Le système Sage

Support partiellement repris de Franco Saliola, Florent Hivert, Dan Drake, William Stein, ...

 $\mathsf{EJCIM}\ 2012,\ \mathsf{Rennes}$



Sage?

La mission de Sage

« Créer une alternative libre et viable à $Maple^{TM}$, $Mathematica^{TM}$, $Magma^{TM}$ et $MATLAB^{TM}$

. . .

La mission de Sage

« Créer une alternative libre et viable à MapleTM, MathematicaTM, MagmaTMet MATLABTM

. . .

et une communauté accueillante d'utilisateurs et de développeurs»

Principes fondateurs de Sage

- Développé par des chercheurs pour des chercheurs
- Entièrement libre (GPL)

Principes fondateurs de Sage

- Développé par des chercheurs pour des chercheurs
- Entièrement libre (GPL)

- «Construire la voiture, plutôt que de réinventer la roue»
 - Atlas, GAP, GMP, Linbox, Maxima, MPFR, PARI/GP, NetworkX, NTL, Numpy/Scipy, Singular, Symmetrica, ...
 - Langage de programmation standard (Python)

Principes fondateurs de Sage

- Développé par des chercheurs pour des chercheurs
- Entièrement libre (GPL)

- «Construire la voiture, plutôt que de réinventer la roue»
 - Atlas, GAP, GMP, Linbox, Maxima, MPFR, PARI/GP, NetworkX, NTL, Numpy/Scipy, Singular, Symmetrica, ...
 - Langage de programmation standard (Python)

- Modèle de développement type «Bazar»
- Prosélytisme actif

Arithmétique
Algèbre
Géométrie algébrique
Géométrie arithmétique
Calcul symbolique
Algèbre linéaire exacte
Algèbre linéaire numérique
Combinatoire
Théorie des graphes
Théorie des groupes

GMP, MPFR, MPFI, NTL, ... GAP, Maxima, Singular Singular, Macaulay2 (optionel) PARI, NTL, mwrank, ecm, ... Maxima, Sympy Linbox. IML GSL, Scipy, Numpy Symmetrica, Lrcalc, PALP, ... NetworkX, graphviz (optionel) GAP

... et bien d'autres!

Sage Demo

Demo!

> sage -gap

```
#########
                          ######
                                                              ###
                                         ##########
   #############
                          ######
                                         #############
                                                              ####
                         #######
                                         #############
                                                             #####
                                         #####
 ************
                         #######
                                                 ######
                                                             #####
######
                                         #####
                                                  #####
                         ########
                                                            ######
######
                        #########
                                         #####
                                                  #####
                                                           #######
#####
                        ##### ####
                                         #####
                                                 ######
                                                          #######
####
                       #####
                              #####
                                         *****
                                                         ### ####
#####
          #######
                       ####
                               ####
                                         ###########
                                                              ####
#####
         #######
                      #####
                               #####
                                         ######
                                                              ####
#####
                               #####
                                         #####
         ######
                      #####
                                                       *****
#####
           #####
                     #################
                                         #####
                                                       #############
######
           #####
                     #################
                                         #####
                                                       #############
                    ********
                                         #####
                                                              ####
******
 ************
                    #####
                                 #####
                                         #####
                                                              ####
   *****
                    #####
                                 #####
                                         #####
                                                              ####
    ########
                   #####
                                  ##### #####
                                                              ####
```

Information at: http://www.gap-system.org
Try '?help' for help. See also '?copyright' and '?authors'

Loading the library. Please be patient, this may take a while. GAP4, Version: 4.4.12 of 17-Dec-2008, x86_64-unknown-linux-gnu-gcc

> sage -singular

```
SINGULAR / Development
A Computer Algebra System for Polynomial Computations / version 3-1-1
0<
by: G.-M. Greuel, G. Pfister, H. Schoenemann \ Feb 2010
FB Mathematik der Universitaet, D-67653 Kaiserslautern \>
```

> sage -maxima

```
Maxima 5.22.1 http://maxima.sourceforge.net using Lisp ECL 10.4.1
Distributed under the GNU Public License. See the file COPYING.
Dedicated to the memory of William Schelter.
The function bug_report() provides bug reporting information.
(%i1)
```

> sage -gp

```
GP/PARI CALCULATOR Version 2.4.3 (development svn-12623) amd64 running linux (x86-64/GMP-4.2.1 kernel) 64-bit version compiled: Apr 20 2011, gcc-4.4.3 (Ubuntu 4.4.3-4ubuntu5) (readline v6.1 enabled, extended help enabled)
```

```
Copyright (C) 2000-2008 The PARI Group
```

PARI/GP is free software, covered by the GNU General Public License, and comes WITHOUT ANY WARRANTY WHATSOEVER.

```
Type ? for help, \q to quit.

Type ?12 for how to get moral (and possibly technical) support.

Parisize = 8000000, primelimit = 500509
```

> sage -R

R version 2.10.1 (2009-12-14) Copyright (C) 2009 The R Foundation for Statistical Computing ISBN 3-900051-07-0

R is free software and comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. You are welcome to redistribute it under certain conditions. Type 'license()' or 'licence()' for distribution details.

Natural language support but running in an English locale

R is a collaborative project with many contributors.

Type 'contributors()' for more information and 'citation()' on how to cite R or R packages in publications.

Type 'demo()' for some demos, 'help()' for on-line help, or 'help.start()' for an HTML browser interface to help. Type 'q()' to quit R.

Sage contient une bibliothèque native

Sage contient aussi du *nouveau code* avec de nouvelles fonctionalités, disponibles nulle part ailleurs.

- 500k lignes de code
- 2500 classes
- 27200 fonctions
- contenu mathématique riche : catégories, combinatoire, graphes, théorie des nombres, ...
- De nombreux algorithms exclusifs

Sage contient une bibliothèque native

Demo!

Sage contient une bibliothèque native

```
| Sage Version 4.8, Release Date: 2012-01-20 |
| Type notebook() for the GUI, and license() for information. |
```

```
sage: pi.numerical_approx(digits=100)
3.14159265358979323846264338327950288419716939937510582097494459230781640628620
sage: plot(cos(x)+sin(x), (x,-pi,pi))
```



> sage

- 2002 : Atelier Calcul Formel Libre à Lyon
- 1999-2005: William Stein écrit plus de 25,000 lignes de code Magma pour sa recherche. Il réalise que c'est un mauvais investissement à long terme car il ne peux ni voir ni changer l'intérieur de Magma.
- Fev. 2005: Sage 0.1, une bibliothèque Python liant ensemble PARI, Maxima, Python, Singular, GAP.

- 2002 : Atelier Calcul Formel Libre à Lyon
- 1999-2005: William Stein écrit plus de 25,000 lignes de code Magma pour sa recherche. Il réalise que c'est un mauvais investissement à long terme car il ne peux ni voir ni changer l'intérieur de Magma.
- Fev. 2005: Sage 0.1, une bibliothèque Python liant ensemble PARI, Maxima, Python, Singular, GAP.
- Fev. 2006 : Sage 1.0
 Sage Days 1, San Diego, 10 participants?

- 2002 : Atelier Calcul Formel Libre à Lyon
- 1999-2005 : William Stein écrit plus de 25,000 lignes de code Magma pour sa recherche. Il réalise que c'est un mauvais investissement à long terme car il ne peux ni voir ni changer l'intérieur de Magma.
- Fev. 2005: Sage 0.1, une bibliothèque Python liant ensemble PARI, Maxima, Python, Singular, GAP.
- Fev. 2006: Sage 1.0Sage Days 1, San Diego, 10 participants?
- Fev. 2010: Sage 4.4.2
 Sage Days 20, Luminy (France), 120 participants
- Version actuelle : Sage 4.8
- 10000 utilisateurs?
- Financements (postdoc, workshops, matériel): NSF, ANR, CNRS, Nombreuses universités et instituts, Google, Microsoft Research, . . .

Sage est très jeune!

Sage a:

- des bogues
- des incohérences
- des domaines vierges ou non documentées

Sage manque:

- de support natif sous Windows
- de paquet fonctionnel sous Debian / Ubuntu / ...
- d'une bonne modularisation

Liberté!

Sage est entièrement libre

"You can read Sylow's Theorem and its proof in Huppert's book in the library . . . then you can use Sylow's Theorem for the rest of your life free of charge, but for many computer algebra systems license fees have to be paid regularly

With this situation two of the most basic rules of conduct in mathematics are violated: In mathematics information is passed on free of charge and everything is laid open for checking."

— J. Neubüser (1993) (créateur de GAP en 1986)

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de *vendre* des copies!

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de vendre des copies!

Intérêt :

• Simplicité administrative et technique

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de vendre des copies!

- Simplicité administrative et technique
- Utilisation par les étudiants chez eux

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de vendre des copies!

- Simplicité administrative et technique
- Utilisation par les étudiants chez eux
- Calcul distant, déploiement à large échelle

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de vendre des copies!

- Simplicité administrative et technique
- Utilisation par les étudiants chez eux
- Calcul distant, déploiement à large échelle
- Partage de vos programmes, feuilles de travail

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de vendre des copies!

- Simplicité administrative et technique
- Utilisation par les étudiants chez eux
- Calcul distant, déploiement à large échelle
- Partage de vos programmes, feuilles de travail
- Libre accès aux non académiques

En tout lieu, pour tout usage, dans les seules limites de la loi.

Liberté de redistribution de copies

Inclue la liberté de vendre des copies!

- Simplicité administrative et technique
- Utilisation par les étudiants chez eux
- Calcul distant, déploiement à large échelle
- Partage de vos programmes, feuilles de travail
- Libre accès aux non académiques
- Libre accès pour les pays en voie de développement

Logiciel ouvert : accès au code source

Logiciel ouvert : accès au code source

Intérêt :

• Enseignement, diffusion de la science

Logiciel ouvert : accès au code source

- Enseignement, diffusion de la science
- Reproductibilité des résultats scientifiques

Logiciel ouvert : accès au code source

- Enseignement, diffusion de la science
- Reproductibilité des résultats scientifiques
- Vérification de démonstrations

Logiciel ouvert : accès au code source

- Enseignement, diffusion de la science
- Reproductibilité des résultats scientifiques
- Vérification de démonstrations
- Maîtrise des hypothèses, modèles et algorithmes

Liberté d'étude du fonctionnement

Logiciel ouvert : accès au code source

- Enseignement, diffusion de la science
- Reproductibilité des résultats scientifiques
- Vérification de démonstrations
- Maîtrise des hypothèses, modèles et algorithmes
- Analyse de boggues ou de comportements surprenants

Intérêt :

• Adaptation aux besoins locaux (langue, terminologie métier)

- Adaptation aux besoins locaux (langue, terminologie métier)
- Corrections de boggues

- Adaptation aux besoins locaux (langue, terminologie métier)
- Corrections de boggues
- Autonomie

- Adaptation aux besoins locaux (langue, terminologie métier)
- Corrections de boggues
- Autonomie
- Mutualisation des efforts

Communauté

La communauté Sage dans le monde



Il y a actuellement 244 contributeurs à 165 endroits.

La communauté Sage

```
sites web
    http://www.sagemath.org/
    http://www.sagemath.fr/
listes de diffusion
    sage-devel : développement
    sage-windows : port vers Windows
    sage-release : gestion des distributions
    sage-algebra : algèbre
    sage-combinat-devel: combinatoire
    sage-finance: finance
    sage-nt : théorie des nombres
    sage-grid : calcul scientifique en grille
    sage-edu : enseignement
    sagemath-edu : enseignement (en Français)
IRC
```

#sagemath on freenode.net

Journées Sage en 2010

- Sage Days 19: Seattle, WA (January 2010)
- Sage Days 20: Marseille (February 2010)
- Sage Days 20.25 : Montreal (March 2010)
- Sage Days 20.5 : Fields Institute (May 2010)
- Sage Days 21 : Seattle, WA (June 2010)
- Sage-Combinat/Chevie Workshop : France (June 2010)
- Sage Days 22: Berkeley, CA (July 2010)
- Sage Days 23: Leiden, Netherlands (July 2010)
- Sage Days 23.5 : Kaiserslautern, Germany (July 2010)
- Sage Days 24: Linz, Austria (July 2010)
- Sage Days 25 : Mumbai, India (August 2010)
- Sage Days 25.5 Montréal, Canada (September 2010)
- Sage Days 26 Seattle, Washington (December 7-10, 2010)

Journées Sage en 2011

- Joint Math Meetings: New Orleans, LA (January)
- Sage Days 27 : Seattle, WA (January)
- Sage Days 28 : Orsay, France (January)
- Sage Days 29 : Seattle, WA (March)
- Sage Days 30 : Wolfville, NS (May)
- Sage Days 31 : Seattle, WA (June)
- Sage Education Days 3 : Seattle, WA (June)
- Sage Bug Fix Days 32 : Seattle, WA (August)
- Sage Days 33: Seattle, WA (September); Women in Sage
- ullet Sage Singular Days 34: Kaiserslautern, Germany (September)
- ullet Sage Days 34.5: Bobo Dioulasso, Burkina Faso (October)
- Sage Flint Days 35: Warwick UK (December)

2012 : Cernay, Bristol, Boston, San-Diego, Montréal, South Korea, Minneapolis, Seattle, Bobo Dioulasso, ...

Quelques livres libres

• Calcul Mathématique avec Sage

Alexandre Casamayou, Guillaume Connan Thierry Dumont, Laurent Fousse François Maltey, Matthias Meulien Marc Mezzarobba, Clément Pernet Nicolas M. Thiéry, Paul Zimmermann

http://sagebook.gforge.inria.fr/ July 2010: 1.0 online 2012: printed

- The Sage tutorial: http://www.sagemath.org/doc David Joyner, William Stein et al.
- A First Course in Linear Algebra : http://linear.ups.edu Robert Beezer

Sage et enseignement en France

- http://sagemath-edu.fr/wiki/
- Utilisation à large échelle à Lyon, Strasbourg
- Nouveauté : Sage accepté à l'oral de l'agreg 2012!