فهرست مطالب

۵	تایی با مفاهیم اولیه	۱ اشد
۵	۱ كيوبيت	٠١.
۵	۱.۱.۱ كيوبيت واحد	
٨	۲.۱.۱ کیوبیتهای چندتایی	
٩	۲ اندازهگیری در فضای هیلبرت	٠.١
٩	vector bloch 1.۲.1	
١١	۳ گیتهای کوانتومی	'. ١
۱۱	۱.۳.۱ انواع گیت کوانتومی	
۱۸	gate Swap 7.۳.1	
۱۹	۴ مدارهای کوانتومی	٠.١
۲۲	۱.۴.۱ نحوهی نمایش مدارهای کوانتومی	
۲۳	امەنويسى كوانتومى	۲ بوذ
۲۳	ریات کو ترک ۱ تفاوت کامپیوتر کلاسیک و کوانتومی	
74	simulation vs comp	
۲۵	۱.۲.۲ تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیهسازهای کلاسیک	
۲٧	Qiskit and computer Quantum IBM	'. Y
49	وریتمهای <i>ک</i>وانتومی	۳ الگ
79	رر یتهامت ی تر متوبی ۱ موازی سازی کوانتومی	
, , 44	۱.۱.۳ مدل محاسباتی استاندارد	. 1
3	۲ مدل کوئری	. 1

فهرست مطالب	Y

٣۴											•	ج	.و	م د	يت	ئور	الگ	ی	ساز	اده	. پي	فی و	معر	٣.	٣		
٣۴															•		چ	دو ِ	ئى	سئل	۵	١.١	۳.۳				
۳۵																	وچ	م دو	ريتم	لگو	11	۲.۱	۳.۳				
٣٨																	زا	جوز		وچ	م د	وريت	الگو	۴.	٣		
۴٣														ر	ومح	نتو	كوا	ئل َ	راك	ے او	یک	عت	ساخ	۵.	٣		
40																•	افته	کما	ے ۔	مها	. 1.	. دد،	د:L	بيەس	ش	۴	
, ω															ی	5 ~:	~	7	ی		-	ا پود	-נכ			'	
۴۵																				sta	ate	es E	Bell	١.	۴		
۴٧																		. (en	tan	gle	eme	ent	۲.	۴		
49															ي	ومح	إنتو	کو	کم	مترآ	ی	گذار	رمزً	٣.	۴		
																			1								

فهرست مطالب وهرست مطالب

مقدمه

در عصر حاضر بواسطهی رشد و توسعهی نظریهی اطلاعات کوانتومی و سرمایه گذاری های مالی و انسانی بسیار در این زمینه، شاهد افزایش تعداد علاقمندان به این حوزه هستیم. در این پا

۴ فهرست مطالب

فصل ١

آشنایی با مفاهیم اولیه

۱.۱ کیوبیت

یک کیوبیت^۱، معادل یک واحد اطلاعات کوانتومی میباشد. این مفهوم معادل مفهوم کلاسیک بیت^۲ میباشد. به طور کلی هر کیوبیت حاوی دو بیت اطلاعات است. برای تبیین یک کیوبیت از خصوصیات سامانه های کوانتومی، بهرهمیبریم. کیوبیت یک سیستم کوانتومی با فضای دوبعدی است. برای تعیین این دوبعد میتوان از یکی از خصویات سامانه های کوانتومی استفاده کرد.

١٠١٠١ كيوبيت واحد

برخلاف بیت ها که مقادیر ثابت ، یا ۱ را به خود میگیرند؛ یک کیوبیت میتواند در یک حالت «برهمنهی کوانتومی"» باشد؛ این بدان معناست که یک کیوبیت بواسطهی مشاهده ناظر به یکی از حالات ، یا یک تبدیل شود. این مهمترین مزیت استفاده از کیوبیتهاست.

Qubit'

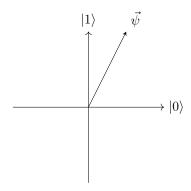
Binary Bit[†]

Quantum Superposition r

بیان ریاضی یک کیوبیت ،در حالت برهمنهی، به شرح زیر است:

$$\begin{cases} |\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle \\ \alpha^2 + \beta^2 = 1 \end{cases}$$

کتهای $\langle 0 | e \rangle$ بیانگر پایههای فضای محاسباتی هستند؛ و مقادیر α^2 و α^2 بیانگر احتمال وقوع هر یک از این حالات، در صورت مشاهده، میباشند. نمایش بردار ψ به شکل زیر است:



در بسیاری از مواقع برای سهولت در محاسبات، عملگرها و حالات کوانتومی به کمک ماتریسها نمایش داده می شوند. فرم ماتریسی هر یک از حالات ذکر شده در بالا به شرح زیر است:

$$|1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad |0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad (1.1)$$

برای تعریف کیوبیت ها، راه های زیادی وجود دارد، حالات قطبش فوتون،اسپین الکترون،یا سطوح انرژی اتم،هریک میتوانند تعیین کنندهی بردارهای فضای کیوبیت باشند.

به طور کلی، حالت کیوبیت یک بردار واحد در فضای برداری دو بعدی پیچیده است.

Computational Basis Vectors[†]

۱.۱. كيوبيت

در بیشتر مدل های انتزاعی ما از جهان، یک ارتباط مستقیم بین عناصر انتزاع و دنیای واقعی وجود دارد. درست همانطور که طرح های یک معمار برای یک ساختمان با ساختمان نهایی مطابقت دارد. فقدان این ارتباط مستقیم در مکانیک کوانتوم باعث می شود که درک رفتار سیستم های کوانتومی دشوار باشد؛ با این حال، یک ارتباط غیرمستقیم وجود دارد، زیرا می توان حالت های کیوبیت را دستکاری و تبدیل کرد به وضعیتهایی که منجر به نتایج اندازه گیری می شود. نتایج حاصل از اندازه گیری به خواص مختلف حالت بستگی دارد. بنابراین، این حالت های کوانتومی دارای پیامدهای واقعی و قابل آزمایش تجربی هستند.

مفهوم کیوبیت، با «فهم رایج» ما از جهان فیزیکی اطراف ما مغایرت دارد. یک بیت کلاسیک مانند سکه است: یا رو یا پشت. برای سکه های غیراایده آل، ممکن است حالت های واسطه ای مانند قرار گرفتن آن روی لبه وجود داشته باشد، اما در حالت ایده آل می توان آنها را نادیده گرفت.

در مقابل، یک کیوبیت می تواند در یک طیف پیوسته از حالت ها بین $\langle 0|$ و $\langle 1|$ وجود داشته باشد - تا زمانی که مشاهده شود. بار دیگر تاکید می کنیم که وقتی یک کیوبیت اندازه گیری می شود، فقط یکی از اازمقادیر $\langle \cdot \cdot \rangle$ یا $\langle \cdot \cdot \rangle$ را به عنوان نتیجه اندازه گیری می دهد. به عنوان مثال، یک کیوبیت می تواند در حالت $\langle 1|+\langle 0|$ باشد، که به این معنی است که با احتمال $\langle \cdot \cdot \cdot \rangle$ می تواند به عنوان $\langle \cdot \cdot \cdot \rangle$ اندازه گیری شود.

$$\frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle$$

حالت $\langle +|$ حالتی از کیوبیت است که با یک بردار ۲ بعدی واحد نشان داده می شود. این حالت، زمانی که اندازه گیری شود، نتیجه ۰ را ۵۰ درصد از زمان و نتیجه ۱ را ۵۰ درصد از زمان می دهد. این حالت را می توان به عنوان یک ترکیب خطی از دو حالت پایه $\langle 0|$ و $\langle 1|$ در نظر گرفت.

این حالت به دلیل عجیب بودنش جالب است. حالت های پایه $\langle 0 | e \rangle$ تنها حالاتی هستند که می توانند به طور مستقیم مشاهده شوند. حالت $\langle + | ,$ با این حال، یک حالت ترکیبی است که به طور مستقیم قابل مشاهده نیست. تنها زمانی می توان آن را مشاهده کرد که اندازه گیری شود.

با وجود غیرقابل مشاهده بودن، حالت $\langle + |$ واقعی است. وجود آن توسط آزمایشات به طور گسترده ای تأیید شده است. همچنین می توان از آن برای انجام محاسبات کوانتومی استفاده کرد.

در آینده، ممکن است حالت (+| برای اهداف مختلف دیگری نیز استفاده شود. به عنوان مثال، می تواند برای ذخیره اطلاعات یا برای ایجاد ارتباطات امن استفاده شود.

۲.۱.۱ کیوبیتهای چندتایی

Hilbert space is a big place.

- Carlton Caves

فرض کنید دو کیوبیت داریم. اگر این دو بیت کلاسیک بودند، چهار حالت ممکن وجود داشت: مرکن وجود داشت: 1.00 (1.00) (1

$$|\Psi\rangle = a|00\rangle + b|01\rangle + c|10\rangle + d|11\rangle$$

جایی که ،a و c b، a و d دامنه های چهار حالت را نشان می دهند. دامنه ها می توانند هر عدد مختلطی باشند، اما معمولاً به گونه ای نرمال می شوند که مجموع آنها برابر ۱ باشد. این بدان معناست که بردار حالت یک حالت کوانتومی معتبر را نشان می دهد و کیوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در هر یک از چهار حالت محاسباتی را دارند.

به عنوان مثال، بردار حالت:

$$|\Psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|11\rangle$$

یک سیستم دو کیوبیتی را نشان می دهد که در یک برهمنهی مساوی از حالت های ۰۰ و ۱۱ است. این بدان معناست که کیوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در حالت ۰۰ یا ۱۱ را دارند.

بردار حالت یک سیستم دو کیوبیتی را می توان برای محاسبه احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در هر یک از چهار حالت محاسباتی استفاده کرد. به عنوان مثال، احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در حالت ۰۰ با فرمول زیر داده می شود:

$$P(|00\rangle) = |a|^2 = \frac{1}{2}$$

احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در هر حالت دیگر را می توان به روشی مشابه محاسبه کرد.

نتیجه اندازه گیری $|a_x|^2$ با احتمال $|a_x|^2$ با احتمال کیوبیت ها اختیا حالت کیوبیت ها $|\Psi\rangle=1$ با احتمال $|a_x|^2$ با احتمال $|a_x|^2$ با این بدان معناست که اگر ما یک سیستم دو کیوبیتی را در حالت $|a_x|^2$ با این بدان معناست که اگر ما اولین کیوبیت را اندازه گیری کنیم، احتمال اینکه و را اندازه گیری کنیم برابر $|a_x|^2$ دا خواهد بود. در این حالت، حالت کیوبیت ها پس از اندازه گیری کنیم برابر $|a_x|^2$ خواهد بود.

$$|\psi'\rangle = \frac{\alpha_{00}|00\rangle + \alpha_{01}|01\rangle}{\sqrt{|\alpha_{00}|^2 + |\alpha_{01}|^2}}$$

توجه داشته باشید که حالت پس از اندازه گیری با عامل $\sqrt{|00|^2 + |00|}$ نرمال می شود تا همچنان شرط نرمال سازی را، درست همانطور که برای یک حالت کوانتومی معتبر انتظار می رود، برآورده کند. این بدان معناست که حالت پس از اندازه گیری به گونه ای تغییر می کند که احتمالات آن جمع شده و برابر ۱ شود.

۲.۱ اندازه گیری در فضای هیلبرت

vector bloch 1.7.1

ما تا کنون اندازه گیری های کوانتومی یک کیوبیت در حالت $\langle 1| + | \alpha | 0 \rangle$ به عنوان نتیجه ۱ یا ۱ توصیف کرده ایم که کیوبیت را در حالت $\langle 0|$ یا $\langle 1|$ مربوطه باقی می گذارد، با احتمالات $| \alpha |$ و $| \alpha |$ در حقیقت، مکانیک کوانتوم به اندازه کافی انعطاف پذیری در کلاس اندازه گیری هایی که می توان انجام داد، اگرچه مطمئناً به اندازه کافی نیست که α و β را از یک اندازه گیری واحد بازیابی کند! توجه داشته باشید که $| \alpha |$ و $| \alpha |$ فقط یکی از بسیاری از انتخاب های ممکن برای پایه های حالت برای یک کیوبیت هستند. یک انتخاب دیگر مجموعه به شرح زیر است:

$$|-\rangle \equiv (|0\rangle - |1\rangle)\sqrt{2} |+\rangle \equiv (|0\rangle + |1\rangle)\sqrt{2}$$

یک حالت دلخواه $|+\rangle=lpha 0
angle+\beta 1$ را می توان با استفاده از حالت های $|+\rangle=lpha 0
angle+\beta 1$ بازنویسی کرد:

$$|\Psi\rangle=\alpha|0\rangle+\beta|1\rangle=\frac{(\alpha+\beta)}{2}|+\rangle+\frac{(\alpha-\beta)}{2}|-\rangle$$

در این بیان، $\langle +|e\langle -|$ به عنوان پایه های "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

اندازه گیری در پایه های دیگر به غیر از پایه محاسباتی یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

در واقع، این امکان وجود دارد که حالت های $\langle +|$ و $\langle -|$ را به گونه ای که گویی آنها حالت های پایه محاسباتی هستند، در نظر بگیریم و با توجه به این پایه جدید اندازه گیری کنیم. طبیعی است که

اندازه گیری با توجه به پایه $\langle -| , \langle +|$ منجر به نتیجه "+" با احتمال $\frac{|\alpha+\beta|^2}{2}$ و نتیجه "-" با احتمال $\frac{|\alpha-\beta|^2}{2}$ می شود.

در این بیان، $\langle +|$ و $\langle -|$ به عنوان "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

به طور کلی تر، با توجه به هر دو پایه حالت $|a\rangle$ و $|a\rangle$ برای یک کیوبیت، می توان هر حالت دلخواهی را به عنوان یک ترکیب خطی $|a\rangle+\beta|b\rangle$ از آن حالات بیان کرد. علاوه بر این، اگر این حالات متعامد باشند، می توان با توجه به پایه $|a\rangle+\beta|$ اندازه گیری کرد، که نتیجه $|a\rangle+\alpha|$ و $|a\rangle+\alpha|$ با احتمال $|a\rangle+\alpha|$ قابل رخداد است.

با توجه به بیان احتمالاتی مفهوم کیوبیت و نرمال بودن مقادیر احتمالات و متعامد بودن پایهها، لازم است تا $|\alpha|^2 + |\alpha|^2 + |\alpha|^2$ باشد همانطور که برای احتمالات انتظار می رود. به طور مشابه، در اصل می توان یک سیستم کوانتومی از بسیاری از کیوبیت ها را با توجه به یک پایه متعامد دلخواه اندازه گیری کرد.

اندازه گیری در پایه های دیگر یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

دلایل زیادی برای استفاده از این مدل توسعهیافته برای اندازه گیری های کوانتومی وجود دارد، اما در نهایت بهترین دلیل این است: این مدل به ما امکان توصیف نتایج تجربی مشاهده شده نظیر نتایج آزمایش اشترن-گرلاخ 4 را می دهد.

Stern-Gerlach^a

۲.۱. *گیتهای کوانتومی*

۳.۱ گیتهای کوانتومی

گیتهای کوانتومی⁹ یکی از اولین و مهمترین اجزای مدارهای کوانتومی میباشند. این گیتها عملگرهایی با قابلیت اثرگذاری روی کیوبیتها میباشند. با اعمال یک گیت کوانتومی بر روی یک یا چند کیوبیت، میتوان تغییرات مدنظر خود را روی کیوبیت اعمال کرد. با کمک این گیتها میتوان باعث برهمنهی کوانتومی یا رمزگذاری داده در داخل یک یا چند کیوبیت شد.

۱.۳.۱ انواع گیت کوانتومی

گیتهای کوانتومی، دارای انواع مختلف گوناگونی میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی، عملگرهایی یکه و بازگشتپذیر میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی متناسب با تعداد کیوبیتهایی که از آنها اثرمیگیرند؛ دستهبندی میکنیم. در این گفتار به گیتهای تک کیوبیتی و دو کیوبیتی میپردازیم.

گیت هادامارد

مهمترین گیت کوانتومی، گیت هادامار $^{\vee}$ است. با اعمال اثر این گیت روی یک کیوبیت، آن کیوبیت به یک حالت برهم نهی کوانتومی گذار می کند. به عبارت دیگر هر یک از زیرحالات این حالت برهم نهی، با احتمال یکسانی قابل رخ دادن هستند.

$$H|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)$$
 $H|1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$

این گیت کوانتومی به صورت خطی روی یک دسته کت اثر میکند. نمایش ماتریسی این گیتکوانتومی به شرح زیر است:

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1\\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Quantum Gates

Hadamard gate^V

$$H|0\rangle = rac{1}{\sqrt{2}} egin{pmatrix} 1 & 1 \ 1 & -1 \end{pmatrix} egin{pmatrix} 1 \ 0 \end{pmatrix} \ = rac{1}{\sqrt{2}} egin{pmatrix} 1 \ 1 \end{pmatrix} \ = rac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1
angle)$$

$$H|1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}\begin{pmatrix}1&1\\1&-1\end{pmatrix}\begin{pmatrix}0\\1\end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}}\begin{pmatrix}1\\-1\end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

این گیت کوانتومی، یک گیت بازگشتپذیر است؛ یعنی اگر این گیت روی یک حالت کوانتومی اثر کند؛ میتواند آن را از حالت برهمنهی خارج کند.

برای اعمال این گیت کوانتومی، فقط به یک کیوبیت نیاز داریم. به اصطلاح این گیت، یک Single-Qubit Quantum gate

نمایش این گیتکوانتومی در مدار با علامت زیر است:
$$H$$

NOT گىت

گیت کوانتومی U_{NOT} یک عملگر یکه و بازگشتپذیر است.

$$U_{NOT}|0\rangle = |1\rangle$$

$$U_{NOT}|1\rangle = |0\rangle$$

نمایش ماتریسی گیت NOT

می بینید که اگر فقط پایه را در نظر بگیریم، دقیقاً مانند دروازه کلاسیک NOT است. نمایش ماتریسی این گیت به شکل زیر است:

$$U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

از آنجایی که یک حالت کیوبیت در فضای هیلبرت دو بعدی تعریف شده است. ابعاد ماتریس باید ۲ × ۲ باشد. از این رو میتوان نوشت:

$$\begin{aligned} U_{NOT}|0\rangle &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} |0\rangle \\ &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |1\rangle \end{aligned}$$

$$egin{aligned} oldsymbol{U}_{ ext{NOT}}|1
angle &= \left(egin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}
ight)|1
angle \\ &= \left(egin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}
ight) \left(egin{array}{cc} 0 \\ 1 \end{array}
ight) = \left(egin{array}{cc} 1 \\ 0 \end{array}
ight) = |0
angle \end{aligned}$$

مدار NOT و خصوصیات آن

با اعمال گیت $|\Psi
angle=lpha|0
angle+eta|1
angle$ به حالت U_{NOT} با اعمال

$$\begin{split} \boldsymbol{U}_{\text{NOT}}|\Psi\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array} \right) |\Psi\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \end{array} \right) = \left(\begin{array}{c} \beta \\ \alpha \end{array} \right) = \beta |0\rangle + \alpha |1\rangle \end{split}$$

علاوه بر دروازه NOT یک کیوبیتی، میتوانیم دو کیوبیتی نیز بسازیم. میبایست حاصل ضرب تانسوری دو دروازه NOT یک کیوبیتی را محاسبه کنیم؛ تا یک دروازه NOT دو کیوبیتی بدست آوریم زیرا یک بردار دو کیوبیتی در فضای \mathbb{C}^4 قرار دارد. که حاصل ضرب تانسور دو فضای \mathbb{C}^2 است. از این رو:

$$U_{NOT_2} = U_{NOT} \otimes U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \otimes \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} 1 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

نمایش یک گیت NOT به صورت زیر است:

X

با اعمال گیت دوکیوبیتی NOT به یک سیستم دو کیوبیتی نظیر $|\Psi
angle=lpha|00
angle+eta|01
angle+\gamma|10
angle+\delta|11
angle$

$$egin{aligned} m{U_{NOT_2}}|\Psi
angle = \left(egin{array}{cccc} 0 & 0 & 0 & 1 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 0 \ 1 & 0 & 0 & 0 \end{array}
ight) \left(egin{array}{c} lpha \ eta \ \gamma \ eta \end{array}
ight) = \left(egin{array}{c} \delta \ \gamma \ eta \ lpha \end{array}
ight) \end{aligned}$$

گىت CNOT

NOT گیت کوانتومی $^{^{^{^{^{^{^{0}}}}}}}$ ، به عنوان گیت منطقی نیز یاد می شود. این گیت کوانتومی معادل گیت NOT کلاسیک می باشد. به طور معمول، برای اعمال اثر این گیت کوانتومی نیاز به دو کیوبیت داریم. این گیت کوانتومی فقط و فقط در مواقعی که «کیوبیت کنترل $^{^{^{^{^{^{^{^{0}}}}}}}}$ دارای مقدار $|1\rangle$ باشد، باعث تغییر وضعیت «کیوبیت هدف $|1\rangle$ می شود.

کیوبیت کنترلی: کیوبیتی است که عملکرد کیوبیت دیگری به نام کیوبیت هدف را کنترل می کند. کیوبیت کنترل تعیین می کند که آیا کیوبیت هدف برگردانده شود یا خیر. اگر کیوبیت کنترل در حالت $|0\rangle$ باشد، کیوبیت هدف بدون تغییر باقی می ماند. اگر کیوبیت کنترل در حالت $|1\rangle$ باشد، کیوبیت هدف

gate controlled-X or gate controlled-NOTA

Qubit Controled

Qubit Target\'

۳.۱. گیته*ای کوانتومی*

۱۵

برگردانده می شود.

کیوبیت هدف: همان کیوبیتی است که توسط کیوبیت کنترل بر روی آن عمل می شود. بسته به وضعیت کیوبیت کنترل، کیوبیت هدف را می توان برگرداند یا بی تغییر رها کند.

$$U_{CNOT}|ab\rangle = |aa \oplus \rangle b$$

ه تواند هر $|ab\rangle$ این یک بردار در فضای \mathbb{C}^4 و a و a دارای مقدار ۱ یا ۱ هستند. $|ab\rangle$ می تواند هر یک از حالت های یایه(یعنی $|11\rangle$, $|10\rangle$, $|10\rangle$, $|10\rangle$ باشد.

این معادله به ما می گوید؛ که پس از اعمال گیت CNOT به یکی از پایهها، آن حالت به حالت پایه دیگری تبدیل خواهد شد. که این حالت برابر $|a\ a\oplus b\rangle$ می باشد. به طوری که:

$$|a \ a \oplus b\rangle = |a\rangle \otimes |a \oplus b\rangle$$

بعد از عمل، عدد اول همچنان a است، اما عدد دوم به $a \oplus b$ تبدیل می شود، جایی که \oplus عملیات منطقی کلاسیک انحصاری یا (XOR) است. توجه کنید که:

$$0 \oplus 0 = 0$$

$$0 \oplus 1 = 1$$

$$1 \oplus 0 = 1$$

$$1\oplus 1=0$$

$$U_{CNOT}|00\rangle = |0,0 \oplus 0\rangle = |0,0\rangle = |00\rangle$$

$$U_{CNOT}|01\rangle = |0,0 \oplus 1\rangle = |0,1\rangle = |01\rangle$$

$$U_{CNOT}|10\rangle = |1, 1 \oplus 0\rangle = |1, 1\rangle = |11\rangle$$

$$U_{CNOT}|11\rangle = |1, 1 \oplus 1\rangle = |1, 1\rangle = |10\rangle$$

خلاصهای از عملکرد این عملگر به شرح زیر است:

A	$\mathrm{B}\rangle$		A	$B\oplus A\ \rangle$
$ \text{control}\rangle$	$ {\rm target}\rangle$	Effect CNOT Gate	$ \text{control}\rangle$	$ {\rm target}\rangle$
<u>_</u>				
$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	\Longrightarrow	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$
$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	\Longrightarrow	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$
$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	\Longrightarrow	$ 1\rangle$	$ 1\rangle$
$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	\Longrightarrow	$ 1\rangle$	$ 0\rangle$

نمایش ماتریسی این گیت کوانتومی به شکل زیر است:

$$CNOT = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad \begin{vmatrix} a \rangle \\ |b \rangle \qquad \qquad |a \oplus b \rangle$$

شكل ۱.۱: نمايش ماتريسي و نمايش گيت كوانتومي CNOT

در شکل بالا گیت CNOT در مدار کوانتومی به تصویر درآمده است. کیوبیت کنترل شده حالت در شکل بالا گیت $|b\rangle$ می باشد.

با اعمال این عملگر به حالت $\langle 10 |$ داریم:

$$\text{CNOT} |10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |11\rangle$$

این فرآیند به صورت معکوس نیز قابل رخ دادن است:

۲۰.۱ گیتهای کوانتومی

$$\text{CNOT} |11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = |10\rangle$$

از این گیت کوانتومی، برای بسیاری مدارها و شبیه سازی های کوانتومی، از جمله تلپورت، درهمتنیدگی و ...،استفاده می شود.

گیت تغییر فاز

گیت تغییر فاز که به آن گیت P یا گیت فاز نیز می گویند، یک کیوبیت است. دروازه ای که فاز نسبی را بین دو بردار پایه جابجا می کند. به عنوان زیر تعریف شده است:

$$U_{SWAP}|ab\rangle = |ba\rangle$$

که در آن @ فاز و e @ فاکتور فاز است. زمانی که گیت شیفت فاز باشد اعمال بر بردار پایه e @ هیچ کاری انجام نمی دهد. اما زمانی که آن را به بردار پایه e @ فاز اضافی به آن اضافه می کند. اضافه کردن یک فاز اضافی به معنای که بردار در e @ فرب شود. چرا ما فقط فاز اضافی را اعمال می کنیم به پایه دوم e منظور از جابجایی فاز نسبی بین چیست e دو بردار پایه e اگر به شکل ماتریس آن نگاه کنیم و مشاهده کنیم، درک آن آسانتر است چگونه یک بردار کلی را ایجاد می کند

نمایش ماتریسی گیت تغییر فاز

۷.۱۶ شما می توانید آن را به راحتی بررسی کنید که معادله. (۷.۱۶) معادله را برآورده می کند. (۶.۱۶). مثلا ۸.۱۶

گیت تغییر فاز در مدار و خصوصیات آن

۹.۱۶ در بردار اصلی، α و Ξ که به طور کلی اعداد مختلط هستند، می توانند باشند به عنوان حاصل ضرب فریب فاز و بزرگی آنها نشان داده می شود. به عنوان مثال α اقا افا و Ξ = Ξ اقا افا که در آن

 α و α هستند. بنابراین، اختلاف فاز آنها α - α است. با توجه به گیت α شیفت فاز، فاز از α بدون تغییر است اما فاز Ω به Ω + Ω تغییر می کند. بنابراین، خویشاوندان آنها فاز با آ تغییر می کند. این همچنین توضیح می دهد که چرا تغییر فاز فقط در مورد اعمال می شود حالت یایه دوم معنادار باشد. اگر برای هر دو اعمال شود، تغییری ایجاد نمی شود در اختلاف فاز 🛚 یارامتری از گیت تغییر فاز است. هنگامی که $\P = \pi$ دروازه تبدیل می شود $\pi = \pi$ (۱-۰۰۱) زيرا $\pi \sin i + \pi \cos = i\pi e$. و اين فقط ماتريس $\pi \sin i + \pi \cos = i\pi e$. و به آن Z-gate نيز مي گويند. گيت تغيير فاز فاز نسبي ا٠ او ۱۱ اا را با اا تغيير مي دهد. و به اين ترتيب گیت Z فاز نسبی را با π تغییر می دهد. این باعث می شود Z-gate بسیار خاص باشد و بچرخد در مبنای ا+ایا / ا_ا، دروازه Z به عنوان یک دروازه NOT (دروازه (X عمل می کند. این ممکن است صدای گیج کننده بیایید به یاد بیاوریم که معنای دروازه NOT چیست. وقتی NOT گیت به حالت پایه اعمال می شود، حالت پایه به حالت پایه دیگر تبدیل می شود. از آنجایی که یک گیت ۱ کیوبیتی است، تنها ۲ بردار پایه وجود دارد. این به این معنی است که NOT گیت حالت پایه را به یکدیگر تبدیل می کند. به عنوان مثال، در فضای تشکیل شده توسط بردارهای پایه ا ۱ او ۱۱ ای دروازه NOT ا ۱ ای به ۱۱ ا و بالعكس تبديل مي كند. از اين رو، انتظار مي رود يك دروازه NOT در فضاي ا+؟ / اـ؟ ا+؟ به ا_؟ و بالعكس تبديل شود. اجازه دهيد بررسي كنيم كه آيا دروازه Z در مبناي ا+؟ / ا_؟ به عنوان يك گبت NOT رفتار می کند. ۱۶ fig ۱۰.۱۶

می بینیم که گیت Z $I+\mathbb{Z}$ را به $I-\mathbb{Z}$ تبدیل می کند. در اینجا من از ماتریس استفاده نمی کنم نمایندگی. من از درک خود از Z-gate استفاده می کنم که تغییر فاز را اضافه می کند از π به ضریب حالت پایه دوم (یعنی I I). بنابراین، من فقط ضرب می کنم I I I امیدوارم بتوانید آموزش خود را در مورد این مهارت شروع کنید زیرا چنین است درک و بینش برای شما مهم است که بتوانید کوانتومی جدید طراحی کنید الگوریتم ها ضرب ماتریس درست مانند شبیه سازی مدار است که باید اجازه دهید کامپیوتر این کار را انجام دهد. درک ماهیت دروازه درست مانند آنچه ما هستیم درک مدار آنالوگ از طریق بازرسی شکل I درا نشان می دهد

gate Swap 7.7.1

یک گیت ،SWAP همانطور که از نامش پیداست، اعداد را در حالت های پایه یک ۲ کیوبیتی مبادله می کند. ثبت نام. اگر فقط حالت های پایه را در نظر بگیریم، معادل مبادله حالات است از دو الکترون تعریف این است ۱.۱۶

که در آن a و d فقط اعداد کیوبیت اول و دوم در پایه هستند ایالت ها به ترتیب. آنها می توانند a یا ۱ باشند. ساده ترین راه برای به دست آوردن عمق بیشتر درک فقط برای وصل کردن همه حالت های

۲.۱. مدارهای کوانتومی

پایه است و ما دریافت می کنیم ۲.۱۶

بنابراین، تنها ۱۰۱ و ۱۰۱ تحت SWAP (به یکدیگر) تغییر می کنند. عمل. برای ا۰۰ و و ۱۱ آنها بدون تغییر هستند زیرا "۰" و "۰" تعویض می شوند. یا "۱" و "۱" معادل انجام هیچ کاری است.

نمایش ماتریسی گیت swap

4.18

از این طریق می توانیم آن را درک کنیم. از آنجایی که این یک گیت ۲ کیوبیتی برای عملیات است یک بردار در فضای چهار بعدی ،C۴ ماتریس (اپراتور) باید ۴ × ۴ باشد. علاوه بر این، فقط حالت پایه دوم و سوم را مبادله می کند. بنابراین، تنها ردیف دوم و سوم با ماتریس هویت متفاوت هستند. بیایید امتحان کنیم مثال عددی ۴.۱۶ این رابطه بصورت معکوس نیز برقرارست.

گیت swap در مدار و خصوصیات آن

به طور کلی، برای یک بردار ۲ کیوبیتی، ۱۱ آ $\alpha=0$ آ $\alpha=0$ ا ۱۰ $\alpha=0$ ا ۱۱ آ $\alpha=0$ ا ۱۱ آو داریم fig ۱۶.۱ ۵.۱۶

همانطور که انتظار می رود، ضرایب حالت های پایه دوم و سوم با هم مبادله می شوند. شکل ۱.۱۶ مدار یک عملیات SWAP را نشان می دهد. توجه داشته باشید که دوباره کیوبیت پایین MSB است. همانطور که تاکید کردیم، یک مدار کوانتومی یک جریان را نشان می دهد زمان نه یک جریان سیگنال بنابراین، بر خلاف عملیات مبادله کلاسیک، اجرای یک گیت SWAP پیچیده است و به این سادگی نیست مدار را نشان می دهد برای انجام یک عملیات ،SWAP باید مقداری خارجی صحیح اعمال کنیم یالس می کند تا حالت های دو اسیین الکترون مبادله شود.

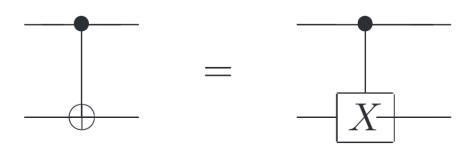
۴.۱ مدارهای کوانتومی

مدارهای کوانتومی^{۱۱}، یک دسته از گیت های کوانتومی،که با یک توالی بخصوص قرار گرفته اند، میباشند. این کیوبیت ها، با توالی یاد شده، روی یک یا چند دسته کیوبیت، اثر داده میشوند.

مدارهای کوانتومی، یکی از اولین مفهومهای بکاررفته برای تعریف کامپیوترهای کوانتومی میباشند. برای تعریف و شبیهسازی هریک از پدیدهها و الگوریتمهای کوانتومی، نیاز به پیادهسازی یک مدار بهخصوص داریم.

eireuit quantum'

مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند برای پیاده سازی طیف گسترده ای از الگوریتم های کوانتومی، از جمله الگوریتم شاور برای رمزگشایی اعداد صحیح و الگوریتم گروور برای جستجوی پایگاه داده های بدون ترتیب استفاده شوند.



شكل ۲.۱: نمایشهای مختلف گیت CNOT در مدار كوانتومی

book chuang L fig 1.1.

processes, quantum all of models as useful circuits quantum find shall We quantum even and communication, computation, to limited not but including below, this illustrate examples simple Several noise.

شباهت ها و تفاوت های مدارهای کلاسیک و کوانتومی

مدارهای کوانتومی مشابه مدارهای کلاسیک هستند، اما از دروازه های کوانتومی به جای دروازه های منطقی کلاسیک استفاده می کنند. دروازه های کوانتومی عملیات قابل برگشت هستند که می توانند برای دستکاری حالت کوانتومی یک کیوبیت استفاده شوند.

شباهت ها

- هر دو مدار کوانتومی و کلاسیک از یک دنباله عملیاتی تشکیل شده اند که به یک مجموعه داده
 اعمال می شوند.
 - هر دو مدار را می توان به صورت گرافیکی با نماد مشابهی نشان داد.

۴.۱. مدارهای کوانتومی

• هر دو مدار می توانند برای پیاده سازی الگوریتم ها استفاده شوند.

تفاوت ها

- مدارهای کوانتومی از کیوبیت ها، که معادل کوانتومی مفهوم بیت هستند، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از بیت ها ، که بیت های کلاسیک هستند ، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده می کنند.
- مدارهای کوانتومی از دروازه های کوانتومی ، که عملیات قابل برگشت هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از دروازه های منطقی ، که عملیات برگشت ناپذیر هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کوانتومی می توانند خواص مکانیک کوانتوم را ، مانند برهمنهی و درهمتنیدگی ، برای انجام کارهایی که برای رایانه های کلاسیک غیرممکن است ، بهره مند شوند.

مدار کلاسیک	مدار كوانتومي	ویژگی
بيت	كيوبيت	واحد پایه داده
دروازه های منطقی	دروازه های کوانتومی	عمليات پايه
برگشت ناپذیر	قابل برگشت	برگشت پذیری

eolumns. ۳ and rows ۳ with table a is This :۱.۱ جدول

اجزای مدارهای کوانتومی و سایز آن

اندازه مدار کوانتومی اندازه یک مدار کوانتومی تعداد دروازه های موجود در مدار است. پیچیدگی یک الگوریتم کوانتومی اغلب با اندازه مدار کوانتومی مورد نیاز برای پیاده سازی آن اندازه گیری می شود.

کیوبیت کیوبیت ها واحد پایه اطلاعات در محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند در یک -su - **کیوبیت** او perposition از دو حالت ، و ۱ باشند. این بدان معنی است که یک کیوبیت می تواند هم و هم ۱ باشد ، که یک ویژگی به نام superposition کوانتومی است. کیوبیت ها همچنین می توانند به هم متصل شوند ، که به این معنی است که حالت یک کیوبیت به حالت کیوبیت دیگر وابسته است.

دروازه ها عملیاتی هستند که روی کیوبیت ها اعمال می شوند. آنها می توانند برای ایجاد superpositions ، انجام چرخش ها و درهم تنیدگی کیوبیت ها استفاده شوند. انواع مختلفی از دروازه Toffoli ها وجود دارد ، اما برخی از رایج ترین آنها شامل دروازه Hadamard ، دروازه CNOT و دروازه است.

عملیات عملیات اقداماتی هستند که روی کیوبیت ها انجام می شوند. آنها می توانند اندازه گیری ها ، راه اندازی ها یا سایر اقدامات باشند. اندازه گیری ها برای فروپاشی حالت کوانتومی یک کیوبیت به یک مقدار قطعی ، ۰ یا ۱ استفاده می شود. راه اندازی ها برای تنظیم حالت یک کیوبیت به یک مقدار خاص ، ۰ یا ۱ استفاده می شوند.

اجزای اساسی یک مدار کوانتومی کیوبیت ها ، دروازه ها و عملیات هستند. این اجزا برای ایجاد الگوریتم های هستند که فقط می توانند روی یک رایانه کوانتومی استفاده می شوند که الگوریتم هایی هستند که فقط می توانند روی یک رایانه کوانتومی اجرا شوند. مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند و پتانسیل انقلابی در بسیاری از زمینه های مختلف ، از جمله رمزنگاری ، شیمی و یادگیری ماشین را دارند.

۱.۴.۱ نحوهی نمایش مدارهای کوانتومی

مدارهای کوانتومی با استفاده از نماد گرافیکی مشابه نمودارهای مدار استفاده شده در محاسبات کلاسیک نوشته می شوند. محور افقی یک مدار کوانتومی زمان را نشان می دهد و محور عمودی کیوبیت ها را نشان می دهد. دروازه ها توسط جعبه ها نشان داده می شوند و خطوط بین جعبه ها نشان دهنده ارتباطات بین کیوبیت ها است.

فصل ۲

برنامهنويسي كوانتومي

برنامه نویسی کوانتومی فرآیند طراحی و پیادهسازی دنباله هایی از دستورالعمل هایی موسوم مدارهای کوانتومی میباشد، با استفاده از گیت ها، سوئیچ ها و عملگرها برای دستکاری وضعیت کوانتومی یک کیوبیت به پردازش مسائل میپردازیم.

مدارهای کوانتومی یک نمایش گرافیکی از الگوریتم های کوانتومی هستند، این الگوریتم هایی فقط روی یک کامپیوتر کوانتومی قابل اجرا هستند.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه نسبتاً جدید است و تعدادی زبان برنامه نویسی کوانتومی مختلف در دسترس است. برخی از محبوب ترین زبان های برنامه نویسی کوانتومی عبارتند از ،Cirq Qiskit و Quil.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه پیچیده و چالش برانگیز است، اما این پتانسیل را دارد که در بسیاری از زمینه های مختلف از جمله رمزنگاری، شیمی و یادگیری ماشین انقلابی ایجاد کند. با قدرتمندتر شدن کامپیوترهای کوانتومی، برنامه نویسی کوانتومی اهمیت فزاینده ای پیدا خواهد کرد.

۱.۱ تفاوت کامپیوتر کلاسیک و کوانتومی

کامپیوترهای کوانتومی در مقابل کامپیوترهای کلاسیک

کامپیوترهای کوانتومی و کامپیوترهای کلاسیک دو نوع بسیار متفاوت از رایانه هستند. کامپیوترهای کوانتومی از بیتهای کوانتومی (کیوبیتها) برای ذخیره اطلاعات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از بیتها استفاده میکنند. کیوبیتها میتوانند در حالت برهمنهی دو حالت، و ۱، به طور همزمان باشند، در حالی که بیتها فقط میتوانند در یک حالت به طور همزمان باشند. این تفاوت در

نحوه ذخیره اطلاعات امکان محاسباتی را برای کامپیوترهای کوانتومی فراهم میکند که برای کامپیوترهای کلاسیک غیرممکن است.

علاوه بر تفاوت در نحوه ذخیره اطلاعات، کامپیوترهای کوانتومی و کلاسیک در نحوه انجام محاسبات نیز متفاوت هستند. کامپیوترهای کوانتومی از مکانیک کوانتوم برای انجام محاسبات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از منطق بولی استفاده میکنند. این تفاوت در نحوه انجام محاسبات نیز به کامپیوترهای کوانتومی امکان می دهد تا برای برخی از وظایف، محاسباتی را بسیار سریعتر از کامپیوترهای کلاسیک انجام دهند.

کاربردهای بالقوه کامپیوترهای کوانتومی بسیار گسترده است. آنها میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی، شبیهسازی مولکولها و آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیقتر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند. کامپیوترهای کوانتومی هنوز در مراحل اولیه توسعه هستند، اما پتانسیل تغییر جهان را دارند. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است.

برخی از مثالهای خاص از نحوه استفاده از کامپیوترهای کوانتومی:

* رمزنگاری: کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی استفاده شوند، که تأثیر عمدهای بر امنیت آنلاین خواهد داشت. * شیمی: کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای شبیه سازی مولکولها استفاده شوند، که میتواند به دانشمندان در توسعه داروها و مواد جدید کمک کند. * یادگیری ماشینی: کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند.

آینده محاسبات کوانتومی بسیار روشن است. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است. این می تواند منجر به پیشرفتهای عمده در بسیاری از زمینههای مختلف شود.

simulation vs comp 7.7

بسیاری از مسائل کوانتومی و بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی قابل شبیه سازی روی کامپیوترهای کوانتومی میباشند. بنابرین یک سوال به واقع مهم مطرح می شود: چرا به یک کامپیوتر کوانتومی نیاز داریم؟

در هنگام محاسبات کوانتومی، کامپیوترهای کلاسیک دارای محدودیتهایی هستند. به طور مشابه کامپیوترهای کوانتومی نیز دارای معایبی هستند؛ که قابل بحث و بررسی هستند. دراین بخش به این مزایا و معایب هرکدام از کامپیوترها میپردازیم و در ادامه به اهداف تعریف شده برای کامپیوترهای کوانتومی میپردازیم.

۱.۲.۲ تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیه سازهای کلاسیک

همانطور که در بخشهای قبلی گفته شد؛ کامپیوترهای کوانتومی با استفاده از کیوبیتها تعریف میشوند. یک کیوبیت به صورت یک ترکیب خطی از حالت $\langle 0 | e \rangle$ تعریف میشود:

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$$

هریک از حالات داخل رابطه ی بالا به صورت یک ماتریس قابل تعریف هستند. به طور مشابه هریک از عملگر های کوانتمی را میتوان به صورت یک ماتریس تعریف کرد. ماتریسهایی مشابه ماتریس پائولی یا در مقیاسهای بالاتر ماتریس فردکین که برای سه کیوبیت تعریف می شود؛ و محاسبات را سریع می سازد.

از طرفی دیگر تعداد محاسبات در مدارهای کلاسیک به تعداد حالات مسأله بستگی دارد. در محاسبات کلاسیک هرچه تعداد حالات بالاتر برود؛ پیچیدگی محاسبات بالاترمیرود و حتی اغلب با حالت نمایی رشد میکنند. این درحالیست که در محاسبات کوانتومی هر یک حالات مختلف مسأله به یک دنیای موازی کوانتومی شیفت داده می شود و از این طریق محاسبات به زمان و منابع کمتری نیاز دارد.

مهم ترین عامل در سطح پیچیدگی محاسبات کوانتومی همدوسی میباشد.

: درکودانس در محاسبات کوانتومی مهم است زیرا اصلی ترین منبع خطا در این سیستم ها است. کیوبیت ها، واحد های اصلی اطلاعات در محاسبات کوانتومی، بسیار حساس به محیط خود هستند و می توانند به راحتی توسط interactions با فوتون ها، الکترون ها و سایر ذرات دکور شوند. این می تواند باعث شود که کیوبیت ها خواص کوانتومی خود را مانند entanglement و superposition که برای انجام محاسبات کوانتومی ضروری هستند، از دست بدهند.

Decoherence مي تواند توسط عوامل مختلفي ايجاد شود، از جمله:

* **دما: ** کیوبیت ها در دماهای بالاتر مستعد دکوراسیون هستند. این به این دلیل است که هرچه دما بالاتر باشد، کیوبیت ها انرژی بیشتری دارند و بیشتر احتمال دارد با محیط خود تعامل داشته باشند. * **تکان ها: ** کیوبیت ها همچنین می توانند توسط ارتعاشات دکور شوند. این به این دلیل است که ارتعاشات می توانند باعث حرکت کیوبیت ها شوند، که می تواند حالت های کوانتومی آنها را مختل کند. * **تابش الکترومغناطیسی، مانند نور و امواج رادیویی، دکور شوند. این به این دلیل است که تابش الکترومغناطیسی می تواند با الکترون های کیوبیت ها ما تعامل داشته باشد و باعث از دست رفتن خواص کوانتومی آنها شود.

Decoherence یک مانع بزرگ برای توسعه ابررایانه های کوانتومی است. برای ساخت یک رایانه کوانتومی عملی، باید راه هایی برای کاهش دکوراسیون پیدا کرد. این یک مشکل دشوار است، اما تعدادی از مسیرهای تحقیقاتی امیدوار کننده وجود دارد، مانند:

* **كيوبيت ها را تا دماهاى بسيار پايين سرد كنيد: ** اين مى تواند انرژى كيوبيت ها را كاهش دهد و آنها را كمتر مستعد تعامل با محيط خود كند. * **استفاده از مواد با زمان هاى coherence طولانى: ** برخى از مواد، مانند ابررساناها، زمان هاى coherence بسيار طولانى دارند كه آنها را براى استفاده در رايانه هاى كوانتومى بسيار مناسب مى كند. * **توسعه الگوريتم هاى جديد تصحيح خطا كوانتومى: ** الگوريتم هاى تصحيح خطاهايى كه توسط decoherence ايجاد مى شوند استفاده شوند.

Decoherence یک مشکل پیچیده و چالش برانگیز است، اما یکی از مهمترین مشکلاتی است که در حال حاضر توسعه رایانه های کوانتومی را پیش رو دارد. با ادامه تحقیقات، به احتمال زیاد قادر خواهیم بود دکوراسیون را برطرف کنیم و رایانه های کوانتومی عملی بسازیم که می توانند مشکلاتی را حل کنند که برای رایانه های کلاسیک غیرقابل حل هستند.

++++++

در شبیه سازی با کامپیوترکالاسیک نمی توان میزان ناهمدوسی را شبیه سازی کرد. عکس از چنل یوتیب بذار و کدها رو باهم مقایسه کن.

Qiskit and computer Quantum IBM 7.7

فصل ۳

الگوريتمهاي كوانتومي

چه گونهای از مسائل محاسباتی قابل اجرا با مدارهای کوانتومی میباشند؟ تفاوت و برتری مدارهای کوانتومی نسبت به مدارهای کلاسیک چیست؟ آیا میتوان یک حوزه ی خاص را تعیین کرد؛ به گونهای که عملکرد کامییوترهای کوانتومی نسبت به کامییوترهای کلاسیک مزیت داشته باشند؟

در این بخش میخواهیم به طور خلاصه این سوالات را پاسخ دهیم و توضیح دهیم چگونه میتوان از کامییوترهای کوانتومی به شکلی سودمند استفاده کنیم.

۱.۳ موازی سازی کوانتومی

موازی سازی کوانتومی $^{\prime}$ ، پایه و اساس بسیاری از الگوریتم های کوانتومی است. با گذار یک حالت کوانتومی به حالت بر همنهی کوانتومی، در حین محاسبات کوانتومی یک تابع نظیر f(x)، می تواند مقادیر مختلف x را به طور همزمان بررسی کند. این در حالیست که در محاسبات کلاسیک به دلیل ماهیت بیتهای اطلاعات، تابع f(x) فقط می تواند یکی از مقادیر مجاز برای x را بررسی کند.

فرض کنید تابع f ،یک تابع تک_کیوبیت، به صورت زیر تعریف شده است:

$$f(x): \{0,1\} \to \{0,1\}$$

روش مناسب برای محاسبه این تابع در یک کامپیوتر کوانتومی، با در نظر گرفتن دو کیوبیت که در حالت $|x,y\rangle$ شروع می شود. با یک توالی مناسب از گیت های منطقی می توان این حالت را به

parallelism Quantum\

یبانگر جمع مدوله با پایه ۲ میباشد. $|f(x) \oplus x,y\rangle$

هریک از دسته های کیوبیت، **رجیستر کوانتومی** نامیده می شوند. اولین رجیستر، «رجیستر داده» و دومین رجیستر «رجیستر هدف» نامیده می شود.

ازین پس در این بخش به عامل گذار $\langle U_f(x) \rangle \to |x,y \rangle \to |x,y \oplus f(x) \rangle$ را اطلاق خواهیم کرد. لازم به ذکرست که این تبدیل، یک تبدیل یکه به شمار می آید.

اگر و $\mathbf{y}=0$ آنگاه مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع U_f برابر با مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع

$$\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}} - x \quad x - \\
U_f \quad |\psi\rangle$$

$$|0\rangle - y \quad y \oplus f(x) -$$

شکل ۱.۳: مدار کوانتومی برای ارزیابی f(0) و f(1) به طور همزمان. Uf مدار کوانتومی است که ورودی هایی مانند $|x,y\rangle = |x,y\rangle + |x,y\rangle$ ، تصویر میکند.

در شکل بالا مقادیر ورودی داده شده به تابع U_f در پایههای محاسباتی قرار ندارند. رجیستر داده در حالت برهمنهی قرار دارد. این حالت برهمنهی را میتوان با اعمال گیت هادامارد بر حالت کوانتومی $|0\rangle$

cryptography, including mathematics, of areas different many in operation useful a is Y Modulo checking when example, for life, everyday in used also is It theory. number and science, computer odd, or even is number a whether

:Y modulo of examples other some are Here

 $1 = 1 \mod 4$ = $1 \mod 7$ = $1 \mod 7$ = $1 \mod 7$ = $1 \mod 7$ $1 \mod 7$ اثبات این مطلب از حوصلهی بحث خارج است.

ex- For . Y by division a of remainder the returns that operation mathematical a is Y Modulo . N of remainder a and Y of quotient a has Y by divided Δ because Λ is Y mod Δ ample.

would " \P $\$ Δ " expression the So. $\$ modulo addition indicate to used often is $\$ $\$ symbol The follows: as evaluated be

a and $\mathfrak F$ of quotient a has Υ by divided Λ because is This $\cdot = \Upsilon \mod \Lambda = \Upsilon \mod (\Upsilon + \Delta) = \Upsilon \$ $\cdot \cdot$ of remainder

ایجاد کرد. پس از ایجاد این حالت، تابع U_f را به حالت جدید اعمال میکنیم:

$$\frac{|0,f(0)\rangle+|1,f(1)\rangle}{\sqrt{2}}$$

این یک حالت استثنایی است! جملات مختلف کسر بالا حاوی اطلاعاتی در مورد f (v) v و v (v) و میباشند؛ به نحوی که انگار v (v) را برای دو مقدار v به طور همزمان ارزیابی کرده ایم، این ویژگی به "موازی سازی کوانتومی" موسوم میباشد. بر خلاف موازی سازی کلاسیک، که در آن هر یک مدارهای متعددی دارند ساخته شده برای محاسبه v (v) به طور همزمان اجرا می شوند، در اینجا برای ارزیابی تابع برای چندین مقدار v به طور همزمان، یک مدار v (v) (v) (v) استفاده می شود. این فرآیند را می توان به راحتی با استفاده از یک عمل کلی به نام تبدیل هادامارد، به توابعی با تعداد

این فرآیند را می توان به راحتی با استفاده از یک عمل کلی به نام تبدیل هادامارد، به توابعی با تعداد بیت دلخواه تعمیم داد. این عمل فقط تعداد n گیت هادامارد است که به طور موازی روی n کیوبیت عمل می کنند.

برای مثال در شکل زیر؛ دو کیوبیت در حالت $\langle 0 |$ آماده شدهاند. پس از اعمال گیتهای هادامارد بر روی این رجیستر به خروجی زیر خواهیم رسید:

$$\left(\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}\right)\left(\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}\right) = \frac{|00\rangle+|01\rangle+|10\rangle+|11\rangle}{\sqrt{2}}$$

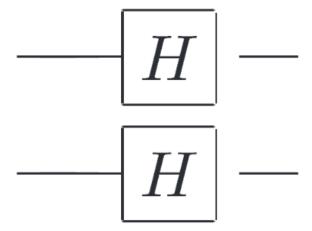
از نماد $2\otimes H$ به عنوان نشانهی عملکرد موازی دو گیت هادامارد استفاده میکنیم؛از علامت \otimes به عنوان تانسور یاد میکنیم. به طور کلی نتایج اعمال موازی گیت هادامارد روی n کیوبیت روی حالت کوانتومی برابرست با:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{x} |x\rangle$$

در اینجا، \subseteq نشان دهنده جمع بر روی همه مقادیر ممکن x است، و ماx را برای نشان دادن این عمل می نویسیم. اعمال تبدیل هادامارد روی یک بهمنهی کوانتومی برابر از همه حالت های محاسباتی تولید می کند؛ و با استفاده از فقط x گیت، یک برهمنهی از x حالت تولید می کند.

f(x) تبدیل هادامارد $2 \otimes H$ روی دو بیت کوانتومی پیاده می شود. ارزیابی موازی کوانتومی یک تابع (x) با ورودی (x) بیتی (x) بیتی (x) به روش زیر قابل پیاده سازی می باشد:

ا بتدا حالت n+1 کیوبیت $|0\rangle^{\otimes n}|0\rangle$ را آماده کنید، n+1



شكل ۲.۳: اعمال تبديل هادامارد $\mathrm{H}\otimes n$ روى دو كيوبيت

۲. سپس تبدیل هادامارد را به n کیوبیت اول و به دنبال آن مدار کوانتومی اعمال کنید.

۳. اعمال تابع U_f به کیوبیتهایی که در حالت برهمنهی قرار دارند.

درنهایت حالت زیر تولید میشود:

$$\frac{1}{\sqrt{2^n}}\sum_x |x\rangle|f(x)\rangle$$

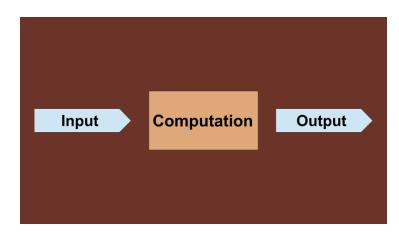
به طور کلی موازی سازی کوانتومی امکان ارزیابی همزمان همه مقادیر ممکن تابع f را فراهم میکند، حتی اگر ظاهراً فقط یک بار f را ارزیابی کرده باشیم. با این حال، این موازی سازی بلافاصله مفید نیست. در مثال تک کیوبیتی ما، اندازه گیری حالت فقط f(0) f(0) یا f(x) را را می دهد! به طور مشابه، در حالت کلی، اندازه گیری حالت f(x) f(x) فقطf(x) فقطf(x) را برای یک مقدار f(x) خاص می دهد. البته یک کامپیوتر کلاسیک می تواند این کار را به راحتی انجام دهد! محاسبات کوانتومی برای مفید بودن به چیزی بیش از موازی سازی کوانتومی نیاز دارد؛ به توانایی استخراج اطلاعات مربوط به بیش از یک مقدار f(x) از حالت های سوپرپوزیسیون مانند f(x) f(x) f(x) نیاز دارد. در بخش های بعدی به مثال های خواهیم پرداخت که این مسائل را حل کند.

 $\sum_{x} |x, f(x)\rangle$

۲.۳ م*دل کوئری*

۱.۱.۳ مدل محاسباتی استاندارد

پیش از بررسی مدل کوئری، مدل ساده و استاندارد محاسباتی را بررسی میکنیم. به تصویر زیر دقت کنید:



شکل ۳.۳: یک واحد محاسباتی که مقادیری را به عنوان ورودی گرفته، پردازش کرده و سپس مقدار/مقادیر خروجی را ارائه کرده است.

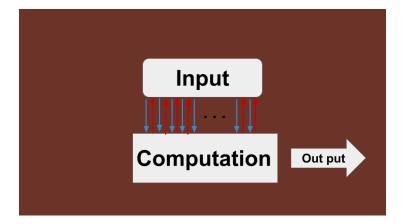
در تصویر بالا یک نمود ساده از کامپیوترهای امروزی ارائه شده است. در دنیای واقعی مقدار ورودی میتواند از هر منبعی تأمین شده باشد. با این وجود هدف ما بررسی منابع تولید ورودی نیست؛ بلکه هدف بررسی مقادیر ورودی (به صورت ایزوله) میباشد. میتوان درنظر گرفت که ورودی داده شده و خروجی نهایی، هر دو در قالب یک رشته از اعداد باینری، ماتریس و یا هرقالب مدنظر کاربر باشند.

مهمترین نکته درباره ی این واحد محاسباتی، در دسترس بودن کل مقادیر ورودی برای واحد پردازش است. به عبارت دیگر واحد پردازش میتواند تمامی مقادیر ورودی را دریافت کرده و تشخیص دهد.

۲.۳ مدل کوئری

در مدل کوئری، دادههای ورودی توسط یک تابع تولید می شوند. واحد محاسباتی دسترسی به تابع تولیدورودی دارد و می تواند برای دریافت دادههای جدید، از تابع یاد شده، در خواست کند.

در این مدل واحد محاسباتی دیگر داده ها را در قالب رشته ای از اطلاعات دردسترس ندارد؛ بلکه می تواند آن ها را از بخش input دریافت کند. در گاهی از مواقع به سیستم به عنوان ناظر به سازوکار داخلی سیاه می گویند. تابع Oracle یا جعبه ی سیاه یک سیستم است که ما به عنوان ناظر به سازوکار داخلی آن و تمامی اطلاعات آن دسترسی نداریم و فقط می توانیم مقادیر مجاز را به آن داده و مقادیر خروجی را



شکل ۴.۳: شکل بالا نمود مدل محاسباتی کوئری است. واحد محاسباتی برای دریافت دادههای جدید نیاز به درخواست از تابع input دارد. خطوط قرمز و روبهبالا نشان از درخواست واحد محاسباتی و خطوط آبی روبهپایین نشان از پاسخ واحد inputمیباشد.

دريافت كنيم.

تابع oracle به صورت زیر تعریف می شود:

$$\begin{cases} f: \sum^{n} = \sum^{m} \\ Which: m, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

ما در این نظریه کوئری ها را می شماریم و وضعیت آن ها را بررسی میکنیم.

۳.۳ معرفي و پیاده سازي الگوریتم دوچ

۱.۳.۳ مسئلهي دوچ

الگوریتم Deutsch اولین و ساده ترین الگوریتم کوانتومی است. این الگوریتم برای اولین بار در سال ۱۹۸۵ در مقاله ای مطرح شد؛ که توسط دیوید دوچ 4 نوشته شده بود. این الگوریتم نقطه ی شروعی برای اثبات برتری کامپیوترهای کوانتومی نسبت به کامپوترهای کلاسیک است.

مسئلهی Deutsch یکی از ساده ترین مفاهیم ممکن را مطرح میکند. اگر یک تابع به فرم زیر تعریف شود:

Deutsch David*

$$f: \sum \rightarrow \sum$$

هدف بررسی ثابت بودن یا متعادل بودن تابع f است. به طور کلی، درساده ترین حالت، می توان چهار وضعیت را برای تابع $f:\sum o \sum$ درنظر گرفت:

a	$ \begin{array}{c c} f_1(a) \\ \hline 0 \\ 0 \end{array} $	$a \mid$	$f_2(a)$	a	$f_3(a)$	a	$\frac{f_4(a)}{1}$
0	0	0	$\frac{f_2(a)}{0}$	0	$\frac{f_3(a)}{1}$	0	1
1	0	1	1		0	1	1

شکل ۵.۳:

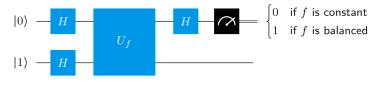
در شكل بالا توابع f f ، f f توابع ثابت و توابع f f و f f توابع متعادل هستند.

مسئلهی دوچ							
ورودى	$f: \sum ightarrow \sum$						
خروجي	صفر اگر تابع ثابت بود؛ یک اگر تابع متعادل بود.						

در الگوریتمهای کلاسیک برای حل این مسئله، حداقل دو حالت باید بررسی شود.

۲.۳.۳ الگوريتم دوچ

حال به بررسی الگوریتم دوچ میپردازیم. الگوریتمی که مسئلهی دوچ را با یک مدار کوانتومی حل میکند:



شکل ۶.۳:

balanse. or Constante^a

یک تغییر ساده در مدار شکل ۳.۱ نشان می دهد که چگونه مدارهای کوانتومی می توانند با پیاده سازی الگوریتم Deutsch از مدارهای کلاسیک پیشی بگیرند⁹. الگوریتم Deutsch ترکیبی از موازی سازی کوانتومی با خاصیتی از مکانیک کوانتوم به نام تداخل است. مشابه قبل،ابتدا از گیت هادامارد برای آماده سازی اولین کیوبیت به عنوان superposition (ا∙ا + ۱۱ ایا)/۲۷ استفاده کنیم، اما اکنون کیوبیت دوم y را با اعمال یک گیت هادامارد به حالت ۱۱> به عنوان superposition (ا٠٠ -۱۱ آی//۲ آماده کنیم. بهشکل زیر دقت کنید:

first The states. of superposition a in qubits two preparing first by works algorithm Deutsch The qubit second The . $|1\rangle$ and $|0\rangle$ of superposition equal the is which $|\mathbb{S}|+|$ state the in prepared is qubit phases. opposite with $|1\rangle$ and $|0\rangle$ states the of superposition a is which $|\mathbb{S}|$ state the in prepared is and gate Hadamard a includes that circuit quantum a through passed then are qubits two The CNOT the and $|1\rangle + |0\rangle$ superposition the into \mathbb{S} +l transforms gate Hadamard The gate. CNOT a qubit. second the to qubit first the of state the copies gate

is qubit first the If measured, are qubits two the executed, been has circuit quantum the After to orthogonal is \mathbb{R} state the because is This constant. is f function the then $|0\rangle$ be to measured interfere. destructively will states two the between interference the so $\langle |0\rangle$ state the

the because is This balanced is f function the then $|1\rangle$ be to measured is qubit first the If constructively will states two the between interference the so $|1\rangle$ state the to parallel is $|\mathbb{S}|$ state interfere.

solve to used be can interference quantum how of example simple a is algorithm Deutsch The distinguish can algorithm Deutsch the case, this In classically, solve to difficult is that problem a need would computer classical a while step, single a in functions balanced and constant between steps. of number exponential an take to

ما در واقع یک نسخه ساده شده و بهبود یافته از الگوریتم اصلی را ارائه می دهیم. algorithm Deutsch the in used is Interference : algorithm deutsch in using is interference how that function a is function constant A functions. balanced and constant between distinguish to that function a is function balanced A input. its of regardless value, same the returns always half. other the for \ and inputs its of half for \ returns

شكل ٧.٣: پيادهسازي مداركوانتومي الگوريتم دوچ

حالت ورودي:

$$|\psi_0\rangle = |01\rangle$$

سیستم دو کیوبیتی تشکیل شده، پس از اعمال اثر دو گیت هادامارد میدهد:

$$|\psi_1\rangle = \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right]$$

با کمی تأمل می توان دریافت که اگر Uf را به حالت $\|x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S|))$ اعمال کنیم، سپس به حالت با کمی تأمل می توان دریافت که اگر $\|x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S|)))\|$ می رسیم. بنابرین اعمال $\|x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S| - |x\S(|\cdot\S|))\|$ می کند:

$$|\psi_2\rangle = \begin{cases} \pm \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases}$$

با اعمال آخرین گیت هادامارد روی کیوبیت اول به حالت زیر خواهیم رسید:

$$|\psi_3\rangle = \begin{cases} \pm|0\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm|1\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases}$$

با درنظر گرفتن شرایط زیر میتوان $|\psi_3
angle$ را به شکل زیر بازنویسی کرد:

$$\begin{cases} f(0) = f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 0 \\ f(0) \neq f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 1 \end{cases}$$

از این رو:

$$|\psi_3\rangle = \pm |f(0) \oplus f(1)\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right]$$

بنابراین با اندازه گیری کیوبیت اول می توانیم $f(1) \oplus f(0) \oplus f(1)$ را تعیین کنیم. واقعاً جالب است! مدار کوانتومی به ما توانایی تعیین یک ویژگی جهانی از f(x)، یعنی $f(x) \oplus f(0) \oplus f(1)$ را داده است، با استفاده از تنها یک ارزیابی از f(x)!این سریعتر از آن چیزی است که با یک دستگاه کلاسیک امکانپذیر است، یک دستگاه کلاسیک حداقل به دو ارزیابی نیاز دارد. این مثال تفاوت بین موازیسازی کوانتومی و الگوریتمهای تصادفی کلاسیک حداقل به دو ارزیابی نیاز دارد. این مثال تفاوت بین موازیسازی کوانتومی و الگوریتمهای تصادفی کلاسیک را برجسته میکند. به سادگی، ممکن است تصور شود که حالت |f(1)| + |f(1)| + |f(1)| مطابقت نزدیکی با یک رایانه کلاسیک تصادفی دارد که هرکدام از حالات گزینه همیشه یکدیگر را حذف میکنند. در یک رایانه کوانتومی، امکان دارد که دو گزینه با یکدیگر کنینه میشه یکدیگر را حذف میکنند. در یک رایانه کوانتومی، امکان دارد که دو گزینه با یکدیگر بازترکیب گزینههای مختلف، مانند آنچه در الگوریتم دوچ انجام شد، به دست آورند. اساس طراحی بازترکیب گزینههای کوانتومی این است که یک انتخاب هوشمندانه از تابع و تبدیل نهایی اجازه می دهد تا اطلاعات جهانی مفیدی در مورد تابع تعیین شود - اطلاعاتی که نمیتوان به سرعت در یک رایانه کلاسیک به دست آورد.

۴.۳ الگوريتم دوچ - جوزا

algorithm: quantum general more a of case simple a is algorithm Deutsch's known application. The algorithm. Deutsch–Jozsa the as to refer shall we which Ams- in Alice. game. following the as described be may problem. Deutsch's as in Bob. to letter a in it mails and \cdot \(\cdot \cdot n \) to \(\cdot from x \) number a selects terdam, which result. the with replies and (x) f function some calculates Bob Boston. of one of is which f function a use to promised has Bob Now. \(\cdot \) or \(\cdot \) either is balanced. is (x) f else or x. of values all for constant is (x) f either kinds! two half, other the for \(\cdot \) and x. possible the all of half exactly for \(\cdot \) to equal is, that constant a chosen has Bob whether certainty with determine to is goal Alice's fast How possible. as little as him with corresponding function. balanced a or succeed? she can

الگوریتم دوچ توضیح ساده از یک الگوریتم کوانتومی عمومی تر است که به عنوان الگوریتم دوچ جوزا شناخته می شود. کاربرد این الگوریتم، که به عنوان مشکل دوچ شناخته می شود، به شرح زیر است: آلیس، در آمستردام، یک عدد x را از بازه $[0,2^n-1]$ انتخاب می کند و آن را در یک نامه به باب، در بوستون، می فرستد. باب یک تابع f(x) را محاسبه می کند و نتیجه را که x یا ۱ است، ارسال می کند. اکنون، باب قول داده است که از یک مدل تابع استفاده خواهد کرد؛ این تابع یا x که برای همه مقادیر x ثابت است، یا x ممکن برابر با ۱ است، یعنی حاصل آن برای دقیقاً نیمی از همه های x ممکن برابر با ۱ است و برای نیمی دیگر برابر با ۱ است.

هدف آلیس این است که با اطمینان و بکار بستن کمترین گامهای ممکن تعیین کند که باب یک تابع ثابت یا متعادل را انتخاب کرده است. او چگونه میتواند به سرعت موفق شود؟

در حالت کلاسیک، آلیس ممکن است فقط یک مقدار x را در هر نامه به باب ارسال کند. در بدترین حالت، الی باید حداقل $1+\frac{2^n}{2}$ بار از باب سوال کند، زیرا ممکن است قبل از دریافت یک، $\frac{2^n}{2}$ مرتبه پاسخ 0 را دریافت کند. آلیس باید یک را دریافت کند؛ تا بتواند به او بگوید که تابع باب متعادل است.

یعنی در بهترین الگوریتم کلاسیک که می تواند استفاده کند بنابراین به $1+\frac{2^n}{2}$ پرسش نیاز دارد. توجه داشته باشید که در هر نامه، آلیس n بیت اطلاعات را به باب ارسال می کند. علاوه بر این، در این مثال، فاصله فیزیکی باب و آلیس و به تبع آن افزایش هزینه محاسبه f(x) و دشواریهای احتمالی اجرای تابع f(x) درنظر گرفته نشده است.

اگر باب و آلیس بتوانند کیوبیت ها را به جای بیت های کلاسیک مبادله کنند، و اگر باب موافقت کند f(x) را با استفاده از تبدیل یکهی U_f محاسبه کند، سپس آلیس می تواند هدف خود را در یک مکاتبه با باب و با استفاده از الگوریتم زیر به دست آورد.

با توجه به الگوریتم دوچ، آلیس یک رجیستر n کیوبیتی را برای ذخیره پرس و جو خود آماده می کند و یک رجیستر کیوبیت واحد را که به باب می دهد تا پاسخ را در آن ذخیره کند. او هر دو رجیستر پرس و جو و پاسخ خود را در یک حالت برهمنهی آماده می کند. باب f(x) را با استفاده از موازی سازی کوانتومی ارزیابی می کند و نتیجه را به آلیس برمی گرداند. آلیس سپس با استفاده از اعمال تبدیل هادامارد روی رجیستر پرس و جو(n-2یوبیتی)، حالات برهمنهی تداخل می دهد و با انجام یک اندازه گیری مناسب، تعیین می کند که آیا f(x) ثابت یا متعادل است.

 reg- answer the and values, all of superposition a now is register query The is f function the Next, . \(\) and \(\) of superposition weighted evenly an in is ister now Alice (\(\frac{\tau} \lambda, \lambda) \) giving (x) \(\frac{\tau} \), f \(\frac{\tau} \) y \(\frac{\tau} \) y \(\frac{\tau} \) | x\(\); Uf using Bob) (by evaluated stored is evaluation function Bob's of result the which in qubits of set a has terms interferes now She state, superposition qubit the of amplitude the in To register, query the on transform Hadamard a using position super- the in the calculate first to helps it transform Hadamard the of result the determine \(\ = x \) cases the checking By \(|x\subseteq \), state a on transform Hadamard the of effect \(|z\subseteq \frac{\tau} \cdot \cdot \). \((-1)\) xz \(z \subseteq = \text{Hlx} \subseteq \text{qubit single a for that see we separately } \) = x and equa- useful very the in succinctly more summarized be can This (\(\frac{\tau} \cdot \). \(\frac{\tau} \) Thus Using \(\frac{\tau} \) modulo \(z\), and x of product inner bitwise the is z \(\cdot \) where tion (\(\lambda \cdot \cdot \) observes now Alice \(\subseteq \frac{\tau} \subseteq \(\frac{\tau} \subseteq \) evaluate now can we (\(\frac{\tau} \cdot \). \(\)) and equation this \(x(-1) \) f \(\subseteq \) is \(|\subseteq \subseteq \subseteq \) and the for amplitude the that Note register, query the \((x)/\frac{\tau} \).

رجیستر پرس و جو اکنون یک برهمنهی از همه مقادیر ممکن بهشمار میآید؛ درحالی که رجیستر پاسخ در یک برهمنهی به طور مساوی وزن شده از ۰ و ۱ محسوب می شود^.

در مرحله بعد، تابع f توسط باب و به شکل [x] [x] [x] [x] [x] [x] [x] [x] [x] ارزیابی می شود ، که در مرحله بعد، تابع [x] [

آلیس اکنون یک مجموعه کیوبیت دارد که در آن نتیجه اعمال تابع باب در دامنه کیوبیت حالت برهمنهی ذخیره می شود. او اکنون با استفاده از تبدیل هادامارد روی رجیستر پرس و جو، عبارات را در حالت برهمنهی کوانتومی تداخل می کند.

برای تعیین نتیجه تبدیل هادامارد، بهترست ابتدا اثر تبدیل هادامارد را روی یک حالت |x| محاسبه کنیم. با بررسی موارد |x| و |x| به صورت جداگانه می بینیم که برای یک کیوبیت واحد |x| احدا |x| محاسبه کنیم. با بررسی موارد |x| میاشد. بنابراین |x| (۴۹.۱)

این را می توان به طور خلاصه در معادله بسیار مفید زیر خلاصه کرد:

(0.1)

بایی که x product inner bitwise $z \cdot x$ و z است، به ۲ modulo

با استفاده از این معادله و (۴۸.۱) اکنون می توانیم ۱۳۳ را ارزیابی کنیم:

میعنی احتمال رخدادن صفر و یک یکسان است.

41

(11.1)

آلیس اکنون رجیستر پرس و جو را مشاهده می کند. توجه داشته باشید که دامنه برای حالت \mathbb{R}^{n} ۰۱ است (x)/yn. (x)

از استاد بیرس اشکاااااللللل

discern to – balanced f and constant f – cases possible two the at look Let's or V+ is V- n for amplitude the constant is f where case the In happens. What length unit of is V- Because takes. (x) f value constant the on depending V- will observation an and zero, be must amplitudes other the all that follows it and positive the then balanced is f If register. query the in qubits all for V- s yield amplitude an leaving cancel, V- n for amplitude the to contributions negative one least at on V- than other result a yield must measurement a and zero, of the then V- s all measures Alice if Summarizing, register, query the in qubit Deutsch–Jozsa The balanced, is function the otherwise constant; is function below, summarized is algorithm

بیایید به دو مورد ممکن - f ثابت و f متعادل - نگاه کنیم تا ببینیم چه اتفاقی می افتد.

در صورتی که f ثابت باشد، دامنه برای حالت f۱۰ برابر است با f۱۰ یا f۱۰ بسته به مقدار ثابت که میگیرد.

از آنجایی که ۱۳۶ طول واحد است، نتیجه میگیریم که تمام دامنههای دیگر باید صفر باشند، و یک مشاهده ۰ را برای همه کیوبیتها در رجیستر پرس و جو به همراه خواهد داشت.

اگر f متعادل باشد، سهم مثبت و منفی دامنه برای n اگر f خنثی می شود، و یک دامنه صفر باقی می ماند، و یک اندازه گیری باید نتیجه ای غیر از f را در حداقل یک کیوبیت در رجیستر پرس و جو به همراه داشته باشد.

به طور خلاصه، اگر الی همه · را اندازه گیری کند، تابع ثابت است؛ در غیر این صورت تابع متعادل است.

الگوریتم Deutsch-Jozsa در زیر خلاصه شده است:

Hadamard using superposition create $[\forall \sqrt{s} \lor | - s \lor |] | x \le x = \sqrt{s} \lor - \forall n \lor \forall n \lor n$ \P . \P Uf using f function calculate $[Y \vee \P V | - \P \vee V | (x) | x = (-1)f x \ge \P$. \P gates computer quantum a that shown We've z output final obtain to measure z § compared f function the of ation evalu- one with problem Deutsch's solve can impres- appears This evaluations. \ \ + \for requirement classical the to is lem prob- Deutsch's First, caveats, important several are there but sive, Second, applications, known no has it problem; important especially an not an ways some in is algorithms quantum and classical between comparison the is function the evaluating for method the as comparison, oranges and apples probabilistic a use to allowed is Alice if Thirdacases, two the in different quite randomly few a for (x) f evaluate to Bob asking by then computer classical is f whether probability high with determine quickly very can she x chosen than realistic more perhaps is scenario probabilistic This balanced. or constant caveats, these Despite considering, been have we scenario deterministic the quan- impressive more for seeds the contains algorithm Deutsch-Jozsa the principles the understand to attempt to enlightening is it and algorithms, tum operation. its behind الگوريتم: Deutsch-Jozsa وروديها: (۱) يک جعبه سياه Uf که تبديل داده شده است که f (x) برای همه مقادیر x ثابت است یا f (x) متعادل است، یعنی برای دقیقاً نیمی از همه هایx ممکن برابر با ۱ و برای نیمی دیگر ۰ است. خروجی: ۰ اگر و فقط اگر f ثابت باشد. زمان اجرا: یک ارزیابی .Uf همیشه موفق می شود. روش:

 احتمالی استفاده کند، سپس با درخواست از باب برای ارزیابی f(x) برای چند f(x) به صورت تصادفی می تواند بسیار سریع تعیین کند با احتمال بالا اینکه f(x) ثابت یا متعادل است. این سناریو احتمالی است شاید واقع بینانه تر از سناریوی determinstic که ما در نظر گرفته ایم. علیرغم این ظرافت ها، الگوریتم Deutsch-Jozsa حاوی بذرهای الگوریتم های کوانتومی بیشتر و چشمگیرتر است، و درک اصول پشت آن روشنگر است. عملکرد آن.

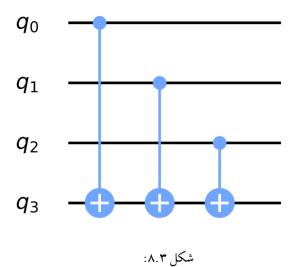
۵.۳ ساخت یک اوراکل کوانتومی

بیایید راه های مختلفی را ببینیم که می توانیم یک اوراکل کوانتومی ایجاد کنیم.

برای یک تابع ثابت، ساده است:

اگر f(x) = f(x)، گیت را به کیوبیت در ثبات ۲ اعمال کنید. اگر f(x) = f(x)، گیت را به کیوبیت در ثبات ۲ اعمال کنید.

برای عملکرد متعادل، مدارهای مختلفی وجود دارد که می توانیم ایجاد کنیم. یکی از راههایی که میتوانیم متوازن بودن مدار خود را تضمین کنیم، انجام یک CNOT برای هر کیوبیت در ثبات ۱، با کیوبیت موجود در ثبات ۲ به عنوان هدف است. مثلا:

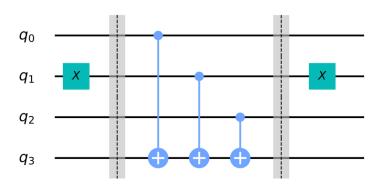


در تصویر بالا، سه کیوبیت بالا، رجیستر ورودی را تشکیل می دهند و کیوبیت پایین، ثبات خروجی است. در جدول زیر میتوانیم ببینیم کدام حالتهای ورودی کدام خروجی را میدهند: ما می توانیم نتایج

حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند	حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند
••1	• • •
1	•11
• 1 •	1.1
111	11.

table. simple a is This :۱.۳ جدول

را تغییر دهیم و در عین حال تعادل آنها را با قرار دادن کنترل های انتخاب شده در X-Gates حفظ کنیم. برای مثال، مدار و جدول نتایج آن را در زیر ببینید:



شکل ۹.۳:

حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند	حالاتی ورودی که به خروجی صفر منجر میشوند
• • •	••1
• 1 1	.1.
1 • 1	1
11.	111

table. simple a is This :۲.۳ جدول

فصل ۴

شبیهسازی پدیدههای کوانتومی

در این بخش قصد داریم به بررسی پروتکلهای ابتدایی در نظریهی اطلاعات کوانتومی بپردازیم. تمامی این پروتکلها به تعداد کمی کیوبیت نیاز دارند؛ و در آزمایشگاه به صورت تجربی پیادهسازی شدهاند.

states Bell 1.4

در اغلب موارد، سیستم از دو کیوبیت درهمتنیده تشکیل شدهاست. تابع حالت این سیستمها به شکل زیر تعریف می شوند:

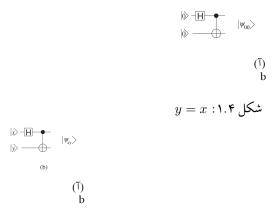
$$|\psi_{00}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |11\rangle)$$

برای آماده سازی این حالت کوانتومی، در حالت $\langle 0 |$ داریم. با اعمال یک گیت هدامارد روی یکی از کیوبیتها و سپس با کنترل آن با گیت CNOT، (به نحوی که کیوبیت دوم هدف قرارگیرد.) میتوان به یک حالت درهمتنیده رسید. میتوان این مراحل را به شکل زیر شرح داد:

$$|\psi_{00}\rangle = C_{10}H_1|00\rangle$$

$$|\psi_{xy}\rangle = C_{10}H_1|xy\rangle$$

از آنجایی که چهار حالت $|xy\rangle$ یک مجموعه متعامد هستند و گیتهای هادامارد و CNOT یکه هستند، چهار حالت درهم تنیده $|\psi_{xy}\rangle$ نیز یک مجموعه متعامد هستند، که به نام پایه Bell نامگذاری شدهاند. می توان رابطه ی بالا را یک حالت کلی تعمیم داد:



 $y = 3\sin x : Y.$ ۴ شکل

$$|\psi_{xy}\rangle = C10H1X_1^x X_0^y |00\rangle$$

درنظر داشته باشید که حالات بل قابل تبدیل به یکدیگرند؛ با کمک رابطه ی تعمیم یافته می توان از هر حالت بل به حالت $\langle 00 |$ رسید. توضیحات درباره ی تبدیلات بنویس این روابط به شکل های متعدد قابل بیان است که از حوصله ی بحث خارج است.

entanglement 7.5

Physics Quantum in Connection Mysterious The Entanglement:

that phenomena baffling most the of one physics, quantum of realm the In is alike philosophers and scientists of imagination the capture to continues of understanding conventional our challenges concept This "entanglement." philosophical and experiments, debates, countless to rise given has and reality inquiries.

can that connection extraordinary the to refers entanglement core, its At them. separating distance the of regardless particles, more or two between exist momentum, spin, as such properties, their entangled, become particles When particle one of state the that way a such in linked become polarization, and space physical the matter no other, the of state the influences instantaneously notions classical defy to seems connection instantaneous This them, between a at action "spooky it dub to Einstein Albert led has and effect and cause of distance."

is entanglement illustrating experiments thought famous most the of One entangled two scenario, this In paradox. (EPR) Einstein-Podolsky-Rosen the to sent and separated are "Bob," and "Alice" as to referred often particles, its particle, one on performed is measurement a When locations, different be to state particle's other the causing determined, instantaneously is state of violation apparent This apart, light-years are they if even well, as known information how of understanding our challenged has limit light's of speed the transmitted, be can

experimen- been has it concept: theoretical a just not is Entanglement most the of One experiments. of variety a through verified and observed tally which test. Bell the is entanglement demonstrating experiments groundbreaking entangled on measurements the When inequalities. Bell of violation the tests can- behavior their that suggests strongly it inequalities, these violate particles quan- of reality the to points instead and physics classical by explained be not entanglement. tum

con- the beyond extend and profound are entanglement of implications The potential the exploring actively are Researchers laboratories. physics of fines quantum and computing quantum like fields in entanglement of applications exist to bits) (quantum qubits enable to ability Entanglement's cryptography. computa- revolutionize to potential the has simultaneously states multiple in considered previously were that solutions to leading cryptography, and tion impossible.

entan- between connection instantaneous the of nature The challenges. tual It causality. and time, space, of understanding our challenges particles gled human of role the and reality of nature true the about debates sparked has function. wave quantum the collapsing in observation

per- and intriguing most the of one as stands entanglement conclusion. In connec- mysterious Its physics. quantum of realm the in phenomena plexing the push to continues and intuitions classical defies particles between tion deeper delve scientists As universe, the of understanding our of boundaries clear it's applications, potential its and entanglement of intricacies the into to generations inspire and captivate to continue will phenomenon this that come.

۳.۴ رمزگذاری متراکم کوانتومی

رمزگذاری متراکم کوانتومی ایک کاربرد ساده اما شگفتانگیز از مفاهیم ابتدایی مکانیک کوانتومی است. این کاربرد، همه ایدههای اساسی و ابتدایی مکانیک کوانتومی را به روشی ملموس و غیرقابل توضیح ترکیب میکند، بنابراین مثالی ایدهآل از اهداف و وظایف پردازش اطلاعات است که میتوان با استفاده از مکانیک کوانتومی انجام داد.

رمزگذاری متراکم شامل دو طرفین است که به طور معمول به عنوان «آلیس» و «باب» شناخته می شوند، که از هم فاصله زیادی دارند. هدف آنها انتقال برخی اطلاعات کلاسیک از آلیس به باب است. فرض کنید آلیس قصد دارد دوبیت داده ی کلاسیک را برای باب ارسال کند، اما فقط مجاز است یک کیوبیت به باب ارسال کند. آیا می تواند به هدف خود برسد؟

رمزگذاری متراکم به ما میگوید که پاسخ این سؤال بله است. فرض کنید آلیس و باب در ابتدا یک جفت کیوبیت در حالت درهمتنیده زیر به اشتراک میگذارند:

(177.7) $. 7\sqrt{11} + 11$

=======

بیانات چی بیتی آلیس می تواند با استفاده از این جفت کیوبیتهای درهم تنیده، دو بیت کلاسیک را به باب منتقل کند. او این کار را با اعمال یک تبدیل واحد به کیوبیت خود انجام می دهد، بسته به اینکه می خواهد کدام دو بیت کلاسیک را به باب ارسال کند. به عنوان مثال، اگر آلیس می خواهد بیتهای ۰۰ را به باب ارسال کند، او تبدیل ۱ را به کیوبیت خود اعمال می کند.

این تبدیل واحد باعث می شود که کیوبیت آلیس و کیوبیت باب در یکی از چهار حالت بل اور توگونال قرار گیرند. اگر آلیس کیوبیت خود را در حالت ا ۱۰ آقرار دهد، کیوبیت باب به طور خود کار به حالت ا ۱۰ آق تبدیل می شود. این بدان معناست که آلیس دو بیت اطلاعات (۱۰ و ۱۰) را به باب منتقل کرده است. باب سپس کیوبیت خود را اندازه گیری می کند و مقدار ۱۰ یا ۱ را به دست می آورد. بسته به مقداری که باب اندازه گیری می کند، او می تواند دو بیت کلاسیک که آلیس به او ارسال کرده است را بازیابی کند.

رمزگذاری متراکم یک پروتکل کوانتومی بسیار کارآمد است که میتواند دو بیت کلاسیک را با ارسال یک کیوبیت منتقل کند. این پروتکل میتواند در کاربردهای مختلفی مانند رمزنگاری کوانتومی و ارتباطات کوانتومی استفاده شود.

========

همانطور که در شکل ۳.۲ قابل ملاحظه است؛ آلیس و باب، هرکدام یک کیوبیت در اختیار دارند.

Quantum super dense coding

توجه داشته باشید که Ψ یک حالت ثابت است؛ نیازی نیست که آلیس برای آمادهسازی این حالت، کیوبیتی را به باب ارسال کند. در عوض، ممکن است یک طرف ثالث قبلاً حالت درهمتنیده را آماده کند، یکی از کیوبیتها را به آلیس و دیگری را به باب ارسال کند.

با ارسال تک کیوبیت آلیس به باب، معلوم می شود که آلیس می تواند دو بیت اطلاعات کلاسیک را به باب منتقل کند. در اینجا روشی که او استفاده می کند؛ آورده شده است. اگر او بخواهد رشته بیت :

- "00" را ارسال كند ⇒ هيچ كارى روى كيوبيت خود انجام ندهد.
- "01" را ارسال كند 👄 تبديل دگرگوني فاز ار روى كيوبيت خود اثر ميدهد.
- "10" را ارسال کند \implies گیت کوانتومی ،X، NOT را به کیوبیت خود اعمال میکند.
 - "11" را ارسال كند \implies تبديل iY را به كيوبيت خود اعمال مى كند.

چهار حالت حاصل به راحتی قابل مشاهده هستند:

همانطور که در بخش ۶.۳.۱ اشاره کردیم، این چهار حالت به عنوان پایه بل، حالتهای بل، یا جفتهای EPR شناخته می شوند، به احترام چندین تن از پیشگامان که اولین بار از نوآوری درهم تنیدگی قدردانی کردند. توجه داشته باشید که حالتهای بل یک پایه متعامد هستند، و بنابراین می توانند با اندازه گیری کوانتومی مناسب از یکدیگر متمایز شوند. اگر آلیس کیوبیت خود را به باب بفرستد، و باب هر دو کیوبیت را در اختیار داشته باشد، سپس با انجام اندازه گیری در پایه بل، باب می تواند تعیین کند که کدام یک از چهار رشته بیت ممکن را آلیس ارسال کرده است.

به طور خلاصه می توان گفت: آلیس، با تعامل و اثرگذاری تنها روی یک کیوبیت، قادر به انتقال دو بیت اطلاعات به باب است. البته دو کیوبیت در پروتکل دخیل هستند، اما آلیس هرگز نیازی به تعامل با کیوبیت دوم ندارد. از نظر کلاسیک، وظیفه ای که آلیس انجام می دهد، اگر فقط یک بیت کلاسیک ارسال می کرد، غیرممکن بود.

علاوه بر این، پروتکل رمزگذاری متراکم، تا حدی در آزمایشگاه تأیید شده است. یک نکته کلیدی را می توان در این مثال زیبا مشاهده کرد: اطلاعات فیزیکی است، و نظریههای فیزیکی شگفتانگیز مانند مکانیک کوانتوم ممکن است تواناییهای پردازش اطلاعات شگفتانگیزی را پیش بینی کنند.

بیانات چی پی تی: پروتکل سوپردنس کدینگ یک پروتکل کوانتومی است که آلیس میتواند از آن برای انتقال دو بیت کلاسیک به باب با ارسال یک کیوبیت استفاده کند. پروتکل به شرح زیر است:

flip phase

آلیس و باب یک جفت کیوبیت درهم تنیده را با هم به اشتراک می گذارند. آلیس می خواهد دو بیت کلاسیک، ۱۰ یا ۱۱ را به باب ارسال کند. آلیس یک عمل واحد بر روی کیوبیت خود اعمال می کند که بسته به بیتهایی که می خواهد به باب ارسال کند متفاوت است. آلیس کیوبیت خود را به باب می فرستد. باب کیوبیت را اندازه گیری می کند و دو بیت کلاسیکی که آلیس به او ارسال کرده است را دریافت می کند. اگر آلیس یک عمل واحد بر روی کیوبیت خود اعمال نکند، باب فقط می تواند یک بیت کلاسیک را دریافت کند. با این حال، اگر آلیس عمل واحد مناسب را اعمال کند، می تواند دو بیت کلاسیک را با ارسال یک کیوبیت انتقال دهد.

پروتکل سوپردنس کدینگ یک مثال عالی از قدرت مکانیک کوانتوم در انتقال اطلاعات است. این پروتکل نشان میدهد که میتوان با استفاده از قوانین مکانیک کوانتوم، اطلاعات را به روشهای غیرممکن در فیزیک کلاسیک انتقال داد.

۴.۴ دورېري

book isac فرض کنید آلیس یک کیوبیت در حالت زیر دارد:

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle$$

کارول ممکن است با اعمال یک عملگر یکه به یک کیوبیت در حالت استاندارد، کیوبیت را از حالت $\langle 0 |$ به حالت $\langle \psi |$ تبدیل کرده باشد. کارول بدون اعلام نوع عملگر یکه به آلیس، کیوبیت را برای او ارسال میکند. حال آلیس میخواهد بدون دسترسی داشتن به کیوبیت باب، تغییراتی را در کیوبیت او ایجاد کند؛ این تنها درصورتی ممکن است که کیوبیت باب و آلیس درهمتنیده باشند. هرچند آلیس و باب میتوانند از طریق راههای کلاسیک (نظیر تلفنی صحبت کردن و ...) با یکدیگر ارتباط برقرار کنند؛ ولی نمی توانند دسترسی مستقیم به کیوبیت یکدیگر داشته باشند.

$$|\phi\rangle=1/\sqrt{2}(|0\rangle|0\rangle+|1\rangle|1\rangle$$
 کیوبیت باب را میتوان به حالت زیر تعریف کرد:

Alice's of state unknown the duplicating prohibits theorem no-cloning he possible be to out turns it But nearby. or her from away far either Qbita first to State the assigning in telephone the over cooperate to Bob and Alice for violated not is theorem no-cloning The pair. entangled the of member Bob's of either from ISS state the of traces all obliterates Alice so doing in because - Bob to Alice from state the teleporting called - process The Qbits. own her each For shared, formerly Bob and Alice tanglement en- the eliminates also term The state. \ -Qbit single a just teleport can they pair entangled shared Qbit Bob's by acquired assignment state the that emphasizes tion" "teleporta-Here his. to Qbit her from transported been has it Alice's: to applies longer no shares she pair entangled the and Qbit first Alice's works. teleportation how is Bob's and Alice's in Qbits the for symbols state the given have I where (* 1.9) to Qbit her of state unknown the teleport To . b and a subscripts possession her using gate, cNOT a applies first Alice pair, entangled the of member Bob's entangled shared the of member her and control the as ISS state the in Qbit first + 1. Sb (1. Sa YV) αl. Sa state "-Qbit the produces This target the as pair α state the Qbits three all giving Qbit, first her to H transformation Hadamard ۴.۴. دوربری

Y√\ (|\sia - (|\sia \√\\ \si + (|\sib |\sia + |\sib (|\sia \√\\ (|\sia + (|\sia \√\\ $(\alpha | \cdot \$b | \cdot \$a | 1\$a \lor 1 + (\$| 1\$b + (\alpha | \cdot \$b | \cdot \$a | \cdot \$a \lor 1 = (|11\$b | \cdot \$a + | \cdot \$b (|11\$a | \cdot \$a | \cdot \$a))$ in remarked (As possession, her in Qbits both measures Alice Now (YT.9) immediately gates. Hadamard and eNOT of application an such . F. & Section the If basis.") Bell the in "measuring called is gates, measurement by followed possessed originally State the acquire indeed will Qbit Bob's ... is result the if But .(5) to reduced be then would state (whose Qbit first Alice's by Qbit Bob's of state the then \\ or \(\cdot\) is measurement Alice's of result of each In (74.9) . Iles - alish or . Iles + alish . Iles - ales becomes of state the stores re- that transformation unitary a is there cases three these (which Z apply can we case first the In SS. state original Alice's to Qbit Bob's (which X case, second the in ([])) of sign the changes but alone []. | leaves member Bob's to Qbit her of state the transfer to do need Alice all So \\ \ \ \ \ \ \ O of results the him to report and Bob telephone to is pair entangled their of been already has state the whether knows then He measurements. two her must be transformation unitary what or (· · is result Alice's (if transferred transfer the plete com- to order in pair entangled the of member his to apply quantum to resemblance the Note three.) other the of one is result Alice's (if information the acquires Alice measurement a making by correction: error anybody without state, quantum ular partie- a reconstruct to Bob for needed be to appears This is. actually state the what about information any acquiring α numbers complex two by described is Qbit a of state general A remarkable. requirement the by only constrained values. of continuum a on take that 1 and state whose pair, entangled standard a of aid the with Yet, $.1 = |\mathfrak{T}| + |\alpha| + |\alpha|$ that described Qbit a with Bob provide to able is Alice \mathbb{S}_{ϵ} and α on depend not does information classical of bits two only of price the at state, unknown the by entanglement the of loss the and measurements) two her of results the (giving pair. their of

the Bob to communicate not does process teleportation the course of But

the learn to able more no is Bob \S . and α in encoded be can that information than 🖫 state the assigned now Qbit, his manipulating from 🗈 and α of values state same the assigned was that Qbit her was it when do to able was Alice of stage crucial a at produced be could state Alice's hand other the On SS. him enable could Bob to transfer its and computation, quantum elaborate an computer quantum far-away own his on computation the with continue to dense Like teleportations, such by objective nontrivial a achieve can one s elementary an manipulating by constructed be also can teleportation coding. -(Y1.9) in analysis the of any through going without diagram, circuit classical of |x| = |x| state the exchanges that circuit a shows (a) Δ . Figure . (YF. 9) . \(\text{or} \cdot = \text{x whether of regardless Cbit} \) Bob's of $\[\frac{1}{2} \cdot \] state the with Cbit Alice's$ As Chits. two the between coupling physical direct by achieved is transfer The arbitrary for exchange this perform to continues it circuit quantum linear a be can protocol teleportation entire The $[1] \times [1] + \alpha \times [1] = [1]$ superpositions. with $(a) \delta . 9$ Figure in gates two the expanding appropriately by constructed direct the eliminate to is expansion the of aim The Qbit. ancillary an of aid the in gates cNOT two the through Qbits Bob's and Alice's between interaction the and Bob, to Alice from message telephoned the of favor in (a) 2.9 Figure (which Qbits entangled of pair shared their produce to necessary interaction (\$\text{\text{\text{!}}}\)). state the in Qbit her acquired even has Alice before well place take can ۴.۴. دورېرى

oracle a determine to how