שאלון Y

שאלה 1 (24 נקודות)

בארון יש 10 מגירות ובאחת מהן נמצא מפתח. ליאת מחפשת את המפתח, ולכן בודקת את המגירות, כך שהיא לא חוזרת למגירות אותן היא כבר בדקה.

- א. חשבו את ההסתברות שהמפתח איננו באחת משלוש המגירות הראשונות שהיא בדקה.
- ב. ליאת ממשיכה לבדוק את המגירות עד שהיא מוצאת את המפתח. נסמן ב-Y את מספר המגירות שלא נפתחו. מהי התוחלת של Y?
- ג. ביום אחר אלון, שותף של ליאת בדירה, חזר מהעבודה מאוד עייף והתחיל לחפש את המפתח. הוא לא זכר איזה מהמגירות הוא כבר בדק וכל פעם בחר מגירה באקראי מתוך 10 המגירות. מהי ההסתברות שהוא בדק לכל היותר 20 מגירות עד שמצא את המפתח?

שאלה 2 (16 נקודות)

כל יום בערוץ ילדים משודרים 10 סרטי אנימציה שונים. מתוכם יש 5 סרטים על גיבורי על, 3 סרטים על דרקונים ו-2 סרטים על חתולים. אימא מרשה לאריאל לצפות בשלושה סרטים **שונים** ביום שאותם היא בוחרת באופן אקראי ובלי החזרה.

- א. סרט על דרקונים נמשך 10 דקות וכל סרט אחר נמשך 12 דקות. מהי התוחלת זמן הצפייה היומית של אריאל?
- ב. יום שבו אריאל רואה לפחות סרט אחד על גיבורי על הוא יום "נפלא". מהי ההסתברות שבמשך 70 ימים הבאים יהיו לפחות 60 ימים נפלאים?

שאלה 3 (21 נקודות)

מוצר עובר בתהליך הייצור שלו 3 שלבים:

השלב הראשון נמשך זמן המתפלג מעריכי עם תוחלת 16 דקות,

השלב השני נמשך זמן המתפלג אחיד (רציף) בין 2 ל-a דקות (a>2), עם אחוזון 80 השווה ל- 10 דקות, השלב השלישי נמשך זמן המתפלג נורמלי עם תוחלת של 20 דקות וסטיית תקן 4 דקות. זמני כל השלבים הם בלתי תלויים.

- א. מה ההסתברות שהשלב הראשון יימשך מעל לרבע שעה, אם ידוע שהוא נמשך כבר 7 דקות?
 - ב. מהי שונות זמן השלב השני?
- ג. עבור 49 מוצרים, נמדד אורך השלב השלישי שהם עוברים. מהי ההסתברות שהזמן הממוצע של השלב השלישי של 49 מוצרים אלה לא יעלה על 21 דקות?

שאלה 4 (16 נקודות)

שירה הכינה פלייליסט ובו 10 שירים. ברשימה ישנם 5 שירים בעברית, 4 שירים באנגלית, ושיר אחד בצרפתית. בכל בוקר נבחר שיר אחד באקראי להיות השיר הפותח של היום (בחירה עם החזרה). נגדיר:

- , מספר השרים בעברית שייבחרו בימים שישי ושבת בסוף השבוע הקרוב $-\,X$
- . מספר השירים באנגלית שייבחרו בימים שישי ושבת בסוף השבוע הקרוב-Y
- א. (10 נקודות)מצאו את פונקציית ההסתברות המשותפת של המשתנים המקריים X,Y
 - $P(|X Y| \ge 2)$ ב. (6 נקודות) חשבו את ההסתברות

(נקודות 23) אלה 5

סטיית התקן של משקל שקית קפה היא 5 גרם. השערת האפס היא שהמכונה תקינה ותוחלת משקל שקית קפה היא 100 גרם. תקלה במכונה גורמת לעליית תוחלת משקל שקית קפה ל- 103 גרם שזאת ההשערה האלטרנטיבית.

c -ממוצע המשקל גדול מ-40 שקיות קפה. אם ממוצע המשקל גדול מ-c עוצרים את המכונה ובודקים אותה.

- אם מעוניינים ברמת מובהקות של c אם ערכו של 8) א. (8 נקודות) מה ערכו של
 - 2. (8 נקודות) מהי עוצמת המבחן עבור c שחישבתם
- ג. (7) נקודות) עבור c שחישבתם, ממוצע של כמה שקיות יש לבדוק אם מעוניינים ברמת מובהקות לכל היותר c