## שאלון

Y

	שאלה 1		שאלה 2		שאלה 3	
	ה	Т	ה	Т	T	λ
1						
2						
3						
4						

## שאלה 1 (38 נקודות)

ספורטאי מתאמן 6 ימים בשבוע (א-ו) באופן הבא: בכל יום הוא בוחר באקראי את סוג האימון מבין שלושה סוגים: אימון ריצה בהסתברות 0.2, הבחירה בכל יום היא בלתי תלוי בבחירות של הימים האחרים.

- א. (10 נקודות) נסמן ב- X את מספר אימוני הריצה שהוא יבצע בשבוע הקרוב, וב- Y את מספר אימוני הכוח הרוצה וב- P(X=1|Y=5) .
- ב. (10 נקודות) מצאו את פונקציות ההסתברות השוליות של X ושל X. האם מדובר במשתנים מקריים בלתי תלויים? נמקו.
- $m{k}$  ג. (8 נקודות) נגדיר משתנה מקרי R אשר שווה ל-1 אם ביום  $m{k}'$  הוא יבחר באימון  $m{r}$  אחרת. חשבו את חשבו את מקרי S אשר שווה ל-1 אם ביום  $m{k}'$  הוא יבחר באימון  $m{g}$  אחרת. חשבו את חשבו  $E(R \cdot S) E(R)E(S)$
- ד. (5 נקודות) נגדיר משתנה מקרי R באופן זהה לסעיף הקודם. בנוסף, נגדיר משתנה מקרי R אשר שווה: ל-1 אם ביום ד' הוא יבחר באימון שחיה, ו-0 אחרת. אז Cov(R,P) שווה:
  - 0 .1
  - -1 .2
  - 1 .3
  - 4. אף תשובה אינה נכונה
- **ה.** (5 נקודות) בנוסף לסימונים של סעיף א', נגדיר משתנה מקרי Z המסמן את מספר אימוני **השחייה** שהוא יבצע בשבוע הקרוב. סמנו את התשובה הנכונה:
  - .בלתי תלויים X,Y,Z .1
  - Var(X+Y+Z)=0 .2
  - $E(X+Y) = E(Y+Z) \quad .3$ 
    - 4. אף תשובה אינה נכונה

## שאלה **2** (38 נקודות)

יוני הוזמן לשלושה ראיונות עבודה בשלוש חברות שונות. זמן ראיון בכל חברה מתפלג לפי התפלגות נורמלית עם תוחלת שעתיים וסטיית התקן של שעה. אם ראיון נמשך לכל היותר שעתיים אזי יוני בוודאות לא מתקבל לעבודה. אם ראיון נמשך יותר משעתיים יוני מתקבל לעבודה בסיכוי 0.8. זמני ראיון בלתי תלויים.

- א. (10 נקודות) אם יוני לא התקבל לעבודה <u>בחברה א'</u> מהי ההסתברות שראיון בחברה א' נמשך יותר משעתיים?
  - ב. (10 נקודות) מהי ההתפלגות של מספר החברות שבהן יוני יתקבל לעבודה?
  - **ג.** (8 נקודות) מצאו את פונקציית ההתפלגות המצטברת של זמן ראיון מקסימאלי.
  - E(Y) מצאו .  $Y = X^2 2X + 1$  מער משתנה מקרי:  $X \sim N(\mu, \sigma^2)$  יהי (5) . ד.

$$\mu^2 - 2\mu + 1$$
 .1

$$\sigma^2 + (\mu - 1)^2$$
 .2

$$\sigma^2 + 1 + (\mu - 1)^2$$
 .3

$$\sigma^2 - 1 + (\mu - 1)^2$$
 .4

ה. (5 נקודות) יהיו  $X_i \sim \exp(2)$  משתנים ב"ת. בחרו את הטענה הנכונה. i=1,...,100

$$\sum_{i=1}^{100} X_i \sim N(200,400) \quad .1$$

$$\sum_{i=1}^{100} X_i \sim \exp(200) \quad .2$$

$$\sum_{i=1}^{100} X_i \sim N(50,25) \quad .3$$

$$\sum_{i=1}^{100} X_i \sim N(50, 25^2) \quad .4$$

## שאלה **3** (24 נקודות)

 $X_1, X_2, ... X_{100} \sim Pois(\lambda)$  נתונות 100 תצפיות ב"ת של התפלגות פואסון

- א.  $T_2={X_1}^2-X_1\cdot X_{100}$  ,  $T_1=rac{X_1+X_2+\cdots X_{100}}{100}$  הינם אומדים חסרי הטיה (7 נקודות) א. עבור  $\gamma \lambda$
- $H_0$ :  $\lambda=1,\;H_1$ :  $\lambda=1.3$  נקודות) חוקר מעוניין לבדוק על סמך התצפיות הנ"ל שתי השערות: 1.15 מצאו את עוצמת לשם כך הוא בונה את המבחן הבא: נדחה את  $H_0$  אם ממוצע המדגם גדול מ-1.15. מצאו את עוצמת המבחן.
  - **ג.** (5 נקודות) רמת המובהקות של המבחן בסעיף ב' היא:
    - $\Phi(1.5)$  .1
    - $1 \Phi(1.5)$  .2
    - $1 \Phi(1.315)$  .3
    - 4. אף תשובה אינה נכונה.
    - ד. (5 נקודות) אם נגדיל את כמות התצפיות:
    - 1. רמת המובהקות תקטן ועוצמת המבחן תקטן.
    - 2. רמת המובהקות תגדל ועוצמת המבחן תקטן.
    - 3. רמת המובהקות תקטן ועוצמת המבחן תגדל.
    - 4. רמת המובהקות תגדל ועוצמת המבחן תגדל.