אלון X

מבוא להסתברות

שאלה 1 (21 נקודות – כל סעיף 7 נקודות)

יצחק ניגש לבחינת קבלה לחידון טלוויזיה. בבחינה שואלים מגוון של שאלות בשלושה נושאים. בבחינת הקבלה ההסתברות שישאלו שאלה בהיסטוריה היא 0.5, ההסתברות שישאלו שאלה בספורט היא 0.3 וההסתברות שישאלו שאלה בפוליטיקה היא 0.2. אין תלות בין השאלות השונות. ההסתברות שיצחק יענה נכון על שאלה בהיסטוריה היא 0.4, ההסתברות שיצחק יענה נכון על שאלה בספורט היא 0.8 וההסתברות שיצחק יענה נכון על שאלה בפוליטיקה היא 0.7.

- א. מה ההסתברות שיצחק יענה נכון על שאלה כלשהי!
- ב. יצחק ענה נכון על שאלה, מה ההסתברות שהשאלה הייתה שאלה בהיסטוריה?
- ג. יצחק נשאל בסך הכול 42 שאלות. מהי תוחלת מספר השאלות עליהן ענה תשובה נכונה?

שאלה 2 (35 נקודות – כל סעיף 7 נקודות)

שמעון מוכר תערובת ביתית להכנת עוגיות. נגדיר: X:=X משקל חבילת התקו של משקל מוכר תערובת ביתית להכנת עוגיות. נגדיר: X:=X

$$f(x) = \begin{cases} 20x & 0.45 \le x \le 0.55 \\ 0, & else \end{cases}$$

- א. מה ההסתברות שמשקל חבילה אקראית יהיה פחות מ- 0.5 קייג!
- ב. אם ידוע שמשקל חבילה גדול מ- 0.5, מה ההסתברות שהמשקל של החבילה קטן מ- 0.52?
 - . מה התוחלת של משקל חבילה!
 - ד. מה ההסתברות שממוצע משקלן של 36 חבילות יהיה פחות מ- 0.502 קייג!
- ה. מה ההסתברות שמבין 100 חבילות שנמכרו, משקלן של 35 חבילות לכל היותר היה פחות מ- 0.5 קייג כל אחת!

שאלה 3 (16 נקודות – כל סעיף 8 נקודות)

- , X -חיובי השחקן מקבל סכום כסף השווה ל
- .(|X| מפסיד משלם לקזינו סכום כסף השווה ל- אם שלילי השחקן משלם לקזינו סכום כסף אם אם אלילי השחקן אווה ל-
 - א. 36 אורחים שיחקו במשחק. מה ההסתברות שהרווח הכולל שלהם גדול מ- 12σ
- 0.125σ ב. יצחק שיחק במשחק 64 פעמים. מה ההסתברות שהרווח הממוצע למשחק היה לכל היותר

שאלה 4 בעמוד הבא..... 4

שאלה 4 (28 נקודות – כל סעיף 7 נקודות)

Y,X נתונה טבלת התפלגות משותפת של המשתנים

Y				
X	1	2	3	$P_X(x)$
1	0.06		0.24	0.7
2	0.02			
$P_{Y}(y)$				

$$P(Y=3 \mid X=2) = 0.4$$
: נתון

- א. העתיקו את הטבלה למחברת הבחינה והשלימו אותה. האם Y,X בלתי תלויים?
 - $oldsymbol{X}=1$ אם נתון $oldsymbol{Y}$ אם מהי התוחלת של
 - X=1 ג. מהי השונות של Y אם נתון
 - . $P\left(\frac{X}{Y} \ge 1\right)$: ד. חשבו את ההסתברות