هوش مصنوعي

پاییز ۱۴۰۱

استاد: محمدحسین رهبان

مهلت ارسال: ۵ بهمن

گردآورندگان: محمدجواد هزاره امیرحسین جوادی



دانشگاه صنعتی شریف دانشکدهی مهندسی کامپیوتر

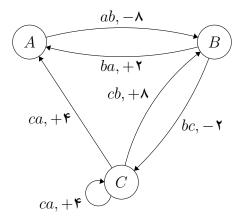
فرآیندهای مارکف و یادگیری تقویتی

تمرين ششم

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است.
 - امکان ارسال با تاخیر برای این تمرین وجود ندارد.
- همکاری و همفکری شما در انجام تمرین مانعی ندارد اما پاسخ ارسالی هر کس حتما باید توسط خود او نوشته شده باشد.
- در صورت همفکری و یا استفاده از هر منابع خارج درسی، نام همفکران و آدرس منابع مورد استفاده برای حل سوال مورد نظر را ذکر کنید.

سوالات نظری (۱۰۰ نمره)

- ۱. (۱۰ نمره) درستی یا نادرستی گزارههای زیر را در رابطه با یک فرآیند تصمیمگیری مارکف مشخص کنید و توضیحی کوتاه در رابطه با آن ارائه دهید.
 - (آ) ضریب تخفیف کوچک و نزدیک به صفر به رفتار حریصانه و کوتهنظر منجر می شود.
 - (ب) پاداش منفی زندگی ٔ با اندازهی زیاد (بسیار منفی) به رفتار حریصانه و کوتهنظر منجر می شود.
 - (ج) همواره میتوان پاداش منفی زندگی را با استفاده از ضریب تخفیف منفی مدل کرد.
 - (د) همواره می توان ضریب تخفیف منفی را با پاداش منفی زندگی مدل کرد.
- ۲. (۲۵ نمره) فرآیند تصمیمگیری مارکف که در شکل ۱ آمده است را با ضریب تخفیف $\gamma = 0.0$ در نظر بگیرید که در آن حالتها با حروف $\gamma = 0.0$ نشان داده شدهاند. روی هر یال حروف کوچک نوشته شده که یکی از کنش های موجود است و یال مربوطه گذار متناظر با انجام آن کنش را نشان می دهد. عدد صحیح روی هر یال نیز پاداش کسب شده از آن کنش است. تمام گذارها با احتمال ۱ به وقوع می پیوندد و تنها گذار از حالت $\gamma = 0.0$ به تصادفی است که احتمال رفتن به حالت $\gamma = 0.0$ برابر $\gamma = 0.0$ به حالت $\gamma = 0.0$ برابر $\gamma = 0.0$ است.



شکل ۱: گراف فرآیند تصمیمگیری مارکف.

¹Markov Decision Process

[†]discount

[&]quot;shortsighted

^{*}negative living reward

- با در نظر گرفتن این فرآیند به سوالهای زیر پاسخ دهید.
- را برای یک فرآیند تصمیمگیری مارکف به همراه ضریب تخفیف، تابع ارزش حالتها یا همان $V^{\pi}(s)$ را توصف کنید.
 - (ب) رابطهی بلمن را برای تابع ارزش حالتها بنویسید.
- (ج) سیاست اولیه π_1 را در نظر بگیرید که به صورت تصادفی و با احتمال برابر در هر حالت یکی از کنش های موجود در آن حالت را انتخاب میکند. حال فرض کنید تابع ارزشگذاری اولیه را به صورت کنش های موجود در آن حالت را انتخاب میکند. حال فرض کنید تابع ارزش $V_1(A) = V_1(B) = V_1(C) = \mathbf{Y}$ را اجرا کنید تا به تابع ارزش $V_1(s)$ برای حالت های مختلف برسید.
 - (د) براساس تابع ارزشگذاری جدید و به صورت حریصانه سیاست قطعی جدید π_{7} را بدست آورید.
- (ه) سیاست قطعی π را در نظر بگیرید. اثبات کنید اگر سیاست جدید π به صورت حریصانه از V^π بدست آمده باشد، آنگاه π بهتر یا مساوی π است، یا به عبارتی برای تمام حالتها داریم π بهتر یا مساوی π است. یا به عبارتی برای تمام حالتها داریم π حتما سیاست بهینه است.
- ۳. (۲۰ نمره) صفحه ی \times ۲ زیر را در نظر بگیرید. فرض کنید حرکت خود را از خانه ی شماره ی ۱ شروع می کنیم و با رسیدن به خانه ی شماره ی ۶ بازی تمام می شود و با رسیدن به این خانه ۱۰ امتیاز مثبت دریافت می کنیم. همچنین در تمام حرکتهایی که منجر به رسیدن به خانه ی شماره ی ۶ نمی شوند پاداش ۱ دریافت می کنیم.

۴	۵	۶
١	۲	٣

شكل ٢: جدول بازي.

در هر خانه چهار کنش ممکن وجود دارد: بالا، پایین، چپ و راست. فرض کنید کنشهایی که باعث خارج شدن از صفحه می شوند مجاز نیستند. هر کنش نیز به صورت قطعی انجام شده و به خانه ی مربوطه می رویم. حال فرض کنید جدول زیر را برای Q(s,a) داریم:

Q(1, راست $) =$			Q(ابالا $)=$ ۴
$Q(\Upsilon,$ راست $)=\Lambda$	$Q(Y, \varphi) = Y$		Q(Y,Yبالا) = ۶
	$Q(\Upsilon, \varphi) = V$		$Q({f r},{f y}$ بالا $)={f q}$
$Q(\mathfrak{k}, \mathfrak{c}) = \mathfrak{d}$		$Q(\mathfrak{r},$ پایین $)=\mathfrak{r}$	
$Q(\Delta, \Box) = A$	$Q(\Delta, \boldsymbol{\varphi}) = \Delta$	$Q({f 0},$ پایین $)={f 9}$	

شكل ٣: جدول Q-valueها

با درنظر گرفتن این جدول و توضیح مسئله به سوالهای زیر پاسخ دهید.

- (آ) باتوجه به داشتن دانش کامل در رابطه با محیط، میتوان از رابطه ی بلمن برای بروزرسانی Q-value استفاده کرد. فرض کنید از سیاست حریصانه استفاده میکنیم و با درنظر گرفتن این سیاست، ابتدا رابطه ی بلمن برای بروزرسانی Q-value ها را نوشته و سپس مقدار بروز شده ی Q-Q را حساب کنید.
- (ب) حال فرض کنید مدل محیط را نداریم و جدول Q-valueهای داده شده از روش یادگیری تفاوت زمانی ابدست آمده است. توضیح دهید چرا در اینصورت استفاده از سیاست حریصانه هوشمندانه نیست و با برقراری تعادل بین چه مواردی می توان سیاست بهتری داشت؟

[∆]state-value function

⁵policy evaluation

^vTemporal Difference Learning

- (ج) توضیح دهید چرا بهجای استفاده از ارزش حالتها یا همان V-values از ارزش کنشها یا همان -Q values استفاده شده است.
- (د) یکی از روشهای حل مشکل قسمت (ب) استفاده از سیاست تصادفی softmax است. در این روش احتمال انجام دادن کنش a از حالت a که آن را با a نشان میدهیم به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\pi(s,a) = \frac{e^{Q(s,a)}}{\sum_{b} e^{Q(s,b)}}$$

با در نظر گرفتن این سیاست و جدول داده شده برای Q-valueها، احتمال انجام هر کنش در حالتهای مختلف را بدست آورید. همین طور توضیح دهید چرا استفاده از این روش معقولانه است و مشکل قسمت (ب) را برطرف می کند.

(ه) حال میخواهیم با استفاده از الگوریتم SARSA مقدار Q-valueها را بروزرسانی کنیم. فرض کنید از خانهی ۲ مسیر زیر را نمونهبرداری کردهایم.

$$Y \rightarrow \Delta \rightarrow F$$

با درنظر گرفتن رابطهی زیر برای بروزرسانی به روش SARSA مقدار (بالا ,۱) و (راست ,Q(0,-1) و بروزرسانی کنید. ($\alpha=\cdot/1,\gamma=\cdot/\Lambda$) و $\alpha=0$

$$Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha \left[R_{ss'}^a + \gamma Q(s', a') - Q(s, a) \right]$$

 $V(T) = \cdot$ با دو استیت ترمینال (۲) و (۲)، و استیت ترمینال (B با دو استیت ترمینال (B با دو اکشن (۲) با A transition function و reward function ناشناخته است اما نمونههای زیر را دیده ایم.

- (a) $A \to B$: $a_1 = 1, r_1 = -3$
- (b) $B \to A$: $a_2 = 1, r_2 = 4$
- (c) $A \to A$: $a_3 = 2, r_3 = -4$
- (d) $A \to B$: $a_4 = 1, r_4 = -3$
- (e) $A \rightarrow T$: $a_5 = 2, r_5 = 1$

که هر \leftarrow یک تغییر از حالت مبدا به مقصد با انجام action و reward مشخص شده است.

- را بعد از مشاهده این نمونهها تعیین کنید. Q(s,a) مقدار (آ)
- (ب) یک سیاست deterministic با توجه به سمپلها معرفی کنید که از سیاست رندوم بهتر است. توضیح دهید.
- (ج) سیاست رندوم را با π_{random} و سیاست طراحی شده را با π^* نامگذاری کنید. چه انتظار در مورد مقدار نهایی value estimation در زمانی که الگوریتم Q-Learning با سیاست π^* شروع شود نسبت به وقتی با π_{random} با π_{random} شروع شود دارید؟ هر کدام از این سیاستها به چه مشکلاتی ممکن است بینجامد؟
- ۵. (۲۵ نمره) فرض کنید ما با نرخ اکتشاف ϵ شروع می کنیم. به این معنی که هرگاه مدل یک action را انتخاب کند، با احتمال ϵ به صورت تصادفی و با احتمال ϵ احتمال ϵ انتخاب شده انجام می شود. اگر فرض کنیم که محیط به اندازه کافی کاوش شده است، ممکن است بخواهیم پس از مدتی میزان اکتشاف را کاهش دهیم. یک الگوریتم برای کاهش این نرخ اکتشاف ارائه دهید. اگر حریف استراتژی ش را تغییر دهد، آیا روش شما کار می کند؟ چرا؟ اگر نه، یک heuristic ارائه دهید که بتواند با تغییرات در استراتژی حریف سازگار شود.

[^]state-action-reward-state-action