

Задание:

Сгенерируйте две независимые выборки объёма n (например, $n = 1000$):

1. Из нормального распределения $N(\mu, \sigma^2)$ (например, $\mu = 0, \sigma = 1$);
2. Из равномерного распределения $U(a, b)$ (например, $a = -3, b = 3$).

Для каждой выборки выполните следующие шаги:

1. Постройте гистограмму эмпирических частот (желательно с нормированием, чтобы её можно было сравнить с плотностью распределения).
2. С помощью критерия согласия Пирсона (хи-квадрат) проверьте нулевую гипотезу H_0 :
 - Для первой выборки: «Данные взяты из нормального распределения $N(\mu, \sigma^2)$ »;
 - Для второй выборки: «Данные взяты из нормального распределения $N(\mu, \sigma^2)$ ».
3. На основе полученного статистического значения χ^2 и p-value, сделайте вывод о принятии или отклонении гипотезы H_0 на уровне значимости $\alpha = 0.05$.
4. Наложите на гистограмму график теоретической плотности нормального распределения (с теми же μ и σ , что использовались при генерации — или оценёнными по выборке, если гипотеза простая/сложная). Это визуально покажет, насколько выборка согласуется (или не согласуется) с нормальным распределением.

Пояснение цели:

Гистограмма визуально демонстрирует, насколько эмпирическое распределение похоже на нормальное. Критерий Пирсона даёт количественную оценку этой близости, позволяя формально принять или отвергнуть гипотезу о нормальности.

Важные детали:

- При применении критерия Пирсона к равномерной выборке нулевая гипотеза должна быть отвергнута (потому что данные не нормальные).
- При применении к нормальному выборке гипотеза обычно принимается, если выборка достаточно велика и параметры совпадают.
- Не забудьте проверить условия применимости критерия Пирсона (ожидаемые частоты в интервалах ≥ 5 ; при необходимости объединить соседние интервалы).