مقدمه

در عصر حاضر به واسطه رشد و توسعه ی نظریه ی اطلاعات کوانتومی و سرمایه گذاری های مالی و انسانی بسیار در این زمینه، شاهد افزایش تعداد علاقمندان به این حوزه هستیم. در این نوشته ابتدا، به توضیح مفاهیم پایه و ابتدایی لازم برای ایجاد یک کامپیوتر کوانتومی میپردازد. در ادامه به بررسی تفاوتها و برتری کامپیوتر کوانتومی بر کامپیوتر کوانتومی و بیاده سازی آن برکامپیوتر کوانتومی شرکت آیبی ام خواهیم پرداخت. دوربری کوانتومی یکی از پدیده های کوانتومی ساده ولی بسیار شگرف شرکت آیبی ام خواهیم پرداخت. دوربری کوانتومی موثر در تعریف این پدیده است؛ میتوان با سه کیوبیت و با تعریف برهمکنش های دو کیوبیتی، یک ذره را با دوربری به هرنقطه ی دیگری انتقال داد. دو کیوبیتی بودن برهمکنش های این پدیده منجر به ساده بودن انجام آزمایش یا شبیه سازی و درک مفاهیم مرتبط با آن میگردد.

فهرست مطالب

۵	آشنایی با مفاهیم اولیه
۵	كيوبيت
۵	كيوبيت واحد
۸.	كيوبيتهاي چندتايي
١.	اندازهگیری در فضای هیلبرت
۱۱	گیتهای کوانتومی
١٢	انواع گیت کوانتومی
۲۱	گیت مبادله
۲۳	مدارهای کوانتومی
۲٧	نحوهی نمایش مدارهای کوانتومی
۲۸	برنامهنویسی کوانتومی
۲۸	
۴.	شبیهسازی کلاسیک در مقابل کامپیوتر کوانتومی
۳.	تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیهسازهای کلاسیک
۲۳	کامپیوترکوانتومی IBM و زبان برنامهنویسی QisKit
۲۳	معرفی QisKit
۲۳	کدنویسی به زبان QisKit
٣٢	قواعد نوشتاری و ساختار داده

٣	رست مطالب	فح
٣٣	پیادهسازی گیتهای کوانتومی	
٣۴	تصویر سازی	
٣۵	ئوريت <u>م</u> ها <i>ى ك</i> وانتومى	الً
۳۵	موازی سازی کوانتومی	
٣٩	مدل محاسباتی استاندارد	
۴.	مدل کوئری	
۴١	معرفی و پیاده سازی الگوریتم دوچ	
۴١	مسئلهى دوچ	
47	الگوريتم دوچ	
40	پیادهسازی الگوریتم دوچ در کیس کیت	
۵۲	بيهسازي پديدههاي كوانتومي	ش
۵۲	حالات بل	
۵۳	درهمتنیدگی	
۵۵	دورېرى	
۵۹	پیادهسازی دوربری در کیس کیت	

كيوبيت

یک کیوبیت^۲، معادل یک واحد اطلاعات کوانتومی میباشد. این مفهوم معادل مفهوم کلاسیک بیت میباشد. به طور کلی هر کیوبیت حاوی دو بیت اطلاعات است. برای تبیین یک کیوبیت از خصوصیات سامانه های کوانتومی، بهره میبریم. کیوبیت یک سیستم کوانتومی با فضای دوبعدی است. برای تعیین این دوبعد میتوان از یکی از خصویات سامانه های کوانتومی استفاده کرد.

كيوبيت واحد

برخلاف بیت ها که مقادیر ثابت ، یا ۱ را به خود می گیرند؛ یک کیوبیت می تواند در یک حالت «برهمنهی کوانتومی^۴» باشد؛ این بدان معناست که یک کیوبیت بواسطه ی مشاهده ناظر به یکی از حالات ، یا یک تبدیل شود. این مهم ترین مزیت استفاده از کیوبیت هاست.

Qubit[†]

Binary Bit*

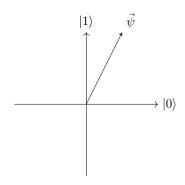
Quantum Superposition^{*}

کيوبيت

بیان ریاضی یک کیوبیت ،در حالت برهمنهی، به شرح زیر است:

$$\begin{cases} |\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle \\ \alpha^2 + \beta^2 = 1 \end{cases} \tag{1}$$

کتهای $|0\rangle$ و $|0\rangle$ بیانگر پایههای فضای محاسباتی هستند؛ و مقادیر $|0\rangle$ و $|0\rangle$ بیانگر احتمال وقوع هر یک از این حالات، در صورت مشاهده، می باشند. نمایش بردار $|\psi\rangle$ به شکل زیر است:



در بسیاری از مواقع برای سهولت در محاسبات، عملگرها و حالات کوانتومی به کمک ماتریسها نمایش داده میشوند. فرم ماتریسی هر یک از حالات ذکر شده در بالا به شرح زیر است:

$$|1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad |0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \tag{7}$$

برای تعریف کیوبیت ها، راه های زیادی وجود دارد، حالات قطبش فوتون،اسپین الکترون،یا سطوح انرژی اتم،هریک میتوانند تعیین کننده ی بردارهای فضای کیوبیت باشند.

به طور کلی، حالت کیوبیت یک بردار واحد در فضای برداری دو بعدی پیچیده است.

Computational Basis Vectors⁵

الشنايي با مفاهيم اوليه

در بیشتر مدل های انتزاعی ما از جهان، یک ارتباط مستقیم بین عناصر انتزاع و دنیای واقعی وجود دارد، درست همانطور که طرح های یک معمار برای یک ساختمان با ساختمان نهایی مطابقت دارد. فقدان این ارتباط مستقیم در مکانیک کوانتوم باعث می شود که درک رفتار سیستم های کوانتومی دشوار باشد؛ با این حال، یک ارتباط غیرمستقیم وجود دارد، زیرا می توان حالت های کیوبیت را دستکاری و تبدیل کرد به وضعیتهایی که منجر به نتایج اندازه گیری می شود. نتایج حاصل از اندازه گیری به خواص مختلف حالت بستگی دارد. بنابراین، این حالت های کوانتومی دارای پیامدهای واقعی و قابل آزمایش تجربی هستند.

مفهوم کیوبیت، با «فهم رایج» ما از جهان فیزیکی اطراف ما مغایرت دارد. یک بیت کلاسیک مانند سکه است: یا رو یا پشت. برای سکه های غیراایده آل، ممکن است حالت های واسطه ای مانند قرار گرفتن آن روی لبه وجود داشته باشد، اما در حالت ایده آل می توان آنها را نادیده گرفت.

$$\frac{1}{\sqrt{2}}|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|1\rangle \tag{(7)}$$

حالت $\langle +|$ حالتی از کیوبیت است که با یک بردار ۲ بعدی واحد نشان داده می شود. این حالت، زمانی که اندازه گیری شود، نتیجه ۰ را ۵۰ درصد از زمان و نتیجه ۱ را ۵۰ درصد از زمان می دهد. این حالت را می توان به عنوان یک ترکیب خطی از دو حالت پایه $\langle 0|$ و $\langle 1|$ در نظر گرفت.

این حالت به دلیل عجیب بودنش جالب است. حالت های پایه $\langle 0|$ و $\langle 1|$ تنها حالاتی هستند که می توانند به طور مستقیم مشاهده شوند. حالت $\langle +|$ ، با این حال، یک حالت ترکیبی است که به طور مستقیم قابل مشاهده نیست. تنها زمانی می توان آن را مشاهده کرد که اندازه گیری شود.

با وجود غیرقابل مشاهده بودن، حالت (+| واقعی است. وجود آن توسط آزمایشات به طور گسترده ای تأیید شده است. همچنین می توان از آن برای انجام محاسبات کوانتومی استفاده کرد. كيوبيت

در آینده، ممکن است حالت $\langle + |$ برای اهداف مختلف دیگری نیز استفاده شود. به عنوان مثال، می تواند برای ذخیره اطلاعات یا برای ایجاد ارتباطات امن استفاده شود.

كيوبيتهاي چندتايي

Hilbert space is a big place.

- Carlton Caves

فرض کنید دو کیوبیت داریم. اگر این دو بیت کلاسیک بودند، چهار حالت ممکن وجود داشت: ۰۰، ۱۰ و ۱۱. به همین ترتیب، یک سیستم دو کیوبیتی دارای چهار حالت محاسباتی است که با $\langle 11, \langle 10 \rangle, \langle 10 \rangle, \langle 10 \rangle$ نشان داده می شود. یک جفت کیوبیت همچنین می تواند در برهمنهی این چهار حالت وجود داشته باشد. بنابراین حالت کوانتومی دو کیوبیت با اختصاص یک عدد مختلط - گاهی اوقات به عنوان یک دامنه شناخته می شود - به هر حالت محاسباتی، بیان می شود. بردار حالت توصیف کننده دو کیوبیت به شکل زیر است:

$$|\Psi\rangle = a|00\rangle + b|01\rangle + c|10\rangle + d|11\rangle \tag{\$}$$

جایی که ،a و b دامنه های چهار حالت را نشان می دهند. دامنه ها می توانند هر عدد مختلطی باشند، اما معمولاً به گونه ای نرمال می شوند که مجموع آنها برابر ۱ باشد. این بدان معناست که بردار حالت یک حالت کوانتومی معتبر را نشان می دهد و کیوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در هر یک از چهار حالت محاسباتی را دارند.

به عنوان مثال، بردار حالت:

$$|\Psi\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}|00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}}|11\rangle \tag{2}$$

یک سیستم دو کیوبیتی را نشان می دهد که در یک برهمنهی مساوی از حالت های ۰۰ و ۱۱ است. این بدان معناست که کیوبیت ها به طور مساوی احتمال اندازه گیری در حالت ۰۰ یا ۱۱ را دارند.

بردار حالت یک سیستم دو کیوبیتی را می توان برای محاسبه احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در هر یک از چهار حالت محاسباتی استفاده کرد. به عنوان مثال، احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در حالت ۰۰ با فرمول زیر داده می شود:

$$P(|00\rangle) = |a|^2 = \frac{1}{2} \tag{9}$$

احتمال اندازه گیری کیوبیت ها در هر حالت دیگر را می توان به روشی مشابه محاسبه کرد.

نتیجه اندازه گیری x(=00,01,10,11) با احتمال $|a_x|^2$ با احتمال کیوبیت ها پس از اندازه $|\Psi\rangle=a|00\rangle+b|01\rangle+$ این بدان معناست که اگر ما یک سیستم دو کیوبیتی را در حالت $|a_x|^2+b|01\rangle+$ این بدان معناست که اگر ما اولین کیوبیت را اندازه گیری کنیم، احتمال اینکه $|a_x|^2+a|01\rangle+$ کنیم برابر $|a_x|^2+a|01\rangle+$ خواهد بود. در این حالت، حالت کیوبیت ها پس از اندازه گیری $|a_x|^2+|a_x|^2+$ کنیم برابر $|a_x|^2+|a_x|^2+$

$$|\psi'\rangle = \frac{\alpha_{00}|00\rangle + \alpha_{01}|01\rangle}{\sqrt{\left|\alpha_{00}\right|^2 + \left|\alpha_{01}\right|^2}} \tag{Y}$$

توجه داشته باشید که حالت پس از اندازه گیری با عامل $\sqrt{|\alpha_{00}|^2 + |\alpha_{01}|^2}$ نرمال می شود تا همچنان شرط نرمال سازی را، درست همانطور که برای یک حالت کوانتومی معتبر انتظار می رود، برآورده کند. این بدان معناست که حالت پس از اندازه گیری به گونه ای تغییر می کند که احتمالات آن جمع شده و برابر ۱ شود.

اندازه گیری در فضای هیلبرت

ما تاکنون اندازه گیری های کوانتومی یک کیوبیت در حالت $\langle 1| + \beta | 1 \rangle$ را به عنوان نتیجه ۰ یا ۱ توصیف کرده ایم که کیوبیت را در حالت $\langle 0|$ یا $\langle 1|$ مربوطه باقی می گذارد، با احتمالات $|\alpha|$ و $|\alpha|$. در حقیقت، مکانیک کوانتوم به اندازه کافی انعطاف پذیری در کلاس اندازه گیری هایی که می توان انجام داد، اگرچه مطمئناً به اندازه کافی نیست که α و β را از یک اندازه گیری واحد بازیابی کند!

توجه داشته باشید که $\langle 0 | e \rangle$ فقط یکی از بسیاری از انتخاب های ممکن برای پایه های حالت برای یک کیوبیت هستند. یک انتخاب دیگر مجموعه به شرح زیر است:

$$|+\rangle \equiv (|0\rangle + |1\rangle)\sqrt{2}$$

$$|-\rangle \equiv (|0\rangle - |1\rangle)\sqrt{2}$$
(A)

یک حالت دلخواه $|+\rangle$ و $|+\rangle$ و امی توان با استفاده از حالت های $|+\rangle$ و $|+\rangle$ بازنویسی کرد:

$$|\Psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle = \frac{(\alpha + \beta)}{2}|+\rangle + \frac{(\alpha - \beta)}{2}|-\rangle \tag{9}$$

در این بیان، $\langle +|e \rangle = |$ به عنوان پایه های "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

اندازه گیری در پایه های دیگر به غیر از پایه محاسباتی یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

در واقع، این امکان وجود دارد که حالت های $\langle + | e \rangle = | e \rangle$ را به گونه ای که گویی آنها حالت های پایه محاسباتی هستند، در نظر بگیریم و با توجه به این پایه جدید اندازه گیری کنیم. طبیعی است که اندازه گیری با توجه به

١٠ آشنايي با مفاهيم اوليه

پایه $|-\rangle$ با احتمال $\frac{|\alpha+\beta|^2}{2}$ با احتمال $\frac{|\alpha+\beta|^2}{2}$ و نتیجه "-" با احتمال $|+\rangle$ می شود.

در این بیان، $\langle +|$ و $\langle -|$ به عنوان "پایه +" و "پایه -" شناخته می شوند. اندازه گیری در پایه + یا پایه - یک کیوبیت را در حالت $\langle +|$ یا $\langle -|$ قرار می دهد.

به طور کلی تر، با توجه به هر دو پایه حالت $|a\rangle$ و $|a\rangle$ برای یک کیوبیت، می توان هر حالت دلخواهی را به عنوان یک ترکیب خطی $|a\rangle$ از آن حالات بیان کرد. علاوه بر این، اگر این حالات متعامد باشند، می توان با توجه به پایه $|a\rangle$ اندازه گیری کرد، که نتیجه $|a\rangle$ با احتمال $|a\rangle$ و $|a\rangle$ با احتمال $|a\rangle$ قابل رخداد است.

با توجه به بیان احتمالاتی مفهوم کیوبیت و نرمال بودن مقادیر احتمالات و متعامد بودن پایهها، لازم است تا $|\alpha|^2+|\alpha|^2=1$ باشد همانطور که برای احتمالات انتظار می رود. به طور مشابه، در اصل می توان یک سیستم کوانتومی از بسیاری از کیوبیت ها را با توجه به یک پایه متعامد دلخواه اندازه گیری کرد.

اندازه گیری در پایه های دیگر یک ابزار قدرتمند در محاسبات کوانتومی است. این امکان را می دهد تا ما در حالت های کوانتومی که در پایگاه محاسباتی قابل اندازه گیری نیستند، اندازه گیری کنیم. این امکان را می دهد تا ما از روش های محاسباتی جدیدی استفاده کنیم که در محاسبات کلاسیک غیرممکن است.

دلایل زیادی برای استفاده از این مدل توسعهیافته برای اندازه گیری های کوانتومی وجود دارد، اما در نهایت بهترین دلیل این است: این مدل به ما امکان توصیف نتایج تجربی مشاهده شده نظیر نتایج آزمایش اشترنگرلاخ و را می دهد.

گیتهای کوانتومی

گیتهای کوانتومی کی از اولین و مهمترین اجزای مدارهای کوانتومی میباشند. این گیتها عملگرهایی با قابلیت اثرگذاری روی کیوبیتها میباشند. با اعمال یک گیت کوانتومی بر روی یک یا چند کیوبیت، میتوان تغییرات مدنظر خود را روی کیوبیت اعمال کرد. با کمک این گیتها میتوان باعث برهمنهی کوانتومی یا رمزگذاری داده در داخل یک یا چند کیوبیت شد.

Stern–Gerlach*

 $^{{\}rm Quantum~Gates}^{v}$

گیتهای کوانتومی

انواع گیت کوانتومی

گیتهای کوانتومی، دارای انواع مختلف گوناگونی میباشند. به طور کلی گیتهای کوانتومی، عملگرهایی یکه و بازگشتپذیر میباشند. بهطور کلی گیتهای کوانتومی متناسب با تعداد کیوبیتهایی که از آنها اثرمیگیرند؛ دستهبندی میکنیم. در این گفتار به گیتهای تک کیوبیتی و دو کیوبیتی میپردازیم.

گیت هادامارد

مهمترین گیت کوانتومی، گیت هادامارد^ است. با اعمال اثر این گیت روی یک کیوبیت، آن کیوبیت به یک حالت برهم نهی کوانتومی گذار میکند. به عبارت دیگر هر یک از زیرحالات این حالت برهم نهی، با احتمال یکسانی قابل رخ دادن هستند.

$$H|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \tag{1.}$$

$$H|1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle) \tag{11}$$

این گیت کوانتومی به صورت خطی روی یک دسته کت اثر میکند. نمایش ماتریسی این گیت کوانتومی به شرح زیر است:

Hadamard gate[^]

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \tag{17}$$

$$H|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \tag{17}$$

$$H|1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle) \tag{1F}$$

این گیت کوانتومی، یک گیت بازگشتپذیر است؛ یعنی اگر این گیت روی یک حالت کوانتومی اثر کند؛ میتواند آن را از حالت برهمنهی خارج کند.

برای اعمال این گیت کوانتومی، فقط به یک کیوبیت نیاز داریم. به اصطلاح این گیت، یک گیت تک کیوبیت ۹ می باشد.

- Hنمایش این گیتکوانتومی در مدار با علامت زیر است:

NOT گیت

گیت کوانتومی U_{NOT} یک عملگر یکه و بازگشتپذیر است.

$$U_{NOT}|0
angle = |1
angle$$

$$U_{NOT}|1
angle = |0
angle$$

Single-Qubit Quantum gate 4

گیتهای کوانتومی

نمایش ماتریسی گیت NOT

می بینید که اگر فقط پایه را در نظر بگیریم، دقیقاً مانند دروازه کلاسیک NOT است. نمایش ماتریسی این گیت به شکل زیر است:

$$U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

از آنجایی که یک حالت کیوبیت در فضای هیلبرت دو بعدی تعریف شده است. ابعاد ماتریس باید $\mathbf{Y} \times \mathbf{Y}$ باشد. از این رو میتوان نوشت:

$$\begin{split} U_{NOT}|0\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right)|0\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = |1\rangle \end{split}$$

$$\begin{split} U_{\text{ NOT}}|1\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right)|1\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array}\right) = |0\rangle \end{split}$$

مدار NOT و خصوصیات آن

با اعمال گیت U_{NOT} به حالت $|\Psi
angle=lpha|0
angle+eta|1$ با اعمال گیت

$$\begin{split} U_{\text{ NOT}}|\Psi\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) |\Psi\rangle \\ &= \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \beta \\ \alpha \end{array}\right) = \beta |0\rangle + \alpha |1\rangle \end{split}$$

علاوه بر دروازه NOT یک کیوبیتی، می توانیم دو کیوبیتی نیز بسازیم. می بایست حاصل ضرب تانسوری دو دروازه NOT یک کیوبیتی را محاسبه کنیم؛ تا یک دروازه NOT دو کیوبیتی بدست آوریم زیرا یک بردار دو کیوبیتی در فضای \mathbb{C}^4 قرار دارد. که حاصل ضرب تانسور دو فضای \mathbb{C}^3 است. از این رو:

$$U_{NOT_2} = U_{NOT} \otimes U_{NOT} = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \otimes \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} 1 \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

نمایش یک گیت NOT به صورت زیر است:

___X

با اعمال گیت دوکیوبیتی NOT به یک سیستم دو کیوبیتی نظیر

:خواهیم داشت $|\Psi\rangle=\alpha|00\rangle+\beta|01\rangle+\gamma|10\rangle+\delta|11\rangle$

گیتهای کوانتومی

$$U_{NOT_2} |\Psi\rangle = \left(\begin{array}{cccc} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \\ \gamma \\ \delta \end{array} \right) = \left(\begin{array}{c} \delta \\ \gamma \\ \beta \\ \alpha \end{array} \right)$$

گیت CNOT

NOT گیت کوانتومی ''CNOT ، به عنوان گیت منطقی نیز یاد می شود. این گیت کوانتومی معادل گیت کلاسیک می باشد. به طور معمول، برای اعمال اثر این گیت کوانتومی نیاز به دو کیوبیت داریم. این گیت کوانتومی فقط و فقط در مواقعی که «کیوبیت کنترل 11 » دارای مقدار 12 باشد، باعث تغییر وضعیت «کیوبیت هدف 13 » می شود.

کیوبیت کنترلی: کیوبیتی است که عملکرد کیوبیت دیگری به نام کیوبیت هدف را کنترل می کند. کیوبیت کنترل تعیین می کند که آیا کیوبیت هدف برگردانده شود یا خیر. اگر کیوبیت کنترل در حالت $|0\rangle$ باشد، کیوبیت هدف برگردانده می کیوبیت هدف برگردانده می شود.

کیوبیت هدف: همان کیوبیتی است که توسط کیوبیت کنترل بر روی آن عمل می شود. بسته به وضعیت کیوبیت کنترل، کیوبیت هدف را می توان برگرداند یا بی تغییر رها کند.

$$U_{CNOT}|ab\rangle = |a \ a \oplus \rangle b$$

از هر یک از این یک بردار در فضای \mathbb{C}^4 و a و b دارای مقدار ۱ یا ۱ هستند. $|ab\rangle$ می تواند هر یک از حالت های پایه(یعنی $|ab\rangle$ از $|ab\rangle$ ارباشد.

gate controlled-X or gate controlled-NOT '

Qubit Controled\'\

Qubit Target 17

این معادله به ما می گوید؛ که پس از اعمال گیت CNOT به یکی از پایهها، آن حالت به حالت پایه دیگری تبدیل خواهد شد. که این حالت برابر $|a\;a\oplus b\rangle$ میباشد. به طوری که:

$$|a \ a \oplus b\rangle = |a\rangle \otimes |a \oplus b\rangle$$

بعد از عمل، عدد اول همچنان a است، اما عدد دوم به $a \oplus b$ تبدیل می شود، جایی که \oplus عملیات منطقی کلاسیک انحصاری یا (XOR) است. توجه کنید که:

$$0 \oplus 0 = 0$$

$$0 \oplus 1 = 1$$

$$1 \oplus 0 = 1$$

$$1 \oplus 1 = 0$$

$$U_{CNOT}|00\rangle = |0,0 \oplus 0\rangle = |0,0\rangle = |00\rangle$$

$$U_{CNOT}|01\rangle=|0,0\oplus 1\rangle=|0,1\rangle=|01\rangle$$

$$U_{CNOT}|10\rangle=|1,1\oplus 0\rangle=|1,1\rangle=|11\rangle$$

$$U_{CNOT}|11\rangle=|1,1\oplus 1\rangle=|1,1\rangle=|10\rangle$$

خلاصهای از عملکرد این عملگر به شرح زیر است:

A	$\mathrm{B}\rangle$		A	$\mathbf{B} \oplus \mathbf{A}$
$ { m control}\rangle$	$ {\rm target}\rangle$	Effect CNOT Gate	$ \text{control}\rangle$	target
<u>-</u>				
$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	\Rightarrow	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$
$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	\Rightarrow	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$
$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	\Rightarrow	$ 1\rangle$	$ 1\rangle$
$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	\Rightarrow	$ 1\rangle$	$ 0\rangle$

نمایش ماتریسی این گیت کوانتومی به شکل زیر است:

گیتهای کوانتومی

$$CNOT = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad \begin{vmatrix} a \rangle \\ |b \rangle \qquad \qquad |a \oplus b \rangle$$

شكل ۱: نمايش ماتريسي و نمايش گيت كوانتومي CNOT

در شکل بالا گیت CNOT در مدار کوانتومی به تصویر درآمده است. کیوبیت کنترل شده حالت |a
angle و کیوبیت هدف حالت |b
angle میباشد.

با اعمال این عملگر به حالت $|10\rangle$ داریم:

$$\text{CNOT} |10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |11\rangle$$

این فرآیند به صورت معکوس نیز قابل رخ دادن است:

$$\text{CNOT} |11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = |10\rangle$$

از این گیت کوانتومی، برای بسیاری مدارها و شبیهسازیهای کوانتومی، از جمله تلپورت، درهمتنیدگی و،استفاده می شود.

١٨ آشنايي با مفاهيم اوليه

گیت تغییر فاز

گیت تغییر فاز که به آن گیت P یا گیت فاز نیز می گویند، یک کیوبیت است. دروازه ای که فاز نسبی را بین دو بردار پایه جابجا می کند. به عنوان زیر تعریف شده است:

$$\begin{split} U_{PS,\phi}|0\rangle &= |0\rangle\\ U_{PS,\phi}|1\rangle &= e^{i\Phi}|1\rangle \end{split} \tag{19}$$

که در آن Φ فاز و $e^{i\Phi}$ عامل فاز است. زمانی که گیت تغییر فاز بر حالت $|0\rangle$ اثرکند، هیچ تغییری حاصل نمی شود. اما با اعمال این گیت به بردار حالت $|1\rangle$ ، یک فاز اضافه به بردار افزوده خواهد شد. برای افزدون فاز اضافه باید یک عامل نظیر $e^{i\Phi}$ در بردارد حالت ضرب شود. برای درک بهتر مطلب باید به حالت ماتریسی این گیت رجوع کنیم.

نمایش ماتریسی گیت تغییر فاز

نمایش ماتریسی گیت تغییر فاز $U_{PS,\Phi}$ به صورت زیر است:

$$U_{PS,\Phi}=\left(egin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\Phi} \end{array}
ight)$$

با استفاده از روابط بالا مىتوان به راحتى اثبات كرد:

$$U_{PS,\phi}|1\rangle = \left(\begin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\Phi} \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} 0 \\ e^{i\Phi} \end{array}\right) = e^{i\Phi} \left(\begin{array}{c} 0 \\ 1 \end{array}\right) = e^{i\Phi}|1\rangle$$

گیتهای کوانتومی

گیت تغییر فاز در مدار و خصوصیات آن

درحالت کلی برای سیستم های تک کیوبیتی میتوان نوشت:

$$\begin{split} U_{PS,\Phi}|\Psi\rangle &= \left(\begin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & e^{i\Phi} \end{array}\right) \left(\begin{array}{c} \alpha \\ \beta \end{array}\right) = \left(\begin{array}{c} \alpha \\ e^{i\Phi}\beta \end{array}\right) \\ &= \alpha|0\rangle + e^{i\Phi}\beta|1\rangle \end{split}$$

در بردار اصلی، α و β اعداد مختلط میباشند؛ به همین دلیل این اعداد را میتوان به به عنوان یک ضریب فاز معرفی کرد:

$$\alpha = e^{i\theta_1|\alpha|}, \beta = e^{i\theta_2|\beta|} \tag{1Y}$$

که در آن heta و heta به ترتیب فازهای lpha و eta هستند.

اشکال بنابراین، اختلاف فاز آنها ۱۱ - ۱۲ است. با توجه به رفتارگیت تغییر فاز، تغییر فاز α صفر میباشد؛ اما فاز 2 به 2 + 1 تغییر می کند. بنابراین، خویشاوندان آنها فاز با 1 تغییر می کند.

This also explains why the phase shift is only applied to the second basis state to be meaningful. If it is applied to both, there will be no change in the phase difference.

$$1 - \pi \sin i + \pi \cos = i\pi e$$
 زیرا $(1 - \pi \sin i + \pi \cos = i\pi e)$ زیرا

این ماتریس پائولی σ_z میباشد؛ که به آن Z-gate نیز می گویند. گیت تغییر فاز، فاز نسبی $\langle vert0 \rangle$ و ا Γ را با Γ تغییر می دهد. و به این ترتیب گیت Γ فاز نسبی را با Γ تغییر می دهد.

گیت مبادله

یک گیت مبادله ۱۳ اعداد را در حالت های پایه یک رجیستر ۲ کیوبیتی جابجا می کند. اگر فقط حالت های پایه را در نظر بگیریم، معادل مبادله حالات دو الکترون است. این گیت به صورت زیر تعریف می شود:

$$U_{SWAP}|ab\rangle = |ba\rangle$$
 (1A)

که در آن a و b فقط اعداد کیوبیت اول و دوم در پایه هستند. a و b میتوانند مقادیر ۰ و ۱ را اتخاذ کنند. بنابرین میتوان نوشت:

$$U_{SWAP}|00\rangle = |00\rangle$$

$$U_{SWAP}|01\rangle = |10\rangle$$

$$U_{SWAP}|10\rangle = |01\rangle$$

$$U_{SWAP}|11\rangle = |11\rangle$$

بنابراین، تنها $\langle 10|$ و $\langle 01|$ تحت مبادله (به یکدیگر) تغییر می کنند. اعمال این گیت برای حالات $\langle 00|$ و $\langle 11|$ ، بدون اثر است؛ زیرا "۰" و "۰" یا "۱" و "۱" تعویض می شوند؛ که پیامد خاصی در پی ندارد.

نمایش ماتریسی گیت مبادله

نمایش ماتریسی U_{SWAP} به شکل زیر است:

Swap gate^{\r}

گیتهای کوانتومی

$$U_{SWAP} = \left(\begin{array}{cccc} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right)$$

از آنجایی که این یک گیت ۲ کیوبیتی برای عملیات است یک بردار در فضای چهار بعدی 4 ی، ماتریس (یا عملگر) باید 4 × 4 باشد. علاوه بر این، فقط حالت پایه دوم و سوم را جابجا می کند. بنابراین، تنها ردیف دوم و سوم با ماتریس یکه متفاوت هستند. به طور مثال:

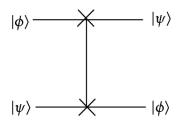
$$U_{SWAP}|10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} = |01\rangle$$

این رابطه بصورت معکوس نیز برقرارست.

گیت مبادله در مدار و خصوصیات آن

به طور کلی، برای یک بردار ۲ کیوبیتی، نظیر $|\Psi
angle=lpha|00
angle+\gamma|01
angle+eta|10
angle+\delta|11$ داریم:

$$\begin{split} U_{SWAP}|\Psi\rangle &= \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \\ \delta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha \\ \gamma \\ \beta \\ \delta \end{pmatrix} \\ &= \alpha|00\rangle + \gamma|01\rangle + \beta|10\rangle + \delta|11\rangle \end{split}$$



شکل ۲: نمایش گیت کوانتومی مبادله در مدار کوانتومی

همانطور که انتظار می رود، ضرایب حالت های پایه دوم و سوم با هم مبادله می شوند.

مدارهاي كوانتومي

مدارهای کوانتومی^{۱۴}، یک دسته از گیت های کوانتومی، که با یک توالی بخصوص قرار گرفته اند، میباشند. این کیوبیت ها، با توالی یاد شده، روی یک یا چند دسته کیوبیت، اثر داده میشوند.

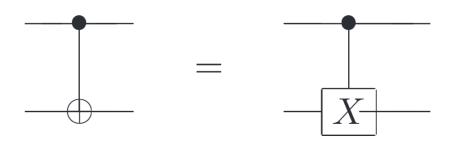
مدارهای کوانتومی، یکی از اولین مفهومهای بکاررفته برای تعریف کامپیوترهای کوانتومی میباشند. برای تعریف و شبیهسازی هریک از پدیدهها و الگوریتمهای کوانتومی، نیاز به پیادهسازی یک مدار بهخصوص داریم.

مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند برای پیاده سازی طیف گسترده ای از الگوریتم های کوانتومی، از جمله الگوریتم شاور برای رمزگشایی اعداد صحیح و الگوریتم گروور

circuit quantum14

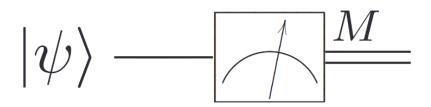
مدارهای کوانتومی

برای جستجوی پایگاه داده های بدون ترتیب استفاده شوند.



شکل ۳: نمایشهای مختلف گیت CNOT در مدار کوانتومی

یکی دیگر از عملگرهای مهم در مدار کوانتومی، عملگر اندازه گیری است. که در شکل زیر نشان داده شده است. همانطور که پیش از این بیان شد؛ در بردار حالت $|\Psi\rangle=\alpha|0\rangle+\beta|1\rangle$ هنگام مشاهده به یک حالت کلاسیکی رمبش میکند؛ احتمال اینکه به حالت $|0\rangle$ رمبش کند، $|\alpha|^2$ ، و احتمال اینکه به حالت $|1\rangle$ رمبش کند، $|\alpha|^2$ ، میباشد.



شکل ۴: نمایشهای مختلف گیت CNOT در مدار کوانتومی

مدارهای کوانتومی مدلی بسیار سودمند برای شبیهسازی فرآیندهای کوانتومی است. این فرآیندها محدود به عملیاتهای محاسباتی نخواهد شد؛ بلکه در اغلب حوزهها اعم از ارتباطات، اختلالات کوانتومی^{۱۵} و ... بکارخواهدرفت.

noise quantum 14

شباهت ها و تفاوت های مدارهای کلاسیک و کوانتومی

مدارهای کوانتومی مشابه مدارهای کلاسیک هستند، اما از دروازه های کوانتومی به جای دروازه های منطقی کلاسیک استفاده می کنند. دروازه های کوانتومی عملیات قابل برگشت هستند که می توانند برای دستکاری حالت کوانتومی یک کیوبیت استفاده شوند.

شباهت ها

- هر دو مدار کوانتومی و کلاسیک از یک دنباله عملیاتی تشکیل شده اند که به یک مجموعه داده اعمال
 می شوند.
 - هر دو مدار را می توان به صورت گرافیکی با نماد مشابهی نشان داد.
 - هر دو مدار می توانند برای پیاده سازی الگوریتم ها استفاده شوند.

تفاوت ها

- مدارهای کوانتومی از کیوبیت ها، که معادل کوانتومی مفهوم بیت هستند، به عنوان واحد پایه داده خود
 استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از بیت ها ، که بیت های کلاسیک هستند ، به عنوان واحد پایه داده خود استفاده
 می کنند.
- مدارهای کوانتومی از دروازه های کوانتومی ، که عملیات قابل برگشت هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کلاسیک از دروازه های منطقی ، که عملیات برگشت ناپذیر هستند ، به عنوان عملیات پایه خود استفاده می کنند.
- مدارهای کوانتومی می توانند خواص مکانیک کوانتوم را ، مانند برهمنهی و درهمتنیدگی ، برای انجام کارهایی که برای رایانه های کلاسیک غیرممکن است ، بهره مند شوند.

مدارهای کوانتومی

مدار کلاسیک	مدار کوانتومی	ویژگی
بيت	كيوبيت	واحد پایه داده
دروازه های منطقی	دروازه های کوانتومی	عمليات پايه
برگشت ناپذیر	قابل برگشت	برگشت پذیری

جدول ۱: شباهتها و تفاوت های مدارهای کلاسیک و کوانتومی

اجزای مدارهای کوانتومی و سایز آن

اندازه مدار کوانتومی اندازه یک مدار کوانتومی تعداد دروازه های موجود در مدار است. پیچیدگی یک الگوریتم کوانتومی اغلب با اندازه مدار کوانتومی مورد نیاز برای پیاده سازی آن اندازه گیری می شود.

کیوبیت کیوبیت ها واحد پایه اطلاعات در محاسبات کوانتومی هستند. آنها می توانند در یک برهنهی کوانتومی از دو حالت ، • و ۱ باشند. این بدان معنی است که یک کیوبیت می تواند هم • و هم ۱ باشد ، که یک ویژگی به نام برهمنی کوانتومی است. کیوبیت ها همچنین می توانند به هم متصل شوند ، که به این معنی است که حالت یک کیوبیت به حالت کیوبیت دیگر وابسته است.

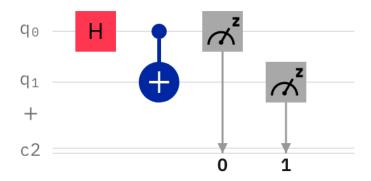
دروازه ها عملیاتی هستند که روی کیوبیت ها اعمال می شوند. آنها می توانند برای ایجاد برهمنهی ، انجام چرخش ها و درهم تنیدگی کیوبیت ها استفاده شوند. انواع مختلفی از دروازه ها وجود دارد ، اما برخی از رایج ترین آنها شامل گیت هادامارد ، گیت CNOT و گیت توفولی است.

عملیات عملیات اقداماتی هستند که روی کیوبیت ها انجام می شوند. آنها می توانند اندازه گیری ها یا سایر اقدامات باشند. اندازه گیری ها برای رمبش حالت کوانتومی یک کیوبیت به یک مقدار قطعی ، • یا ۱ استفاده می شود.

اجزای اساسی یک مدار کوانتومی کیوبیت ها ، دروازه ها و عملیات هستند. این اجزا برای ایجاد الگوریتم های کوانتومی اجرا های کوانتومی استفاده می شوند که الگوریتم هایی هستند که فقط می توانند روی یک رایانه کوانتومی اجرا شوند. مدارهای کوانتومی یک ابزار قدرتمند برای محاسبات کوانتومی هستند و پتانسیل انقلابی در بسیاری از زمینه های مختلف ، از جمله رمزنگاری ، شیمی و یادگیری ماشین را دارند.

نحوهي نمايش مدارهاي كوانتومي

مدارهای کوانتومی با استفاده از نماد گرافیکی مشابه نمودارهای مدار استفاده شده در محاسبات کلاسیک نوشته می شوند. محور افقی یک مدار کوانتومی زمان را نشان می دهد و محور عمودی کیوبیت ها را نشان می دهد. دروازه ها توسط جعبه ها نشان داده می شوند و خطوط بین جعبه ها نشان دهنده ارتباطات بین کیوبیت ها است.



شکل ۵: مدارکوانتومی شبیهسازی شده برای آزمایش درهمتنیدگی

برنامهنويسي كوانتومي

برنامه نویسی کوانتومی فرآیند طراحی و پیادهسازی دنباله هایی از دستورالعمل هایی موسوم مدارهای کوانتومی میباشد، با استفاده از گیت ها، سوئیچ ها و عملگرها برای دستکاری وضعیت کوانتومی یک کیوبیت به پردازش مسائل میپردازیم.

مدارهای کوانتومی یک نمایش گرافیکی از الگوریتم های کوانتومی هستند، این الگوریتم هایی فقط روی یک کامپیوتر کوانتومی قابل اجرا هستند.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه نسبتاً جدید است و تعدادی زبان برنامه نویسی کوانتومی مختلف در دسترس است. برخی از محبوب ترین زبان های برنامه نویسی کوانتومی عبارتند از Cirq ، Qiskit و Quil.

برنامه نویسی کوانتومی یک زمینه پیچیده و چالش برانگیز است، اما این پتانسیل را دارد که در بسیاری از زمینه های مختلف از جمله رمزنگاری، شیمی و یادگیری ماشین انقلابی ایجاد کند. با قدرتمندتر شدن کامپیوترهای کوانتومی، برنامه نویسی کوانتومی اهمیت فزاینده ای پیدا خواهد کرد.

کامپیوترهای کوانتومی در مقابل کامپیوترهای کلاسیک

کامپیوترهای کوانتومی و کامپیوترهای کلاسیک دو نوع بسیار متفاوت از رایانه هستند. کامپیوترهای کوانتومی از بیتهای کوانتومی کلاسیک از بیتهای کوانتومی (کیوبیتها) برای ذخیره اطلاعات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از بیتها استفاده میکنند. کیوبیتها میتوانند در حالت برهم نهی دو حالت، و ۱، به طور همزمان باشند، در حالی که بیتها فقط میتوانند در یک حالت به طور همزمان باشند. این تفاوت در نحوه ذخیره اطلاعات امکان محاسباتی را برای کامپیوترهای کوانتومی فراهم میکند که برای کامپیوترهای کلاسیک غیرممکن است.

۲۸ برنامه نویسی کوانتومی

علاوه بر تفاوت در نحوه ذخیره اطلاعات، کامپیوترهای کوانتومی و کلاسیک در نحوه انجام محاسبات نیز متفاوت هستند. کامپیوترهای کوانتوم برای انجام محاسبات استفاده میکنند، در حالی که کامپیوترهای کلاسیک از منطق بولی استفاده میکنند. این تفاوت در نحوه انجام محاسبات نیز به کامپیوترهای کوانتومی امکان میدهد تا برای برخی از وظایف، محاسباتی را بسیار سریعتر از کامپیوترهای کلاسیک انجام دهند.

کاربردهای بالقوه کامپیوترهای کوانتومی بسیار گسترده است. آنها میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی، شبیهسازی مولکولها و آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند. کامپیوترهای کوانتومی هنوز در مراحل اولیه توسعه هستند، اما پتانسیل تغییر جهان را دارند. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است.

برخی از مثالهای خاص از نحوه استفاده از کامپیوترهای کوانتومی:

رمزنگاری : کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای رمزگشایی روشهای رمزنگاری فعلی استفاده شوند، که تأثیر عمدهای بر امنیت آنلاین خواهد داشت.

شبیه سازی مواد در علم شیمی : کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای شبیه سازی مولکولها استفاده شوند، که میتواند به دانشمندان در توسعه داروها و مواد جدید کمک کند.

یادگیری ماشینی : کامپیوترهای کوانتومی میتوانند برای آموزش مدلهای یادگیری ماشینی که بسیار دقیق تر از مدلهای فعلی هستند، استفاده شوند.

آینده محاسبات کوانتومی بسیار روشن است. هنگامی که کامپیوترهای کوانتومی قدرتمندتر شوند، قادر به حل مشکلاتی خواهند بود که برای کامپیوترهای کلاسیک در حال حاضر غیرممکن است. این میتواند منجر به پیشرفتهای عمده در بسیاری از زمینههای مختلف شود.

شبیه سازی کلاسیک در مقابل کامپیوتر کوانتومی

بسیاری از مسائل کوانتومی و بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی قابل شبیه سازی روی کامپیوترهای کوانتومی میباشند. بنابرین یک سوال به واقع مهم مطرح می شود: چرا به یک کامپیوتر کوانتومی نیاز داریم؟

در هنگام محاسبات کوانتومی، کامپیوترهای کلاسیک دارای محدودیتهایی هستند. به طور مشابه کامپیوترهای کوانتومی نیز دارای معایبی هستند؛ که قابل بحث و بررسی هستند. دراین بخش به این مزایا و معایب هرکدام از کامپیوترها میپردازیم و در ادامه به اهداف تعریف شده برای کامپیوترهای کوانتومی میپردازیم.

تفاوت کامپیوترهای کوانتومی و شبیه سازهای کلاسیک

همانطور که در بخشهای قبلی گفته شد؛ کامپیوترهای کوانتومی با استفاده از کیوبیتها تعریف می شوند. یک کیوبیت به صورت یک ترکیب خطی از حالت $\langle 0 | e \rangle$ تعریف می شود:

$$|\psi\rangle = \alpha|0\rangle + \beta|1\rangle \tag{19}$$

هریک از حالات داخل رابطهی بالا به صورت یک ماتریس قابل تعریف هستند. به طور مشابه هریک از عملگر های کوانتومی را میتوان به صورت یک ماتریس تعریف کرد. ماتریسهایی مشابه ماتریس پائولی یا در مقیاسهای بالاتر ماتریس فردکین که برای سه کیوبیت تعریف میشود؛ و محاسبات را سریع میسازد.

از طرفی دیگر تعداد محاسبات در مدارهای کلاسیک به تعداد حالات مسأله بستگی دارد. در محاسبات کلاسیک هرچه تعداد حالات بالاتر برود؛ پیچیدگی محاسبات بالاترمی رود و حتی اغلب با حالت نمایی رشد میکنند. این درحالیست که در محاسبات کوانتومی هر یک حالات مختلف مسأله به یک دنیای موازی کوانتومی شیفت داده می شود و از این طریق محاسبات به زمان و منابع کمتری نیاز دارد.

مهم ترین عامل در سطح پیچیدگی محاسبات کوانتومی همدوسی میباشد. همدوسی در محاسبات کوانتومی اصلی ترین منبع خطا در این سیستم ها است. کیوبیت ها بسیار به محیط خود هستند و می توانند به راحتی توسط تعامل با فوتون ها، الکترون ها و سایر ذرات با آنها دچار ناهمدوسی شوند. این می تواند باعث شود که کیوبیت ها خواص کوانتومی خود را مانند برهمنهی کوانتومی و درهمتنیدگی که برای انجام محاسبات کوانتومی ضروری

۳۰ برنامهنویسی کوانتومی

هستند، از دست بدهند.

ناهمدوسي ميتواند به دلايل مختلفي ايجاد شود:

دما کیوبیت ها در دماهای بالاتر مستعد دکوراسیون هستند. این به این دلیل است که هرچه دما بالاتر باشد، کیوبیت ها انرژی بیشتری دارند و بیشتر احتمال دارد با محیط خود تعامل داشته باشند.

برخورد کیوبیت ها همچنین می توانند توسط ارتعاشات دکور شوند. این به این دلیل است که ارتعاشات می توانند باعث حرکت کیوبیت ها شوند، که می تواند حالت های کوانتومی آنها را مختل کند.

تابش الكترومغناطیسی كیوبیت ها می توانند توسط تابش الكترومغناطیسی، مانند نور و امواج رادیویی، دكور شوند. این به این دلیل است كه تابش الكترومغناطیسی می تواند با الكترون های كیوبیت ها تعامل داشته باشد و باعث از دست رفتن خواص كوانتومی آنها شود.

ناهمدوسی یک مانع بزرگ برای توسعه ابررایانه های کوانتومی است. برای ساخت یک رایانه کوانتومی عملی، باید راه هایی برای کاهش ناهمدوسی پیدا کرد. این یک مشکل بزرگ ولی قابل حل است؛ اما تعدادی از مسیرهای تحقیقاتی امیدوار کننده وجود دارد، مانند:

سردسازی کیوبیتها این می تواند انرژی کیوبیت ها را کاهش دهد و آنها را کمتر مستعد تعامل با محیط خود کند.

استفاده از مواد با همدوسی بالا برخی از مواد، مانند ابررساناها، زمان های همدوسی بسیار طولانی دارند که آنها را برای استفاده در رایانه های کوانتومی بسیار مناسب می کند.

توسعهی الگوریتم های جایگزین برای تصحیح خطای کوانتومی الگوریتم های تصحیح خطا کوانتومی می توانند برای تشخیص و تصحیح خطاهایی که توسط ناهمدوسی ایجاد می شوند استفاده شوند.

كامپيوتركوانتومي IBM و زبان برنامهنويسي JisKit

معرفي QisKit

یک زبان برنامهنویسی کوانتومی است. این زبان دارای مشابهتهای زیادی با زبان پایتون میباشد. دو دلیل عمده برای این شباهت وجود دارد:

۱. این زبان براساس زبان پایتون و برخی کتابخانههای آن ساخته شده است.

۲. جامعه دانشمندان کوانتوم و بهطور کلی فیزیکدانان از سابق برای انجام شبیهسازی های خود از زبان پایتون استفاده میکنند و پایتون نیز کتابخانه های بسیار کارآمدی - نظیر نامپای ۱۶ ، پانداس ۱۷ ، سایپای ۱۸ و .. - ارائه کرده است.

كدنويسي به زبان QisKit

برای کدنویسی به زبان QisKit میتوان از محیط Jupyter notebook استفاده کرد. پس از نصب Qiskit برای فرخواندن این کتابخانه به راحتی میتوان نوشت:

import qiskit

هدف از برنامه نویسی کوانتومی پیادهسازی مسائل کوانتومی روی کامپیوترکوانتومی واقعی است. بدین منظور ابتدا یک شبیه سازی روی سیستم خود انجام داده و سپس کد خود را به کامپیوترکوانتومی IBM ارسال میکنیم.بدین منظور می بایست یک حساب کاربری در سایت مرتبط به کامپیوتر کوانتومی IBM ایجاد کنیم.

قواعد نوشتاری و ساختار داده

هرزبان برنامه نویسی دارای ساختار داده و دستورات نگارشی مخصوص بهخود است؛ QisKit نیز از این قاعده مستثنی نیست. بدین دلیل در ادامه به اختصار به معرفی برخی دستورات این زبان میپردازیم. باید خاطر نشان کرد که این متن براساس QisKit نسخهی ۰.۴۴.۰ نوشته شدهاست.

هدف نهایی این برنامهها، پیادهسازی یک مدار کوانتومی منتسب به یک مسئلهی خاص است. پس نیاز به تعریف و ایجاد کیوبیت داریم. برای تعریف کیوبیت از راه زیر استفاده میکنیم:

Numpy 19

Pandas \

Scipy 1A

برنامهنویسی کوانتومی

quantum_register = QuantumRegister(n)

که در آن n تعداد کیوبیتهای داخل کوانتوم رجیستر مدنظر برنامه نویس است.

classic_register = ClassicalRegister(n)

که در آن n تعداد بیتهای داخل رجیستر کلاسیک مدنظر برنامه نویس است.

درنهایت میتوان با قرار دادن این دو رجیسترایجاد شده، در یک مدار، یک مدار کوانتومی ایجاد کنیم:

circuit = QuantumCircuit(quantum_register, classic_register)

پس از ایجاد مدار می توان عملگرهای مدنظر خود نظیر هادامارد و CNOT و ... را روی بخشهای مختلف مدار اثر داد. از طرفی می توان مدار ایجاد شده را به صورت یک تصویر به کاربر نشان داد.

پیادهسازی گیتهای کوانتومی

برای اعمال یک گیت کوانتومی روی اجزای یک مدار کوانتومی،ابتدا باید نام مدار کوانتومی را نوشت؛ سپس نام گیت کوانتومی را نوشت؛ سپس نام کیوبیت یا بیت مدنظر را نوشت:

circuit.gate_sing_inQisKit(Qubit_name, Bit_name)

در كد بالا به جاى gate_sing_inQisKit() نام هر گيت كوانتومي مدنظر برنامهنويس ميتواند باشد.

تصوير سازي

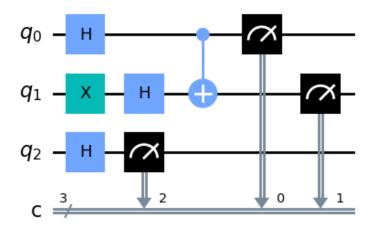
برای تصویر کردن وضعیت مدار کوانتومی میبایست از راه زیر استفاده کرد:

 $\mbox{\tt\#}$ to run commands and show diagram in a easier way. % matplotlib inline

draw circuit
circuit.draw()

we can change look of diagram.
circuit.draw(output = "mpl") # output = "mpl" is defining type of circuit output

درنهایت خروجی مشابه خروجی های زیر را میتوان از این زبان برنامه نویسی دریافت کرد:



شکل ۶: نمونهای از خروجی کیسکیت

الگوريتمهاي كوانتومي

چه گونهای از مسائل محاسباتی قابل اجرا با مدارهای کوانتومی میباشند؟ تفاوت و برتری مدارهای کوانتومی نسبت به مدارهای کلاسیک چیست؟ آیا میتوان یک حوزهی خاص را تعیین کرد؛ به گونهای که عملکرد کامپیوترهای کوانتومی نسبت به کامپیوترهای کلاسیک مزیت داشته باشند؟

در این بخش میخواهیم به طور خلاصه این سوالات را پاسخ دهیم و توضیح دهیم چگونه میتوان از کامپیوترهای کوانتومی به شکلی سودمند استفاده کنیم.

موازي سازي كوانتومي

موازی سازی کوانتومی 10 ، پایه واساس بسیاری از الگوریتم های کوانتومی است. با گذار یک حالت کوانتومی به حالت برهمنهی کوانتومی، درحین محاسبات کوانتومی یک تابع نظیر f(x)، می تواند مقادیر مختلف x را به طور همزمان بررسی کند. این درحالیست که در محاسبات کلاسیک به دلیل ماهیت بیتهای اطلاعات، تابع f(x) فقط می تواند یکی از مقادیر مجاز برای x را بررسی کند.

فرض كنيد تابع f ،يك تابع تك_كيوبيت، به صورت زير تعريف شده است:

$$f(x): \{0,1\} \to \{0,1\}$$
 (Y•)

parallelism Quantum 19

موازی سازی کوانتومی

روش مناسب برای محاسبه این تابع در یک کامپیوتر کوانتومی، با در نظر گرفتن دو کیوبیت که در حالت $|f(x)\oplus x,y\rangle$ سروع می شود. با یک توالی مناسب از گیت های منطقی می توان این حالت را به $|x,y\rangle$ تبدیل کرد که در آن \oplus بیانگر جمع مدوله با پایه ۲ میباشد.

۲.

هریک از دسته های کیوبیت، رجیستر کوانتومی نامیده می شوند. اولین رجیستر، «رجیستر داده» و دومین رجیستر «رجیستر هدف» نامیده می شود.

ازین پس در این بخش به عامل گذار $\langle U_f(x) \rangle = |x,y\rangle \to |x,y\rangle$ ، عنوان «تابع U_f » را اطلاق خواهیم کرد. لازم به ذکرست که این تبدیل، یک تبدیل یکه به شمار می آید. ۲۱

اگر $\mathbf{y}=0$ آنگاه مقدار دومین کیوبیت بعد از اعمال تابع U_f برابر با مقدار $\mathbf{y}=0$ خواهد بود.

در شکل بالا مقادیر ورودی داده شده به تابع U_f در پایههای محاسباتی قرار ندارند. رجیستر داده در حالت برهمنهی قرار دارد. این حالت برهمنهی را میتوان با اعمال گیت هادامارد بر حالت کوانتومی $|0\rangle$ ایجاد کرد. پس از ایجاد این حالت، تابع U_f را به حالت جدید اعمال میکنیم:

example. For . Y by division a of remainder the returns that operation mathematical a is Y Modulo Y.

. V of remainder a and Y of quotient a has Y by divided Δ because Δ is Y mod Δ

be would " Γ \square Δ " expression the So. . Γ modulo addition indicate to used often is " \square " symbol The follows: as evaluated

remainder a and $\mathfrak F$ of quotient a has Υ by divided Λ because is This $\cdot = \Upsilon \mod \Lambda = \Upsilon \mod (\Upsilon + \Delta) = \Upsilon \ \odot \Delta$. \cdot of

com- cryptography, including mathematics, of areas different many in operation useful a is Y Modulo whether checking when example, for life, everyday in used also is It theory, number and science, puter odd, or even is number a

[:] Y modulo of examples other some are Here

۱ = ۲ $\mod 4$ • = ۲ $\mod 7$ ا = ۲ $\mod 7$ • • ۲ $\mod 7$ ا = ۲ $\mod 7$ الثبات این مطلب از حوصله ی بحث خارج است.

۳۶ الگوريتمهاي كوانتومي

شکل ۷: مدار کوانتومی برای ارزیابی f(0) و f(0) به طور همزمان. Uf مدار کوانتومی است که ورودی هایی مانند $|x,y\rangle \to |x,y \mapsto f(x)\rangle$ را به $|x,y\rangle \to |x,y \mapsto f(x)\rangle$ ، تصویر میکند.

$$\frac{|0,f(0)\rangle + |1,f(1)\rangle}{\sqrt{2}} \tag{Y1}$$

این یک حالت استثنایی است! جملات مختلف کسر بالا حاوی اطلاعاتی در موردf(0) و f(0) می باشند؛ به نحوی که انگار f(x) را برای دو مقدار x به طور همزمان ارزیابی کرده ایم، این ویژگی به "موازی سازی کوانتومی" موسوم می باشد. بر خلاف موازی سازی کلاسیک، که در آن هر یک مدارهای متعددی دارند ساخته شده برای محاسبه f(x) به طور همزمان اجرا می شوند، در اینجا برای ارزیابی تابع برای چندین مقدار x به طور همزمان، یک مدار f(x) ربا قابلیت برهمنهی کوانتومی) استفاده می شود.

این فرآیند را می توان به راحتی با استفاده از یک عمل کلی به نام تبدیل هادامارد، به توابعی با تعداد بیت دلخواه تعمیم داد. این عمل فقط تعداد n گیت هادامارد است که به طور موازی روی n کیوبیت عمل می کنند.

برای مثال در شکل زیر؛ دو کیوبیت در حالت (0| آماده شدهاند. پس از اعمال گیتهای هادامارد بر روی این رجیستر به خروجی زیر خواهیم رسید:

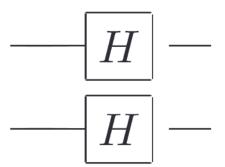
$$\left(\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}\right)\left(\frac{|0\rangle+|1\rangle}{\sqrt{2}}\right) = \frac{|00\rangle+|01\rangle+|10\rangle+|11\rangle}{\sqrt{2}} \tag{YY}$$

موازی سازی کوانتومی

از نماد $2 \otimes H$ به عنوان نشانهی عملکرد موازی دو گیت هادامارد استفاده میکنیم؛ از علامت \otimes به عنوان تانسور یاد میکنیم. به طور کلی نتایج اعمال موازی گیت هادامارد روی n کیوبیت روی حالت کوانتومی برابرست با:

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{x} |x\rangle \tag{YT}$$

در اینجا، \sum نشان دهنده جمع بر روی همه مقادیر ممکن x است، و ماx را برای نشان دادن این عمل می نویسیم. اعمال تبدیل هادامارد روی یک بهمنهی کوانتومی برابر از همه حالت های محاسباتی تولید می کند؛ و با استفاده از فقط x گیت، یک برهمنهی از x حالت تولید می کند.



شكل Λ : اعمال تبديل هادامارد $\mathbf{M}\otimes \mathbf{H}$ روى دو كيوبيت

تبدیل هادامارد $2 \otimes H$ روی دو بیت کوانتومی پیاده می شود. ارزیابی موازی کوانتومی یک تابع f(x) با ورودی x بیتی x و خروجی x بیتی، به روش زیر قابل پیاده سازی می باشد:

- ا. ابتدا حالت n+1 کیوبیت $|0
 angle^{\otimes n}|0
 angle$ را آماده کنید،
- ۲. سپس تبدیل هادامارد را به n کیوبیت اول و به دنبال آن مدار کوانتومی اعمال کنید.
 - ۳. اعمال تابع U_f به کیوبیتهایی که در حالت برهمنهی قرار دارند.

۳۸ الگوریتمهای کوانتومی

درنهایت حالت زیر تولید میشود:

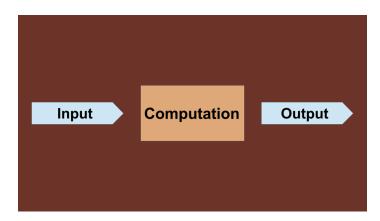
$$\frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_x |x\rangle |f(x)\rangle \tag{\UpsilonF}$$

به طور کلی موازی سازی کوانتومی امکان ارزیابی همزمان همه مقادیر ممکن تابع f را فراهم میکند، حتی اگر ظاهراً فقط یک بار f را ارزیابی کرده باشیم. با این حال، این موازی سازی بلافاصله مفید نیست.

در مثال تک کیوبیتی ما، اندازه گیری حالت فقط $\langle 0,f(0)\rangle$ یا $\langle 0,f(0)\rangle$ را میدهد! به طور مشابه، در حالت کلی، اندازه گیری حالت $\sum_x |x,f(x)\rangle$ فقط $\sum_x |x,f(x)\rangle$ را برای یک مقدار x خاص میدهد. البته یک کامپیوتر کلاسیک میتواند این کار را به راحتی انجام دهد! محاسبات کوانتومی برای مفید بودن به چیزی بیش از موازی سازی کوانتومی نیاز دارد؛ به توانایی استخراج اطلاعات مربوط به بیش از یک مقدار $\sum_x |x,f(x)\rangle$ از حالتهای برهمنهی مانند $\sum_x |x,f(x)\rangle$ نیاز دارد. در بخش های بعدی به مثالهای خواهیم پرداخت که این مسائل را حل کند.

مدل محاسباتي استاندارد

پیش از بررسی مدل کوئری، مدل ساده و استاندارد محاسباتی را بررسی میکنیم. به تصویر زیر دقت کنید:



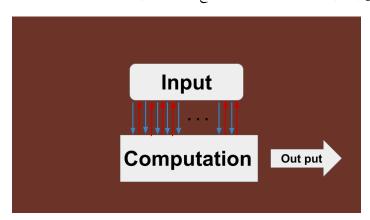
شکل ۹: یک واحد محاسباتی که مقادیری را به عنوان ورودی گرفته، پردازش کرده و سپس مقدار/مقادیر خروجی را ارائه کرده است. ملل كوئرى

در تصویر بالا یک نمود ساده از کامپیوترهای امروزی ارائه شده است. در دنیای واقعی مقدار ورودی می تواند از هر منبعی تأمین شده باشد. با این وجود هدف ما بررسی منابع تولید ورودی نیست؛ بلکه هدف بررسی مقادیر ورودی (به صورت ایزوله) می باشد. می توان در نظر گرفت که ورودی داده شده و خروجی نهایی، هر دو در قالب یک رشته از اعداد باینری، ماتریس و یا هرقالب مدنظر کاربر باشند.

مهم ترین نکته درباره ی این واحد محاسباتی، در دستوس بودن کل مقادیر ورودی برای واحد پردازش است. به عبارت دیگر واحد پردازش می تواند تمامی مقادیر ورودی را دریافت کرده و تشخیص دهد.

مدل کوئری

در مدل کوئری، دادههای ورودی توسط یک تابع تولید میشوند. واحد محاسباتی دسترسی به تابع تولیدورودی دارد و میتواند برای دریافت دادههای جدید،از تابع یاد شده،درخواست کند.



شکل ۱۰: شکل بالا نمود مدل محاسباتیکوئری است. واحد محاسباتی برای دریافت دادههای جدید نیاز به درخواست از تابع ورودی دارد. خطوط قرمز و روبهبالا نشان از درخواست واحد محاسباتی و خطوط آبی روبهپایین نشان از پاسخ واحد ورودی میباشد.

در این مدل واحد محاسباتی دیگر دادهها را در قالب رشتهای از اطلاعات دردسترس ندارد؛ بلکه می تواند آنها را از بخش تولید ورودی دریافت کند. در گاهی از مواقع به سیستم ورودی را اوراکل یا جعبهی سیاه می نامند. تابع اوراکل ۲۲ یا جعبهی سیاه ۲۳ یک سیستم است که ما به عنوان ناظر به سازوکار داخلی آن و تمامی اطلاعات آن دسترسی نداریم و فقط می توانیم مقادیر مجاز را به آن داده و مقادیر خروجی را دریافت کنیم.

Oracle**

Box Black ***

۴۰ الگوريتمهاي كوانتومي

تابع اوراکل به صورت زیر تعریف می شود:

$$\begin{cases} f: \sum^{n} = \sum^{m} \\ Which: m, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$
 (Ya)

ما در این نظریه کوئریها را میشماریم و وضعیت آنها را بررسی میکنیم.

معرفی و پیاده سازی الگوریتم دوچ

مسئلهي دوچ

الگوریتم دوچ^{۲۴} اولین و ساده ترین الگوریتم کوانتومی است. این الگوریتم برای اولین بار در سال ۱۹۸۵ در مقالهای مطرح شد؛ که توسط دیوید دوچ^{۲۵} نوشته شدهبود. این الگوریتم نقطهی شروعی برای اثبات برتری کامپیوترهای کوانتومی نسبت به کامپوترهای کلاسیک است.

مسئلهی دوچ یکی از سادهترین مفاهیم ممکن را مطرح میکند. اگر یک تابع به فرم زیر تعریف شود:

$$f: \sum \rightarrow \sum$$

هدف بررسی ثابت بودن یا متعادل 79 بودن تابع f است. بهطور کلی، درساده ترین حالت، می توان چهار وضعیت را برای تابع $f:\sum o \sum$ درنظر گرفت:

در شكل بالا توابع f 4 ، f 1 د توابع ثابت و توابع f و f f توابع متعادل هستند.

algorithm Deutsch^{۲۴}

David Deutsch ۲۵

Constante or balanse. $^{\gamma \rho}$

a	$f_1(a)$	a	$f_2(a)$	a	$f_3(a)$	a	$f_4(a)$
0	0	0	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0	1	1

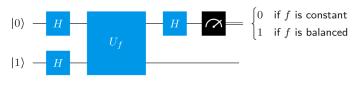
شکل ۱۱: تمام حالات ممکن برای یک تابع ثابت و یک تابع متعادل

مسئلهی دوچ							
ورودى	$f: \sum \rightarrow \sum$						
خروجي	صفر اگر تابع ثابت بود؛ یک اگر تابع متعادل بود.						

در الگوریتمهای کلاسیک برای حل این مسئله، حداقل دو حالت باید بررسی شود.

الگوريتم دوچ

حال به بررسی الگوریتم دوچ میپردازیم. الگوریتمی که مسئلهی دوچ را با یک مدار کوانتومی حل میکند:



شکل ۱۲:

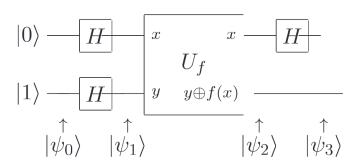
مدار زیر نشان می دهد که چگونه مدارهای کوانتومی می توانند با پیاده سازی الگوریتم دوج از مدارهای کلاسیک پیشی بگیرند^{۲۷}. الگوریتم دوج ترکیبی از موازی سازی کوانتومی با خاصیتی از مکانیک کوانتوم به نام تداخل^{۲۸} است. مشابه قبل،ابتدا از گیت هادامارد برای آماده سازی اولین کیوبیت به عنوان برهمنهی

۲۷ ما در واقع یک نسخه ساده شده و بهبود یافته از الگوریتم اصلی را ارائه می دهیم.

to algorithm Deutsch the in used is Interference : algorithm deutsch in using is interference how to

الگوریتمهای کوانتومی ۴۲

به عنوان کنیم، اما اکنون کیوبیت دوم y را با اعمال یک گیت هادامارد به حالت $|1\rangle$ به عنوان بهرهمنهی $\frac{(|1\rangle+|1\rangle)}{\sqrt{2}}$ آماده کنیم. بهشکل زیر دقت کنید:



شكل ۱۳: پيادهسازي مداركوانتومي الگوريتم دوچ

حالت ورودي:

always that function a is function constant A functions. balanced and constant between distinguish half for \cdot returns that function a is function balanced A input. its of regardless value, same the returns half, other the for \cdot and inputs its of

qubit first The states. of superposition a in qubits two preparing first by works algorithm Deutsch The prepared is qubit second The $.|1\rangle$ and $|0\rangle$ of superposition equal the is which $. \mathbb{S} + \mathbb{I}$ state the in prepared is phases. opposite with $|1\rangle$ and $|0\rangle$ states the of superposition a is which $\mathbb{S} + \mathbb{I}$ state the in

CNOT a and gate Hadamard a includes that circuit quantum a through passed then are qubits two The the copies gate CNOT the and $|1\rangle + |0\rangle$ superposition the into $\mathbb{S}+|$ transforms gate Hadamard The gate. qubit. second the to qubit first the of state

mea- is qubit first the If measured. are qubits two the executed been has circuit quantum the After state the to orthogonal is state the because is This constant. is f function the then $|0\rangle$ be to sured interfere. destructively will states two the between interference the so $|0\rangle$

is §§ state the because is This balanced. is f function the then $|1\rangle$ be to measured is qubit first the If interfere, constructively will states two the between interference the so $|1\rangle$ state the to parallel

prob- a solve to used be can interference quantum how of example simple a is algorithm Deutsch The between distinguish can algorithm Deutsch the case: this In classically. solve to difficult is that lem ex- an take to need would computer classical a while step: single a in functions balanced and constant steps. of number ponential

$$|\psi_0\rangle = |01\rangle \tag{79}$$

سیستم دو کیوبیتی تشکیل شده، پس از اعمال اثر دو گیت هادامارد میدهد:

$$|\psi_1\rangle = \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \tag{YV}$$

با کمی تأمل می توان دریافت که اگر U_f را به حالت U_f را به حالت کنیم، سپس به حالت با کمی تأمل می توان دریافت که اگر را به ما را به یکی از دو امکان زیر مواجه $|\Psi_1\rangle$ به $|\Psi_1\rangle$ ما را با یکی از دو امکان زیر مواجه می کند:

$$|\psi_2\rangle = \begin{cases} \pm \left[\frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases} \tag{YA}$$

با اعمال آخرین گیت هادامارد روی کیوبیت اول به حالت زیر خواهیم رسید:

$$\begin{split} |\psi_3\rangle = \begin{cases} \pm |0\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) = f(1) \\ \pm |1\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] & \text{if } f(0) \neq f(1) \end{cases} \tag{74}$$

با درنظر گرفتن شرایط زیر میتوان $|\psi_3
angle$ را به شکل زیر بازنویسی کرد:

الگوريتمهاي كوانتومي

$$\begin{cases} f(0) = f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 0 \\ f(0) \neq f(1) \implies & f(0) \oplus f(1) = 1 \end{cases} \tag{\mathbf{r}.}$$

از این رو:

$$|\psi_3\rangle = \pm |f(0) \oplus f(1)\rangle \left[\frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}}\right] \tag{\ref{thm:posterior}}$$

بنابراین با اندازه گیری کیوبیت اول می توانیم $f(0) \oplus f(0) \oplus f(0)$ را تعیین کنیم. واقعاً جالب است! مدار کوانتومی به ما توانایی تعیین یک ویژگی کلی از f(x)، یعنی $f(0) \oplus f(0) \oplus f(0)$ را داده است، با استفاده از تنها یک ارزیابی از f(x)! این سریعتر از آن چیزی است که با یک دستگاه کلاسیک امکانپذیر است،یک دستگاه کلاسیک حداقل به دو ارزیابی نیاز دارد. این مثال تفاوت بین موازیسازی کوانتومی و الگوریتمهای تصادفی کلاسیک را برجسته میکند. به سادگی، ممکن است تصور شود که حالت f(1)|f(1)| + |f(0)| + |f(0)| مطابقت نزدیکی با یک رایانه کلاسیک تصادفی دارد که هرکدام از حالات f(0) یا f(0) با احتمال f(0) اندازه گیری میکند. با یک رایانه کلاسیک تصادفی دارد که هرکدام از حالات و گزینه همیشه یکدیگر را حذف میکنند. در یک رایانه کوانتومی، امکان دارد که دو گزینه با یکدیگر تداخل داشته باشند تا برخی از خواص کلی تابع f(0) را با استفاده از چیزی شبیه به گیت هادامارد برای بازترکیب گزینههای مختلف، مانند آنچه در الگوریتم دوچ انجام شد، به دست آورند. اساس طراحی بسیاری از الگوریتمهای کوانتومی این است که یک انتخاب هوشمندانه از تابع و تبدیل نهایی اجازه می دهد تا اطلاعات جهانی مفیدی در مورد تابع تعیین شود - اطلاعاتی که نمی توان به سرعت در یک رایانه کلاسیک به دست آورد.

پیادهسازی الگوریتم دوچ در کیس کیت

ابتدا کتابخانههای مورد نیاز را فراخوانی میکنیم:

```
from qiskit import *
from qiskit.tools.visualization import plot_histogram
%matplotlib inline
```

یک مدار کوانتومی با دو کیوبیت و یک بیت کلاسیک ایجاد میکنیم؛ این الگوریتم با یک بیت کلاسیک نیز قابل اجراست. کیوبیت اول برای بررسی تابع ایجاد شده و کیوبیت دوم برای کنترل بهتر شرایط ایجاد شده است.

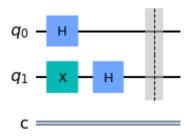
```
circuit = QuantumCircuit(2,1)
```

به اولین کیوبیت یک گیت هادامارد اثر میدهیم. سپس بر دومین کیوبیت، به ترتیب یک گیت ایکس پائولی و یک گیت هادامارد اثر میدهیم:

```
circuit.h(0)
circuit.x(1)
circuit.h(1)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

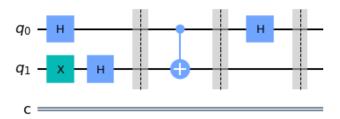
حال یک گیت CNOT با هدف قرار دادن کیوبیت دوم به مدار اعمال میکنیم. سپس گیت هادامارد را بر اولین کیوبیت اعمال میکنیم؛ چرا که قصد اندازه گیری این کیوبیت را داریم:

الگوريتمهاي كوانتومي



شکل ۱۴: آمادهسازی دو کیوبیت

```
circuit.cx(0,1)
circuit.barrier()
circuit.h(0)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```



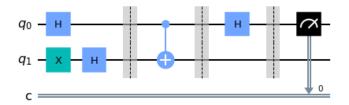
شكل ١٥: وضعيت مدار پس از اعمال اوراكل بر كيوبيت ها

حال اندازه گیری را انجام میدهیم:

```
circuit.measure(0,0)
```

<qiskit.circuit.instructionset.InstructionSet at 0x7fb3a83c1c70>

```
circuit.draw(output='mpl')
```



شکل ۱۶: مدار کوانتومی کامل که روی شبیه ساز کلاسیک پیاده سازی شده است.

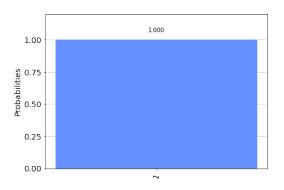
حال این کد را به شبیهساز کلاسیک IBM منتقل میکنیم:

```
backend = Aer.get_backend('qasm_simulator')
result = execute(circuit, backend=backend, shots=1024).result()
counts = result.get_counts(circuit)

plot_histogram([counts])
```

به ازای تمامی شاتها (تعداد دفعات تکرار آزمایش) به مقدار یک دست یافتیم؛ این به معنای متعادل بودن

الگوریتمهای کوانتومی



شکل ۱۷: خروجی شبیهسازی برابر با یک شده است. طبق فرمول ۳۰ این تابع یک تابع متعادل است.

تابع است. حال وقت آن رسیده که با کامپیوتر کوانتومی حقیقی کار کنیم. همانطور که در بخش گفته شد؛ میبایست با حساب کاربری خود به این کامپیوتر کوانتومی وصل شویم:

#Real Quantum Computer

IBMQ.load_account()

<AccountProvider for IBMQ(hub='ibm-q', group='open', project='main')>

حال لیست کامپیوترهای کوانتومی که بیشترین منابع را در اختیار دارند را استخراج میکنیم:

```
provider = IBMQ.get_provider("ibm-q")

for backend in provider.backends():
    try:
    qubit_count = len(backend.properties().qubits)
    except:
    qubit_count = "simulated"
    print(f"{backend.name()}:
        {backend.status().pending_jobs} & {qubit_count} qubits ")
```

لیست وضعیت کامپیوترهای کوانتومی در حین اجرای این کد به شرح زیر بودهاست:

```
ibmq_qasm_simulator : 3 & simulated qubits
ibmqx2 : 12 & 5 qubits
ibmq_16_melbourne : 411 & 15 qubits
ibmq_armonk : 48 & 1 qubits
ibmq_athens : 7 & 5 qubits
ibmq_santiago : 13 & 5 qubits
ibmq_lima : 12 & 5 qubits
ibmq_belem : 5 & 5 qubits
ibmq_quito : 4 & 5 qubits
simulator_statevector : 4 & simulated qubits
simulator_mps : 3 & simulated qubits
simulator_extended_stabilizer : 3 & simulated qubits
simulator_stabilizer : 3 & simulated qubits
simulator_stabilizer : 3 & simulated qubits
```

۵۰ الگوریتمهای کوانتومی

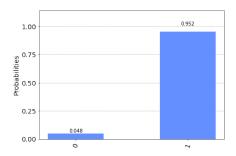
از كامپيوتر ibqm-belem استفاده ميكنيم:

quantum_computer = provider.get_backend('ibmq_belem')

quantum_result = execute(circuit, backend=quantum_computer,shots=1024).result()

حال مقادیر محاسبه شده را به تصویر میکشیم:

quantum_counts = quantum_result.get_counts(circuit)
plot_histogram([quantum_counts])



شكل ۱۸: مقادير محاسبهشده باكمك كامپيوتر كوانتومي

همانطور که مشاهده می شود؛ در کل شاتهای پیاده سازی مدار ایجاد شده، عدد یک در اغلب موارد به عنوان حاصل اعلام شده است. مابقی نتایح به عنوان نویز دسته بندی می شوند.

شبیه سازی پدیده های کوانتومی

در این بخش قصد داریم به بررسی پروتکلهای ابتدایی در نظریهی اطلاعات کوانتومی بپردازیم. تمامی این پروتکلها به تعداد کمی کیوبیت نیاز دارند؛ و در آزمایشگاه به صورت تجربی پیادهسازی شدهاند.

حالات بل

به مدار نمایش داده شده در شکل زیر دقت کنید:

این مدار دارای یک گیت هادامارد و سپس CNOT است و چهار حالت پایه محاسباتی را مطابق جدول داده شده تبدیل می کند. به عنوان مثال: گیت هادامارد ورودی $\frac{|00|+|10|}{\sqrt{2}}$ انتقال می دهد و سپس CNOT حالت خروجی $\frac{|(10+|10|)}{\sqrt{2}}$ را آماده می کند.

بار دیگر مراحل را مرور میکنیم:

ابتدا اعمال تبدیل هادامارد حالت کیوبیت بالایی را به یک برهمنهی کوانتومی منتقل میکند. این برهمنهی ایجاد شده، به عنوان کیوبیت کنترل به CNOT عمل می کند و حالت کیوبیت هدف تنها زمانی معکوس می شود که حالت کیوبیت کنترل ۱ باشد.

حالت خروجي را ميتوان به شكل زير نمايش داد:

$$\begin{split} |\beta_{00}\rangle &= \frac{|00\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}} \\ |\beta_{01}\rangle &= \frac{|01\rangle + |10\rangle}{\sqrt{2}} \\ |\beta_{10}\rangle &= \frac{|00\rangle - |11\rangle}{\sqrt{2}} \\ |\beta_{11}\rangle &= \frac{|01\rangle - |10\rangle}{\sqrt{2}} \end{split} \tag{TY}$$

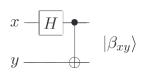
از حالتهای بالا به عنوان حالات بل یا حالات EPR یادمی کنیم.

خصوصیات حالات $,|eta_{10}
angle,|eta_{00}
angle,|eta_{001}
angle,|eta_{10}
angle,|eta_{11}
angle,$ خصوصیات حالات خواهند شد:

$$|\beta_{ay}\rangle = \frac{|0,y\rangle + (-1)^y |1,\bar{y}\rangle}{\sqrt{2}} \tag{TT}$$

y. of negation the is 'y where ?? منظور از این جمله چیه

In	Out			
$ 00\rangle$	$(00\rangle + 11\rangle)/\sqrt{2} \equiv \beta_{00}\rangle$			
$ 01\rangle$	$(01\rangle + 10\rangle)/\sqrt{2} \equiv \beta_{01}\rangle$			
$ 10\rangle$	$ (00\rangle - 11\rangle)/\sqrt{2} \equiv \beta_{10}\rangle $			
11⟩	$(01\rangle - 10\rangle)/\sqrt{2} \equiv eta_{11}\rangle$			



شكل ۱۹: مدار كوانتومي بل بههمراه ورودي و خروجي آن

درهمتنيدگي

در حوزه فیزیک کوانتومی، یکی از گیج کننده ترین پدیده هایی که همچنان توجه دانشمندان و فیلسوفان را به خود جذب می کند، «درهم تنیدگی» است. این مفهوم درک متعارف ما از واقعیت را به چالش می کشد و باعث بحثها، آزمایشها و تحقیقات فلسفی بی شماری شده است.

درهم تنیدگی به ارتباط فوقالعادهای اطلاق میشود که میتواند بین دو یا چند ذره، بدون توجه به فاصلهای که

درهمتنيدگي

آنها را از هم، وجود داشته باشد. هنگامی که ذرات در هم میپیچند، ویژگیهای آنها مانند اسپین، تکانه و قطبش به گونهای به هم مرتبط میشوند که تغییر حالت یک ذره بدون توجه به فضای فیزیکی بین آنها، فوراً بر وضعیت ذره دیگر تأثیر میگذارد. به نظر میرسد این ارتباط آنی با مفاهیم کلاسیک علت و معلول مخالفت میکند.

یکی از مشهورترین آزمایشهای فکری که درهم تنیدگی را نشان میدهد، پارادوکس انیشتین پودولسکی روزن (EPR) است. در این سناریو، دو ذره درهم تنیده که اغلب به آنها «آلیس» و «باب» گفته می شود، جدا شده و به مکان های مختلف فرستاده می شوند. وقتی اندازه گیری روی یک ذره انجام میشود، حالت آن فوراً مشخص میشود و باعث میشود وضعیت ذره دیگر نیز مشخص شود، این تغییر حالت از راه دور حتی اگر دو ذره ی درهم تنیده سالهای نوری از هم فاصله داشته باشند؛ رخ خواهد داد. این نقض آشکار محدودیت سرعت نور، درک ما از نحوه انتقال اطلاعات را به چالش کشیده است.

درهم تنیدگی فقط یک مفهوم نظری نیست. به طور تجربی از طریق آزمایش های مختلف مشاهده و تأیید شده است. این است. یکی از مهمترین آزمایشهایی که درهم تنیدگی را به صورت تجربی نشان میدهد، آزمون بل است. این آزمایش نقض نابرابریهای بل را آزمایش میکند. وقتی اندازه گیریهای ذرات درهم تنیده این نابرابریها را نقض میکند، نشان میدهد که رفتار آنها توسط فیزیک کلاسیک قابل توضیح نیست و در عوض به واقعیت درهم تنیدگی کوانتومی اشاره میکند.

پیامدهای درهم تنیدگی عمیق و پیچیده است و فراتر از محدوده آزمایشگاه های فیزیک است. محققان همواره در حال بررسی کاربردهای بالقوه درهم تنیدگی در زمینه هایی مانند محاسبات کوانتومی و رمزنگاری کوانتومی هستند. توانایی درهم تنیدگی برای فعال کردن کیوبیتها (بیتهای کوانتومی) برای وجود همزمان در چندین حالت، این پتانسیل ایجاد تحولات شگرفی در رمزنگاری کوانتومی و محاسبات کوانتومی دارد و به راهحلهایی منجر شود که قبلا غیرممکن تلقی میشدند.

در نتیجه، از درهم تنیدگی به عنوان یکی از جذاب ترین و گیج کننده ترین پدیده ها در قلمرو فیزیک کوانتومی یادمی شود. ارتباط اسرار آمیز آن بین ذرات، شهود کلاسیک را به چالش می کشد و همچنان مرزهای درک ما از جهان را پیش می برد. همانطور که دانشمندان عمیق تر به پیچیدگی های درهم تنیدگی و کاربردهای بالقوه آن می پردازند.

دوربري

دوربری کوانتومی تکنیکی برای جابجایی حالات کوانتومی به نقاط دیگر است. در اینجا نحوه عملکرد دوربری کوانتومی آمده است:

آلیس و باب مدت ها پیش با هم آشنا شدند اما اکنون دور از هم زندگی می کنند. در حالی که آنها با هم یک جفت EPR تولید کردند، هر کدام یک کیوبیت از جفت EPR را در هنگام جدا شدن می گرفتند. سالها بعد، باب مخفی است، و ماموریت آلیس، در صورتی که آن را بپذیرد، تحویل یک کیوبیت $|\Psi|$ به باب است. او وضعیت و خصوصیات کیوبیت را نمی داند و علاوه بر این فقط می تواند اطلاعات کلاسیک را برای باب ارسال کند. آیا آلیس باید این مأموریت را بیذیرد؟

درظاهر، تمام شرایط علیه آلیس است. او وضعیت $\langle \Psi |$ کیوبیتی را که باید برای باب بفرستد نمی داند، و طبق قوانین مکانیک کوانتومی، او حق تعیین وضعیت $\langle \Psi |$ را ندارد؛زیرا فقط یک نسخه از جفت کیوبیت را در اختیار دارد. به علاوه، حتی اگر او حالت $\langle \Psi |$ را می دانست، توصیف دقیق آن به مقدار نامحدودی از اطلاعات کلاسیک نیاز دارد، زیرا $\langle \Psi |$ مقادیری را در یک فضای پیوسته می گیرد.

بنابراین حتی اگر او $|\Psi\rangle$ را می دانست، برای آلیس تا ابد طول می کشید تا وضعیت را برای باب توصیف کند. دوربری کوانتومی راهی برای استفاده از جفت EPR درهم تنیده به منظور ارسال $|\Psi\rangle$ به باب، تنها با سربار کوچکی از ارتباطات کلاسیک است. این مسأله وضعیت را برای آلیس تغییر می دهد.

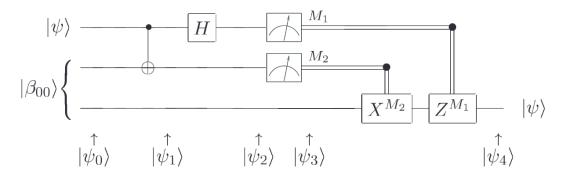
به طور کلی، مراحل حل به شرح زیر است: آلیس با کیوبیت $|\Psi|$ با یک کیوبیت خود از جفت ،EPR و سپس دو کیوبیت در اختیارش را اندازه گیری می کند و یکی از چهار نتیجه کلاسیک ممکن ، ۰۰، ،۱۰ ،۱۰ ،۱۰ را بدست می آورد. درنهایت او این اطلاعات را به باب ارسال می کند.

بسته به پیام کلاسیک آلیس، باب یکی از چهار عملگر جدول زیر را روی کیوبیت EPR خود اعمال میکند. به طرز شگفت انگیزی، با انجام این کار او می تواند حالت اولیه را بازیابی کند $|\Psi|$ مدار کوانتومی نشان داده شده در شکل زیر توصیف دقیق تری از دوربری کوانتومی ارائه می دهد. دوربری حالتی که باید از راه دور

دوربری

منتقل شود عبارت است از $|\Psi
angle=lpha|0
angle+eta|1
angle$ ناشناخته هستند.

$$|\psi_0\rangle = |\psi\rangle|\beta_{00}\rangle \tag{TF}$$



شکل ۲۰: مدار کوانتومی برای انتقال یک کیوبیت دو خط بالا نشان دهنده سیستم آلیس هستند، در حالی که خط پایین نشان دهنده سیستم آلیس است خط سیستم باب است. مترها اندازه گیری را نشان می دهند و خطوط دوتایی که از آنها بیرون می آیند دارای حالت کلاسیک هستند بیت ها (به یاد بیاورید که خطوط منفرد نشان دهنده کیوبیت هستند)

$$=\frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha|0\rangle(|00\rangle+|11\rangle)+\beta|1\rangle(|00\rangle+|11\rangle)] \tag{70}$$

جایی که ما از این قاعده استفاده می کنیم که دو کیوبیت اول (در سمت چپ) متعلق به آلیس هستند و کیوبیت سوم متعلق به باب است. همانطور که قبلا توضیح دادیم ، کیوبیت دوم آلیس و کیوبیت باب در یک حالت EPR شروع می شوند. آلیس یک گیت CNOT را روی کیوبیتهای خود اثر می دهد. از این رو:

$$|\psi_1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha|0\rangle(|00\rangle + |11\rangle) + \beta|1\rangle(|10\rangle + |01\rangle)] \tag{\mathbf{r}}$$

سپس گیت هادامارد را روی اولین کیوبیت اثر میدهد و به دست می آورد:

$$|\psi_2\rangle = \frac{1}{2}[\alpha(|0\rangle + |1\rangle)(|00\rangle + |11\rangle) + \beta(|0\rangle - |1\rangle)(|10\rangle + |01\rangle)] \tag{TV} \label{eq:psi_2}$$

این حالت را می توان به روش زیر بازنویسی کرد، به سادگی با گروه بندی مجدد عبارات:

$$\begin{split} |\psi_2\rangle = &\frac{1}{2}[|00\rangle(\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle) + |01\rangle(\alpha|1\rangle + \beta|0\rangle) \\ &+ |10\rangle(\alpha|0\rangle - \beta|1\rangle) + |11\rangle(\alpha|1\rangle - \beta|0\rangle)] \end{split} \tag{$\it TA$}$$

این عبارت به طور طبیعی به چهار اصطلاح تقسیم می شود. عبارت اول دارای کیوبیت های آلیس است در حالت $\alpha|0
angle+\beta|1
angle$ قرار دارد.

. اگر آلیس یک اندازه گیری را انجام دهد و نتیجه ۰۰ را به دست آورد، آنگاه کیوبیت باب دقیقا همان $|\Psi\rangle$ میباشد. به طور مشابه:

$$\begin{array}{l} 00 \longmapsto |\psi_{3}(00)\rangle \equiv [\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle] \\ \\ 01 \longmapsto |\psi_{3}(01)\rangle \equiv [\alpha|1\rangle + \beta|0\rangle] \\ \\ 10 \longmapsto |\psi_{3}(10)\rangle \equiv [\alpha|0\rangle - \beta|1\rangle] \\ \\ 11 \longmapsto |\psi_{3}(11)\rangle \equiv [\alpha|1\rangle - \beta|0\rangle] \end{array} \tag{\ref{eq:property}}$$

بسته به نتیجه اندازه گیری آلیس، کیوبیت باب به یکی از این چهار حالت ممکن قرار خواهد گرفت. البته، برای پیدا کردن حالت کیوبیت، باید نتیجه اندازه گیری آلیس را به باب اعلام کرد. کمی پیش تر نشان خواهیم داد که همین وضعیت مانع از استفاده از دوربری برای انتقال اطلاعات با سرعتی، سریعتر ازسرعت نور می شود.

دوربری دوربری

هنگامی که باب نتیجه اندازه گیری را فهمید، باب می تواند حالت کیوبیت خود را «تثبیت» کند و با استفاده از گیت کوانتومی مناسب، $|\Psi|$ را بازیابی کند. به عنوان مثال، در موردی که اندازه گیری نتیجهی $|\Psi|$ می دهد، باب نیازی به انجام کاری ندارد. اگر نتیجهی اندازه گیری $|\Psi|$ باشد، باب می تواند حالت کیوبیت خود را با اعمال دروازه $|\Psi|$ اصلاح کند.

اگر نتیجه ی اندازه گیری ۱۰ باشد، باب می تواند حالت کیوبیت خود را با استفاده از گیت Z ثابت کند. اگر اندازه گیری ۱۱ باشد، باب می تواند با اعمال ابتدا یک X و سپس یک گیت Z حالت کیوبیت خود را اصلاح کند. به طور خلاصه، باب باید تبدیل ZM1XM2 را در کیوبیت خوداعمال کند Υ^* ؛ و بدین طریق او می تواند حالت $|\Psi\rangle$ را بازیابی می کند.

با مطرح کردن مفهوم تلپورت کوانتومی، سوالات زیادی مطرح می شود. در اینجا به تعدادی از متداول ترین سوالات مطرح کرده و پاسخ می دهیم:

سوال اول

آیا دوربری به فرد اجازه نمی دهد حالتهای کوانتومی را سریعتر از نور منتقل کند؟ این امر بسیار جذاب و شگرف است؛ زیرا تئوری نسبیت نشان می دهد که انتقال اطلاعات سریعتر از نور می تواند برای ارسال اطلاعات به عقب در زمان استفاده شود. دوربری کوانتومی ارتباط سریعتر از سرعت نور را امکانپذیر نمی کند، زیرا برای تکمیل دوربری، آلیس باید نتیجه اندازه گیری خود را از طریق یک کانال ارتباطی کلاسیک به باب منتقل کند.

میتوان نشان داد؛ که بدون این کانال ارتباطی کلاسیک، دوربری توان انتقال هیچ اطلاعاتی را ندارد.

کانال ارتباط کلاسیک با سرعت نور محدود می شود، بنابراین میتوان نتیجه گرفت که تله پورت کوانتومی نمی تواند سریعتر از سرعت نور انجام شود و این تناقض ظاهری را حل می شود.

سوال دوم

در فرآیند دوربری به نظر می رسد یک کپی از حالت کوانتومی در حال انتقال از راه دور ایجاد می شود؛ در حالی که آشکارا قضیه عدم شبیه سازی ۳۰ مورد بحث نقض می کند.

۲۹ توجه داشته باشید که چگونه زمان در نمودارهای مدار از چپ به راست میگذرد، اما در عملیاتهای ماتریسی سمت راست اول اتفاق میافتد

No cloning theorem * .

این نقض ناشی از دقت کم و یا توهم است؛ زیرا پس از فرآیند دوربری فقط کیوبیت هدف در حالت $|\Psi|$ باقی می ماند و کیوبیت اصلی که حامل داده است؛ با توجه به فرآیند اندازه گیری حالت اصلی به یکی از حالت های پایه محاسباتی $|\Psi|$ رمبش میکند.

پیادهسازی دوربری در کیس کیت

ابتدا ابزار و كتابخانههاى لازم را فرامىخوانيم:

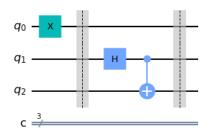
```
from qiskit import *
from qiskit.visualization import plot_histogram
%inline matplotlib
```

از استاد بپرس چرا گیت ایکس را به کیوبیت سای اثر دادیم؟

یک مدار کوانتومی با سه کیوبیت و سه بیت کلاسیک تعریف میکنیم. پس از آن یک گیت x روی اولین کیوبیت اثر می دهیم؛ تا حالت آن را تغییر دهیم. یک گیت هادامارد به کیوبیت اول و یک گیت x CNOT به هردو کیوبیت اثر می دهیم. خروجی این کار درهم تنیدگی دو کیوبیت یک و دو خواهد بود. سپس خروجی را مشاهده میکنیم:

```
circuit = QuantumCircuit(3,3)
circuit.x(0)
circuit.barrier()
circuit.h(1)
circuit.cx(1,2)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

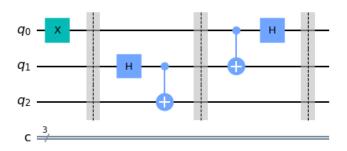
دوربری



شكل ۲۱: درهمتنيدهشدن كيوبيت باب و آليس

حال كيوبيت تلپورت و كيوبيت آليس را درهمتنيده ميكنيم:

```
circuit.cx(0,1)
circuit.h(0)
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

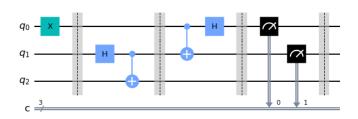


شكل ۲۲: درهمتنيده شدن كيوبيت آليس و كيوليت تلپورت

حال کیوبیت های صفر و یک (کیوبیت تلپورت و کیوبیت آلیس) را اندازه گیری میکنیم؛ سپس نتیجه را در بیت کلاسیک صفر و یک میگذاریم:

```
circuit.measure([0, 1], [0, 1])
circuit.barrier()
circuit.draw(output='mpl')
```

نتیجهی نهایی به شکل زیر است:



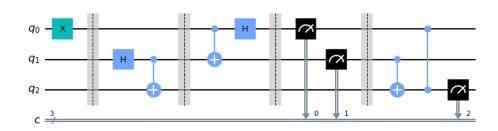
شکل ۲۳: اندازه گیری کیوبیت آلیس و سای

باب با توجه به بیتهای کلاسیکی که از سمت آلیس دریافت کرده، باید یک سری گیت کوانتومی را به کیوبیت خود اعمال کند.

```
circuit.cx(1, 2)
circuit.cz(0, 2)
circuit.measure([2], [2])
circuit.draw(output='mpl')
```

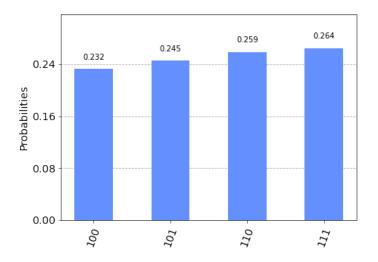
حال مدار ایجاد شده را روی مدار پیاده سازی میکنیم:

دوربری



شکل ۲۴: مرحلهی پایانی تلپورت، دادهی داخل کیوبیت سای به کیوبیت باب منتقل شده است.

```
simulator = Aer.get_backend('qasm_simulator')
result = execute(circuit, backend=simulator, shots=1024).result()
from qiskit.visualization import plot_histogram
plot_histogram(result.get_counts(circuit))
```



شکل ۲۵: احتمال رخداد حالاتی که در آن مقدار کیوبیت تلپورت برابر یک است.

از استاد بپرس چحوری ما حق داریم گیت ایکس و z را اثر بدهیم. چرا؟ عدد اول بیانگر حالت کیوبیت

