Kısa Sage Kılavuzu: Calculus

William Stein (Türkçeleştiren Kürşat Aker) Sage Sürüm 3.4

http://wiki.sagemath.org/quickref GNU Özgür Belge Lisansı, Dileğinize göre geliştirin

Tanımlı sabitler ve fonksiyonlar

```
Sabitler: \pi = pi e = e i = I = i
\infty = oo = infinity NaN=NaN log(2) = log2
\phi = golden_ratio \quad \gamma = euler_gamma
0.915 \approx \text{catalan} 2.685 \approx \text{khinchin}
0.660 \approx \text{twinprime} 0.261 \approx \text{merten}
                                          1.902 \approx brun
Yaklaşık: pi.n(digits=18) = 3.14159265358979324
Tanımlı fonksiyonlar: sin cos tan sec csc cot sinh
 cosh tanh sech csch coth log ln exp ...
```

Simgeler içeren İfadeler

(Simgesel) Değişkenler Oluştur:

var("t u theta") ya da var("t,u,theta")

Carpma için *, üs için ^ kullanın:

$$2x^5 + \sqrt{2} = 2*x^5 + sqrt(2)$$

Diz: show(2*theta^5 + sqrt(2))
$$\longrightarrow 2\theta^5 + \sqrt{2}$$

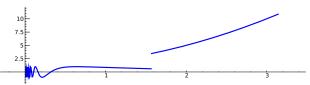
Simgesel fonksiyonlar

Simgesel fonksiyonlar (türevlenebilir, integrallenebilir...): $f(a,b,theta) = a + b*theta^2$

Theta'nın simgesel bir fonksiyonu:

Parçalı simgesel fonksiyonlar:





Python fonksiyonları

Tanımlama:

Satıriçi fonksiyonlar:

$$f = lambda a, b, theta = 1: a + b*theta^2$$

Sadelestirme ve çarpımı dağıtma

Bu işlemler için, f simgesel bir fonksiyon olmalıdır (Pyhton fonksiyonu **olamaz**):

```
Sadelestir: f.simplify_exp(), f.simplify_full(),
        f.simplify_log(), f.simplify_radical(),
        f.simplify_rational(), f.simplify_trig()
Carpini dağıtma: f.expand(), f.expand_rational()
```

Denklemler

```
Bağıntılar: f = q: f == g, f \neq q: f != g,
         f \leq g: f <= g, f \geq g: f >= g,
          f < q: f < g, f > q: f > g
f = g'i çöz: solve(f == g, x), and
             solve([f == 0, g == 0], x,y)
   solve([x^2+y^2==1, (x-1)^2+y^2==1], x, y)
```

Cözümler:

```
S = solve(x^2+x+1==0, x, solution_dict=True)
Burada, çözümler S[0]["x"] ve S[1]["x"] 'dir.
Tam kökler: (x^3+2*x+1).roots(x)
Gerçel kökler:
               (x^3+2*x+1).roots(x,ring=RR)
Karmaşık kökler: (x^3+2*x+1).roots(x,ring=CC)
```

Çarpanlara Ayırma

```
Carpanlara ayır: (x^3-y^3).factor()
(bölen, üs) çiftleri listesi: (x^3-y^3).factor_list()
```

Limitler

```
\lim f(x) = \lim f(x), x=a
\lim f(x) = \lim f(x), x=a, dir='plus')
  limit(1/x, x=0, dir='plus')
\lim f(x) = \lim (f(x), x=a, dir='minus')
  limit(1/x, x=0, dir='minus')
```

Türevler

```
\frac{d}{dx}(f(x)) = \text{diff}(f(x),x) = f.\text{diff}(x)
\frac{\partial}{\partial x}(f(x,y)) = \text{diff}(f(x,y),x)
diff = differentiate = derivative
    diff(x*y + sin(x^2) + e^{-x}, x)
```

İntegraller

```
\int f(x)dx = integral(f,x) = f.integrate(x)
   integral(x*cos(x^2), x)
\int_a^b f(x)dx = integral(f,x,a,b)
   integral(x*cos(x^2), x, 0, sqrt(pi))
\int_a^b f(x)dx \approx \text{numerical\_integral(f(x),a,b)[0]}
   numerical_integral(x*cos(x^2),0,1)[0]
assume(...): integral alma işlemi bir soru sorarsa, kul-
lanın. Örneğin:
   assume(x>0)
```

Taylor Polinomları ve Basit Kesirlere Açma

```
a'nın civarında derecesi n olan Taylor polinomu:
taylor(f,x,a,n) \approx c_0 + c_1(x-a) + \cdots + c_n(x-a)^n
   taylor(sqrt(x+1), x, 0, 5)
Basit Kesirlere Açma:
(x^2/(x+1)^3).partial_fraction()
```

Kök bulma ve optimizasyon

Kök bulma: f.find_root(a, b, x)

 $(x^2 - 2).find_root(1,2,x)$

```
En büyük: f(x_0) = m en büyük olacak (m, x_0)'i bul
    f.find_maximum_on_interval(a, b, x)
En küçük: f(x_0) = m en küçük olacak (m, x_0)'i bul
    f.find_minimum_on_interval(a, b, x)
Minimizasyon: minimize(f, başlangıç noktası)
   minimize(x^2+x*y^3+(1-z)^2-1, [1,1,1])
```

Çok değişkenli calculus

```
1. Türevler: f.gradient() ya da f.gradient(değişkenler)
    (x^2+y^2).gradient([x,y])
2. Türevler: f.hessian()
    (x^2+y^2).hessian()
Jacobi matrisi: jacobian(f, değişkenler)
```

 $jacobian(x^2 - 2*x*y, (x,y))$

Sonsuz serileri toplamak

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$$

Henüz uygulanmadı, ancak Maxima kullanabilirsiniz: $s = 'sum (1/n^2, n, 1, inf), simpsum'$ $SR(sage.calculus.calculus.maxima(s)) \longrightarrow \pi^2/6$