אלון X

מבוא להסתברות

שאלה 1 (32 נקודות)

במדינת ליליפוט ההסתברות לגשם בכל אחד מימות השנה, היא 0.1. ההסתברות שהמלך יכריז על חוק חדש ביום גשום היא 0.4. ההסתברות שהמלך יכריז על חוק חדש ביום לא גשום היא 0.2. ימים שונים הם בלתי תלויים מבחינת ההסתברות לגשם ומבחינת ההכרזה על חוק חדש.

- א. מה ההסתברות שביום שלישי הבא המלך יכריז על חוק חדש!
- ב. אתמול המלך הכריז על חוק חדש, מה ההסתברות שאתמול ירד גשם!
- ג. מה ההסתברות שיעברו יותר מ- 7 ימים עד שהמלך יכריז על חוק חדש!
 - ד. מה ההסתברות שבמשך 340 ימים יהיו לפחות 50 ימים גשומים!

שאלה 2 (24 נקודות)

X נתונה פונקציית ההתפלגות המצטברת של המשתנה

$$F_X(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0 \\ ax^2 & 0 \le x \le b \\ 1, & b \le x \end{cases}$$

 $\sqrt{2}$ נתון שהחציון של X הוא

- b -ו a ו- א. חשבו את הערכים של
 - ב. מהי התוחלת של Xי
- X קטן מ- X גדול מ- 0.8, מה ההסתברות שערכו של X קטן מ- X

שאלה 3 (16 נקודות)

יצחק הוא יועץ טכני. בימי שלישי הוא עונה לשאלות באימיילים. משך זמן כתיבת אימייל מתפלג מעריכית. ההסתברות שמשך הזמן לענות לאימייל יחיד יהיה גדול מ- 5 דקות היא 0.4493. יצחק צריך לענות על 36 אימיילים לפני הפסקת הצהריים.

- א. מהי תוחלת משך זמן מענה לאימייל!
- ב. מה ההסתברות שמשך הזמן שייקח ליצחק לענות על כל 36 האימיילים יהיה לפחות שעתיים!

שאלה 4 (28 נקודות)

נתונה קובייה לא הוגנת: ההסתברות לקבל את המספר 6 בהטלת הקובייה היא 0.4, וההסתברות לקבל כל אחד מהמספרים 1 עד 5 היא 0.12. מטילים את הקובייה 5 פעמים וסופרים את מספר הפעמים שהתקבל המספר 6, ואז מטילים מטבע הוגן כמספר הפעמים שהתקבל המספר 6 וסופרים את מספר הפעמים שהתקבל "עץ". נגדיר: X = 3 מספר הפעמים שהתקבל המספר Y = 3 מספר הפעמים שהתקבל "עץ".

- א. מה ההסתברות שנקבל את המספר 6 ארבע פעמים!
 - ב. מה ההסתברות שנקבל ייעץיי ארבע פעמים!
 - X=3 בהינתן Y בהינתן ג. חשבו את התוחלת
 - X ד. חשבו את התוחלת של