שאלון X

שאלה 1 (16 נקודות)

בכל הטלה של מטבע א', הוא נופל על "עץ" בהסתברות 0.5. מטבע ב', נופל על "עץ" בכל הטלה בהסתברות 1. יוסי בוחר מטבע באקראי, ומטיל אותו 4 פעמים.

- א. חשבו את ההסתברות שיתקבל "עץ" בדיוק 3 פעמים.
- ב. יוסי וחברו נפתלי משחקים במשחק הבא: בכל סבב, נבחר מטבע אקראי, ומוטל פעם אחת. אם יוצא עץ ,יוסי משלם שקל אחד לנפתלי. אחרת, יוסי מקבל מנפתלי 2 שקלים. חשבו את תוחלת הרווח של יוסי לאחר 4 סבבים של המשחק.

שאלה 2 (21 נקודות)

: Xנתונה פונקציית התפלגות מצטברת של משתנה מקרי

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ a(x - 0.5x^2), & 0 \le x < 1 \\ 0.25(x + 1), & 1 \le x < b \\ 1, & b \le x \end{cases}$$

- ?a,b א. מה הם הערכים של
 - \mathcal{L} ב. מהי התוחלת של
- $P(X < 1.4 \mid X > 0.7)$ ג. חשבו את ההסתברות:

שאלה 3 (24 נקודות)

תומר הביא לשיעור שקית ממתקים ובה שתי סוכריות, מסטיק אחד ושוקולד אחד.

במהלך השיעור הוא לוקח באקראי ממתקים מהשקית ואוכל אותם.

הוא ממשיך כך עד שהוא מוציא את השוקולד.

נגדיר:

מספר הממתקים הכולל שתומר מוציא. -X

מספר הסוכריות שתומר מוציא. -Y

- X,Y א. (10 נקודות) מצאו את פונקציית ההסתברות המשותפת של המשתנים המקריים
 - E(XY) ב. (6 נקודות) חשבו את
 - X=3 ג. (8 נקודות) חשבו את השונות המותנית של

שאלה 4 (16 נקודות)

במאפיה השכונתית רבע מן העוגות הן עוגות גבינה, והיתר הן עוגות שוקולד. הזמן שלוקח לאפות עוגת גבינה בתנור הוא משתנה מקרי מעריכי עם תוחלת של 25 דקות. הזמן שלוקח לאפות עוגת שוקולד בתנור מתפלג נורמלית עם תוחלת μ דקות וסטיית תקן 6 דקות. ידוע כי ההסתברות שזמן האפייה של עוגה כלשהי יעלה על 30 דקות היא 0.12.

- μ א. מצאו את
- ב. ביום מסוים נאפו 100 עוגות גבינה. מהי בקירוב ההסתברות שסך זמני האפייה של עוגות אלה לא יעלה על 2200 דקות?

שאלה 5 (23 נקודות)

בעלי פיצרייה טוענים שממוצע של מספר זיתים בפיצה אחת שווה ל-10 עם סטיית התקן 2. נינה לומדת סטטיסטיקה במכללה ורוצה לבדוק את הטענה של בעלי הפיצרייה (השערת האפס). לפי השערה האלטרנטיבית ממוצע מספר זיתים בפיצה יותר נמוך מ-10. לצורך הבדיקה נינה קנתה 49 פיצות ומצאה שממוצע של מספר זיתים לפיצה היה שווה ל-9.4.

- א. (8 נקודות) מצאו אזור דחיית השערת האפס ברמת המובהקות של 0.05. האם תדחו את השארת האפס על סמך התוצאה שהתקבלה?
- ב. (8 נקודות) מהי מובהקות התוצאה שהתקבלה? האם השערת האפס הייתה נדחית ברמת המובהקות 0.01?
 - ג. (7 נקודות) בנו רווח בר סמך ברמת סמך 95% עבור ממוצע מספר זיתים בפיצה.