دوربری فقط کیوبیت هدف در حالت $|\Psi|$ باقی می ماند و کیوبیت اصلی که حامل داده است؛ با توجه به فرآیند اندازه گیری حالت اصلی به یکی از حالت های

^{۳۱} توجه داشته باشید که چگونه زمان در نمودارهای مدار از چپ به راست میگذرد، اما در عملیاتهای ماتریسی سمت راست اول اتفاق میافتد

No cloning theorem**

دوربری دوربری

پایه محاسباتی $|0\rangle$ یا $|1\rangle$ رمبش میکند.

پیاده سازی دوربری در کیس کیت

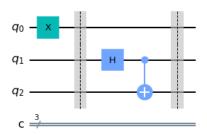
ابتدا ابزار و كتابخانههاي لازم را فراميخوانيم:

```
from qiskit import *
from qiskit.visualization import plot_histogram
%inline matplotlib
```

یک مدار کوانتومی با سه کیوبیت و سه بیت کلاسیک تعریف میکنیم. پس از آن یک گیت x روی اولین کیوبیت اثر می دهیم؛ تا حالت آن را تغییر دهیم. یک گیت هادامارد به کیوبیت اول و یک گیت x CNOT به هردو کیوبیت اثر می دهیم. خروجی این کار درهم تنیدگی دو کیوبیت یک و دو خواهد بود. سپس خروجی را مشاهده میکنیم:

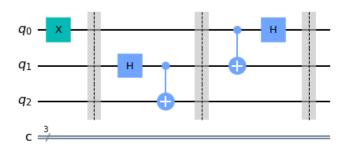
```
circuit = QuantumCircuit(3,3)
circuit.x(0)
circuit.barrier()
circuit.h(1)
circuit.cx(1,2)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

حال کیوبیت دوربری و کیوبیت آلیس را درهمتنیده میکنیم:



شکل ۲۱: درهمتنیده شدن کیوبیت باب و آلیس، با اعمال یک گیت هادامارد و یک گیت CNOT می توان دو کیوبیت را درهمتنیده کرد.

```
circuit.cx(0,1)
circuit.h(0)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

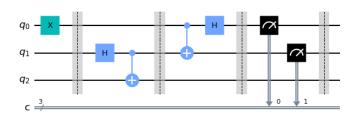


شكل ۲۲: درهمتنيده شدن كيوبيت آليس و كيوليت تلپورت

حال کیوبیت های صفر و یک (کیوبیت تلپورت و کیوبیت آلیس) را اندازه گیری میکنیم؛ سپس نتیجه را در بیت کلاسیک صفر و یک میگذاریم: دوربری

```
circuit.measure([0, 1], [0, 1])
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

نتیجهی نهایی به شکل زیر است:

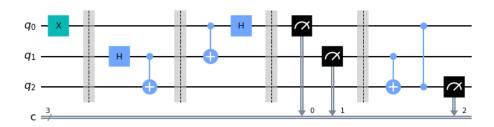


شکل ۲۳: اندازهگیری کیوبیت آلیس و سای

باب با توجه به بیتهای کلاسیکی که از سمت آلیس دریافت کرده، باید یک سری گیت کوانتومی را به کیوبیت خود اعمال کند.

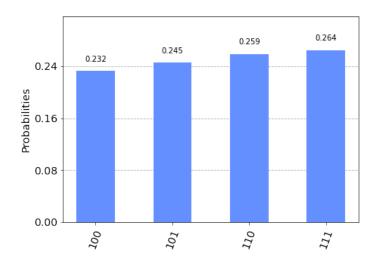
```
circuit.cx(1, 2)
circuit.cz(0, 2)
circuit.measure([2], [2])
circuit.draw(output='mpl')
```

حال مدار ایجاد شده را روی مدار پیاده سازی میکنیم:



شکل ۲۴: مرحلهی پایانی تلپورت، دادهی داخل کیوبیت سای به کیوبیت باب منتقل شده است.

```
simulator = Aer.get_backend('qasm_simulator')
result = execute(circuit, backend=simulator, shots=1024).result()
from qiskit.visualization import plot_histogram
plot_histogram(result.get_counts(circuit))
```



شکل ۲۵: بهدلیل اجراشدن مدار در شبیهساز کلاسیک شاهد نتایج ناشی از تداخل نیستیم .احتمال رخداد حالاتی که در آن مقدار کیوبیت تلپورت برابر یک است

۶١	دوربری
ر حالت کیوبیت اول است. تمامی حالاتی که مقدار این کیوبیت برابر یک باشد برای ما اهمیت	عدد اول بیانگ
	دارد.